

Temas a tratar

- Definiciones básicas de señales.
- Clasificación de las señales.
- Operaciones elementales sobre y entre señales.
- Contexto de la teoría de la señal.
- Tipos de procesamientos más usuales.



15/03/2012

Objetivos

- Operar con señales discretas y reconocer las características y propiedades generales de las mismas.
- Aprender a aplicar en **ejemplos sencillos** las herramientas y conceptos en estudio.
- Motivar el interés mediante **ejemplos concretos de aplicación.**
- Generar y manipular señales digitales en forma de vectores por medio de un lenguaje de programación.

15/03/201

•

Definiciones

- La palabra señal tiene distintas significados según el contexto:
 - De uso común
 - De uso técnico
- Ambos significados están relacionados...

15/03/2012

Señal: Definiciones comunes

- Del latín "signale".
 - Marca que se pone o hay en una cosa para darla a conocer o distinguirla de otras.
 - Signo, imagen o representación de una cosa.

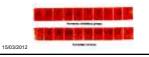


Señales de tránsito



Señales marítimas

- Otro concepto relacionado: Símbolo.



Símbolos alfabéticos

En textos "antiguos"...

"Una gran señal apareció en el cielo: una Mujer, vestida de sol, con la luna bajo sus pies, y una corona de doce estrellas sobre su cabeza;" (Apocalipsis 12,1)

Se requiere un conocimiento previo para analizar e interpretar el signficado de una señal... (código)



15/03/2012

Conceptos relacionados: Signo y símbolo

Se utilizan para comunicar ideas o mensajes.

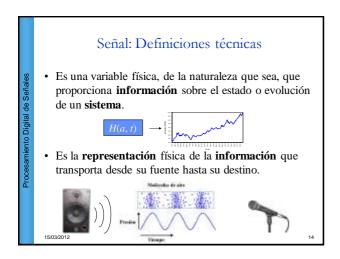
Signo: específico de un cometido o circunstancia (más "fisico").
 Símbolo: tiene un significado más amplio y menos concreto (más "abstracto"). Derivado de Symbolum.

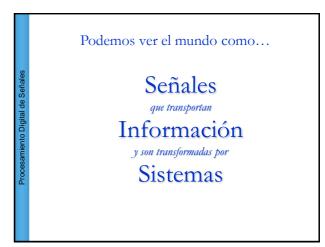




Los signos pueden ser comprendidos por humanos y animales; los símbolos no.

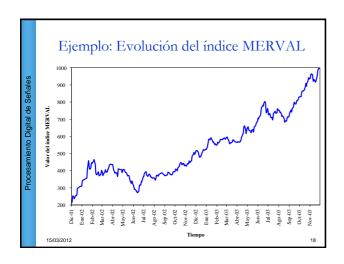
los símbolos no.

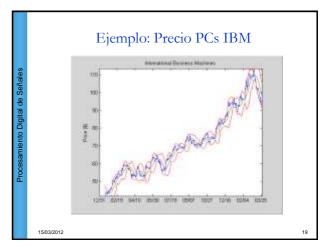


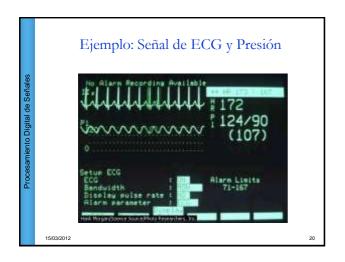


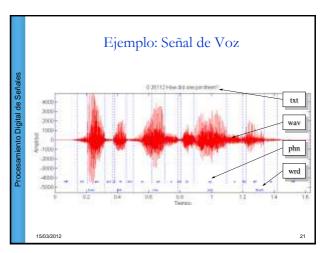


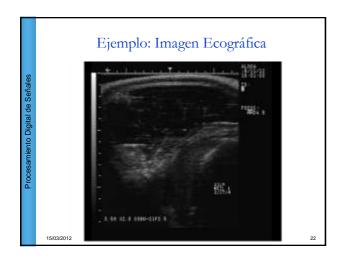




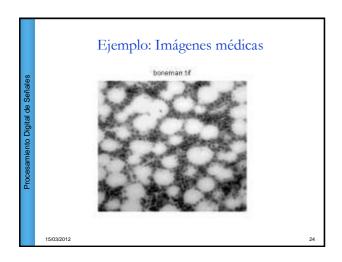


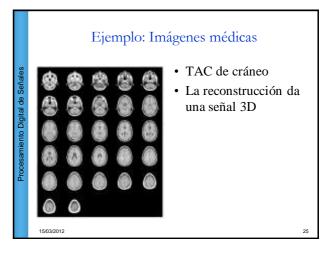


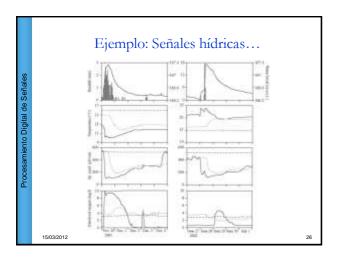








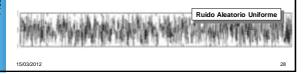






Ruido

- Llamamos ruido a cualquier fenómeno que perturba la percepción o interpretación de una señal.
- Comparte la misma denominación que los efectos acústicos análogos.
- Generalmente aditiva, pero puede ser también: multiplicativa, convolucional, etc



Dicotomía Señal-Ruido

• La diferencia entre señal y ruido es artificial, y depende solamente del criterio del observador.



