

## Unidad 2: Funciones y recursividad

<http://bit.ly/2HRBWgq>

Profesores:

Ernesto Cuadros- Vargas, PhD. [ecuadros@utec.edu.pe](mailto:ecuadros@utec.edu.pe)

María Hilda Bermejo, M. Sc. [mbermejo@utec.edu.pe](mailto:mbermejo@utec.edu.pe)

# Telegram:

**1. Configurar tu cuenta**

**2. <http://bit.ly/2TJnwBq>**

# Logro de la sesión:

**Al finalizar la sesión, los alumnos desarrollan sus programas utilizando funciones propias y recursividad.**

Demo.

# Conceptos previos:

**Ámbito o *Scope* de una variable.**

**Creando tipos de datos.**

# Scope o ámbito:

```
int main()
{
    int a, b, c;           // variables que tienen alcance de función main
    cin >> a;
    cin >> b;
    c = mayor(a,b);
    cout << "El mayor valor es: " << c << endl;

    for (int i = 0; i < 5; i++) // la variable i solo existe en el bucle "for"
    {
        cout << "Valor de i : " << i << endl;
    }
    // A partir de esta parte del código la variable i no existe.

    if (a < b)
    {
        int temporal = a; // el alcance de la variable temporal es el bloque if
        a = b;
        b = temporal;
    }
}
```

# Scope o ámbito - Variables Globales:

```
#include <iostream>
using namespace std;

int linea = 0;
int contador=0;

int imprimir(int n)
{
    linea++;
    contador = contador + n;
    cout << "Valor : " << contador << "\n";
}

int main()
{
    imprimir(1);
    imprimir(2);
    imprimir(5);
    cout << "Numero de llamadas : " << linea;
    return 0;
}
```

*linea y contador*

**Son variables globales.**

# Scope o ámbito - Variables Globales:

```
#include <iostream>
using namespace std;

int linea = 0;
int contador=0;

int imprimir(int n)
{
    linea++;
    contador = contador + n;
    cout << "Valor : " << contador << "\n";
}

int main()
{
    imprimir(1);
    imprimir(2);
    imprimir(5);
    cout << "Numero de llamadas : " <<
linea;
    return 0;
}
```

linea

0

contador

0

Lo que imprime:



# Scope o ámbito - Variables Globales:

```
#include <iostream>
using namespace std;

int linea = 0;
int contador=0;

int imprimir(int n)
{
    linea++;
    contador = contador + n;
    cout << "Valor : " << contador << "\n";
}

int main()
{
    imprimir(1);
    imprimir(2);
    imprimir(5);
    cout << "Numero de llamadas : " <<
linea;
    return 0;
}
```

linea

0

contador

0

Lo que imprime:

n

1

# Scope o ámbito - Variables Globales:

```
#include <iostream>
using namespace std;

int linea = 0;
int contador=0;

int imprimir(int n)
{
    linea++;
    contador = contador + n;
    cout << "Valor : " << contador << "\n";
}

int main()
{
    imprimir(1);
    imprimir(2);
    imprimir(5);
    cout << "Numero de llamadas : " <<
linea;
    return 0;
}
```

linea

0

1

contador

0

Lo que imprime:

n

1

# Scope o ámbito - Variables Globales:

```
#include <iostream>
using namespace std;

int linea = 0;
int contador=0;

int imprimir(int n)
{
    linea++;
    contador = contador + n;
    cout << "Valor : " << contador << "\n";
}

int main()
{
    imprimir(1);
    imprimir(2);
    imprimir(5);
    cout << "Numero de llamadas : " <<
linea;
    return 0;
}
```

linea

0

1

contador

0

1

Lo que imprime:

n

1

# Scope o ámbito - Variables Globales:

```
#include <iostream>
using namespace std;

int linea = 0;
int contador=0;

int imprimir(int n)
{
    linea++;
    contador = contador + n;
    cout << "Valor : " << contador << "\n";
}

int main()
{
    imprimir(1);
    imprimir(2);
    imprimir(5);
    cout << "Numero de llamadas : " <<
linea;
    return 0;
}
```

linea

0

1

contador

0

1

n

1

Lo que imprime:

Valor : 1

# Scope o ámbito - Variables Globales:

```
#include <iostream>
using namespace std;

int linea = 0;
int contador=0;

int imprimir(int n)
{
    linea++;
    contador = contador + n;
    cout << "Valor : " << contador << "\n";
}

int main()
{
    imprimir(1);
    imprimir(2);
    imprimir(5);
    cout << "Numero de llamadas : " <<
linea;
    return 0;
}
```

linea

0

1

contador

0

1

Lo que imprime:

Valor : 1

# Scope o ámbito - Variables Globales:

```
#include <iostream>
using namespace std;

int linea = 0;
int contador=0;

int imprimir(int n)
{
    linea++;
    contador = contador + n;
    cout << "Valor : " << contador << "\n";
}

int main()
{
    imprimir(1);
    imprimir(2);
    imprimir(5);
    cout << "Numero de llamadas : " <<
linea;
    return 0;
}
```

linea

0

1

contador

0

1

Lo que imprime:

Valor : 1

# Scope o ámbito - Variables Globales:

```
#include <iostream>
using namespace std;

int linea = 0;
int contador=0;

int imprimir(int n)
{
    linea++;
    contador = contador + n;
    cout << "Valor : " << contador << "\n";
}

int main()
{
    imprimir(1);
    imprimir(2);
    imprimir(5);
    cout << "Numero de llamadas : " <<
linea;
    return 0;
}
```

linea

0

1

contador

0

1

n

2

Lo que imprime:

Valor : 1

# Scope o ámbito - Variables Globales:

```
#include <iostream>
using namespace std;

int linea = 0;
int contador=0;

int imprimir(int n)
{
    linea++;
    contador = contador + n;
    cout << "Valor : " << contador << "\n";
}

int main()
{
    imprimir(1);
    imprimir(2);
    imprimir(5);
    cout << "Numero de llamadas : " <<
linea;
    return 0;
}
```

linea	contador	
0	0	
1	1	
2		<sup>n</sup> 2

Lo que imprime:

Valor : 1



# Scope o ámbito - Variables Globales:

```
#include <iostream>
using namespace std;

int linea = 0;
int contador=0;

int imprimir(int n)
{
    linea++;
    contador = contador + n;
    cout << "Valor : " << contador << "\n";
}

int main()
{
    imprimir(1);
    imprimir(2);
    imprimir(5);
    cout << "Numero de llamadas : " <<
    linea;
    return 0;
}
```

linea	contador	
0	0	
1	1	
2	3	<sup>n</sup> 2

Lo que imprime:

