

IIC2333 - Sistemas Operativos y Redes

Ayudantía complementaria – Paginación – Solución propuesta

Profesor: Cristian Ruz

Ayudante: Germán Leandro Contreras Sagredo (glcontreras@uc.cl)

Nota al lector

El título dice "solución propuesta" por una razón bien sencilla: Estos ejercicios pueden tener más de un desarrollo correcto. Lo que se pretende hacer aquí es mostrar un camino a la solución, sin excluir la posibilidad de rutas alternativas igual de correctas.

Preguntas

- (Midterm II/2018) Considere un sistema de direcciones virtuales de 40 bit, con soporte de hasta 16GB de memoria física y páginas de 4KB. Cada dirección de memoria referencia 1 Byte.
 - a. ¿Cuánto es la máxima cantidad de memoria que puede direccionar cada proceso? Con 40 bits podemos tener un total de 2^{40} direcciones diferentes. Luego, si cada dirección de memoria referencia 1 Byte, entonces se tiene una cantidad de memoria direccionable igual a 2^{40} B = 1TB.
 - b. Si el tamaño de cada entrada en la tabla de páginas (PTE) está alineado a una cantidad de Byte que sea potencia de 2, ¿de qué tamaño, en Byte, es la tabla de páginas? ¿Cuántos bit quedan disponibles para metadata?

Para responder a esta pregunta, es necesario obtener los siguientes datos:

- Bits de offset: El offset estará dado por el tamaño de página, dado que cada dirección de offset nos entrega una ubicación dentro de una página. Al tener un tamaño de páginas igual a 4KB, tenemos entonces 2²KB = 2¹²B. Es decir, se necesitan 12 bits de offset para poder direccionar el espacio completo de una página.
- Bits de página: Para obtener este valor, es necesario desglosar las direcciones virtuales en dos fragmentos: n_página|offset. Dado que sabemos que existen 12 bits de offset dentro de la dirección virtual: $b_p + b_{off} = 40 \rightarrow b_p = 28$. Es decir, necesitamos 28 bits para poder direccionar a todas las páginas existentes.

- Bits de direccionamiento físico: Para este valor, basta con hacer uso del tamaño de la memoria física y el hecho de que cada dirección de memoria referencia a 1 Byte. Al tener un 16GB de memoria física, podemos ver que 2⁴GB = 2³4B, es decir, tenemos un total de 2³4 direcciones físicas, lo que se traduce en 34 bits de direccionamiento físico.
- Bits de marco: Para obtener este valor, es necesario desglosar las direcciones físicas en dos fragmentos: n_marco|offset. Dado que el offset es igual al de las páginas¹: $b_m + b_{off} = 34 \rightarrow b_m = 22$. Es decir, necesitamos 22 bits para poder direccionar a todos los marcos físicos existentes.
- Número de entradas (PTE): Este número será igual al número de páginas existente por proceso. Por lo tanto, existen 2²⁸ entradas en total.
- Tamaño de PTE: Este valor es igual al número de marco físico al que la página correspondiente está asignada, sumado a los bits de *metadata* que podemos usar. Dado que el número de marco físico hace uso de 22 bits y nuestra entrada debe tener un tamaño que sea una potencia de 2, debemos rellenar con 10 bits adicionales, los que serán nuestra *metadata*.

Finalmente, calculamos el tamaño de la tabla de páginas como sigue:

$$T_p = \#PTE \times \mathtt{sizeof}(PTE) = 2^{28} \times 32b = 2^{28} \times 4B = 2^{30}B = 1GB$$

c. Para reducir la cantidad de memoria necesaria por cada proceso se propone aumentar el tamaño de las páginas. ¿Hasta cuánto debe crecer el tamaño de la página para que la tabla de páginas quepa completamente en una página? Puede ignorar los bits de *metadata*, pero debe considerar el alineamiento a una potencia de 2 en los Byte de la PTE.