15/03/2012 29

Relación señal-ruido

- •La relación señal-ruido (S/N o SNR) es una medida de cuanto una señal está contaminada por ruido.
- •Puede ser expresada como la razón ξ entre la potencias de la señal P_s y la potencia del ruido P_r :

$$\xi = P_s \, / \, P_r$$

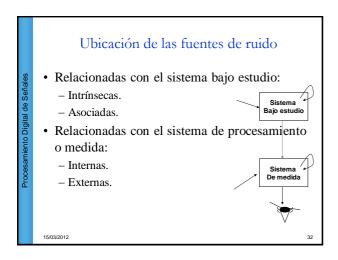
$$\xi \; \text{dB} = 10 \; log(P_s \, / \, P_r) \; \; \text{dB}$$

15/03/2012

Procesamiento de señales con ruido

- Normalmente un sistema trata correctamente a una señal cuando el nivel útil de la misma es más alto que el nivel de ruido.
- Algunos métodos de procesamiento más elaborados permiten trabajar con pequeñas SNR, gracias a la información acerca de propiedades de la señal o del ruido conocidas a priori.

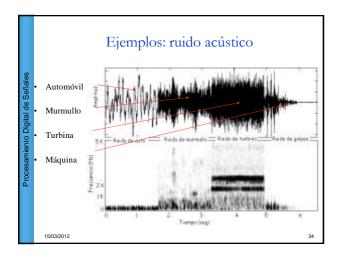
15/03/2012 31

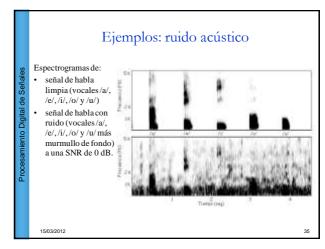


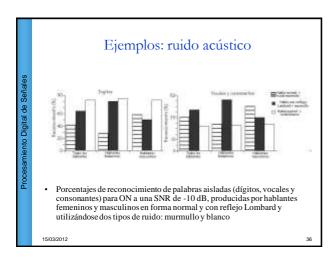
Tipos de ruido

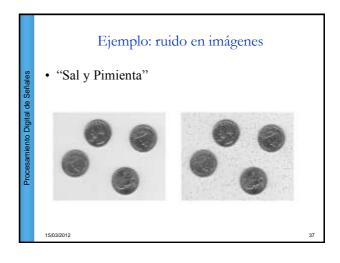
- Hay tantos tipos de ruido como señales, por lo tanto vale la misma clasificación.
- Es un error muy común suponer que el ruido es siempre aleatorio.
- Un tipo de ruido aleatorio muy utilizado es el ruido blanco...

03/2012 33









Señales Físicas y Modelos Teóricos (funciones)...

Una señal experimental es la imagen de un proceso físico, y por lo tanto debe ser físicamente realizable.

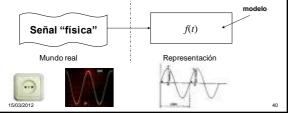
15/03/2012

Señales Físicas y Modelos Teóricos (funciones)...

- Su energía debe ser finita.
- Su amplitud es necesariamente limitada.
- Esta amplitud es una función continua (la inercia del sistema prohíbe discontinuidad).
- El espectro de la señal es acotado (tiende a cero cuando la frecuencia tiende a infinito).

Señales Físicas y Modelos Teóricos (funciones)...

• Cuando se elige una función para representar en forma simplificada una señal física, no es necesario que el modelo cumpla con esas condiciones.



Clasificación de Señales

Criterios

Criterios de Clasificación de Señales

- Morfológico
- Fenomenológico
- Energético
- Dimensional
- Espectral
- Otros...

15/03/2012

Clasificación Morfológica

Basada en el carácter continuo o discreto de la amplitud de la señal o de la variable independiente.

15/03/2012

Señales Discretas y Continuas en el dominio temporal

- El eje temporal es discreto si consiste en un conjunto finito o numerable de instantes de tiempo
- Una señal cuyo eje temporal es discreto (sólo está definida para esos instantes) se denomina señal de tiempo discreto.

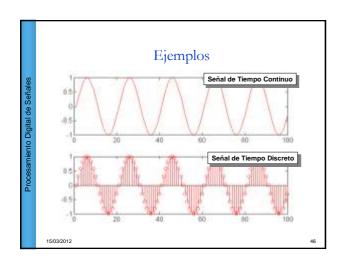
15/03/2012 44

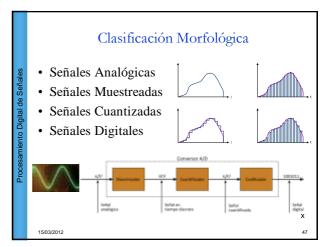
Señales Discretas y Continuas en el dominio temporal

• El eje temporal es continuo si consiste en un intervalo Real o Complejo. Este intervalo puede ser además infinito o semi-infinito.

