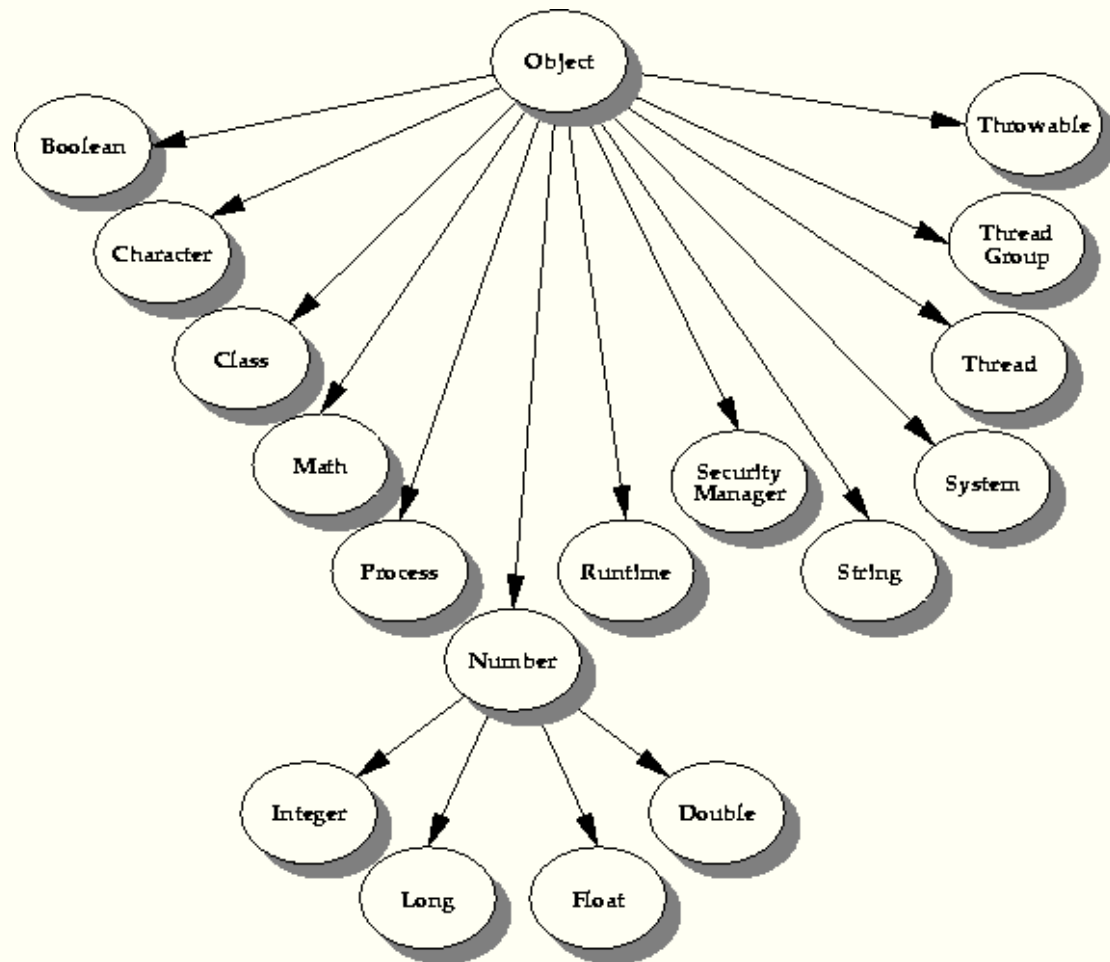




ПОСИЛАЛЬНІ ТИПИ ДАНИХ ДЛЯ МАТЕМАТИЧНИХ ОБЧИСЛЕНЬ

Питання 2.2.

Базова ієрархія класів Java API



- Базові API описані в бібліотеках, наприклад, `java.lang`.
 - Клас `Math` описує константи $E = 2.718281828459045$ та $PI = 3.141592653589793$ типу `double`, що відповідають значенням експоненти та числа π .

