Le langage R

Gérard Govaert

25 mars 2009

1 Introduction

R est un environnement de programmation statistique interfaçable avec C et Fortran. Il s'agit d'un langage interprété et orienté objet semblable au langage statistique S (ou S+). Son exécution et sa sémantique sont proches du langage Scheme, variante du Lisp. Il permet la lecture, la manipulation et le stockage de données. Il intègre de nombreuses méthodes statistiques et des outils graphiques variés avec sortie sur écran ou sur fichier. La gestion des fonctions se fait à l'aide de la notion de modules (packages). Le logiciel R est un logiciel libre disponible sous Windows, Unix, Linux et Macintosh. Il est diffusé sous licence GNU^1 .

Le langage S a été développé dans les années 1970 par John Chambers & co aux Bell labs. R a été initialement écrit par Robert Gentleman et Ross Ihaka du département de statistique de l'université d'Auckland pour illustrer l'enseignement des statistiques. Le binaire a été mis à disposition en 1993 dans la bibliothèque Statlib et le source est disponible depuis 1995. Le groupe de développement a été élargi en 1997. Depuis, la participation active de nombreux chercheurs du domaine a permis une croissance exponentielle du logiciel R.

La meilleure source d'information est le site Internet de l'équipe de développement de R (*R core-development Team* : www.r-project.org/. Le logiciel est disponible depuis les sites du CRAN (*Comprehensive R Archive Network*).

2 Utilisation de R

Installation

À partir du site R, le chargement peut se faire sans difficulté : choisir Download : CRAN, un site et le type de matériel (par exemple, Windows) ; ensuite sélectionner base et R-2.8.1-win32.exe. Il suffit ensuite de lancer ce programme qui installe le logiciel R. Pour faciliter l'utilisation de Sweave, outil permettant d'insérer des commandes R dans un fichier LATEX, il est conseillé de l'installer directement sous c:

Démarrer et Terminer

Il suffit de cliquer sur l'icône R, créé lors de l'installation, pour lancer l'interface Rgui.exe. Il suffit alors de taper les commandes R dans la fenêtre Console. La commande q() permet de terminer.

Paramétrage

Différents fichiers interviennent au moment du lancement et de l'arrêt de R. Il y a les fichiers Renviron.site et .Renviron qui permettent de définir les variables d'environnement de R, les fichiers Rprofile.site et .Rprofile qui sont des scripts R, le fichier Rconsole qui permet de configurer la console, le fichier Rdata qui sauvegarde l'environnement de travail et enfin le fichier .Rhistory qui conserve un historique des commandes utilisés dans la session.

Le lancement déclenche l'exécution éventuelle :

- des fichiers d'environnement du site (R_ENVIRON ou R_HOME/etc/Renviron.site),
- 2. des fichiers d'environnement de l'utilisateur (.Renviron recherché d'abord sur le working directory, puis sur le home directory),
- 3. des fichiers *profile* du site (R_PROFILE ou R_HOME/etc/Rprofile.site),
- 4. des fichiers *profile* de l'utilisateur (.Rprofile (recherché d'abord sur le working directory, puis sur le home directory),
- 5. du fichier .Rdata situé dans le working directory
- 6. et enfin du fichier .First en faisant une recherche suivant le « search path ».

Le working directory, dont la valeur peut être obtenue à l'aide de la commande getwd() est défini dans l'icône Rgui de lancement de R. Ce répertoire peut être modifié (clic droit sur l'icône, propriétés, modifier le fichier correspondant à « Démarrer dans »).

Le *Home directory* correspond à la notation HOME dans la documentation. Il s'agit plutôt d'un mode de recherche de certains fichiers. En positionnant la variable d'environnement R_USER sur un certain répertoire et en plaçant les fichiers .Renviron, .Rprofile et Rconsole dans ce répertoire, le démarrage de R se fera en utilisant ces fichiers, sauf si ces mêmes fichiers existent dans le working directory.

Voici un exemple de paramétrage :

- Initialiser la variable d'environnement Windows R_USER à C:\gerard\Logiciels\R\etc
- 2. Créer, dans ce répertoire, le fichier . Rprofile :

Les commandes getwf(), ?Rconsole, ?Renviron et Sys.getenv("R_USER") peuvent être utiles pour comprendre ce fonctionnement.

Aide en ligne

Différentes aides sont disponibles. Elles peuvent être obtenues à l'aide du menu Aide ou à l'aide de commandes R. Une aide générale est obtenue avec la commande help.start() ou à l'aide du menu Aide -> Aide Html. La description d'une commande est obtenue avec la commande ?commande (ou \help(commande)) ou à l'aide du menu Functions R. On dispose aussi d'une recherche par mots-clés grâce à la commande apropos(mot-clé) ou à l'aide du menu Rechercher dans l'aide.

¹Projet créé en 1984 pour développer un système d'exploitation complet et libre

Entrée des commandes

Les commandes peuvent être entrées de différentes façons :

- 1. Directement dans la fenêtre Rconsole.
- 2. À l'aide de l'historique des commandes (utilisation des flèches et édition des commandes à la Emacs).
- 3. En les éditant dans un fichier script, dont le nom est souvent suffixé par .R. Ce script peut être lancé à l'aide de la commande source où à l'aide du menu Fichier. On peut éditer ce fichier à l'aide de l'éditeur R, accessible par la commande edit ou à l'aide du menu, ou à tout autre éditeur de texte.