Valor : 1

# Scope o ámbito - Variables Globales:

```
#include <iostream>
using namespace std;

int linea = 0;
int contador=0;

int imprimir(int n)
{
    linea++;
    contador = contador + n;
    cout << "Valor : " << contador << "\n";
}

int main()
{
    imprimir(1);
    imprimir(2);
    imprimir(5);
    cout << "Numero de llamadas : " <<
linea;
    return 0;
}
```

linea	contador	
0	0	
1	1	
2	3	<sup>n</sup> 2

Lo que imprime:

Valor : 1

Valor : 3

# Scope o ámbito - Variables Globales:

```
#include <iostream>
using namespace std;

int linea = 0;
int contador=0;

int imprimir(int n)
{
    linea++;
    contador = contador + n;
    cout << "Valor : " << contador << "\n";
}

int main()
{
    imprimir(1);
    imprimir(2);
    imprimir(5);
    cout << "Numero de llamadas : " <<
linea;
    return 0;
}
```

linea

contador

0

0

1

1

2

3

Lo que imprime:

Valor : 1

Valor : 3

# Scope o ámbito - Variables Globales:

```
#include <iostream>
using namespace std;

int linea = 0;
int contador=0;

int imprimir(int n)
{
    linea++;
    contador = contador + n;
    cout << "Valor : " << contador << "\n";
}

int main()
{
    imprimir(1);
    imprimir(2);
    imprimir(5);
    cout << "Numero de llamadas : " <<
linea;
    return 0;
}
```

linea

contador

0

0

1

1

2

3

Lo que imprime:

Valor : 1

Valor : 3

# Scope o ámbito - Variables Globales:

```
#include <iostream>
using namespace std;

int linea = 0;
int contador=0;

int imprimir(int n)
{
    linea++;
    contador = contador + n;
    cout << "Valor : " << contador << "\n";
}

int main()
{
    imprimir(1);
    imprimir(2);
    imprimir(5);
    cout << "Numero de llamadas : " <<
    linea;
    return 0;
}
```

linea	contador	
0	0	
1	1	
2	3	<sup>n</sup> 5

Lo que imprime:

Valor : 1

Valor : 3

# Scope o ámbito - Variables Globales:

```
#include <iostream>
using namespace std;

int linea = 0;
int contador=0;

int imprimir(int n)
{
    linea++;
    contador = contador + n;
    cout << "Valor : " << contador << "\n";
}

int main()
{
    imprimir(1);
    imprimir(2);
    imprimir(5);
    cout << "Numero de llamadas : " <<
linea;
    return 0;
}
```

linea	contador	
0	0	
1	1	
2	3	<sup>n</sup>
3		5

Lo que imprime:

Valor : 1

Valor : 3

# Scope o ámbito - Variables Globales:

```
#include <iostream>
using namespace std;

int linea = 0;
int contador=0;

int imprimir(int n)
{
    linea++;
    contador = contador + n;
    cout << "Valor : " << contador << "\n";
}

int main()
{
    imprimir(1);
    imprimir(2);
    imprimir(5);
    cout << "Numero de llamadas : " <<
linea;
    return 0;
}
```

linea	contador	
0	0	
1	1	
2	3	<sup>n</sup>
3	8	5

Lo que imprime:

Valor : 1

Valor : 3

# Scope o ámbito - Variables Globales:

```
#include <iostream>
using namespace std;

int linea = 0;
int contador=0;

int imprimir(int n)
{
    linea++;
    contador = contador + n;
    cout << "Valor : " << contador << "\n";
}

int main()
{
    imprimir(1);
    imprimir(2);
    imprimir(5);
    cout << "Numero de llamadas : " <<
linea;
    return 0;
}
```

linea	contador	
0	0	
1	1	
2	3	n
3	8	5

Lo que imprime:

Valor : 1

Valor : 3

Valor : 8



# Scope o ámbito - Variables Globales:

```
#include <iostream>
using namespace std;

int linea = 0;
int contador=0;

int imprimir(int n)
{
    linea++;
    contador = contador + n;
    cout << "Valor : " << contador << "\n";
}

int main()
{
    imprimir(1);
    imprimir(2);
    imprimir(5);
    cout << "Numero de llamadas : " << linea;
    return 0;
}
```

linea

contador

0

0

1

1

2

3

3

8

Lo que imprime:

Valor : 1

Valor : 3

Valor : 8

# Scope o ámbito - Variables Globales:

```
#include <iostream>
using namespace std;

int linea = 0;
int contador=0;

int imprimir(int n)
{
    linea++;
    contador = contador + n;
    cout << "Valor : " << contador << "\n";
}

int main()
{
    imprimir(1);
    imprimir(2);
    imprimir(5);
    cout << "Numero de Llamadas : " << linea;
    return 0;
}
```

linea	contador
0	0
1	1
2	3
3	8

Lo que imprime:

Valor : 1

Valor : 3

Valor : 8

Numero de Llamadas : 3

# Scope o ámbito - Variables Globales:

```
#include <iostream>
using namespace std;

int linea = 0;
int contador=0;

int imprimir(int n)
{
    linea++;
    contador = contador + n;
    cout << "Valor : " << contador << "\n";
}

int main()
{
    imprimir(1);
    imprimir(2);
    imprimir(5);
    cout << "Numero de llamadas : " <<
linea;
    return 0;
}
```

linea	contador
0	0
1	1
2	3
3	8

Lo que imprime:

Valor : 1

Valor : 3

Valor : 8

# Type Aliases:

Algunas veces se necesita nuevos nombres para un tipo dato, porque facilita los cambios o mantenimiento en los programas:

Ej1:

`typedef int int32_t; //`-- luego se puede declarar la variable como sigue:

`int32_t numero=34;`

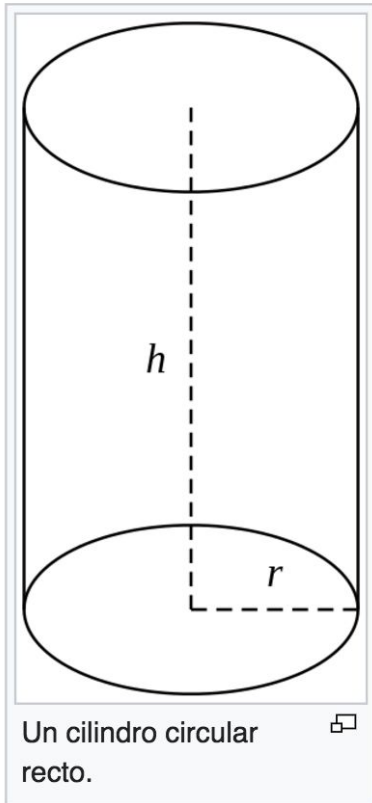
Ej2:

`typedef double tipoReal; //`-- luego se puede declarar la variable como sigue:

`tipoReal dato=3.5643;`

## Ejemplo 1 :

Escribir un programa que permita hallar el área total y el volumen de un cilindro circular recto, si se conoce el valor del radio y la altura.



$$\text{areaDeLaBase} = \pi r^2$$

$$\text{areaLateral} = 2 \pi r h$$

$$\text{areaTotal} = 2 \pi r h + 2 \pi r^2$$

$$\text{volumen} = \pi r^2 h$$

## Solución 1: Todo el código está en un solo archivo main.cpp

```
#include <iostream>
using namespace std;
const double PI=3.1415;

double LeeDato(string mensaje)
{
    //-----
    double dato;
    do
    { cout << mensaje;
      cin >> dato;
    }while(dato<=0);
    return dato;
}

double areaDeLaBase(double r)
{
    //-----
    return(PI*r*r);
}

double areaTotal(double r, double h)
{
    //-----
    return(2*PI*r*h + 2*areaDeLaBase(r));
}

double volumen(double r, double h)
{
    //-----
    return(areaDeLaBase(r) * h);
}
```

```
int main()
{
    double radio, altura;

    radio=LeeDato("Radio: ");
    altura=LeeDato("Altura: ");
    cout << "Area total: " << areaTotal(radio, altura);
    cout << "\n";
    cout << "Volumen : " << volumen(radio,altura);
    return 0;
}
```

Pantalla de salida :

```
Radio: 0
Radio: -1
Radio: 10
Altura: 3
Area total: 816.79
Volumen : 942.45
```

**Lo ideal es que el código, esté distribuido en varios archivos:**

**main.cpp**

**UFunciones.h**            (es el header)

**UFunciones.cpp**

## main. cpp

```
#include <iostream>
#include "UFunciones.h" //-- Header
using namespace std;

int main()
{double radio, altura;

    radio=LeeDato("Radio: ");
    altura=LeeDato("Altura: ");
    cout << "Area total: " << areaTotal(radio, altura);
    cout << "\n";
    cout << "Volumen  : " << volumen(radio,altura);
    return 0;
}
```



## UFunciones.h

```
#ifndef CILINDRO1_UFUNCIONES_H
#define CILINDRO1_UFUNCIONES_H

#include <iostream>
using namespace std;

const double PI=3.1415;

double LeeDato(string mensaje);
double areaDeLaBase(double r);
double areaTotal(double r, double h);
double volumen(double r, double h);

#endif //CILINDRO1_UFUNCIONES_H
```

## UFunciones.cpp

```
#include "UFunciones.h"

double LeeDato(string mensaje)
{
    double dato;
    do
    {
        cout << mensaje;
        cin >> dato;
    }while(dato<=0);
    return dato;
}

double areaDeLaBase(double r)
{
    return(PI*r*r);
}

double areaTotal(double r, double h)
{
    return(2*PI*r*h + 2*areaDeLaBase(r));
}

double volumen(double r, double h)
{
    return(areaDeLaBase(r) * h);
}
```

**Ahora utilizando tipos genéricos:**

**Esta es una buena práctica que facilita el mantenimiento del código**

## main. cpp

```
#include <iostream>
#include "UFunciones.h"
using namespace std;

int main()
{tipo_Real radio, altura;

radio=LeeDato("Radio: ");
altura=LeeDato("Altura: ");
cout << "Area total: " << areaTotal(radio, altura);
cout << "\n";
cout << "Volumen  : " << volumen(radio,altura);
return 0;
}
```

## UFunciones.h

```
#ifndef CILINDRO1_UFUNCIONES_H
#define CILINDRO1_UFUNCIONES_H

#include <iostream>
using namespace std;

typedef double tipo_Real;

const tipo_Real PI=3.1415;

tipo_Real LeeDato(string mensaje);
tipo_Real areaDeLaBase(tipo_Real r);
tipo_Real areaTotal(tipo_Real r, tipo_Real h);
tipo_Real volumen(tipo_Real r, tipo_Real h);

#endif //CILINDRO1_UFUNCIONES_H
```

## UFunciones.h

```
#ifndef CILINDRO1_UFUNCIONES_H
#define CILINDRO1_UFUNCIONES_H

#include <iostream>
using namespace std;

typedef double tipo_Real;

const tipo_Real PI=3.1415;

tipo_Real LeeDato(string mensaje);
tipo_Real areaDeLaBase(tipo_Real r);
tipo_Real areaTotal(tipo_Real r, tipo_Real h);
tipo_Real volumen(tipo_Real r, tipo_Real h);

#endif //CILINDRO1_UFUNCIONES_H
```

## UFunciones. cpp

```
#include "UFunciones.h"

tipo_Real LeeDato(string mensaje)
{
    //-----
    tipo_Real dato;
    do
    {
        cout << mensaje;
        cin >> dato;
    }while(dato<=0);
    return dato;
}

tipo_Real areaDeLaBase(tipo_Real r)
{
    //-----
    return(PI*r*r);
}

tipo_Real areaTotal(tipo_Real r, tipo_Real h)
{
    //-----
    return(2*PI*r*h + 2*areaDeLaBase(r));
}

tipo_Real volumen(tipo_Real r, tipo_Real h)
{
    //-----
    return(areaDeLaBase(r) * h);
}
```

## Ejemplo 2:

**Escribir un programa, que permita leer como dato un número entero de al menos 7 dígitos y el programa indique si el número es capicúa.**

**Un número es capicúa si se lee el mismo número, cuando se lee de izquierda a derecha o se lee de derecha a izquierda**

### Ejemplo 1:

**Ingrese número: 1235321  
Es número es capicúa**

### Ejemplo 2:

**Ingrese número: 8765  
El número no es capicúa.**

## main. cpp

```
#include <iostream>
#include "UMisFunciones.h"

using namespace std;

int main()
{tipo_Entero numero;

numero=LeeNumero();
if(numero == NumeroInvertido(numero))
    cout<<"Es capicua!";
else
    cout<<"No es capicua!";
return 0;
}
```