• Una señal cuyo eje temporal es continuo se denomina señal de tiempo continuo.

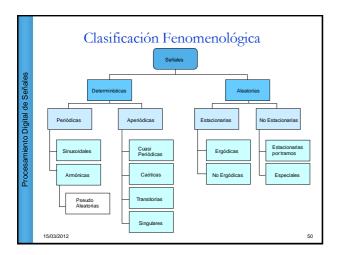
03/2012 45

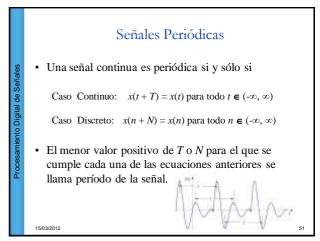


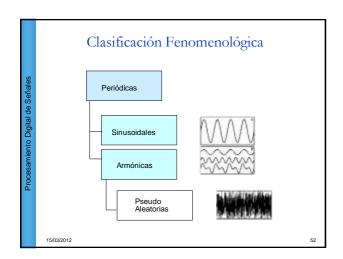


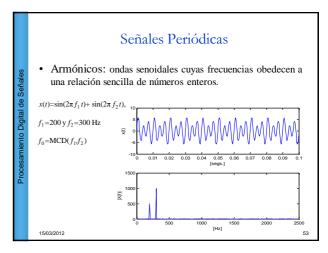
Clasificación Fenomenológica • Basada en la posibilidad de predecir o no la evolución "exacta" de la señal a lo largo del tiempo.

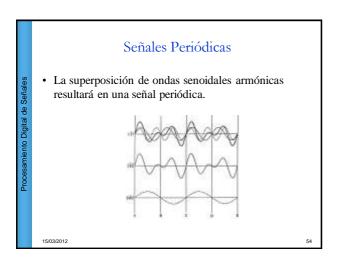
Clasificación Fenomenológica Señales Determinísticas Su evolución es perfectamente predecible por un modelo matemático. Los próximos valores de la señal pueden ser determinados exactamente si son conocidas ciertas condiciones anteriores (o iniciales). Señales Aleatorias o Estocásticas Su comportamiento es impredecible y sólo pueden describirse mediante observaciones y modelos estadísticos

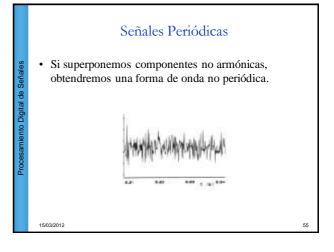


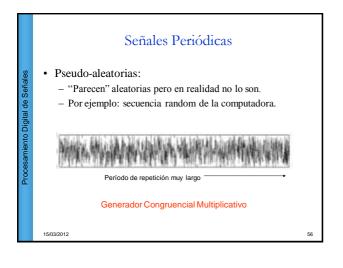




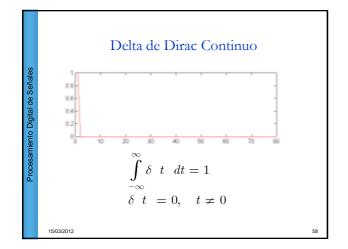


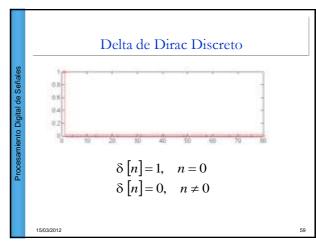


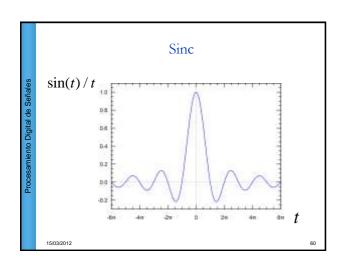


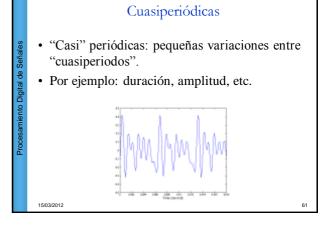


Señales Aperiódicas Cualquier señal determinística que no es periódica se dice que es aperiódica. Algunas señales aperiódicas tienen propiedades únicas y son conocidas como funciones singulares (no diferenciables). Escalón unitario Rampa unitaria Delta de Dirac



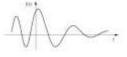






Señales Transitorias

- Son aquellas que agotan su energía dentro del período de observación.
- Esta clasificación no depende tanto de la señal en sí, como de la escala temporal desde la cual se observa a la misma.
- No confundir con período transitorio de una señal o respuesta de un sistema.