Commandes système

Différentes commandes permettant d'accéder à Windows sont disponibles. Par exemple, les fonctions getwd et setwd permettent respectivement de connaître et de modifier le répertoire courant, la fonction dir permet de lister les fichiers contenus dans le répertoire courant, la fonction sink permet de rediriger les sorties,...

3 Éléments de base du langage

Généralités

- Commentaires : texte situé après le caractère « # »
- Noms : constitués de lettres, chiffres et du caractère « . » et ne commençant pas par un chiffre
- Constantes: 5, 5.23, pi, Inf, NaN, TRUE ou T, FALSE ou T, NA (not available: valeur manquante), NULL, "exemple", LETTERS, letters, month.abb, month.name
- $\it S\'{e}parateurs$ de $\it commandes$: ; ou saut de ligne
- Opérateurs d'affectation : = ou <-
- Opérateurs arithmétiques : +, -, *, /, ^
- Division entière et modulo : \%/\%, \%\%
- Prod. matr., ext. et de Kronecker: %*%, %o%, %x%
- Opérateurs logiques : <, <=, >, >=, ==,!=,!, &, &&, |, ||, xor
- Expression groupée : {exp1; exp2;...; expm}

Les objets

Les objets sont les éléments de base de R. Un objet est caractérisé par son nom, son type, son mode de stockage, son mode qui décrit le contenu, sa classe qui décrit la structure et des attributs. Les fonctions typeof, storage.mode, mode, class, attributes, attr permettent de manipuler ces informations. Le type et le mode de stockage sont souvent identiques.

Les types

Les valeurs possibles sont NULL, symbol, pairlist, closure, environment, promise, language, special, builtin, logical, integer, double, complex, character, expression, list, ...

Les modes

Numérique pour représenter les nombres (numeric, is.numeric, as.numeric, is.finite, is.infinite, is.nan)

Complexe pour représenter les nombres complexes (complex,
 is.complex, as.complex)

Logique pour représenter les valeurs logiques (logical, is.logical, as.logical)

Caractère pour représenter les chaînes de caractères (character, is.character, as.character, is.na)

Les principales classes

Vecteur (vector) : collection ordonnée d'éléments de même mode.

- Attributs intrinsèques : mode (logical, numeric, complex ou character) et length
- Attributs : names (optionnel)
- Indexation :
 - Forme : [...]
 - Index:
 - vecteur logique : sélection des valeurs correspondant à la valeur TRUE
 - vecteur de valeurs numériques positives : sélection
 - vecteur de valeurs numériques négatives : exclusion
 - vecteur de chaînes (si l'attribut names existe)
- Fonctions associées : vector, is.vector, as.vector, mode, length, c, names

Matrices (matrix) vecteur structuré en ligne et colonne.

- Attributs
 - \mathtt{dim} : vecteur contenant le nombre de lignes et de colonnes
 - byrow : rangé par colonne (FALSE) ou par ligne (TRUE)
 - dimnames
- Indexation:
 - Comme pour les vecteurs, mais en utilisant 2 index.
 - Exemples :
 - -(m[2:6,c(5,7)])
 - (m[,c(5,7)]) pour sélectionner les colonnes 5 et 7
- Fonctions associées : matrix, is.matrix, as.matrix, dim, nrow, ncol

Tableaux (*array*): vecteur structuré en plusieurs dimensions (généralisation de la classe matrix).

Fonctions associées : array, is.array, as.array, outer

Facteur (factor) : Cette classe permet de traiter les variables qualitatives nominales ou ordinales. Elle est implémentée à l'aide d'un vecteur d'entiers et d'un vecteur de noms.

- Type de stockage : entier
- Mode : numérique
- Attributs:
 - levels
- Fonctions associées: levels, cut, nlevels, factor, is.factor, ordered, is.ordered, tapply, contrasts

Liste (*list*) collection ordonné d'objets de modes pouvant être différents.

- Attributs intrinsèques : mode (list) et length
- Attributs
 - names
- Indexation:
 - [...] pour atteindre une sous-liste
- [[...]] ou \$ pour atteindre un composant
- Fonctions associées : list, is.list, as.list, is.null, as.null, outer, c

Structure de données (data.frame) cette classe permet de traiter les tableaux de données. Il s'agit d'une liste dont chaque composant correspond à une variable. Ces composants, qui doivent avoir la même longueur, peuvent être des vecteurs, des facteurs, des matrices, des listes ou des structures de données.

- Attributs

names : nom des colonnesrow.names : nom des lignes

- Indexation: \$, [

 Fonctions associées : data.frame, mode, length, dim, nrow, ncol, attach, detach, search

4 Les fonctions

Fonctions génériques

Il s'agit de fonctions qui s'appliquent à tous types d'objets mais qui exécutent une commande spécifique en fonction de la classe de l'objet considéré. Par exemple print(x) lance print.matrix(x) si x est de classe matrix et si aucune fonction n'est trouvée, c'est la fonction print.default qui sera lancée. Les principales fonctions génériques sont les fonctions print, plot et summary. La fonction methods permet de connaître les différentes méthodes associées à une fonction générique.