Клас java.lang.Math

Метод	Опис
<code>double abs(double d);</code> <code>float abs(float f);</code> <code>int abs(int i);</code> <code>long abs(long l)</code>	Повертає абсолютне значення (модуль) d . Особливі випадки: $\text{abs}(-0.0) = +0.0$, $\text{abs}(-\text{infinity}) = +\text{infinity}$, $\text{abs}(\text{NaN}) = \text{NaN}$, $\text{abs}(\text{Integer.MIN_VALUE}) = \text{Integer.MIN_VALUE}$, $\text{abs}(\text{Long.MIN_VALUE}) = \text{Long.MIN_VALUE}$,
<code>double acos(double d)</code>	Повертає значення $\arccos(d)$ у діапазоні від 0 до π . Особливі випадки: $\text{acos}(d > 1) = \text{NaN}$, $\text{acos}(d < -1) = \text{NaN}$, $\text{acos}(\text{NaN}) = \text{NaN}$
<code>double asin(double d)</code>	Повертає значення $\arcsin(d)$ у діапазоні від $-\pi/2$ до $\pi/2$. Особливі випадки: $\text{asin}(d > 1) = \text{NaN}$, $\text{asin}(d < -1) = \text{NaN}$, $\text{asin}(\text{NaN}) = \text{NaN}$
<code>double atan(double d)</code>	Повертає значення $\arctg(d)$ у діапазоні від $-\pi/2$ до $\pi/2$. Особливі випадки: $\text{atan}(+0.0) = +0.0$, $\text{atan}(-0.0) = -0.0$, $\text{atan}(+\text{infinity}) = +\pi/2$, $\text{atan}(-\text{infinity}) = -\pi/2$, $\text{atan}(\text{NaN}) = \text{NaN}$,
<code>double ceil(double d)</code>	Повертає найменше значення (найближче до $-\infty$), яке не менше за d та ціле. Особливі випадки: $\text{ceil}(+0.0) = +0.0$, $\text{ceil}(-0.0) = -0.0$, $\text{ceil}(-1.0 < d < 0.0) = -0.0$, $\text{ceil}(+\text{infinity}) = +\text{infinity}$, $\text{ceil}(-\text{infinity}) = -\text{infinity}$, $\text{ceil}(\text{NaN}) = \text{NaN}$

Клас java.lang.Math

Метод	Опис
double cos(double d)	Повертає $\cos(d)$, d – в радіанах. Особливі випадки: $\cos(+\text{infinity}) = \text{NaN}$, $\cos(-\text{infinity}) = \text{NaN}$, $\cos(\text{NaN}) = \text{NaN}$.
double exp(double d)	Повертає значення e^d . Особливі випадки: $\exp(+\text{infinity}) = +\text{infinity}$, $\exp(-\text{infinity}) = +0.0$, $\exp(\text{NaN}) = \text{NaN}$
double floor(double d)	Повертає найбільше значення (найближче до $+\infty$), яке не більше за d та ціле. Особливі випадки: $\text{floor}(+0.0) = +0.0$, $\text{floor}(-0.0) = -0.0$, $\text{floor}(+\text{infinity}) = +\text{infinity}$, $\text{floor}(-\text{infinity}) = -\text{infinity}$, $\text{floor}(\text{NaN}) = \text{NaN}$
double log(double d)	Повертає $\ln(d)$. Особливі випадки: $\log(+0.0) = -\text{infinity}$, $\log(-0.0) = -\text{infinity}$, $\log(d < 0) = \text{NaN}$, $\log(+\text{infinity}) = +\text{infinity}$, $\log(-\text{infinity}) = \text{NaN}$, $\log(\text{NaN}) = \text{NaN}$
double log10(double d)	Повертає $\log_{10}(d)$. Особливі випадки: $\log_{10}(+0.0) = -\text{infinity}$, $\log_{10}(-0.0) = -\text{infinity}$, $\log_{10}(d < 0) = \text{NaN}$, $\log_{10}(+\text{infinity}) = +\text{infinity}$, $\log_{10}(-\text{infinity}) = \text{NaN}$, $\log_{10}(\text{NaN}) = \text{NaN}$

