

**2019** 级

《物联网数据存储与管理》课程

**课 程 报 告**

**姓 名 黄欣宇**

**学 号 U201915014**

**班 号 CS1905**

**日 期 2022.04.18**

**目 录**

[一、摘要 2](#_Toc19545)

[二、选题背景与意义 3](#_Toc2102)

[三、总体设计 4](#_Toc25301)

[3.1 Bloom Filter 基本思想 4](#_Toc16834)

[3.2 数据结构设计 6](#_Toc19537)

[3.3 操作流程 7](#_Toc7062)

[四、理论分析 8](#_Toc29215)

[五、实验测试 9](#_Toc11755)

[5.1 实验说明 9](#_Toc22274)

[5.2 实验结果与分析 9](#_Toc13883)

[六、结语 11](#_Toc31045)

[参考文献 12](#_Toc32120)

# 一、摘要

Bloom Filter是一种空间效率很高的随机数据结构，它利用位数组很简洁地表示一个集合，并能判断一个元素是否属于这个集合。Bloom Filter的这种高效是有一定代价的：在判断一个元素是否属于某个集合时，有可能会把不属于这个集合的元素误认为属于这个集合（false positive）。因此，Bloom Filter不适合那些“零错误”的应用场合。而在能容忍低错误率的应用场合下，Bloom Filter通过极少的错误换取了存储空间的极大。

本文基于Bloom-filter结构进行了相关整理研究，并结合目前市面上已经存在的多种Bloom-filter结构进行了改进，提出了一种多路并发哈希计数器的改进结构来解决多维数据属性表示和索引的问题，并辅以一些代码实验和相关的性能研究，以验证改进结构的合理性和高效性。

关键词：Bloom-filter，hash

# 二、选题背景与意义

Bloom filter是由Howard Bloom在1970年提出的二进制向量数据结构，它具有空间和时间效率，被用来检测一个元素是不是集合中的一个成员。

如果检测结果为是，该元素不一定在集合中；但如果检测结果为否，该元素一定不在集合中。因此Bloom filter具有100%的召回率。这样每个检测请求返回有“在集合内（可能错误）”和“不在集合内（绝对不在集合内）”两种情况，可见 Bloom filter 是牺牲了正确率和时间以节省空间。 它的优点是空间效率和查询时间都远远超过一般的算法，通过极少的错误换取了存储空间的极大节省，而缺点是有一定的误识别率和删除困难。

Bloom filter 优点就是它的插入和查询时间都是常数，另外它查询元素却不保存元素本身，具有良好的安全性。它的缺点也是显而易见的，当插入的元素越多，错判“在集合内”的概率就越大了，另外 Bloom filter 也不能删除一个元素，因为多个元素哈希的结果可能在 Bloom filter 结构中占用的是同一个位，如果删除了一个比特位，可能会影响多个元素的检测。

通过本课题的研究，可以优化 Bloom Filter 的性能，以及在其缺点上寻求解决方案并给出一个具体的实验范例。

# 三、总体设计

## 3.1 Bloom Filter 基本思想

**3.1.1 **BloomFilter原理****

Bloom Filter是一种空间效率很高的随机数据结构，它利用位数组很简洁地表示一个集合，并能判断一个元素是否属于这个集合。Bloom Filter的这种高效是有一定代价的：在判断一个元素是否属于某个集合时，有可能会把不属于这个集合的元素误认为属于这个集合（false positive）。因此，Bloom Filter不适合那些“零错误”的应用场合。而在能容忍低错误率的应用场合下，Bloom Filter通过极少的错误换取了存储空间的极大节省。

初始状态时，Bloom Filter是一个包含m位的位数组，每一位都置0。

IMG_256

图3-1 BloomFliter初始状态

为了表达S={x1, x2,…,xn}这样一个n个元素的集合，Bloom Filter使用k个相互独立的哈希函数（Hash Function），它们分别将集合中的每个元素映射到{1,…,m}的范围中。对任意一个元素x，第i个哈希函数映射的位置hi(x)就会被置为1（1≤i≤k）。注意，如果一个位置多次被置为1，那么只有第一次会起作用，后面几次将没有任何效果。在下图中，k=3，且有两个哈希函数选中同一个位置（从左边数第五位）。

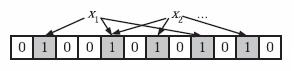


图3-2 BloomFliter映射关系

在判断y是否属于这个集合时，我们对y应用k次哈希函数，如果所有hi(y)的位置都是1（1≤i≤k），那么我们就认为y是集合中的元素，否则就认为y不是集合中的元素。下图中y1就不是集合中的元素。y2或者属于这个集合，或者刚好是一个false positive。

**3.1.2 Bloom Filter 错误率估计**

前面我们已经提到了，Bloom Filter在判断一个元素是否属于它表示的集合时会有一定的错误率（false positive rate），下面我们就来估计错误率的大小。在估计之前为了简化模型，我们假设kn<m且各个哈希函数是完全随机的。当集合S={x1, x2,…,xn}的所有元素都被k个哈希函数映射到m位的位数组中时，这个位数组中某一位还是0的概率是：

