# Enumeración de anotaciones con delay constante

Clase 27

IIC 2223

Prof. Cristian Riveros

# Autómata con anotaciones (recordatorio)

#### Definición

Un autómata con anotaciones (AnnA) es una tupla:

$$\mathcal{N} = (Q, \Sigma, \Lambda, \Delta, I, F)$$

- Q es un conjunto finito de estados.
- $\Sigma$  es el alfabeto de input.
- Λ es un conjunto finito de etiquetas (Labels).
- $\Delta \subseteq Q \times (\Sigma \cup \Sigma \times \mathcal{N}) \times Q$  es la relación de transición.
- $I \subseteq Q$  es un conjunto de estados iniciales.
- $F \subseteq Q$  es el conjunto de estados finales (o aceptación).

Las transiciones  $(p, a, \ell, q)$  simbolizan que al leer la letra a, está letra **será anotada** con  $\ell$ 

# Ejecución de un AnnA (recordatorio)

Sea un AnnA  $\mathcal{N} = (Q, \Sigma, \Lambda, \Delta, I, F)$  y un documento  $d = a_0 \dots a_{n-1} \in \Sigma^*$ .

#### **Definiciones**

Una ejecución  $\rho$  de  $\mathcal{A}$  sobre d es una secuencia  $\rho: p_0 \stackrel{t_0}{\to} p_1 \stackrel{t_1}{\to} \dots \stackrel{t_{n-1}}{\to} p_n$  tal que cumple todas las siguientes condiciones:

- $p_0 \in I$
- para todo i < n,  $t_i$  es de la forma  $t_i = a_i$  o  $t_i = (a_i, \ell)$  para algún  $\ell \in \Lambda$
- para todo i < n,  $(p_i, t_i, p_{i+1}) \in \Delta$ .

Se define la anotación de  $\rho$  como ann $(\rho) = \text{ann}_0(t_0) \cdot \ldots \cdot \text{ann}_{n-1}(t_{n-1})$ :

$$\operatorname{ann}_{i}(t) = \begin{cases} (i,\ell) & t = (a,\ell) \\ \epsilon & t = a \end{cases}$$

Decimos que  $\rho$  es de aceptación ssi  $q_n \in F$ .

# Ejecución de un AnnA (recordatorio)

#### Ejemplos de ejecuciones

$$d = \underbrace{\frac{a \cdot abba}{0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 10}}_{0 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8 \cdot 9 \cdot 10} \xrightarrow{a, b, a} \underbrace{\frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0}}_{b} \xrightarrow{a, b, a} \underbrace{\frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0}}_{b} \xrightarrow{a, b, a} \underbrace{\frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0}}_{b} \xrightarrow{a, b, a} \underbrace{\frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0}}_{b} \xrightarrow{a, b, a} \underbrace{\frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0}}_{b} \xrightarrow{a, b, a} \underbrace{\frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0}}_{b} \xrightarrow{a, b, a} \underbrace{\frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0}}_{b} \xrightarrow{a, b, a} \underbrace{\frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0}}_{b} \xrightarrow{a, b, a} \underbrace{\frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0}}_{b} \xrightarrow{a, b, a} \underbrace{\frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0}}_{b} \xrightarrow{a, b, a} \underbrace{\frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0}}_{b} \xrightarrow{a, b, a} \underbrace{\frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0}}_{b} \xrightarrow{a, b, a} \underbrace{\frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0}}_{b} \xrightarrow{a, b, a} \underbrace{\frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0}}_{b} \xrightarrow{a, b} \underbrace{\frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0}}_{b} \xrightarrow{a, b} \underbrace{\frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0}}_{b} \xrightarrow{a} \underbrace{\frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0}}_{b} \xrightarrow{a, b} \underbrace{\frac{a}{0} \cdot \frac{a}{0}}_{b} \xrightarrow{a} \underbrace{\frac{a}{0} \cdot \frac{a}$$

