# Современные методы анализа данных и машинного обучения

Тема 8. Лекция 11

Основы глубинного обучения. Введение в нейронные сети

Юрий Саночкин

ysanochkin@hse.ru

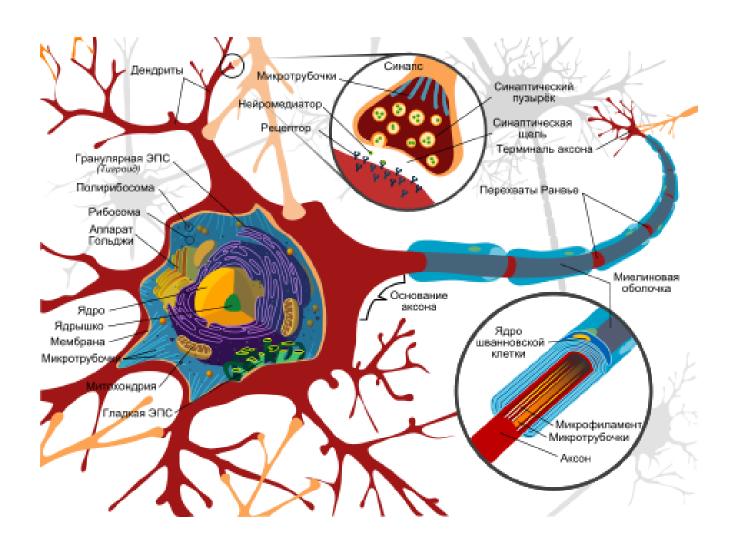
НИУ ВШЭ, 2024

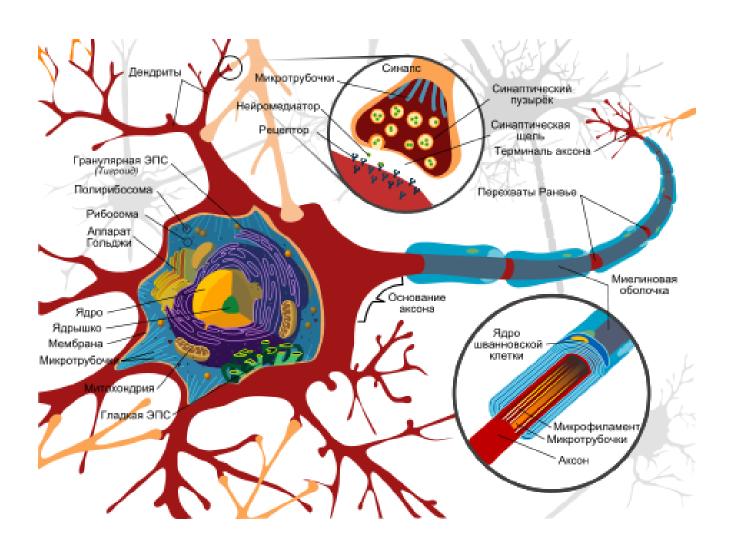
## Нейронные сети

- Ну что же, вот и пришло время обсуждать великие и ужасные нейронные сети! :)
- Что вы знаете о них?

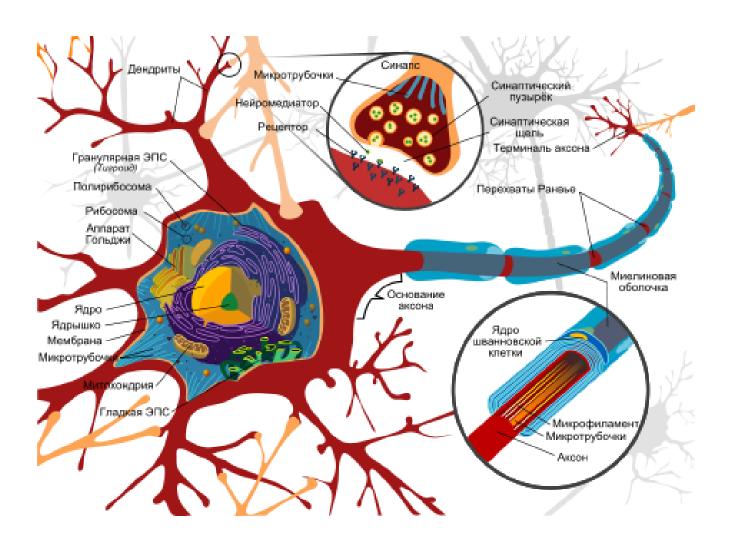
## Нейронные сети

- Ну что же, вот и пришло время обсуждать великие и ужасные нейронные сети! :)
- Что вы знаете о них?
- А как вы вообще понимаете, что такое «нейрон»?

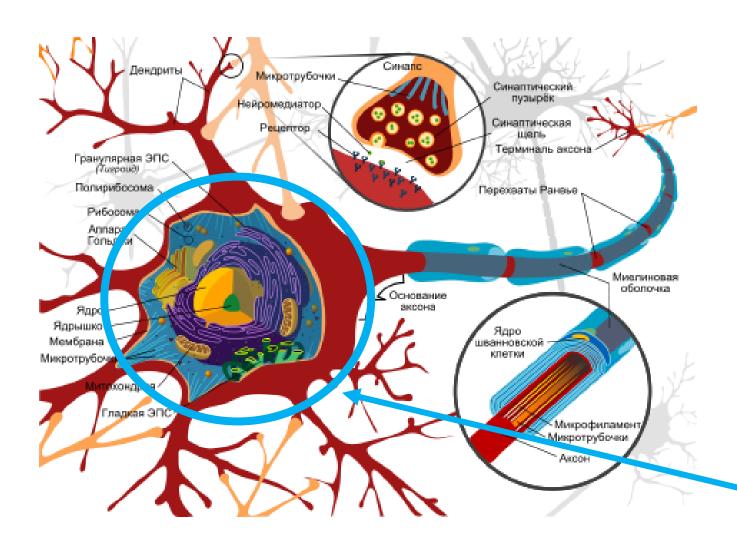


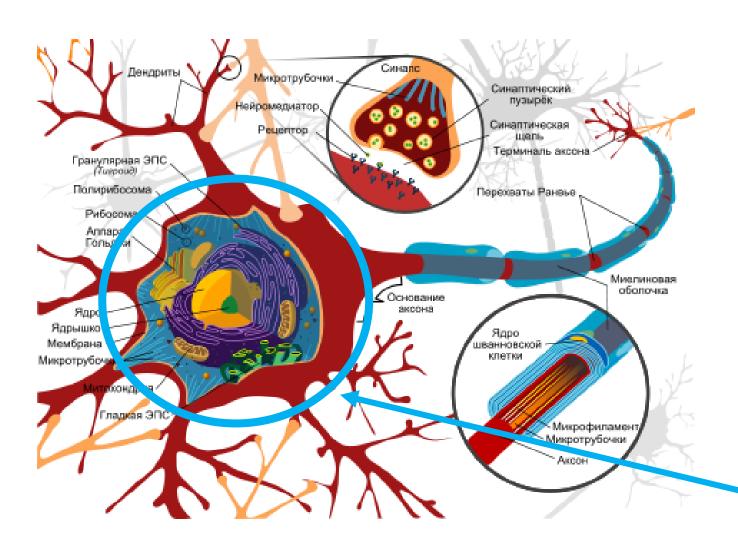


• Нейронные сети и их компоненты — нейроны — берут своё начало (и даже название) от понятия «нейрон» из биологии.

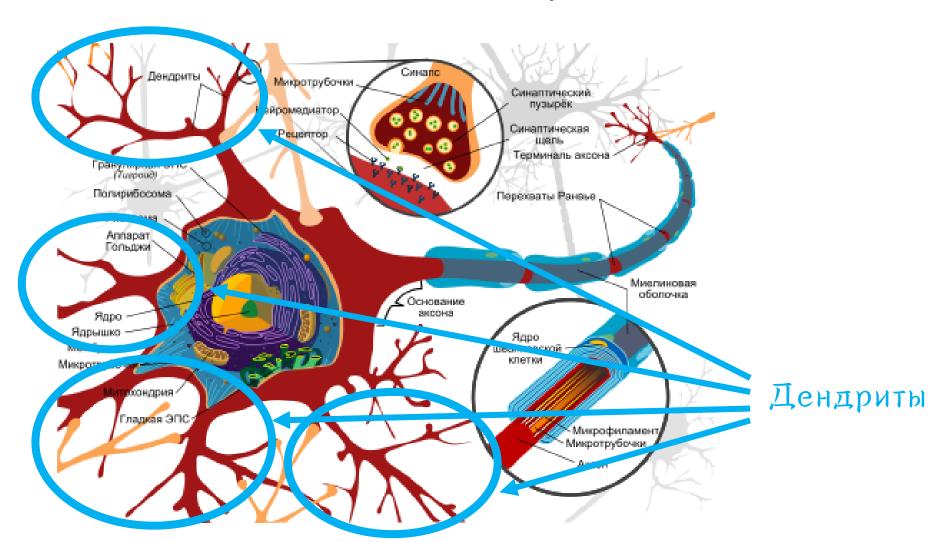


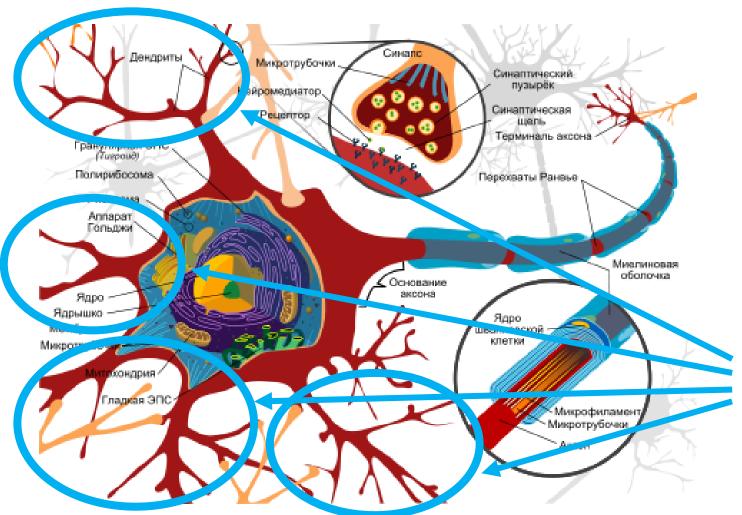
- Нейронные сети и их компоненты нейроны берут своё начало (и даже название) от понятия «нейрон» из биологии.
- Это не случайно и связано с очень близкой и похожей концепцией работы двух этих структур.





