

Unidad 2: Funciones y Recursividad

<http://bit.ly/2HRBWgq>

Profesores:

Ernesto Cuadros- Vargas, PhD.

ecuadros@utec.edu.pe

María Hilda Bermejo, M. Sc.

mbermejo@utec.edu.pe

Telegram:

1. Configurar tu cuenta

2. <http://bit.ly/2TJnwBq>

CS1102 – PROGRAMACIÓN ORIENTADA A OBJETOS 1

CICLO 2019-1



Encuesta:

link → <http://bit.ly/2Zqjxxx>

Profesor:

Ernesto Cuadros-Vargas

Logro de la sesión:

Al finalizar la sesión, los alumnos desarrollan sus programas utilizando recursividad.

Recursividad

La recursividad ocurre cuando

Para hallar el resultado una función se invoca a si misma.



El algoritmo para hallar el factorial de un número es un ejemplo clásico del uso de recursividad.

$$\text{fact}(7) = 7*6*5*4*3*2*1 \quad \text{ó} \quad \text{fact}(7) = 7 * \text{fact}(6)$$

$$\text{fact}(9) = 9*8*7*6*5*4*3*2*1 \quad \text{ó} \quad \text{fact}(8) = 8 * \text{fact}(7)$$

$$\text{fact}(14) = 14 * \text{fact}(13)$$

Generalizando:

$$\text{fact}(n) = n * \text{fact}(n-1)$$

Veamos cómo funciona la recursividad, hallando el factorial de 5

```
fact(5) = 5 * fact(4)
```


Recursión:

```
fact(5) = 5 * fact(4)
           ↓
           4 * fact(3)
```

Recursión:

fact(5) = 5 * fact(4)
 ↓
 4 * fact(3)
 ↓
 3 * fact(2)

Recursión:

fact(5) = 5 * fact(4)

4 * fact(3)

3 * fact(2)

↓
2 * fact(1)

Recursión:

fact(5) = 5 * fact(4)
 4 * fact(3)
 3 * fact(2)
 2 * fact(1)
 1

Recursión:

fact(5) = 5 * fact(4)

↓
4 * fact(3)

↓
3 * fact(2)

↓
2 * fact(1)

↑
1

Recursión:

fact(5) = 5 * fact(4)

↓
4 * fact(3)

↓
3 * fact(2)

↑
2 * 1

Recursión:

$\text{fact}(5) = 5 * \text{fact}(4)$
 ↓
 4 * $\text{fact}(3)$
 ↑
 3 * 2

Recursión:

`fact(5) = 5 * fact(4)`
 ↑
 4 * 6

Recursión:

fact(5) = 5 * 24

Recursión:

fact(5) = 120

Recursión:

```
int fact(int n)
{
    if(n <= 1)
        return 1;
    else
        return n* fact( n - 1 );
}
```

Llamada a la misma función



Recursión:

```
unsigned long fact(unsigned int n)
{
    if(n <= 1)
        return 1L;
    return n* fact( n - 1 );
}
```

Llamada a la misma función

Factorial - Iterativo

```
#include <iostream>
using namespace std;

unsigned long factorial(unsigned int n)
{unsigned long f;

    f=1;
    for(int i=2;i<=n; i++)
        f*=i;
    return f;
}

int main()
{
    unsigned int n;
    cout << "Numero: ";
    cin >> n;
    cout << "Factorial ("<< n <<") = ";
    cout << factorial(n);
    return 0;
}
```

Factorial - Recursivo

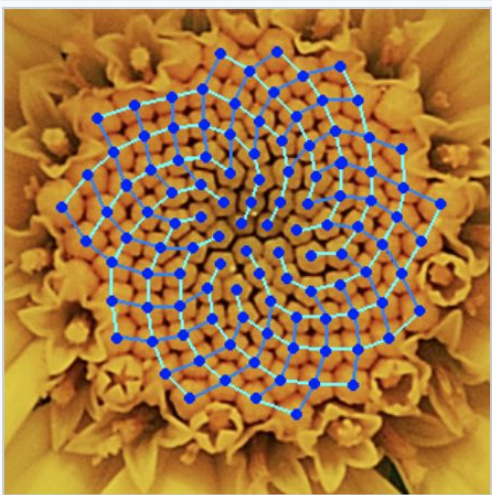
```
#include <iostream>
using namespace std;

unsigned long factorial(unsigned int n)
{
    if (n<=1)
        return 1L;
    return (n * factorial(n-1));
}

int main()
{
    unsigned int n;
    cout << "Numero: ";
    cin >> n;
    cout << "Factorial ("<< n <<") = ";
    cout << factorial(n);
    return 0;
}
```

Serie de Fibonacci:

