# Trabajo Práctico Nº 2

Diseño, Implementación y Análisis C++

75.04 Algoritmos y Programación II Año 2018 -  $1^{er}$  cuatrimestre



Alumno	Padrón	Email
Douce Suarez, Cristian G.	89.902	cristiandouce@yahoo.com.ar
Dreiling, Augusto	86.909	augusto.dreiling@gmail.com

Entrega: -

Calificación/Correcciones:									

## ${\rm \acute{I}ndice}$

1.		nciado	
		v	vos
			e
	1.3.	Requis	itos
	1.4.	Descri	pción
		1.4.1.	Diseño OO
		1.4.2.	Análisis de complejidad de los algoritmos
		1.4.3.	Análisis de complejidad de programa completo
		1.4.4.	Pruebas de performance
		1.4.5.	Testing
		1.4.6.	Troubleshooting
			Portabilidad
		1.1	1.4.7.1. Compiladores
			1.4.7.2. Sistemas operativos
		1.4.8.	Interfaz
		1.4.0.	1.4.8.1. Formato de los archivos de entrada y salida
			1.4.8.2. Línea de comando
		1.40	1.4.8.3. Regresiones
			Ejemplos
			Informe
		1.4.11.	Fechas
2	Info		
4.			- i1
	2.1.		e implementación
			Ubicación de código fuente
			Estructura del código fuente
			Vendors / Librerías de la cátedra
			Fuentes de los autores
			lación del programa
	2.3.		is de complejidad de los algoritmos
			DFT
			FFT
	2.4.		is de complejidad del programa completo
		2.4.1.	Procesamiento de lectura y almacenamiento
		2.4.2.	Procesamiento de escritura
		2.4.3.	Procesamiento conjunto del programa
	2.5.		as de performance
	2.6.	Troubl	eshooting
			Memory Leak Detection
		2.6.2.	Static Analyzer
	2.7.		is y conclusiones de resultados
			o fuente
		2.8.1.	main.cpp
		2.8.2.	src/fourier.h
		2.8.3.	src/fourier.cpp
		2.8.4.	ho range =
		2.8.5.	src/dft.cpp
		2.8.6.	src/idft.h
		2.8.7.	src/idft.cpp
		2.8.8.	src/fft.h
		2.8.9.	src/fft.cpp
			src/ifft.h
			src/ifft.cpp
		2.8.12.	src/utils.h

2.8.13. src/utils.cpp	34
2.8.14. src/program.h	
2.8.15. src/program.cpp	36
$2.8.16. \ \mathrm{vendor/cmdline.h} \ \ldots \ $	
2.8.17. vendor/cmdline.cpp	
2.8.18. vendor/complejo.h	41
2.8.19. vendor/complejo.cpp	41
2.8.20. vendor/lista.h	44
2.8.21. test/tests.sh	51
2.8.22. $\text{test/files/test}_{1s} ignals_10000_p oints.txt \dots $	
$2.8.23. \text{ test/files/test}_1 0_s ignals_1 000_p oints.txt \dots $	53
2.8.24. $\text{test/files/test_100}_s ignals_100_p oints.txt \dots $	56
$2.8.25.\ test/results/perf-total.txt \dots $	60
$2.8.26.\ test/results/perf-lectura.txt \dots $	60
2.8.27. test/results/perf-lectura-y-alg.txt	61
2.8.28. Makefile	62
2.8.29. Makefile.WIN32	62

## 1. Enunciado

## 1.1. Objetivos

Diseñar, implementar, y poner a prueba un programa en C++ que permita calcular la transformada rápida de Fourier (FFT, por sus siglas en inglés). Ejercitar conceptos de patrones, programación orientada a objetos, análisis de algoritmos, performance, testing, troubleshooting y portabilidad de programas.

## 1.2. Alcance

Este trabajo práctico es de elaboración grupal, evaluación individual, y de carácter obligatorio para todos alumnos del curso.

## 1.3. Requisitos

El trabajo deberá ser entregado personalmente, en la fecha estipulada, con una carátula que contenga los datos completos de todos los integrantes, un informe impreso de acuerdo con lo que mencionaremos en la sección 1.4.10, y con una copia digital de los archivos fuente necesarios para compilar el trabajo.

## 1.4. Descripción

En este trabajo continuamos nuestras implementaciones previas de la transformada de Fourier (TP0, TP1), procurando generar un programa con las siguientes características adicionales:

#### 1.4.1. Diseño OO

El programa deberá adoptar un diseño orientado a objetos utilizando el patrón strategy (como hicimos en el TP1). Adicionalmente, la implementación de objetos deberá estar alineado con las pautas de diseño explicadas en clase, y con el feedback provisto en los trabajos anteriores.

#### 1.4.2. Análisis de complejidad de los algoritmos

El informe deberá incluir un análisis de complejidad temporal y espacial de los algoritmos implementados (DFT, FFT).

#### 1.4.3. Análisis de complejidad de programa completo

De forma similar, cada grupo deberá realizar un análisis de complejidad temporal y espacial del programa completo: es decir, incluyendo la complejidad vinculada a los procesos de entrada y salida de información.

#### 1.4.4. Pruebas de performance

Reporte de las pruebas de performance realizadas, prestando especial atención a las predicciones de complejidad detalladas en los puntos anteriores.

Mediante estas pruebas, buscamos comprender cómo escalan los tiempos de ejecución a medida que se incrementa la longitud de la secuencia de entrada.

El informe deberá incluir además un análisis de la composición (apertura) de los tiempos de ejecución del programa, que permita responder las siguientes preguntas:

- ¿Qué fracción del tiempo se invierte en leer la entrada del programa?
- ¿Qué fracción del tiempo es usada para transformar o antitransformar esa información?
- ¿Qué fracción del tiempo se lleva la generación de la salida por pantalla y archivos?

#### 1.4.5. Testing

El programa deberá permitir ejecutar casos de regresión automatizados como se explica a continuación. Usando las opciones -r (archivo de regresiones) y -e (umbral de error, sección 1.4.8.2), el programa deberá comparar cada una de las secuencias de salida generadas con las líneas respectivas del archivo de regresión, calculando el módulo del vector de error relativo de la siguiente manera:

$$e_X = \sqrt{\frac{\sum |X[k] - R[k]|^2}{\sum |R[k]|^2}}$$
 (1)

En donde X representa al vector de salida (calculado por el programa), mientras que R es el vector de regresión (leído del archivo pasado con -r), y  $e_X$  es el valor del error calculado para esa salida.

Para cada una de las regresiones ejecutadas, el programa deberá imprimir una línea por std :: cout indicando el resultado de la regresión, comparando cada valor  $e_X$  con el umbral de error (opción -e). Por ejemplo:

```
$ cat input.txt
1 0 0 0
1 -1 1 -1
$ cat regressions.txt
(4, 0) (0, 0) (0, 0) (0, 0)
(0, 0) (0, 0) (4, 0) (0, 0)
$ tp2 -i input.txt -r regressions.txt
test 1: ok 4 1.3e-12
test 2: ok 4 1.2e-12
```

Por último, en este caso, el programa deberá finalizar con código 0 sólo cuando todos los casos del archivo de regresión han generado un resultado satisfactorio (dentro del umbral de error relativo).

El resto de los detalles de la interfaz de l'inea de comando y entrada/salida, están deteallados en la sección 1.4.8.

```
$ tp2 -i input.txt -o /dev/null -r regressions.txt
$ echo $?
```

#### 1.4.6. Troubleshooting

Deberá usarse el módulo memcheck de Valgrind para analizar posibles leaks de memoria.

Deberá utilizarse alguna herramienta de análisis estático como cppcheck o CoverityC + + para detectar errores en el código fuente del trabajo práctico.

#### 1.4.7. Portabilidad

El trabajo deberá poder correr en múltiples plataformas, compliadores y sistemas operativos.

#### 1.4.7.1. Compiladores

Al menos 3 de los siguientes: llvm, gcc, VisualStudio, IntelC + +, DigitalMarsC + +.

#### 1.4.7.2. Sistemas operativos

El programa deberá soportar Linux y, adicionalmente, al menos 1 de los siguientes: Windows, FreeBSD.

#### 1.4.8. Interfaz

#### 1.4.8.1. Formato de los archivos de entrada y salida

En este trabajo adoptaremos el formato de los archivos que usamos durante el TP1.

#### 1.4.8.2. Línea de comando

A la interfaz de línea de comando del TP anterior, le agregaremos 2 opciones necesarias para poder ejectuar las regresiones:

- -r, o -regression, ubicación del archivo con el contenido de las regresiones. Este archivo contiene, en cada línea, la salida precalculada correspondiente con la entrada pasada en -i. Tiene el mismo formato que los usados en las opciones -i y -o. Cuando esta opción está presente, el programa deberá ejecutar las regresiones y generar una salida de acuerdo a lo explicado en la sección 1.4.5. En caso contrario, cuando la opción no está explícitamente en la línea de comando, el programa deberá comportarse en forma normal, de acuerdo a lo explicado en el TP1.
- -e, o --error, para indicar el umbral del error relativo máximo a tolerar durante la ejecución de las regresiones. El valor por defecto de esta parámetro es 1e-3.

#### 1.4.8.3. Regresiones

Como vimos antes, la opción -r activa la ejecución de las regresiones. En este caso, la salida del programa deberá consistir, exclusivamente, de una línea de texto por cada secuencia de datos procesada (línea del archivo de entrada).

Para cada línea, el programa deberá imprimir

- La palabra test seguida del número de secuencia de la prueba (comenzando con 1 para la primera regresión, luego 2, y así sucesivamente) seguido de:
- 2. el resultado de ejecución de la prueba (ok o error)
- 3. la longitud del vector transformado (potencia entera de 2)
- la magnitud del error relativo de acuerdo a la ecuación en la sección 1.4.5, expresada en notación científica.
- 5. newline (n)

Durante la ejecución de las regresiones, el código de salida del programa deberá reflejar el resultado global de la ejecución del conjunto de regresiones: deberá ser 0 cuando todas las regresiones poseen un error menor al valor del umbral, y 1 cuando al menos una de las regresiones tenga un valor de error relativo igual o mayor al umbral controlado por la opción --error.

A continuación veremos algunos ejemplos de ejecución de casos, y del formato de salida a utilizar durante la ejecución de las regresiones.

## 1.4.9. Ejemplos

Se incluye para el trabajo práctico un conjunto de archivos de texto con señales y sus transformadas en el formato requerido para éste.

El ejemplo más simple consiste en una entrada vacía. Observar que la salida es también vacía:

```
$ touch entrada1.txt
$ ./tp1 -i entrada1.txt -o salida1.txt
$ cat salida1.txt$
```

Los siguientes ejemplos son de transformadas simples. Observar que el primer uso del programa no especifica qué algoritmo usar, de manera que se tomará por defecto la FFT:

```
$ cat entrada2.txt
1 1 1 1
$ ./tp1 < entrada2.txt
(4, 0) (0, 0) (0, 0) (0, 0)
```

A continuación, vamos a generar el archivo de regresiones usando la implementación de la DFT, y luego ejecutar las regresiones sobre el algoritmo FFT:

```
$ ./tp1 -m dft -o regressions2.txt < entrada2.txt
$ ./tp1 -m fft -r regressions2.txt < entrada2.txt
test 1: 4 0
$ echo $?
0
Similarmente, para anti-transformar:
$ cat entrada3.txt
(0, 0) (0, 0) (4, 0) (0, 0)
$ ./tp1 -m ifft < entrada3.txt
(1, 0) (-1, 0) (1, 0) (-1, 0)
$ ./tp1 -m idft -o salida3.txt < entrada3.txt
$ cat salida3.txt
(1, 0) (-1, 0) (1, 0) (-1, 0)</pre>
```

El siguiente ejemplo es análogo al anterior, aunque su entrada no tiene una cantidad de puntos potencia de 2. Notar que el programa implócitamente extiende la entrada con ceros hasta alcanzar la potencia de 2 más cercana (que en este caso es 4):

```
$ cat entrada4.txt
(0, 0) (0, 0) (4, 0)
$ cat regressions4.txt
(1, 0) (-1, 0) (1, 0) (-1, 0)
$ ./tp1 -m idft -r regressions4.txt -o salida4.txt < entrada4.txt
$ echo $?
0
$ cat salida4.txt
test1: 4 3.2e-11</pre>
```

#### 1.4.10. Informe

El informe deberá incluir:

- Documentación relevante al diseño e implementación del programa.
- Documentación relevante a los algoritmos involucrados en la solución del trabajo.
- Documentación relevante al proceso de compilación: cómo obtener el ejecutable a partir de los archivos fuente.
- Las corridas de prueba, con los comentarios pertinentes.
- El código fuente, en lenguaje C + + (en dos formatos, digital e impreso).
- Este enunciado

#### 1.4.11. Fechas

La última fecha de entrega es el jueves 14 de junio.

## Referencias

- (1) E. Gamma, R. Helm, R. Johnson J. Vlissides, Design Patterns: Elements of Reusable Object-OrientedSoftware, 1st Ed., Addison-Wesley, 1994. Pags. 315-325.
- (2) Alan V. Oppenheim, Roland W. Schafer. Discrete-Time Signal Processing, 2nd Ed., Prentice Hall, 1999. Cap. 9.3
- (3) T. H. Cormen, C. Stein, R. L. Rivest, and C. E. Leiserson.Introduction to Algorithms, McGraw-Hill HigherEducation, 2nd ed., 2001. Cap. 30.2

## 2. Informe

## 2.1. Diseño e implementación

Para implementar un programa con los requisitos de diseño explicados en la sección 1.4.1 se estableció una nueva clase a modo de interfaz denominada "program" que normaliza los métodos requeridos para ejecutar el programa.

Considerando el feedback recibido en el TP1 se realizo también una reorganización de las clases presentes en el archivo "fourier.cpp" separando cada una en sus correspondientes archivo de cabecera (.h) e implementación (.cpp) en linea con las buenas practicas programación.

También se encapsuló a un grupo de funciones diversas tareas que se repetían a lo largo del código (ahora en archivo ütils.h") y se agregaron mas comentarios a las que realizan operaciones mas intrincadas para mejorar su lectura (como por ejemplo las que realizan operaciones de bits).

Así mismo, debido a la incorporación del preocesamiento de regresiones debimos actualizar el flujo y el almacenamiento de resultados de nuestro programa como detallaremos a continuación.

#### Flujo del programa

- 1. Al invocar el ejecutable debemos leer la entrada de linea de comando
- 2. Debemos "parsear" (interpretar) opciones de entrada leídas
- 3. Se seleccionan "streams" de entrada, salida y regresión en función de las opciones leídas
- 4. Identificando el modo (interpretado de las opciones de la linea de comando), se inicializa la clase correspondiente con éste.
- 5. Si existe el parametro de regresion, se "marca" (flag) la instancia de clase strategy, para que reconozca que se debe procesar la regresion.
- 6. Invocando al método de programa ".compute()" se procede a:
  - a) leer el "stream" de entrada y almacenar los datos en una "lista entrada" llenando con ceros la misma al final hasta completar el tamaño de la potencia de 2 más cercana.
  - b) aplicar el algoritmo correspondiente al método seleccionado sobre la entrada (DFT, IDFT, FFT o IFFT) almacenando el resultado del mismo en una "lista salida" (con objeto de ser post-procesado)
  - c) si un archivo de regresiones fue provisto, computamos el error relativo entre dicha entrada y el resultado de nuestro algoritmo
  - d) escribimos la salida de nuestro algoritmo final (o resultados de test de regresion) al "stream" de salida seleccionado
- 7. Si no hay errores en alguno de los pasos anteriores, terminamos el programa con código 0.

#### 2.1.1. Ubicación de código fuente

Para la realización de este trabajo optamos por emplear un repositorio acceso público y online. El mismo se encuentra alojado en https://github.com/cristiandouce/tp2-algo2.

#### 2.1.2. Estructura del código fuente

Para desarrollar este programa se eligió la siguiente estructura de archivos y carpetas:

```
/
|- README.md  # Descripcion de elementos del repositorio
|- main.cpp  # Punto de entrada del programa
|- vendor/  # Fuentes y headers provistos por la c tedra
|- src/  # Fuentes y headers desarrollados por los autores
```

#### 2.1.3. Vendors / Librerías de la cátedra

Con objeto de poder concretar este trabajo práctico dentro de los tiempos de cursada, la cátedra ha provisto con algunas librarías con algunos de los problemas de implementación resueltos y que han sido explicados en clase. Estos son:

- < cmdline.h > #cmdl(): Clase de lectura de linea de comando. Recibe una tabla de opciones a leer por el programa a la hora de parsear.
- < cmdline.h > #parse(): Parseo de opciones de entrada. Guarda variables declaradas en el scope del archivo main.cpp. En este caso: los punteros a streams de entrada y salida, y el modo de algoritmo a ejecutar.
- < complejo.h >: Clase de complejos. Ofrece sobrecargas de operadores de suma y de lectura y escritura a streams.
- < lista.h >: Clase de lista. Ofrece implementación de listas doblemente enlazadas, no circulares, usando templates e iteradores.