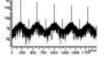


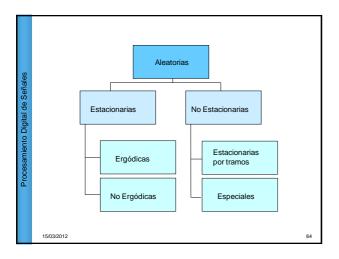
15/03/2012



- Son producidas por sistemas determinísticos bajo ciertas condiciones.
- La sensibilidad de estos sistemas a pequeñas perturbaciones las hace prácticamente impredecibles.
- Por ello pueden aparecer como si fueran aleatorias...

15/03/2012



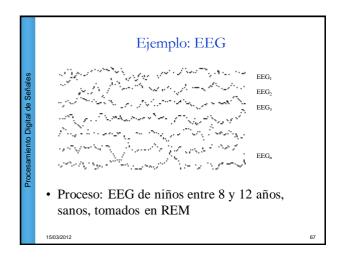


Proceso y Realización

- Una señal aleatoria es una realización o una muestra de un proceso.
- Una realización difiere de otra por su descripción temporal.
- El conjunto completo (infinito) de realizaciones definen el proceso.

2012

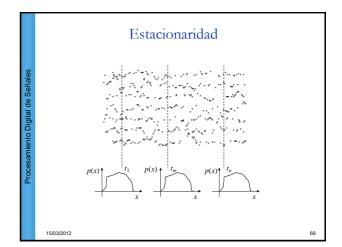
Definición formal Sea ξ que denota el valor de un experimento. Para cada valor suponemos que se asigna $\uparrow X(t,\xi)$ una forma de onda $X(t,\xi)$ La colección de esas señales forman un proceso estocástico. $X(t,\xi_k)$ El conjunto de $\{\xi_k\}$ y el índice $X(t,\xi,)$ temporal t pueden ser continuos o discretos. Para $\xi_i \in S$ fijo (el conjunto de todos los valores experimentales), $X(t,\xi)$ es una función específica del tiempo. Para t fijo, $X_1 = X(t_1, \xi_i)$ es una variable aleatoria. El arreglo de todas esas realizaciones $X(t,\xi)$ en el tiempo constituye el proceso aleatorio X(t).



Estacionaridad

- Un proceso en el que las propiedades estadísticas de la señal no dependen del tiempo es estacionario.
- Un proceso se dice que es estacionario cuando la *fdp* no depende del tiempo.
- Prácticamente: de un proceso estacionario se pueden extraer parámetros estadísticos.

15/03/2012



Ergodicidad

• El promedio estadístico a lo largo de la muestra es igual el promedio temporal a lo largo del eje del tiempo para cualquier función muestra.

 $X(t,\xi_1)$ $X(t,\xi_1)$

•Ergodicidad \Rightarrow Estacionariedad

 \bullet Estacionariedad $\not\Rightarrow$ Ergodicidad

15/03/2012

Estacionaria por tramos

- Señales derivadas de sistemas que varían sus parámetros en forma lenta.
- Si se plantea un intervalo de tiempo suficientemente pequeño es posible suponer que la señal se mantiene estacionaria.
- Esto da origen al análisis por tramos.



Clasificación Energética

- De acuerdo a si la señal posee, o no:
 - Energía finita
 - Potencia media finita

15/03/2012

Clasificación Dimensional

• Basada en el número de variables independientes del modelo de la señal.

15/03/2012

Clasificación Espectral

- Basada en la forma de la distribución de frecuencias del espectro de la señal.
 - Baja Frecuencia
 - Alta Frecuencia
 - De banda Angosta
 - De Banda Ancha

03/2012 75

Otras Clasificaciones

- · Limitadas en duración
- · Limitadas en amplitud
- ..

15/03/2012

Operaciones con señales

Operaciones básicas

- · Operadores binarios
 - Adición sustracción …
 - Productos
 - por un escalar
 - punto a punto
 - interno/externo
 - ...
- · Operadores unarios
 - Operaciones sobre el rango
 - Operaciones sobre el dominio
 - Interpolación y decimación

15/03/2012

Operaciones sobre el rango

 $x_{nuevo}(t) = \rho \Big(x_{viejo}(t) \Big)$

15/03/2012

79

Operaciones sobre el rango

 $x_{nuevo}(t) = \rho \Big(x_{viejo}(t) \Big)$

- Amplificación
- Rectificación
- Cuantización

15/03/2012

Operaciones sobre el dominio

$$x_{nuevo}(t) = x_{viejo}(\tau(t))$$

Operaciones sobre el dominio

 $x_{nuevo}(t) = x_{viejo}(\tau(t))$

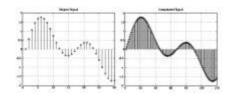
- Compresión
- Expansión
- Inversión
- Traslación

Interpolación y decimación

- · Interpolación lineal
- Interpolación polinómica
- · Interpolación sinc
- Decimación (muestreo)

Interpolación

· La interpolación aumenta la frecuencia de muestreo original de una señal de tiempo discreto (puede ser hasta infinito).