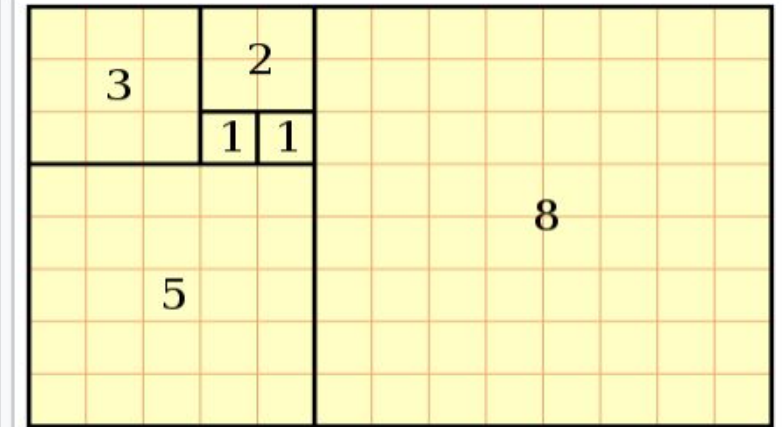
0 1 1 2 3 5 8 13 21 34 55 89 144 233 ...



Botón de [Camomila amarilla](#) mostrando la ordenación en espirales de módulos 21 (color azul) y 13 (color cian). Este tipo de arrollamientos utilizando números consecutivos de Fibonacci aparecen en una gran variedad de plantas.



Espiral de Fibonacci en la sección de la concha de un [nautilus](#).



Al construir bloques cuya longitud de lado sean números de Fibonacci se obtiene un dibujo que se asemeja al [rectángulo áureo](#) (véase [Número áureo](#)).

Serie de Fibonacci:

Los números de Fibonacci quedan definidos por la ecuación:

$$f_n = f_{n-1} + f_{n-2}$$

partiendo de dos primeros valores predeterminados:

$$f_0 = 0$$

$$f_1 = 1$$

se obtienen los siguientes números:

- $f_2 = 1$
- $f_3 = 2$
- $f_4 = 3$
- $f_5 = 5$
- $f_6 = 8$
- $f_7 = 13$
- $f_8 = 21$