Todas los fuentes de la cátedra han sido ubicados el directorio vendor/ como se describió en la sección 2.1.2 y presentan modificaciones solo sobre los comentarios y estilo de código, pero no de declaraciones ni definiciones.

#### 2.1.4. Fuentes de los autores

En base al requerimiento de la sección 1.4.1, se crearon una serie de clases para separar las interfaces de las implementaciones en los algoritmos de cálculos de DFT/FFT. Asimismo también se encapsularon ciertas funciones de uso habitual en el fichero "utils". Las mismas se describen brevemente a continuación:

- < fourier.h >: Clase abstracta como interface para los algoritmos de calculo.
- $\bullet$  < dft.h >: Clase que implementa los algoritmos de calculo de DFT por medio de la expresión literal.
- $\bullet$  < idft.h >: Clase que implementa los algoritmos de calculo de IDFT por medio de la expresión literal.
- $\bullet$  < fft.h >: Clase que implementa los algoritmos de calculo de FFT por medio de recursividad.
- $\bullet$  < ifft.h >: Clase que implementa los algoritmos de calculo de IFFT por medio de recursividad.
- < utils.h >: Contiene funciones que encapsulan algoritmos utilizados asiduamente tales como el que extiende los vectores a potencias de 2.

Todas los fuentes de los autores han sido ubicados el directorio src/ y son parte adjunta de este informe en la sección 2.8.

## 2.2. Compilación del programa

Para compilar el programa hay 2 opciones que se pueden utilizar de forma intercambiable.

## Visual Studio Code

Junto con el código fuente se entrega un directorio .vscode/ con una serie de archivos que ofrecen tareas de compilación para ser utilizadas con el **IDE** VSCode. Dentro de la lista de instrucciones se encuentras 2 posibles opciones.

La primera build, ofrece la compilacion de los sources para sistemas de tipo UNIX empleando el compilador g++ que debe ser instalado en el sistema. La segunda opción denominada  $build\_win10$  ofrece generar el mismo resultado pero para sistemas operativos Windows y también requiere de la pre-instalación de la

herramienta de compilación g + +.

Un tutorial sobre como usar el **IDE** y describe cómo configurar un Debugger y otras tareas se encuentra en **YouTube** con el titulo de VS Code: C++ Development With Visual Studio Code.

#### Makefile

La otra forma más estándar es utilizando la herramienta *make* para dirigir la compilación o generación de ejecutables automáticamente.

Como resultado de cualquier procedimiento utilizaddo un ejecutable será ubicado bajo el directorio bin/c con el nombre tp2 que podrá ejecutarse con la interfaz que es solicitada como requisito de este trabajo.

IMPORTANTE: Para los sistemas tipo UNIX solo es necesario tener instalado los utilitarios de g++ para compilar el programa y así también correr los tests. Para el sistema operativo Windows se requiere de la instalación de MinGW disponible en https://mingw.org que provee de una serie de utilitarios minimos de tipo UNIX en Windows.

## 2.3. Análisis de complejidad de los algoritmos

En primera instancia vamos a denominar algunas definiciones básicas:

- n: Corresponde al número de puntos de una señal a ser procesada.
- N: Corresponde al tamaño de la siguiente potencia de 2 de la señal de entrada al programa. Es  $N = 2^{\lceil log_2(n) \rceil}$ , donde  $\lceil \cdot \rceil$  es la función matematica ceil(). Este es el valor real a ser procesado por el algoritmo. Notar que en el peor caso  $N = 2 \cdot n$ .
- d: Corresponde a la diferencia entre el tamaño de la señal de entrada n y su próxima potencia de 2N, así d = N n. Notar que en el peor caso d = n.
- ullet m: Corresponde al número de señales a ser procesadas por archivo.
- $\blacksquare$  T(n): Implica el tiempo de procesamiento de un algoritmo para una entrada de tamaño n.
- $\bullet$  S(n): Implica el espacio utilizado de un algoritmo para una entrada de tamaño n.

Pasamos ahora a analizar los algoritmos DFT y FFT, sabiendo que sus correspondientes inversas son una variación de la original solo por un factor de conversión.

#### 2.3.1. DFT

Recordando el algoritmo de la DFT

$$X[k] = \sum_{n=0}^{N-1} x[n]W_N^{kn} \qquad k = 0, ..., N-1; \qquad W_N = e^{-j(2\pi/N)}$$
 (2)

En cuanto al costo temporal, podemos rápidamente inferir que para procesar un solo elemento de la salidad, tendremos que recorrer los n elementos de la entrada. Y siendo que el tamaño final del resultado de la DFT completada (bajo sub-índice k) es el mismo que el de la entrada, sabemos que realizaremos como mínimo un total de  $n \cdot n$  iteraciones para poder construir la **Transformada Discreta de Fourier**.

Antes de poder concluir cuál es el resultado del costo temporal de nuestro algoritmo, procedemos a revisar su imeplementación en la sección 2.8.5. Algunos elementos a considerar son:

- $\blacksquare$  Retorno rápido: Caso base de costo constante, O(1)
- Relleno de 0s a la derecha: Costo de procesamiento O(log(n)) por el cálculo que averigua N y otro costo aditivo de O(N-n) = O(d) por las operaciones que agregan los 0s al final de la lista.

- Operación del algoritmo: Costo de procesamiento de  $O(N) \cdot O(N) = O(N^2)$
- Inserción del elemento procesado en una lista: Costo constante de O(1) por como es la implementación del método  $lista.insertar\_despues()$  en la sección 2.8.20. Esta operación se realiza un total de N veces dentro del loop del primer for.

Analizando rápidamente lo destacado más arriba podemos concluir la suma total del costo temporal de la DFT así implementada como la suma de:

$$T_{dft}(n, N, d) \in O(1) + O(\log(n)) + O(d) + O(N^2) + N \cdot O(1)$$
 (3)

Pero como señalamos más arriba dentro de esta sección, en el peor de los casos tenemos que  $N=2\cdot n$  y d=n. Por lo que la expresión final del costo temporal de la DFT termina siendo:

$$T_{dft}(n, N, d) \in O(1) + O(\log(n)) + O(n) + O(4 \cdot n^2) + 2 \cdot n \cdot O(1)$$
(4)

$$T_{dft}(n, N, d) \in O(\log(n)) + O(n) + 4 \cdot O(n^2) + 2 \cdot O(n)$$
 (5)

$$T_{dft}(n, N, d) \in O(n^2) \tag{6}$$

$$T_{dft}(n) \in O(n^2) \tag{7}$$

En cuanto a la complejidad espacial, podemos simplemente observar de nuestro algoritmo que si la entrada es de tamaño n, el computo (y almacenamiento) será de un tamaño  $N=2\cdot n$  en el peor de los casos. Así, sabiendo que mantenemos durante todo el procesamiento una lista de entrada y otra de salida, la complejidad espacial final es:

$$S_{dft}(n) \in O(n) \tag{8}$$

#### 2.3.2. FFT

De forma análoga a la DFT recordamos primero el algoritmo de resolución de la FFT (como una implementación de la técnica **Divide & Conquer**):

$$X[k] = G[k] + W_N^{-kn} H[k] k = 0, ..., N - 1; W_N = e^{-j(2\pi/N)} (9)$$

Donde G(k) y H(k) son las DFTs de N/2 puntos de las secuencias  $x_0; x_2; ...; x_{N-2}$  y  $x_1; x_3; ...; x_{N-1}$ , es decir, los puntos con subíndices pares e impares respectivamente, donde se puede acceder a los vectores G y H de forma modular: G(N/2) = G(0), G(N/2 + 1) = G(1) y así sucesivamente.

Con una rápida inspección de este algoritmo podemos llegar al resultado de que en total, dada una entrada de tamaño n, llegaremos a realizar un total de  $log_2(n)$  llamadas recursivas, cada una de tamaño  $\frac{n}{2}$ . Considerando también la reconstrucción de la señal por sus partes par e impar, con un impacto de O(n), encontramos que la FFT tiene un coste temporal de  $O(n \cdot log(n)) + O(n) \in O(n \cdot log(n))$ .

De igual manera que para la DFT, antes de concluir cuál es el resultado del costo temporal de nuestro algoritmo, procedemos a revisar su implementación en la sección 2.8.9. Algunos de los elementos a considerar son:

- $\blacksquare$  Retorno rápido: Caso base de costo constante, O(1)
- Relleno de 0s a la derecha: Costo de procesamiento O(log(n)) por el cálculo que averigua N y otro costo aditivo de O(N-n) = O(d) por las operaciones que agregan los 0s al final de la lista.
- Operación del algoritmo: Costo de procesamiento de  $O(N \cdot log(N))$  como analizamos previamente que se analiza desde el primer llamado a  $fft :: recursive\_algoritm()$  incluyendo el costo de particion O(N) llamadas recursivas  $2 \cdot O(\frac{N}{2})$  y reconstrucción O(N).

Finalmente, sumando los costes de los componentes enumerados se llega a que:

$$T_{fft}(n, N, d) \in O(1) + O(\log(n)) + O(d) + O(N \cdot \log(N))$$
 (10)

$$T_{fft}(n, N, d) \in O(\log(n)) + O(n) + O(2 \cdot n \cdot \log(2 \cdot n))$$

$$\tag{11}$$

$$T_{fft}(n, N, d) \in O(\log(n)) + O(n) + 2 \cdot O(n \cdot (\log(2) + \log(n)))$$

$$\tag{12}$$

$$T_{fft}(n, N, d) \in O(\log(n)) + O(n) + 2 \cdot O(n \cdot \log(2)) + 2 \cdot O(n \cdot \log(n))$$

$$\tag{13}$$

$$T_{fft}(n, N, d) \in O(\log(n)) + (2 \cdot \log(2) + 1) \cdot O(n) + 2 \cdot O(n \cdot \log(n))$$
 (14)

$$T_{fft}(n, N, d) \in O(n \cdot log(n)) \tag{15}$$

$$T_{fft}(n) \in O(n \cdot log(n)) \tag{16}$$

En cuanto a la complejidad espacial, observamos que, en cada llamada recursiva, guardamos estado para los dos arreglos auxiliares odd y even, cada uno de n/2 elementos. En definitiva, cada llamada usa memoria O(n). El máximo consumo de memoria se va a dar cuando esten anidadas las O(logn) total de llamadas sobre las sucesivas porciones izquierdas del arreglo (los llamados de odd primero), de lo cual sigue que la complejidad espacial S(n) viene dada por

$$S_{fft}(n) = n + \frac{n}{2} + \frac{n}{4} + \dots + 1 \tag{17}$$

Que en definitiva converge a  $O(n \cdot log(n))$ , resultando entonces:

$$S_{fft}(n) \in O(n \cdot \log(n)) \tag{18}$$

## 2.4. Análisis de complejidad del programa completo

De igual manera al análisis de complejidad de los algoritmos, empezamos éste con las siguientes definiciones:

- n: Corresponde al número de puntos de una señal a ser procesada.
- N: Corresponde al tamaño de la siguiente potencia de 2 de la señal de entrada al programa. Es  $N = 2^{\lceil log_2(n) \rceil}$ , donde  $\lceil \cdot \rceil$  es la función matematica ceil(). Este es el valor real a ser procesado por el algoritmo. Notar que en el peor caso  $N = 2 \cdot n$ .
- d: Corresponde a la diferencia entre el tamaño de la señal de entrada n y su próxima potencia de 2 N, así d = N n. Notar que en el peor caso d = n.
- $\bullet$  m: Corresponde al número de señales a ser procesadas por archivo.
- $\blacksquare$  T(n): Implica el tiempo de procesamiento de un algoritmo para una entrada de tamaño n.
- $\,\blacksquare\,\, S(n)$ : Implica el espacio utilizado de un algoritmo para una entrada de tamaño n.

Pasamos ahora a analizar los procesos de entrada, salida y el conjunto del programa.

#### 2.4.1. Procesamiento de lectura y almacenamiento

Para analizar los costos relacionados con el procesamiento de la entrada de la señal vamos a realizar la siguiente hipótesis: De las m señales en nuestro archivo de entrada, denominamos n a aquella de mayor tamaño.

Con esta hipótesis que solo extiende los comentarios de la sección anterior, vamos a proceder con el análisis del procesamiento de la entrada.

Pondremos especial atención a 2 funciones particulares: 1.ft ::  $read\_input\_line()$  de la clase ft en src/fourier.cpp 2.8.3 y  $2.read\_input\_stream\_line()$  de nuestra librería src/utils.cpp de la sección 2.8.13.

Consideremos primero que la función  $ft :: read\_input\_line()$  se asegura que la lista en la que se almacenará la primer linea de entrada se encuentre vacía. Para ello invoca lista :: clear() que realiza un recorrido en

tiempo O(n) para liberar todos los elementos previos que pueda tener almacenados. Recordar la hipótesis de n como peor/mayor tamaño de señal en el archivo.

Luego de ello, se invoca la función  $read\_input\_stream\_line()$  que lo que hace es leer la primera línea del stream de entrada, ingresando cada elemento de tipo complejo encontrado en la lista  $input\_$  que se asume previamente liberada. Esta tarea, de nuevo considerando n el peor tamaño de señal dentro del archivo de lectura, se realiza en un tiempo O(n).

En consecuencia de lo analizado hasta ahora, tenemos que el costo temporal del procesamiento de la lectura y almacenamiento de 1 señal es de:

$$T_{lectura}(n) \in O(n)$$
 (19)

En cuanto a la complejidad espacial:

$$S_{lectura}(n) \in O(n) \tag{20}$$

#### 2.4.2. Procesamiento de escritura

De igual manera que en el procesamiento de lectura vamos a valernos de la hipótesis del n más grande dentro del archivo de señales por línea para definir nuestro análisis.

Pondremos especial atención a 2 funciones particulares: 1.ft ::  $write\_output\_line()$  de la clase ft en src/fourier.cpp 2.8.3 y  $2.write\_output\_stream\_line()$  de nuestra librería src/utils.cpp de la sección 2.8.13.

De igual manera que para la lectura, en este caso la escritura se encarga de enviar cada dato almacenado en la lista  $output_{-}$  post-procesado por nuestro algoritmos, y luego asegurarse de dejar limpia dicha lista para poder ser utilizada para el procesamiento de la siguiente señal. En consecuencia, y al igual que para la lectura, la complejidad del procesamiento de escritura es:

$$T_{escritura}(n) \in O(n)$$
 (21)

$$S_{escritura}(n) \in O(n)$$
 (22)

## 2.4.3. Procesamiento conjunto del programa

Teniendo en cuenta todo lo enunciado hasta el momento en el análisis de complejidad de los algoritmos y los procedimientos de lectura y escritura del programa, podemos concluir que los tiempos conjuntos para cada rama (algoritmo) serán:

#### Complejidad temporal

$$T_{dft}^{total}(n) = T_{lectura}(n) + T_{dft}(n) + T_{escritura}(n)$$
(23)

$$T_{dft}^{total}(n) \in O(n) + O(n^2) + O(n)$$

$$\tag{24}$$

$$T_{dft}^{total}(n) \in O(n^2) \tag{25}$$

$$T_{fft}^{total}(n) = T_{lectura}(n) + T_{fft}(n) + T_{escritura}(n)$$
(26)

$$T_{fft}^{total}(n) \in O(n) + O(n \cdot log(n)) + O(n)$$
(27)

$$T_{fft}^{total}(n) \in O(n \cdot log(n))$$
 (28)

## Complejidad espacial

$$S_{dft}^{total}(n) = S_{lectura}(n) + S_{dft}(n) + S_{escritura}(n)$$
(29)

$$S_{dft}^{total}(n) \in O(n) + O(n) + O(n)$$
(30)

$$S_{dft}^{total}(n) \in O(n) \tag{31}$$

$$S_{fft}^{total}(n) = S_{lectura}(n) + S_{fft}(n) + S_{escritura}(n)$$
(32)

$$S_{fft}^{total}(n) \in O(n) + O(n \cdot log(n)) + O(n)$$
(33)

$$S_{fft}^{total}(n) \in O(n \cdot log(n)) \tag{34}$$

Y considerando las m señales del archivo (recordando también que entre señal y señal, las listas de entrada y salida se renuevan):

$$T_{dft}^{total}(n,m) \in m \cdot O(n^2) \tag{35}$$

$$S_{dft}^{total}(n,m) \in O(n) \tag{36}$$

$$T_{fft}^{total}(n,m) \in m \cdot O(n \cdot log(n))$$
 (37)

$$S_{fft}^{total}(n,m) \in O(n \cdot log(n))$$
 (38)

## 2.5. Pruebas de performance

Para nuestros test de performance vamos a definir 3 archivos con una cantidad de puntos equivalente, solo que distribuidos de distinta manera entre las señales de entrada. Con esto realizaremos algunas observaciones cualitativas y conclusiones cuantitativas respecto a los resultados obtenidos de nuestro análisis de complejidad en la sección 2.4.3.