De partida, sabemos que nuestra tabla de páginas no va a cambiar su tamaño. Si bien ya no se usan bits de *metadata*, el *padding* para tener un tamaño de potencia de 2 sigue siendo requisito. Ahora, al ver que la tabla ocupa 1GB en total, mientras que el tamaño de página es de 4KB, sabemos que es necesario hacer una reducción para poder cumplir lo pedido. Para poder obtener el valor de forma ordenada, es necesario notar lo siguiente: si duplico el tamaño de mi página, estaré usando un bit adicional de *offset* y un bit menos de número de página², lo que se replicará en el caso de las direcciones físicas -disminuyendo en una unidad la cantidad de bits de los marcos físicos-. Por lo tanto, haremos este cálculo secuencialmente hasta cumplir el requisito:

- \blacksquare Tamaño de página igual a 8KB: $2^{27} \times (21+11)b = 2^{27} \times 4B = 512MB$
- Tamaño de página igual a 16KB: $2^{26} \times (20 + 12)b = 2^{26} \times 4B = 256MB$
- Tamaño de página igual a 32KB: $2^{25} \times (19 + 13)b = 2^{25} \times 4B = 128MB$
- Tamaño de página igual a 64KB: $2^{24} \times (18 + 14)b = 2^{24} \times 4B = 64MB$
- Tamaño de página igual a 128KB: $2^{23} \times (17 + 15)b = 2^{23} \times 4B = 32MB$
- Tamaño de página igual a 256KB³: $2^{22} \times (16)$ b = $2^{22} \times 2$ B = 8MB
- Tamaño de página igual a 512KB: $2^{21} \times (15+1)b = 2^{21} \times 2B = 4MB$
- Tamaño de página igual a 1MB: $2^{20} \times (14+2)b = 2^{20} \times 2B = 2MB$

 $^{^1{\}rm Siempre}$ debe ser consistente el tamaño de página con el tamaño de marco físico.

²Recordar que el número de bits de direccionamiento virtual no cambia.

³Notar que aquí no es necesario añadir *padding*, dado que el número de bits de marco físico ya es una potencia de 2.

■ Tamaño de página igual a 2MB: $2^{19} \times (13+3)b = 2^{19} \times 2B = 1MB$

Vemos entonces que, en este esquema, es necesario tener páginas de 2MB para poder almacenar en una de estas la tabla de páginas de un proceso en su totalidad.

- (I2 I/2018) Considere un sistema con páginas de 16KB, direcciones virtuales de 48 bit, direcciones físicas de 30 bit.
 - a. Indique la cantidad máxima, en Byte, de memoria virtual que puede direccionar cada proceso; y la cantidad máxima, en Byte, de memoria física que puede direccionar el sistema. Con 48 bits podemos tener un total de 2⁴⁸ direcciones virtuales diferentes. Luego, si cada dirección de memoria referencia 1 Byte, entonces se tiene una cantidad de memoria virtual direccionable igual a 2⁴⁸B = 2⁸TB = 256TB.
 - De forma similar, con 30 bits podemos tener un total de 2^{30} direcciones físicas diferentes. Dado que cada dirección de memoria también referencia 1 Byte, entonces se tiene una cantidad de memoria física direccionable igual a $2^{30}B = 1GB$.
 - b. Calcule el tamaño, en Byte, de una tabla de páginas de 1 nivel para este sistema. Considere que se utilizan 4 bit para *metadata*: *valid*, *reference*, *dirty* y *RW*. ¿Cabe la tabla de páginas en la memoria física?

Sabemos que el tamaño de la tabla de páginas está dado por $T_p = \#PTE \times \mathtt{sizeof}(PTE)$. Entonces, llevaremos a cabo un análisis similar al del problema anterior.

- Bits de offset: El offset estará dado por el tamaño de página, dado que cada dirección de offset nos entrega una ubicación dentro de una página. Al tener un tamaño de páginas igual a 16KB, tenemos entonces 2⁴KB = 2¹⁴B. Es decir, se necesitan 14 bits de offset para poder direccionar el espacio completo de una página.
- Bits de página: Para obtener este valor, es necesario desglosar las direcciones virtuales en dos fragmentos: n_página|offset. Dado que sabemos que existen 14 bits de offset dentro de la dirección virtual: $b_p + b_{off} = 48 \rightarrow b_p = 34$. Es decir, necesitamos 34 bits para poder direccionar a todas las páginas existentes.
- Bits de marco: Para obtener este valor, es necesario desglosar las direcciones físicas en dos fragmentos: n_marco|offset. Dado que el offset es igual al de las páginas: $b_m + b_{off} = 30 \rightarrow b_m = 16$. Es decir, necesitamos 16 bits para poder direccionar a todos los marcos físicos existentes.
- Número de entradas (PTE): Este número será igual al número de páginas existente por proceso. Por lo tanto, existen 2³⁴ entradas en total.
- Tamaño de PTE: Este valor es igual al número de marco físico al que la página correspondiente está asignada, sumado a los bits de *metadata* que podemos usar. Dado que el número de marco físico hace uso de 16 bits y que debemos incluir 4 bits de *metadata*, entonces cada PTE tendrá un ancho de 20 bits.

