# Microeconomía I Ayudantía 3

**Profesora**: Adriana Piazza **Ayudantes**: Valeria Ulloa, Benjamín Peña, Marcelo Gómez

#### Pregunta 1

Demuestre que la función de gasto e(p, u) es cóncava en p.

#### Pregunta 2

Demuestra que si las preferencias  $\succeq$  son convexas, entonces h(p,u) es un conjunto convexo. Además, demuestre que si las preferencias son estrictamente convexas, entonces h(p,u) es un singleton.

#### Pregunta 3

Demuestre que el Lema de Shepard es una implicancia de la Identidad de Roy.

#### Pregunta 4

La función de utilidad de Ellsworth es  $u(x,y)=\min\{x,y\}$ . La renta mensual de Ellsworth es \$300 y los precios son ambos iguales a 1  $(p_x=p_y=1)$ . El jefe de Ellsworth está considerando mandarlo a otra ciudad donde los precios son  $p_x=1$  y  $p_y=2$ , sin ningún aumento de renta. Ellsworth se queja frente a su jefe. Dice que aunque no le importa cambiarse de ciudad y si bien la nueva ciudad es tan placentera como la actual, la mudanza es igual de mala como una disminución de salario de \$A. También dice que no le importaría mudarse, si al mudarse obtuviese un aumento de salario de \$B

Encuentre A y B.

### Pregunta 5

Considere un cambio de precios de un vector inicial  $p^0$  a un nuevo vector  $p^1 \leq p^0$  donde solo el precio del bien  $\ell$  cambia. Demuestre que  $VC(p^0, p^1, w) > VE(p^0, p^1, w)$  si el bien  $\ell$  es inferior.

## Pregunta 6

Muestre que si Y es cerrado, convexo y  $-\mathbb{R}^{L}_{+} \subset Y$ , entonces se cumple la propiedad de free disposal.