Los archivos que empleamos son:

- $test/files/test\_1\_signals\_10000\_points.txt$ : Archivo que contiene una señal con 10k puntos. Son 10k puntos en total.
- \test/files/test\_10\_signals\_1000\_points.txt: Archivo que contiene 10 señales de 1k puntos cada una. Son 10k puntos en total.
- \test/files/test\_100\_signals\_100\_points.txt: Archivo que contiene 100 señales de 100 puntos cada una. Son 10k puntos en total.

Para poder correr estos tests generamos una entrada en nuestro Makefile que ejecuta un **shell script** denominado ./test/tests.sh adjunto en la sección ?? Lo que hace dicho shell script es correr cada uno de los comandos x100 veces para la FFT y x10 veces para el modo DFT para poder obtener resultados numéricos significativos, ya que de lo contrario deberíamos trabajar con magnitudes del orden de los mili o nano segundos.

Algo importante a resaltar es que para las pruebas de performance utilizamos la herramienta **built-in** de sistemas UNIX denominada time, que devuelve como resultado 3 valores numéricos a detacar:

- real: El tiempo real invertido en ejecutar el proceso de principio a fin, como si lo midiera un humano con un cronómetro.
- user: El tiempo acumulado gastado por todas las CPU durante el procesamiento del comando.
- system: El tiempo acumulado por todas las CPU durante las tareas relacionadas con el sistema, como asignación de memoria, lectura / escritura a archivos.

Con esta información vamos a intentar extrapolar los tiempos de ejecución del algoritmo, de escritura y lectura de archivos.

Empezamos ahora por intentar predecir los resultados de correr los tests para la FFT y luego deduciremos lo mismo para la DFT.

Partiendo desde la base de que los archivos son estáticos y no cambia entre múltiples corridas. Considerando también conocida y constante la cantidad de puntos para todos los archivos, nuestro objetivo será

utilizar la definición de O grande para encontrar un valor de referencia que sea comparable entre las diferentes corridas.

Así recopilamos primero los siguientes parámetros de cada uno de los archivos de corrida:

#### 100 señales de 100 puntos

$$m_{100} = 100$$
  $n_{100} = 100$   $N_{100} = 2^7 = 128$  (39)

10 señales de 1000 puntos

$$m_{1000} = 10$$
  $n_{1000} = 1000$   $N_{1000} = 2^{10} = 1024$  (40)

1 señal de 10000 puntos

$$m_{10000} = 1$$
  $n_{10000} = 10000$   $N_{10000} = 2^{14} = 16384$  (41)

Y las relaciones que buscamos entre las distintas corridas serán:

$$test_{10000-1000}^{fft} = \frac{m_{10000}}{m_{1000}} \cdot \frac{T_{fft}(N_{10000})}{T_{fft}(N_{1000})}$$
(42)

$$test_{1000-100}^{fft} = \frac{m_{1000}}{m_{100}} \cdot \frac{T_{fft}(N_{1000})}{T_{fft}(N_{100})}$$

$$(43)$$

$$test_{10000-100}^{fft} = \frac{m_{10000}}{m_{100}} \cdot \frac{T_{fft}(N_{10000})}{T_{fft}(N_{100})}$$
(44)

Tomando la definición de notación de la O grande, sabiendo que si existe una diferencia relativa entre corridas, a la misma entrada, es de una constante que se cancela con el cociente:

$$test_{10000-1000}^{fft} = \frac{m_{10000}}{m_{1000}} \cdot \frac{N_{10000} \cdot log(N_{10000})}{N_{1000} \cdot log(N_{1000})} = 2,24$$

$$(45)$$

$$test_{1000-100}^{fft} = \frac{m_{1000}}{m_{100}} \cdot \frac{N_{1000} \cdot log(N_{1000})}{N_{100} \cdot log(N_{100})} = 1,14$$
(46)

$$test_{10000-1000}^{fft} = \frac{m_{10000}}{m_{1000}} \cdot \frac{N_{10000} \cdot log(N_{10000})}{N_{1000} \cdot log(N_{10000})} = 2,24$$

$$test_{1000-100}^{fft} = \frac{m_{1000}}{m_{100}} \cdot \frac{N_{1000} \cdot log(N_{1000})}{N_{100} \cdot log(N_{1000})} = 1,14$$

$$test_{10000-100}^{fft} = \frac{m_{10000}}{m_{100}} \cdot \frac{N_{10000} \cdot log(N_{10000})}{N_{100} \cdot log(N_{10000})} = 2,56$$

$$(45)$$

Lo que podemos inferir de este análisis es que entre los resultados de ejecución en tiempo de los tests de performance deberíamos notar una gran distinción entre los tiempos de 100 (o 1k) puntos por señal con la de 10kpuntos por señal. Mientras que en el salto entre 100 y 1k puntos por señal, el tiempo es casi indistinguible ya que es del orden de 1,14.

Repetimos lo mismo ahora para el mismo análisis para la DFT:

$$test_{10000-1000}^{dft} = \frac{m_{10000}}{m_{1000}} \cdot \frac{N_{10000}^2}{N_{1000}^2} = 25,6$$

$$test_{1000-100}^{dft} = \frac{m_{1000}}{m_{100}} \cdot \frac{N_{1000}^2}{N_{100}^2} = 6,4$$

$$test_{10000-100}^{dft} = \frac{m_{10000}}{m_{100}} \cdot \frac{N_{10000}^2}{N_{100}^2} = 163,8$$

$$(50)$$

$$test_{1000-100}^{dft} = \frac{m_{1000}}{m_{100}} \cdot \frac{N_{1000}^2}{N_{100}^2} = 6,4$$
(49)

$$test_{10000-100}^{dft} = \frac{m_{10000}}{m_{100}} \cdot \frac{N_{10000}^2}{N_{100}^2} = 163.8$$
 (50)

Analizando los resultados de las corridas disponibles en la sección ?? test/results/perf - total.txt podemos generar los siguientes resultados relativos:

$$test_{10000-1000}^{fft} = \frac{15,088}{7,329} = 2,06 \approx 2,24 \tag{51}$$

$$test_{1000-100}^{fft} = \frac{7,329}{7,216} = 1,014 \cong 1,14$$
 (52)

$$test_{10000-100}^{fft} = \frac{15,088}{7,216} = 2,09 \approx 2,56 \tag{53}$$

$$test_{10000-1000}^{dft} = \frac{284,991}{11,419} = 24,96 \cong 25,6 \tag{54}$$

$$test_{1000-100}^{dft} = \frac{11,419}{2,051} = 5,57 \cong 6,4 \tag{55}$$

$$test_{10000-100}^{dft} = \frac{284,991}{2.051} = 138,95 \cong 163,8 \tag{56}$$

En definitiva, los resultados obtenidos por nuestros tests de performance son congruentes con los predichos por nuestro análisis. El hecho de que no sean idénticos tiene mucho sentido, ya que como mencionamos antes, por la definición de O(n), hablamos de una tendencia a partir de algún  $n \ge n_0$ . Pero lo predicho nos permite determinar algún orden de magnitud entre los resultados obtenidos.

Ahora terminando, intentaremos determinar los tiempos de lectura y procesamiento de la entrada en forma relativa, los de las corridas del algoritmo y los de escritura. Utilizando nuevamente los resultados de tipo real de los archivos perf - total.txt, perf - lectura.txty perf - lectura - y - alg.txt en los que intencionalmente se han deshabilitado las funciones del algoritmo y de escritura de resultados para poder determinar tiempos relativos entre los 3 componentes principales del programa podemos observar lo siguiente:

$$time_{total}^{fft10k} = 15,088s \tag{57}$$

$$time_{lectura}^{fft10k} = 1,750s \approx 11,6\% \tag{58}$$

$$time_{total}^{fft10k} = 15,088s$$

$$time_{lectura}^{fft10k} = 1,750s \approx 11,6\%$$

$$time_{lectura+algoritmo}^{fft10k} = 13,770s$$

$$time_{escritura}^{fft10k} = time_{total}^{fft10k} - time_{lectura+algoritmo}^{fft10k}$$

$$(59)$$

$$time_{escritura}^{fft10k} = time_{total}^{fft10k} - time_{lectura+algoritmo}^{fft10k}$$

$$(60)$$

$$= 1.318s \approx 8.74\% \tag{61}$$

$$= 1,318s \approx 8,74\%$$

$$time_{algoritmo}^{fft10k} = time_{lectura+algoritmo}^{fft10k} - time_{lectura}^{fft10k}$$

$$(62)$$

$$= 12,02s \approx 79,7\% \tag{63}$$

El mismo ejemplo se puede repetir para todos los valores de de corridas, de 1k puntos por 10 señales y 100 puntos por 100 señales. En particular mostraremos ahora el de la DFT:

$$time_{total}^{dft10k} = 284,991s$$
 (64)

$$ime_{lectura}^{dft10k} = 0.120s \approx 0.04\% \tag{65}$$

$$time_{total}^{dft10k} = 284,991s$$

$$time_{lectura}^{dft10k} = 0,120s \approx 0,04\%$$

$$time_{lectura+algoritmo}^{dft10k} = 270,603s$$

$$(66)$$

$$time_{escritura}^{dft10k} = time_{total}^{dft10k} - time_{lectura+algoritmo}^{dft10k}$$

$$(67)$$

$$= 14,307 \approx 15,02\% \tag{68}$$

$$= 14,307 \approx 15,02\%$$

$$time_{algoritmo}^{dft10k} = time_{lectura+algoritmo}^{dft10k} - time_{lectura}^{dft10k}$$

$$(68)$$

$$= 270,483s \approx 94,9\% \tag{70}$$

Podemos ver que para los calculos de tiempo de escritura y son más cercanos en comparación cuando ejecutamos el algoritmo de la FFT que en la DFT, resulta concluir que al tomar un tiempo tan significativo para procesar el algoritmo, ésta hace infinitesimal el tiempo de operación de los otros procesos del programa.

Si repetimos para el experimento de 100 señales de 100 puntos obtenemos algo más razonable:

$$time_{total}^{dft100} = 2,051s$$
 (71)  
 $time_{lectura}^{dft100} = 0,106s \approx 5,17\%$  (72)

$$time_{lectura}^{dft100} = 0.106s \approx 5.17\% \tag{72}$$

$$time_{lectura+algoritmo}^{dft100} = 1{,}784s (73)$$

$$time_{escritura}^{dft100} = time_{total}^{dft100} - time_{lectura+algoritmo}^{dft10k}$$

$$(74)$$

$$= 0.267s \approx 13.01\% \tag{75}$$

$$time_{algoritmo}^{dft100} = time_{lectura+algoritmo}^{dft100} - time_{lectura}^{dft100}$$
 (76)

$$= 270,483s \approx 94,9\% \tag{77}$$

#### 2.6. Troubleshooting

Para cualquier lenguaje de programación es importante poder detectar errores antes y después de la compilación o ejecución de nuestros programas. Para ello incorporamos en nuestro análisis el uso de 2 herramientas básicas al programar:

- 1. Memory Leak Detector: Para detectar malos usos de memoria en nuestro programa.
- 2. Static Analyzer: Para poder detectar errores propios de nuestro código como typos o unused variables que nos lleven a que nuestro programa o bien no compile o lo haga de forma poco eficiente.

#### 2.6.1. Memory Leak Detection

Como herramienta de **Memory Leal Detection** empleamos el utilitario valgrind en su modo memcheck.

Cabe mencionar que debido a que el equipo de desarrollo de dicha herramienta prioriza los sistemas operativos basados en Linux, no nos fue posible emplear la herramienta en sistemas operativos de tipo OSX o Windows.

Para su evaluación en los mencionados sistemas operativos nos fue necesario o bien montar una máquina virtual con sistema operativo Ubuntu usando Virtual Box. O bien, de modo más avanzado, levantar Docker containers que corran la misma.

En nuestro caso optamos por la primera, pues ya teníamos una máquina virtual instalada con Ubuntu 14.

Para correr los tests de Memory Leak basta solo (cumpliendo los requisitos de Sistema Operativo) correr el comando maketest - valgrind que ejecuta lo siguiente:

```
test-valgrind: bin/tp2
 # memcheck is default --- tool
  valgrind --leak-check=yes $(OUTFILE) -i ./test/files/test_1_signals_10000_points
     .txt -o ./test/files/_garbage.txt
  valgrind --leak-check=yes $(OUTFILE) -i ./test/files/test_10_signals_1000_points
     .txt -o ./test/files/_garbage.txt
  valgrind --leak-check=yes $(OUTFILE) -i ./test/files/test_100_signals_100_points
     .txt -o ./test/files/_garbage.txt
```

Como puede observarse decidimos usar los mismos archivos de prueba que en nuestros Test de Performance de la sección ??, ya que los mismos proveen de 2 escenarios básicos: 1. Una señal grande, 2. Varisa señales.

En el caso de detectar algún Memory Leak, cada una e las entradas anteriores produciría una salida en el siguiente formato:

```
$ make test-valgrind
==3632== Memcheck, a memory error detector
==3632== Copyright (C) 2002-2017, and GNU GPL'd, by Julian Seward et al.
==3632== Using Valgrind -3.13.0 and LibVEX; rerun with -h for copyright info
==3632== Command: ./ bin/tp2
==3632==
ptr = [Linux]
ptr = [ainux]
==3632==
==3632== HEAP SUMMARY:
==3632==
             in use at exit: 10 bytes in 1 blocks
==3632==
           total heap usage: 1 allocs, 0 frees, 10 bytes allocated
==3632==
==3632==10 bytes in 1 blocks are definitely lost in loss record 1 of 1
            at 0x402BE68: malloc (in /usr/lib/valgrind/vgpreload_memcheck-x86-linux.
==3632==
   so)
==3632==
            by 0x8048428: main (main.c:7)
==3632==
==3632== LEAK SUMMARY:
==3632==
            definitely lost: 10 bytes in 1 blocks
==3632==
            indirectly lost: 0 bytes in 0 blocks
==3632==
              possibly lost: 0 bytes in 0 blocks
==3632==
            still reachable: 0 bytes in 0 blocks
==3632==
                 suppressed: 0 bytes in 0 blocks
==3632==
==3632== For counts of detected and suppressed errors, rerun with: -v
==3632== ERROR SUMMARY: 1 errors from 1 contexts (suppressed: 0 from 0)
```

Es necesario mencionar que para el caso de este trabajo práctico, luego de varios esfuerzos por hacer funcionar la herramienta, una vez logrado, no pudimos hacer saltar algún Memory Leak observable como para arreglar.

## 2.6.2. Static Analyzer

Para la realización de este trabajo práctico, como bien explicamos ya en la sección 2.2 utilizamos el *IDE* **Visual Studio Code** que ya viene integrado con una herramienta de análisis estático del código. La descripción de la misma se encuentra en:

• https://github.com/Microsoft/vscode-cpptools/blob/master/Documentation/LanguageServer/IntelliSense%20engine.md.

Durante el desarrollo de este trabajo práctico estos fueron los errores más comunes que se nos alertó por la herramienta:

- Inexistencia de sobrecarga para la forma que se utiliza cierto método.
- Inexistencia de declaración de algún método en el encabezado \*.h.
- Variable declarada pero nunca empleada
- Variable no definida

La detección de estos errores previo paso de compilación es de vital importancia para un programador pues le permite ahorrar tiempo ya que la etapa de compilación puede tomar (para programas de tamaño mucho mayor) un tiempo en el orden de los minutos.