## UMisFunciones. h

```
#ifndef CAPICUA_UMISFUNCIONES_H
#define CAPICUA_UMISFUNCIONES_H

#include <iostream>
using namespace std;

typedef long int tipo_Entero;

tipo_Entero LeeNumero();
tipo_Entero NumeroInvertido(tipo_Entero num);

#endif //CAPICUA_UMISFUNCIONES_H
```

```
#include "UMisFunciones.h"
```

```
tipo_Entero LeeNumero()
```

```
{//-----
```

```
    tipo_Entero n;
```

```
        do{
```

```
            cout <<"Numero de por lo menos 7 digitos: ";
```

```
            cin>>n;
```

```
        }while(n<1000000);
```

```
        return n;
```

```
}
```

```
tipo_Entero NumeroInvertido(tipo_Entero num)
```

```
{//-----
```

```
    tipo_Entero numeroAlReves, digito;
```

```
    numeroAlReves=0;
```

```
    while(num>0)
```

```
    {
```

```
        digito = num%10;
```

```
        numeroAlReves = numeroAlReves*10 + digito;
```

```
        num/=10;
```

```
    }
```

```
    return numeroAlReves;
```

```
}
```

Algoritmo: por Ej si el número fuese: 1234567  
numeroAlReves, se va formado asi:

$$0*10 + 7 = 7$$

$$7*10 + 6 = 76$$

$$76*10+5 = 765$$

$$765*10+4 = 7654$$

$$7654*10+3=76543$$

$$76543*10+2=765432$$

$$765432*10+1 = 7654321$$

# Transferencia de parámetros por referencia

---



# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

Lo que se imprime Programa

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  AumentaenCinco(a,b);
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  cout << "\n";
```

```
  a=30; b=88;
```

```
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  IntercambiarValores(a,b);
```

```
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  return 0;
```

```
}
```

# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

Lo que se imprime Programa

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  AumentaenCinco(a,b);
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  cout << "\n";
```

```
  a=30; b=88;
```

```
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  IntercambiarValores(a,b);
```

```
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  return 0;
```

```
}
```

a	b
10	33

# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  AumentaenCinco(a,b);
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  cout << "\n";
```

```
  a=30; b=88;
```

```
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  IntercambiarValores(a,b);
```

```
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  return 0;
```

```
}
```

Lo que se imprime Programa

a=10 b=33



# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  AumentaenCinco(a,b);
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  cout << "\n";
```

```
  a=30; b=88;
```

```
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  IntercambiarValores(a,b);
```

```
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  return 0;
```

```
}
```

Lo que se imprime Programa

a=10 b=33



# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  AumentaenCinco(a,b);
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  cout << "\n";
```

```
  a=30; b=88;
```

```
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  IntercambiarValores(a,b);
```

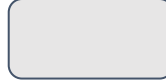
```
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

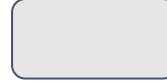
```
  return 0;
```

```
}
```

a



b



Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a



b



# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  AumentaenCinco(a,b);
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  cout << "\n";
```

```
  a=30; b=88;
```

```
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  IntercambiarValores(a,b);
```

```
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  return 0;
```

```
}
```

a

10

b

33

Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a

10

b

33

# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a = b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  AumentaenCinco(a,b);
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  cout << "\n";
```

```
  a=30; b=88;
```

```
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  IntercambiarValores(a,b);
```

```
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  return 0;
```

```
}
```

a

15

b

33

Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a

10

b

33

# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  AumentaenCinco(a,b);
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  cout << "\n";
```

```
  a=30; b=88;
```

```
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  IntercambiarValores(a,b);
```

```
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  return 0;
```

```
}
```

a

15

b

38

Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a

10

b

33



# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  AumentaenCinco(a,b);
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  cout << "\n";
```

```
  a=30; b=88;
```

```
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  IntercambiarValores(a,b);
```

```
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  return 0;
```

```
}
```

Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a

10

b

33

# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  AumentaenCinco(a,b);
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  cout << "\n";
```

```
  a=30; b=88;
```

```
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  IntercambiarValores(a,b);
```

```
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  return 0;
```

```
}
```

Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a=10 b=33



# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  AumentaenCinco(a,b);
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  cout << "\n";
  a=30; b=88;
```

```
//--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  IntercambiarValores(a,b);
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  return 0;
}
```

Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a=10 b=33



# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  AumentaenCinco(a,b);
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  cout << "\n";
```

```
  a=30; b=88;
```

```
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  IntercambiarValores(a,b);
```

```
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  return 0;
```

```
}
```

Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a=10 b=33

a

30

b

88

# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
{ int a=10, b=33;

  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  AumentaenCinco(a,b);
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  cout << "\n";
  a=30; b=88;
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  IntercambiarValores(a,b);
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  return 0;
}
```

Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a=10 b=33

Valores antes del intercambio



# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
{ int a=10, b=33;

  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  AumentaenCinco(a,b);
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  cout << "\n";
  a=30; b=88;
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  IntercambiarValores(a,b);
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  return 0;
}
```

Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a=10 b=33

Valores antes del intercambio



# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
{ int a=10, b=33;

  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  AumentaenCinco(a,b);
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  cout << "\n";
  a=30; b=88;
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  IntercambiarValores(a,b);
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  return 0;
}
```

Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a=10 b=33

Valores antes del intercambio

a=30 b=88



# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  AumentaenCinco(a,b);
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  cout << "\n";
```

```
  a=30; b=88;
```

```
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  IntercambiarValores(a,b);
```

```
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  return 0;
```

```
}
```

Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a=10 b=33

Valores antes del intercambio

a=30 b=88

a

b

a

b

30

88



# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  AumentaenCinco(a,b);
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  cout << "\n";
```

```
  a=30; b=88;
```

```
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  IntercambiarValores(a,b);
```

```
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  return 0;
```

```
}
```

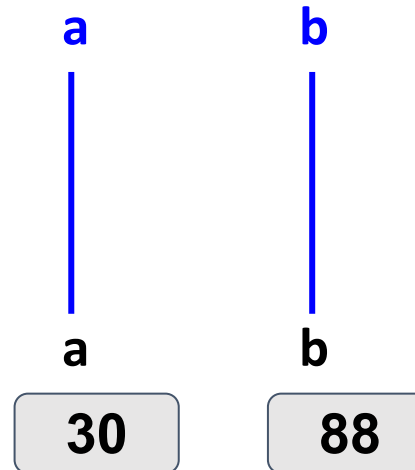
Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a=10 b=33