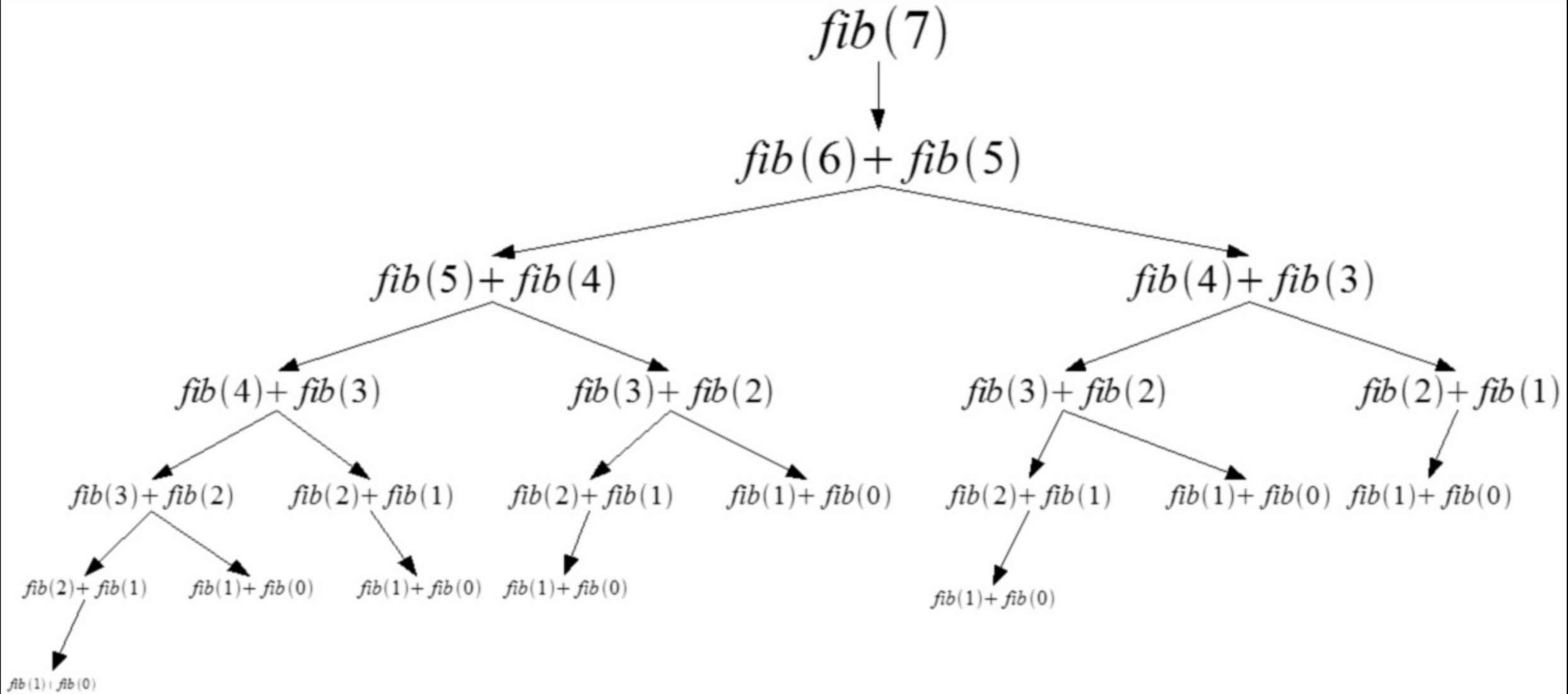
para $n = 2, 3, 4, 5, \dots$

$$f(n) = f(n-1) + f(n-2)$$

Partiendo de:

$$f(0) = 0$$

$$f(1) = 1$$



Fibonacci - Iterativo

```
#include <iostream>
using namespace std;

long int fibonacci (long int n)
{
    if(n<2)
        return n;
    long int a=0,b=1, c;
    for(int i=2;i<=n;i++)
    {
        c = a+b;
        a = b;
        b = c;
    }
    return c;
}

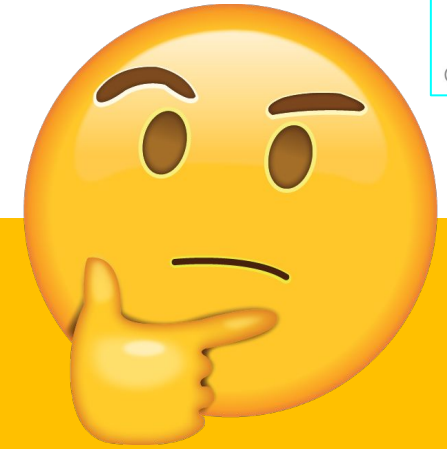
int main()
{ long int n;
  cout <<"Termino : ";
  cin >> n;
  cout << "Fibonacci ("<< n <<") = ";
  cout << fibonacci(n);
  return 0;
}
```

Fibonacci - Recursivo

```
#include <iostream>
using namespace std;

long int fibonacci (long int n)
{
    if(n<2)
        return n;
    return( fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2));
}

int main()
{ long int n;
  cout <<"Termino : ";
  cin >> n;
  cout << "Fibonacci ("<< n <<") = ";
  cout << fibonacci(n);
  return 0;
}
```



1. **¿Qué es una función?**
2. **¿Cuándo es conveniente crear funciones?**
3. **¿Qué tipos de parámetros puede tener una función?**
4. **¿Cómo indicamos el valor que queremos que retorne la función?**
5. **¿Todas las funciones devuelven un valor?**
6. **¿Qué tipo de función es más simple de implementar: Recursivo o Iterativo?**
7. **¿Cuál es más óptimo en cuanto al consumo de los recursos (memoria, procesador, energía) del computador?**

Funciones Lambda

The following example uses a [lambda function](#) to increment all of the elements of a vector and then uses an overloaded operator() in a functor to compute their sum. Note that to compute the sum, it is recommended to use the dedicated algorithm `std::accumulate`.

Run this code

```
#include <vector>
#include <algorithm>
#include <iostream>

struct Sum
{
    Sum(): sum{0} { }
    void operator()(int n) { sum += n; }
    int sum;
};

int main()
{
    std::vector<int> nums{3, 4, 2, 8, 15, 267};

    auto print = [](const int& n) { std::cout << " " << n; };

    std::cout << "before:";
    std::for_each(nums.begin(), nums.end(), print);
    std::cout << '\n';

    std::for_each(nums.begin(), nums.end(), [](int &n){ n++; });

    // calls Sum::operator() for each number
    Sum s = std::for_each(nums.begin(), nums.end(), Sum());

    std::cout << "after: ";
    std::for_each(nums.begin(), nums.end(), print);
    std::cout << '\n';
    std::cout << "sum: " << s.sum << '\n';
}
```

Output:

```
before: 3 4 2 8 15 267
after:  4 5 3 9 16 268
sum: 305
```

Unidad 2: Funciones y recursividad

<http://bit.ly/2HRBWgq>

Profesores:

Ernesto Cuadros- Vargas, PhD. ecuadros@utec.edu.pe

María Hilda Bermejo, M. Sc. mbermejo@utec.edu.pe