#### 2.7. Análisis y conclusiones de resultados

Durante la evaluación del programa compilado logramos recopilar la siguiente información:

- 1. Podemos observar cuantitativamente la eficiencia entre los resultados de los algoritmos de FFT frente a los DFT, siendo los resultados de aproximadamente  $0,52\,\%$  la relación entre FFT contra DFT en tiempos de ejecución para una misma señal.
- 2. Mediante el análisis de Complejidad Temporal del programa completo es posible estimar el tiempo relativo de corridas del programa ante 2 entradas distintas. No obstante, estimación exacta de dicho tiempo depende de muchos otros factores que son más difíciles de predecir.
- 3. Para poder determinar con mejor precisión los tiempos involucrados en lectura, procesamiento de algoritmo y escritura a salida estándar o archivo, lo ideal sería desarrollar tests unitarios que pudieran realizar dichas operaciones de forma independiente, y luego predecir el comportamiento conjunto (como bien hicimos al principio de la sección 2.5 de Performance) y no a la inversa.
- 4. La distribución de los puntos de señal al programa es muy importante para su performance. Como ya vims en la sección 2.5 cuando en el peor de los casos la señal se aleja del siguiente multiplo de 2 en n-1, el cálculo se hace más impredectible y con mayor error. Aquí es donde entran en juego distiintas técnicas de ventaneo de señales por tramos de potencia de 2 que permitan analizar mejor el espectro de la señal deseada.
- 5. Pudimos verificar también mediante el mecanismo regresivo que el error cometido entre señales por DFT y FFT siempre menos a 1e-3 siendo el error más grande encontrado luego de varias iteraciones y pruebas del orden de 1e-7

## 2.8. Código fuente

#### 2.8.1. main.cpp

```
1
 2
     * Name : main.cpp
 3
     * Authors : Dreiling, Augusto < augusto.dreiling@gmail.com>
 4
     *: Douce\ Suarez,\ Cristian\ G.\ < cristiandouce@yahoo.com.ar>
 5
     * Version : 1.0.0
 6
     * License : MIT
 7
     * Description : Linea de comando que implementa FFT/IFFT/DFT/IDFT
 8
     * sobre senales de entrada de variable real o compleja.
 9
10
11
    #include <fstream>
12
    #include <iomanip>
    #include <iostream>
13
    #include <sstream>
14
    #include <cstdlib>
15
16
    #include <string>
17
    #include <algorithm>
18
19
20
    #include "vendor/cmdline.h"
21
    #include "vendor/complejo.h"
22
    #include "src/fourier.h"
23
    #include "src/dft.h"
24
    #include "src/idft.h"
25
    #include "src/fft.h"
26
    #include "src/ifft.h"
27
28
    using namespace std;
29
30
    static void opt_input(string const &);
31
    static void opt_output(string const &);
32
    static void opt_regression(string const &);
33
    static void opt_method(string const &);
34
    static void opt_error(string const &);
35
    static void opt_help(string const &);
36
```

```
37
    /**
38
     * Tabla de opciones de linea de comando. El formato de la tabla
39
      * consta de un elemento por cada opcion a definir. A su vez, en
40
      * cada entrada de la tabla tendremos:
41
      * o La primera columna indica si la opcion lleva (1) o no (0) un
42
43
      * argumento adicional.
44
45
      * o La segunda columna representa el nombre corto de la opcion.
46
47
      * o La tercera columna determina el nombre largo de la opcion.
48
49
      * o La cuarta columna contiene el valor por defecto a asignarle
50
      * a esta opcion en caso que no esta explicitamente presente
      * en la linea de comandos del programa. Si la opcion no tiene
51
52
      * argumento (primera columna nula), todo esto no tiene efecto.
53
54
     * o La quinta columna apunta al metodo de parseo de la opcion,
55
      * cuyo prototipo debe ser siempre void (*m)(string const & arg);
56
57
      * o La ultima columna sirve para especificar el comportamiento a
58
      * adoptar en el momento de procesar esta opcion: cuando la
59
      * opcion es obligatoria, debera activarse OPT_MANDATORY.
60
61
      * Ademas, la ultima entrada de la tabla debe contener todos sus
62
      * elementos nulos, para indicar el final de la misma.
63
      */
64
65
     /************ Elementos globales ***********/
66
    static option_t options[] = {
      \{1, "i", "input", "-", opt_input, OPT_DEFAULT \},
67
      { 1, "o", "output", "-", opt_output, OPT_DEFAULT },
68
      { 1, "r", "regression", NULL, opt_regression, OPT_DEFAULT },
69
      { 1, "e", "error", "1e-3", opt_error, OPT_DEFAULT },
70
      { 1, "m", "method", "FFT", opt_method, OPT_DEFAULT },
71
      { 0, "h", "help", NULL, opt_help, OPT_DEFAULT },
72
73
      \{0,\},
74
    };
75
76
    enum Methods { DFT, IDFT, FFT, IFFT };
77
78
    static Methods method;
79
    static istream *iss = 0; // Input Stream (clase para manejo de los flujos de entrada)
80
    static ostream *oss = 0; // Output Stream (clase para manejo de los flujos de salida)
    static istream *rss = 0; // Regression Stream (clase para manejo de los flujos de entrada)
81
    static fstream ifs; // Input File Stream (derivada de la clase ifstream que deriva de istream para el manejo de
82
         \hookrightarrow archivos)
    static fstream ofs; // Output File Stream (derivada de la clase ofstream que deriva de ostream para el manejo de
83
         \hookrightarrow archivos)
84
    static fstream rfs; // Regression File Stream (derivada de la clase ifstream que deriva de ostream para el manejo
         \hookrightarrow de archivos)
85
    static double rerror;
86
87
88
     /**********************
89
90
    static void
91
    opt_input(string const &arg) {
92
      // Si el nombre del archivos es "-", usaremos la entrada
93
      // estandar. De lo contrario, abrimos un archivo en modo
      // de lectura.
94
      if (arg == "-") {
95
96
        // Establezco la entrada estandar cin como flujo de entrada
```

```
97
           iss = \&cin;
 98
         } else {
 99
           // c_str(): Returns a pointer to an array that contains a null-terminated
           // sequence of characters (i.e., a C-string) representing
100
           // the current value of the string object.
101
102
           ifs.open(arg.c_str(), ios::in);
103
           iss = \&ifs;
104
105
         // Verificamos que el stream este OK.
106
107
         \mathbf{if}\;(!\mathrm{iss}{-}{>}\mathrm{good}())\;\{
108
109
           \operatorname{cerr} << \operatorname{"cannot\ open"} << \operatorname{arg} << \operatorname{"."} << \operatorname{endl};
110
           // EXIT: Terminacion del programa en su totalidad
111
           exit(1);
112
113
114
      static void
115
116
      opt_output(string const & arg) {
         // Si el nombre del archivos es "-", usaremos la salida
117
         // estandar. De lo contrario, abrimos un archivo en modo
118
119
         // de escritura.
         if (arg == "-") {
120
121
           // Establezco la salida estandar cout como flujo de salida
122
           oss = \&cout;
123
         } else {
124
           ofs.open(arg.c_str(), ios::out);
125
           oss = &ofs;
126
127
         // Verificamos que el stream este OK.
128
129
         if (!oss->good()) {
130
131
           cerr << "cannot open"
132
                 << arg
                 << "."
133
134
                 << endl;
135
           // EXIT: Terminacion del programa en su totalidad
136
           exit(1);
137
138
      }
139
140
      static void
141
      opt_regression(string const &arg) {
         if (!arg.empty()) {
142
143
           // c_str(): Returns a pointer to an array that contains a null-terminated
           // sequence of characters (i.e., a C-string) representing
144
           // the current value of the string object.
145
146
           rfs.open(arg.c_str(), ios::in);
           rss = &rfs;
147
148
149
150
         // Verificamos que el stream este OK.
151
         \mathbf{if}\;(!\mathrm{rss}{-}{>}\mathrm{good}())\;\{
152
           \operatorname{cerr} << \operatorname{"cannot open"} << \operatorname{arg} << \operatorname{"."} << \operatorname{endl};
153
154
           // EXIT: Terminacion del programa en su totalidad
155
           exit(1);
156
157
158
159
      static void
```

```
160
     opt_method(string const & arg) {
161
        // Intentamos extraer el metodo de la linea de comandos (DFT, IDFT, FFT o IFFT).
162
       if (arg == "DFT") {
163
          // Establezco metodo como DFT
164
         method = DFT;
165
        } else if (arg == "IDFT") {
166
          //\ Establezco\ metodo\ como\ IDFT
167
         method = IDFT;
168
        } else if (arg == "FFT") {
169
          // Establezco metodo como IDFT
170
         method = FFT;
171
       } else if (arg == "IFFT") {
172
173
          // Establezco metodo como IDFT
         method = IFFT;
174
175
        } else {
176
         cerr << "La opcion 'method' provista es invalida."
177
          // EXIT: Terminacion del programa en su totalidad
178
179
         exit(1);
180
181
182
      static void
      opt_error(string const & arg) {
183
184
       rerror = atof(arg.c\_str());
185
186
187
     static void
      opt_help(string const & arg) {
188
       cout << "tp2 [-m method] [-i file] [-o file] [-r file] [-e error]"
189
190
             << endl;
191
       exit(0);
192
      }
193
194
     int
195
     main(int argc, char * const argv[]) {
        // Objeto con parametro tipo option_t (struct) declarado globalmente. Ver linea 51 main.cc
196
197
        // Metodo de parseo de la clase cmdline
198
       cmdline cmdl(options);
199
       cmdl.parse(argc, argv);
200
201
       ft *myft = 0;
202
       if (method == DFT) {
203
         myft = new dft(iss, oss);
204
205
        \} else if (method == IDFT) \{
206
         myft = new idft(iss, oss);
207
        \} else if (method == IFFT) {
208
         myft = new ifft(iss, oss);
        } else {
209
210
         myft = new fft(iss, oss);
211
212
213
        // flaggeo el ft para que calcule la regresion
214
       if (rss != 0) {
215
         myft->regression(rss, rerror);
216
217
        //\ computar\ el\ resultado
218
219
       myft->compute();
220
        // obtener el codigo de la operacion
221
222
       const int code = myft -> code();
```

#### 2.8.2. src/fourier.h

```
#ifndef _FOURIER_H_INCLUDED_
 1
 2
    #define _FOURIER_H_INCLUDED_
 3
 4
    #include <fstream>
 5
    #include <sstream>
 6
    #include <cstdlib>
 7
    #include <cmath>
 8
    #include <complex>
 9
    #include <string>
10
    #include "../vendor/lista.h"
11
    #include "../vendor/complejo.h"
12
13
    #include "./program.h"
14
    #include "./src/utils.h"
15
16
17
    using namespace std;
18
19
    class ft : public program {
20
21
      protected:
22
        lista<complejo> input_;
23
        lista<complejo> output_;
24
        istream *is_;
25
        ostream *os_;
26
        // para la regresion
27
28
        istream *rs_;
29
        double rerr_;
30
        int regrN_;
31
32
         * @brief lee una linea del stream de entrada
33
34
              y la guarda en input_ para ser procesada
35
              al llamar run_algoritm()
36
         */
37
        void read_input_line();
        // void read_input_stream_line(istream *, lista<complejo> &);
38
39
40
         * @brief Escribe una linea en el stream de output
41
              lo\ almacenado\ en\ el\ arreglo\ output\_
42
43
44
        void write_output_line();
45
46
        double get_norm();
47
        double get_norm(double const &);
48
49
        complejo get_exp_complejo();
50
51
52
         * @brief Invoca el algoritmo de regression
```

```
53
               para una linea del vector de entrada.
54
55
56
         void run_regression();
57
58
         * @brief Calcula laa regresion entre 2 listas de complejos
59
               escribiendo su resultado a os., y afectando el
60
               codigo del programa para ser retornado
61
62
63
          */
         void calculate_regression(lista<complejo> &, lista<complejo> &);
64
65
66
         virtual bool inverse() = 0;
67
         virtual\ void\ run\_algorithm() = 0;
68
69
70
      public:
71
        ft();
72
73
        ft(istream *is);
74
75
        ft(ostream *os);
76
77
        ft(istream *is, ostream *os);
78
79
        virtual ~ft(){};
80
81
82
83
          * @brief Flaggea el la instancia para correr
84
               la regression como salida del compute()
85
         void regression(istream *rs, double const &);
86
87
88
89
          * @brief Inicializa el procesamiento del algoritmo
90
               seleccionado.
91
92
93
         void compute();
94
    };
95
96
    #endif
```

## 2.8.3. src/fourier.cpp

```
#include <iomanip>
    #include <iostream>
 3
    #include <cmath>
 4
    #include "./fourier.h"
 5
 6
    #include "./utils.h"
 7
 8
    using namespace std;
 9
    ft::ft(): is_(&cin), os_(&cout), rs_(0), rerr_(0), regrN_(1) { }
10
11
    ft::ft(istream *is): is_(is), os_(&cout), rs_(0), rerr_(0), regrN_(1) { }
12
13
    ft::ft(ostream *os): is_(&cin), os_(&cout), rs_(0), rerr_(0), regrN_(1) { }
14
15
```

```
16
    ft::ft(istream *is, ostream *os): is_(is), os_(os), rs_(0), rerr_(0), regrN_(1) { }
17
18
    void ft::read_input_line() {
       // nos aseguramos que el input_ lista
19
20
       // este siempre vaco antes de empezar.
21
      input_.clear();
22
       // leemos desde la entrada seleccionada del programa
23
24
      read_input_stream_line(is_, input_);
25
26
27
    void ft::write_output_line() {
      // NOTE: no escribo desde output_ cuando
28
           estoy en modo regression
29
30
      if (rs<sub>-</sub>!= 0) {
31
         return;
32
33
      // escribimos a la salida del programa seleccionada
34
35
       write_output_stream_line(os_, output_);
36
       //\ nos\ aseguramos\ que\ el\ vector\ de\ salida
37
38
      // este siempre vacio al terminar
39
      output_.clear();
40
41
42
    double
43
    ft::get_norm () {
      double N = input_.tamano();
44
45
      return get\_norm(N);
46
47
    double
48
    ft::get_norm(double const &N) {
49
      return inverse() && (N > 0) ? 1/N : 1;
50
51
52
53
    complejo
54
    ft::get_exp_complejo() {
55
      return inverse() ? complejo(0, -1) : complejo(0, 1);
56
    }
57
58
    ft::regression(istream *rs, double const &rerr) {
59
60
      rs_{-} = rs;
61
      rerr_{-} = rerr;
62
63
64
    void ft::run_regression() {
      // salgo de la ejecucion si la regresion
65
66
       // no fue inicializada correctamente
67
      if (rs_{-} == 0) {
68
         return;
69
70
71
       // copio y libero el arreglo de salida
72
      lista<complejo> &Xk = output_;
73
       // retorno rapido si Xk esta vacio
74
      \mathbf{if} (Xk.tamano() == 0) \{
75
76
         cout << endl;
77
         return;
78
```

```
79
 80
        // leo la primer linea desde el stream de regresiones
 81
        lista<complejo> Rk;
 82
        read_input_stream_line(rs_, Rk);
 83
        // retorno rapido si Rk esta vacio
 84
        \mathbf{if} (Rk.tamano() == 0) {
 85
          cout << endl;
 86
 87
          return;
 88
 89
        // completo los arreglos con 0s para poder calcular la regresion
 90
        \mathbf{int}\ \mathrm{maxSize} = \mathrm{max}(\mathrm{Rk.tamano}(),\,\mathrm{Xk.tamano}());
 91
 92
        unsigned int zerosToRk = maxSize - Rk.tamano();
 93
        unsigned int zerosToXk = maxSize - Xk.tamano();
 94
 95
        zero_pad(Rk, zerosToRk);
 96
        zero_pad(Xk, zerosToXk);
 97
        // proceso la regresion y escribo a os_ directo.
 98
        // el write_output_line tiene una regla de escape
99
        // para el escenario de regression
100
        calculate_regression(Rk, Xk);
101
102
103
        /\!/\ Me\ aseguro\ de\ limpiar\ las\ variables\ al\ terminar\ de
104
        // procesar la linea
105
        Rk.clear();
106
        Xk.clear();
107
108
109
110
     ft::calculate_regression(lista<complejo> &X, lista<complejo> &R) {
111
        if (X.tamano() != R.tamano()) 
112
          cout << "Error interno" << endl;
113
          exit(-1);
114
115
116
        //En
117
        if (X.tamano() == 0) {
118
          *os_{-} << endl;
119
          return;
120
        }
121
        lista<complejo>::iterador Xit = X.primero();
122
123
        lista < complejo > :: iterador Rit = R.primero();
124
125
        double num;
        double den;
126
127
128
        while (!Xit.extremo()) {
129
          complejo aux = Xit.dato() - Rit.dato();
130
131
          // sumo en el numerador producto(aux, aux*)
132
          num += aux.abs2();
133
          // sumo en el denominador
134
          // producto(R[k], R[k]*) = abs(R[x])^2
135
          den += Rit.dato().abs2();
136
137
          // avanzo ambos iteradores para el siguiente k
138
139
          Xit.avanzar();
140
          Rit.avanzar();
141
```

```
142
143
        // calculo finalmente el error
144
        double Ex = sqrt(num / den);
145
146
        // evaluo si esta ok?
147
        bool ok = Ex < rerr_{-};
148
        // escribo a la saliida del programa
149
150
        *os_{-} << "test" << regrN_{-} << ":"
              << (ok ? " ok " : " error ")
151
              << X.tamano() << " "
152
             <<Ex
153
154
             << endl;
155
        // incremento el flag de cuantos tests se corrieron
156
157
        {\rm regrN}_-\!\!+\!\!+;
158
        //\ marco\ el\ programa\ con\ error\ solo\ si
159
160
        if (!ok) {
161
          code(-1);
162
163
164
165
      void
      ft::compute() {
166
167
        \mathbf{while}(!is_{-}>eof())  {
168
          read_input_line();
          run_algorithm();
169
170
          run_regression();
171
          write_output_line();
172
173
```

