А.А. Васильев

А.И. Сон

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ПЕТРА ВЕЛИКОГО» ФИЗИКО-МЕХАНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ ВЫСШАЯ ШКОЛА ПРИКЛАДНОЙ МАТЕМАТИКИ И ВЫЧИСЛИТЕЛЬНОЙ ФИЗИКИ

Отчет о прохождении преддипломной практики на тему: «Генерация реалистичной водной поверхности»

Сон Артёма Игоревича, гр. 5030102/00201

Направление подготовки: 01.03.02 Прикладная математика и информатика.

Место прохождения практики: СПбПУ, ФизМех, ВШПМиВФ.

Сроки практики: с 03.05.2024 по 31.05.2024.

Руководитель практики от ФГАОУ ВО «СПбПУ»: Чуканов Вячеслав Сергеевич,

Консультант практики от ФГАОУ ВО «СПбПУ»: Васильев Антон Аркадьевич,
ведущий программист компьютерной графики компании "Saber Interactive".

Оценка: ______

Руководитель практики
от ФГАОУ ВО «СПбПУ» В.С. Чуканов

Дата: 31.05.2024

Обучающийся

Консультант практики

от ФГАОУ ВО «СПбПУ»

СОДЕРЖАНИЕ

Введение	3
Глава 1. Постановка задачи	4
1.1. Техническое задание	4
1.2. Ожидаемый результат	4
Глава 2. Обзор существующих решений	4
2.1. Теоретические основы SPH	5
2.2. Моделирование жидкости частицами	5
Глава 3. Название третьей главы: разработка программного обеспечения	6
3.1. Название параграфа	6
3.2. Название параграфа	6
3.3. Выводы	6
Глава 4. Название четвёртой главы. Апробация результатов исследования, а именно: метода, алгоритма, модели исследования	7
4.1. Название параграфа	7
4.2. Название параграфа	7
4.3. Выводы	7
Заключение	8
Словарь терминов	9
Список использованных источников	10
Приложение 1. Краткие инструкции по настройке издательской системы IATEX	11
Приложение 2. Некоторые дополнительные примеры	13

введение

ГЛАВА 1. ПОСТАНОВКА ЗАДАЧИ

1.1. Техническое задание

Требуется разработать и реализовать алгоритмы для визуализации водной поверхности:

- Алгоритм симуляции жидкости
- Алгоритм извлечения поверхности жидкости
- Алгоритм инициализации пены

1.2. Ожидаемый результат

Ожидаемым результатом работы является проект, осуществляющий физически корректную симуляцию воды в реальном времени. Помимо этого, ожидаемым результатом работы является отчёт о производительности демонстрируемых алгоритмов.

ГЛАВА 2. ОБЗОР СУЩЕСТВУЮЩИХ РЕШЕНИЙ

Среди самых распространенных подходов к симуляции жидкости можно выделить три подхода:

- Подход Эйлера
 Область симуляции делится на сетку, в каждом элементе считается векторное поле скоростей
- Подход Лагранжа
 Жидкость представляется множеством частиц со своей массой, плотностью, скоростью
- Heightfield
 Высота поверхности воды представляется некоторой функцией, что уменьшает размерность задачи

В предложенном алгоритме предлагается использовать подход Лагранжа, так как область симуляции не ограничена сеткой, в отличие от подхода Эйлера. А также симуляция позволяет моделировать брызги, которые невозможны, если уменьшить размерность задачи, как в heightfield подходе.

2.1. Теоретические основы SPH

Для симуляции частиц был выбран метод Smoothed Particle Hydrodynamics (SPH).

SPH - метод интерполяции для системы частиц, в котором векторное поле, определеное только в конечном количестве точек, может быть вычислено в любой точке пространства путем апроксимации.

Скалярная велечина A может быть интерполирована в точке r как взвешенная сумма вклада всех остальных частиц.

$$A_s(r) = \sum_{i} m_j \frac{A_j}{\rho_j} W(r - r_j, h)$$
 (2.1)

Здесь j итерирует по всем частицам, m_j - масса частицы j, r_j - положение частицы j, ρ_j - плотность, A_j - значение поля в точке r_j . Функция W(r,h) называется сглаживающей ядерной функцией с радиусом h.

Массы каждой частицы постоянны и одинаковы на протяжении всей симуляции, в то время как плотность необходимо апроксимировать на каждом шаге. Получим выражение для плотности частицы в точке r подстановкой в уравнение (2.1).

$$\rho_{S}(r) = \sum_{j} m_{j} \frac{\rho_{j}}{\rho_{j}} W(r - r_{j}, h) = \sum_{j} m_{j} W(r - r_{j}, h)$$
 (2.2)

Вычисление производных затрагивает только сглаживающую функцию, поэтому:

$$\nabla A_S(r) = \sum_j m_j \frac{A_j}{\rho_j} \nabla W(r - r_j, h)$$
 (2.3)

$$\nabla^2 A_s(r) = \sum_j m_j \frac{A_j}{\rho_j} \nabla^2 W(r - r_j, h)$$
 (2.4)

2.2. Моделирование жидкости частицами

Поведение жидкости описывается векторным полем скоростей v, полем плотностей ρ и полем давлений p. Изменение этих величин со временем описывается двумя уравнениями. Первое уравнение неразрывности:

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho v) = 0 \tag{2.5}$$

И уравнение Навье-Стокса, описывывающее движение:

$$\rho(\frac{\partial v}{\partial t} + v \cdot \nabla v) = -\nabla p + \rho g + \mu \nabla^2 v, \tag{2.6}$$

где g - внешние силы, μ - коэффициент вязкости

Использование частиц вместо стационарной сетки упрощает эти два уравнения. Во-первых, так как число частиц не изменяется и каждая частица имеет постоянную массу, то сохранение массы гарантировано, и уравнение (2.5) может быть опущено. Во-вторых, выражение $\frac{\partial v}{\partial t} + v \cdot \nabla v$ в (2.6) может быть заменено на $\frac{dv}{dt}$. Так как частицы двигаются вместе с жидкостью, то частная производная векторного поля скоростей просто производная скоростей частиц по времени, а конвективное слогаемое $v \cdot \nabla v$ не нужно.

Справа в (2.6) остаются три слагаемых моделирующих поле плотностей сил

ГЛАВА 3. НАЗВАНИЕ ТРЕТЬЕЙ ГЛАВЫ: РАЗРАБОТКА ПРОГРАММНОГО ОБЕСПЕЧЕНИЯ

Хорошим стилем является наличие введения к главе. Во введении может быть описана цель написания главы, а также приведена краткая структура главы.

3.1. Название параграфа

3.2. Название параграфа

3.3. Выводы

Текст выводов по главе 3.

ГЛАВА 4. НАЗВАНИЕ ЧЕТВЁРТОЙ ГЛАВЫ. АПРОБАЦИЯ РЕЗУЛЬТАТОВ ИССЛЕДОВАНИЯ, А ИМЕННО: МЕТОДА, АЛГОРИТМА, МОДЕЛИ ИССЛЕДОВАНИЯ

Хорошим стилем является наличие введения к главе. Во введении может быть описана цель написания главы, а также приведена краткая структура главы.

4.1. Название параграфа

4.2. Название параграфа

Пример ссылки на литературу [0].

4.3. Выводы

Текст выводов по главе 4.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Заключение (2 – 5 страниц) обязательно содержит выводы по теме работы, конкретные предложения и рекомендации по исследуемым вопросам. Количество общих выводов должно вытекать из количества задач, сформулированных во введении выпускной квалификационной работы.

Предложения и рекомендации должны быть органически увязаны с выводами и направлены на улучшение функционирования исследуемого объекта. При разработке предложений и рекомендаций обращается внимание на их обоснованность, реальность и практическую приемлемость.

Заключение не должно содержать новой информации, положений, выводов и т. д., которые до этого не рассматривались в выпускной квалификационной работе. Рекомендуется писать заключение в виде тезисов.

Последним абзацем в заключении можно выразить благодарность всем людям, которые помогали автору в написании ВКР.

СЛОВАРЬ ТЕРМИНОВ

 ${f TeX}$ — язык вёрстки текста и издательская система, разработанные Дональдом Кнутом.

LaTeX — язык вёрстки текста и издательская система, разработанные Лэсли Лампортом как надстройка над TeX.

СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

- 0. *Автономова Н. С.* Философский язык Жака Деррида. М.: Российская политическая энциклопедия (РОССПЭН), 2011. 510 с. (Сер.: Российские Пропилеи).
- 0. *Котельников И. А.*, *Чеботаев П. З.* LaTeX по-русски. 3-е изд. Новосибирск: Сибирский Хронограф, 2004. 496 с. URL: http://www.tex.uniyar.ac.ru/doc/kotelnikovchebotaev2004b.pdf (дата обращения: 06.03.2019).
- $0.\,$ Песков Н. В. Поиск информативных фрагментов описаний объектов в задачах распознавания: дис. . . . канд. канд. физ.-мат. наук: 05.13.17 / Песков Николай Владимирович. М., 2004. 102 с.
- 0. Положение о порядке проведения государственной итоговой аттестации по образовательным программам высшего образования программам бакалавриата, программам специалитета и программам магистратуры (в редакции приказа от 03.05.2018 № 946). 2018. URL: https://dep.spbstu.ru/userfiles/files/prev/docs/for_students/gia_03_05_2018.pdf (дата обращения: 06.03.2019).
- 0. Руководство студента СПбПУ по подготовке выпускной квалификационной работы и сопутствующих документов с помощью LaTeX / B. A. Пархоменко [и др.]. 2018. URL: https://github.com/ParkhomenkoV/SPbPU-student-thesis-template/blob/master/Author_guide_SPbPU-student-thesis.pdf (дата обращения: 06.03.2019).
- 0. *Kotelnikov I. A.*, *Chebotaev P. Z.* LaTeX in Russian. 3rd ed. Novosibirsk: Sibiskiy Hronograph, 2004. 496 p. URL: http://www.tex.uniyar.ac.ru/doc/kotelnikovchebotaev2004b.pdf (visited on 06.03.2019); (in Russian).
- 0. SPbPU-student-thesis-template. URL: https://github.com/ParkhomenkoV/SPbPU-student-thesis-template (visited on 06.03.2019).

Приложение 1

Краткие инструкции по настройке издательской системы atural
atural

Приложение 2

Некоторые дополнительные примеры