Algunas ejecuciones sobre *d*:

$$\rho_{1}: p_{0} \stackrel{a}{\rightarrow} p_{0} \stackrel{\neg/\langle}{\rightarrow} p_{1} \stackrel{a/\bullet}{\rightarrow} p_{1} \stackrel{b}{\rightarrow} p_{1} \stackrel{b}{\rightarrow} p_{1} \stackrel{a/\bullet}{\rightarrow} p_{1} \stackrel{\neg/\langle}{\rightarrow} p_{2} \stackrel{b}{\rightarrow} p_{2} \stackrel{a}{\rightarrow} p_{2} \stackrel{\neg}{\rightarrow} p_{2} \stackrel{b}{\rightarrow} p_{2} \stackrel{b}{\rightarrow}$$

### Output de un AnnA

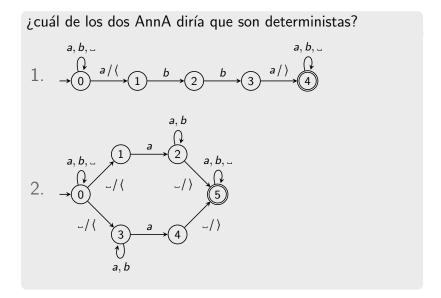
Sea  $\mathcal{N} = (Q, \Sigma, \Lambda, \Delta, I, F)$  un autómata con anotaciones (AnnA).

Definición

Se define la función  $\llbracket \mathcal{N} \rrbracket$  tal que para todo documento  $d \in \Sigma^*$ :

 $[\![\mathcal{N}]\!](d) = \{ ann(\rho) \mid \rho \text{ es una ejecución aceptación de } \mathcal{N} \text{ sobre } d \}$ 

# Determinismo para autómata con anotaciones



### Determinismo para autómata con anotaciones

Sea  $\mathcal{N} = (Q, \Sigma, \Lambda, \Delta, I, F)$  un autómata con anotaciones.

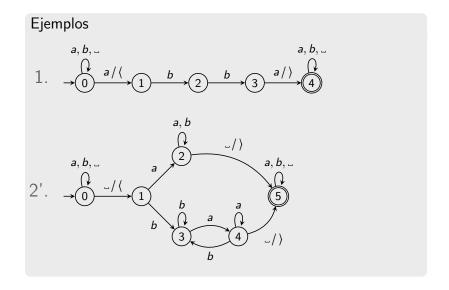
#### Definición

Decimos que  $\mathcal{N}$  es Input-Output determinista (I/O-determinista) ssi |I| = 1 y para todo  $(p, t_1, q_1), (p, t_2, q_2) \in \Delta$ , si  $t_1 = t_2$ , entonces  $q_1 = q_2$ .

 ${\cal N}$  es determinista al recibir el documento y una anotación **simultáneamente** 

¿qué ventaja tiene un autómata I/O-determinista?

# Determinismo para autómata con anotaciones



# Todo AnnA se puede I/O-determinizar

#### Teorema

Para todo AnnA  $\mathcal{N} = (Q, \Sigma, \Lambda, \Delta, I, F)$ , existe un AnnA I/O-determinista  $\mathcal{N}^{\text{det}}$  tal que  $[\![\mathcal{N}]\!] = [\![\mathcal{N}^{\text{det}}]\!]$ .

#### Demostración

Considere la determinización de  ${\mathcal N}$  como:

$$\mathcal{N}^{\text{det}} = (2^Q, \Sigma, \Lambda, \Delta^{\text{det}}, q_0^{\text{det}}, F^{\text{det}})$$

- $\mathbf{Z}^Q = \{S \mid S \subseteq Q\}$  es el conjunto potencia de Q.
- $q_0^{\text{det}} = 1.$
- $\Delta^{\text{det}}$ :  $2^Q \times (\Sigma \cup \Sigma \times \Lambda) \rightarrow 2^Q$  tal que para todo  $t \in \Sigma \cup (\Sigma \times \Lambda)$ :

$$\Delta^{\det}(S,t) = \{ q \in Q \mid \exists p \in S. (p,t,q) \in \Delta \}$$

 $F^{\text{det}} = \{ S \subseteq Q \mid S \cap F \neq \emptyset \}.$ 

### ¿cómo evaluamos una regex?

PROBLEMA: Evaluación de regex

INPUT: una regex R y

un documento d

OUTPUT: Enumerar todos los mappings en [R](d)