## $2.8.4. \operatorname{src}/\operatorname{dft.h}$

```
1
    #ifndef _DFT_H_INCLUDED_
 2
    #define _DFT_H_INCLUDED_
 3
    #include "./fourier.h"
 4
 5
 6
    class dft : public ft {
 7
      // private members
 8
 9
      // protected members
10
      protected:
        virtual bool inverse();
11
12
13
        virtual void run_algorithm();
14
      // public members
15
16
      public:
        dft();
17
18
19
        dft(istream *is);
20
21
        dft(ostream *os);
22
23
        dft(istream *is, ostream *os);
24
25
        ^{\sim}dft()\{\};
26
    };
27
```

28 #endif

## 2.8.5. src/dft.cpp

```
#include <iomanip>
    #include <iostream>
 3
    #include "./src/utils.h"
 4
    #include "./dft.h"
 5
 6
 7
    using namespace std;
 8
 9
    dft::dft(): ft::ft() { }
10
11
    dft::dft(istream *is): ft::ft(is) { }
12
13
    dft::dft(ostream *os): ft::ft(os) { }
14
    dft::dft(istream *is, ostream *os): ft::ft(is, os) { }
15
16
17
    bool
    dft::inverse() {
18
      return false;
19
20
21
22
    void
23
    dft::run_algorithm() {
24
      // NOTE: retorno rapido si no hay nada que procesar
25
       // en el arreglo de input_.
26
      if (input_.tamano() == 0) { return; }
27
      // llevo tamano de entrada a una potencia de 2
28
      // agregando 0s al final del arreglo
29
30
      right_pad_input(input_);
31
32
      double k, n, N = input_.tamano();
33
       double arg, norm = get\_norm();
34
       complejo acum, j = get_exp_complejo();
35
      lista<complejo>::iterador x;
36
37
       for (k = 0; k < N; ++k) {
38
        // arranco en el primer elemento
39
        x = input_-.primero();
40
        acum = 0;
41
        n = 0:
42
        // repito hasta el ultimo elemento de entrada
43
44
        // la sumatoria de los x[n] * W(kn, N)
45
          arg = 2 * M_PI * k * n / N;
46
47
          acum += (x.dato()) * (cos(arg) + j.conjugado() * sin(arg));
          n += 1;
48
49
          x.avanzar();
50
        } while(!x.extremo());
51
        // multiplicamos por el normalizador que
52
         // corresponda segun el modo
53
54
        acum *= norm;
55
         // escribo el acumulado a la salida una vez
56
        // terminado de procesar el k-esimo elemento
57
        // de la DFT/IDFT
58
```

```
59 | output_.insertar_despues(acum, output_.ultimo());
60 | }
61 |}
```

## 2.8.6. src/idft.h

```
#ifndef _IDFT_H_INCLUDED_
 2
    \#define _IDFT_H_INCLUDED_
 3
    #include "./dft.h"
 4
 5
 6
    class idft : public dft {
 7
      // private members
 8
      // protected members
 9
10
      protected:
        virtual bool inverse();
11
12
13
        virtual void run_algorithm();
14
      // public members
15
      public:
16
        idft();
17
18
        idft(istream *is);
19
20
21
        idft(ostream *os);
22
23
        idft(istream *is, ostream *os);
24
25
        idft()
26
    };
27
28
    #endif
```

#### 2.8.7. src/idft.cpp

```
1
    #include <iomanip>
 2
    #include <iostream>
 3
    #include "./idft.h"
 4
 5
 6
    using namespace std;
 7
 8
    idft::idft(): dft::dft() { }
 9
10
    idft::idft(istream *is): dft::dft(is) { }
11
12
    idft::idft(ostream *os): dft::dft(os) { }
13
14
    idft::idft(istream *is, ostream *os): dft::dft(is, os) { }
15
16
    bool
17
    idft::inverse() {
18
         return true;
19
20
21
    void
22
    idft::run_algorithm() {
23
         dft::run_algorithm();
24
```

#### 2.8.8. src/fft.h

```
#ifndef _FFT_H_INCLUDED_
 1
 2
    #define _FFT_H_INCLUDED_
 3
    \pmb{\#include} \text{ "./fourier.h"}
 4
 5
 6
    class fft : public ft {
 7
       // private members
 8
 9
       // protected members
      protected:
10
        virtual bool inverse();
11
12
13
        virtual void run_algorithm();
14
15
        lista < complejo > recursive\_algorithm(lista < complejo > \&v);
16
17
        void particion(lista<complejo> &v, lista<complejo> &even, lista<complejo> &odd);
18
19
        lista<complejo> recompone(lista<complejo> &G, lista<complejo> &H, double const &N);
20
      // public members
21
22
      public:
23
        fft();
24
25
        fft(istream *is);
26
27
        fft(ostream *os);
28
29
        fft(istream *is, ostream *os);
30
31
         ~fft(){};
32
33
34
    \# endif
```

## 2.8.9. src/fft.cpp

```
1
    #include <iomanip>
 2
    #include <iostream>
 3
    \#include "./src/utils.h"
 4
    #include "./fft.h"
 5
 6
 7
    using namespace std;
 9
    fft::fft(): ft::ft() { }
10
    fft::fft(istream *is): ft::ft(is) { }
11
12
13
    fft::fft(ostream *os): ft::ft(os) { }
14
15
    fft::fft(istream *is, ostream *os): ft::ft(is, os) { }
16
    bool
17
18
    fft::inverse() {
19
         return false;
20
    }
21
22
    void
    fft::run_algorithm() {
```

```
24
         // NOTE: retorno rapido si no hay nada que procesar
25
         // en el arreglo de input_.
26
        if (input\_.tamano() == 0) \{ return; \}
27
28
         // llevo tamano de entrada a una potencia de 2
29
         // agregando 0s al final del arreglo
30
        right_pad_input(input_);
31
         // corro el algoritmo recursivo implementado
32
33
         // desde el vector entrada al vector salidas
34
         output_{-} = recursive_algorithm(input_{-});
35
    }
36
37
    lista < complejo >
38
    fft::recursive_algorithm(lista<complejo> &v) {
39
        int N = v.tamano();
40
41
        if (N \le 1) {
42
             return v;
43
44
45
        lista<complejo> v_even_parts;
46
        lista<complejo> v_odd_parts;
47
        particion(v, v_even_parts, v_odd_parts);
48
        lista<complejo> G = recursive_algorithm(v_even_parts);
49
        lista < complejo > H = recursive\_algorithm(v\_odd\_parts);
50
51
        return recompone(G, H, N);
52
53
    }
54
55
     void
    fft::particion(lista<complejo> &v, lista<complejo> &even, lista<complejo> &odd) {
56
57
        std::size_t i = 0;
        lista < complejo > :: iterador it = v.primero();
58
59
60
         do {
             if (i % 2) {
61
                 odd.insertar_despues(it.dato(), odd.ultimo());
62
63
64
                 even.insertar_despues(it.dato(), even.ultimo());
65
66
67
             i++;
68
             it.avanzar();
69
         } while (!it.extremo());
70
71
    lista < complejo >
72
    fft::recompone(lista<complejo> &G, lista<complejo> &H, double const &N) {
73
74
        lista<complejo> X;
75
76
        lista<complejo>::iterador it_G = G.primero();
77
        lista < complejo > ::iterador it_H = H.primero();
78
79
         double arg;
80
        complejo j = get_exp_complejo();
         \mathbf{double} \ norm = N == input\_tamano() \ ? \ get\_norm() : 1; \ /\!/ \ solo \ en \ la \ ultima \ iteracion
81
        complejo w;
82
83
         //\ combine
84
         // Para X[k] con 0 < k < N/2
85
86
         for (int k = 0; k < N/2; ++k) {
```

```
87
              arg = 2 * M_PI * k / N;
 88
              w = (\cos(\arg) + j.\operatorname{conjugado}() * \sin(\arg));
 89
 90
              complejo t = w * it_H.dato();
              X.insertar\_despues((it\_G.dato() + t) * norm, X.ultimo());
 91
              if(!it_G.extremo()) it_G.avanzar();
 92
              if(!it_H.extremo()) it_H.avanzar();
 93
 94
 95
 96
          it_G = G.primero();
 97
          it_H = H.primero();
 98
          //Para\ X[k]\ con\ N/2 < k < N
 99
100
          for (int k = 0; k < N/2; ++k) {
              arg = 2 * M_PI * k / N;
101
102
              w = (\cos(arg) + j.conjugado() * \sin(arg));
103
104
              complejo t = w * it_H.dato();
105
              X.insertar\_despues((it\_G.dato() - t) * norm, X.ultimo());
106
              if(!it_G.extremo()) it_G.avanzar();
107
              if(!it_H.extremo()) it_H.avanzar();
108
109
          return X;
110
111
```

## 2.8.10. src/ifft.h

```
#ifndef _IFFT_H_INCLUDED_
 1
    #define _IFFT_H_INCLUDED_
 2
 3
 4
    #include <fstream>
 5
    #include <sstream>
 6
 7
    \#include "./fft.h"
 8
 9
    using namespace std;
10
11
    class ifft : public fft {
      // private members
12
13
14
      // protected members
15
      protected:
16
        virtual bool inverse();
17
        virtual void run_algorithm();
18
19
20
      // public members
21
      public:
22
        ifft();
23
24
        ifft(istream *is);
25
26
        ifft(ostream *os);
27
28
        ifft(istream *is, ostream *os);
29
30
        ~ifft(){};
31
    };
32
33
    #endif
```

## 2.8.11. src/ifft.cpp

```
#include <iomanip>
 1
 2
     #include <iostream>
 3
     #include <fstream>
 4
    #include <sstream>
 5
 6
     #include "./ifft.h"
 7
 8
     using namespace std;
 9
    ifft::ifft(): fft::fft() { }
10
11
    ifft::ifft(istream\ *is):\ fft::fft(is)\ \{\ \}
12
13
    ifft::ifft(ostream *os): fft::fft(os) { }
14
15
16
    ifft::ifft(istream *is, ostream *os): fft::fft(is, os) { }
17
18
19
    ifft::inverse() {
20
         return true;
21
22
23
    void
24
    ifft::run_algorithm() {
25
         fft::run_algorithm();
26
```

#### 2.8.12. src/utils.h

```
#ifndef _UTILS_H_INCLUDED_
 1
    #define _UTILS_H_INCLUDED_
 2
 3
 4
    #include <string>
    #include <iomanip>
 5
 6
    #include <sstream>
 7
    #include <iostream>
 8
 9
    #include "../vendor/complejo.h"
10
    #include "../vendor/lista.h"
11
12
    using namespace std;
13
14
15
     * @brief Retorna un numero mayor al entero provisto
16
     * que sea potencia de 2. La complejidad temporal
17
     * de las operaciones de bitwise ordenadas es de
18
     * O(\log |n|).
19
20
21
    unsigned int next_power2 (unsigned int const &);
22
23
     * @brief Toma una lista de <complejo> y completa con
24
     * ceros a la derecha segun la cantidad provista
25
     * como segundo parametro.
26
27
    void zero_pad(lista<complejo> &, unsigned int const &);
28
29
30
     * @brief Combina tanto next_power2 como zero_pad para
31
     * dada una entrada de tipo lista<complejo>, com-
```

```
32
     * pletar la misma con ceros hasta la proxima po-
33
      * tencia de 2 la
34
35
36
    void right_pad_input(lista<complejo> &);
37
38
     * @brief Dado un input stream y una lista<complejo>,
39
     * lee hasta encontrar newline y almacena todo en
40
      * la lista mencionada
41
42
     */
43
    void read_input_stream_line(istream *, lista<complejo> &);
44
45
     * @brief Dado un output stream y una lista<complejo>,
46
     * escribe todos los elementos de la lista al stream
     * concatenando un newline al terminar.
47
48
49
    void write_output_stream_line(ostream *, lista<complejo> &);
50
51
52
    #endif
```

## 2.8.13. src/utils.cpp

```
1
     #include "./utils.h"
 2
 3
 4
    using namespace std;
 5
 6
     unsigned int
    next\_power2 \; (\mathbf{unsigned} \; \mathbf{int} \; \mathbf{const} \; \& l) \; \{
 7
 8
        * Si l es potencia de 2, (l-1) tendra solo 1s en los bits menos
 9
        *\ significativos,\ entonces\ "l\ \&\ (l-1)"\ siempre\ sera\ 0.
10
11
        * Se chequea aparte el caso l=0 dado que la expresion previa no aplica en
12
        * dicho caso
13
14
       bool isPowerOf2 = !(l == 0) \&\& !(l \& (l - 1));
15
       if (isPowerOf2) {
16
         return l;
17
18
19
       unsigned int p = l;
20
21
        * Ya sabemos que l no es potencia de 2, entonces la proxima potencia de 2 sera el numero que
22
        * tenga en '1' el bit "a la izquierda" del bit en '1' mas significativo del numero original, y
23
24
        * los menos significativos en '0'. Por ej:
25
        * 0010 0110 -> Numero original NO potencia de 2
26
        * 0100 0000 -> Proxima potencia de 2 de dicho numero
27
        st Para obtener dicho resultado, se completa con 1s a partir del bit mas significativo hacia
28
29
        * el menos significativo, y luego se suma 1; con lo cual se propagara un bit de carry hasta
30
        * setear en 1 el proximo bit del 1 que era mas significativo y dejando el resto en 0s.
31
32
        * Por ej:
33
        * 0010 0110 -> Numero original NO potencia de 2
34
        * 0011 1111 -> Numero completado con 1s
35
        * 0100 0000 -> Numero previo al que se le suma 1 obteniendo resultado final
36
37
        * Para realizar el proceso de rellenado con 1s, solo hace falta realizar ceil(log2(n)= operaciones de
        * shift y OR, siendo "n" la cantidad de bits del numero.
38
```

```
39
        * En nuestro caso consideramos n=32, entonces tenemos ceil(log2(32))=5
40
41
       p \mid = p >> 1;
42
       p \mid = p >> 2;
       p \mid = p >> 4;
43
44
       p \mid = p >> 8;
45
       p \mid = p >> 16;
46
       p++;
47
48
       return p;
49
50
51
     void
52
     right_pad_input(lista<complejo> &vector) {
53
       // Si la cantidad de elementos del vector no es potencia de 2,
       // agregamos 0s hasta completar tamao con proxima potencia de 2
54
55
       unsigned int tam = vector.tamano();
56
       unsigned int v = next_power2(tam);
       unsigned int zeros = v - tam;
57
58
       zero_pad(vector, zeros);
59
60
61
62
      void zero_pad(lista<complejo> &vector, unsigned int const &zeros) {
63
       // NOTE: retorno si no debo agregar nada
64
       if (zeros == 0) {
65
         return;
66
67
68
       for(int i = 0; i < zeros; i++){
69
         complejo aux (0.0, 0.0);
70
         vector.insertar_despues(aux, vector.ultimo());
71
       }
     }
72
73
     void read_input_stream_line(istream *is, lista<complejo> &vector) {
74
75
       complejo aux;
76
       string line;
77
78
       getline(*is, line);
79
80
       stringstream linestream(line);
81
82
       // leemos cada valor
83
       while(linestream >> aux) {
84
         vector.insertar_despues(aux, vector.ultimo());
85
86
       // Error de formato en input stream.
87
       // Detenemos la ejecucin del programa.
88
89
       if (linestream.bad()) {
90
         cerr << "cannot read from input stream." << endl;
91
         exit(1);
92
93
94
95
     void write_output_stream_line(ostream *os, lista<complejo> &vector) {
96
97
       lista<complejo>::iterador out = vector.primero();
98
       while(!out.extremo()) {
99
         *os << out.dato() << " ";
100
101
         out.avanzar();
```

```
102 | }
103 |
104 | *os << endl;
105 |}
```