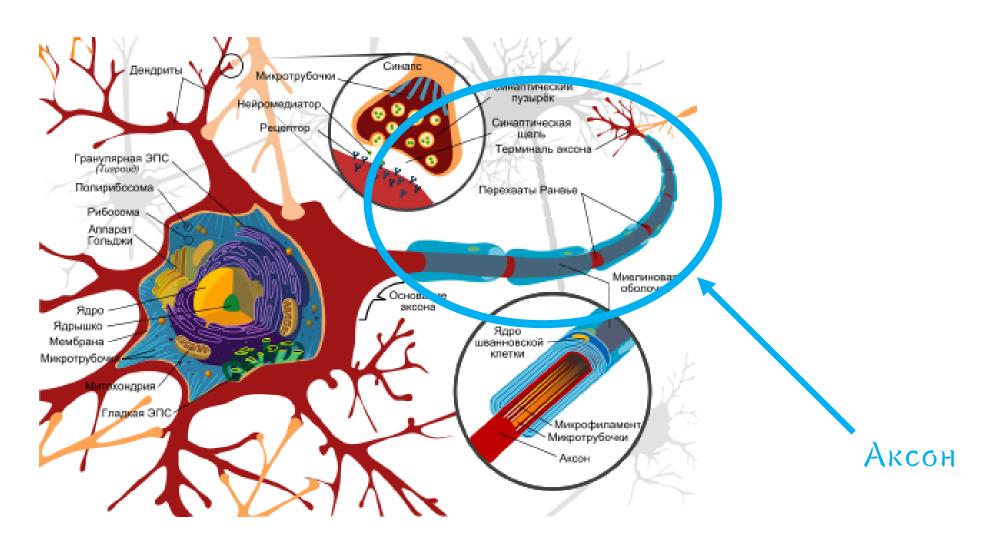
• Свойство: накапливает электрический заряд

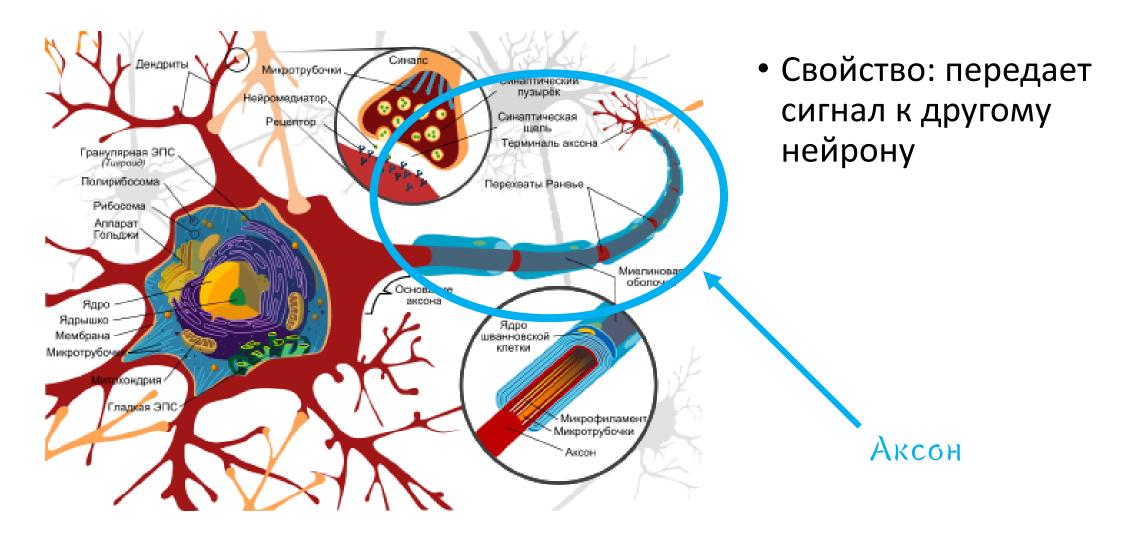


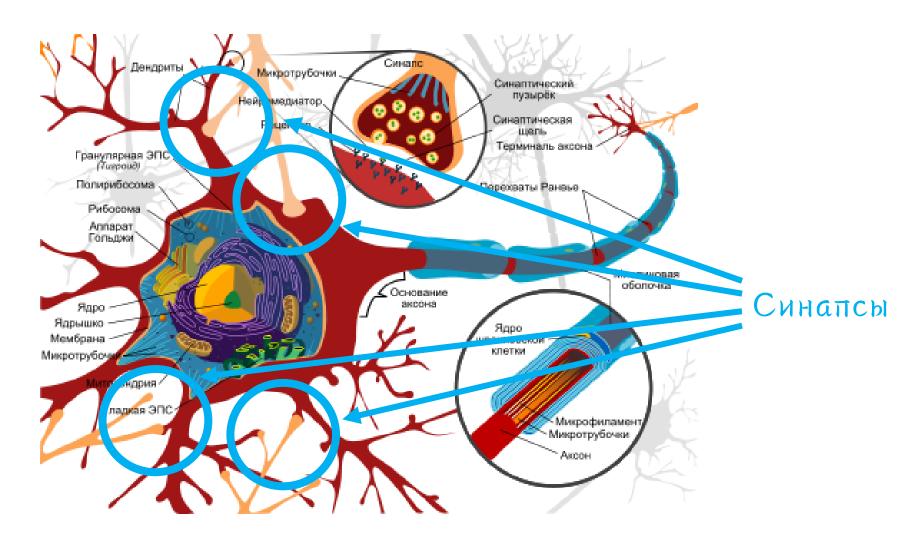


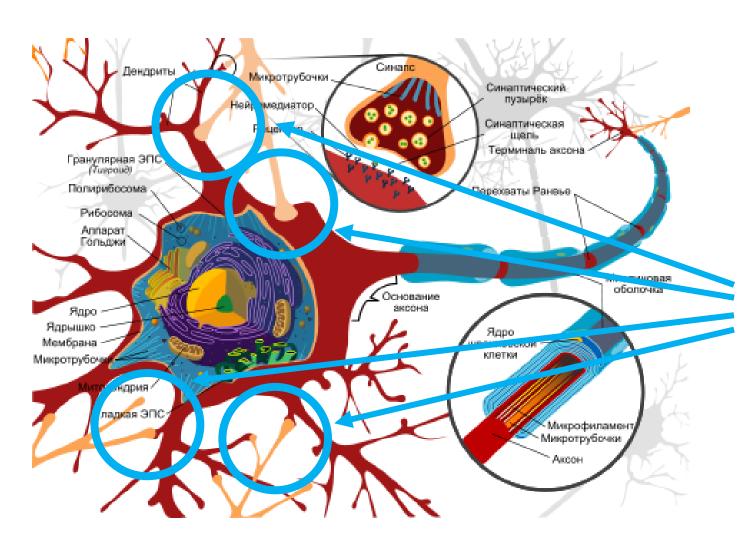
• Свойство: принимают сигналы от других нейронов

Дендриты









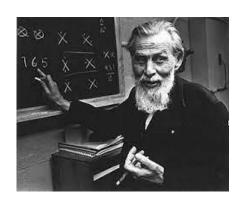
• Свойство: связывают дендрит и аксон

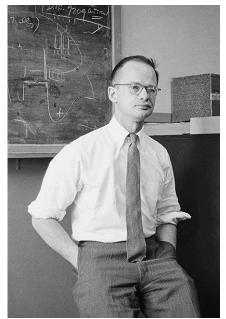
Синапсы

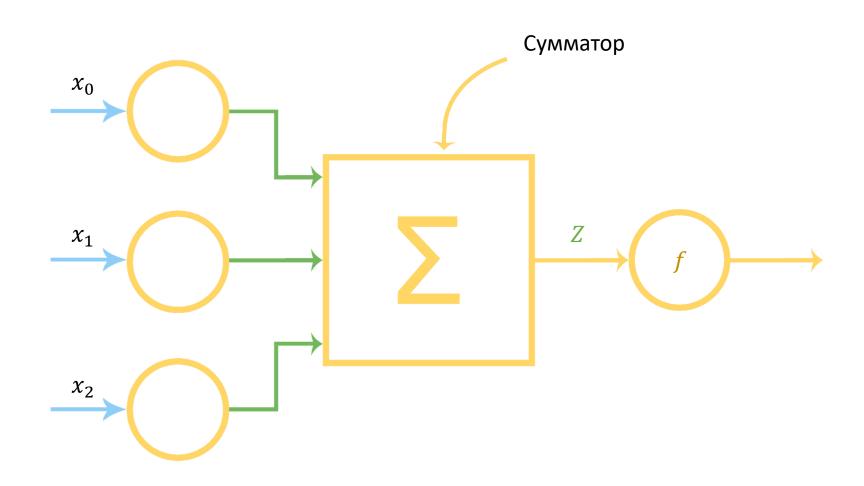
## Нейронные сети

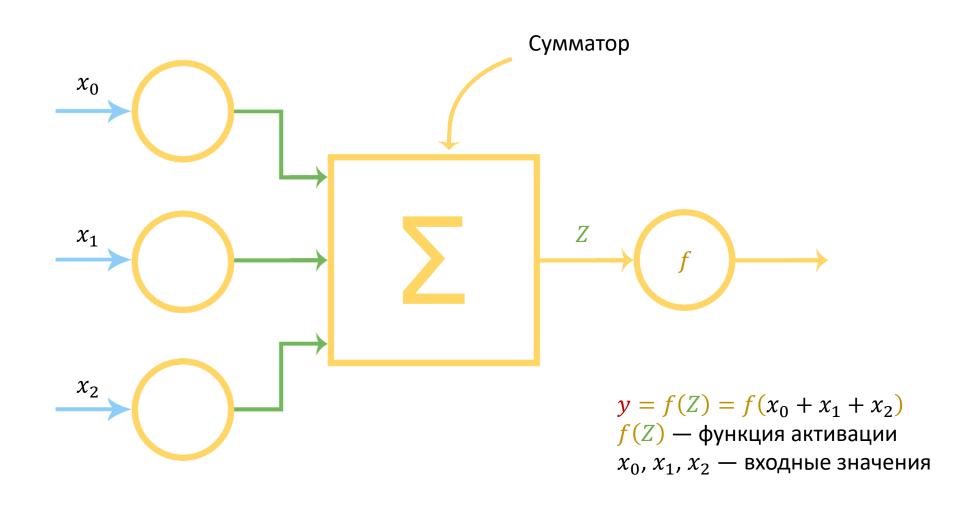
- Хотим реализовать систему, подобную биологическому нейрону.
- Необходимо накапливать и передавать сигналы.
- Хотим, чтобы наша модель была применима к различным задачам.