Valores antes del intercambio

a=30 b=88



# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a = b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  AumentaenCinco(a,b);
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  cout << "\n";
```

```
  a=30; b=88;
```

```
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  IntercambiarValores(a,b);
```

```
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  return 0;
```

```
}
```

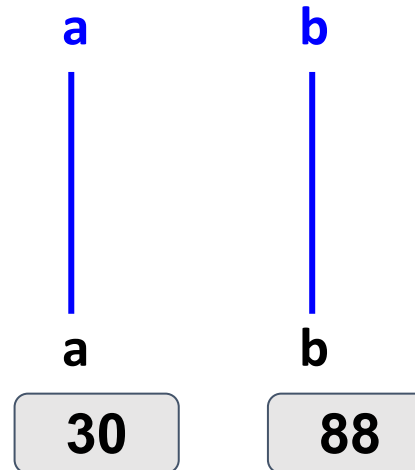
Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a=10 b=33

Valores antes del intercambio

a=30 b=88



# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a = b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  AumentaenCinco(a,b);
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  cout << "\n";
```

```
  a=30; b=88;
```

```
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  IntercambiarValores(a,b);
```

```
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  return 0;
```

```
}
```

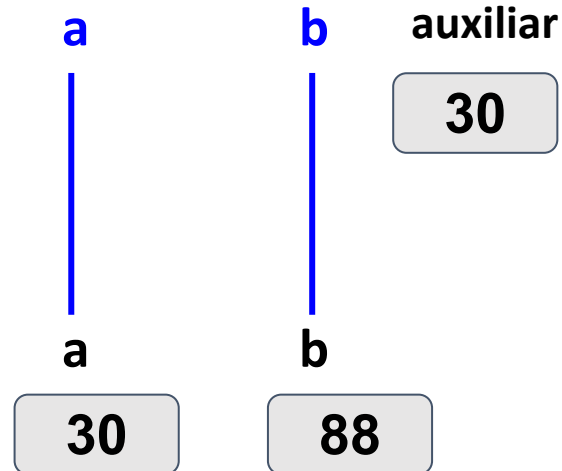
Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a=10 b=33

Valores antes del intercambio

a=30 b=88



# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  AumentaenCinco(a,b);
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  cout << "\n";
```

```
  a=30; b=88;
```

```
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  IntercambiarValores(a,b);
```

```
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  return 0;
```

```
}
```

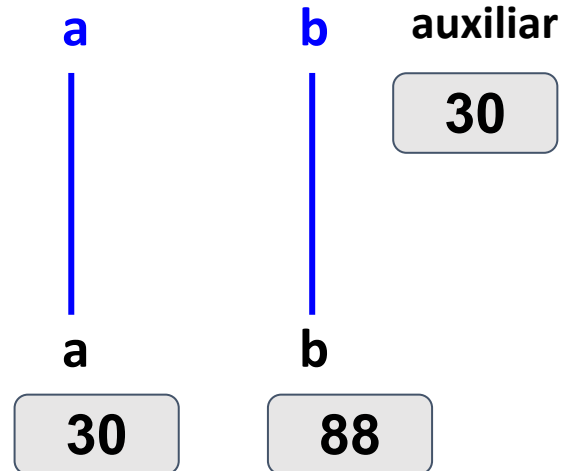
Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a=10 b=33

Valores antes del intercambio

a=30 b=88



# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  AumentaenCinco(a,b);
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  cout << "\n";
```

```
  a=30; b=88;
```

```
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  IntercambiarValores(a,b);
```

```
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  return 0;
```

```
}
```

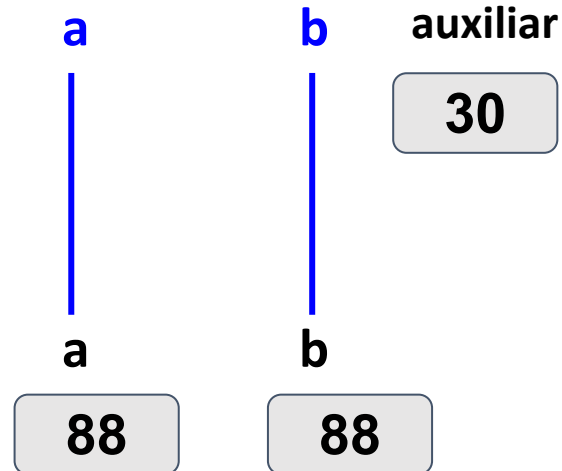
Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a=10 b=33

Valores antes del intercambio

a=30 b=88



# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a = b;
  b = auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  AumentaenCinco(a,b);
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  cout << "\n";
```

```
  a=30; b=88;
```

```
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  IntercambiarValores(a,b);
```

```
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  return 0;
```

```
}
```

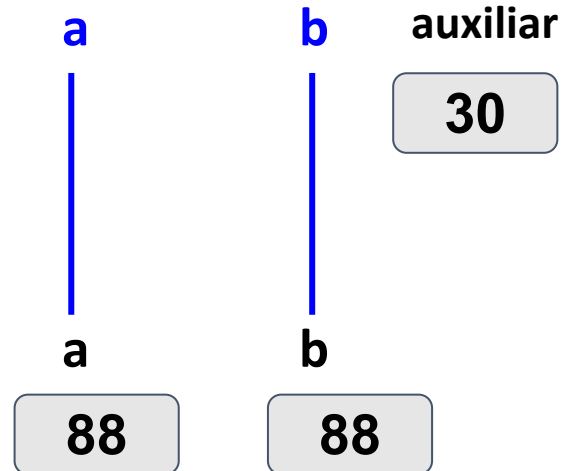
Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a=10 b=33

Valores antes del intercambio

a=30 b=88



# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  AumentaenCinco(a,b);
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  cout << "\n";
```

```
  a=30; b=88;
```

```
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  IntercambiarValores(a,b);
```

```
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  return 0;
```

```
}
```