## 2.8.14. src/program.h

```
#ifndef _PROGRAM_H_INCLUDED_
 1
 2
    #define _PROGRAM_H_INCLUDED_
 3
 4
    class program {
      // public members go here
 5
 6
      public:
        // constructor y destructor
 7
 8
        program();
 9
        virtual ~program();
10
        // devuelve el valor de codigo
11
12
        // de la ejecucion del programa
        int code();
13
14
        // ejecuta el programa
15
        virtual void compute() = 0;
16
17
      // protected members go here
18
19
      protected:
        // almacena el valor del codigo
20
21
        // de la ejecucion
22
        int code_;
23
24
        // settea el valor del codigo de la ejecucion
        void code(const int &);
25
26
27
      // private members go here
28
29
30
    #endif
```

#### 2.8.15. src/program.cpp

```
#include "./program.h"
 1
 2
    program::program(): code_(0) {}
 3
 4
    program::~program() {}
 6
    int program::code() {
 7
      return this->code_;
 8
 9
10
    void program::code(const int &code) {
11
      code_{-} = code;
12
13
    void program::compute() { }
```

## ${\bf 2.8.16.}\quad {\bf vendor/cmdline.h}$

```
#ifndef_CMDLINE_H_INCLUDED_
#define_CMDLINE_H_INCLUDED_
```

```
3
 4
    #include <string>
 5
    #include <iostream>
 6
    #define OPT_DEFAULT 0
 7
    #define OPT_SEEN 1
 8
 9
    \#define OPT_MANDATORY 2
10
11
    struct option_t {
12
      int has_arg;
13
      const char *short_name;
14
      const char *long_name;
      const char *def_value;
15
16
      void (*parse)(std::string const &); // Puntero a funcion de opciones
17
      int flags;
18
    };
19
20
    class cmdline {
      // Este atributo apunta a la tabla que describe todas
21
      // las opciones a procesar. Por el momento, slo puede
22
      // ser modificado mediante contructor, y debe finalizar
23
      // con un elemento nulo.
24
25
      //
26
      option_t *option\_table;
27
28
      /\!/ \ El \ constructor \ por \ defecto \ cmdline::cmdline(), \ es
      // privado, para evitar construir "parsers" (analizador
29
      // sintctico, recibe una palabra y lo interpreta en
30
31
      // una accin dependiendo su significado para el programa)
32
      // sin opciones. Es decir, objetos de esta clase sin opciones.
33
      //
34
35
      cmdline();
36
      int do_long_opt(const char *, const char *);
37
      int do_short_opt(const char *, const char *);
38
39
      public:
40
        cmdline(option_t *);
41
        void parse(int, char * const []);
42
    };
43
    #endif
```

# 2.8.17. vendor/cmdline.cpp

```
1
    // cmdline - procesamiento de opciones en la linea de comando.
 2
 3
    #include <string>
 4
    #include <cstdlib>
 5
    #include <iostream>
 6
    #include "cmdline.h"
 7
 8
    using namespace std;
 9
10
    cmdline::cmdline() { }
11
12
13
     * Constructor con tabla
14
15
     * Es lo mismo que hacer: 'option_table = table;'
16
     * Siendo "option_table" un atributo de la clase cmdline
17
```

```
18
     * y table un puntero a objeto o struct de "option_t".
19
20
     * Se estaria contruyendo una instancia de la clase cmdline
21
      * cargandole los datos que se hayan en table (la table con
22
      * las opciones, ver el codigo en main.cpp)
23
24
    cmdline::cmdline(option_t *table) : option_table(table) { }
25
26
    void
    cmdline::parse(int argc, char * const argv[]) {
27
28
    #define END_OF_OPTIONS(p) \
29
      ((p)-> short_name == 0 \setminus
30
       && (p)->long_name == 0 \setminus
31
       && (p)->parse == 0)
32
33
      // Primer pasada por la secuencia de opciones: marcamos
34
       // todas las opciones, como no procesadas. Ver cdigo de
      // abajo.
35
36
37
      for (option_t *op = option_table; !END_OF_OPTIONS(op); ++op)
38
        op->flags &= ^{\sim}OPT_SEEN;
39
40
       // Recorremos el arreglo argv. En cada paso, vemos
41
       // si se trata de una opcin corta, o larga. Luego,
      // llamamos a la funcin de parseo correspondiente.
42
43
44
      for (int i = 1; i < argc; ++i) {
         // Todos los parmetros de este programa deben
45
46
        // pasarse en forma de opciones. Encontrar un
47
        // parmetro no-opcin es un error.
48
        if (argv[i][0] != '-') {
49
50
          cerr << "Invalid non-option argument:"
51
               << argv[i]
52
                << endl;
          exit(1);
53
        }
54
55
56
         // Usamos "--" para marcar el fin de las
         // opciones; todo los argumentos que puedan
57
         // estar a continuacin no son interpretados
58
        // como opciones.
59
60
        if (argv[i][1] == '-'
61
            && argv[i][2] == 0
62
63
          break:
64
         // Finalmente, vemos si se trata o no de una
65
66
         // opcin larga; y llamamos al mtodo que se
67
        // encarga de cada caso.
68
        if (argv[i][1] == '-')
69
70
          i += do\_long\_opt(\&argv[i][2], argv[i + 1]);
71
72
          i += do\_short\_opt(\&argv[i][1], argv[i + 1]);
73
74
75
      // Segunda pasada: procesamos aquellas opciones que,
      // (1) no hayan figurado explcitamente en la lnea
76
77
      // de comandos, y (2) tengan valor por defecto.
78
79
      for (option_t *op = option_table; !END_OF_OPTIONS(op); ++op) {
80
    #define OPTION_NAME(op) \
```

```
81
       (op->short_name ? op->short_name : op->long_name)
 82
         if (op->flags & OPT_SEEN)
 83
           continue;
         if (op->flags & OPT_MANDATORY) {
 84
           cerr << "Option"
 85
                << "-"
 86
                << OPTION_NAME(op)
 87
                << " is mandatory."
 88
                << "\n";
 89
           exit(1);
 90
 91
         if (op->def_value == 0)
 92
 93
           continue;
 94
         op->parse(string(op->def_value));
 95
 96
     }
 97
 98
     int
     cmdline::do_long_opt(const char *opt, const char *arg) {
 99
        // Recorremos la tabla de opciones, y buscamos la
100
       // entrada larga que se corresponda con la opcin de
101
       //\ lnea\ de\ comandos.\ De\ no\ encontrarse,\ indicamos\ el
102
       // error.
103
104
       for (option_t *op = option_table; op->long_name != 0; ++op) {
105
         if (string(opt) == string(op->long_name)) {
106
107
           // Marcamos esta opcin como usada en
           // forma explcita, para evitar tener
108
           // que inicializarla con el valor por
109
           // defecto.
110
           //
111
112
           op->flags = OPT\_SEEN;
113
           if (op->has\_arg) {
114
115
             // Como se trada de una opcin
             //\ con\ argumento,\ verificamos\ que
116
117
             // el mismo haya sido provisto.
118
             if (arg == 0) {
119
120
               cerr << "Option requires argument: "
                    << "--"
121
122
                    << opt
123
                    << "\n";
124
               exit(1);
125
126
             op->parse(string(arg));
127
             return 1;
128
           } else {
129
             // Opcin sin argumento.
130
             op->parse(string(""));
131
132
             return 0;
133
134
         }
135
136
       // Error: opcin no reconocida. Imprimimos un mensaje
137
138
       // de error, y finalizamos la ejecucin del programa.
139
140
       cerr << "Unknown option: "
            << "--"
141
            << opt
142
            << "."
143
```

```
144
             << endl;
145
        exit(1);
146
147
        // Algunos compiladores se quejan con funciones que
148
        // lgicamente no pueden terminar, y que no devuelven
       // un valor en esta ltima parte.
149
150
       //
151
       return -1;
152
153
154
155
     cmdline::do_short_opt(const char *opt, const char *arg) {
156
       option_t *op;
157
158
        // Recorremos la tabla de opciones, y buscamos la
159
        // entrada corta que se corresponda con la opcin de
        // lnea de comandos. De no encontrarse, indicamos el
160
       // error.
161
162
        //
       for (op = option_table; op->short_name != 0; ++op) {
163
164
         if (string(opt) == string(op->short_name)) {
165
            // Marcamos esta opcin como usada en
166
            // forma explcita, para evitar tener
167
            // que inicializarla con el valor por
            // defecto.
168
169
170
            op->flags |= OPT\_SEEN;
171
           if (op->has_arg) {
172
              // Como se trata de una opcin
173
              // con argumento, verificamos que
174
              // el mismo haya sido provisto.
175
176
              \mathbf{if}\;(\mathrm{arg}==0)\;\{
177
               cerr << "Option requires argument: "
178
                    << "-"
179
180
                     << opt
                     << "\n";
181
182
                exit(1);
183
184
             op->parse(string(arg));
185
              return 1;
186
            } else {
              // Opcin sin argumento.
187
188
              op->parse(string(""));
189
190
              return 0;
191
192
         }
       }
193
194
195
        // Error: opcin no reconocida. Imprimimos un mensaje
196
       // de error, y finalizamos la ejecucin del programa.
197
       cerr << "Unknown option: "
198
             << "-"
199
200
             << opt
             << "."
201
202
             << endl;
203
       exit(1);
204
        // Algunos compiladores se quejan con funciones que
205
206
        // lgicamente no pueden terminar, y que no devuelven
```

### 2.8.18. vendor/complejo.h

```
1
    #ifndef_COMPLEJO_H_INCLUDED_
 2
    #define _COMPLEJO_H_INCLUDED_
 3
    #include <iostream>
 4
    #include <iomanip>
 5
 6
 7
    class complejo {
 8
      double re_, im_;
 9
10
      public:
11
        complejo();
12
        complejo(double);
        complejo(double, double);
13
14
        complejo(const complejo &);
        complejo const &operator=(complejo const &);
15
16
        complejo const &operator*=(complejo const &);
17
        complejo const & operator+=(complejo const &);
        complejo const & operator —= (complejo const &);
18
        ~complejo();
19
20
21
        double re() const;
22
        double im() const;
23
        double abs() const;
24
        double abs2() const;
25
        complejo const &conjugar();
26
        complejo\ \mathbf{const}\ conjugado()\ \mathbf{const};
27
        bool zero() const;
28
29
        friend complejo const operator+(complejo const &, complejo const &);
30
        friend complejo const operator—(complejo const &, complejo const &);
31
        friend complejo const operator*(complejo const &, complejo const &);
32
        friend complejo const operator/(complejo const &, complejo const &);
33
        friend complejo const operator/(complejo const &, double);
34
35
        friend bool operator==(complejo const &, double);
36
        friend bool operator==(complejo const &, complejo const &);
37
38
        friend std::ostream &operator<<(std::ostream &, const complejo &);
39
        friend std::istream &operator>>(std::istream &, complejo &);
40
    };
41
42
    #endif
```

## 2.8.19. vendor/complejo.cpp

```
#include <iostream>
#include <cmath>
#include "complejo.h"

using namespace std;

complejo::complejo() : re_(0), im_(0) { }

complejo::complejo(double r) : re_(r), im_(0) { }
```

```
10
11
     complejo::complejo(double r, double i) : re_(r), im_(i) { }
12
     complejo::complejo(complejo const &c) : re_(c.re_), im_(c.im_) { }
13
14
     complejo const &
15
16
     complejo::operator=(complejo const &c) {
17
        re_{-} = c.re_{-};
18
       im_{-} = c.im_{-};
19
        return *this;
20
21
22
     complejo const &
23
     complejo::operator*=(complejo const &c) {
24
        \mathbf{double}\ \mathrm{re} = \mathrm{re}_{-} * \mathrm{c.re}_{-}
25
                   - im_-* c.im_-;
26
        \mathbf{double} \ \mathrm{im} = \mathrm{re}_{-} * \mathrm{c.im}_{-}
27
                  + im_{-} * c.re_{-};
28
        re_{-} = re, im_{-} = im;
29
        return *this;
30
31
32
     complejo const &
33
     complejo::operator+=(complejo const &c) {
34
        double re = re_{-} + c.re_{-};
35
        double im = im_- + c.im_-;
       re_{\scriptscriptstyle{-}}=re,\,im_{\scriptscriptstyle{-}}=im;
36
37
        return *this;
38
39
40
     complejo const &
41
     complejo::operator-=(complejo const &c) {
42
        double re = re_{-} - c.re_{-};
43
        double im = im_{-} - c.im_{-};
44
        re_{-} = re, im_{-} = im;
45
        return *this;
46
47
48
     complejo::~complejo() { }
49
50
     double
51
     complejo::re() const {
52
       return re_;
53
54
     double complejo::im() const {
55
56
        return im_{-};
57
58
59
     double
60
     complejo::abs() const {
61
       return std::sqrt(re_* * re_+ + im_* * im_-);
62
63
64
     double
65
     complejo::abs2() const {
66
       \mathbf{return} \ \mathbf{re}_{-} * \mathbf{re}_{-} + \mathbf{im}_{-} * \mathbf{im}_{-};
67
68
69
     complejo \mathbf{const}\ \&
70
     complejo::conjugar() {
71
        im_{*} = -1;
72
        return *this;
```

```
73
     }
 74
 75
     complejo const
 76
     complejo::conjugado() const {
 77
       return complejo(re_, -im_);
 78
 79
 80
     bool
 81
     complejo::zero() const {
 82
     #define ZERO(x) ((x) == +0.0 \&\& (x) == -0.0)
       return ZERO(re_) && ZERO(im_) ? true : false;
 83
 84
 85
 86
     complejo const
 87
     operator+(complejo const &x, complejo const &y) {
 88
       complejo z(x.re_+ y.re_-, x.im_+ y.im_-);
 89
       return z;
 90
 91
 92
     complejo const
 93
     operator-(complejo const &x, complejo const &y) {
 94
       complejo r(x.re_- - y.re_-, x.im_- - y.im_-);
 95
       return r;
96
97
98
     complejo const
99
     operator*(complejo const &x, complejo const &y) {
100
       complejo r(x.re_* y.re_- - x.im_* y.im_-,
101
                 x.re_* * y.im_+ + x.im_* * y.re_);
102
       return r;
103
104
105
     complejo const
     operator/(complejo const &x, complejo const &y) {
106
107
       return x * y.conjugado() / y.abs2();
108
109
110
     complejo const
111
     operator/(complejo const &c, double f) {
112
       return complejo(c.re_ / f, c.im_ / f);
113
114
115
116
     operator==(complejo const &c, double f) {
       bool b = (c.im_{-}! = 0 || c.re_{-}! = f)? false: true;
117
118
       return b;
119
120
121
     operator==(complejo const &x, complejo const &y) {
122
123
       bool b = (x.re_! = y.re_| | x.im_! = y.im_)? false : true;
124
       return b;
125
126
127
     ostream &
128
     operator<<(ostream &os, const complejo &c) {
129
       // prints: (\{c.re_{-}\}, \{c.im_{-}\})
130
       return os << "(" << c.re_ << ", " << c.im_ << ")";
131
132
133
     istream &
134
     operator>>(istream &is, complejo &c) {
135
       int good = false;
```

```
136
        int bad = false;
137
        double re = 0;
138
        double im = 0;
139
        \mathbf{char} \ \mathrm{ch} = 0;
140
        if (is >> ch
141
            && ch == '(') {
142
          if (is >> re
143
              && is >> ch
144
145
              && ch == ','
              && is >> im
146
147
              && is >> ch
              && ch == ')'
148
            good = true;
149
150
          else
            bad = true;
151
152
        } else if (is.good()) {
153
          is.putback(ch);
          if (is \gg re)
154
155
            good = true;
156
          else
157
            bad = true;
158
159
160
        if (good)
161
          c.re_{-} = re, c.im_{-} = im;
162
        if (bad)
163
          is.clear(ios::badbit);
164
165
        return is;
166
```