Клас java.lang.Math

Метод	Опис
<code>double max(double d1, double d2);</code> <code>float max(float f1, float f2);</code> <code>int max(int i1, int i2);</code> <code>long max(long l1, long l2)</code>	Повертає найближче до $+\infty$ значення серед переданих. Особливі випадки для дробових чисел: <code>max(NaN, число) = NaN</code> , <code>max(число, NaN) = NaN</code> , <code>max(+0.0, -0.0) = +0.0</code> , <code>max(-0.0, +0.0) = +0.0</code> .
<code>double min(double d1, double d2);</code> <code>float min(float f1, float f2);</code> <code>int min(int i1, int i2);</code> <code>long min(long l1, long l2)</code>	Повертає найближче до $-\infty$ значення серед переданих. Особливі випадки для дробових чисел: <code>min(NaN, число) = NaN</code> , <code>min(число, NaN) = NaN</code> , <code>min(+0.0, -0.0) = -0.0</code> , <code>min(-0.0, +0.0) = -0.0</code> .
<code>double random()</code>	Повертає псевдовипадкове число в діапазоні <code>[0.0, 1.0)</code>
<code>int round(long l)</code> <code>long round(double d)</code>	Returns the result of rounding d to a long integer. The result is equivalent to <code>(long) Math.floor(d + 0.5)</code> . There are seven special cases: <code>round(+0.0) = +0.0</code> , <code>round(-0.0) = +0.0</code> , <code>round(anything > Long.MAX_VALUE) = Long.MAX_VALUE</code> , <code>round(anything < Long.MIN_VALUE) = Long.MIN_VALUE</code> , <code>round(+infinity) = Long.MAX_VALUE</code> , <code>round(-infinity) = Long.MIN_VALUE</code> , and <code>round(NaN) = +0.0</code> .
<code>int round(float f)</code>	Returns the result of rounding f to an integer. The result is equivalent to <code>(int) Math.floor(f + 0.5)</code> . There are seven special cases: <code>round(+0.0) = +0.0</code> , <code>round(-0.0) = +0.0</code> , <code>round(anything > Integer.MAX_VALUE) = Integer.MAX_VALUE</code> , <code>round(anything < Integer.MIN_VALUE) = Integer.MIN_VALUE</code> , <code>round(+infinity) = Integer.MAX_VALUE</code> , <code>round(-infinity) = Integer.MIN_VALUE</code> , and <code>round(NaN) = +0.0</code> .

`Math.floor(d+0.5)` та
: `round(+0.0) = +0.0`,
) = `Long.MAX_VALUE`,

Клас java.lang.Math

<code>double signum(double d)</code>	Returns the sign of <code>d</code> as -1.0 (<code>d</code> less than 0.0), 0.0 (<code>d</code> equals 0.0), and 1.0 (<code>d</code> greater than 0.0). There are five special cases: <code>signum(+0.0) = +0.0</code> , <code>signum(-0.0) = -0.0</code> , <code>signum(+infinity) = +1.0</code> , <code>signum(-infinity) = -1.0</code> , and <code>signum(NaN) = NaN</code> .
<code>float signum(float f)</code>	Returns the sign of <code>f</code> as -1.0 (<code>f</code> less than 0.0), 0.0 (<code>f</code> equals 0.0), and 1.0 (<code>f</code> greater than 0.0). There are five special cases: <code>signum(+0.0) = +0.0</code> , <code>signum(-0.0) = -0.0</code> , <code>signum(+infinity) = +1.0</code> , <code>signum(-infinity) = -1.0</code> , and <code>signum(NaN) = NaN</code> .
<code>double sin(double d)</code>	Returns the sine of angle <code>d</code> (expressed in radians). There are five special cases: <code>sin(+0.0) = +0.0</code> , <code>sin(-0.0) = -0.0</code> , <code>sin(+infinity) = NaN</code> , <code>sin(-infinity) = NaN</code> , and <code>sin(NaN) = NaN</code> .
<code>double sqrt(double d)</code>	Returns the square root of <code>d</code> . There are five special cases: <code>sqrt(+0.0) = +0.0</code> , <code>sqrt(-0.0) = -0.0</code> , <code>sqrt(anything < 0) = NaN</code> , <code>sqrt(+infinity) = +infinity</code> , and <code>sqrt(NaN) = NaN</code> .