Écriture de fonction

On peut créer une fonction grâce à la commande :

name <- function(arg_1,arg_2,...) expression</pre>

La valeur retournée par la fonction est précisée à l'aide de la fonction return. Si cette dernière est absente, la valeur retournée est la dernière valeur calculée. À l'appel de la fonction, la valeur des arguments peut être définie en utilisant l'ordre de ces arguments, le nom des arguments ou encore un mélange des deux. Il est possible de passer des arguments à une sous-fonction grâce à l'argument « . . . ». La commande args permet de lister les arguments d'une fonction.

Structures de contrôle

Les structures de contrôle sont les suivantes :

- if(cond) expr,

- if(cond) expr1 else expr2,

- for(var in seq) expr

- repeat expr

while(cond) expr

break

next

Les Modules (ou packages)

Les fonctions sont regroupées en modules. La fonction library() permet de connaître la liste des modules installés. La fonction install.package permet d'installer un nouveau module, à partir d'un fichier zip ou directement depuis le CRAN. La fonction remove.packages permet des-installer un module. Les fonctions library(mod) et detach("package:mod") permettent respectivement de charger un module installé et de décharger un module. La fonction help(package=mod) donne la liste des fonctions du module mod. Toutes ces fonctions sont accessibles dans le menu Packages. La fonction library(help=nom_module) permet d'obtenir une documentation sur un module. Le menu \packages-->Charger le package permet de connaître les modules pré-installés. En dehors des modules pré-installés, voici quelques modules qui peuvent être utiles :

 ${f xtable}$: permet d'exporter des tableaux au format LaTeX ou HTML

rggobi : permet d'échanger des données avec le logiciel ggobi

5 Les graphiques

De nombreuses de fonctions sont disponibles pour créer des graphiques. En plus de ces fonctions, dites de haut niveau, il existe une famille de fonctions, dites de bas niveau, permettant d'ajouter des éléments à un graphique existant et quelques fonctions graphiques interactives. Il existe en outre la fonction par qui permet de régler un nombre très important de paramètres à appliquer au graphique en construction.

6 Sweave

Il s'agit d'un outil permettant d'insérer des commandes R dans un fichier LATEX. La commande R Sweave("ex.rnw") permet de transformer le fichier ex.rnw contenant le code Latex et les appels aux fonctions R en un fichier ex.tex, et éventuellement en fichiers graphiques. Il suffit alors de compiler le fichier ex.tex. Voici quelques exemples d'appel à R:

```
<<>>=
data(airquality)
kruskal.test(Ozone ~ Month, data = airquality)
@

<<fig=TRUE,echo=FALSE>>=
boxplot(Ozone ~ Month, data = airquality)
@
```

7 Principales fonctions

Divers

```
q(): arrêt
dir(): contenu du répertoire de travail
getwd(): nom du répertoire de travail
setwd("d") changement du répertoire de travail
source("s"): exécution d'un fichier script
methods(f), methods(class=c): liste les méthodes associées à une fonction générique ou à une classe
system, system.file, system.time, as.date
Op. arith.: +, -, *, /, ^, %*%, %/%, %%, %0%
Op. log.: <, <=, >, >=, ==,!=, &, &&, |, ||,!+, %in%
Index. des vecteurs: x[n], x[-n], x[1:n], x[-(1:n)], x[c(3,5,9)], x["name"],
x[x>2 & x <20]
Index. des listes: x[n], x[[n]], x[["name"]], x$name
Index. des matrices: x[i,j], x[i,j],x[,c(1,3)], x["name",]
Index. des data frames: matrices + x[["name"]] et x$name
```

attach, detach: ajout ou suppression de sd au chemin de recherche

Aide

help(sujet), ?sujet : documentation associée à une fonction help.start() : aide html help.search("str") : liste des aides contenant "str" apropos("str") : liste des fonctions contenant "str" index.search, example, demo

Création

c(1,2,3), 1:3, seq, rep: création de vecteur list, array, matrix, factor
data.frame, expand.grid: création de sd
gl: création des modalités d'un facteur

Information et manipulation des objets

ls ou objects : objets de l'environnement rm ou remove: suppression d'un objet summary: résumé associé à un objet str, ls.str: structure interne d'un objet

typeof: type d'un objet

storage.mode: mode de stockage d'un objet

mode: lecture ou modification du mode d'un objet

class, unclass: classe d'un objet attributes, attr: attributs d'un objet

as.array, as.data.frame, as.numeric, as.logical, as.character is.array, is.data.frame, is.numeric, is.logical, is.character

dim, dimnames, lenghh, nrow, ncol

rbind, cbind : concaténation en ligne ou en colonne

sort, order, rev, rank cut, split, findInterval

subset, unique, sample : extraction

which: indices des éléments prenant la valeur TRUE

na.omit, na.fail, na.exclude, na.pass: données manquantes

match, pmatch, %in%: recherche

 \mathbf{merge} : fusion de 2 sd

stack, unstack : concaténation de vecteurs d'une sd ou d'une liste paste, substr, strsplit : concaténation, substitution de carac.

