

UNIVERSIDADE FEDERAL DO CEARÁ - UFC CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO PROJETO DE MÉTODOS NUMÉRICOS I

TEMA (2): Encontrar valor de PI

EQUIPE: π kachu



Equipe

- * Caio Viktor
- * Cristiano Melo
- * Lucas Falcão
- * Geraldo Braz
- * Matheus Mayron

Objetivo

- * Encontrar e analisar aproximações de pi pelos métodos:
- Posição falsa;
- ➤ Newton-Raphson;
- > Secante.

Ferramentas de desenvolvimento







Função

*
$$f(x) = cos(x) + (1 - a)$$

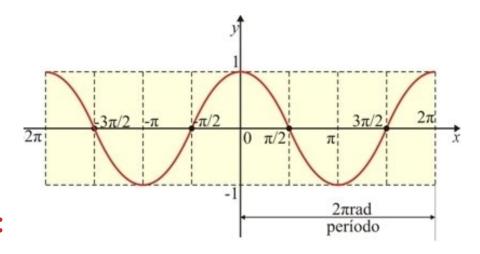
* Sabemos que π é a raíz:

$$cos(\pi) + (1 - a) = 0$$

$$cos(\pi) = -(1 - a)$$

* Visto que $cos(\pi) = -1$, então:

$$-1 = -1 + a$$
, portanto, $a = 0$



Métodos

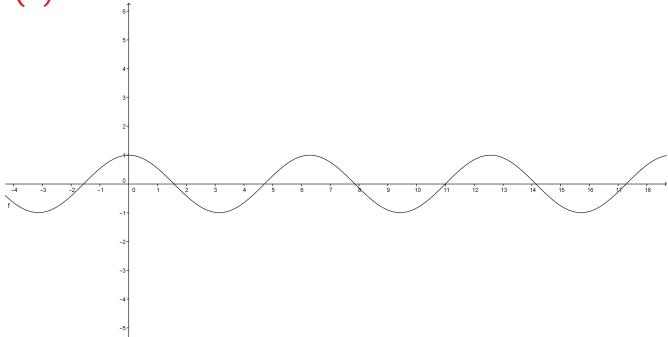
* Posição falsa:

```
repita
  x ← (aFb - bFa)/(Fb-Fa); Fx ← f(x)
  escreva k, a, Fa, b, Fb, x, Fx, intervX
  se abs(f(x)) < ε₂ ou k ≥ iterMax então raiz ← x;
Fim.
  se Fa * Fx > 0 então a ← x; Fa ← Fx
  senão b ← x; Fb ← Fx
  intervX ← abs(b-a)
  se intervX ≤ ε₁ então
    raiz ← escolha(a,b); Fim.
  fim se
  k ← k+1
  fim repita
fim algoritmo
```

```
104
              if( Fa * Fb < 0 ){
                       range = fabs( b - a ); // Computing range
                       k = 0;
                       do{
                               x = b - Fb*(b - a)/(Fb - Fa);
                               Fx = this->Function(x);
                               if( Fa * Fx > 0 ){
114
                                        a = x;
                                        Fa = Fx;
                               }else{
                                        b = x;
                                        Fb = Fx;
                               range = fabs( b - a );
                               k++;
                       }while( fabs( Fx ) > error && k <= maxIter );</pre>
124
              }else{
                       cout << "There is no root in this range" << endl;</pre>
```

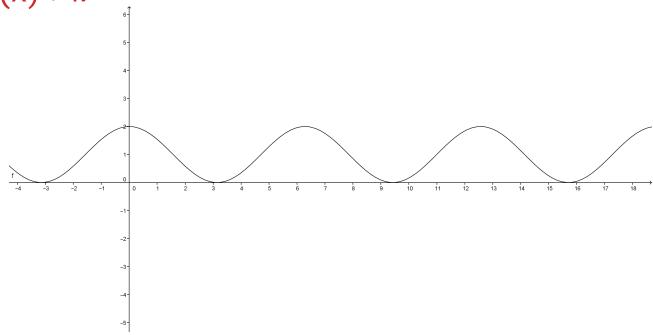
* Veja a função cos(x)+(1-a), para a = 1:

* cos(x):

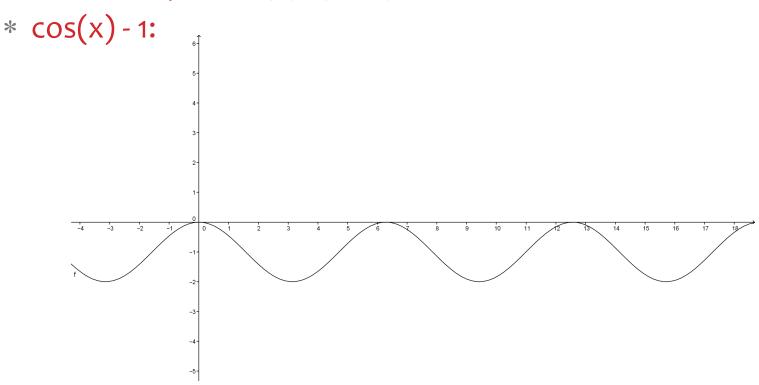


* Veja a função cos(x)+(1-a), para a=0:

