

Learning by doing & Spillovers

La clave del modelo AK es la ausencia de ret. decrecientes al K → Romer (1986) elimina estos retornos al asumir que la generación de conocimientos es un producto secundario de invertir (Arrow (1962)).

→ una empresa que ↑ su K aprende simultáneamente a producir + eficientemente (learning by doing).

→ F. Producción empresa i:

$$Y_{it} = F(K_{it}, A_{it} L_{it}) \rightarrow \text{satisface prop. neoclásicas (asumimos } L \text{ cte)} \rightarrow \text{simplificación}$$

① NO Asumiremos que A_i crece a una tasa cte g
 → Adquisición de A se vincula a la experiencia
 → buena medida de exp: inversión
 → tecnología crece de forma // a la I
 → exp = stock de K.

② * Asumiremos también que el conocimiento es un bien público ⇒ $A_{it} = A_t$
 → conocimiento agregado de la economía.
 → esto es lo que se conoce como spillover

→ ①: L. by doing
 ②: spillover } nuevos supuestos.

↓
 Juntándolos tenemos que

$$\dot{A}_t = \dot{Y}$$

stock Agregado de K

$$\Rightarrow \dot{A}_t = \int_{-\infty}^t I(s) ds = K_t$$

→ Asumimos F. Producción Cobb-Douglas

$$Y_{it} = F(K_{it}, K_t \cdot L_{it}) = K_{it}^\alpha (K_t \cdot L_{it})^{1-\alpha}$$

→ si K permanece cte ⇒ Y_{it} tiene ret. ctes a escala

→ luego si Y_i aumenta $K_i \Rightarrow K$ aumenta en la misma medida → rend. ctes a nivel agregado. → crec. endóg.

* como hay ext. (+) ⇒ solución privada ≠ solución centralizada.

→ solución descentralizada (privada)

M: n° empresas (cte y grande)

$$K = \sum_{i=1}^M K_i \rightarrow K \text{ se toma como dado por } i$$

→ sumamos la producción de todos los i

$$Y = K^\alpha L^{1-\alpha} K^{1-\alpha} \quad \cdot K = \sum_{i=1}^M K_i \quad \cdot L = \sum_{i=1}^M L_i$$

→ producción agregada.

$$\Rightarrow \frac{Y_i}{L_i} = y_i = k_i^\alpha K^{1-\alpha}$$

→ OPQ: $r = \text{pmg}_K$ - depreciación ⇒ $r = \alpha k_i^{\alpha-1} K^{1-\alpha} - \delta$

→ luego como las firmas son idénticas

$$k_i = k \Rightarrow K = k \cdot L$$

$$\Rightarrow r = \alpha k^{\alpha-1} (k \cdot L)^{1-\alpha} - \delta \Rightarrow r = \alpha L^{1-\alpha} - \delta$$

→ consumidores (análogo)

$$\frac{\dot{C}_t}{C_t} = \frac{1}{\theta} (r - \rho) = \frac{1}{\theta} (\alpha L^{1-\alpha} - \delta - \rho) \rightarrow \text{como } L \text{ cte} \Rightarrow \frac{\dot{C}_t}{C_t} = \text{cte}$$

$$\Rightarrow \frac{\dot{C}_t}{C_t} = \frac{\dot{K}_t}{K_t} = \frac{\dot{Y}_t}{Y_t} \rightarrow \text{modelo AK.}$$

* Efectos de Escala:

→ tasa de crecimiento depende del stock de población mundial (L)

↳ se testeo post 2da guerra y no se encontró efecto por país → quizás esta no es la un. de medida

↳ Kremer (1993) testea usando 11 de años

→ Argumenta que supuesto de desbordamiento instantáneo no es adecuado.

↳ se transmite a la larga

$$y_{Lt} = \alpha + \beta L_t + \varepsilon_t$$

↳ muy (+) testeando 41 o 2 siglos
(mayor $L \Rightarrow$ mayor tasa crec.)

→ solución centralizada → toma en cuenta la externalidad.

$$\rightarrow \max U = \int_0^{\infty} \left(\frac{C^{1-\theta} - 1}{1-\theta} \right) e^{-\rho t} dt$$

$$\text{s.a. } \dot{k} = k \cdot L^{1-\alpha} - c - \delta k$$

$$H = \frac{C^{1-\theta} - 1}{1-\theta} e^{-\rho t} + V_t (k L^{1-\alpha} - c - \delta k)$$

$$\rightarrow \text{Euler: } \frac{\dot{C}}{C} = \underbrace{\left(\frac{1}{\theta} \right) (L^{1-\alpha} - \delta - \rho)}_{\text{Plan. central (internaliza ext.)}} > \underbrace{\left(\frac{1}{\theta} \right) (\alpha L^{1-\alpha} - \delta - \rho)}_{\text{Privada}}$$

Plan. central
(internaliza ext.)

Privada

⇒ se justifica utilizar un subsidio a la inversión

• EV. EMPÍRICA → buques (↑ doble prod ⇒ ↓ 12-24% hr nec. producir buque)

↳ manufactura (si todas las industrias
↑ 10% sus insumos ⇒ ↑ producción manu.
un 13% ≈ 5% es x ec.)