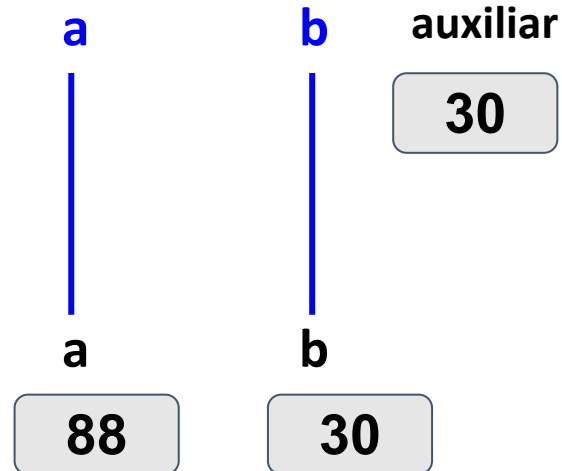
Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a=10 b=33

Valores antes del intercambio

a=30 b=88



# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  AumentaenCinco(a,b);
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  cout << "\n";
```

```
  a=30; b=88;
```

```
  //--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  IntercambiarValores(a,b);
```

```
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  return 0;
```

```
}
```

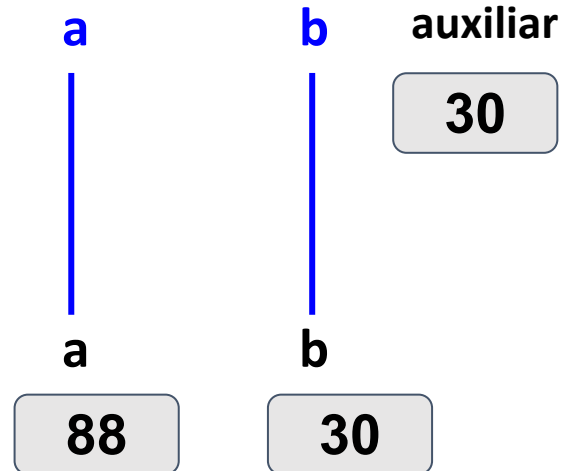
Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a=10 b=33

Valores antes del intercambio

a=30 b=88





# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  AumentaenCinco(a,b);
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  cout << "\n";
  a=30; b=88;
```

```
//--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
```

```
  IntercambiarValores(a,b);
```

```
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  return 0;
```

```
}
```

Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a=10 b=33

Valores antes del intercambio

a=30 b=88



# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  AumentaenCinco(a,b);
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  cout << "\n";
  a=30; b=88;
```

```
//--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  IntercambiarValores(a,b);
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  return 0;
}
```

Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a=10 b=33

Valores antes del intercambio

a=30 b=88

Valores después del intercambio



# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  AumentaenCinco(a,b);
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  cout << "\n";
  a=30; b=88;
```

```
//--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  IntercambiarValores(a,b);
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  return 0;
}
```

Lo que se imprime Programa

a=10 b=33

a=10 b=33

Valores antes del intercambio

a=30 b=88

Valores despues de intercambio

a=88 b=30



# Transferencia por valor y Transferencia por Referencia

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
void AumentaenCinco(int a,int b)
```

```
//-----
{ a = a + 5;
  b = b + 5;
}
```

```
void IntercambiarValores(int &a, int &b)
```

```
//-----
{ auto auxiliar = a;
  a= b;
  b=auxiliar;
}
```

```
int main()
```

```
{ int a=10, b=33;
```

```
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  AumentaenCinco(a,b);
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  cout << "\n";
  a=30; b=88;
```

```
//--- ahora usamos transferencia por referencia
```

```
  cout << "Valores antes del intercambio\n";
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  IntercambiarValores(a,b);
  cout << "Valores despues del intercambio\n";
  cout << "a = " << a << " " << "b = " << b << "\n";
  return 0;
}
```

Lo que se imprime Programa

a=10 b=33  
a=10 b=33

Valores antes del intercambio

a=30 b=88

Valores después del intercambio

a=88 b=30



## Ejemplo 3:

Desarrolla un programa que permite leer como dato una cantidad de segundos (número mayor a 1) y el programa realice la conversión a **través del uso de una función** a horas, minutos y segundos.



## main. cpp

```
#include <iostream>
#include "UMisFunciones.h"
using namespace std;

int main()
{tipo_Entero segundos;
 tipo_Entero Horas, Min, Seg;

 segundos=LeeSegundos();
 ConvertirAHorasMinSeg(segundos,Horas, Min,Seg);
 cout<<"Equivale a ";
 cout<< Horas<<" horas " << Min <<" minutos y " << Seg << "
 segundos";
 return 0;
}
```

## UMisFunciones. h

```
#ifndef SEGUNTOSAHORASMINSEG_UMISFUNCIONES_H
#define SEGUNTOSAHORASMINSEG_UMISFUNCIONES_H

#include <iostream>
using namespace std;

typedef long int tipo_Entero;

tipo_Entero LeeSegundos();
void ConvertirAHorasMinSeg(tipo_Entero Segundos,
                           tipo_Entero &horas,
                           tipo_Entero &min,
                           tipo_Entero &seg);

#endif //SEGUNTOSAHORASMINSEG_UMISFUNCIONES_H
```

```
#include "UMisFunciones.h"
```

```
tipo_Entero LeeSegundos()
```

```
{//-----
```

```
    tipo_Entero n;
```

```
        do{
```

```
            cout <<"Segundos <dato mayor a 1>: ";
```

```
            cin>>n;
```

```
        }while(n<=1);;
```

```
        return n;
```

```
    }
```

```
void ConvertirAHorasMinSeg(tipo_Entero Segundos, tipo_Entero &horas, tipo_Entero &min, tipo_Entero &seg)
```

```
{//-----
```

```
    horas = Segundos/3600;
```

```
    Segundos %= 3600;
```

```
    min = Segundos/60;
```

```
    seg = Segundos%60;
```

```
}
```

La función *ConvertirAHorasMinSeg*, en su identificador o nombre no retorna ningún valor, recibe 4 parámetros: el primero por valor y los 3 siguientes por referencia.

# Recursividad

---



**La recursividad ocurre cuando ....**

**Para hallar el resultado una función se invoca a si misma.**



El algoritmo para hallar el factorial de un número es un ejemplo clásico del uso de recursividad.

$$\text{fact}(7) = 7*6*5*4*3*2*1 \quad \text{ó} \quad \text{fact}(7) = 7 * \text{fact}(6)$$

$$\text{fact}(9) = 9*8*7*6*5*4*3*2*1 \quad \text{ó} \quad \text{fact}(8) = 8 * \text{fact}(7)$$

$$\text{fact}(14) = 14 * \text{fact}(13)$$

Generalizando:

$$\text{fact}(n) = n * \text{fact}(n-1)$$

# Veamos cómo funciona la recursividad, hallando el factorial de 5