Con la información necesaria, procedemos a aplicar la fórmula⁴:

 $[\]overline{^4}$ IMPORTANTE: Notar que en el ejercicio anterior se hizo la transformación de bits a Byte de forma directa dado que es sencillo ver que 32b=4B. No obstante, hay casos en los que la respuesta no es tan directa. En estos casos, se debe aplicar la siguiente transformación: $xb \times \frac{1B}{2^3b} = \frac{x}{2^3}B$.

Finalmente, es directo ver que una tabla de páginas de 40GB **no cabe** en una página de 16KB.

c. Proponga un esquema de paginación multinivel con la mínima cantidad de niveles necesarios en el cual, para cada nivel, una tabla de ese nivel cabe completamente en una página de memoria. Para justificar su solución debe indicar el tamaño de una tabla (en Byte) de cada nivel y dibujar el esquema de direccionamiento con las dimensiones de cada tabla. Puede suponer que la metadata se encuentra únicamente en la última tabla.

Para este ejercicio, es necesario considerar lo siguiente:

- Por convención, se asume que el ancho de la entrada de la tabla de páginas del nivel i para un esquema de n niveles es igual a los bits de direccionamiento del nivel i+1 para i=1,...,n-1. Por ejemplo, para una paginación de tres niveles, con x bits de direccionamiento de primer nivel, y bits de direccionamiento de segundo nivel y z bits de direccionamiento tercer nivel, el ancho de una PTE de primer nivel será de y bits y el de una PTE de segundo nivel será de z bits. Las entradas del tercer nivel, por otra parte, tendrán los bits de marco físico más los bits de metadata, siguiendo lo impuesto por el ejercicio.
- Los bits de direccionamiento que se distribuyen por nivel son los del número de página. Los bits de offset NO SE TOCAN, dado que estos direccionan dentro de la página, cuyo tamaño no cambia.
- Para resolver este problema rápidamente es necesario encontrar la distribución de bits por nivel ideal para un menor tamaño de tabla de páginas en todos los niveles. Como es algo que en general se debe llevar a cabo de forma manual, una buena aproximación es distribuir los bits de forma equitativa por nivel.

Siguiendo las consideraciones anteriores, primero veremos los tamaños de tabla de página resultante para un esquema de paginación de dos niveles distribuyendo los bits de direccionamiento virtual de forma equitativa, es decir, 17 bits por nivel. A continuación, el esquema correspondiente.

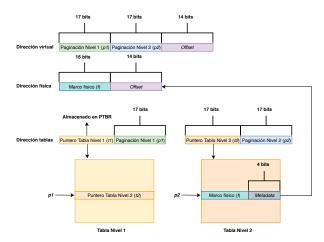


Figura 1: Esquema de paginación multinivel de dos niveles en base al contexto de este problema.

Bajo este esquema, los tamaños son los siguientes⁵:

- Tabla primer nivel: $2^{17} \times 17b = 2^{14} \times 17B = 16 \times 17KB = 272KB > 16KB$
- Tabla segundo nivel: $2^{17} \times 20b = 2^{14} \times 17B = 16 \times 20KB = 320KB > 16KB$

Vemos que en ningún nivel la tabla correspondiente cabe en una página, por lo que el esquema no cumple lo solicitado. Por lo tanto, pasamos a utilizar un esquema de paginación de tres niveles. Tratando de ser lo más equitativo posible, haremos uso de 12 bits para el primer nivel y 11 bits para los siguientes dos niveles. El esquema resultante es el siguiente.

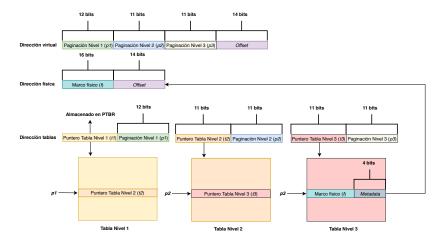


Figura 2: Esquema de paginación multinivel de tres niveles en base al contexto de este problema.