chartr, tolower, toupper : conversion de caractères grep, sub, gsub, regexpr : recherche de caractères

nchar : nombre de caractères

Entrées-sorties

data, library : chargement de données ou de modules

cat, print, format, write, write.table, sprintf: écriture ASCII read.table, scan, read.csv, read.delim, read.fwf : lecture ASCII

save, save.image : écriture en format R load, data, library: lecture en format R

module foreign : fonctions permettant des données avec les principaux logiciels statistiques

data.entry: édition d'un objet avec un tableur file : création, ouverture et ouverture d'un fichier sink("file"): envoi des sorties sur un fichier

readBin, writeBin : lecture et écriture au format binaire

list.files, dirname, basename, path.expand file.choose, file.show, file.exists, file.path,...

Mathématiques

abs, round, sqrt, log, log10, exp, sin, cos, tan, acos, asin, atan

sum, cumsum, rowSums, colSums %*%, prod, cumprod, crossprod

scale: centrage, réduction min, cummin, which.min, pmin max, cummax, which max, pmax

diff calcul des différences entre les éléments d'un vecteur

t, aperm: transposition diag: diagonale d'une matrice

union, intersect, setdiff, setequal, is.element: fonction d'ensembles

beta, gamma, choose, factorial

eigen, svd, qr, solve

Distribution de probabilités

d<loi>, p<loi>, q<loi>, r<loi> : densité, fdR, quantile et simulation. > peut prendre les valeurs : binom, cauchy, chisq, exp, F, gamma, geom, hyper, lnorm, logis, nbinom, norm, pois, t, unif, weibull, wilcox.

Statistique exploratoire

summary : résumé numérique

range: étendue

mean, rowMeans, colMeans, weighted.mean, ave, median:

movenne et médiane boxplot : diagramme en boîte

stem ou stem.leaf (aplpack): diagramme en tige et feuille

hist: histogramme

var, sd, cor: variance, covariance, écart-type et corrrélation

quantile

fivenum: résumé d'une distribution

pairs: graphique matriciel

faces (aplpack) : visages de Chernoff

stars: polygones

barplot: diagrammes en bâton

pie: diagrammes en camenbert table : table de contingence

prop.table : fréquences relatives (générale, ligne ou colonne)

mosaicplot: tabulate

aggregate : Statistiques pour des sous-ensembles de données

princomp : ACP

kmeans: algorithme des k-means

Statistique décisionnelle

t.text, power.t.test, var.test : tests de student et de Fisher à 1 ou 2 populations

wilcox.test: test non-paramétrique de Wilcoxon à 1 ou 2 populations

binom.test, prop.test: tests sur la proportion ks.test tests d'adéquation de Kolmogorov-Smirnov

chisq.test tests d'adéquation du χ^2 et test du χ^2 de contingence mcnemar, cor.test, fisher.test, friedman.test: divers tests

shapiro.test : test de normalité aov. anova : analyse de la variance density: estimation non paramétriques

optim, nlm, lm, glm, approx, nls, approx, spline, loess: ajustement de modèles

predict, df.residual, coef, residuals, deviance, fitted, logLik, AIC: fonctions génériques associées

Graphiques

Gestion des fenêtres graphiques : window, postscript, pictex, dev.off, dev.list, dev.next, dev.prev, dev.set, dev.copy, dev.print, graphics.off

Partitionnement de la femêtre graphique : layout, layout.show

Fonctions de haut niveau : plot, hist, barplot, dotchart, pie, boxplot, stem, sunflowerplot, stripplot, coplot, interactionplot, matplot, fourplot, assocplot, mosaicplot, pairs, qqnorm, qqline, qqplot, contour, persp, image, stars, symbols

Paramètres associés : add, axes, type, xlim, ylim, xlab, ylab, main, sub Fonctions de bas niveau: box, points, lines, text, mtext, segments, arrowx, abline, rect, polygone, legend, title, axis, rug

Fonctions interactives: locator et identify

Paramètres graphiques: les principaux paramètres graphiques, gérés par la fonction par, sont les suivants : adj, bg, bty, cex, col, font, las, lty, lwd, mar, mfcol, mfrow, pch, ps, pty, tck, tcl, xast, yast

Autres fonctions colors, palette, split.screen, screen, erase.screen, close.screen

Module aplpack stem.leaf, faces

Module lattice barchart, bwplot, densityplot, dotplot, histogram, qqmath, stripplot, qq, xyplot, levellot, contourplot, cloud, ...