Клас java.lang.Math

<code>double tan(double d)</code>	Returns the tangent of angle d (expressed in radians). There are five special cases: <code>tan(+0.0) = +0.0</code> , <code>tan(-0.0) = -0.0</code> , <code>tan(+infinity) = NaN</code> , <code>tan(-infinity) = NaN</code> , and <code>tan(NaN) = NaN</code> .
<code>double toDegrees(double angrad)</code>	Converts angle angrad from radians to degrees via expression <code>angrad * 180 / PI</code> . There are five special cases: <code>toDegrees(+0.0) = +0.0</code> , <code>toDegrees(-0.0) = -0.0</code> , <code>toDegrees(+infinity) = +infinity</code> , <code>toDegrees(-infinity) = -infinity</code> , and <code>toDegrees(NaN) = NaN</code> .
<code>double toRadians(double angdeg)</code>	Converts angle angdeg from degrees to radians via expression <code>angdeg / 180 * PI</code> . There are five special cases: <code>toRadians(+0.0) = +0.0</code> , <code>toRadians(-0.0) = -0.0</code> , <code>toRadians(+infinity) = +infinity</code> , <code>toRadians(-infinity) = -infinity</code> , and <code>toRadians(NaN) = NaN</code> .

- `Math.abs()` повертає абсолютне значення переданого числа (цілого чи дробового).
 - Проте також його часто використовують для порівняння чисел.
 - У зв'язку з неточним представленням дробових чисел в системі, зокрема, вираз `0.3==0.1+0.1+0.1` набуде значення `false`.
 - За допомогою методу `abs()` та певного значення похибки вираз `Math.abs(0.3 - (0.1 + 0.1 + 0.1)) < 0.1` буде мати значення `true`, оскільки абсолютна відстань набагато менше заданої похибки.

Метод random()

- Метод random() генерує псевдовипадкове число.
 - Діапазон чисел від 0.0 до 1.0 часто непрактичний, і відповідні результати масштабують на потрібний діапазон.
 - Наприклад, реалізація методу
- ```
static int rnd(int limit)
{
 return (int) (Math.random() * limit);
}
```
- дає можливість генерувати випадкові числа від 0 до limit-1.
  - Інструкція `-100 + rnd(201)` дозволяє отримувати випадкові числа з діапазону `[-100, 100]`.
- Запис `(int) Math.random() * limit` завжди буде давати 0, оскільки спочатку відбувається зведення типу числа згенерованого random() шляхом усікання дробової частини.



# Клас StrictMath та зарезервоване слово strictfp

---

- Даний клас знаходиться в пакеті `java.lang` та майже ідентичний класу `Math`.
- Методи `StrictMath` повертають однакові результати на всіх платформах, у той час, як деякі методи класу `Math` можуть повертати значення, що будуть відрізнятись від платформи до платформи.
  - `StrictMath` не підтримує специфічні для платформ риси, наприклад, математичний співпроцесор.
- У більшості випадків методи класу `Math` викликають свої відповідники з класу `StrictMath`.
  - Виняток: методи `toDegrees()` та `toRadians()`.
  - Хоч тіло цих методів ідентичне, реалізація з класу `StrictMath` включає зарезервоване слово `strictfp` в заголовку:
    - `public static strictfp double toDegrees(double angrad)`
    - `public static strictfp double toRadians(double angdeg)`

# Strictfp - для обрізання точності обчислень з метою підтримки портативності

---

- Дає підтримку портативності в контексті проміжних floating-point представлень чисел з плаваючою крапкою та їх переповнень (overflow) чи недозаповнень (underflow).
  - Без strictfp проміжні обчислення не обмежуються IEEE 754: точність обчислень залежить від платформи.
- Застосоване до методу ключове слово strictfp задає стиль виконання всіх обчислень з плаваючою крапкою, що виконуються в методі.
  - Проте strictfp можна використовувати і в заголовку оголошення класу, щоб забезпечити строге виконання обчислень з плаваючою крапкою в цьому класі.
  - Наприклад, `public strictfp class FourierTransform`

# Клас Number

---

- Абстрактний клас `java.lang.Number` є суперкласом для тих класів, які представляють числові значення та можуть конвертуватись у примітивні типи.
- Методи для конвертації
  - `byte byteValue()`
  - `double doubleValue()`
  - `float floatValue()`
  - `int intValue()`
  - `long longValue()`
  - `short shortValue()`