- 1. Transformamos  ${\it R}$  a un vset autómata funcional  ${\it A_{\it R}}.$
- 2. Transformamos  $A_R$  a un AnnA  $\mathcal{N}_R$ .
- 3. Determinizamos  $\mathcal{N}_R$  a un AnnA I/O determinista  $\mathcal{N}_R^{\text{det}}$ .
- 4. Calculamos los resultados  $[\![\mathcal{N}_R^{\text{det}}]\!](d \cdot \#)$ .

¿cómo computamos todas las anotaciones de  $\llbracket \mathcal{N}_R^{\mathsf{det}} 
rbracket (d \cdot \#)$ ?

# Outline

Enumeración con delay constante

Enumerable compact sets

Algoritmo de evaluación para AnnA

Algunas conclusiones

# Outline

#### Enumeración con delay constante

Enumerable compact sets

Algoritmo de evaluación para AnnA

Algunas conclusiones

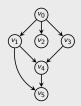
#### Problemas de enumeración

#### Definición

- $\blacksquare$  Sea  $\mathcal C$  una clase de instancias (inputs) y  $\Omega$  un alfabeto (quizás infinito).
- Sea  $[\![\cdot]\!]: \mathcal{C} \to 2^{\Omega^*}$  una función tal que para cada I,  $[\![I]\!]=\{out_1,out_2,\ldots,out_k\}$  es un conjunto finito de outputs  $out_i \in \Omega^*$ .

### Ejemplo

- C: la clase de todos los grafos G = (V, E)tal que G es acíclico (no tiene ciclos) y tiene un solo nodo raíz  $v_0$ .
- $\Omega$ : conjunto de vértices.
- $[\![G]\!]$ : todos los caminos (secuencias) máximales desde  $v_0$ .



$$\llbracket G \rrbracket = \left\{ \begin{array}{l} v_0 \, v_1 \, v_5, \, v_0 \, v_1 \, v_4 \, v_5, \\ v_0 \, v_2, \, v_0 \, v_3 \, v_4 \, v_5 \right\} \end{array}$$

### Problemas de enumeración

Definición problema de enumeración

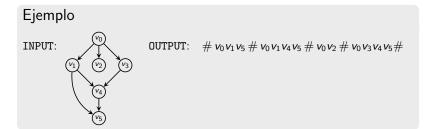
INPUT: Instancia  $I \in C$ .

OUTPUT: Enumerar  $[I] = \{out_1, out_2, \dots, out_k\}$ .

Con enumerar nos referimos a computar e imprimir en memoria:

 $\#out_1\#out_2\#\dots\#out_k\#$ 

para algún orden de  $[\![I]\!]$  y donde # es un símbolo separador especial.



### Problemas de enumeración

#### Definición problema de enumeración

INPUT: Instancia  $I \in C$ .

OUTPUT: Enumerar  $[I] = \{out_1, out_2, \dots, out_k\}$ .

#### Ejemplo problematico



¿cuántos nodos tiene el grafo?

n + 2n + 1 nodos.

¿cuántos caminos máximales tiene el grafo?

 $2^n$  nodos.

¿cómo encontrar un algoritmo eficiente si el output puede ser exponencial?

# Algoritmos de enumeración con delay constante

Definición problema de enumeración

INPUT: Instancia  $I \in C$ .

OUTPUT: Enumerar  $[I] = \{out_1, out_2, \dots, out_k\}$ .

Un algoritmo de enumeración para el problema anterior tiene delay constante si funciona en dos fases:

- 1. Preprocesamiento: el algoritmo recibe I y realiza algún cómputo.
- 2. Enumeración: terminada 1., el algoritmo imprime secuencialmente:

donde existe  $C \in \mathbb{N}$  tal que para todo  $i \le k$  el tiempo entre imprimir el (i-1)-ésimo y el i-ésimo símbolo # es menor a  $C \cdot |out_i|$ .