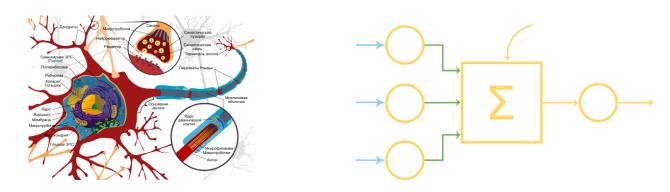
- В качестве математической модели нейрона далее будет рассмотрена модель Маккаллока-Питтса это они представлены на фотографиях справа.
- Очень важная ремарка: данная модель НЕ является реальной моделью биологического нейрона, а лишь отражает некоторые сходные процессы, происходящие в реальном нейроне, с помощью математических операций.



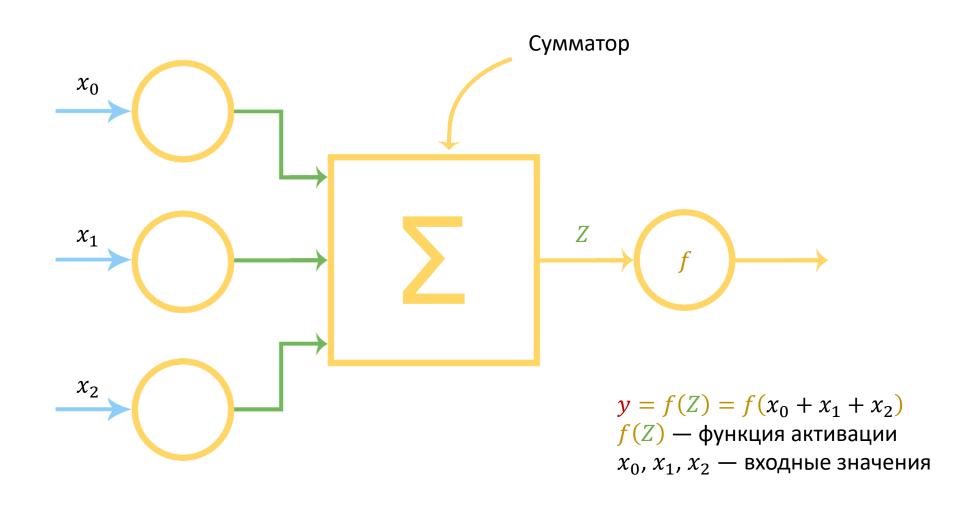


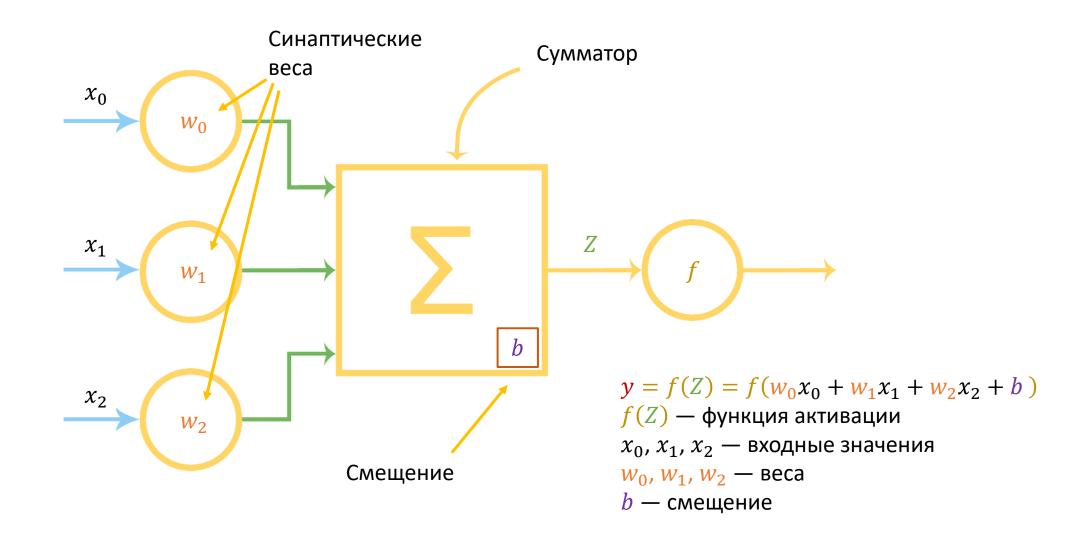




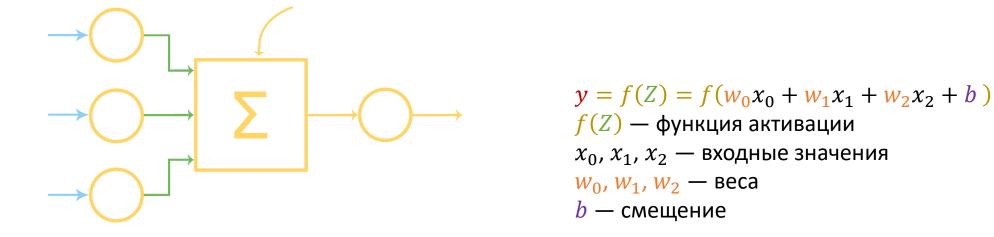


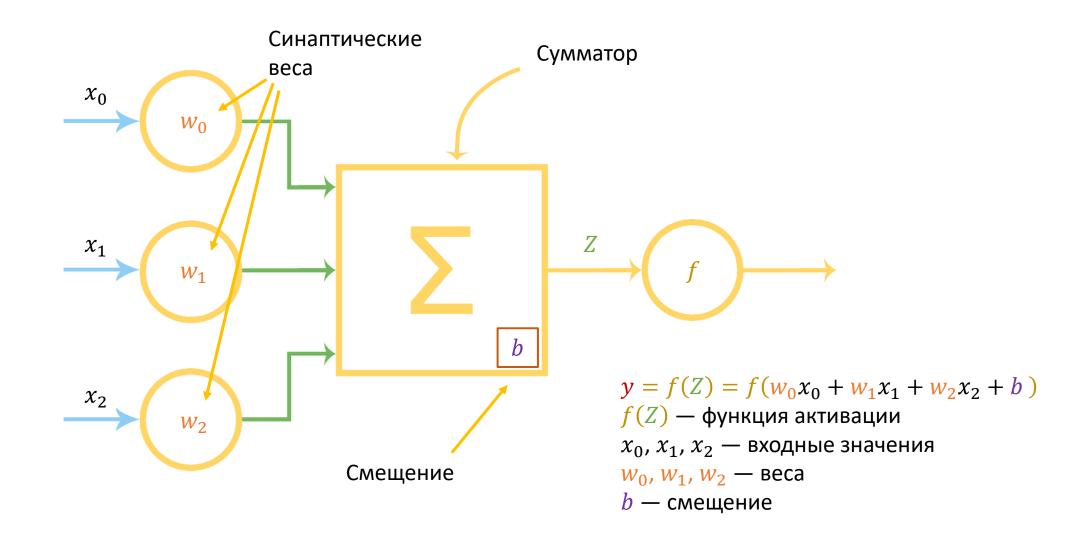
- В математической модели нейрона тело нейрона заменяется на сумматор. Входы в сумматор заменяют дендриты. Аксон заменяется на выход у.
- Биологический нейрон накапливает заряд до тех пор, пока этот заряд не достигнет какого-то значения, и только после этого этот заряд уходит по аксону к другим нейронам.
- Эту роль в нашей модели выполняет функция активации.