15/03/2012

Interpolación

$$x(t) = \sum_{n} x^{*}(nT).i(\frac{t-nT}{T})$$

15/03/2012

Interpolación de orden 0

$$i_{step}(t) = \begin{cases} 1 & 0 \le t < 1 \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

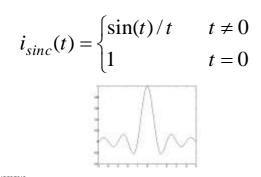
15/03/2012

Interpolación de orden 1

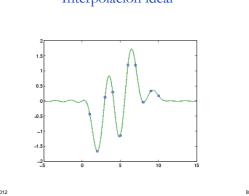
$$i_{lineal}(t) = egin{cases} 1-|t| & |t| < 1 \ 0 & ext{en otro caso} \end{cases}$$

15/03/2012

El interpolador ideal

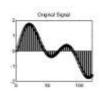


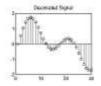
Interpolación ideal



Decimación

La decimación reduce la frecuencia de muestreo original de una señal de tiempo discreto, es lo opuesto a la interpolación.



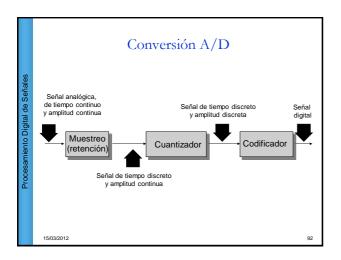


15/03/2012

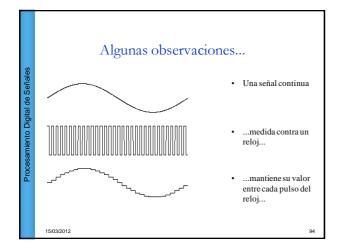
Digitalización de señales

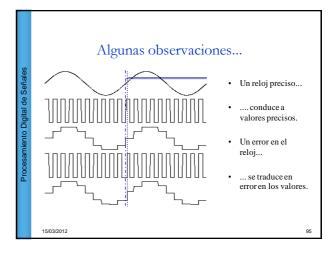
- Conversión analógico/digital (A/D)
 - Ventaneo
 - Muestreo
 - Retención
 - Cuantización
 - Codificación (ej: binaria)

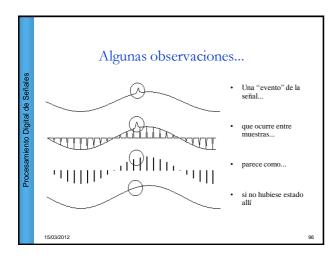
15/03/2012

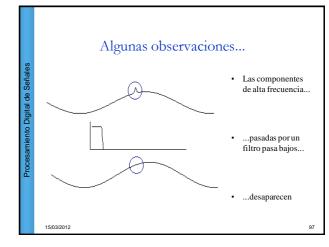


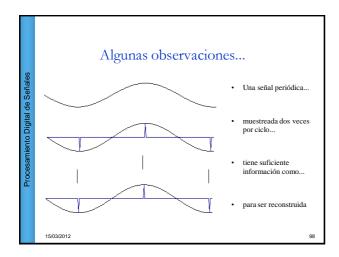
Algunas observaciones... • Muestreo: - Solo medimos a intervalos prefijados por lo cual perdemos los cambios rápidos. - Dependemos de la fiabilidad del reloj del sistema. • Ventaneo: - Solo medimos durante un intervalo finito de tiempo por lo cual perdemos los cambios más lentos. - La forma de esta ventana también afecta el resultado.

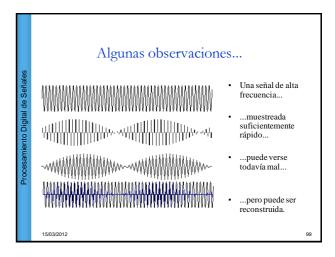


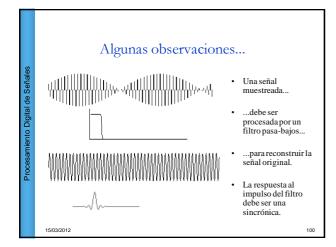


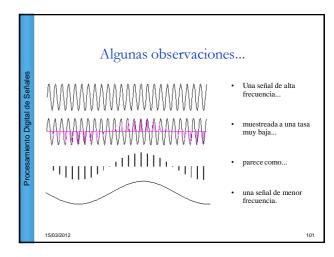


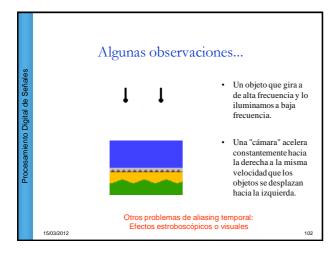












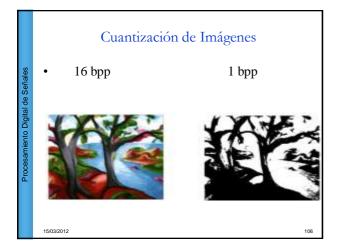


Muestreo y retención

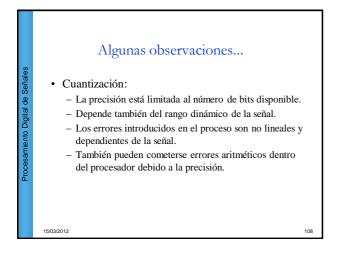
- Muestreo Uniforme
- Muestreo No uniforme