Programmation

nom <- function(arguments) exp: création d'une fonction

return

if(cond) expr, if(cond) expr1 else expr2

for(x in seq) expr, while(cond) expr, repeat expr, switch

break next

ifelse

apply, lapply, tapply, sapply, by

Exemples

Vecteurs

x1 < -c(20.3.30.25)# Création

x2 < -rep(3,4)11 < -c(T,F,T,F)12 < -x1 = = x2

c1<-c('a','b','c','d') c3<-rep(c('a','b'),3)

x3 < -rep(c(1,2),c(2,5))x4 < -seq(1,50,by=5)

x5<-scan('ex1.txt') x6<-scan(',')

à partir d'un fichier # à partir de la console

str(x1) class(x1) attributes(x1) mode(x1) mode(x2) mode(x3)

x1+x2 # Utilisation

xbar<-sum(x1)/length(x1) # Moyenne et écart-type

mean(x1)

```
sqrt(sum((x1-xbar)^2)
                                                                                               M 1.92 78 marron
                                                                                                                  28 brun
                                                                                  Gaspard
  /(length(x1)-1))
                                                                                  Jean
                                                                                               M 1.63 54 marron
sd(x1)
                                                                                  Michel
                                                                                               M 1.69 80 bleu
                                                                                                                   37 blond
freq<-c(130,100,50,
                           # Vecteurs avec noms
                                                                            #
                                                                                  Alain
                                                                                               M 1.73 74 bleu
                                                                                                                   42 brun
  45,90,86)
                                                                            #
                                                                                  Louise
                                                                                               F 1.59 48 marron
                                                                                                                  33 chatain
                                                                                               F 1.63 47 marron
freq
                                                                            #
                                                                                  Karine
                                                                                                                  25 chatain
names(freq)<-c('GI', 'GM',
                                                                            x=read.table('exemple2.txt')
  'GSM','GTU','GC','GB')
                                                                            save(x,file="exemple2.Rdata")
freq
attributes(freq)
                                                                               A partir d'un fichier Excel :
freq['GTU']
                                                                           #
                                                                              Le fichier Excel exemple3.xls suivant
freq[4]
                                                                            #
                                                                                      A B
                                                                                                     C
                                                                                                             D
                                                                           # 1
                                                                                       var 1
                                                                                                var 2
                                                                                                        var 3
                                                                                                                var 4
                                                                           # 2
                                                                                                                     12,78
                                                                                    ind1
                                                                                            8
                                                                                                    6
                                                                                                            5
Matrices
                                                                            # 3
                                                                                                            3
                                                                                    ind2
                                                                                                                     45,34
                                                                            # 4
                                                                                    ind3
                                                                                            6
                                                                                                            4
                                                                                                                     45,94
                                                                                                    5
y<-sample(1:100,30,rep=T)
                                   # Création
                                                                           # 5
                                                                                    ind4
                                                                                            7
                                                                                                    5
                                                                                                            4
                                                                                                                     12,52
                                                                            # 6
                                                                                    ind5
                                                                                            4
                                                                                                    8
                                                                                                            6
                                                                                                                     80,45
y<-matrix(y,nrow=5,byrow=T)
                                                                           # 7
                                                                                    ind6
                                                                                            2
                                                                                                   12
                                                                                                            9
                                                                                                                     55,23
nomi=paste("A",1:5,sep="")
nomj=paste("B",1:6,sep="")
                                                                            # est au préalable recopier au format csv dans le fichier
dimnames(y)=list(nomi,nomj)
                                                                            data<-read.csv2("exemple3.csv",row.names=1)</pre>
attributes(y)
                                                                            save(notes,file="exemple3.Rdata")
dimnames(y)[[1]][2]
                                   # Utilisation
y1 < -y[,3:5]
z1<-z[c(1,3,5),,]
                                                                             Information, sélection et édition
u<-sort(y[1,])
                                                                            load("exemple2.Rdata")
o<-order(y[1,])
                                                                            attributes(x)
y<-y[,o]
                                                                            class(x$poids)
                                                                            class(x$taille)
                                                                            class(x$cheveux)
                                                                            names(x)
Tableaux
                                                                            rownames(x)
z<-array(1:30,dim=c(5,2,3))
                                   # Création
                                                                            length(x)
                                                                            n=dim(x)[1]
                                                                                                            # Taille de l'échantillon
z[2,1,2]
                                   # Utilisation
                                                                            d=dim(x)[2]
                                                                                                            # Nombre de variables
z[2,,2]
z[2,,2]<-c(0,0)
                                                                            load("exemple1.Rdata")
                                                                            x$v2
                                                                            x[[2]]
                                                                           x[.2]
Facteurs
                                                                            x[,'v2']
                                                                            x.qan=x[sapply(x,is.numeric)] # Sélection des var. quant.
y=factor(c(rep('v1',10),rep('v2',10))) # Création d'une var. qual.
                                                                            x.qal=x[sapply(x,is.factor)]
                                                                                                            # Sélection des var. qual.
z=g1(3,4,48,labels=c('a','b','c'))
                                        # Création d'une var. qual.
x=rnorm(48)
                                        # Création d'une var. quan.
                                                                            y<-edit(x)
tapply(x,z,mean)
                                        # Description de la var. x
boxplot(x~z)
                                        # regroupée suivant les
                                                                            Fonction
stripchart(x~z)
                                        # modalités de la
                                                                            norme<-function(v,p=2){
stripchart(x~z,method='jitter')
                                                                                                                 # Création d'une fonction
                                        # var. qual. z
                                                                            # Calcul de la norme Lp d'un vecteur
                                                                            # v : vecteur
Listes
                                                                            # p = 2 par défaut
v1=c(10,2,17)
                                    # Création d'une liste constituée
                                                                            (sum(v^p))^(1/p)
v2=c('yes','no','oui','non')
                                    # de 3 éléments
                                                                            }
v3=1:5
                                                                                                                  # Utilisation
                                                                            norme
1<-list(a=v1,b=v2,c=v3)
                                                                            norme()
                                                                            x=c(1,2,3]
mode(1)
                                                                            norme(x,3)
                                                                            norme(x)
                                    # Extraction et manipulation
                                                                            norme(v=x,p=3)
1[[2]]
                                    # d'élément de la liste
                                                                            norme(p=3,v=x)
1$y[3]
                                                                            norme(x,p=3)
1[[1]][3]
                                                                            stat<- function(v){
                                                                                                                  # Création d'une autre fonc.
1[1]
                                    # Sous-liste
                                                                            m=mean(x)
1[c(1,3)]
                                                                            e=sd(x)
                                                                            min=min(x)
y<-matrix(rnorm(12,0,1),nrow=3)
                                   # Liste créée par une fonction
                                                                            max=max(x)
r<-svd(y)
                                                                            res=list(m=m,e=e,min=min,max=max)
mode(r)
                                                                            r<-stat(x)
                                                                                                                  # Utilisation
attributes(r)
r$d
                                                                            mode(r)
r$u
                                                                            r$min
r$v
                                                                            Graphiques
 Data.frame
                                                                            x < -seq(0,5,length=10)
                                                                                                        # Création de deux vecteurs
                                                                            y<-2*x
 Création et sauvegarde
# Données simulées
                                                                            plot(x,y)
                                                                                                        # Affichage des points (x,y)
x1=runif(30,0,1)
x2=runif(30.5.10)
                                                                            postscript('essai.ps')
                                                                                                        # Même chose mais le graphe est
x3=x1+rnorm(30,0,0.05)
                                                                            plot(x,y)
dev.off()
                                                                                                        # envoyé sur un fichier
x4=rbinom(30,3,0.2)
x=data.frame(v1=x1,v2=x2,v3=x3,v4=x4)
x$v4=factor(x$v4,labels=c("A","B","C"))
                                                                            old.par=par(no.readonly=T) # Sauvegarde des par.graphiques
save(x,file="exemple1.Rdata")
                                                                            par(mfrow=c(2,2))
                                                                           plot(x,y)
title("Sans option")
# A partir d'un fichier ascii suivant :
      sexe taille poids yeux age cheveux
                                                                           plot(x,y,type="l")
```

