

Departamento de Matemáticas Matemáticas 4º Aplicadas



Números Reales

Nombre:	Fecha:				
Tiempo: 50 minutos	Tipo: A				

Esta prueba tiene 8 ejercicios. La puntuación máxima es de 21. La nota final de la prueba será la parte proporcional de la puntuación obtenida sobre la puntuación máxima. Para la evaluación de pendientes de 3°ESO o 2°PMAR se tendrán en cuenta los apartados 1,2,3 y 6:

Ejercicio:	1	2	3	4	5	6	7	8	Total
Puntos:	1	2	4	3	4	2	2	3	21

- 1. (1 punto) Responde a las siguientes cuestiones:
 - (a) Pasa a notación decimal los siguientes números:
 - = \frac{5}{6}
 - $\blacksquare \frac{4}{3}$

Solución:

- **2**, 5
- 1, 3
- (b) Pasa a fracción irreducible los siguientes números:
 - **7**, 5
 - **6**
 - $-\sqrt{6}$

Solución:

- $\frac{75}{10} = \frac{15}{2}$
- **■** 1, 3
- No se puede, es irracional
- 2. Responde a las siguientes cuestiones:
 - (a) (1 punto) Da una aproximación, con tres cifras significativas, para cada una de las siguientes cantidades:
 - 854238 personas
 - **3**, 1694 m
 - 928412 mg

Solución:

- 854 miles de personas
- 3,17 m
- 928 miles de mg
- (b) (1 punto) ¿Cuáles son los errores absoluto y relativo cometidos en cada caso?

Solución:

- Error absoluto: 854 238 854 000 = 238 personas. Error relativo: $\frac{238}{854238}\approx 0,0003$
- Error absoluto: 3,1694 3,17 = 0,0006 m. Error relativo: $\frac{-0,0006}{3,1694} \approx -0,0002$
- \blacksquare Error absoluto: 412 mg. Error relativo: $\frac{412}{928412}\approx0,0004$
- 3. Responde a las siguientes cuestiones relacionadas con la notación científica:
 - (a) (1 punto) Expresa en notación científica cada una de estas cantidades:
 - A = 3280000000000
 - B = 0,000000012

Solución:

- $A = 3,28 \cdot 10^{11}$
- B = $1, 2 \cdot 10^{-8}$
- (b) (1 punto) Escribe en forma decimal los siguientes números dados en notación científica:
 - $C = 2,25 \cdot 10^8$
 - $D = 3, 2 \cdot 10^{-4}$

Solución:

- C = 225000000
- D = 0,00032
- (c) (2 puntos) Calcula: $(A + C) \cdot B$

Solución: $(A+C) \cdot B = (3, 28 \cdot 10^{11} + 2, 25 \cdot 10^8) \cdot (1, 2 \cdot 10^{-8}) = (3, 28225 \cdot 10^{11}) \cdot (1, 2 \cdot 10^{-8}) = 3, 9387 \cdot 10^3 = 3938, 7$

- 4. Responde a las siguientes cuestiones relacionadas con esta operación: $(5, 28 \cdot 10^4 + 2, 81 \cdot 10^5)^2$
 - (a) (1 punto) Halla el resultado, con ayuda de la calculadora, dando el resultado en notación científica con tres cifras significativas:

Solución:
$$1, 11 \cdot 10^{11}$$

(b) (2 puntos) Da una cota para el error absoluto y otra para el error relativo cometidos al dar el valor aproximado.

Solución:
$$E_a < 5 \cdot 10^8 \text{ y } E_a < \frac{5 \cdot 10^8}{1,11 \cdot 10^{11}} \approx 0,0045$$

- 5. La masa de la Luna es $7,35\cdot 10^{22}$ kg, la de Mercurio $3,302\cdot 10^{23}$ kg y la de la Tierra es $5,98\cdot 10^{24}$ kg.
 - (a) (2 puntos) Calcula las veces que la masa de la Luna es menor que la masa de Mercurio

Solución:
$$3,302 \cdot 10^{23}:7,35 \cdot 10^{22}=33,02 \cdot 10^{22}:7,35 \cdot 10^{22}=4,49$$
. La masa de la Luna es 4,49 veces menor que la de Mercurio.

(b) (2 puntos) Halla la diferencia entre las masas de la Tierra y de Mercurio

Solución: Diferencia de masa Tierra - Mercurio:
$$5,98 \cdot 10^{24} - 3,302 \cdot 10^{23} = 59,8 \cdot 10^{23} - 3,302 \cdot 10^{23} = 56,498 \cdot 10^{23} = 5,6498 \cdot 10^{24}$$
 kg

6. (2 puntos) Indica a cuáles de los conjuntos \mathbb{N} , \mathbb{Z} , \mathbb{Q} , \mathbb{R} pertenecen cada uno de los siguientes números:

	N	\mathbb{Z}	\mathbb{Q}	\mathbb{R}
$\frac{3}{4}$				
$\sqrt[3]{-27}$				
1,3				
16				
$ \begin{array}{c c} -\frac{10}{4} \\ -\sqrt{25} \end{array} $				
$\sqrt{8}$				
4				
π				
$\sqrt{-4}$				
$\frac{26}{13}$				

Solución:		N	\mathbb{Z}	\mathbb{Q}	\mathbb{R}
	$\frac{3}{4}$			X	Χ
	$\sqrt[3]{-27}$		X	X	X
	$1, \widehat{3}$			X	Χ
	$-\frac{16}{4}$		X	X	X
	$-\sqrt{25}$		X	X	Χ
	$\sqrt{8}$				X
	4	X	X	X	X
	π				X
	$\sqrt{-4}$				
	$\frac{26}{13}$	X	X	X	X

7. (2 puntos) Representa en la recta real y en forma de intervalo el siguiente conjunto numérico:

$$\{x \in \mathbb{R} \mid -2 \leqslant x < 4\}$$

Solución: [-2, 4)

- 8. Calcula los siguientes radicales utilizando la definición o la notación en forma de potencia. (Justifica tus respuestas):
 - (a) (1 punto) $\sqrt[3]{2744}$

Solución: 14 porque $14^3 = 2744$

(b) (2 puntos) $\sqrt{2} \cdot \sqrt{50}$

Solución: $=2^{\frac{1}{2}} \cdot 50^{\frac{1}{2}} = (2 \cdot 50)^{\frac{1}{2}} = 100^{\frac{1}{2}} = (10^2)^{\frac{1}{2}} = 10$