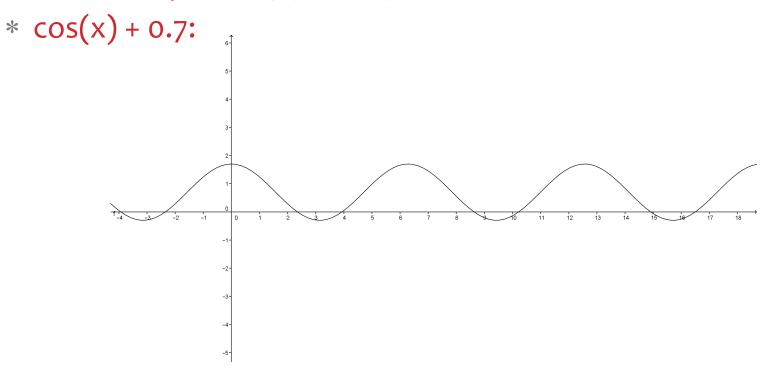
* cos(x) + 1:



* Veja a função cos(x)+(1-a), para a=2:



* Veja a função cos(x)+(1-a), para a=0.3:



Métodos

* Newton-Raphson:

```
Algoritmo: Newton-Raphson
Entrada: x_0, \varepsilon_1, \varepsilon_2, iterMax
Saída: raiz
 se abs(f(x_0)) < \epsilon_1 então raiz \leftarrow x_0; Fim.
 k ← 1
 repita
    x_1 \leftarrow x_0 - f(x_0)/f'(x_0)
    escreva k, x_1, f(x_1)
    se abs(f(x_1)) < \epsilon_1 ou abs(x_1-x_0) < \epsilon_2 ou k \ge iterMax então
      raiz \leftarrow x<sub>1</sub>; Fim.
    fim se
    x_0 \leftarrow x_1
                                                    void GenericMethod::loop() {
    k \leftarrow k+1
                                                         operacoesAntesDoLoop();
 fim repita
fim algoritmo
                                                             calcularAproximacaoSeguinte();
                                                             salvarEmLista();
                                               21
                                                         }while(!testeParadaErro1() && !testeParadaErro2() && (iterationsNumber < maxIteration));</pre>
                                                         operacoesAposLoop();
                                                         this->value = this->getAproximacaoAtualDaRaiz();
```

Métodos

* Secante:

```
Algoritmo: Secante
Entrada: x_0, x_1, \varepsilon_1, \varepsilon_2, iterMax
Saída: raiz
 se abs(f(x_0)) < \epsilon_1 então raiz \leftarrow x<sub>0</sub>; Fim.
 se abs(f(x_1)) < \epsilon_1 ou abs(x_1-x_0) < \epsilon_2 então raiz \leftarrow x_1; Fim.
 k ← 1
 repita
    x_2 \leftarrow x_1 - f(x_1)/(f(x_1) - f(x_0)) * (x_1-x_0)
    escreva k, x_2, f(x_2)
    se abs(f(x_2)) < \epsilon_1 ou abs(x_2-x_1) < \epsilon_2 ou k \ge iterMax então
     raiz ← x<sub>2</sub>; Fim.
    fim se
    x_0 \leftarrow x_1
    x_1 \leftarrow x_2
                                                       void GenericMethod::loop() {
    k \leftarrow k+1
                                                            operacoesAntesDoLoop();
 fim repita
fim algoritmo
                                                                 calcularAproximacaoSeguinte();
                                                                 salvarEmLista();
                                                 21
                                                            }while(!testeParadaErro1() && !testeParadaErro2() && (iterationsNumber < maxIteration));</pre>
                                                            operacoesAposLoop();
                                                            this->value = this->getAproximacaoAtualDaRaiz();
```