## 2.8.20. vendor/lista.h

```
// lista.h - Implementacin de listas doblemente enlazadas, no circulares,
 1
    // usando templates e iteradores.
 2
 3
 4
 5
    #ifndef _LISTA_H_
 6
 7
    #define _LISTA_H_
 8
9
    #include <cstdlib>
10
    template<typename T>
11
    class lista
12
13
      // Ponemos la clase nodo dentro de la parte privada de la lista, con la
14
      // idea de ocultar su existencia. La idea es reemplazar las funciones
15
16
      // normalmente destinadas a los nodos por operaciones provistas por
      // el TDA iterador. Ver ms abajo.
17
18
19
      {f class} nodo
20
        // Debido al fuerte acople entre iteradores y la estructura a
21
        // la cual iteran (es decir, el iterador necesita conocer los
22
        // detalles de implementacin del TDA para poder abstraer el
23
        // recorrido), permitimos que la clase iterador tenga acceso
24
25
         // directo a los detalles internos del TDA.
26
        friend class iterador;
27
        friend class lista;
28
```

```
29
        nodo *sig_;
30
        nodo *ant_;
31
        T dato_;
32
33
      public:
34
        nodo(T const \&);
35
         nodo();
36
      };
37
      // Los atributos de cada instancia de la clase lista son enlaces a
38
39
      // dos nodos distinguidos de la secuencia: primero y ltimo. Esto es
40
      // necesario para poder tener acceso inmediato, en todo momento, a
41
      // estos elementos, y reducir la complejidad de las operaciones que
42
      // necesiten hacerlo (por ejemplo, lista::primero y lista::ultimo).
43
44
      nodo *pri_;
45
      nodo *ult_;
46
      size_t tam_;
47
48
    public:
      // Iterador de lista. Buscamos proveer una metodologa eficiente para
49
50
       // recorrer, uno a uno, los elementos de la estructura, evitando la
       // manipulacin explcita de la misma. En este caso, adems, queremos
51
       // usarlos como cursores, indicando los elementos a insertar o borrar
52
53
      // de la lista.
54
55
      class iterador
56
        friend class lista;
57
58
59
        nodo *actual_;
60
        iterador(nodo*);
61
       public:
62
        iterador();
63
        iterador(lista<T> const &);
64
        iterador(iterador const &);
65
66
         ~iterador();
67
68
        T\& dato();
69
        T const &dato() const;
70
        iterador &avanzar();
71
        iterador &retroceder();
72
        bool extremo() const;
73
        bool operator==(const iterador &) const;
74
75
        bool operator!=(const iterador &) const;
76
        iterador const & operator=(iterador const &);
77
       };
78
79
       typedef T t_dato;
80
       typedef nodo t_nodo;
81
       typedef iterador t_iter;
82
83
      lista();
84
      lista(const lista &);
85
       ~lista();
86
87
      // Mtodos pblicos, especficos del TDA lista.
88
89
      size_t tamano() const;
90
      bool contiene(const T &) const;
91
      bool vacia() const;
```

```
92
       void insertar(const T &);
        void insertar_antes(const T &, iterador const &);
93
 94
       void insertar_despues(const T &, iterador const &);
95
       void borrar(const T &);
 96
        void clear();
       lista const & operator=(lista const &);
97
98
       // Esta clase provee mtodos para generar iteradores preposicionados
99
       // en los nodos distinguidos (i.e. inicial y final) de la secuencia.
100
101
       // Combinando esto con las operaciones de comparacin provistas por
102
       // el TDA iterador, buscamos facilitar las expresiones de corte o
103
       // continuacin de los ciclos de iteracin. Por ejemplo,
104
105
       // lista<int>::iterador it;
106
107
        // for(it = L.ultimo(); !it.extremo(); it.retroceder())  {
108
109
110
       // Tambin,
111
112
       // lista<int>::iterador it;
113
114
       // lista<int>::iterador mitad;
115
        // for(it = L.primero(); it != mitad; it.avanzar())  {
116
117
118
119
       iterador primero() const;
120
121
       iterador ultimo() const;
122
123
124
125
     template<typename T>
126
     lista<T>::iterador::iterador() : actual_(0)
127
128
129
130
     template<typename T>
131
     lista<T>::iterador::iterador(nodo *actual) : actual_(actual)
132
133
134
135
     template<typename T>
136
     lista<T>::iterador::iterador(lista<T> const &l) : actual_(l.pri_)
137
138
139
140
     template<typename T>
     lista<T>::iterador::iterador(iterador const &it) : actual_(it.actual_)
141
142
143
144
145
     template<typename T>
146
     lista<T>::iterador::~iterador()
147
148
149
150
     template<typename T>
151
     T &lista<T>::iterador::dato()
152
153
       return actual_->dato_;
154
```

```
155
156
     template<typename T>
     T const &lista<T>::iterador::dato() const
157
158
159
       return actual_->dato_;
160
161
162
     template<typename T>
163
     typename lista<T>::iterador &lista<T>::iterador::avanzar()
164
165
       if (actual_)
166
         actual_{-} = actual_{-} > sig_{-};
167
       return *this;
168
169
170
     template<typename T>
171
     typename lista<T>::iterador &lista<T>::iterador::retroceder()
172
173
       if (actual_)
174
         actual_{-} = actual_{-} > ant_{-};
175
       return *this;
176
177
178
     template<typename T>
179
     bool lista<T>::iterador::extremo() const
180
181
       return actual_{-} == 0 ? true : false;
182
183
     template<typename T>
184
185
     bool lista<T>::iterador::operator==(const typename lista<T>::iterador &it2) const
186
187
       return actual_ == it2.actual_;
188
189
     template<typename T>
190
     bool lista<T>::iterador::operator!=(const typename lista<T>::iterador &it2) const
191
192
193
             return actual_!= it2.actual_;
194
     }
195
196
     template<typename T>
197
     typename lista<T>::iterador const &lista<T>::iterador::operator=(iterador const &orig)
198
199
       if (this != &orig)
200
         actual_{-} = orig.actual_{-};
201
       return *this;
202
203
     template<typename T>
204
205
     lista < T > ::nodo::nodo(const T \&t) : sig_(0), ant_(0), dato_(t)
206
207
208
209
     template<typename T>
210
     lista<T>::nodo::~nodo()
211
212
213
214
     template<typename T>
     lista<T>::lista() : pri_(0), ult_(0), tam_(0)
215
216
217
```

```
218
219
      template<typename T>
220
      lista<T>::lista(const lista &orig) : pri_(0), ult_(0), tam_(orig.tam_)
221
222
        nodo *iter;
223
        nodo *ant;
224
225
        // Recorremos la secuencia original en sentido directo. En cada paso,
226
        // creamos un nodo, copiando el dato correspondiente, y lo enganchamos
        // al final de nuestra nueva lista.
227
228
        //
        for (iter = orig.pri_, ant = 0; iter != 0; iter = iter->sig_)
229
230
231
          // Creamos un nodo, copiando el dato, y lo enganchamos en e
          // final de nuestra lista.
232
233
          {\rm nodo} * {\rm nuevo} = {\bf new} \ {\rm nodo}({\rm iter} - {>} {\rm dato}_{-});
234
235
          nuevo->ant_- = ant;
236
          nuevo->sig_-=0;
237
          //\ Si\ sta\ no\ es\ la\ primera\ pasada,\ es\ decir,\ si\ no\ se\ trata
238
          // del primer nodo de la lista, ajustamos el enlace sig_- del
239
          // nodo anterior.
240
241
          if (ant !=0)
242
243
            ant->sig_- = nuevo;
244
          // Adems, tenemos que ajustar los punteros a los elementos
245
246
          // distinguidos de la secuencia, primero y ltimo. En el caso
          // de pri_ (enlace al primer elemento), esto lo vamos a
247
          // hacer una nica vez; para el caso de ult_, iremos tomando
248
          // registro del ltimo nodo procesado, para ajustarlo antes
249
250
          // de retornar.
251
252
          if (pri_{-} == 0)
253
            pri_{-} = nuevo;
254
          ant = nuevo;
255
256
257
        // Ajustamos el puntero al ltimo elemento de la copia.
258
        ult_{-} = ant;
259
260
261
      template<typename T>
      lista<T>::~lista()
262
263
264
        for (nodo *p = pri_-; p;)
265
          nodo *q = p -> sig_-;
266
267
          delete p;
268
          p = q;
269
270
271
272
      template<typename T>
273
      size_t lista<T>::tamano() const
274
275
        return tam_;
276
277
278
      template<typename T>
279
      bool lista<T>::contiene(const T &elem) const
280
```

```
281
        nodo *iter;
282
283
        for (iter = pri_{-}; iter != 0; iter = iter_{-}>sig_{-})
284
          if (elem == iter -> dato_{-})
285
             return true;
286
        return false;
287
288
289
      template<typename T>
290
      bool lista<T>::vacia() const
291
292
        return pri. ? false : true;
293
294
295
      {\bf template}{<}{\bf typename}~{\bf T}{>}
296
      void lista<T>::insertar(const T &t)
297
298
        nodo *p = new nodo(t);
299
        \mathrm{p}{-}{>}\mathrm{sig}_{-}=\mathrm{pri}_{-};
300
        p->ant_{-}=0;
301
302
        if (pri_)
303
          pri_->ant_-=p;
304
         pri_{-} = p;
305
        if (!ult_)
306
          ult_{-} = p;
307
308
        tam_-\!\!+\!\!+;
309
310
311
      template<typename T>
312
      void lista<T>::insertar_despues(const T &t, iterador const &it)
313
314
        nodo *nuevo = new nodo(t);
315
        nodo *actual = it.actual_;
316
317
        if (actual == 0)
318
319
          if (pri_{-}! = 0)
320
            std::abort();
321
          pri_{-} = nuevo;
322
          ult_{-} = nuevo;
323
        }
324
        else
325
326
          if (actual -> sig_-!= 0)
327
            actual -> sig_- -> ant_- = nuevo;
          {\rm nuevo-}{>}{\rm sig}_{-}={\rm actual-}{>}{\rm sig}_{-};
328
329
          nuevo->ant_- = actual;
330
          actual -> sig_- = nuevo;
331
          if (ult_{-} == actual)
332
             ult_{-} = nuevo;
333
334
335
        tam_-++;
336
337
338
      {\bf template}{<}{\bf typename}~{\bf T}{>}
      void lista<T>::insertar_antes(const T &t, iterador const &it)
339
340
341
               nodo *nuevo = new nodo(t);
342
               nodo *actual = it.actual_;
343
```

```
344
                if (actual == 0)
345
                         if (pri_-!=0)
346
347
                                  std::abort();
348
                         pri_{-} = nuevo;
349
                         ult_{-} = nuevo;
                }
350
351
                else
352
353
                         if (actual -> ant_-!= 0)
354
                                  actual -> ant_- -> sig_- = nuevo;
355
                         nuevo->sig_- = actual;
356
                         {\tt nuevo->} {\tt ant_-} = {\tt actual->} {\tt ant_-};
357
                         actual -> ant_- = nuevo;
                         \mathbf{if}\;(\mathrm{pri}_{\scriptscriptstyle{-}} == \mathrm{actual})
358
359
                                  pri_{-} = nuevo;
360
                }
361
362
        tam_+++;
363
364
365
       template<typename T>
366
       void lista<T>::borrar(const T &t)
367
368
         nodo *iter, *sig=0;
369
370
         for (iter = pri_-; iter != 0; iter = sig)
371
372
           sig = iter -> sig_{-};
373
           if (t == iter -> dato_{-})
374
375
             nodo *ant = iter -> ant_{-};
376
             if (ant == 0)
377
               pri_{-} = sig;
378
              else
379
               ant->sig_-=sig;
380
              if (sig == 0)
381
               ult_{-} = ant;
382
              else
383
               sig->ant_- = ant;
384
              delete iter;
385
386
              tam_--;
387
388
         }
389
390
391
      {\bf template}{<}{\bf typename}~{\bf T}{>}
392
      void lista<T>::clear()
393
394
         nodo *iter, *sig=0;
395
396
         for (iter = pri_{-}; iter != 0; iter = sig)
397
398
           sig = iter -> sig_-;
399
400
           nodo *ant = iter -> ant_{-};
           if (ant == 0)
401
402
             pri_{-} = sig;
403
           else
             \mathrm{ant}{-}{>}\mathrm{sig}_{-}=\mathrm{sig};
404
405
           if (sig == 0)
406
              ult_{-} = ant;
```

```
407
          else
408
            sig->ant_- = ant;
409
          delete iter;
410
411
          tam_---;
412
413
      }
414
415
416
      template<typename T>
417
      typename lista<T>::iterador lista<T>::ultimo() const
418
419
        return typename lista<T>::iterador(ult_);
420
421
422
      {\bf template}{<}{\bf typename}~{\bf T}{>}
      {\bf typename}\ {\rm lista}{<} T{>}{::}{\rm iterador}\ {\rm lista}{<} T{>}{::}{\rm primero}()\ {\bf const}
423
424
425
               return typename lista<T>::iterador(pri_);
426
427
428
      template<typename T>
      lista<T> const &lista<T>::operator=(lista const &orig)
429
430
431
        nodo *iter;
432
        nodo *sig;
433
        nodo *ant;
434
435
        if (this != &orig)
436
437
          for (iter = pri_{-}; iter != 0; )
438
439
            sig = iter -> sig_-;
            delete iter;
440
441
            iter = sig;
442
443
444
          pri_{-} = 0;
445
          ult_{-} = 0;
446
447
          for (iter = orig.pri_, ant = 0; iter != 0; iter = iter->sig_)
448
449
            nodo *nuevo = new nodo(iter->dato_);
450
            nuevo->ant_-=ant;
451
             nuevo->sig_-=0;
452
            if (ant != 0)
               {\rm ant}{-}{>}{\rm sig}_{-}={\rm nuevo};
453
            if (pri_{-} == 0)
454
455
               pri_{-} = nuevo;
456
            ant = nuevo;
457
458
          ult_{-} = ant;
459
          tam_{-} = orig.tam_{-};
460
461
462
        return *this;
463
464
465
466
      #endif
```

## 2.8.21. test/tests.sh

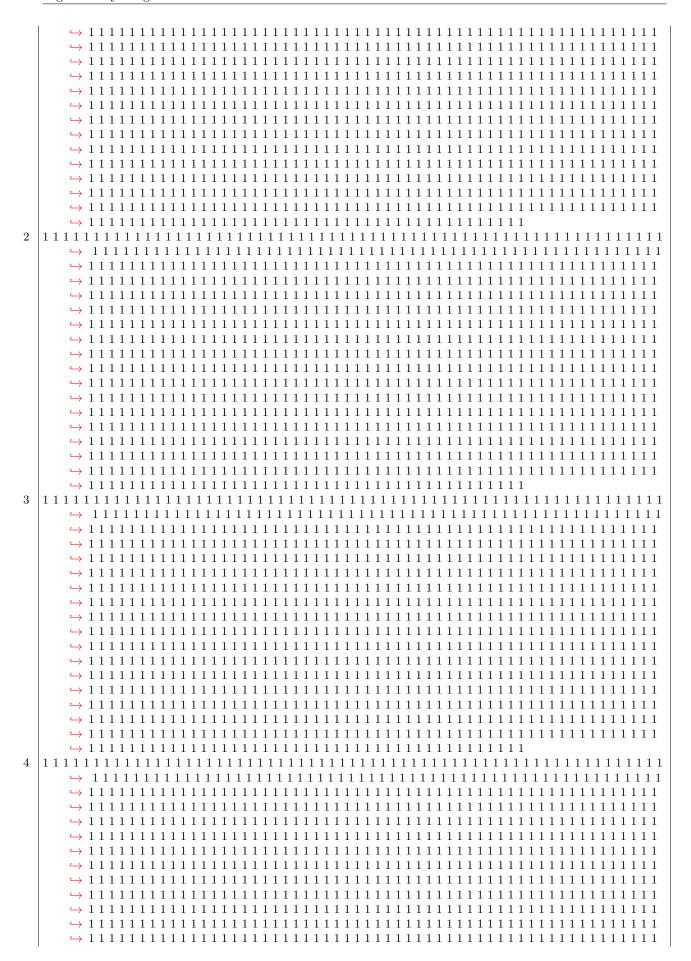
```
#!/bin/bash
 1
 2
    parent_path=$( cd "$(dirname "${BASH_SOURCE[0]}")"; pwd -P)
 3
    bin="$parent_path/../bin/tp2"
 4
    garbagefile="$parent_path/files/_garbage.txt"
 5
 6
    testfile="$parent_path/files/test_1_signals_10000_points.txt"
 7
    testfile2="$parent_path/files/test_10_signals_1000_points.txt"
    testfile3="$parent_path/files/test_100_signals_100_points.txt"
 9
    test_fft_1_signal_10000_points() {
10
      echo "FFT 1 signal 10000 points x100 runs"
11
12
13
      max=100
14
      for i in 'seq 2 $max'
15
        $bin -i $testfile -o $garbagefile
16
17
      done
18
19
    test_fft_10_signal_1000_points() {
20
21
      echo "FFT 10 signals 1000 points x100 runs"
22
23
      max=100
24
      for i in 'seq 2 $max'
25
26
        $bin -i $testfile2 -o $garbagefile
27
      done
28
29
    test_fft_100_signal_100_points() {
30
31
      echo "FFT 100 signals 100 points x100 runs"
32
33
      max=100
34
      for i in 'seq 2 $max'
35
        $bin -i $testfile3 -o $garbagefile
36
37
      done
38
39
40
    test_dft_1_signal_10000_points() {
41
      echo "DFT 1 signal 10000 points x10 runs"
42
43
      max=10
      for i in 'seq 2 $max'
44
45
46
        -m DFT -i -i stestfile -o -i
      done
47
48
49
50
    test_dft_10_signal_1000_points() {
51
      echo "DFT 10 signals 1000 points x10 runs"
52
53
      \max=10
54
      for i in 'seq 2 $max'
55
56
        -m DFT -i $testfile2 -o $garbagefile
57
      done
58
59
60
    test_dft_100_signal_100_points() {
61
      echo "DFT 100 signals 100 points x10 runs"
62
63
      max=10
```