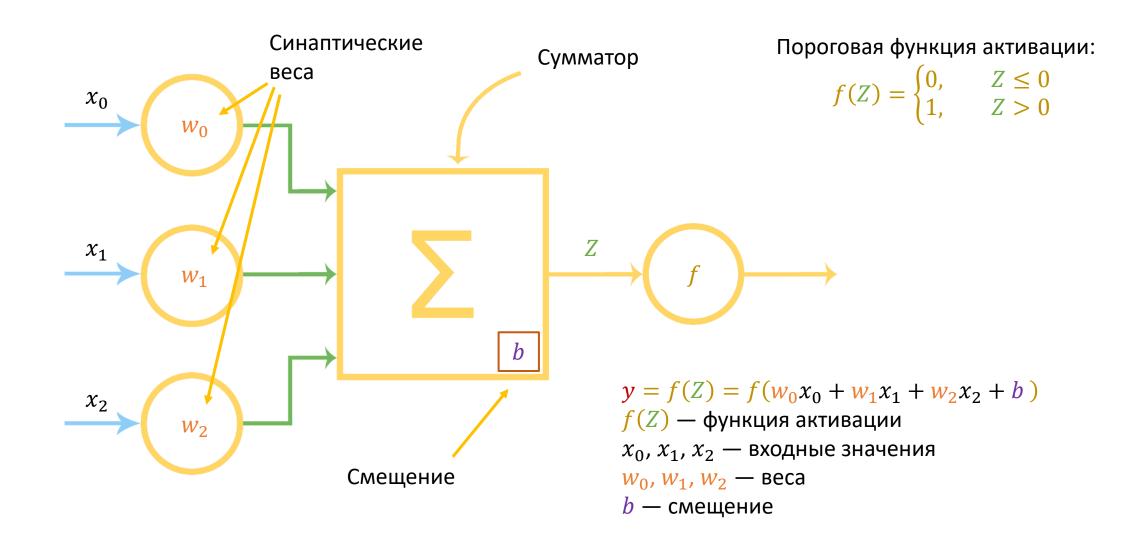


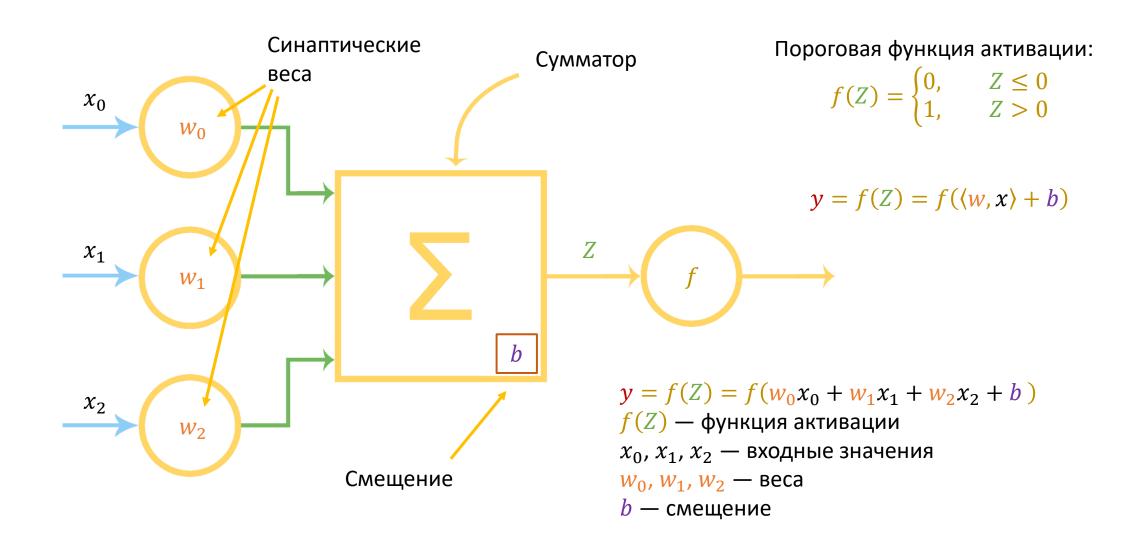


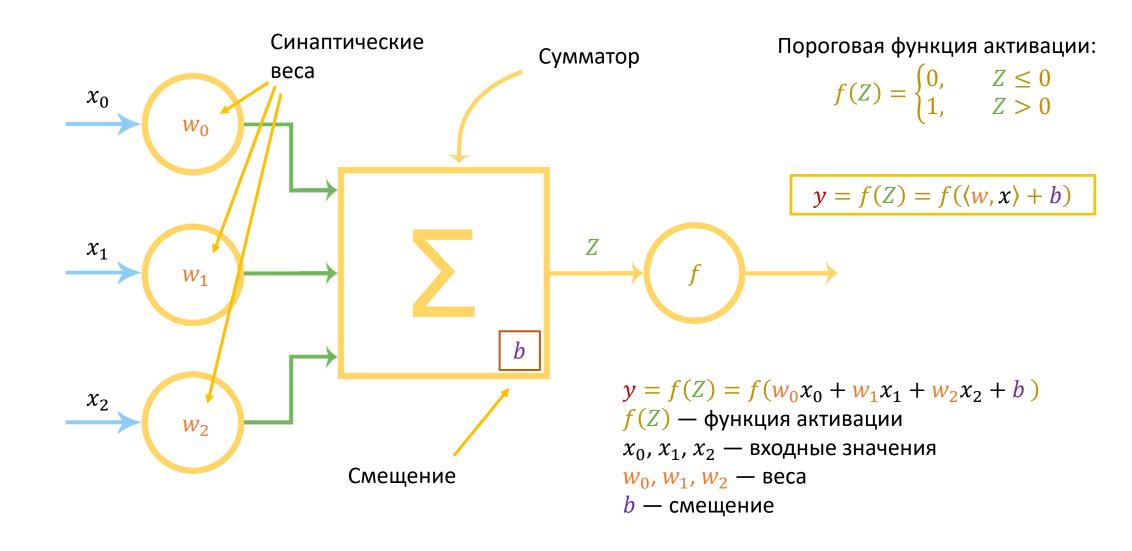
- Обучение биологической нейронной сети сводится к тому, что настраиваются синапсы, поэтому введём некоторые настраиваемые веса, которые навесим на входы в нейрон.
- Для того, чтобы описать все линейные функции, добавим смещение b. Это также обучаемый параметр.











- Таким образом, мы смогли реализовать математическую модель нейрона и все её ключевые элементы: вес, смещение, функцию активации.
- Построили линейный решатель, который позволит нам получать различные результаты путем подстановки данных в него.

• Давайте попробуем сейчас решить несложную задачку и реализовать различные булевы операции через нейроны, а заодно потренируемся со структурой нейронных сетей.

x	$\bar{x}$
0	1
1	0

- Оператор *НЕ*
- Задача: подобрать вес и смещение для выполнения логического *HE*

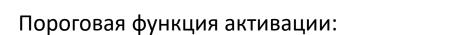


$$f(Z) = \begin{cases} 0, & Z \le 0 \\ 1, & Z > 0 \end{cases}$$



x	$ar{x}$
0	1
1	0

- Оператор *НЕ*
- Задача: подобрать вес и смещение для выполнения логического *HE*



$$f(Z) = \begin{cases} 0, & Z \le 0 \\ 1, & Z > 0 \end{cases}$$

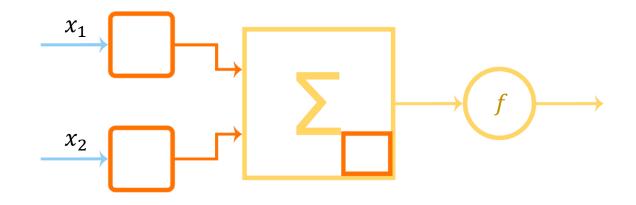


$x_1$	$x_2$	$x_1 \wedge x_2$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Оператор И

• Задача: подобрать веса и смещение для реализации логического *И* 

$$f(Z) = \begin{cases} 0, & Z \le 0 \\ 1, & Z > 0 \end{cases}$$

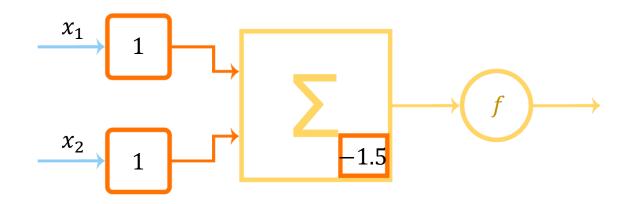


$x_1$	$x_2$	$x_1 \wedge x_2$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Оператор И

• Задача: подобрать веса и смещение для реализации логического *И* 

$$f(Z) = \begin{cases} 0, & Z \le 0 \\ 1, & Z > 0 \end{cases}$$

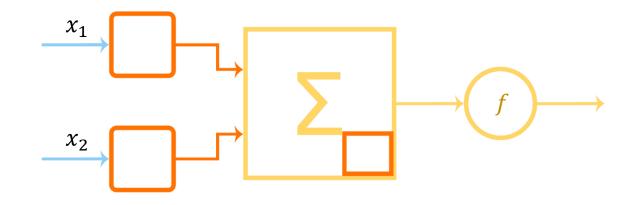


$x_1$	$x_2$	$x_1 \lor x_2$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

• Оператор ИЛИ

• Задача: подобрать веса и смещение для реализации логического *ИЛИ* 

$$f(Z) = \begin{cases} 0, & Z \le 0 \\ 1, & Z > 0 \end{cases}$$

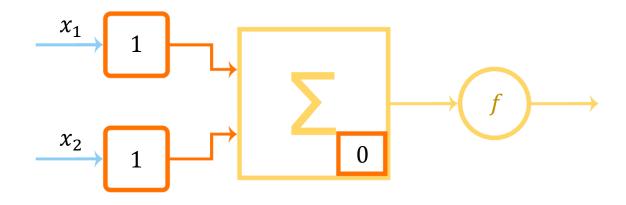


$x_1$	$x_2$	$x_1 \lor x_2$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

• Оператор ИЛИ

• Задача: подобрать веса и смещение для реализации логического *ИЛИ* 

$$f(Z) = \begin{cases} 0, & Z \le 0 \\ 1, & Z > 0 \end{cases}$$

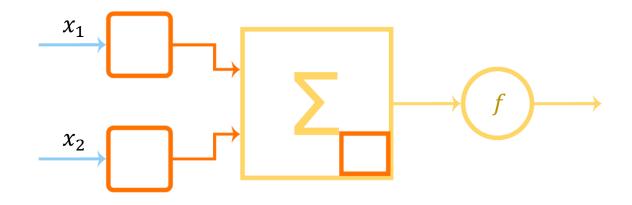


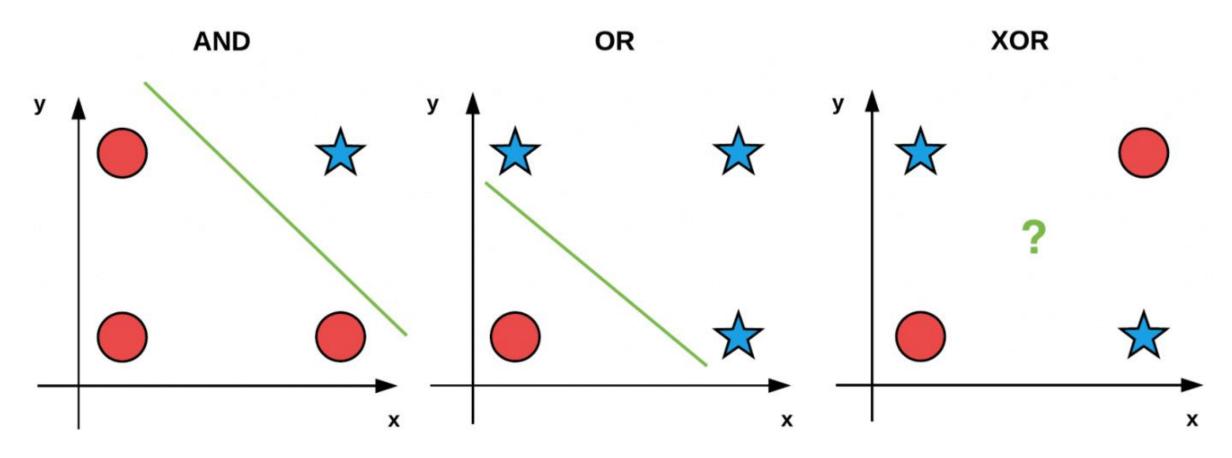
$x_1$	$x_2$	$x_1 \oplus x_2$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

#### • Оператор *XOR*

• Задача: подобрать веса и смещение для реализации логического *XOR* 

$$f(Z) = \begin{cases} 0, & Z \le 0 \\ 1, & Z > 0 \end{cases}$$



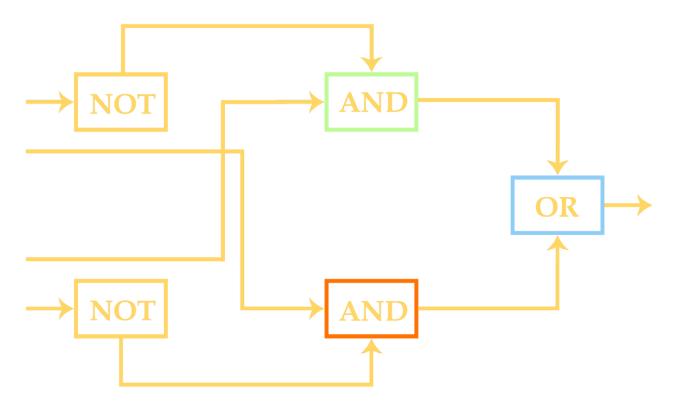


Разделяющая поверхность

$$x_1 \oplus x_2 = (\overline{x_1} \wedge x_2) \vee (\overline{x_2} \wedge x_1)$$

- Оператор *XOR*
- Задача: подобрать веса и смещение для реализации логического *XOR*

$$x_1 \oplus x_2 = (\overline{x_1} \wedge x_2) \vee (\overline{x_2} \wedge x_1)$$



- Оператор *XOR*
- Задача: подобрать веса и смещение для реализации логического *XOR*

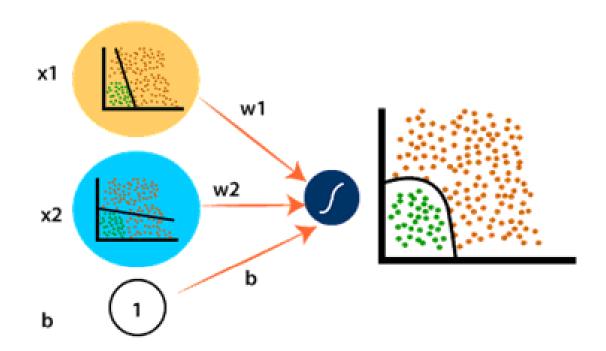
- С помощью 5 нейронов возможно реализовать нелинейную логическую операцию.
- Однако для этого вполне достаточно и 3 нейронов.