El tiempo para entregar el siguiente output solo depende de su tamaño.

# Algoritmos de enumeración con delay constante

- 1. Preprocesamiento: el algoritmo recibe I y realiza algún cómputo.
- 2. Enumeración: terminada 1., el algoritmo imprime secuencialmente:

$$\#out_1\#out_2\#\dots\#out_k\#$$

donde existe  $C \in \mathbb{N}$  tal que para todo  $i \le k$  el tiempo entre imprimir el (i-1)-ésimo y el i-ésimo símbolo # es menor a  $C \cdot |out_i|$ .

```
Function enum-maxpaths (G = (V, E))

Preprocesar G y encontrar v_0

rec-maxpaths (G, v_0, v_0)

print \#

Function rec-maxpaths (G, v, s)

if \{u \mid (v, u) \in E\} = \emptyset then

print \# \cdot s

else \# v_0 v_1 v_5 \# v_0 v_1 v_4 v_5 \# v_0 v_2 \# v_0 v_3 v_4 v_5 \#

foreach u \in \{u \mid (v, u) \in E\} do

rec-maxpaths (G, u, s \cdot u)
```

# Algoritmos de enumeración con delay constante

Un algoritmo de enumeración para el problema anterior tiene delay constante si funciona en dos fases:

- 1. Preprocesamiento: el algoritmo recibe l y realiza algún cómputo.
- 2. **Enumeración**: terminada 1., el algoritmo imprime secuencialmente:

$$\#out_1\#out_2\#\dots\#out_k\#$$

donde existe  $C \in \mathbb{N}$  tal que para todo  $i \le k$  el tiempo entre imprimir el (i-1)-ésimo y el i-ésimo símbolo # es menor a  $C \cdot |out_i|$ .

### Definición

Si el algoritmo de enumeración con delay constante toma tiempo  $\mathcal{O}(f(|I|))$  diremos que nuestro algoritmo toma tiempo  $\mathcal{O}(f)$ .

#### Ejemplo

Para el algoritmo de enumeración para caminos máximos, el preprocesamiento (ej. encontrar  $v_0$ ) tomará tiempo  $\mathcal{O}(|G|)$ .

Por lo tanto, el algoritmo de enumeración toma tiempo lineal en G.

# ¿cómo evaluamos una regex?

- 1. Transformamos R a un vset autómata funcional  $A_R$ .
- 2. Transformamos  $A_R$  a un AnnA  $\mathcal{N}_R$ .
- 3. Determinizamos  $\mathcal{N}_R$  a un AnnA I/O determinista  $\mathcal{N}_R^{\text{det}}$ .
- 4. Calculamos los resultados  $[\![\mathcal{N}_R^{\text{det}}]\!](d \cdot \#)$ .

PROBLEMA: Evaluación de AnnA I/O-determinista

INPUT: un AnnA I/O-determinista  ${\cal N}$  y

un documento d

OUTPUT: Enumerar todas las anotaciones en  $[\![\mathcal{N}]\!](d)$ .

Queremos una algoritmo de enumeración con delay constante y tiempo  $\mathcal{O}(|\mathcal{N}|\cdot|d|)$ .

# Outline

Enumeración con delay constante

Enumerable compact sets

Algoritmo de evaluación para AnnA

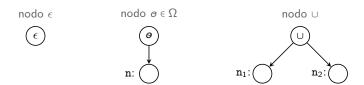
Algunas conclusiones

# Enumerable Compact Set

Sea  $\Omega$  un alfabeto (quizás infinito).

