

Departamento de Matemáticas Matemáticas 4º Aplicadas



Números Reales

Nombre:	Fecna:
Tiempo: 50 minutos	Tipo: A
110111p01 00 1111114100	1100.11

Esta prueba tiene 8 ejercicios. La puntuación máxima es de 24. La nota final de la prueba será la parte proporcional de la puntuación obtenida sobre la puntuación máxima. Para la evaluación de pendientes de 3ºESO o 2ºPMAR se tendrán en cuenta los apartados: 1.a, 2.a, 3.b y 4a,b,c

Ejercicio:	1	2	3	4	5	6	7	8	Total
Puntos:	4	4	3	3	2	3	2	3	24

- 1. La masa de la Luna es $7,35\cdot 10^22$ kg, la de Mercurio $3,302\cdot 10^23$ kg y la de la Tierra es $5,98\cdot 10^24$ kg.
 - (a) (2 puntos) Calcula las veces que la masa de la Luna es menor que la masa de Mercurio

Solución:

(b) (2 puntos) Halla la diferencia entre las masas de la Tierra y de Mercurio

Solución:

- 2. Responde a las siguientes cuestiones relacionadas con esta operación: $(5, 28 \cdot 10^4 + 2, 81 \cdot 10^5)^2$
 - (a) (2 puntos) Halla el resultado, con ayuda de la calculadora, dando el resultado en notación científica con tres cifras significativas:

Solución:

(b) (2 puntos) Da una cota para el error absoluto y otra para el error relativo cometidos al dar el valor aproximado.

Solución:

- 3. (3 puntos) Calcula:
 - (a) $(1 \text{ punto}) -3 + 7[-4 (-12) : (-6) + 4 \cdot (-3)]$

Solución:
$$= -3 + 7[-4 - 2 - 12] = -3 + 7 \cdot (-18) = -3 - 126 = -129$$

(b) $(1 \text{ punto}) \ 14 : (-2) + (-5) : 5 - (-3) + 12$

Solución: = -7 - 1 + 3 + 12 = 7

(c)
$$(1 \text{ punto}) \ 7 \cdot [12 + (-6 + 4 + 8)] - (-2) \cdot [5 - 3 \cdot (2 + 3 - 6)]$$

Solución:
$$= 7[12+6] + 2 \cdot [5-3 \cdot (-1)] = 7 \cdot [18] + 2 \cdot [5+3] = 126 + 2 \cdot 8 = 126 + 16 = 142$$

4. (3 puntos) Efectúa y simplifica:

(a) (1 punto)
$$\frac{3}{2} - \frac{4}{5} : \frac{1}{2} + \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{3}$$

Solución:
$$=\frac{3}{2}-\frac{8}{5}+\frac{1}{4}=\frac{30}{20}-\frac{32}{20}+\frac{5}{20}=\frac{3}{20}$$

(b) (1 punto)
$$\frac{1}{6} - \frac{5}{3} \left(\frac{4}{5} - \frac{1}{3} \right) - \frac{1}{2} : \frac{3}{4}$$

Solución:
$$=\frac{1}{6} - \frac{5}{3} \cdot \frac{7}{15} - \frac{2}{3} = \frac{1}{6} - \frac{7}{9} - \frac{2}{3} = \frac{3}{18} - \frac{14}{18} - \frac{12}{18} = -\frac{23}{18}$$

(c)
$$(1 \text{ punto})$$
 $\left(\frac{3}{5} - \frac{2}{3}\right)^3 \cdot \left[\left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3}\right)^3 : \left(\frac{5}{3} - 1\right)^3\right]$

Solución:
$$= \left(\frac{9-10}{15}\right)^3 \cdot \left[\left(\frac{3+2}{6}\right)^3 : \left(\frac{2}{3}\right)^3\right] =$$
 $= \left(-\frac{1}{15}\right)^3 \cdot \left[\left(\frac{5}{6}\right)^3 : \left(\frac{2}{3}\right)^3\right] = \left(-\frac{1}{15}\right)^3 \cdot \left(\frac{5}{4}\right)^3 = \left(-\frac{1}{12}\right)^3 = -\frac{1}{1728}$

5. (2 puntos) Simplifica utilizando las propiedades de las potencias:

(a) (1 punto)
$$\frac{3^4 \cdot 3 \cdot 9^2}{3^0 \cdot 3 \cdot 27}$$

Solución:
$$=\frac{3^5 \cdot (3^2)^2}{3 \cdot (3^3)} = \frac{3^5 \cdot 3^4}{3^4} = 3^5 = 243$$

(b) (1 punto)
$$\frac{6^3 \cdot 3^{-2}}{3^6 \cdot 2^{-2}}$$

Solución:
$$= \frac{(2 \cdot 3)^3 \cdot 2^2}{3^6 \cdot 3^2} = \frac{(2^3 \cdot 3^3) \cdot 2^2}{3^6 \cdot 3^2} = \frac{2^5 \cdot 3^3}{3^8} = \left(\frac{2}{3}\right)^5$$

- 6. (3 puntos) Juan se gasta 2/3 del dinero en ropa y 1/4 del total en comida.:
 - (a) (1 punto) ¿Cuál es la fracción gastada?

Solución:
$$\frac{2}{3} + \frac{1}{4} = \frac{8+3}{12} = \frac{11}{12}$$

(b) (1 punto) ¿Qué fracción le queda por gastar?

Solución:
$$1 - \frac{11}{12} = \frac{1}{12}$$

(c) (1 punto) Si salió de casa con 180 €, ¿qué cantidad no se ha gastado?

Solución:
$$\frac{1}{12} de \ 180 = \frac{1 \cdot 180}{12} = 15 \in$$

7. (2 puntos) Un jardinero riega en un día 2/5 partes del jardín. ¿Cuántos días tardará en regar todo el jardín? ¿Cuánto ganará si cobra 50 €. por día?

Solución: Días tardará:
$$1: \frac{2}{5} = \frac{5}{2} = 2,5$$
 días Dinero que ganará: $50 \cdot 2, 5 = 125 \in$.

Dinero que ganará:
$$50 \cdot 2, 5 = 125 \in$$
.

8. (3 puntos) Pablo gasta 2/5 del dinero que tenía en comprar fruta. Después, gasta 1/4 de lo que le queda en comprar leche. Sabiendo que le han sobrado 9 €. ¿Cuánto dinero tenía al principio?

Solución: Fracción gastada:
$$\frac{2}{5} + \frac{1}{4} \cdot \frac{3}{5} = \frac{8}{20} + \frac{3}{20} = \frac{11}{20}$$
 Fracción que le queda: $1 - \frac{11}{20} = \frac{9}{20}$

Fracción que le queda:
$$1 - \frac{11}{20} = \frac{9}{20}$$

Dinero que tenía: Si
$$\frac{9}{20}$$
 del Total = $9 \to \text{Total} = \frac{9 \cdot 20}{9} = 20 \in$.