- Математический нейрон как таковой позволяет реализовывать булевы операции.
- Комбинация нейронов способна решить уже нелинейную булеву операцию!

- Математический нейрон как таковой позволяет реализовывать булевы операции.
- Комбинация нейронов способна решить уже нелинейную булеву операцию!
- Попробуем теперь объединить нейроны в несколько слоев и посмотрим, что из этого выйдет!

• Коротко о том, откуда в нейронных сетях появляется нелинейность:

• Коротко о том, откуда в нейронных сетях появляется нелинейность:



- Нейронная сеть это структура, состоящая из множества нейронных слоев, где каждый слой включает в себя искусственные нейроны, взаимодействующие между собой посредством весов и функций активации.
- Такие взаимодействия позволяют сети обучаться на данных и решать различные задачи машинного обучения.

• Какие основные компоненты нейронной сети могут быть выделены?

- Какие основные компоненты нейронной сети могут быть выделены?
- Архитектура нейронной сети

- Какие основные компоненты нейронной сети могут быть выделены?
- Архитектура нейронной сети
  - Из каких блоков она состоит

- Какие основные компоненты нейронной сети могут быть выделены?
- Архитектура нейронной сети
  - Из каких блоков она состоит
- Функция потерь

- Какие основные компоненты нейронной сети могут быть выделены?
- Архитектура нейронной сети
  - Из каких блоков она состоит
- Функция потерь
  - Как мы хотим её штрафовать за ошибки

- Какие основные компоненты нейронной сети могут быть выделены?
- Архитектура нейронной сети
  - Из каких блоков она состоит
- Функция потерь
  - Как мы хотим её штрафовать за ошибки
- Метод оптимизации

- Какие основные компоненты нейронной сети могут быть выделены?
- Архитектура нейронной сети
  - Из каких блоков она состоит
- Функция потерь
  - Как мы хотим её штрафовать за ошибки
- Метод оптимизации
  - Как мы хотим обновлять веса

- Какие основные компоненты нейронной сети могут быть выделены?
- Архитектура нейронной сети
  - Из каких блоков она состоит
- Функция потерь
  - Как мы хотим её штрафовать за ошибки
- Метод оптимизации
  - Как мы хотим обновлять веса
- Метрика

- Какие основные компоненты нейронной сети могут быть выделены?
- Архитектура нейронной сети
  - Из каких блоков она состоит
- Функция потерь
  - Как мы хотим её штрафовать за ошибки
- Метод оптимизации
  - Как мы хотим обновлять веса
- Метрика
  - Как будем оценивать качество работы

• Какие основные типы задач в глубинном обучении могут быть выделены?

- Какие основные типы задач в глубинном обучении могут быть выделены?
- Регрессия
- Классификация
- Компьютерное зрение (CV) детекция, сегментация и т.д.
- Обработка естественного языка (NLP) перевод, генерация и т.д.
- Metric learning
- Кластеризация
- Поиск аномалий

• Напомните, что такое функция потерь?

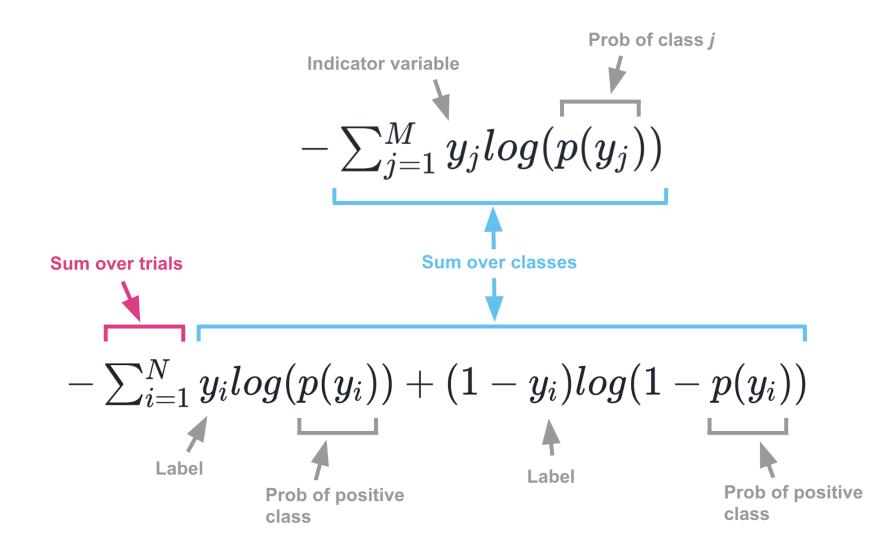
- Напомните, что такое функция потерь?
- Необходимо придумать некое правило для оценки качества предсказания во время обучения функцию потерь. Функция потерь должна нам показывать, насколько хорошо мы сейчас решаем нашу задачу.

- Напомните, что такое функция потерь?
- Необходимо придумать некое правило для оценки качества предсказания во время обучения функцию потерь. Функция потерь должна нам показывать, насколько хорошо мы сейчас решаем нашу задачу.
- В качестве примера для регрессии можно вспомнить популярную и знакомую нам функцию потерь MSE средний квадрат ошибки.

$$\frac{1}{n}\sum_{i}^{n}(\widetilde{y}_{i}-y_{i})^{2}$$

• А какая функция потерь используется в задачах классификации?

- А какая функция потерь используется в задачах классификации?
- Для решения задачи классификации используют функцию потерь кросс-энтропия (в случае многоклассовой классификации) и бинарную кросс-энтропию для бинарной классификации.



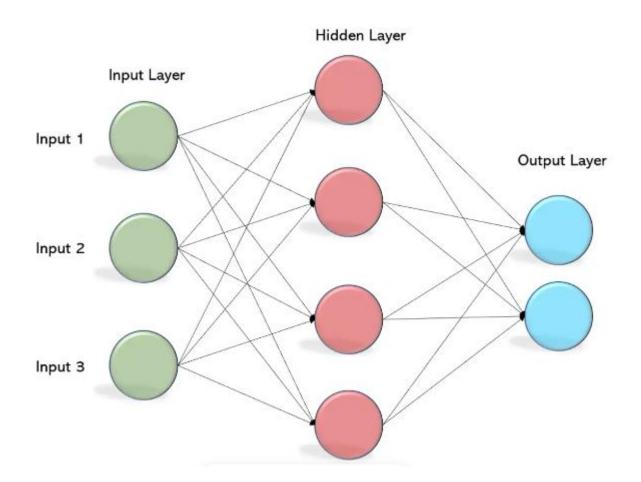
- А вот теперь очень важное утверждение.
- Теорема Цыбенко или Универсальная теорема аппроксимации, теорема, доказанная Джорджем Цыбенко в 1989 году.

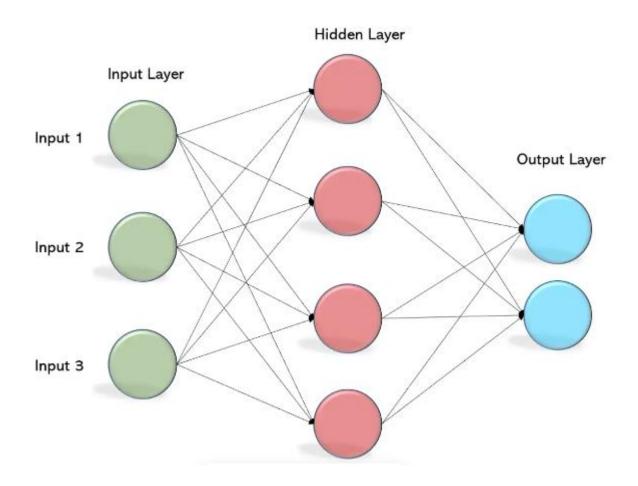
- А вот теперь очень важное утверждение.
- Теорема Цыбенко или Универсальная теорема аппроксимации, теорема, доказанная Джорджем Цыбенко в 1989 году.
- Искусственная нейронная сеть прямой связи с одним скрытым слоем и нелинейной функцией активации (например, сигмоида) может аппроксимировать...

- А вот теперь очень важное утверждение.
- Теорема Цыбенко или Универсальная теорема аппроксимации, теорема, доказанная Джорджем Цыбенко в 1989 году.
- Искусственная нейронная сеть прямой связи с одним скрытым слоем и нелинейной функцией активации (например, сигмоида) может аппроксимировать...
- ...любую ограниченную функцию многих переменных с не более чем счетным числом точек разрыва с любой точностью.

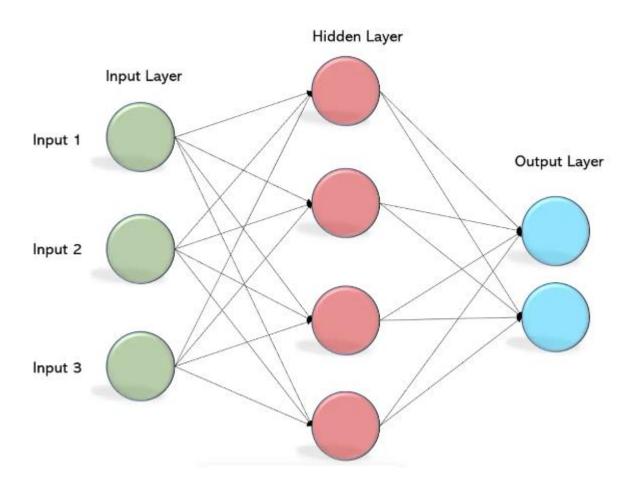
- А вот теперь очень важное утверждение.
- Теорема Цыбенко или Универсальная теорема аппроксимации, теорема, доказанная Джорджем Цыбенко в 1989 году.
- Искусственная нейронная сеть прямой связи с одним скрытым слоем и нелинейной функцией активации (например, сигмоида) может аппроксимировать...

...любую ограниченную функцию многих переменных с не более чем счетным числом точек разрыва с любой точностью.

