## Fuente: Examen Final de Econometría II 2021

**2.** (50 puntos) La variable aleatoria y sigue un caso particular de la distribución triangular. Su función de densidad es:

$$f(y;\alpha) = \begin{cases} \alpha - \frac{k\alpha^2 y}{2} & 0 \le y \le \frac{2}{\alpha} \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}, \tag{1}$$

donde k es una constante.

- (a) (5 puntos) Encuentre el valor de k que hace que f sea una función de densidad.
- (b) (20 puntos) Encuentre la esperanza, varianza, skewness, kurtosis y moda de y.
- (c) (10 puntos) Proponga dos estimadores de  $\alpha$  utilizando el método de momentos.
- (d) (15 puntos) Proponga un estimador de  $\alpha$  utilizando GMM.