Chapter 1

Clase de tipuri

Un rol important în Haskell îl joacă clasele de tipuri.

O clasă de tipuri (engl. typeclass) este o mulțime de tipuri care au câteva funcții în comun. Atenție! O clasa de tipuri nu este un tip.

Există o serie de clase de tipuri predefinite în biblioteca standard.

1.1 Clasa Eq

Clasa Eq este clasa tipurilor de date ale căror valori pot fi comparate. Putem afla mai multe informații despre această clasă de tipuri folosind comanda :info:

```
*Main> :i Eq
type Eq :: * -> Constraint
class Eq a where
  (==) :: a -> a -> Bool
  (/=) :: a -> a -> Bool
  {-# MINIMAL (==) | (/=) #-}
    -- Defined in 'GHC.Classes'
instance Eq a => Eq [a] -- Defined in 'GHC.Classes'
instance Eq Word -- Defined in 'GHC.Classes'
instance Eq Ordering -- Defined in 'GHC.Classes'
instance Eq Int -- Defined in 'GHC.Classes'
instance Eq Float -- Defined in 'GHC.Classes'
```

Linia class Eq a where se citește "tipul a face parte din clasa Eq dacă" (sau "tipul a este instanță a clasei Eq dacă"), iar liniile ce urmează

```
(==) :: a -> a -> Bool
(/=) :: a -> a -> Bool
```

conțin funcțiile care trebuie să fie definite pe tipul a în acest sens.

In exemplul de mai sus, a face parte din clasa Eq dacă sunt definite funcțiile (==) :: a -> a -> Bool (sunt două valori de tip a egale?) și (/=) :: a -> a -> Bool (sunt două valori de tip a diferite?).

```
Vom înțelege linia [...] MINIMAL (==) | (/=) [...] mai târziu.
```

În continuare sunt prezentate tipurile care sunt instanță a clasei Eq: Word, Ordering, Int, Float ș.a.m.d. De asemenea, linia instance Eq a => Eq [a] marchează că tipul [a] (listă de valori de tip a) este instanță a clasei Eq dacă tipul a este instanță a clasei Eq.

Pentru a face ca un tip de date să devină instanță a clasei Eq, este suficient să adăugăm clauza deriving Eq la sfârșitul declarației tipului:

```
data Nat = Zero | Succ Nat deriving Eq
```

Această clauză va genera funcții implicite de testare a egalității și disegalității care se bazează pe constructori: orice două valori care încep cu constructuri diferiți sunt diferite, iar orice două valori care încep cu același constructor sunt egale ddacă argumentele de pe fiecare poziție în parte sunt la rândul lor egale.

Câteodată, această definiție a egalității nu este potrivită, deoarece am putea defini un tip de date cu două reprezentări diferite pentru aceeași construcție semantică:

```
data Z = Pos Nat | Neg Nat
zero1 = Pos Zero
zero2 = Neg Zero
```

În exemplul de mai sus, definim tipul numerelor întregi Z, iar numărul 0 are două reprezentări (definite în zero1 și zero2). Pentru acest caz, este utilă implementarea individualizată a testului de egalitate, care se poate face folosind următoarea sintaxă:

```
instance Eq Z where
  (==) (Pos x) (Pos y) = (==) x y
  (==) (Neg x) (Neg y) = (==) x y
  (==) (Pos x) (Neg y) = (x == Zero) && (y == Zero)
  (==) (Neg x) (Pos y) = (x == Zero) && (y == Zero)
```

Nu este nevoie de declararea explicită a ambelor funcții ((==) și (/=)), deoarece sistemul generează automat o implementare implicită pentru (/=) din (==) (și invers, ar putea genera (==) din (/=)). Acest lucru este marcat în linia [...] MINIMAL (==) | (/=) [...], care indică că este suficient de implementat oricare dintre cele două funcții pentru a instanția clasa.

Clasa Eq este definită în biblioteca standard, iar utilizatorul ar putea defini o clasă similară folosind următoarea sintaxă:

```
class MyEq a where
  equals :: a -> a -> Bool
  notEquals :: a -> a -> Bool
  equals x y = not (notEquals x y)
  notEquals x y = not (equals x y)

instance MyEq Nat where
  equals Zero Zero = True
  equals Zero (Succ _) = False
  equals (Succ _) Zero = False
  equals (Succ x) (Succ y) = equals x y
  -- notEquals Zero Zero = False
  -- notEquals (Succ _) Zero = True
  -- notEquals (Succ _) Zero = True
  -- notEquals (Succ x) (Succ y) = notEquals x y
```

Observați cum equals este definită în termeni de notEquals și invers. Din acest motiv, este suficient de particularizat doar una dintre cele două funcții pentru a instanția clasa.

În schimb, clauza deriving nu poate fi folosită decât pentru clasele predefinite.

1.2 Clasa Ord

Clasa Ord este clasa tipurilor ale căror valori pot fi ordonate:

```
> :i Ord
:i Ord
type Ord :: * -> Constraint
class Eq a \Rightarrow Ord a where
  compare :: a -> a -> Ordering
  (<) :: a -> a -> Bool
  (<=) :: a -> a -> Bool
  (>) :: a -> a -> Bool
  (>=) :: a -> a -> Bool
  max :: a -> a -> a
  min :: a -> a -> a
  {-# MINIMAL compare | (<=) #-}
   -- Defined in 'GHC.Classes'
instance Ord a => Ord [a] -- Defined in 'GHC.Classes'
instance Ord Word -- Defined in 'GHC.Classes'
instance Ord Ordering -- Defined in 'GHC.Classes'
instance Ord Int -- Defined in 'GHC.Classes'
instance Ord Float -- Defined in 'GHC.Classes'
instance Ord Double -- Defined in 'GHC.Classes'
[\ldots]
> :i Ordering
type Ordering :: *
data Ordering = LT | EQ | GT
```

Pentru a instanția clasa, este suficientă definirea funcției compare sau a funcției (<=).