IMG_256

图3-3 数组中某一位还是0的概率

其中1/m表示任意一个哈希函数选中这一位的概率（前提是哈希函数是完全随机的），(1-1/m)表示哈希一次没有选中这一位的概率。要把S完全映射到位数组中，需要做kn次哈希。某一位还是0意味着kn次哈希都没有选中它，因此这个概率就是（1-1/m）的kn次方。令p = e-kn/m是为了简化运算，这里用到了计算e时常用的近似：

IMG_256

图3-4 kn次后数组中某一位还是0的概率

令ρ为位数组中0的比例，则ρ的数学期望E(ρ)= p’。在ρ已知的情况下，要求的错误率（false positive rate）为：

IMG_256

图3-5 要求的错误率

**3.1.3 Bloom Filter 的优缺点**

Bloom filter 优点就是它的插入和查询时间都是常数，另外它查询元素却不保存元素本身，具有良好的安全性。它的缺点也是显而易见的，当插入的元素越多，错判“在集合内”的概率就越大了，另外 Bloom filter 也不能删除一个元素，因为多个元素哈希的结果可能在 Bloom filter 结构中占用的是同一个位，如果删除了一个比特位，可能会影响多个元素的检测。

在计算机科学中，我们常常会碰到时间换空间或者空间换时间的情况，即为了达到某一个方面的最优而牺牲另一个方面。Bloom Filter在时间空间这两个因素之外又引入了另一个因素：错误率。在使用Bloom Filter判断一个元素是否属于某个集合时，会有一定的错误率。也就是说，有可能把不属于这个集合的元素误认为属于这个集合（False Positive），但不会把属于这个集合的元素误认为不属于这个集合（False Negative）。在增加了错误率这个因素之后，Bloom Filter通过允许少量的错误来节省大量的存储空间。

## 3.2 数据结构设计

**3.2.1 Counter Bloom Filter结构**

如下图，题目中给出的多维 Bloom Filter 的结构是在 Bloom Filter 的基础上改进的 Counter Bloom Filter。这种结构中，不再使用二进制数组来管理数据，而是为每一个位置维护了一个 Counter，每次 Hash 函数计算之后，将结果的位置计数加一。这样的改进可以支持元素的删除，同时又具有 Bloom Filter 查询的高效性能，唯一的缺陷是增加了存储空间，当然这也是必须的，因为二进制数组只能存储一位的数据。

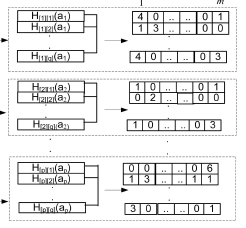


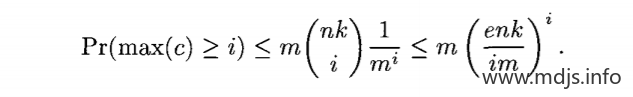
图3-2 多维 Bloom Filter 结构

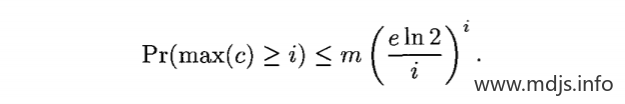
其性能上并没有变化，仍然是在 时可以取到 f 的最小值。

CBF 和 BF 的一个主要的不同就是 CBF 用一个 Counter 取代了 BF 中的一位，那么 Counter 到底取多大比较合适呢？这里就要考虑到空间利用率的问题了，从使用的角度来看，当然是越大越好，因为 Counter 越大就能表示越多的信息。但是越大的 Counter 就意味着更多的资源占用，而且在很多时候会造成极大的空间浪费。

因此，我们在选择 Counter 的时候，可以看 Counter 取值的范围多小就可以满足需求。

根据论文中描述，某一个 Counter 的值大于或等于 i 的概率可以通过如下公式描述，其中 n 为集合的大小，m 为 Counter 的数量，k 为 哈希函数的个数。





如果每个 Counter 分配 4 位，那么当 Counter 的值达到 16 时就会溢出。这个概率如下，这个值足够小，因此对于大多数应用程序来说，4位就足够了。

IMG_256

## 3.3 操作流程

为了简化问题，我们接下来考虑一维单个 Hash 数组。对于更复杂的问题，可以直接迁移考虑。

一次添加请求包括要添加的数据集合= { }，当请求到来时，根据Hash 函数的个数 k 创建 k 个线程，每个线程针对集合中的所有元素进行一次添加操作。这个添加操作相比原本的 Bloom Filter 也有简化，只计算一个 Hash 函数，并更新 Hash 数组在这个 Hash 函数结果处的值。

一次查询请求包括一个数据 ，当请求到来时，循环执行 k 个 Hash 函数来判断元素是否在集合中。这里不能使用并发操作，因为每一个元素是否在集合中是要根据五个 Hash 函数的结果来综合判断，如果根据 Hash 函数来开启多线程的话，会出现大量的同步问题，为解决这些同步问题所引入的互斥锁的开销非常大，反而会造成性能损失。