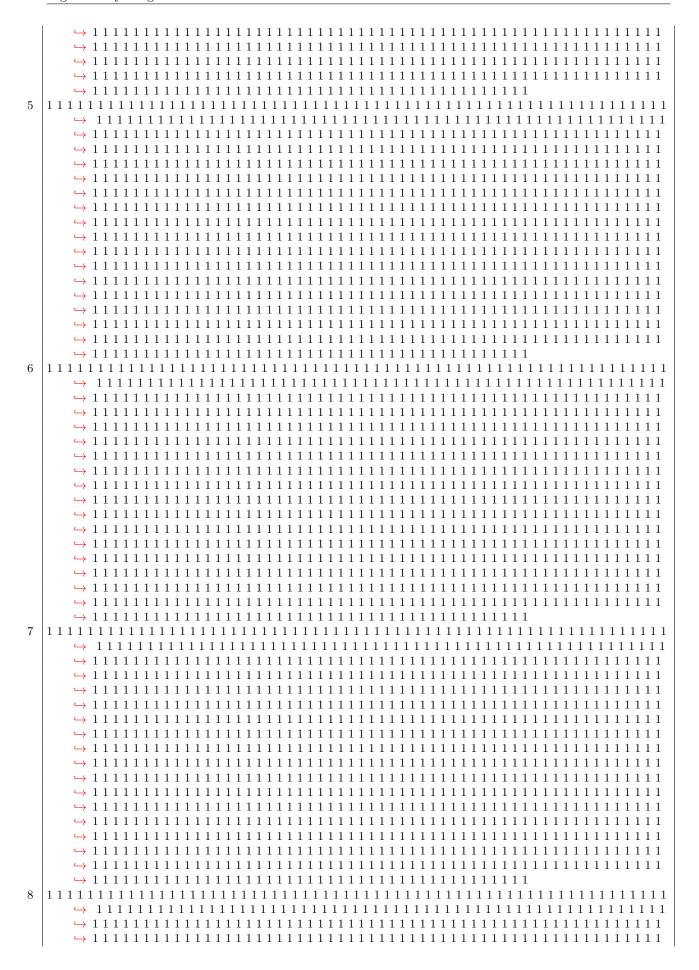
```
64
      for i in 'seq 2 $max'
65
66
        $bin -m DFT -i $testfile3 -o $garbagefile
67
       done
68
69
    echo ""
70
71
    time test_fft_1_signal_10000_points
72
    echo "Done."
73
    echo ""
74
75
    time test_fft_10_signal_1000_points
    echo "Done."
76
77
    echo ""
78
79
    time test_fft_100_signal_100_points
80
    echo "Done."
81
    echo ""
82
83
    time test_dft_1_signal_10000_points
84
    echo "Done."
85
    echo ""
86
87
    time test_dft_10_signal_1000_points
    echo "Done."
88
89
    echo ""
90
91
    time test_dft_100_signal_100_points
    echo "Done."
92
```

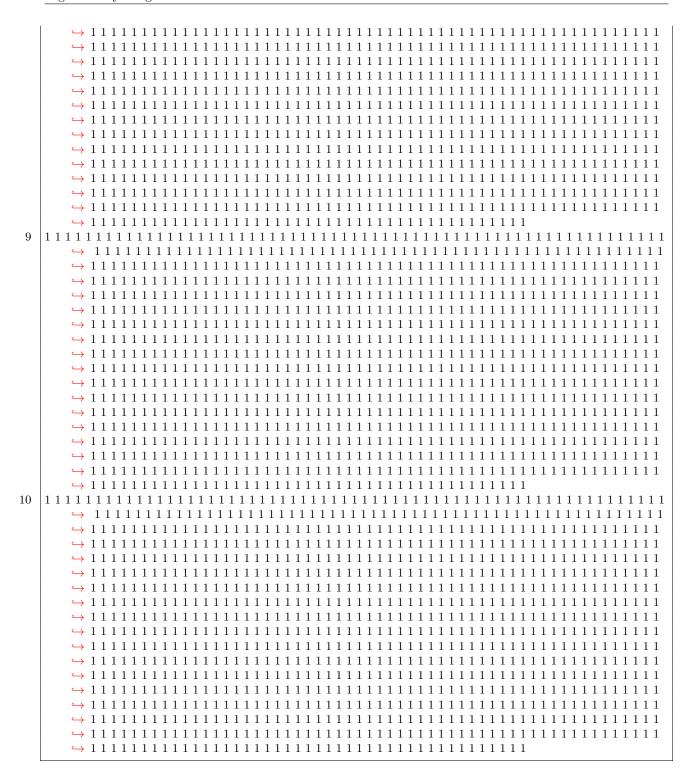
## **2.8.22.** test/files/test<sub>1s</sub> $ignals_10000_points.txt$

```
1
```

### **2.8.23.** $test/files/test_10_s ignals_1000_p oints.txt$





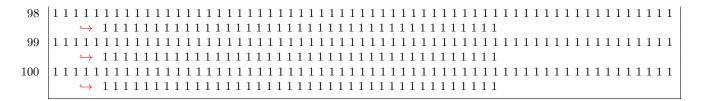


## **2.8.24.** test/files/test<sub>1</sub>00<sub>s</sub> $ignals_100_points.txt$

5	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
6	$\begin{array}{c} \hookrightarrow & 1111111111111111111$
7	$\begin{array}{c} \hookrightarrow & 1111111111111111111$
8	$\hookrightarrow$ 111111111111111111111111111111111111
	→ 111111111111111111111111111111111111
9	$ \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1$
10	$ \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1$
11	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
12	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
13	$\begin{array}{c} \hookrightarrow 11111111111111111111111111111111111$
14	$  \hookrightarrow 11111111111111111111111111111111111$
15	→ 111111111111111111111111111111111111
	→ 111111111111111111111111111111111111
16	$ \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1$
17	$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
18	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
19	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
20	$\begin{array}{c} \hookrightarrow & 1111111111111111111$
21	$  \hookrightarrow 11111111111111111111111111111111111$
22	→ 111111111111111111111111111111111111
	→ 111111111111111111111111111111111111
23	$ \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1$
24	$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
25	11111111111111111111111111111111111111
26	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
27	$ \begin{array}{c} \hookrightarrow 11111111111111111111111111111111111$
28	$\begin{array}{c} \hookrightarrow & 1111111111111111111$
29	$\hookrightarrow$ 111111111111111111111111111111111111
	→ 111111111111111111111111111111111111
30	→ 111111111111111111111111111111111111
31	$ \begin{array}{c}  111111111111111111111111111111111111$
32	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
33	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
34	$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$
35	$\begin{array}{c} \hookrightarrow & 1111111111111111111$
	→ 11111111111111111111111111111111111

36	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
37	111111111111111111111111111111111111
38	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
39	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
40	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
41	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
42	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
43	$ \begin{array}{c}   1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 $
44	$ \begin{array}{c}   1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 $
45	$\begin{array}{c}   1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 $
46	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
47	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
48	$ \begin{array}{c}  111111111111111111111111111111111111$
50	
51	→ 111111111111111111111111111111111111
52	→ 111111111111111111111111111111111111
53	→ 111111111111111111111111111111111111
54	→ 111111111111111111111111111111111111
55	→ 111111111111111111111111111111111111
56	→ 111111111111111111111111111111111111
57	→ 111111111111111111111111111111111111
58	$ \begin{array}{c} \hookrightarrow 11111111111111111111111111111111111$
59	→ 111111111111111111111111111111111111
60	→ 111111111111111111111111111111111111
61	→ 111111111111111111111111111111111111
62	→ 111111111111111111111111111111111111
63	→ 111111111111111111111111111111111111
64	$\begin{array}{c} \hookrightarrow 11111111111111111111111111111111111$
65	→ 111111111111111111111111111111111111
66	→ 111111111111111111111111111111111111
	·

67	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
68	→ 111111111111111111111111111111111111
69	111111111111111111111111111111111111
70	→ 111111111111111111111111111111111111
71	11111111111111111111111111111111111111
72	→ 111111111111111111111111111111111111
73	→ 111111111111111111111111111111111111
74	→ 111111111111111111111111111111111111
75	→ 111111111111111111111111111111111111
76	→ 111111111111111111111111111111111111
77	→ 111111111111111111111111111111111111
78	→ 111111111111111111111111111111111111
79	111111111111111111111111111111111111111
80	→ 111111111111111111111111111111111111
81	→ 111111111111111111111111111111111111
82	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
83	→ 111111111111111111111111111111111111
84	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
85	→ 111111111111111111111111111111111111
86	→ 111111111111111111111111111111111111
87	$\begin{array}{c} \hookrightarrow 11111111111111111111111111111111111$
88	→ 111111111111111111111111111111111111
89	→ 111111111111111111111111111111111111
90	→ 111111111111111111111111111111111111
91	→ 111111111111111111111111111111111111
92	→ 111111111111111111111111111111111111
93	→ 111111111111111111111111111111111111
94	→ 111111111111111111111111111111111111
95	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
96	→ 111111111111111111111111111111111111
97	→ 111111111111111111111111111111111111
	<del></del>



### 2.8.25. test/results/perf-total.txt

```
FFT 1 signal 10000 points x100 runs
 1
 2
 3
    real\ 0m15.088s
    user 0m13.685s
 4
    sys 0m0.491s
 5
 6
    Done.
 7
 8
    FFT 10 signals 1000 points x100 runs
 9
    real 0m7.329s
10
    user 0m6.784s
11
    sys 0m0.382s
12
    Done.
13
14
    FFT 100 signals 100 points x100 runs
15
16
    real 0m7.216s
17
18
    user 0m6.641s
19
    sys 0m0.436s
20
    Done.
21
22
    DFT 1 signal 10000 points x10 runs
23
24
    real 4m44.991s
25
    user 4m38.289s
26
    sys 0m1.748s
27
    Done.
28
29
    DFT 10 signals 1000 points x10 runs
30
31
    real 0m11.419s
32
    user 0m11.125s
    sys 0m0.113s
33
34
    Done.
35
36
    DFT 100 signals 100 points x10 runs
37
    real 0m2.051s
38
    user 0m1.925s
40
    sys 0m0.069s
41
    Done.
```

## 2.8.26. test/results/perf-lectura.txt

```
FFT 1 signal 10000 points x100 runs

real 0m1.750s

user 0m0.616s
sys 0m0.269s

Done.

FFT 10 signals 1000 points x100 runs
```

```
9
    real\ 0m1.015s
10
    user 0 \text{m} 0.614 \text{s}
11
    \rm sys~0m0.259s
12
13
    Done.
14
    FFT 100 signals 100 points x100 runs
15
16
17
    real 0m1.070s
18
    user 0m0.644s
19
    sys 0m0.281s
20
    Done.
21
22
    DFT 1 signal 10000 points x10 runs
23
24
    real 0m0.120s
25
    user 0m0.064s
26
    sys 0m0.036s
27
    Done.
28
29
    DFT 10 signals 1000 points x10 runs
30
31
    real\ 0m0.103s
32
    user 0 \text{m} 0.059 \text{s}
33
    \rm sys~0m0.031s
34
    Done.
35
36
    DFT 100 signals 100 points x10 runs
37
38
    real 0m0.106s
39
    user 0m0.060s
40
    sys\ 0m0.034s
41
    Done.
```

# 2.8.27. test/results/perf-lectura-y-alg.txt

```
FFT 1 signal 10000 points x100 \text{ runs}
 3
    real\ 0m13.770s
 4
    user 0m12.356s
    sys 0m0.421s
 5
 6
    Done.
 7
 8
    FFT 10 signals 1000 points x100 \text{ runs}
 9
10
    real 0m6.445s
    user 0m5.982s
11
12
    sys 0m0.321s
13
    Done.
14
15
    FFT 100 signals 100 points x100 runs
16
17
    real 0m5.984s
18
    user 0m5.568s
19
    sys\ 0m0.276s
20
    Done.
21
22
    DFT 1 signal 10000 points x10 runs
23
24
    real\ 4m35.349s
25
    user 4m30.603s
26
    sys\ 0m0.849s
```

```
27
    Done.
28
    DFT 10 signals 1000 points x10 runs
29
30
    real\ 0m10.515s
31
    user 0m10.413s
32
33
    svs 0m0.049s
34
    Done.
35
36
    DFT 100 signals 100 points x10 runs
37
38
    real 0m1.784s
39
    user 0m1.725s
40
    sys\ 0m0.034s
41
    Done.
```

### **2.8.28.** Makefile

```
PROJ = tp2
 1
 2
    SRCS = \$(shell find src vendor -name "*.cpp" | xargs)
    {\rm ENTRY} = {\rm main.cpp}
 3
    OUTDIR = bin
 4
    OUTFILE = (OUTDIR)/(PROJ)
 5
    CXXARGS = -Wall -g
 6
    CXXFLAGS = -Isrc - Ivendor - I. - isystem \$(CXXARGS)
 7
 8
    LDFLAGS =
 9
    CXX = g++
10
11
    build: bin/tp2
12
13
    bin/tp2:
      $(CXX) $(CXXFLAGS) $(ENTRY) $(SRCS) -o $(OUTFILE)
14
15
16
    test: build
17
      ./test/tests.sh
18
19
    test-valgrind: bin/tp2
20
      \# memcheck is default --tool
      valgrind --leak-check=yes $(OUTFILE) -i ./test/files/test_1_signals_10000_points.txt -o ./test/files/_garbage.
21
           \hookrightarrow txt
      valgrind -- leak-check = yes \\ (OUTFILE) -i ./test/files/test\_10\_signals\_1000\_points.txt -o ./test/files/\_garbage.
22
      valgrind -- leak-check = yes \\ (OUTFILE) -i ./test/files/test\_100\_signals\_100\_points.txt -o ./test/files/\_garbage.
23
           \hookrightarrow txt
24
    .PHONY: bin/tp2
25
```

#### 2.8.29. Makefile.WIN32

```
PROJ = tp2
1
    SRCS = (wildcard ./src/*.cpp ./vendor/*.cpp)
2
3
    ENTRY = main.cpp
    OUTDIR = bin
4
    OUTFILE = (OUTDIR)/(PROJ)
5
    CXXARGS = -static - libgcc - static - libstdc + + - Wall - g
7
    CXXFLAGS = -Isrc - Ivendor - I. -isystem \$(CXXARGS)
8
    LDFLAGS =
9
    CXX = g++
10
11
    build: bin/tp2
12
```

```
13 | bin/tp2:

14 | $(CXX) $(CXXFLAGS) $(ENTRY) $(SRCS) -0 $(OUTFILE)

15 | test: build

16 | ./test/tests.sh

17 | .PHONY: bin/tp2
```