Sintaxa class Eq a => Ord a where marchează că orice tip instanță a lui Ord este în mod necesar și instanță a lui Eq.

Iată cum se poate instanția clasa Ord pentru tipul Z definit mai sus:

```
instance Ord Z where
  (<=) (Neg _) (Pos _) = True</pre>
  (<=) (Neg x) (Neg y) = y <= x
  (<=) (Pos x) (Pos y) = x <= y
  (<=) (Pos x) (Neg y) = (x == Zero) && (y == Zero)
> Pos Zero <= Neg Zero
True
> Neg Zero <= Pos Zero
True
> Neg Zero <= Neg Zero
True
> Pos Zero <= Pos Zero
True
> Pos two <= Pos three
True
> Pos three <= Pos two
False
```

```
> Pos three <= Pos three
True
> Neg three <= Neg three
True
> Neg three <= Neg two
True
> Neg two <= Neg three
False</pre>
```

1.3 Clasa Bounded

Clasa Bounded este clasa tipurilor mărginite.

```
> :i Bounded
type Bounded :: * -> Constraint
class Bounded a where
   minBound :: a
   maxBound :: a
   {-# MINIMAL minBound, maxBound #-}
   -- Defined in 'GHC.Enum'
instance [safe] Bounded Dow -- Defined at curs5.hs:65:83
instance Bounded Word -- Defined in 'GHC.Enum'
instance Bounded Ordering -- Defined in 'GHC.Enum'
instance Bounded Int -- Defined in 'GHC.Enum'
instance Bounded Char -- Defined in 'GHC.Enum'
instance Bounded Bool -- Defined in 'GHC.Enum'
[...]
```

Tipurile mărginite pot instanția Bounded folosind sintaxa:

```
data Dow = Mon | Tue | Wed | Thu | Fri | Sat | Sun deriving (Eq, Show, Read, Ord, Bounder)
```

Funcțiile minBound și maxBound pot fi

```
> minBound :: Dow
Mon
> maxBound :: Dow
Sun
> minBound :: Word
0
> maxBound :: Word
18446744073709551615
> 2^63
9223372036854775808
> 2^64
18446744073709551616
> 2^64 - 1
18446744073709551615
> maxBound :: Word
18446744073709551615
```

1.4 Clasa Functor

1.4.1 Kind-uri

În Haskell, tipurile sunt organizate în kind-uri.

Un kind este pentru un tip ceea ce este tipul pentru o valoare.

De exemplu, 3 este de tip Int, iar Int este de kind *.

Mai mult sau mai puțin, kind-ul este tipul unui tip.

Cel mai simplu kind este * (citit: stea/star).

Tipurile de kind * sunt tipuri concrete: Int, Integer, Bool, [Bool].

Putem afla kind-ul unui tip folosind comanda:kind:

```
> :k Int
Int :: *
> :k Integer
Integer :: *
> :k Word
Word :: *
> :k Dow
Dow :: *
> :k Maybe
Maybe :: * -> *
> :k (Maybe Int)
(Maybe Int) :: *
> :k []
[] :: * -> *
> :k [Int]
[Int] :: *
```

Observați că Maybe și [] (listă) au kind-ul * -> *, adică sunt constructori de tip: primesc un tip concret ca argument și întorc un tip concret.

Kind-ul unui tip este afișat și când folosiți comanda :info:

```
*Main> :i Maybe
type Maybe :: * -> *
data Maybe a = Nothing | Just a
[...]
```

1.4.2 Functor

Până acum, am văzut doar clase de tipuri de kind $\star.$

Un tip de kind * -> * face parte din clasa Functor dacă:

```
> :i Functor
:i Functor
type Functor :: (* -> *) -> Constraint
class Functor f where
  fmap :: (a -> b) -> f a -> f b
  (<$) :: a -> f b -> f a
  {-# MINIMAL fmap #-}
  -- Defined in 'GHC.Base'
```

Cu alte cuvinte, f este Functor dacă există o funcție fmap care transformă o funcție de la a la b într-o funcție de la f a la f b.

Funcția **fmap** poate fi privită ca o generalizare a funcției **map** de la liste la orice tip care reprezintă un container.

```
[...]
instance Functor (Either a) -- Defined in 'Data.Either'
instance Functor [] -- Defined in 'GHC.Base'
instance Functor Maybe -- Defined in 'GHC.Base'
[...]
```

Iată cum poate fi folosită pentru liste, Maybe-uri și Either-uri:

```
> fmap (\x -> x + 1) [1,2,3]
[2,3,4]
> fmap (\x -> x + 1) Nothing
Nothing
> fmap (\x -> x + 1) (Just 123)
Just 124
> fmap (\x -> x + 1) (Left 123)
Left 123
> fmap (\x -> x + 1) (Right 123)
Right 124
```

Când definim containere proprii (e.g., arbori), este util să instanțiem clasa Functor pentru a permite maparea unei funcții peste containerul definit folosind fmap.

1.5 Analogie cu alte limbaje

Atenție, o clasă de tipuri în Haskell (mulțime de tipuri) nu seamănă cu o clasă în C++ (un tip). În schimb, seamănă cu noțiunea de concept în C++ (noțiunea de concept în C++ e inspirată din noțiunea de clasă de tipuri).

De asemenea, există o oarecare similaritate între clasele de tipuri în Haskell și interfețele din Java (sau clasele abstracte în C++).