## Fuente: Examen Final de Econometría II 2021

3. (15 puntos) Considere el modelo:

$$y_t = (\alpha_1 + \beta_1 y_{t-1}) I_{t-1} + (\alpha_2 + \beta_2 y_{t-1}) (1 - I_{t-1}) + u_t$$
(1)

donde  $u_t \sim N(0, \sigma^2)$ . A su vez,  $I_{t-1}$  es una función indicador, tal que:

$$I_{t-1} = \begin{cases} 1 & \text{si } y_{t-1} < \delta \\ 0 & \text{si } y_{t-1} \ge \delta \end{cases}$$
 (2)

a) (5 puntos) Derive  $E(y_t|y_{t-1})$ . b) (10 puntos) Suponga ahora que  $I_{t-1}=1$ . Encuentre una expresión para  $Pr(I_t=1)$ .