Bajo este esquema, los tamaños son los siguientes:

- Tabla primer nivel: $2^{12} \times 11b = 2^9 \times 11B = 512 \times 11B = 5632B = 5,5KB < 16KB$
- Tabla segundo nivel: $2^{11} \times 11b = 2^8 \times 11B = 256 \times 11B = 2816B = 2,75KB < 16KB$
- Tabla tercer nivel: $2^{11} \times 20b = 2^8 \times 20B = 256 \times 20B = 5120B = 5KB < 16KB$

Vemos que ahora toda tabla, independiente del nivel al que pertenece, cabe dentro de una página como fue solicitado. Es importante destacar, además, que existe más de una distribución de bits por nivel en este esquema que cumple lo pedido.

d. Calcule el tamaño, en Byte, de una tabla de páginas invertida de 1 nivel para este sistema. Suponga que los procesos utilizan 8 bits para almacenar su identificador.

Las tablas invertidas tienen una cantidad de entradas igual al número de marcos físicos existentes en el esquema. Para ubicar el marco físico y traducir la dirección, se busca el número de la entrada cuyo contenido sea la llave <pid,p>, siendo pid el identificador del proceso y p la página correspondiente a la dirección virtual⁶. Dado que el pid usa 8 bits y el número de página 34 bits, con 4 bits de metadata y 2¹⁶ marcos físicos tenemos que:

$$T_{p-inv} = \#PTE - INV \times \text{sizeof}(PTE - INV) = 2^{16} \times 46b = 2^{13} \times 46B = 2^4 \times 23KB = 368KB$$

⁵Notar que seguimos usando la misma fórmula para obtener los tamaños, solo que ahora el ancho de las entradas de cada tabla variará dependiendo del nivel según lo mencionado en las consideraciones.

⁶Importante destacar que aquí volvemos a trabajar en el esquema de paginación de un nivel.

- 3. (Midterm II/2018) Responda verdadero o falso.
 - a. El puntero a una tabla de páginas de un proceso se encuentra almacenado en su PCB (*Process Control Block*).
 - **Verdadero.** Como cada proceso tiene una tabla de páginas, existe un puntero a esta por proceso, *i.e.* un puntero en cada PCB.
 - b. El uso de segmentación permite eliminar completamente la fragmentación externa.
 - Falso. La paginación es la que permite eliminar completamente la fragmentación externa (con el costo de la fragmentación interna). La segmentación solo elimina la fragmentación interna al hacer uso de todo el espacio asignado.
 - c. El tamaño del working set de un proceso es constante durante la ejecución y está definido como un parámetro del sistema operativo.
 - **Falso.** La cantidad de accesos (Δ) de un proceso puede ser constante, pero no así el tamaño del working set dado que la cantidad de accesos no determina la cantidad de páginas exacta que referencie el proceso. Solo estará limitada por Δ : $|\{working set\}| \leq \Delta$.
- 4. (Midterm II/2018) ¿Por qué el concepto de localidad de referencia es importante al momento de diseñar un algoritmo de reemplazo de páginas?

El concepto de localidad de referencia alude a dos conceptos fundamentales:

- Principio de localidad espacial: Al acceder a un espacio de memoria, lo más probable es que los siguientes accesos sean a espacios contiguos.
- Principio de localidad temporal: Al acceder a un espacio de memoria, lo más probable es que en el corto plazo vuelva a acceder al mismo.

El cumplimiento de estos dos principios hacen que cobre importancia el diseño de los algoritmos de reemplazo de páginas. El objetivo principal es evitar el reemplazo de páginas que son utilizadas con mayor regularidad, dado que en otro caso se llevarían a cabo muchos *swapping*, lo que disminuiría de sobremanera el rendimiento de la ejecución de nuestros programas.

- 5. (I2 I/2018) Memoria y algoritmos de reemplazo.
 - a. ¿Qué aspecto del problema de direccionamiento de memoria se intenta resolver con el multinivel?
 - Con paginación multinivel se busca disminuir el tamaño de las tablas de página, de forma que estas puedan ser almacenadas en una página. Por otra parte, otro motivo válido es la posibilidad de no tener registro de todas las páginas todo el tiempo, dado que nunca se usan todas de forma simultánea.
 - b. ¿Qué relación hay entre el concepto de working set y el fenómeno de thrashing?
 El working set consiste en el conjunto de páginas utilizadas por un proceso en un tiempo determinado t. Si la suma de los largos de los working set de todos los procesos es mayor al número de marcos físicos disponibles en el sistema en un tiempo t, sabemos que en ese instante habrán constantes page faults y swappings, mermando el rendimiento del sistema → situación conocida como thrashing.