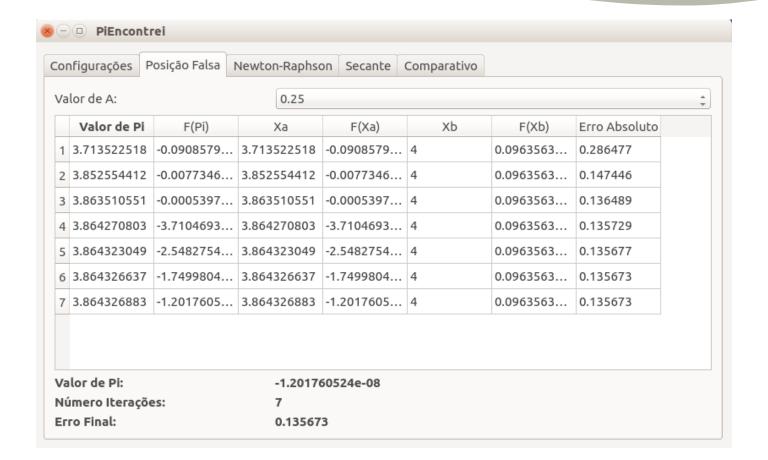
Critério de parada

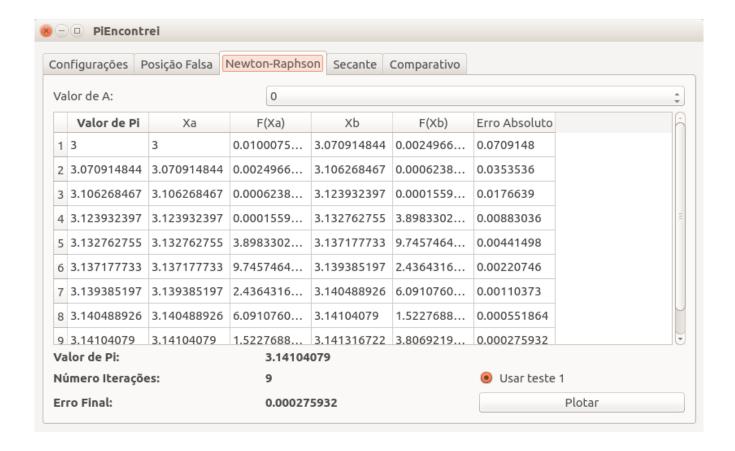
```
bool GenericMethod::testeParadaErro1() {
33
         if(this->useTest1)
34
              return (abs(function(getAproximacaoSeguinteDaRaiz())) < getErro1());</pre>
35
         else
              return false;
38
39
     bool GenericMethod::testeParadaErro2() {
40
41
         return (abs(getAproximacaoSeguinteDaRaiz() - getAproximacaoAtualDaRaiz()) < getErro2());</pre>
42
43
```

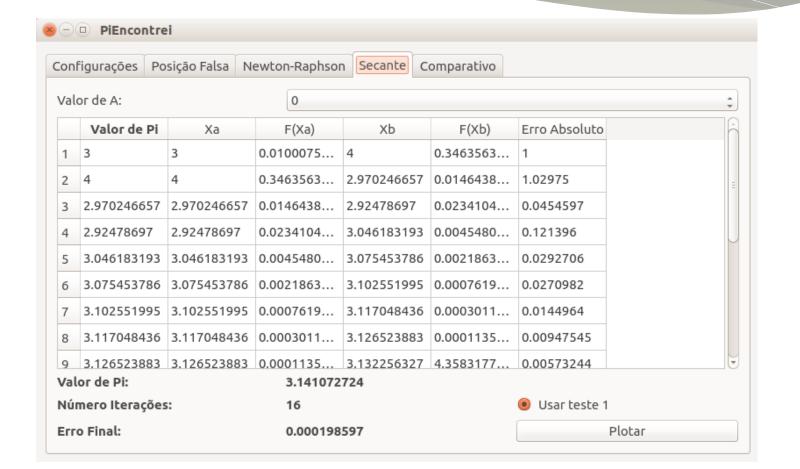
Pessoal, é importante observar que os critérios de paradas são os mesmos para o método da secante e do Newton-Raphson, pois ambos são derivados do ponto fixo.

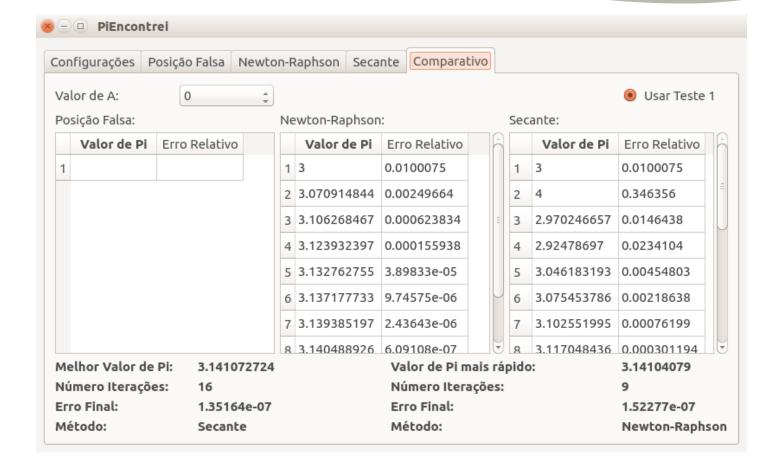


⊗ — □ PiEncontrei							
Configurações		Posição Falsa	Newton-Raphson	Secante	Comparativo		
Егго 1:		0,000001000 違 Erro 2:		C),0000001000	Quantidade de A	1 :
	Valor						
1	0						
	Intervalo:	0,00	Ç Fim:		1,00	Gerar A	utomaticamente
							Salvar







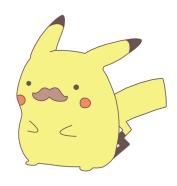


Conclusão

- Dificuldades encontradas:
 - Ponta pé inicial
 - Cansaço



Monstro Imaginado



Monstro Encontrado.

Conclusão

- "Novidades" testadas nesse trabalho.
 - O uso de um Design Pattern.
 - Documentação só onde é realmente necessário.