#### Definición

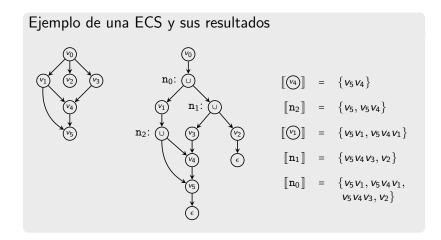
Un enumerable compact set (ECS) es una estructura de datos compuesta por nodos y conexiones, donde los nodos pueden ser de 3 tipos:



Cada nodo define un conjunto finito en  $\Omega^*$ , recursivamente:

$$\llbracket \underbrace{\epsilon} \rrbracket = \{\epsilon\} \qquad \qquad \llbracket \underbrace{\boldsymbol{\theta}} \rrbracket = \llbracket \mathbf{n} \rrbracket \cdot \{\boldsymbol{\theta}\} \qquad \qquad \llbracket \underbrace{\boldsymbol{0}} \rrbracket = \llbracket \mathbf{n}_1 \rrbracket \cup \llbracket \mathbf{n}_2 \rrbracket$$

# Enumerable Compact Set



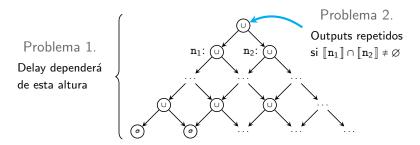
# Problema de enumeración para ECS

INPUT: un ECS  ${\cal E}$  y

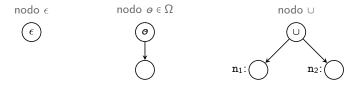
un nodo n de  ${\mathcal E}$ 

OUTPUT: Enumerar todos los resultados [n].

#### ¿podemos enumerar todos los resultados con delay constante?



### Restricciones a Enumerable Compact Set



#### **Definiciones**

0. Se define el odepth de un nodo recursivamente como:

$$\mathsf{odepth}\big( \underbrace{\varepsilon} \big) = 0 \qquad \mathsf{odepth}\big( \underbrace{\circ} \big) = 0 \qquad \mathsf{odepth}\big( \underbrace{\cup} \big) = \mathsf{odepth}\big( n_1 \big) + 1$$

- 1. Un ECS  $\mathcal{E}$  es k-acotado si odepth(n)  $\leq k$  para todo nodo n en  $\mathcal{E}$ .
- 2. Un ECS  $\mathcal{E}$  es sin repeticiones si para todo nodo  $\bigcirc$  (como arriba) en  $\mathcal{E}$  se cumple que  $\llbracket \mathbf{n}_1 \rrbracket \cap \llbracket \mathbf{n}_2 \rrbracket = \emptyset$ .

# Enumeración con delay constante para ECS

#### **Definiciones**

0. Se define el odepth de un nodo recursivamente como:

$$\mathsf{odepth}\big( \underbrace{\varepsilon} \big) = 0 \qquad \mathsf{odepth}\big( \underbrace{\vartheta} \big) = 0 \qquad \mathsf{odepth}\big( \underbrace{ \upsilon} \big) = \mathsf{odepth}\big( n_1 \big) + 1$$

- 1. Un ECS  $\mathcal{E}$  es k-acotado si odepth(n)  $\leq k$  para todo nodo n en  $\mathcal{E}$ .
- 2. Un ECS  $\mathcal{E}$  es sin repeticiones si para todo nodo  $\bigcirc$  (como arriba) en  $\mathcal{E}$  se cumple que  $[\![\mathbf{n}_1]\!] \cap [\![\mathbf{n}_2]\!] = \emptyset$ .

#### Teorema

Para  $k \ge 1$  fijo, existe un algoritmo que, para todo ECS k-acotado y sin repeticiones  $\mathcal E$  y nodo n, enumera  $[\![n]\!]$  con delay constante y tiempo  $\mathcal O(1)$ .

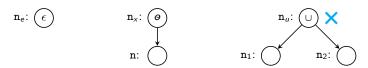
Demostración: ejercicio.