一次删除操作包括要删除的元素集合= { }，其中 (1≤i≤j)为集合 S 中的元素，这一保证由其他函数来实现，不作为删除操作的核心步骤。和添加请求一样，根据 Hash 函数的个数 k 创建 k 个线程，每个线程针对集合中的所有元素进行一次删除操作。同样的，这里的删除操作也简化到只计算一个 Hash函数即可。

# 四、理论分析

我们考虑这种情况下的 False Positive 的比率 g。此时，Hash 数组中的任何一位均只能被一个 Hash 函数选中，并且概率为，所以这一位不被选中的概率为1-，对 n 个元素而言，有

很显然，有：

对于Counter Bloom Filter，对集合中的每一个元素，都要循环调用五个 Hash 函数来计算，并对 Hash 数组五个位置都进行操作后，再对下一个元素进行操作。而现在 k 个Hash 函数可以安全的并行访问 Hash 数组，在大量的插入删除请求的情形下，有着极大的性能提升。具体的加速比因环境的不同而不同，在接下来的实验测试中将会给出两个Bloom Filter的速度对比。

另一方面，并发哈希的结构使得 Hash 数组中的元素分布变得均匀，高效利用了 Hash 数组。而Counter Bloom Filter的结构必须要精心选择足够强大的 Hash 函数才能做到这一效果。

# 五、实验测试

## 5.1 实验说明

实验中，数据集合 n 为收集到的 https://openphish.com/feed.txt网站的 500 个不重复的 url 网址，并将最后50个url作为测试集合，实验将使用一般的 Counter Bloom Filter来对这些 url 进行插入删除实验，并计算插入和删除操作所用的时间。

如果在 Bloom Filter 中查询最后50个url，应该全部返回 false。据此我们就可以根据查询这些 url 返回的 true 的个数来计算 False Positive 的比率。

Hash 函数使用了mmh3库的hash函数

## 5.2 实验结果与分析

可以看到在不同size下cbf有不同的False Positive的比率

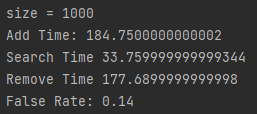


图5-1 size=1000

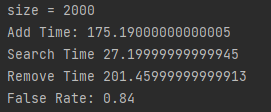


图5-2 size=2000

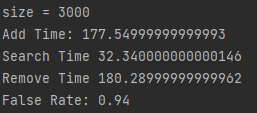


图5-3 size=3000

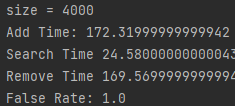


图5-4 size=4000

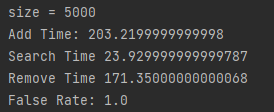


图5-5 size=5000

# 六、结语

本文首先通过对普通 Bloom Filter 的流程分析，计算了 Bloom Filter 的理论

性能参数。接着针对 Bloom Filter 存在的问题进行改进，提出了一种 Hash 函数分区，并行计算的改进结构。并通过理论分析与编写代码测试两方面，论证了理论性能分析的正确性和改进的优越性。

综上所述，本文中改进的多路并行的 Bloom Filter 尽管降低了一点 False Positive 的比率，但却在性能上获得了极大的提升，总体是优于题目中原先的Counter Bloom Filter 的。并且本文中的改进模型并没有影响 Bloom Filter 本身具有的功能，插入、删除和查询的执行也都正常，是一种可行的 Bloom Filter 改进设计方案。

# 参考文献

[1] F. Bonomi, M. Mitzenmacher, R. Panigrahy, S. Singh, and G. Varghese,“Beyond Bloom Filters: From Approximate Membership Checks to Approximate State Machines,” Proc. ACM SIGCOMM, 2006.

[2] Y. Zhu and H. Jiang, “False Rate Analysis of Bloom Filter Replicas in Distributed Systems,” Proc. Int’l Conf. Parallel Processing (ICPP ’06), pp. 255-262, 2006.

[3] S. Dharmapurikar, P. Krishnamurthy, and D.E. Taylor, “Longest Prefix Matching Using Bloom Filters,” Proc. ACM SIGCOMM, pp. 201-212, 2003.

[4] L. Fan, P. Cao, J. Almeida, and A. Broder, “Summary Cache: A Scalable Wide-Area Web Cache Sharing Protocol,” IEEE/ACM Trans. Networking, vol. 8, no. 3, pp. 281-293, June 2000.

[5] B. Xiao and Y. Hua, “Using Parallel Bloom Filters for Multi-Attribute Representation on Network Services,” IEEE Trans. Parallel and Distributed Systems, vol. 21, no. 1, pp. 20-32, Jan. 2010.

[6] Y. Hua, Y. Zhu, H. Jiang, D. Feng, and L. Tian, “Scalable and Adaptive Metadata Management in Ultra Large-scale File Systems,” Proc. 28th Int’l Conf. Distributed Computing Systems (ICDCS ’08), pp. 403-410, 2008.

[7] D. Guo, J. Wu, H. Chen, and X. Luo, “Theory and Network Application of Dynamic Bloom Filters,” Proc. IEEE INFOCOM, 2006.