- `java.util.concurrent.atomic.AtomicInteger`
- `java.util.concurrent.atomic.AtomicLong`
- `java.math.BigDecimal`
- `java.math.BigInteger`
- `java.lang.Byte`
- `java.lang.Double`
- `java.lang.Float`
- `java.lang.Integer`
- `java.lang.Long`
- `java.lang.Short`

# Клас BigDecimal

---

```
public class SavingsAccount
{
 int balance;

 SavingsAccount deposit(int amount)
 {
 balance += amount;
 return this;
 }

 SavingsAccount printBalance()
 {
 System.out.println(balance);
 return this;
 }

 public static void main(String[] args)
 {
 new SavingsAccount().deposit(1000).printBalance();
 }
}
```

- Клас описує виконання внеску та друк балансу накопичувального рахунку.
- Баланс – ціле число!
  - Причина в дробовій частині, яка часто не має точного представлення (замість 5.1 отримується 5.099999999999998)
  - Кожне обчислення з плаваючою комою потрібно округлювати, інакше будуть виникати невеликі похибки.
    - Похибки незначні, проте округлення до найближчої копійки може призвести до некоректного результату
    - + Проблеми форматування виводу
  - Баланс вноситься в копійках, проте для великих сум потрібні великі числа!

# Похибки сервісів General Ledger

---

- У багатьох місцях проявлялись помилки порядку сотої відсотка або більше.
  - Облік грошей стає майже неможливим.
  - Хто хотів би виставити рахунок клієнту на \$4.01, коли в замовленні \$4.00?
- Причини: обчислення, які містять суми, кількості, корективи тощо зазвичай виконуються з незначною увагою до проблем точності та округлення, які виникають при роботі з фінансами.
  - Всі ці обчислення використовували тип `double`, який не передбачає способу керування округленням числа або обмеження точності в обчисленнях.
  - Альтернатива – клас `java.math.BigDecimal`.
- Припустимо, є продукт вартістю 10 у. о., а місцевий податок складає 8.25%.
  - На папері сума відрахувань складає:  $10.00 * 0.0825 = 0.825$
  - Оскільки точність обчислень для валюти – 2 знаки після коми, треба округлювати 0.825 до копійки в більшу сторону. Податок стане 0.825 -> 0.83
- Клієнту прийде рахунок на 10.83 у.о., а податківець отримає 0.83 у.о.
  - При 1000 проданих продуктах переплата податку склала 6:  $1000 * (0.83 - 0.825) = 5.0$

## Де виконувати округлення в обчисленні?

---

- Припустимо, рідкий азот коштує 0.528361 за літр.
  - Клієнт купує 100.00 літрів:  $100.0 * 0.528361 = 52.8361$
  - Оскільки це не податок, можна округлити стандартно: 52.84.
  - Нехай ми хочемо дати дисконтну скидку 5% від покупки.
  - З якої суми робити знижку?
    - 1)  $52.8361 * 0.95 = 50.194295 = 50.19$ ;
    - 2)  $52.84 * 0.95 = 50.198 = 50.20$
- Старий код завжди виконував обчислення типу 1.
  - Але в новому коді перед обчисленням знижок, податків та ін. спочатку виконується округлення, як у випадку 2.
  - Це одна з головних причин для помилки в один цент.
- Необхідні дві речі (є у класі `java.math.BigDecimal`):
  - Можливість задати масштаб (кількість цифр після десяткової крапки)
  - Можливість задати метод округлення.

# Конструктори та методи класу BigDecimal

| Метод                                    | Опис                                                                                                                                                                                                                                                     |
|------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| BigDecimal(int val)                      | За умовчанням val = 0                                                                                                                                                                                                                                    |
| BigDecimal(int val)                      | Ініціалізує еквівалент десяткового значення. Викидає виняток java.lang.NullPointerException, коли val = null та java.lang.NumberFormatException, коли рядкове представлення числа некоректне.                                                            |
| BigDecimal abs()                         | Повертає новий об'єкт BigDecimal, який містить абсолютне значення поточного об'єкта.                                                                                                                                                                     |
| BigDecimal<br>add(BigDecimal augend)     | Повертає новий об'єкт BigDecimal, який містить суму значень поточного об'єкта та об'єкта augend. Викидає NPE, коли augend = null                                                                                                                         |
| BigDecimal<br>divide(BigDecimal divisor) | Повертає новий об'єкт BigDecimal, який містить частку від ділення значення поточного об'єкта на значення об'єкта divisor. Викидає NPE, коли divisor = null та java.lang.ArithmeticException, коли divisor = 0 або результат неможливо точно представити. |