title("Avec l'option 'l'")

title("Avec l'option 'b'")

plot(x,y,type="b")

plot(x,y,type="n")

M 1.80 85 bleu

F 1.50 45 bleu

F 1.65 55 marron

M 1.60 60 marron

18 brun

17 blond

34 chatain

Pierre

Paul

Clara

#

Gabrielle

```
text(x,y,letters[1:10])
par(old.par)
                           # Restauration des par.graphiques
x<-seq(0,2*pi,length=100)
                           # Utilisation de la souris
plot(x,sin(x),type="1")
                           # pour placer un texte
abline(h=0)
text(locator(1). "Point M")
x = seq(-3,3,by=0.1)
                           # Autre exemple
par(mfrow=c(2,2))
                           # Découpage de la fenêtre graphique
plot(x,sin(x),type="1")
plot(x,tan(x),type="1"
xlim=c(0,3),ylim=c(-10,10))
points(x,tan(x))
plot(x,dnorm(x),type="1")
plot(x,pnorm(x),type="1")
par(mfrow=c(1,1))
                           # Suppression du découpage
                           # Affichage d'un nuage de points avec
                           # des classes
x=c(1,5,3,4,8,5)
                           # Création de deux variables quantitatives
y=c(2,7,4,5,3,2)
z=factor(c(2,1,2,3,1,2))
                           # Création d'une variable qualitative
coul=c("red","green","blue")# Création d'un vecteur de couleurs
symb=c(19,22,24,25)
                           # Création d'un vecteur de symboles
plot(x,y,pch=19,col=coul[z])# Affichage avec des couleurs différentes
legend(7,6,levels(z),pch=19,col=coul)
plot(x,y,pch=symb[z])
                          # Affichage avec des symboles différents
legend(7,6,levels(z),pch=symb)
# des symboles différents
legend(7,6,levels(z),pch=symb,col=coul[z])
```

Probabilités

Comportement d'un échantillon gaussien

```
# Simulation de 3 échan. gaussiens
t1=rnorm(10.mu.sd)
                      # de tailles 10, 100 et 1000
t2=rnorm(100,mu,sd)
t3=rnorm(1000,mu,sd)
x = seq(0,10,by=0.1)
                      # Détermination des points (x,f(x)
                      # où f est la densité de la loi normale
y=dnorm(x,mu,sd)
par(mfrow=c(2,3))
                      # Tracé des histogrammes, de l'estimation
hist(t1); hist(t2);
                      # de la fonction de densité par la méthode
hist(t3)
                      # des noyaux et de la densité théorique
plot(density(t1))
                      # pour les 3 échantillons
lines(x,y,col='red')
plot(density(t2))
lines(x,y,col='red')
plot(density(t3))
lines(x,y,col='red')
par(mfrow=c(1,1))
```

