大数据存储与管理

基于 Bloom Filter 的设计

布隆过滤器(Bloom Filter)是 1970年由布隆提出的。它实际上是一个很长的二进制向量和一系列随机映射函数。布隆过滤器可以用于检索一个元素是否在一个集合中。它的优点是空间效率和查询时间都远远超过一般的算法,缺点是有一定的误识别率和删除困难.

布隆过滤器的主要作用就是 "**以更低的空间效率检索一个元素是否 存在其中**"

数据结构

关键因子

- bloom filter calculate
- n 是过滤器预期支持的元素个数
- m是过滤器位数组的大小,即该过滤器总共占用多少 bit 的空间
- c 是每个元素平均占用的空间
- p 是假阳性概率,即 fpp (false positive probability)
- k 哈希函数的个数

计算公式

•
$$m = -nlog(p) \frac{1}{log(2)^2}$$

•
$$c = \frac{m}{n}$$

•
$$p = (1 - e^{\frac{-kn}{m}})^k = (1 - e^{\frac{-k}{n}})^k = (1 - e^{\frac{-k}{c}})^k$$

•
$$k = \frac{m}{n} * ln2 = 0.7 \frac{m}{n} = 0.7c$$

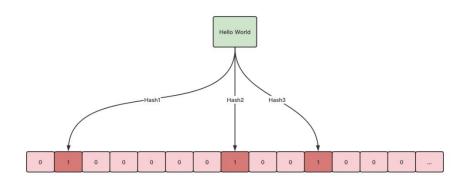
```
n = ceil(m / (-k / log(1 - exp(log(p) / k))))
p = pow(1 - exp(-k / (m / n)), k)
m = ceil((n * log(p)) / log(1 / pow(2, log(2))));
k = round((m / n) * log(2));
```

通常创建一个布隆过滤器,会需要用户提供想支持的 n 和预期的 p, 然后通过公式得到其余最佳的参数

结构设计

布隆过滤器的数据结构其实也挺简单,如果之前有了解过位图的话,那么就更简单了。整个布隆过滤器的底层实现就是基于"位数组 + 哈希函数"实现的

假设某个布隆过滤器的位数组大小为 1000 bits, 即 1000 个位。由 3 个 hash functions 组成



当我们往该布隆过滤器传入一个元素 (Hello World) ,那么该元素就会经过 3 个 hash functions 计算,得到 3 个 hash 值,最后哈希值经过模运算映射到 位数组的具体第 x 位上,并标记为 1

当我们要判断某个元素是否在布隆过滤器时,同理,也是将该元素传入,经过哈希函数计算,并得到映射位数组的索引值,判断这个几个索引的位是否为1,如果都为1则代表该元素已经存在了,但只要有一个位置不为1,我们就认为该元素并不存在

代码实现

结构体

布隆过滤器结构主要可以由三部分构成,**关键因子 (n,m,p,k...)**,哈**希函数**,**位数组**,所以假设我们要实现一个布隆过滤器,首先就要将以上三部分内容构建好,这里写一份伪代码,基本可以简单的体现出布隆过滤器的结构设计

```
public abstract class BloomFilter {
   // 字节数组
   byte[] bytes;
   // 关键因子
   int n;
   double p;
   int m;
   int k;
   // 哈希函数
   List<Hash> hashes;
   // 插入元素
   public void put(byte[] bs);
   // 是否存在
   public boolean contains(byte[] bs);
}
因子计算
           通过 (n,p) 计算最佳的 m
public static int optimalNumOfBits(int n, double p) {
        if (p == 0) {
            p = Double.MIN_VALUE;
        }
```

```
return (int) (-n * Math.log(p) / (Math.log(2) * Math.log(2)));
  }
        通过 (n,m) 计算最佳的 k
         public static int optimalNumOfHashFunctions(int n, int m)
  {
            return Math.max(1, (int) Math.round((double) m / n *
  Math.log(2));
     }
         通过 (n,m,k) 计算最佳的 p
      public static double optimalFpp(int n, int m, int k) {
         // keep 5 digits after the decimal point
            int point = 100000;
            return (double) Math.round((point * Math.pow(1 -
  Math.exp((double) (-k * n) / m), k))) / point;
         }
         通过 (n,m) 计算 c
         public static double bitsOfElement(int n, int m) {
            return (double) m / n;
         }
      • 通常我们可以通过用户传递的 n 和 p, 构造出一个预期的布隆过
         滤器
哈希函数
哈希函数可以采用各种混合的哈希算法去搭配,我这件为了简单实现,建议采
用 murmur3 hash, 通过加不同的 seed 去实现不同的哈希效果
   // 成员变量 k 个哈希函数
         private List<Hash> hashes;
         // 获得 k 个索引值
         public int[] hashes(byte[] bs) {
```

int[] indexs = new int[hashes.size()];