---

---

|                                                           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          |
|-----------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <code>BigDecimal max(BigDecimal val)</code>               | Returns either this or val, whichever BigDecimal instance contains the larger value. This method throws <code>NullPointerException</code> when val is null.                                                                                                                                                                                                                                              |
| <code>BigDecimal min(BigDecimal val)</code>               | Returns either this or val, whichever BigDecimal instance contains the smaller value. This method throws <code>NullPointerException</code> when val is null.                                                                                                                                                                                                                                             |
| <code>BigDecimal multiply(BigDecimal multiplicand)</code> | Returns a new BigDecimal instance that contains the product of the current value and the argument value. The resulting scale is the sum of the current and argument scales. This method throws <code>NullPointerException</code> when multiplicand is null.                                                                                                                                              |
| <code>BigDecimal negate()</code>                          | Returns a new BigDecimal instance that contains the negative of the current value. The resulting scale is the same as the current scale.                                                                                                                                                                                                                                                                 |
| <code>int precision()</code>                              | Returns the precision of the current BigDecimal instance.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |
| <code>BigDecimal remainder(BigDecimal divisor)</code>     | Returns a new BigDecimal instance that contains the remainder of the current value divided by the argument value. The resulting scale is the difference of the current scale and the argument scale. It might be adjusted when the result requires more digits. This method throws <code>NullPointerException</code> when divisor is null or <code>ArithmeticException</code> when divisor represents 0. |
| <code>int scale()</code>                                  | Returns the scale of the current BigDecimal instance.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |



| Method                                                                    | Description                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
|---------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <code>BigDecimal setScale(int newScale, RoundingMode roundingMode)</code> | Returns a new <code>BigDecimal</code> instance with the specified scale and rounding mode. If the new scale is greater than the old scale, additional zeros are added to the unscaled value. In this case, no rounding is necessary. If the new scale is smaller than the old scale, trailing digits are removed. If these trailing digits are not zero, the remaining unscaled value has to be rounded. For this rounding operation, the specified rounding mode is used. This method throws <code>NullPointerException</code> when <code>roundingMode</code> is <code>null</code> , and <code>ArithmeticException</code> when <code>roundingMode</code> is set to <code>RoundingMode.ROUND_UNNECESSARY</code> but rounding is necessary based on the current scale. |
| <code>BigDecimal subtract(BigDecimal subtrahend)</code>                   | Returns a new <code>BigDecimal</code> instance that contains the current value minus the argument value. The resulting scale is the maximum of the current and argument scales. This method throws <code>NullPointerException</code> when <code>subtrahend</code> is <code>null</code> .                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |
| <code>String toString()</code>                                            | Returns a string representation of this <code>BigDecimal</code> instance. Scientific notation is used when necessary.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |

# Константи режимів округлення

---

- Метод `setScale(scale)` задає кількість цифр після коми.
  - Проте хорошою практикою є одночасне вказування разом з масштабом режиму округлення за допомогою `setScale(scale, roundingMode)`.
  - Режим округлення задає правило округлення числа.

| Константа   | Опис                                                                            |
|-------------|---------------------------------------------------------------------------------|
| CEILING     | Округлює в сторону $+\infty$                                                    |
| DOWN        | Округлює вбік нуля                                                              |
| FLOOR       | Округлює в сторону $-\infty$                                                    |
| HALF_DOWN   | Округлює до «найближчого сусіда», при рівній відстані – до меншого.             |
| HALF_EVEN   | Округлює до «найближчого сусіда», при рівній відстані – до парного.             |
| HALF_UP     | Округлює до «найближчого сусіда», при рівній відстані – до більшого.            |
| UNNECESSARY | Усуває округлення, якщо результат точний                                        |
| UP          | Додатні значення округлюються вбік $+\infty$ , а від’ємні – в сторону $-\infty$ |

# Незмінюваність та арифметика

---

- Числа **BigDecimal** є незмінюваними.
  - Якщо створюється новий об'єкт **BigDecimal** із значенням "2.00", воно залишиться "2.00" та ніколи не зміниться.
- Як же виконуються математичні обчислення?
  - Методи **.add()**, **.multiply()** та інші повертають новий об'єкт **BigDecimal**, який містить результат.
  - Наприклад, щоб отримати результат при обчисленні суми:  
`amount = amount.add( thisAmount );`
  - Переконайтесь, що це робить не так:  
`amount.add( thisAmount );`
  - Це найбільш поширена помилка при роботі з **BIGDECIMAL**!