# Operaciones para un ECS

Deseamos soportar las siguientes interfaz sobre un ECS  $\mathcal{E}$ :

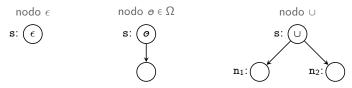
$\mathtt{n}_e \coloneqq \mathcal{E}.\mathtt{epsilon}$	$n_x \coloneqq \mathcal{E}.\mathtt{extend}(n, \sigma)$	$n_u := \mathcal{E}.union(n_1, n_2)$
$\llbracket \mathtt{n}_e  rbracket = \{\epsilon\}$	$[\![ n_x ]\!] = [\![ n ]\!] \cdot \{ \sigma \}$	$\llbracket \mathbf{n}_u \rrbracket = \llbracket \mathbf{n}_1 \rrbracket \cup \llbracket \mathbf{n}_1 \rrbracket$
	t.q. $o \in \Omega$	$t.q. \   \big[\![ n_1 \big]\!] \cap \big[\![ n_2 \big]\!] = \varnothing$

¿cómo implementamos estás operaciones?



¿cómo soportamos estas operaciones manteniendo k-acotado?

# Nodos seguros

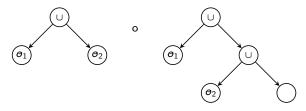


#### Definición

Decimos que un nodo s es seguro (safe) si cumple que:

- $\blacksquare$  s es nodo  $\epsilon$  o nodo  $\theta$ , o
- s es nodo  $\cup$ , odepth(s)  $\leq 1$  y odepth( $n_2$ )  $\leq 1$ .

En otras palabras, si s es nodo-∪ y seguro, entonces s es de dos formas:



### Operaciones para un ECS sobre nodos seguros

Para nodos seguros s, s<sub>1</sub>, s<sub>2</sub> soportamos las operaciones sobre un ECS  $\mathcal{E}$ :

$\mathtt{s}_e \coloneqq \mathcal{E}.\mathtt{e}_{\mathtt{I}}$	psilon	$s_x \coloneqq \mathcal{E}.\mathtt{extend}(s, o)$	$s_u \coloneqq \mathcal{E}.\mathtt{union}(s_1, s_2)$
$\llbracket s_e \rrbracket =$	$\{\epsilon\}$	$[\![\mathbf{s}_x]\!] = [\![\mathbf{s}]\!] \cdot \{\boldsymbol{\theta}\}$	$\llbracket \mathbf{s}_u \rrbracket = \llbracket \mathbf{s}_1 \rrbracket \cup \llbracket \mathbf{s}_1 \rrbracket$
		t.q. $\boldsymbol{\sigma} \in \Omega$	$t.q. \ \ \llbracket \mathbf{s}_1 \rrbracket \cap \llbracket \mathbf{s}_2 \rrbracket = \varnothing$
s <sub>e</sub> : $\epsilon$	s: O	$s_u$ :	$\begin{array}{c c} O & \text{odepth}(n) \leq 1 \\ \hline n: & O & \text{odepth}(n') \leq 2 \\ \hline n': & O & \\ \hline s_2: & O & \\ \hline \end{array}$
		odept	$\operatorname{ch}(n_1) \le 1$ odepth $(n_2) \le$

Si  ${\mathcal E}$  es 2-acotado, entonces el resultado también es 2-acotado.

#### Resumen sobre ECS

#### Teorema

Para un ECS 2-acotado y sin repetidos  $\mathcal{E}$ , y un nodo cualquiera n de  $\mathcal{E}$ :

- 1. [n] se puede enumerar con delay constante y tiempo  $\mathcal{O}(1)$ .
- 2. Las operaciones epsilon, extend y union sobre nodos seguros mantienen la propiedad de 2-acotado y retorna nodos seguros.
- 3. Los nodos input de las operaciones mantienen sus resultados.
- 4. Cada operación toma tiempo constante  $\mathcal{O}(1)$ .