Calcul de prob. par simul. de Monte Carlo

```
On cherche à calculer P(X < x) sachant que X \sim \mathcal{N}(5, 1)
mu=5 ; sd=2 ; x=4
                                   # Données
                                   # Calcul théorique
p1=pnorm(x,mu,sd)
m=100000
                                   # Calcul par simulation
t=rnorm(m,mu,sd)
p2=length(t[t<x])/m
paste('Valeur théorique : ',p1, # Affichage des résultats
 ' Valeur approchée : ',p2)
```

Comportement de X

On étudie, à l'aide de simulation, le comportement de la moyenne empirique d'un échantillon issu d'une loi uniforme U(a, b).

```
a=0 ; b=1
ln=c(20,50,100,200,500,1000)
                                     # Déf. de 6 tailles d'échan.
E=rep((a+b)/2.6)
                                      # E(xbar) pour les 6 tailles
V=(b-a)^2/(12*ln)
                                      # Var(xbar) pour les 6 tailles.
res=matrix(c(E,rep(0,6),V,
                                      # Init. du tableau de résultat
  rep(0,6)),nrow=4,byrow=T)
dimnames(res)=list(c('Esp. théorique',
  'Esp. simulée', 'Var. théorique',
  'Var. simulée'), ln)
                                      # Découpage de la fenêtre graphique Comparaison à une moyenne donnée
par(mfrow=c(2,3))
for(i in 1:length(ln)) {
                                      # Boucle sur les 6 tailles
 n=ln[i]
 t<-matrix(runif(n*1000,a,b),nrow=1000)
 xbar=apply(t,1,mean)
 hist(xbar,xlim=c(0,1),main=paste('n=',n),
   col='blue',xlab="",ylab="")
 res[2,i]=mean(xbar)
res[4,i]=var(xbar)
```

```
# Affichage des résultats
par(mfrow=c(1,1))
                                       # Suppression du découpage
```

Statistique exploratoire

```
x=read.table('exemple2.txt')
x.qan=x[sapply(x,is.numeric)]
                                        # Sélection des var. quant.
                                        # Sélection des var. qual.
x.qal=x[sapply(x,is.factor)]
n=dim(x)[1]
                                        # Taille de l'échantillon
attach(x)
                                        # Les données
summary(x)
                                        # Résumé numérique
                                        # Diagramme en boîte
boxplot(x.gan)
print(mean(x.qan),digits=3)
                                         Movennes
print(sd(x.qan),digits=3)
                                        # Ecarts-types
print(cor(x.qan),digits=2)
                                        # Matrice de corrélation
                                        # Diagramme en tige et feuille
stem(poids)
stem.leaf(poids)
                                        # Idem (aplpack)
hist(taille,col="blue",main="Taille")
                                       # Histogramme
plot(taille,poids,type='n')
                                        # Affichage du plan (taille,poids)
text(taille,poids,rownames(x))
plot(sort(taille),(1:n)/n,type='s',
                                        # Tracé de la f.d.r
                   ylim=c(0,1))
pairs(x.qan)
                                        # Graphique matriciel
                                        # Visages de Chernoff (aplpack)
faces(x.gan)
stars(x.qan)
                                        # Polygones
layout(matrix(c(1,3,5,2,4,6),2,3, byrow=T)) # Description de var. qual.
for (j in 1:3){
 barplot(table(x.qal[,j]))
                                        # Diagrammes en bâton
 pie(table(x.qal[,j]))
                                        # Diagrammes en camenbert
table(veux.cheveux)
                                        # Table de contingence
mosaicplot(table(yeux,cheveux))
boxplot(poids~cheveux)
                                        # Var. quan. vs. var. qual.
aggregate(x[,c(2,3,5)],list(cheveux=x$cheveux),mean)
detach(d)
```

Statistique décisionnelle

Intervalle de confiance

On cherche à déterminer un intervalle de confiance à $0.95~\mathrm{sur}$ la moyenne d'une loi normale à partir d'un échantillon. La variance est inconnue.

```
x=c(161.155.142.157.150.192.156) # Données
                                  # Calcul de 1'IC
r=t.test(x,conf.level=0.95)
r$conf.int
                                  # Affichage de l'IC
```

Test du χ^2

On cherche à tester l'équiprobabilité du sexe à la naissance. Pour ceci, un échantillon portant sur 320 familles ayant 5 enfants a donné les résultats suivants : 18 familles n'ont eu aucune fille, 56 en ont eu 1, 110 en ont eu 2, 88 en ont eu 3, 40 en ont eu 4 et 8 en ont eu 5. Sous l'hypothèse d'équiprobabilité, les probabilité de chacun de ces types de famille est respectivement 1/32, 5/32, 10/32, 10/32, 5/32, 1/32.

```
x=c(18,56,110,88,40,8)
                           # Données
p=c(1,5,10,10,5,1)/32
                           # Calcul des probabilités
                           # Test
chisq.test(x,p=p) # test
```