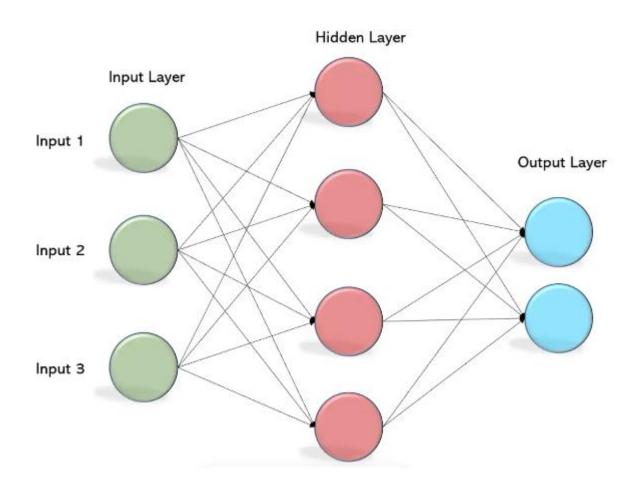




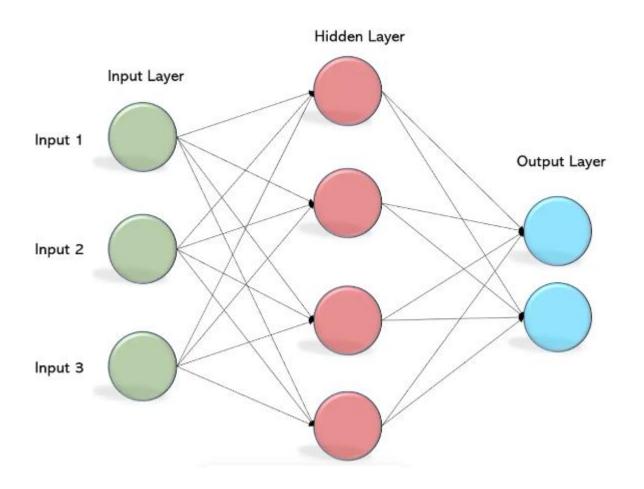
• Перцептрон Розенблатта



- Перцептрон Розенблатта
- Нейронная сеть с 1 скрытым слоем



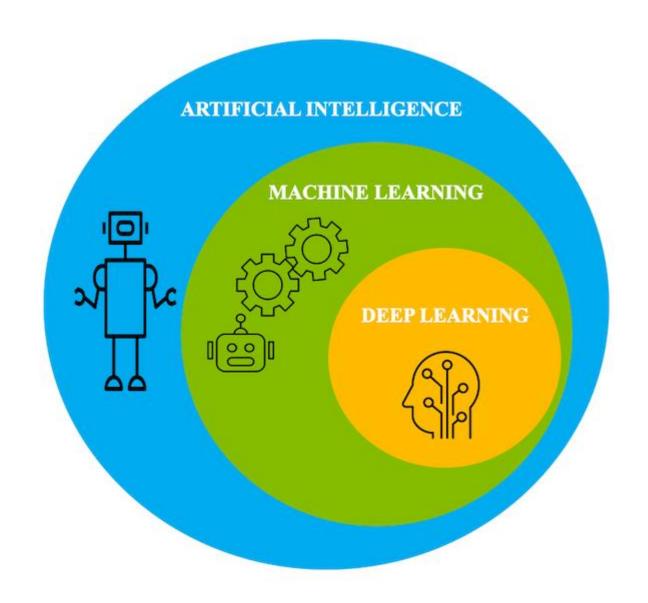
- Перцептрон Розенблатта
- Нейронная сеть с 1 скрытым слоем
- Пороговая функция активации



- Перцептрон Розенблатта
- Нейронная сеть с 1 скрытым слоем
- Пороговая функция активации
- Первая успешно работающая нейронная сеть (решала задачу распознавания английских букв)

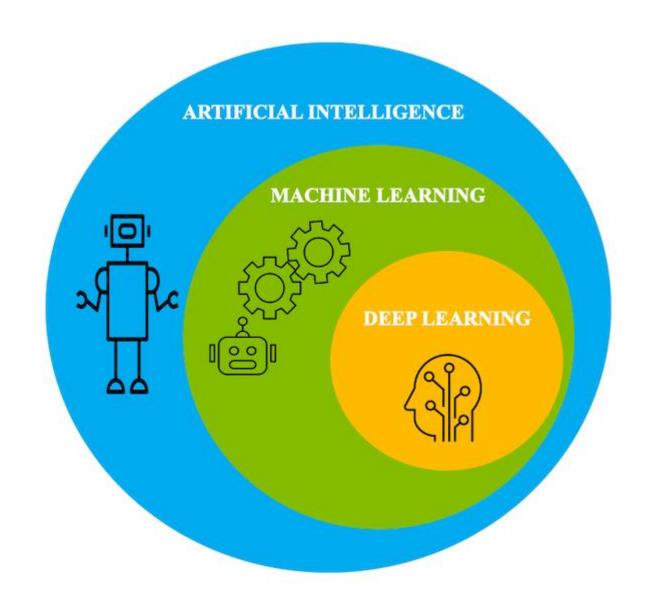
### Глубинное обучение

• Под глубоким (или глубинным) обучением понимают одну из областей машинного обучения, связанную с большими нейронными сетями



# Глубинное обучение

- Под глубоким (или глубинным) обучением понимают одну из областей машинного обучения, связанную с большими нейронными сетями
- Формально, сеть считается глубокой, если в ней 3 или более скрытых слоя

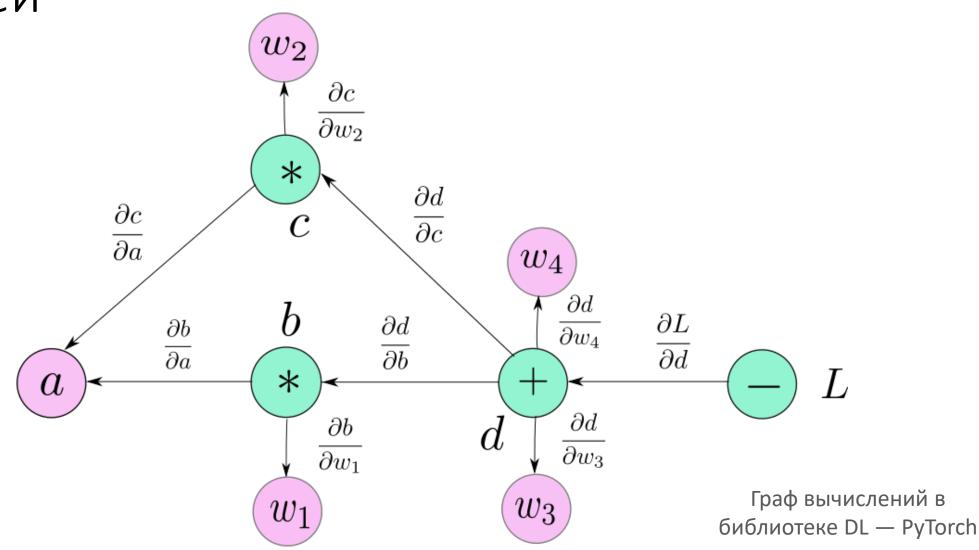


• Давайте вспомним очень важное понятие в контексте машинного обучения и математической оптимизации — градиент.

- Давайте вспомним очень важное понятие в контексте машинного обучения и математической оптимизации градиент.
- Градиентом функции многих переменных называется вектор, составленный из всех частных производных.
- Обратите внимание: это именно вектор, не число!

- Давайте вспомним очень важное понятие в контексте машинного обучения и математической оптимизации градиент.
- Градиентом функции многих переменных называется вектор, составленный из всех частных производных.
- Обратите внимание: это именно вектор, не число!

$$\nabla F = \left(\frac{\partial F}{\partial x_1}(x_1, x_2, \dots, x_n), \frac{\partial F}{\partial x_2}(x_1, x_2, \dots, x_n), \dots, \frac{\partial F}{\partial x_n}(x_1, x_2, \dots, x_n)\right)$$

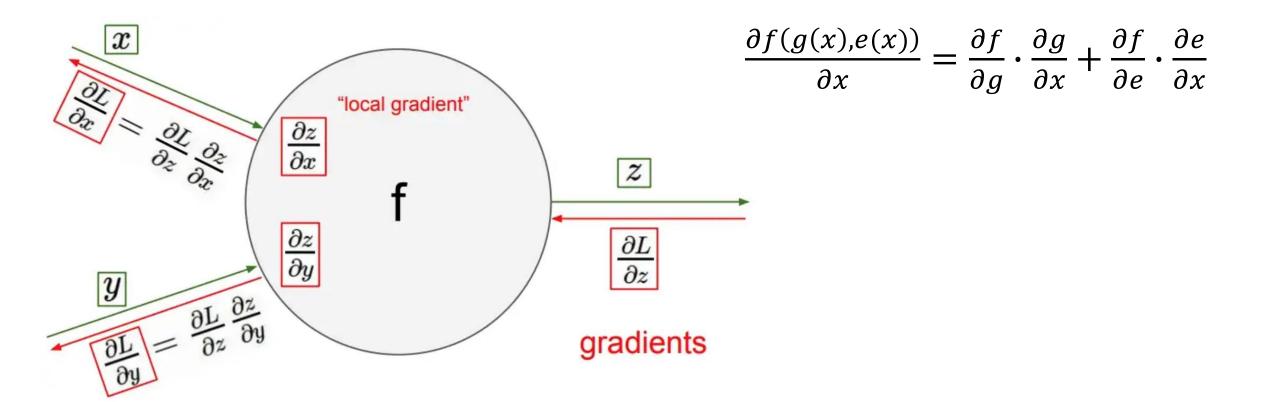


• Chain rule или правило цепочки — правило дифференцирования сложной функции

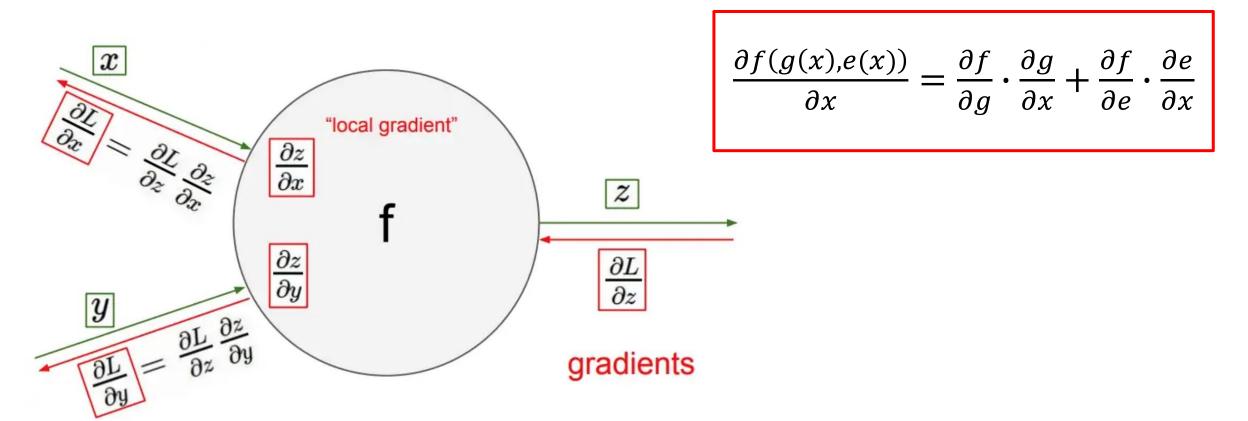
 Chain rule или правило цепочки — правило дифференцирования сложной функции

$$\frac{\partial f(g(x), e(x))}{\partial x} = \frac{\partial f}{\partial g} \cdot \frac{\partial g}{\partial x} + \frac{\partial f}{\partial e} \cdot \frac{\partial e}{\partial x}$$