```
fact(5) = 5 * fact(4)
```

# Recursión:

```
fact(5) = 5 * fact(4)
           ↓
           4 * fact(3)
```

# Recursión:

$\text{fact}(5) = 5 * \text{fact}(4)$   
                  ↓  
              4 \*  $\text{fact}(3)$   
                  ↓  
              3 \*  $\text{fact}(2)$

# Recursión:

`fact(5) = 5 * fact(4)`

↓  
`4 * fact(3)`

↓  
`3 * fact(2)`

↓  
`2 * fact(1)`

# Recursión:

$\text{fact}(5) = 5 * \text{fact}(4)$   
    ↓  
     $4 * \text{fact}(3)$   
        ↓  
         $3 * \text{fact}(2)$   
            ↓  
             $2 * \text{fact}(1)$   
                ↓  
                 $1$

# Recursión:

**fact(5) = 5 \* fact(4)**

↓  
**4 \* fact(3)**

↓  
**3 \* fact(2)**

↓  
**2 \* fact(1)**

↑  
**1**



# Recursión:

**fact(5) = 5 \* fact(4)**

↓  
**4 \* fact(3)**

↓  
**3 \* fact(2)**

↑  
**2 \* 1**

# Recursión:

$\text{fact}(5) = 5 * \text{fact}(4)$   
                  ↓  
                  4 \*  $\text{fact}(3)$   
                      ↑  
                      3 \* 2

# Recursión:

`fact(5) = 5 * fact(4)`  
          ↑  
          4 \* 6

# Recursión:

**fact(5) = 5 \* 24**

# Recursión:

**fact(5) = 120**

# Recursión:

```
int fact(int n)
{
    if(n <= 1)
        return 1;
    else
        return n* fact( n - 1 );
}
```

Llamada a la misma función



# Recursión:

```
unsigned long fact(unsigned int n)
{
    if(n <= 1)
        return 1L;
    return n* fact( n - 1 );
}
```

Llamada a la misma función

## Factorial - Iterativo

```
#include <iostream>
using namespace std;

unsigned long factorial(unsigned int n)
{unsigned long f;

    f=1;
    for(int i=2;i<=n; i++)
        f*=i;
    return f;
}

int main()
{
    unsigned int n;
    cout << "Numero: ";
    cin >> n;
    cout << "Factorial ("<< n <<") = ";
    cout << factorial(n);
    return 0;
}
```

## Factorial - Recursivo

```
#include <iostream>
using namespace std;

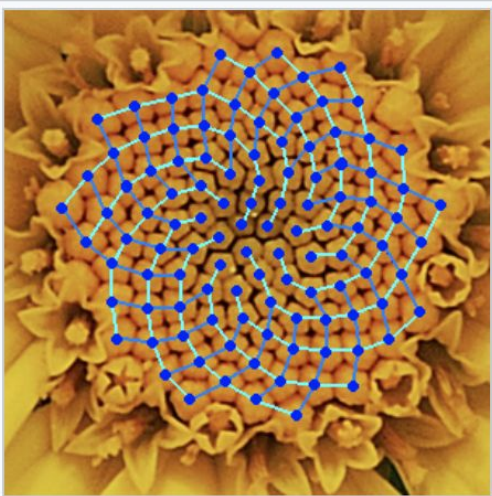
unsigned long factorial(unsigned int n)
{
    if (n<=1)
        return 1L;
    return (n * factorial(n-1));
}