Test de Kolmogorov Smirnov

```
x=rnorm(30,mean=5,sd=3) # Données
ks.test(x,"penorm",5,3) # Test d'adéquation à une loi normale
ks.test(x,"pexp",1/5) # Test d'adéquation à une loi exponentielle
```

Test de Normalité

```
x1=rnorm(100, mean = 5, sd = 3)
                                            # Echantillon gaussien
x2=runif(100, min = 2, max = 4)
                                            # Echantillon uniforme
shapiro.test(x1)
                                            # Test pour le 1er échan.
                                           # Test pour le 2nd échan.
shapiro.test(x2)
par(mfrow=c(1,2))
                                            # Tracé des droites de
qqnorm(x1,main='Echantillon gaussien')
qqline(x1,col='red')
qqnorm(x2,main='Echantillon uniforme')
qqline(x2,col='red')
par(mfrow=c(1,1))
```

Test du χ^2 de contingence

```
x=matrix(c(60,60,42,18,12,2),nrow=3,byrow=T) # Données
```

Pour tester l'égalité de la moyenne d'un échantillon à une valeur de référence donnée, on peut utiliser le test de Student, qui est applicable pour un échantillon gaussien ou de grande taille. Sinon, et si l'échantillon est symétrique, on peut appliquer le test de Wilcoxon. L'hypothèse nulle est ici $\mu = 12$ et on a choisi le test bilatéral avec $\alpha^* = 0.05$.

```
x=rnorm(100.10.6)
                     # Données
                     # Test de stduent
t.test(x,mu=12)
wilcox.test(x,mu=12) # Test de Wilcoxon
```

Comparaison de deux moyennes

Pour tester l'égalité des moyennes de deux échantillons, on peut utiliser le test de Student, qui est applicable pour des échantillons gaussiens, ou de grandes tailles, et de même variance. Sinon, et si les échantillons sont symétriques, on peut appliquer le test non paramétrique de Wilcoxon, équivalent au test de Mann-Whitney. L'hypothèse nulle est ici $\mu_1=\mu_2$ et on a choisi le test bilatéral avec $\alpha^*=0.05$.

```
x1=rnorm(100,10,6)  # 1er échantillon
x2=rnorm(80,12,6)  # 1er échantillon
t.test(x1,x2)  # Test de Student
x=c(x1,x2)  # Autre solution
f=as.factor(c(rep(1,100),rep(2,80)))
t.test(x~f)
wilcox.test(x1,x2)  # Test de Wilcoxon
```

Comparaison de deux variances

Pour tester l'égalité des variances de deux échantillons, on peut utiliser le test de Fisher applicable pour un échantillon gaussien. L'hypothèse nulle est ici $\sigma_1^2=\sigma_2^2$ et on a choisi le test bilatéral avec $\alpha^*=0.05.$

```
x1=rnorm(100,10,6) # 1er échantillon
x2=rnorm(80,15,6) # 2nd échantillon
var.test(x1,x2) # Test
```

Comparaison de plusieurs moyennes

Pour tester l'égalité des moyennes de plusieurs échantillons, on peut utiliser d'analyse de la variance à 1 facteur, généralisation du test de Student. Ce test est applicable pour des échantillons gaussiens, ou de grandes tailles, et de même variance. Sinon, et si les échantillons sont symétriques, on peut appliquer le test non paramétrique de Kruskal-Wallis.

```
x=read.table('nerveux.txt',header=T)  # Lecture des données
y=c(x$homme,x$boeuf,x$rat,x$grenouille) # Transformation des données
f=as.factor(c(rep(1,5),rep(2,5),
    rep(3,5),rep(4,5)))
oneway.test(y*f,var.equal=T) # Test anova
kruskal.test(y*f) # Test non paramétrique
```

Comparaison de plusieurs variances

Pour tester l'égalité des variances de plusieurs échantillons, on peut utiliser le test de Bartlett qui est applicable pour des échantillons gaussiens. Ce test peut être utilisé, par exemple, pour vérifier l'égalité des variances, hypothèse nécessaire pour le test de l'analyse de la variance décrit dans le paragraphe précédent. On reprend dans l'exemple qui suit les données précédentes.

```
bartlett.test(y~f)
```

Régression linéaire

Dans l'exemple qui suit, on cherche à vérifier s'il existe une relation linéaire entre la moyenne obtenu au baccalauréat et le QI par 10 élèves. Pour ceci, on utilise le modèle de régression linéaire.

```
note=c(8.8,9.6,11.2,10.4,12.8,  # Création du tableau de données
+ 15.2,12.0,16.0,8.0,9.2)
QI=c(108,112,115,118,121,
  125,122,130,96,113)
d=data.frame(note=note,QI=QI)
r<-lm(QI~note)
                                    # Appel de la fonction de régression
summary(r)
                                    # Affichage des résultats
r$coef
plot(note,QI)
                                    # Tracé de la droite de régression
abline(r)
                                    # Analyse des résidus
r$residuals
par(mfrow=c(2,2))
plot(r)
par(mfrow=c(1,1))
```