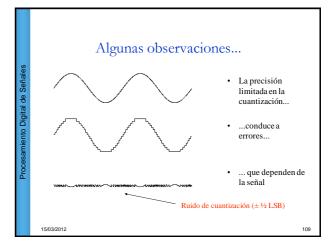
15/03/2012 104

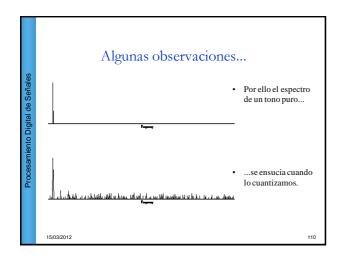
Cuantización $\rho(x) = \begin{cases} 0 & x < 0 \\ H. \mathrm{int}(x/H) & 0 \leq x < (N\text{-}1)H \\ (N-1)H & x \geq (N\text{-}1)H \end{cases}$

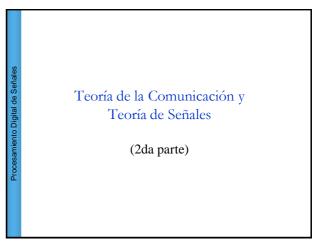




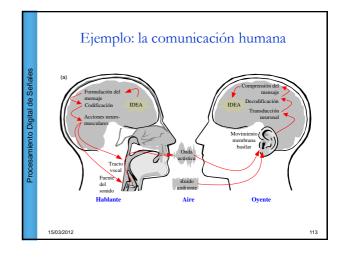


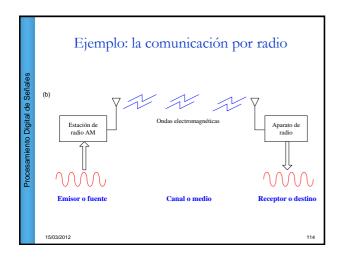


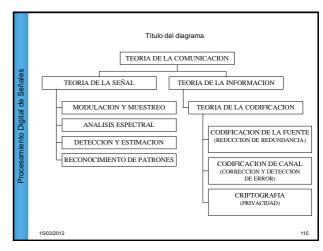




Contexto • El estudio de las señales se encuentra contenido en lo que se denomina Teoría de la Comunicación







Teoría de la Información

- La teoría de la información se ocupa de la medición de la información, de la representación de la misma y de la capacidad de los sistemas de comunicación para transmitir y procesar información.
- C. E. Shannon: "A Mathematical Theory of Communication" (1948).

15/03/2012 116

Procesamiento de la Señal

• Es la disciplina técnica que, basada en los métodos de la teoría de la información y la señal, se encarga de la elaboración o interpretación de señales que transportan información, con la ayuda de la electrónica, la computación y física aplicada.

03/2012

Procesamiento de Señales

• Principales objetivos

- Extracción de la información útil que se encuentra en las señales y presentación los resultados en forma apropiada para el hombre o la máquina.
- Generación de señales, que permiten el estudio del comportamiento de sistemas.
- Transmisión o almacenamiento de la información contenida en las señales

15/03/2012 118

Procesamiento Digital de Señales (DSP)

entrada A/D DSP D/A salid

- Procesamiento
 - Realizar operaciones sobre datos de acuerdo con instrucciones programadas
- Digital
 - Operar mediante el uso de señales discretas para representar datos en forma de
- Señal
 - Una variable por medio de la cual se transmite información en un circuito electrónico

15/03/2012 119

Procesamiento Digital de Señales (DSP)

• Definición sencilla:

"Modificar o analizar señales representadas a partir de una secuencia discreta de números"

15/03/2012 120

DSP: Ventajas

- · Versatilidad:
 - Pueden ser reprogramados fácilmente
 - Pueden ser migrados a diferentes circuitos
- Repetibilidad:

· Simplicidad:

- Pueden ser fácilmente duplicados
 - No dependen de estrictas tolerancias de los coeficientes
 - Sus respuestas no varían con la temperatura
- sesa
- Algunas cosas pueden ser hechas más fácilmente en forma digital que con sistemas analógicos

15/03/2012 121

DSP: Desventajas

- Trabaja con señales que provienen del mundo real.
- Utiliza "mucha" matemática (multiplicando y sumando señales) .
- Requiere un tiempo finito para dar una respuesta.
- Puede necesitar capacidades importantes de almacenamiento de datos.

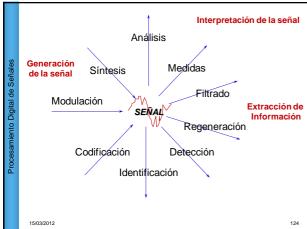
15/03/2012 122

DSP: Aplicaciones • Se utiliza en una gran variedad de aplicaciones: • Y extensamente en la tecnología actual...