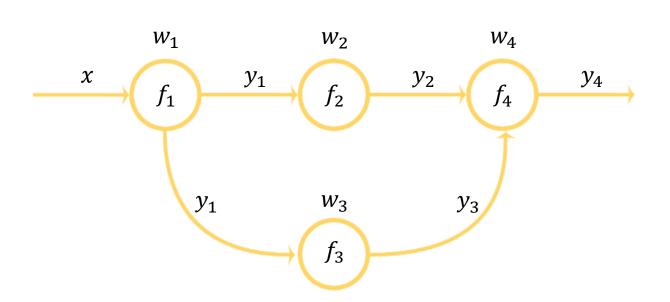
 Chain rule или правило цепочки — правило дифференцирования сложной функции



 Chain rule или правило цепочки — правило дифференцирования сложной функции

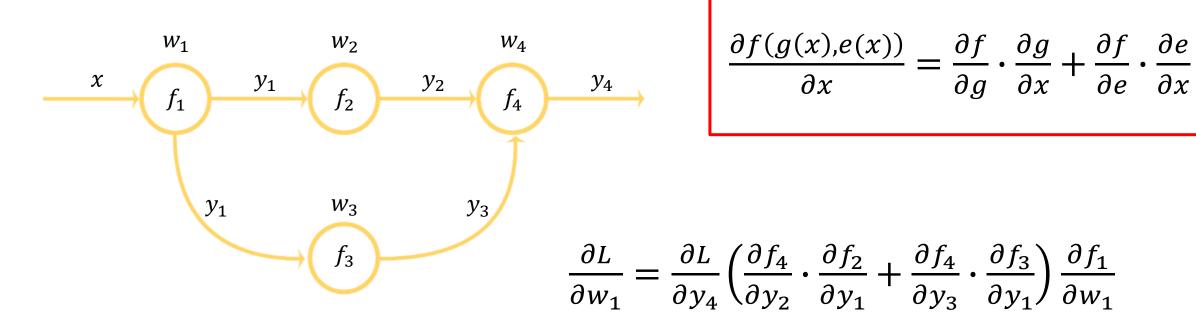


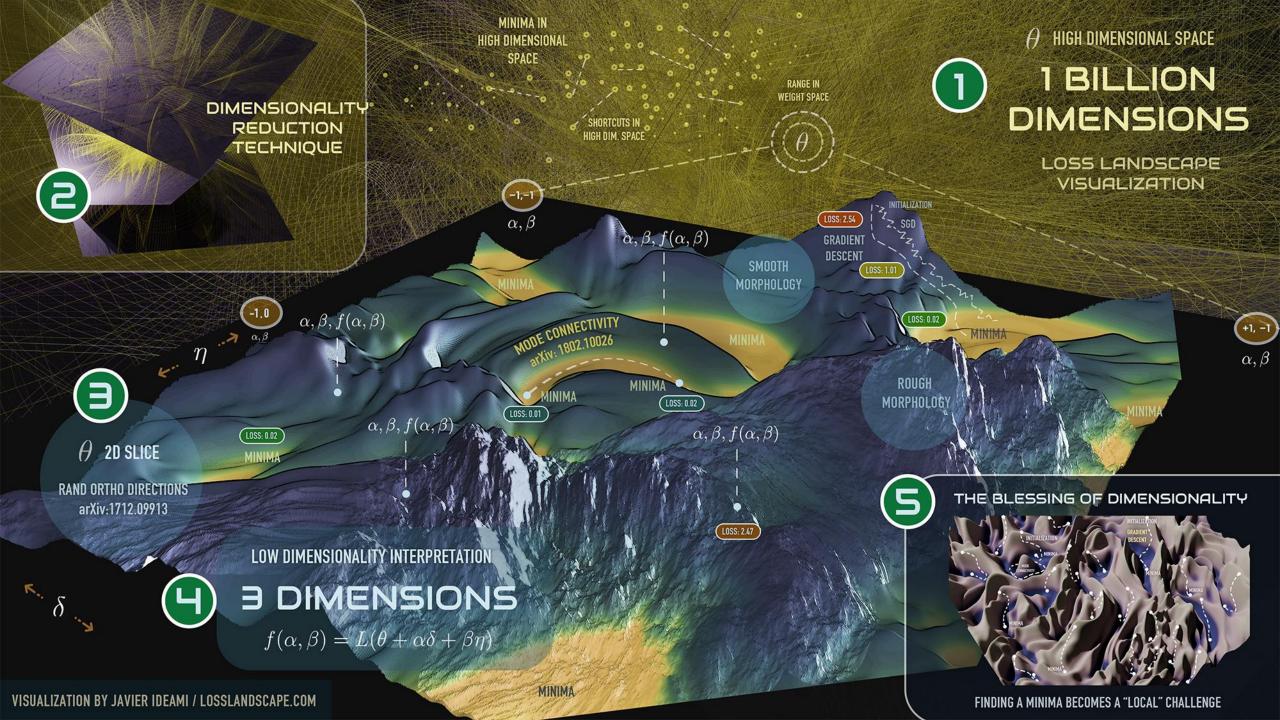
• Chain rule или правило цепочки — правило дифференцирования сложной функции



$$\frac{\partial f(g(x), e(x))}{\partial x} = \frac{\partial f}{\partial g} \cdot \frac{\partial g}{\partial x} + \frac{\partial f}{\partial e} \cdot \frac{\partial e}{\partial x}$$

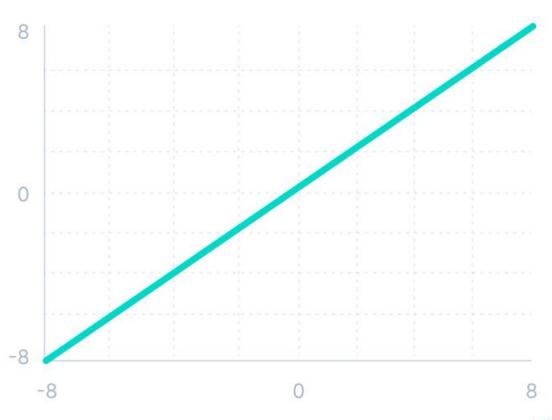
• Chain rule или правило цепочки — правило дифференцирования сложной функции





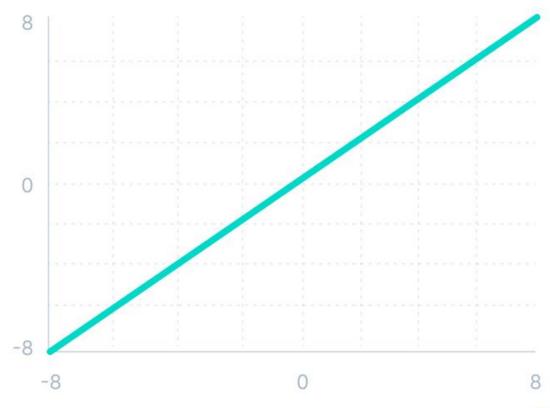
- В реальной жизни ландшафт функции потерь чрезвычайно сложен.
- На картинке раннее представлен примерный ландшафт для модели с 1 млрд параметров (далеко не самая большая модель).
- Как видно, застрять можно где угодно, а значит нужно как-то модифицировать градиентный спуск.

#### **Linear Activation Function**

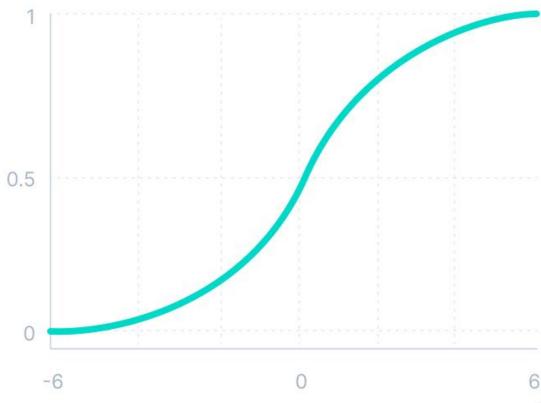


- Недостатки:
- Невозможно использовать обратное распространение ошибки, так как производная функции является константой
- Независимо от количества слоев в нейронной сети последний слой все равно будет линейной функцией первого слоя.