插入元素

```
// 插入元素&是否存在
public synchronized void put(byte[] bs) {
    int[] indexs = hashes(bs);
    for (int index : indexs) {
        // 所在的具体字节
        byte bits = (byte) (index / B);
        // 所在的具体位
        byte offset = (byte) (1 << (B_MASK - (index % B)));
        bytes[index / B] = (byte) (bits | offset);
    }
```

B = 8, 代表一个字节 8 位; B_MASK 是掩码, B_MASK = B - 1, 为了做取模运算首先得到 index, 通过 index / B 得到 index 所在那个 byte

其次通过 index % B 得到所在该 byte 的具体位索引,比如等于 2, (00100000, 一个 byte 8 位, 1 所在的位置就是 2)

通过 index % B 知道了具体的位索引后,为了将该位置变成 1,那么我们就需要得到位加法的偏移量,即得到 00100000 去做加法

怎么得到那? 即把 00000001 左移 B_MASK - (index % B) = 7 - 2 = 5 位, 左移 5 位后, 得到 00100000

假设所在字节为 10000001, 我们要将索引为 2 的位置变为 1, 则两个 byte 做或运算,即位加法即可 10000001 | 00100000 = 10100001

最后覆盖 index 所在的位即可

是否存在

```
// 是否存在
```

```
public synchronized boolean contains(byte[] bs) {
   int[] indexs = hashes(bs);
```

```
for (int index : indexs) {
    byte bits = (byte) (index / B);
    byte offset = (byte) (1 << (B_MASK - (index % B)));
    if ((bits & offset) == 0) {
        return false;
    }
}
return true;
}</pre>
```

布隆过滤器可以节省多少空间开销?

我们都知道布隆过滤器可以大大节省空间,那么它到底可以节省多少的空间呢? ** 这要如何去计算呢? **在我们学习了关键因子的计算后,这简直就是一件小事情

我们知道 c = m/n, c 代表每个元素在布隆过滤器中平均所占用的空间, 即多少的 bits。我们假设构建一个满足 p = 0.001, n = 10000 条件的 Filter

```
Number of items in the filter (optionally with SI units: k, M, G, T, P, E, Z, Y)

10000

Probability of false positives, fraction between 0 and 1 or a number indicating 1–in–p

0.001

m

Number of bits in the filter (or a size with KB, KiB, MB, Mb, GiB, etc)

k

Number of hash functions

#

10,000

p = 0.001000019 (1 in 1,000)

m = 143,776 (17.55KiB)

k = 10
```

经过计算可以知道 m = 143776, k = 10, 那么平均每个元素所占用的空间就是 c = m/n = 14.38 bits。通常主键的类型会是是 32/64 整型或是字符串

假设我们要判断的元素是 64 位的整型, 一个 64 位的数值占 64 bits, 所以每个元素我们就压缩了近 (64-14.38/64) = 63% 的空间

假设我们要判断的元素是 32 长度的字符串, 而每个字符串就占用 32 * 8 = 256 bits, 那么每个元素我们就将近压缩了 94% 的空间

这是单个元素空间压缩的计算方式,如果觉得不够直观,那我们可以按照总量来计算, 假设 n=100000000 (1 亿), p=0.001,保持 c=14.38 ,那么 m 就会是 1437758757 bits (171.39MB)。假设依然是 32 长度的字符串,那么要存储 1 亿个这样的字符,我们就需要 256*100000000=25,600,000,000=2.98 GB 的空间大小,而如果我们采用布隆过滤器,则只需要 171 MB

应用场景

1.推荐去重过滤

比如对一个短视频推荐系统而言,在视频 feed 流场景,需求是向用户推荐了指定内容后,一段时间内不再重复出现已推荐过的内容,那么布隆过滤器就可以大派用场。

2.缓存穿透过滤

比如在互联网大并发场景下,为防止流量大面积穿透压垮 RDS,很多系统都会结合使用缓存去抗流量。所以我们也可以考虑使用布隆过滤器,针对识别出的外部非法请求,或是空结果请求,通通记录在过滤器中,并在下次访问中,提前由过滤器先行过滤