Usaremos nuestra estructura ECS para la evaluación de AnnA

# Outline

Enumeración con delay constante

Enumerable compact sets

Algoritmo de evaluación para AnnA

Algunas conclusiones

# Algoritmo de evaluación con delay constante

Sea  $\mathcal{N}=(Q,\Sigma,\Lambda,\Delta,q_0,F)$  un **AnnA I/O-determinista**,  $d=a_0\ldots a_{n-1}$  un **documento**,  $\mathcal{E}$  un **ECS**, y S un **arreglo de nodos** indexados por Q.

```
Function eval-delayconstante (A, d)
     S \leftarrow [\text{null}]
     S[q_0] \leftarrow \mathcal{E}.epsilon
     for i = 0 to n - 1 do
          S_{\text{old}} \leftarrow S
           S \leftarrow [\text{null}]
           foreach (p, a_i, q) \in \Delta such that S_{old}[p] \neq \text{null do}
                if S[q] = \text{null} then S[q] \leftarrow S_{\text{old}}[p]
                else S[q] \leftarrow \mathcal{E}.union(S[q], S_{old}[p])
           foreach (p, a_i, \ell, q) \in \Delta such that S_{old}[p] \neq \text{null do}
                n \leftarrow \mathcal{E}.extend(S_{old}[p], (i, \ell))
                if S[q] = \text{null then } S[q] \leftarrow \text{n}
                else S[q] \leftarrow \mathcal{E}.union(S[q],n)
     foreach q \in \{p \in Q \mid S[p] \neq \text{null}\} \cap F do
          enumerate(\mathcal{E}, S[q])
```

### Análisis del algoritmo

- $\blacksquare$   $\mathcal{N}$  es I/O-determinista y, por lo tanto,  $\mathcal{E}$  es sin duplicados.
- $lue{}$  Cada operación en  $\mathcal E$  toma tiempo constante.
- Los resultados en  $\mathcal{E}$  se pueden enumerar con delay constante.

...entonces, el algoritmo enumera  $\llbracket \mathcal{N} \rrbracket(d)$  con delay constante y en tiempo  $\mathcal{O}(|\mathcal{N}| \cdot |d|)$ .

# Outline

Enumeración con delay constante

Enumerable compact sets

Algoritmo de evaluación para AnnA

Algunas conclusiones

#### Sobre los resultados de extracción de información

Son un resumen/ideas de los siguientes artículos:

Maturana, Riveros, Vrgoc

"Document Spanners for Extracting Incomplete Information." PODS 2018.

Florenzano, Riveros, Ugarte, Vansummeren, Vrgoc

"Constant Delay Algorithms for Regular Document Spanners." PODS 2018.

Grez, Riveros, Ugarte

"A Formal Framework for Complex Event Processing." ICDT 2019.

Muñoz, Riveros

"Streaming Enumeration on Nested Documents." ICDT 2022.

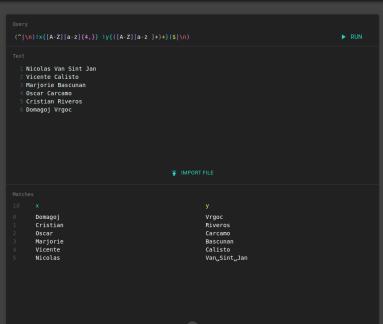
Amarilli, Jachiet, Muñoz, Riveros

"Efficient Enumeration for Annotated Grammars." PODS 2022.

Bucchi, Grez. Quintana, Riveros, Vansummeren

"CORE: a COmplex event Recognition Engine." VLDB 2022.

+ artículos de otros grupos + investigación en curso.



# Desarrollo de investigación / REmatch



 $(\mathsf{Faltan}\ \mathsf{varios})$ 

### Sobre mis temas de investigación

#### Manejo de datos:

- Big data.
- Datos streaming.
- Extracción de información.

#### Lógica / Lenguajes formales:

- Teoría de modelos finitos.
- Teoría de automatas.

#### Grafos de datos:

- Web semántica.
- Base de datos de grafos.
- Centralidad de datos.

#### Teoría de la Computación:

- Complejidad computacional.
- Algoritmos aleatorios.

### Proyectos de implementación

1. REmatch Motor de extracción de información

2. CORE Base de datos streaming

3. MilleniumDB Base de datos de grafos

Estan invitados a colaborar en cualquiera de estos proyectos

(solo escribanme y pregunten)

# FIN :( Gracias!