# Порівняння

- Ніколи не виористовуйте для порівняння **BigDecimal** метод **.equals()**.
  - **equals** буде порівнювати масштаби: поверне хибу, навіть якщо математично числа будуть рівними:

```
BigDecimal a = new BigDecimal("2.00");
BigDecimal b = new BigDecimal("2.0");
print(a.equals(b)); // хиб
```

- Потрібно використовувати методи `.compareTo()` та `.signum()`.

```
a.compareTo(b); // повертає (-1 якщо $a < b$),
 (0 якщо $a == b$), (1 якщо $a > b$)
a.signum(); // повертає (-1 якщо $a < 0$),
 (0 якщо $a == 0$), (1 якщо $a > 0$)
```

# Клас BigInteger та його конструктори

---

- BigInteger - незмінюваний клас, який представляє знакове ціле довільної точності, що зберігається в екземплярі класу.
- BigInteger оголошує 3 константи: ONE, TEN, ZERO.
  - BigInteger-еквіваленти 1, 10 та 0.

| Method                              | Description                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
|-------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <code>BigInteger(byte[] val)</code> | Initializes the BigInteger instance to the integer that is stored in the val array, with val[0] storing the integer's most significant (leftmost) 8 bits. This constructor throws <code>NullPointerException</code> when val is null and <code>NumberFormatException</code> when val.length equals 0. |
| <code>BigInteger(String val)</code> | Initializes the BigInteger instance to the integer equivalent of val. This constructor throws <code>NullPointerException</code> when val is null and <code>NumberFormatException</code> when val's string representation is invalid (contains letters, for example).                                  |

|                                                           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |
|-----------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <code>BigInteger abs()</code>                             | Returns a new <code>BigInteger</code> instance that contains the absolute value of the current instance's value.                                                                                                                                                                                                                              |
| <code>BigInteger add(BigInteger augend)</code>            | Returns a new <code>BigInteger</code> instance that contains the sum of the current value and the argument value. This method throws <code>NullPointerException</code> when <code>augend</code> is null.                                                                                                                                      |
| <code>BigInteger divide(BigInteger divisor)</code>        | Returns a new <code>BigInteger</code> instance that contains the quotient of the current value divided by the argument value. This method throws <code>NullPointerException</code> when <code>divisor</code> is null and <code>ArithmeticException</code> when <code>divisor</code> represents 0 or the result cannot be represented exactly. |
| <code>BigInteger max(BigInteger val)</code>               | Returns either this or <code>val</code> , whichever <code>BigInteger</code> instance contains the larger value. This method throws <code>NullPointerException</code> when <code>val</code> is null.                                                                                                                                           |
| <code>BigInteger min(BigInteger val)</code>               | Returns either this or <code>val</code> , whichever <code>BigInteger</code> instance contains the smaller value. This method throws <code>NullPointerException</code> when <code>val</code> is null.                                                                                                                                          |
| <code>BigInteger multiply(BigInteger multiplicand)</code> | Returns a new <code>BigInteger</code> instance that contains the product of the current value and the argument value. This method throws <code>NullPointerException</code> when <code>multiplicand</code> is null.                                                                                                                            |
| <code>BigInteger negate()</code>                          | Returns a new <code>BigInteger</code> instance that contains the negative of the current value.                                                                                                                                                                                                                                               |
| <code>BigInteger remainder(BigInteger divisor)</code>     | Returns a new <code>BigInteger</code> instance that contains the remainder of the current value divided by the argument value. This method throws <code>NullPointerException</code> when <code>divisor</code> is null and <code>ArithmeticException</code> when <code>divisor</code> represents 0.                                            |
| <code>BigInteger subtract(BigInteger subtrahend)</code>   | Returns a new <code>BigInteger</code> instance that contains the current value minus the argument value. This method throws <code>NullPointerException</code> when <code>subtrahend</code> is null.                                                                                                                                           |
| <code>String toString()</code>                            | Returns a string representation of this <code>BigInteger</code> instance.                                                                                                                                                                                                                                                                     |



