

Departamento de Matemáticas Matemáticas 4º Aplicadas



Enteros, fracciones y potencias

| Nombre: | Fecha: |
|---------|--------|
| | |

Tiempo: 50 minutos Tipo: A

Esta prueba tiene 6 ejercicios. La puntuación máxima es de 16. La nota final de la prueba será la parte proporcional de la puntuación obtenida sobre la puntuación máxima. Para la evaluación de pendientes de 3ºESO o 2ºPMAR se tendrán en cuenta los apartados: 1.a, 2.a, 3.b y 4a,b,c

| Ejercicio: | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | Total |
|------------|---|---|---|---|---|---|-------|
| Puntos: | 3 | 3 | 2 | 3 | 2 | 3 | 16 |

- 1. (3 puntos) Calcula:
 - (a) $(1 \text{ punto}) -3 + 7[-4 (-12) : (-6) + 4 \cdot (-3)]$

Solución:
$$= -3 + 7[-4 - 2 - 12] = -3 + 7 \cdot (-18) = -3 - 126 = -129$$

(b)
$$(1 \text{ punto}) \ 14 : (-2) + (-5) : 5 - (-3) + 12$$

Solución:
$$= -7 - 1 + 3 + 12 = 7$$

(c)
$$(1 \text{ punto}) \ 7 \cdot [12 + (-6 + 4 + 8)] - (-2) \cdot [5 - 3 \cdot (2 + 3 - 6)]$$

Solución:
$$= 7[12+6] + 2 \cdot [5-3 \cdot (-1)] = 7 \cdot [18] + 2 \cdot [5+3] = 126 + 2 \cdot 8 = 126 + 16 = 142$$

- 2. (3 puntos) Efectúa y simplifica:
 - (a) (1 punto) $\frac{3}{2} \frac{4}{5} : \frac{1}{2} + \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{3}$

Solución:
$$=\frac{3}{2}-\frac{8}{5}+\frac{1}{4}=\frac{30}{20}-\frac{32}{20}+\frac{5}{20}=\frac{3}{20}$$

(b) (1 punto)
$$\frac{1}{6} - \frac{5}{3} \left(\frac{4}{5} - \frac{1}{3} \right) - \frac{1}{2} : \frac{3}{4}$$

Solución:
$$=\frac{1}{6}-\frac{5}{3}\cdot\frac{7}{15}-\frac{2}{3}=\frac{1}{6}-\frac{7}{9}-\frac{2}{3}=\frac{3}{18}-\frac{14}{18}-\frac{12}{18}=-\frac{23}{18}$$

(c)
$$(1 \text{ punto})$$
 $\left(\frac{3}{5} - \frac{2}{3}\right)^3 \cdot \left[\left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3}\right)^3 : \left(\frac{5}{3} - 1\right)^3\right]$

Solución:
$$= \left(\frac{9-10}{15}\right)^3 \cdot \left[\left(\frac{3+2}{6}\right)^3 : \left(\frac{2}{3}\right)^3\right] =$$
 $= \left(-\frac{1}{15}\right)^3 \cdot \left[\left(\frac{5}{6}\right)^3 : \left(\frac{2}{3}\right)^3\right] = \left(-\frac{1}{15}\right)^3 \cdot \left(\frac{5}{4}\right)^3 = \left(-\frac{1}{12}\right)^3 = -\frac{1}{1728}$

- 3. (2 puntos) Simplifica utilizando las propiedades de las potencias:
 - (a) (1 punto) $\frac{3^4 \cdot 3 \cdot 9^2}{3^0 \cdot 3 \cdot 27}$

Solución:
$$=\frac{3^5 \cdot (3^2)^2}{3 \cdot (3^3)} = \frac{3^5 \cdot 3^4}{3^4} = 3^5 = 243$$

(b) (1 punto) $\frac{6^3 \cdot 3^{-2}}{3^6 \cdot 2^{-2}}$

Solución:
$$= \frac{(2 \cdot 3)^3 \cdot 2^2}{3^6 \cdot 3^2} = \frac{(2^3 \cdot 3^3) \cdot 2^2}{3^6 \cdot 3^2} = \frac{2^5 \cdot 3^3}{3^8} = \left(\frac{2}{3}\right)^5$$

- 4. (3 puntos) Juan se gasta 2/3 del dinero en ropa y 1/4 del total en comida.:
 - (a) (1 punto) ¿Cuál es la fracción gastada?

Solución:
$$\frac{2}{3} + \frac{1}{4} = \frac{8+3}{12} = \frac{11}{12}$$

(b) (1 punto) ¿Qué fracción le queda por gastar?

Solución:
$$1 - \frac{11}{12} = \frac{1}{12}$$

(c) (1 punto) Si salió de casa con 180 €, ¿qué cantidad no se ha gastado?

Solución:
$$\frac{1}{12} de \ 180 = \frac{1 \cdot 180}{12} = 15 \in$$

5. (2 puntos) Un jardinero riega en un día 2/5 partes del jardín. ¿Cuántos días tardará en regar todo el jardín? ¿Cuánto ganará si cobra 50 €. por día?

Solución: Días tardará:
$$1: \frac{2}{5} = \frac{5}{2} = 2,5$$
 días

Dinero que ganará: $50 \cdot 2, 5 = 125 \in$.

6. (3 puntos) Pablo gasta 2/5 del dinero que tenía en comprar fruta. Después, gasta 1/4 de lo que le queda en comprar leche. Sabiendo que le han sobrado 9 €. ¿Cuánto dinero tenía al principio?

Solución: Fracción gastada: $\frac{2}{5} + \frac{1}{4} \cdot \frac{3}{5} = \frac{8}{20} + \frac{3}{20} = \frac{11}{20}$ Fracción que le queda: $1 - \frac{11}{20} = \frac{9}{20}$

Dinero que tenía: Si $\frac{9}{20}$ del Total = $9 \rightarrow$ Total = $\frac{9 \cdot 20}{9} = 20 \in$.