int main()
{
    unsigned int n;
    cout << "Numero: ";
    cin >> n;
    cout << "Factorial ("<< n <<") = ";
    cout << factorial(n);
    return 0;
}
```



# Serie de Fibonacci:

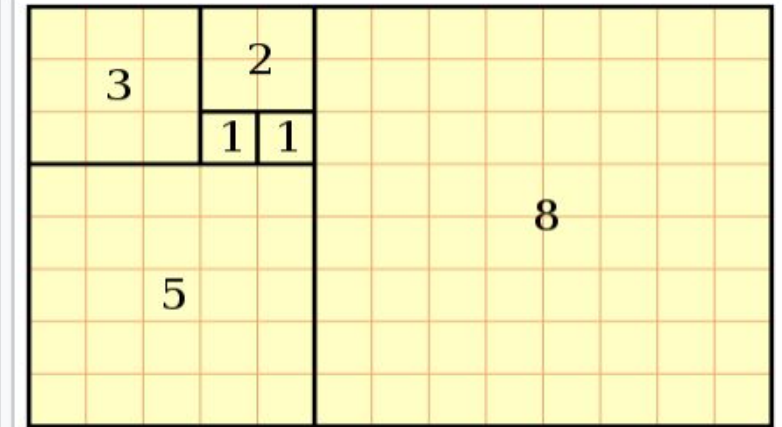
0 1 1 2 3 5 8 13 21 34 55 89 144 233 ...



Botón de [Camomila amarilla](#) mostrando la ordenación en espirales de módulos 21 (color azul) y 13 (color cian). Este tipo de arrollamientos utilizando números consecutivos de Fibonacci aparecen en una gran variedad de plantas.



Espiral de Fibonacci en la sección de la concha de un [nautilus](#).



Al construir bloques cuya longitud de lado sean números de Fibonacci se obtiene un dibujo que se asemeja al [rectángulo áureo](#) (véase [Número áureo](#)).

# Serie de Fibonacci:

Los números de Fibonacci quedan definidos por la ecuación:

$$f_n = f_{n-1} + f_{n-2}$$

partiendo de dos primeros valores predeterminados:

$$f_0 = 0$$

$$f_1 = 1$$

se obtienen los siguientes números:

- $f_2 = 1$
- $f_3 = 2$
- $f_4 = 3$
- $f_5 = 5$
- $f_6 = 8$
- $f_7 = 13$
- $f_8 = 21$

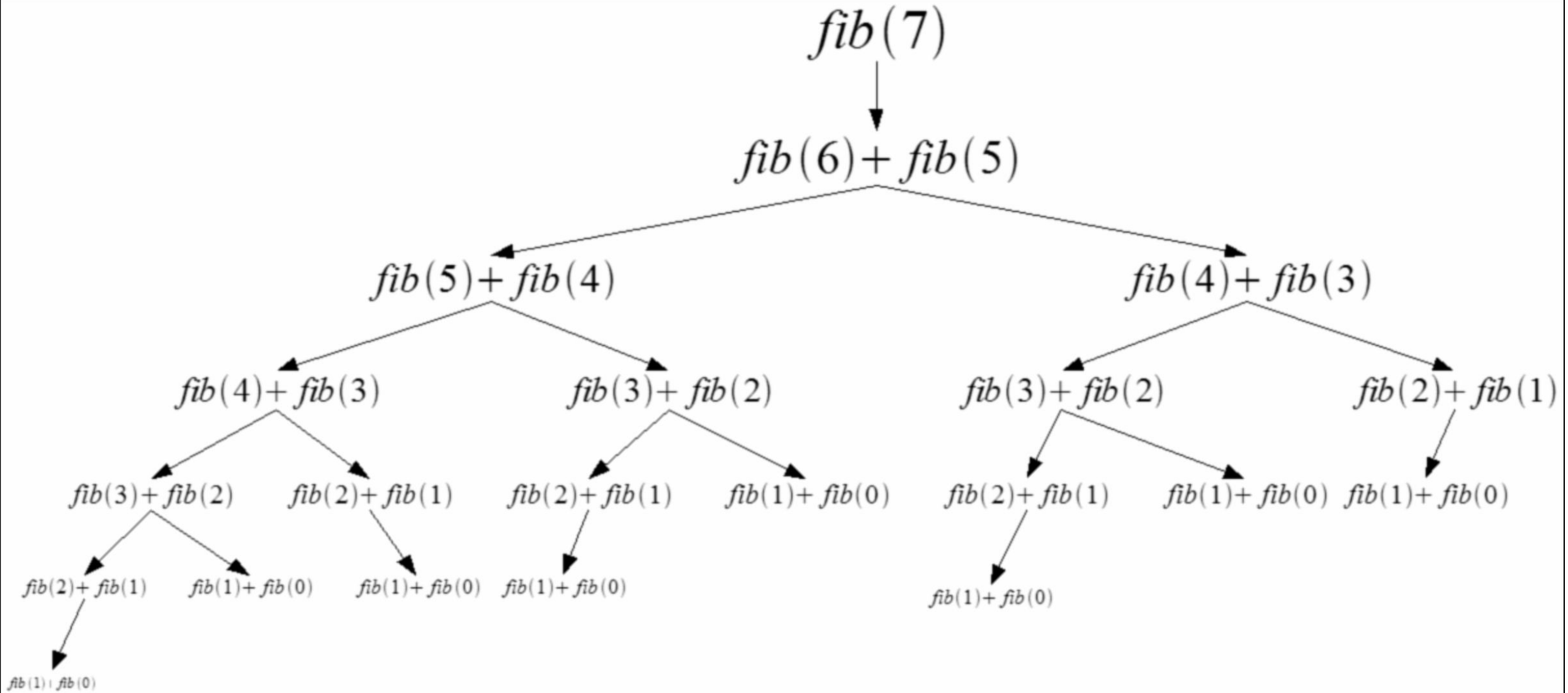
para  $n = 2, 3, 4, 5, \dots$

$$f(n) = f(n-1) + f(n-2)$$

**Partiendo de:**

$$f(0) = 0$$

$$f(1) = 1$$



## Fibonacci - Iterativo

```
#include <iostream>
using namespace std;

long int fibonacci (long int n)
{
    if(n<2)
        return n;
    long int a=0,b=1, c;
    for(int i=2;i<=n;i++)
    {
        c = a+b;
        a = b;
        b = c;
    }
    return c;
}

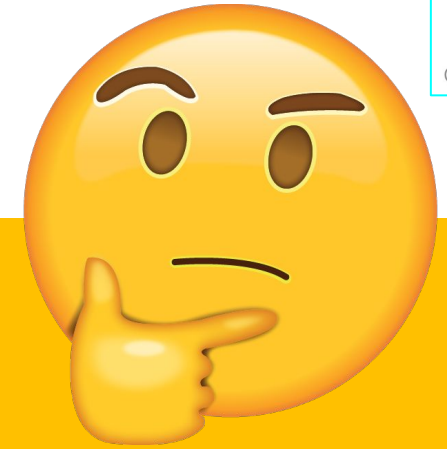
int main()
{ long int n;
  cout <<"Termino : ";
  cin >> n;
  cout << "Fibonacci ("<< n <<") = ";
  cout << fibonacci(n);
  return 0;
}
```

## Fibonacci - Recursivo

```
#include <iostream>
using namespace std;

long int fibonacci (long int n)
{
    if(n<2)
        return n;
    return( fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2));
}

int main()
{ long int n;
  cout <<"Termino : ";
  cin >> n;
  cout << "Fibonacci ("<< n <<") = ";
  cout << fibonacci(n);
  return 0;
}
```



1. **¿Qué es una función?**
2. **¿Cuándo es conveniente crear funciones?**
3. **¿Qué tipos de parámetros puede tener una función?**
4. **¿Cómo indicamos el valor que queremos que retorne la función?**
5. **¿Todas las funciones devuelven un valor?**
6. **¿Qué tipo de función es más simple de implementar: Recursivo o Iterativo?**
7. **¿Cuál es más óptimo en cuanto al consumo de los recursos (memoria, procesador, energía) del computador?**

# Programación Competitiva

- Nivel avanzado:
  - > Sábados 8-12 (am) (L301)  
<http://bit.ly/icpc-avanzado>
- Nivel básico/intermedio:
  - > Lunes 7-9 (pm) (A803)
  - > Viernes 6-8 (pm) (L604)

# Taller de programación competitiva

Elige un horario (básico):

- > Lunes, 22 de abril, 7-9pm, A803
- > Viernes, 26 de abril, 6-8pm, L604

¿Ya tienes experiencia?

- > Contest para horario avanzado:  
<https://vjudge.net/contest/296812>
- > Forms de registro:  
<http://bit.ly/icpc-avanzado>

Recursos:

- > #acm-announcements (Whatsapp):  
<http://bit.ly/acm-announcements>
- > Gitlab/Materiales:  
<https://gitlab.com/acmutec/icpc>
- > ACM Google Calendar:  
<http://bit.ly/acmutec-calendar>

## Unidad 2: Funciones y recursividad

<http://bit.ly/2HRBWgq>

Profesores:

Ernesto Cuadros- Vargas, PhD. [ecuadros@utec.edu.pe](mailto:ecuadros@utec.edu.pe)

María Hilda Bermejo, M. Sc. [mbermejo@utec.edu.pe](mailto:mbermejo@utec.edu.pe)