Interpretación de la señal
Análisis

Técnicas de Procesamiento de

15/03/2012



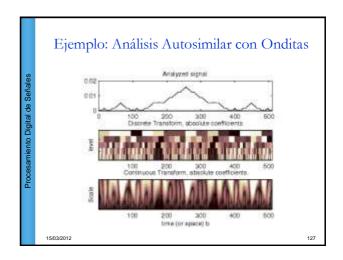
Técnicas de Procesamiento de Señales

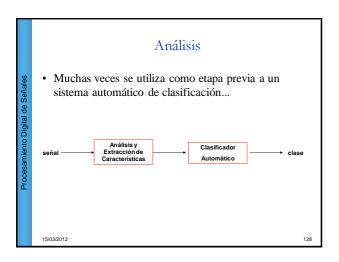
• Amplificación

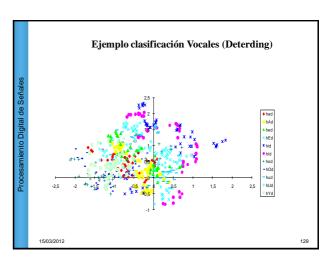
- Consiste en aumentar la amplitud, o potencia, de una señal eléctrica.

- Es uno de los procesamientos más "sencillos"

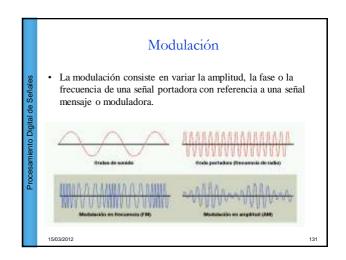
Técnicas de Procesamiento de Señales • Análisis - Consiste en aislar los componentes del sistema que tienen una forma compleja para tratar de comprender mejor su naturaleza u origen. Ej: Análisis Espectral de Sonido Cardíacos.

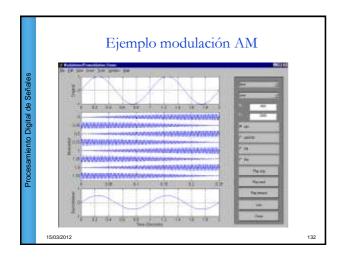


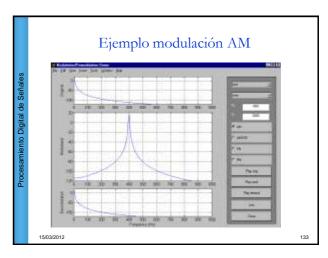


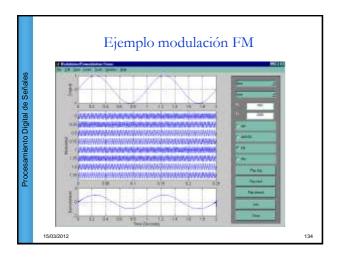


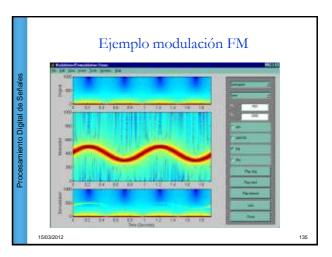
Ejemplo de Vocales de Deterding 11 vocales de Ingles Británico hablado por 15 hablantes en un contexto h*d $528\,\mathrm{de}$ entrenamiento de 8hablantes, $462\,\mathrm{de}$ prueba de los 7restantes Cada ejemplo en forma de un vector con 10 dimensiones Clasificador # de unidad % correcto Perceptron PMC 33 88 51 PMC 45 53 RBR 528 RBR 48 88







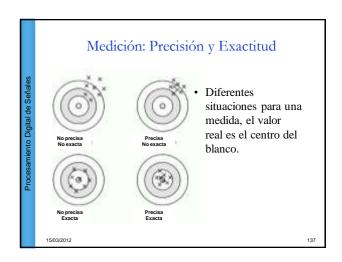




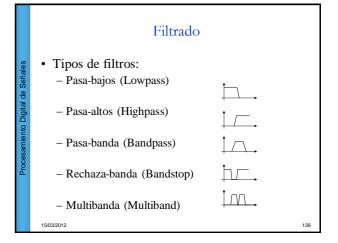
Técnicas de Procesamiento de Señales (especialmente en señales con componentes aleatorias) - Se trata de estimar el valor de una variable característica de la señal, con un determinado nivel

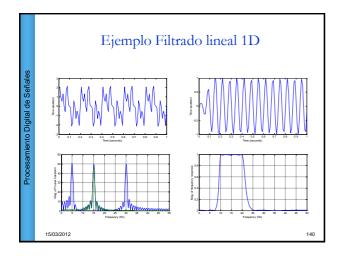
de confianza.

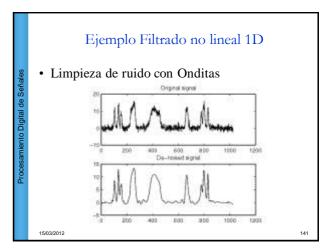
Ej: Medición de la temperatura corporal.