3.黑名单系统

比如某些系统需要记录百万,千万甚至更多的黑名单字符,使用传统的哈希表实现,需要使用到较大的存储空间,那么我们也可以采用布隆过滤器去提供相同的能力,并有效降低空间存储成本

布隆过滤器的弊端

我们都知道布隆过滤器相比传统"检索元素是否存在"的容器而言,具有节省空间存储成本的优势,在大数据领域则尤其明显。那么它就只有长处,毫无缺陷吗?

并不是的, 布隆过滤器还有具有两个非常重要的缺陷

1.具有一定概率的误判率,即假阳性率 fpp

不具备删除元素的能力

具有一定的误判率是什么意思呢? 意思就是可能会将"不存在的元素误判为存在",而这个概率就是 fpp,如何规避和解决?

首先必然存在误判,如无法接受误判,则布隆过滤器不适合使用。但可以根据业务需求降低概率,或是选择我们可接受的误判概率;

误判率 (假阳性率) 大小会受到哈希函数的个数,位数组的大小,以及预期元素个数等因素的影响

通常根据业务需求,选择可接受的 fpp 构建布隆过滤器,比如 fpp = 0.001,每 1000 次误判 1 次

2.不具备删除元素的能力:根据布隆过滤器的设计,一个元素会被多个哈希函数计算,并得到多个不同的位置;因为是基于哈希实现,那么必然存在哈希冲突,即多个元素的某些哈希函数的哈希值是可能一致,即多个元素会共用一些位置。如果我们要删除某个元素,那么就需要将其所占有的位置重置为 0,但

这可能会影响到其它共有该位置的元素的判断,所以综上布隆过滤器是不支持删除的。如果要删除,要怎么解决呢?

布隆过滤器无法解决,但是可以基于布隆过滤器进行扩展,衍生出可删除的过滤器,比如 CBF (counting bloom filter)、Cuckoo Filter (布谷鸟过滤器)等,如果要删除,则布隆过滤器的基本构型是不满足需求的,可以采用其他类似的数据结构

Bloom Filter 代码

```
public abstract class BloomFilter {
    // A byte has 8 bits
    private static final int B = 8;
    // B mask
    private static final int B_MASK = B - 1;
    // 字节数组
    private byte[] bytes;
    // 关键因子
    private int n;
    private int p;
    private int m;
    private int k;
    List<Hash> hashes;
    public BloomFilter(int n, int p) {
         this.n = n;
         this.p = p;
         this.m = optimalNumOfBits(n, p);
         this.k = optimalNumOfHashFunctions(this.n, this.m);
```

this.bytes = new byte[this.m];

```
}
    // 插入元素&是否存在
    public synchronized void put(byte[] bs) {
         int[] indexs = hashes(bs);
         for (int index : indexs) {
             // 所在的具体字节
             byte bits = (byte) (index / B);
             // 所在的具体位
             byte offset = (byte) (1 << (B_MASK - (index % B)));
             bytes[index / B] = (byte) (bits | offset);
         }
    }
    public synchronized boolean contains(byte[] bs) {
         int[] indexs = hashes(bs);
         for (int index : indexs) {
             byte bits = (byte) (index / B);
             byte offset = (byte) (1 << (B_MASK - (index % B)));
             if ((bits & offset) == 0) {
                  return false;
             }
         }
         return true;
    }
    public int[] hashes(byte[] bs) {
         int[] indexs = new int[hashes.size()];
         for (int i = 0; i < hashes.size(); i++) {
             int index = (int) ((hashes.get(i).hashToLong(bs) &
Long.MAX_VALUE) % this.m);
             indexs[i] = index;
```

```
}
         return indexs;
    }
    private static int optimalNumOfHashFunctions(int n, int m) {
         return Math.max(1, (int) Math.round((double) m / n * Math.log(2)));
    }
    private static int optimalNumOfBits(int n, double p) {
         if (p == 0) {
             p = Double.MIN_VALUE;
         }
         return (int) (-n * Math.log(p) / (Math.log(2) * Math.log(2)));
    }
    public interface Hash {
         long hashToLong(byte[] bs);
    }
}
```