- c. ¿Qué ventaja presenta la segmentación respecto a la paginación? ¿Qué método se usa en los sistemas modernos?
 - La ventaja que tiene la segmentación por sobre la paginación es la inexistencia de fragmentación interna, dado que el espacio asignado en cada segmento es utilizado en su totalidad. No obstante lo anterior, esto dificulta de sobremanera el proceso de traducción de direcciones virtuales a físicas, el que es muy directo en el esquema de paginación.
 - Con respecto a los sistemas modernos, hoy en día se hace uso de "segmentos paginados". En estos, el espacio direccionable se divide en segmentos, pero estos son almacenados en páginas.
- d. Se ha mencionado que LRU es un algoritmo que aproxima bastante bien la decisión óptima de qué frame conviene reemplazar. ¿Qué dificultades prácticas tiene la implementación de LRU? Mencione otro algoritmo que se implemente en lugar de LRU y por qué su implementación es mejor (si bien no entrega un siempre un mejor resultado que LRU).
 - La gran dificultad que presenta LRU es el timestamp que se necesita almacenar. Si bien se puede hacer uso del reference bit para identificar si una página fue accedida o no, el hecho de almacenar el timestamp implica el aumento de las tablas de página (dado que cada entrada deberá tener este valor guardado) y la actualización constante de las entradas (lo que es muy ineficiente dado que implica interrupciones sobre una página que está en memoria). Como última opción está la medida del tiempo mediante hardware, pero esto de todas formas implicará la comparación de los timestamps de todas las páginas, lo que sigue siendo ineficiente.

Los algoritmos que se aproximan a LRU y son más fáciles de implementar son los siguientes:

- Algoritmo del reloj: Se mantiene un puntero a una página de forma aleatoria. Al momento de tener que llevar a cabo un reemplazo, se revisa el reference bit y la acción a tomar dependerá de su valor: si el bit vale 1, lo cambiamos a 0 (i.e. consideramos que no ha sido accedida) y movemos el puntero a la siguiente página⁷. En otro caso, si el bit vale 0, se hace uso de dicha página para el reemplazo. Se puede implementar fácilmente con un arreglo del largo de número de páginas y con el contenido del reference bit, lo que implica un menor uso de información.
- Algoritmo de aging: En vez de almacenar un reference bit, guardamos para cada página un reference Byte que irá actualizando su valor de la siguiente forma: cada intervalo de tiempo (tick) se le añade un reference bit al resultado (que vendrá a ser el bit más significativo del registro) y se aplica la operación shift right-dividir por 2- al reference Byte de la página. Esto ayuda no solo a tener una aproximación de los tiempos en los que ha sido accedida cada página, sino que requiere menos actualizaciones en un tiempo definido, además de que estas se pueden hacer mediante hardware (operaciones lógicas fácilmente implementables).
- Uso de *Dirty bit* + *Reference bit*: En vez de hacer uso únicamente del *reference bit* para ver si una página ha sido accedida o no, se puede hacer uso del *dirty bit* para ver, además, si una página ha sido modificada o no. Si se usa bajo el esquema del algoritmo del reloj, la elección de la página candidata a seleccionar puede ser mucho mejor al seleccionar una que no haya sido accedida ni modificada en el corto plazo.

⁷En este algoritmo, las páginas se ordenan de forma "circular", es decir, al revisar la última el puntero vuelve a apuntar a la primera página.

- e. Describa el significado y el uso de valid bit, dirty bit y reference bit. Si corresponde, incluya para qué algoritmo se usan.
 - Valid bit: Se utiliza para indicar si una entrada de la tabla de páginas o de la TLB está asignada, lo que en el caso de la tabla de páginas indicaría la asignación a un marco físico. Se utiliza para ver si se debe gatillar o no un page fault (valid bit = 0).
 - Reference bit: Se usa para indicar que una página ha sido accedida. Se hace uso de este recurrentemente en el algoritmo del reloj o en otros que busquen aproximar LRU (como aging).
 - **Dirty bit:** Se utiliza para indicar si una entrada ha sido modificada con respecto a la última vez que fue cargada en memoria. Se puede usar como complemento en el algoritmo del reloj para el reemplazo de página, o bien para priorizar mejor en caso de *swapping*.

Recomendaciones para el Midterm

- Hagan esta ayudantía.
- Vean interrogaciones 1, 2 y Midterms y exámenes de semestres anteriores. Para ello, vean las carpetas source/evals de las ramas de los distintos semestres en este repositorio. Filtren las preguntas de contenidos que no se hayan visto este semestre en clases.
- Prioricen, además de paginación, la materia que han incluido sus tareas hasta ahora: scheduling, procesos y threads.
- ¡Descansen como corresponde⁸!

⁸Predico y no practico, pero eso no importa.