Técnicas de Procesamiento de Señales · Filtrado - Consiste en la eliminación de componentes indeseadas de la señal, preservando las de interés. Ej: Eliminación ruido 50 Hz ECG. 15/03/2012







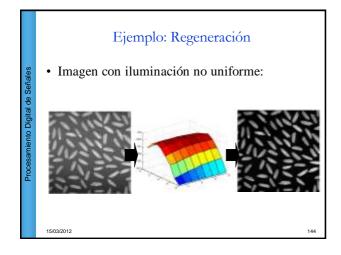


Técnicas de Procesamiento de Señales

• Regeneración

- Su objetivo es retornar la señal a su forma inicial, después que ésta haya sufrido algún tipo de distorsión.

Ej: Deconvolución de una Imagen Médica.

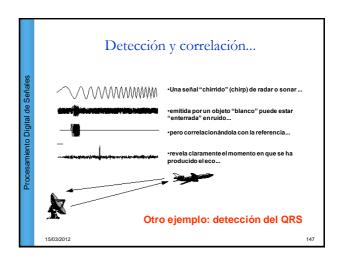


Técnicas de Procesamiento de Señales • Detección - Determinación de la presencia o ausencia de una señal - Extracción de una señal útil de un ruido de fondo de grandes dimensiones. Ej: Potenciales Evocados.

Detección y correlación...

- La correlación cruzada puede ser utilizada para detectar y localizar una señal conocida de referencia inmersa en ruido:
 - Una copia de la señal conocida de referencia se correlaciona con la señal desconocida.
 - La correlación será alta cuando la referencia sea similar a la señal desconocida.
 - Un valor grande de correlación muestra el grado de confianza en la detección de la señal.
 - Este valor indica también cuando ocurre la señal de referencia

15/03/2012 146



Técnicas de Procesamiento de Señales

Identificación

15/03/2012

- Es un proceso complementario, que permite clasificar la señal observada.
- Las técnicas de Correlación son frecuentemente usadas con este fin.
- En el caso paramétrico culmina en la obtención de un conjunto de parámetros que caracterizan a la señal.

Ej: Diagnóstico Automático de Patologías (para casos complejos puede requerir el uso de técnicas de Reconocimiento de Patrones e IA).

15/03/2012 14/

Identificación y correlación...

- La correlación cruzada puede ser utilizada para identificar una señal por comparación con una librería de señales conocidas de referencia:
 - La señal desconocida es correlacionada con un número de señales conocidas de referencia.
 - La mayor correlación corresponde al patrón o referencia más similar.

15/03/2012 149

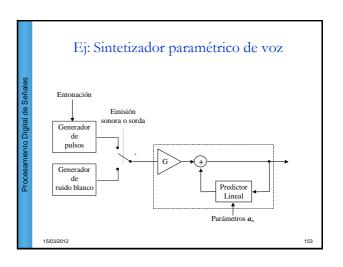
Por ejemplo: El canto de un ruiseñor... se correlaciona fuertemente con otro ruiseñor... pero débilmente con una paloma... o un herón...

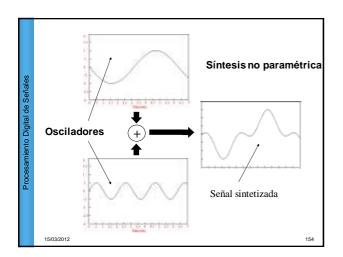
Identificación y correlación...

- La correlación cruzada es una de las formas en las cuales un sonar puede identificar distintos tipos de cuencas o lechos:
 - Cada cuenca tiene una "firma" de sonar única.
 - El sistema del sonar posee una librería de ecos pregrabados desde diferentes cuencas.
 - Un eco de sonar desconocido se correlaciona con la librería de ecos de referencia.
 - Cuando más grande es la correlación más probable es la coincidencia.

15/03/2012 151

Técnicas de Procesamiento de Señales • Síntesis - Es la operación opuesta al análisis, consiste en crear una señal con una forma apropiada mediante la combinación, por ejemplo, de un número de señales elementales. Ej: Sintetizador de Voz Artificial.





Técnicas de Procesamiento de Señales • Codificación 1) Reducción de redundancia en una señal. • Es frecuentemente usada aprovechar el ancho de banda o el volúmen de memoria de una computadora. Ej: Compresión de ECG. 2) Reducción de los efectos del ruido • La modulación y traducción a frecuencias son las formas principales de adaptar una señal a las características de una línea de transmisión, de un filtro analizador, o de un medio de registro. Ej: Transmisión de ECG por TE.





Bibliografía para esta Unidad

En general se puede encontrar una introducción a señales en casi cualquier texto de "Señales y Sistemas". Por ejemplo:

• Sinha: 2.1 a 2.5

Kwakernaak: 1.1 a 1.3, 2.1 a 2.3, 2.5Oppenheim-Willsky: 2.1 a 2.4

• Cohen: 1.2, 1.3, 3.3

(Las referencias completas se encuentran en el libro de la Cátedra)

15/03/2012

samiento Digital