Floating-point & BF16

DD Final Project (#10)

助教:胡祐嘉、劉宸彦





Outline

- ■課程目的
- IEEE754浮點數表示法
- ■BF16浮點數表示法
- Lab作業
- ■課程評分
- ■附錄

課程目的

經過了先前的實驗課,我們已經了解如何設計整數硬體,在本次課程中,同學們將:

- 學習IEEE754浮點數表示法
- 學習BF16浮點數表示法

IEEE754浮點數表示法(1/4)

- ◆ IEEE 二進位浮點數算術標準 (IEEE 754) 是當前最廣泛使用的浮點數運算標準,在 IEEE 754 中表示浮點數值的方式,包含半精確度 (16 位元)、單精確度 (32 位元)、雙精確度 (64 位元) 等等。
- ◆ 其浮點數表示為: Value = Sign x Exponent x Fraction

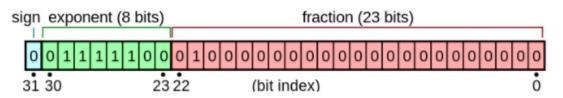
IEEE754浮點數表示法(2/4)

- Sign為符號位,以O表示正值,1表示負值
- Exponent為二進位科學計數法表示下的指數值加上指數偏移值 因為IEEE 754中以無號整數 (Unsigned Integer)表示指數,其中一半值域在表示負數,因此將2^{e-1}-1 定為指數偏移值 (Exponent Bias),其中e為儲存指數的位元長度。

■ Fraction

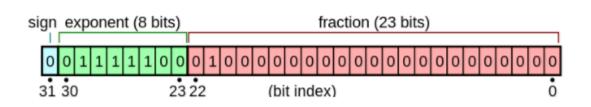
當浮點數的指數部分編碼值在 0 < Exponent ≤ 2^e- 2之間,則Fraction值為二進位科學計數法的尾數 (Mantissa),亦即1.Fraction

如果指數部分編碼值是0,二進位科學計數法的尾數部分非零,則該實際值比前述涵蓋情況更接近0,因此其Fraction代表的值實際為0.Fraction



IEEE754浮點數表示法(3/4)

以單精確度浮點數為例,在32 bits 中,我們使用1 bit 表示正值或負值,8 bits 表示指數,23 bits 表示尾數精度



IEEE754浮點數表示法(4/4)

特殊值

如果指數是0且Fraction亦為0,該值為正負0(視Sign Bit而定)如果指數 = 2^e -1且Fraction為0,該值為正負無限大(視Sign Bit而定)如果指數 = 2^e -1且Fraction不為0,表示該不為一個數(NaN)總結規則如下:

形式	指數	小數部分
零	0	0
非正規形式	0	大於0小於1 (0.Fraction)
正規形式	1到2 ^e – 1	大於等於1小於2 (1.Fraction)
無窮	$2^{e} - 1$	0
NaN	$2^{e} - 1$	非0

BF16浮點數表示法 (BFloat16)

BF16主要概念在於透過降低數字的精度,從而減少運算資源和功耗。 在BF16中,我們使用1bit表示正值或負值,8bits表示指數,7bits表示尾數精度



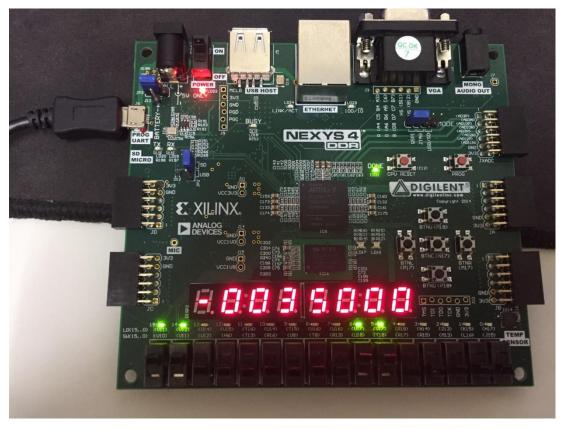
Sign = +1
Exponent =
$$(01111100)_2 - 127 = -3$$

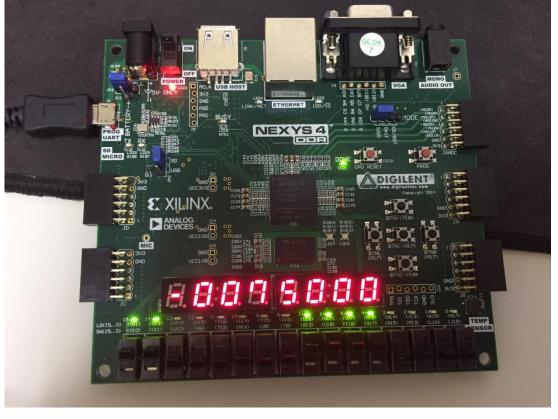
Fraction
= 1 + $(0.0100000)_2$
= 1 + 2⁻²
= 1.25
Value = $(+1) \times 1.25 \times 2^{-3} = +0.15625$

LAB作業

請同學透過FPGA版上的switch輸入一BF16浮點數,並將其顯示在七段顯示器上

- 1. 若值為負,第一個七段顯示器顯示負號,若值為正則不顯示
- 2. 第二到四個七段顯示器顯示整數位,後四個七段顯示器顯示小數位
- 3. 超出最大值(999.9999)或最小值(-999.9999)時顯示FFFF FFFF





課程評分

■ Demo時間:6/15,6/17

■ Demo地點:資工館501A

■ 評分方式

- 1. 輸入一BF16浮點數,按下N17將其顯示在七段顯示器上(60%)
- 2. 按下P17按鈕將輸入數值+7,並將其顯示在七段顯示器上(20%) 按下M17按鈕將輸入數值*3,並將其顯示在七段顯示器上(20%)

記得填寫意見回饋表,否則不予以計分