#### **Linear Activation Function**

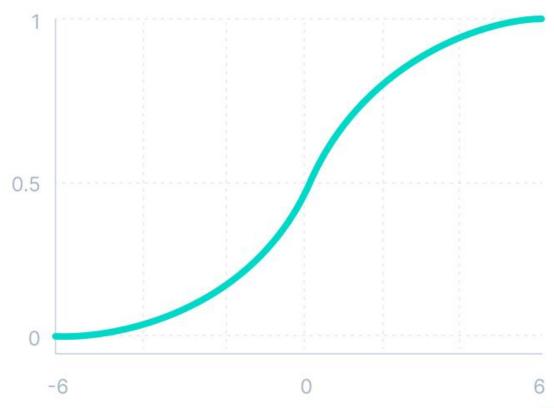


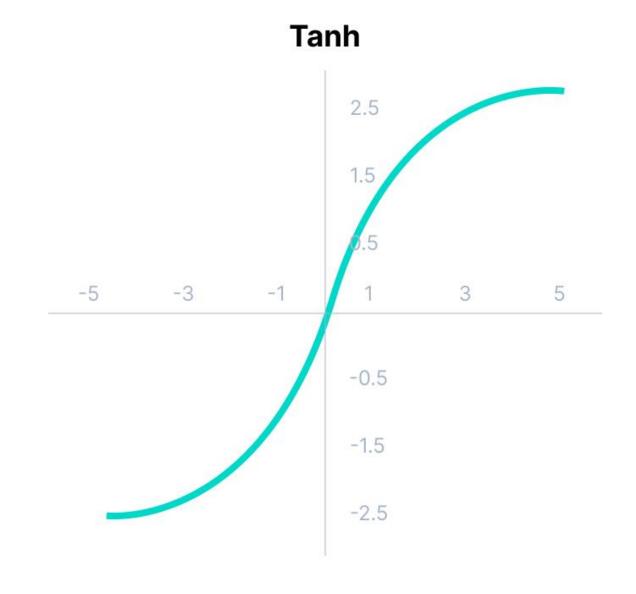
#### Sigmoid / Logistic



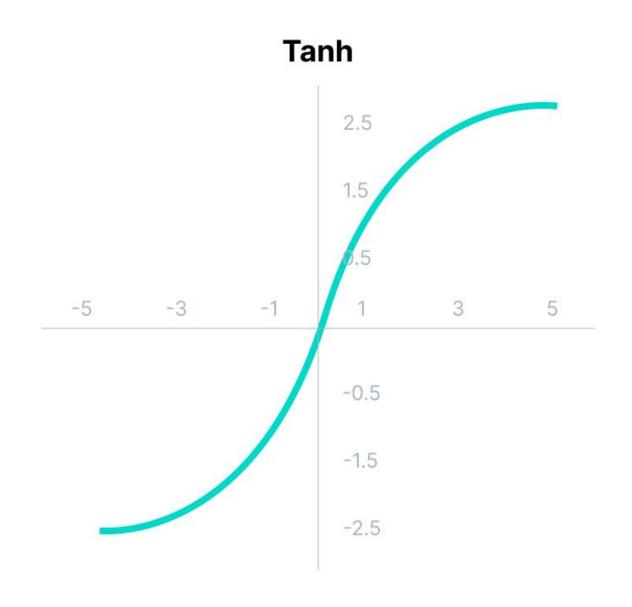
- Недостатки:
- Затухание градиентов
- Все выходы одного знака

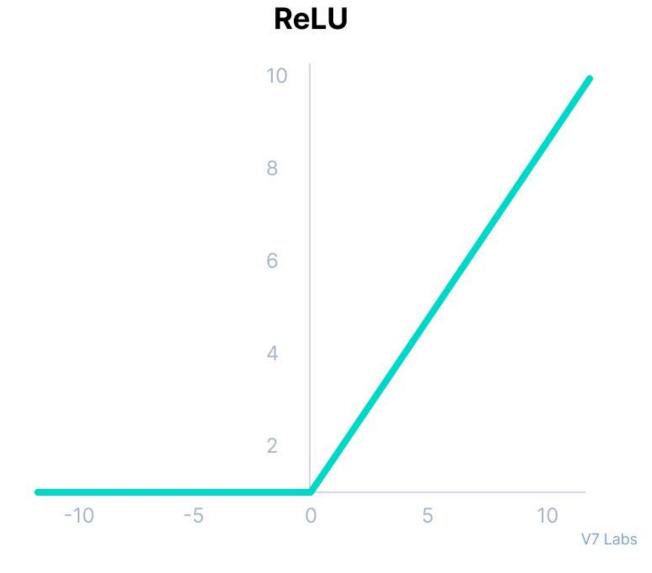
#### Sigmoid / Logistic



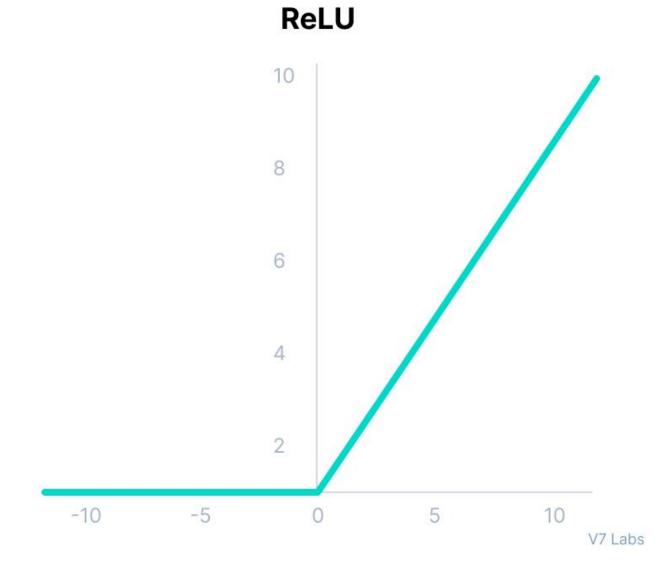


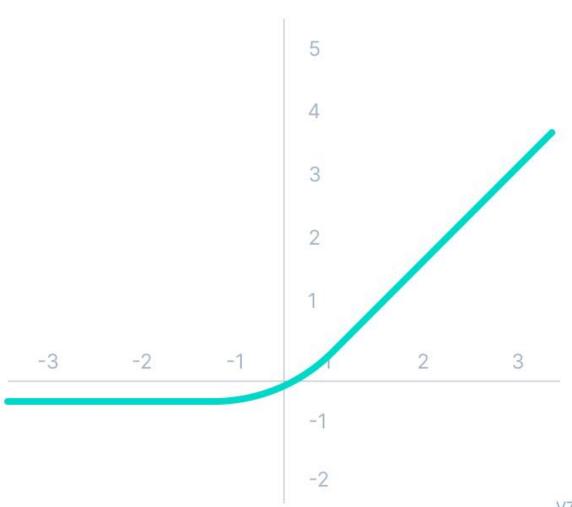
- Недостатки:
- Затухание градиентов
- Производная круче, чем у сигмоиды





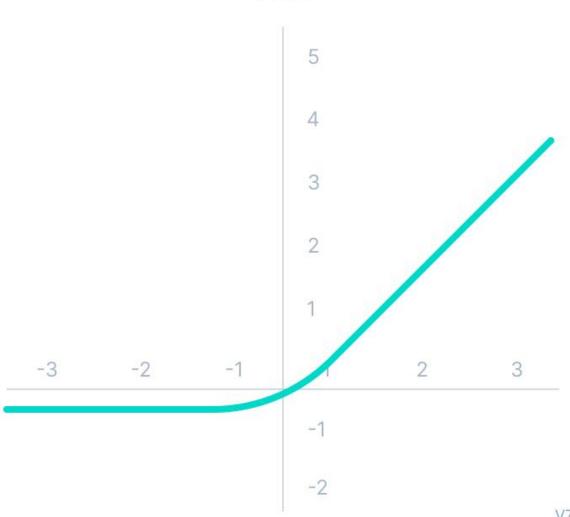
- Недостатки:
- Все отрицательные входные значения немедленно становятся равными нулю, что снижает способность модели правильно подбирать или обучать данные.





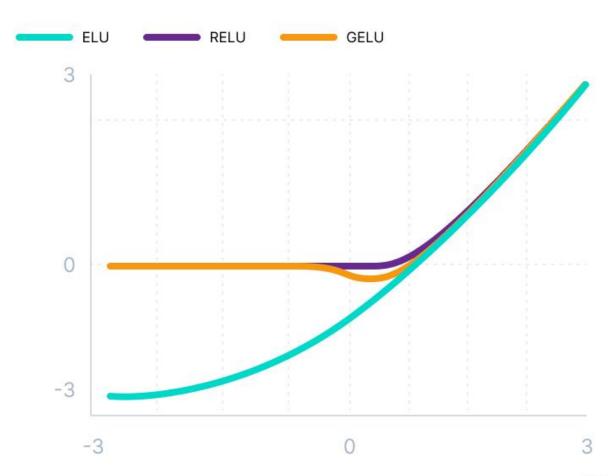
**ELU** 

- Недостатки:
- Увеличение времени вычислений из-за экспоненты
- Возможен взрыв градиентов



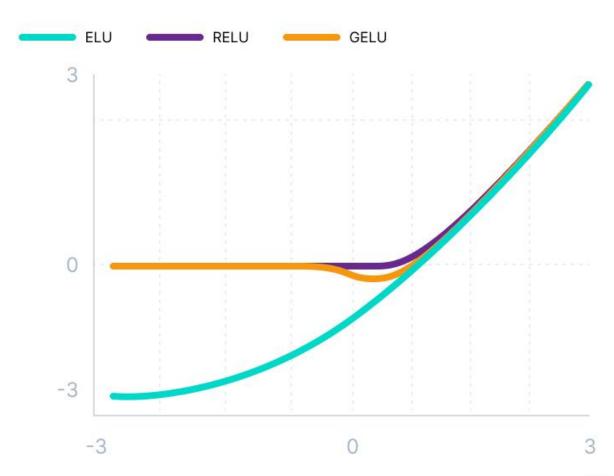
**ELU** 

#### **GELU**



• На данный момент одна из основных функций активации для больших и глубоких нейронных сетей

#### **GELU**



• Собираем все вместе

- Собираем все вместе
- Архитектура нейронной сети

- Собираем все вместе
- Архитектура нейронной сети
  - Выбираем слои, функции активации

- Собираем все вместе
- Архитектура нейронной сети
  - Выбираем слои, функции активации
- Функция потерь

- Собираем все вместе
- Архитектура нейронной сети
  - Выбираем слои, функции активации
- Функция потерь
  - Определяем тип задачи и меру штрафа

- Собираем все вместе
- Архитектура нейронной сети
  - Выбираем слои, функции активации
- Функция потерь
  - Определяем тип задачи и меру штрафа
- Метод оптимизации

- Собираем все вместе
- Архитектура нейронной сети
  - Выбираем слои, функции активации
- Функция потерь
  - Определяем тип задачи и меру штрафа
- Метод оптимизации
  - Используем градиентный спуск или его модификацию

- Собираем все вместе
- Архитектура нейронной сети
  - Выбираем слои, функции активации
- Функция потерь
  - Определяем тип задачи и меру штрафа
- Метод оптимизации
  - Используем градиентный спуск или его модификацию
- Метрика

- Собираем все вместе
- Архитектура нейронной сети
  - Выбираем слои, функции активации
- Функция потерь
  - Определяем тип задачи и меру штрафа
- Метод оптимизации
  - Используем градиентный спуск или его модификацию
- Метрика
  - В зависимости от типа задачи, может совпадать с функцией потерь

- Таким образом, мы детально разобрали алгоритм обратного распространения ошибки.
- Изучили различные функции активации, их преимущества и недостатки.
- Разобрали все основные этапы обучения нейронной сети.

- Таким образом, мы детально разобрали алгоритм обратного распространения ошибки.
- Изучили различные функции активации, их преимущества и недостатки.
- Разобрали все основные этапы обучения нейронной сети.
- Отличная работа!