

Tipos: polimorfismo y alto orden

Algoritmos y Estructuras de Datos I

Tipos

Haskell es un lenguaje de programación **fuertemente tipado y con tipado estático:**

- toda expresión tiene un tipo,
- los errores de tipo son detectados **antes de la ejecución de un programa.**

Permite evitar muchos errores de programación.

Tipos

$(\&\&) :: \text{Bool} \rightarrow \text{Bool} \rightarrow \text{Bool}$

La expresión ‘a’ && True no está bien tipada y provocará un error en tiempo de **compilación**.

En lenguajes no tipados, errores como este no pueden identificarse antes de la ejecución.

Tipos

Haskell puede **inferir** el tipo de una expresión:

- el programador puede definir una función sin declarar su tipo,
- al compilar se corre un algoritmo que calcula el tipo, en caso que lo tenga, y dará un error en caso contrario.

Tipos

f = 'a' && True

provocará el siguiente error al compilar:

Couldn't match expected type ``Bool'` with actual type ``Char'`

In the first argument of ``(&&)'`, namely `'a'`

In the expression: `'a' && True`

In an equation for ``f'`: `f = 'a' && True`

Tipos

- Básicos: **Int, Integer, Float, Double, Bool, Char, String, ...**
- Estructurados: **listas, tuplas, ...**

Spoiler alert: *en el segundo proyecto veremos cómo definir tipos nosotros mismos.*

Polimorfismo

Hay expresiones que pueden tener más de un tipo:

$\text{id} :: a \rightarrow a$

¿Qué tipo tiene la función id?

Polimorfismo

`id :: a -> a`

- `a` es una variable de tipo. (Minúscula)
- Puede ser reemplazada por cualquier tipo concreto (**Char**, **Int**, **Bool...**)

Polimorfismo

`id :: a -> a`

puede tener tipo

- `Char -> Char`,
- `Bool -> Bool`,
- `(Bool -> Bool) -> (Bool -> Bool)`, etc.

Esto se llama **polimorfismo paramétrico**.

Polimorfismo paramétrico

- Una función polimórfica no conoce nada del tipo.
- Su comportamiento es independiente del tipo concreto con el que se use.

¿Cuántas funciones “distintas” de tipo $a \rightarrow a$ hay?

Polimorfismo paramétrico

- Una función polimórfica paramétrica no conoce nada del tipo.
- Su comportamiento es independiente del tipo concreto con el que se use.

$$\text{id} :: a \rightarrow a$$
$$\text{id } x = x$$

- ¿Conocen alguna otra?
- ¿Hay otros tipos de polimorfismos? Si, ***ad hoc***.

Currificación

Las funciones tienen un único parámetro!

Acá requiero que el tipo **a** tenga
definido un orden, es decir, un **<**.
¡Spoiler! Lo veremos en Proy. 2

max :: Ord a => a -> a -> a
()

Al pensar una función con **currificación**, el lado derecho es el la imagen de la función ...

Currificación

Las funciones tienen un único parámetro!

max :: Ord a => a -> (a -> a)

La **descurrificación** permite pensar en funciones de muchos parámetros. Si pienso **max** de esta manera, toma dos elementos de tipo a y devuelve un a

Aplicación parcial

$\text{max} :: \text{Ord } a \Rightarrow a \rightarrow (a \rightarrow a)$

$\text{max } x \ y \mid x \leq y = y$
 $\mid x > y = x$

$(\text{max } 4) :: \text{Ord } a \Rightarrow a \rightarrow a$

Aplicación parcial

$\text{max} :: \text{Ord } a \Rightarrow a \rightarrow (a \rightarrow a)$

$\text{max } x \ y \mid x \leq y = y$
 $\mid x > y = x$

$(\text{max } 4) :: \text{Ord } a \Rightarrow a \rightarrow a$

$(\text{max } 4) \ y \mid 4 \leq y = y$
 $\mid 4 > y = 4$

Aplicación parcial

- Es la aplicación de una función con menos parámetros.
- Es una forma simple de crear nuevas funciones.
- Los operadores también pueden aplicarse parcialmente, usando paréntesis.

Alto orden, vieja

Las funciones devuelven funciones.

¿Pueden tomar funciones como parámetros?

applyTwice :: (a -> a) -> a -> a

Alto orden, vieja

Las funciones devuelven funciones.

¿Pueden tomar funciones como parámetros?

`applyTwice :: (a -> a) -> a -> a`

`applyTwice f x = f (f x)`

map y filter

$\text{map} :: (a \rightarrow b) \rightarrow [a] \rightarrow [b]$

Definición en el *preludio* de la función

T

$\text{map } f [] = []$

$\text{map } f (x:xs) = f\ x : \text{map } f\ xs$

map y filter

La función map:

- Toma 2 argumentos, uno de los cuales es una función
- Aplica f a cada elemento de xs
- El resultado es una lista con la aplicación en el mismo orden

map y filter:

ejemplo de uso de map:

```
Prelude> map succ [1,2,3,4]  
[2,3,4,5]
```

```
Prelude> map not [False, False, True]  
[True, True, False]
```

map y filter

filter :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]

Definición en el *preludio* de la función

filter p [] = []

filter p (x:xs) | p x^T = x : filter p xs
 | otherwise = filter p xs

map y filter

La función `filter`:

- Toma 2 argumentos, uno de los cuales es un predicado
- El resultado es una lista con los elementos que cumplen el predicado

map y filter:

ejemplo de uso de filter:

```
Prelude> filter (<2) [3,1,0,6,9]  
[1,0]
```

```
Prelude> filter even [8,2,3,6,11]  
[8,2,6]
```


Qué leer para aprender más:

- <https://wiki.haskell.org/Polymorphism>
- <http://learnyouahaskell.com/types-and-typeclasses>
- <http://aprendehaskell.es> (cap. 3 y 6)