# Приклад використання

---

```
import java.math.BigInteger;

public class FactComp
{
 public static void main(String[] args)
 {
 System.out.println(factorial(12));
 System.out.println();
 System.out.println(factorial(20L));
 System.out.println();
 System.out.println(factorial(170.0));
 System.out.println();
 System.out.println(factorial(new BigInteger("170")));
 System.out.println();
 System.out.println(factorial(25.0));
 System.out.println();
 System.out.println(factorial(new BigInteger("25")));
 }
}
```

```
static int factorial(int n)
{
 if (n == 0)
 return 1;
 else
 return n * factorial(n - 1);
}

static long factorial(long n)
{
 if (n == 0)
 return 1;
 else
 return n * factorial(n - 1);
}

static double factorial(double n)
{
 if (n == 1.0)
 return 1.0;
 else
 return n * factorial(n - 1);
}

static BigInteger factorial(BigInteger n)
{
 if (n.equals(BigInteger.ZERO))
 return BigInteger.ONE;
 else
 return n.multiply(factorial(n.subtract(BigInteger.ONE)));
}
}
```

---

15511210043330985984000000



# Класи-обгортки примітивних типів

---

- Класи Byte, Double, Float, Integer, Long, Short, Boolean та Character відомі як **класи-обгортки** (primitive type wrapper classes або value classes), оскільки їх екземпляри обгортають себе навколо значень примітивних типів.
- Java постачає 8 класів-обгортки примітивних типів з 2 причин:
  - Структури даних з Collections Framework (lists, sets, maps) можуть містити лише об'єкти, але не значення примітивних типів. Такі значення зберігаються в екземплярах класів-обгортки.
  - Обгортки – зручне місце для опису пов'язаних із значенням констант, наприклад, MAX\_VALUE та MIN\_VALUE) та методів класу, зокрема методи Integer's parseInt() та Character's isDigit(), isLetter(), toUpperCase()) з примітивними типами.

# Клас Boolean

---

- Boolean – найменший з класів-обгорток для примітивних типів.
  - Оголошує 3 константи, включаючи TRUE і FALSE, які описують заздалегідь створені Boolean-об'єкти.
- Також оголошує пару конструкторів для ініціалізації об'єкту Boolean:
  - Boolean(boolean value)
  - Boolean(String s) конвертує текст у значення true або false і зберігає це значення в об'єкті Boolean.
- Другий конструктор порівнює s та true.
  - Порівняння нечутливе до регістра: можна передати true, TRUE, tRue тощо, щоб зберегти значення true в об'єкті.
  - Інакше конструктор зберігає значення false.

- `int compareTo(Boolean b)` compares the current Boolean object with `b` to determine their relative order. The method returns 0 when the current object contains the same Boolean value as `b`, a positive value when the current object contains `true` and `b` contains `false`, and a negative value when the current object contains `false` and `b` contains `true`.
  - `boolean equals(Object o)` compares the current Boolean object with `o` and returns `true` when `o` is not null, `o` is of type `Boolean`, and both objects contain the same Boolean value.
  - `static boolean getBoolean(String name)` returns `true` when a system property (discussed later in this chapter) identified by `name` exists and is equal to `true`.
  - `int hashCode()` returns a suitable hash code that allows Boolean objects to be used with hash-based collections (discussed in Chapter 9).
  - `static boolean parseBoolean(String s)` parses `s`, returning `true` when `s` equals `"true"`, `"TRUE"`, `"True"`, or any other uppercase/lowercase combination. Otherwise, this method returns `false`. (*Parsing* breaks a sequence of characters into meaningful components, known as *tokens*.)
  - `String toString()` returns `"true"` when the current Boolean instance contains `true`; otherwise, this method returns `"false"`.
  - `static String toString(boolean b)` returns `"true"` when `b` contains `true`; otherwise, this method returns `"false"`.
  - `static Boolean valueOf(boolean b)` returns `TRUE` when `b` contains `true` or `FALSE` when `b` contains `false`.
  - `static Boolean valueOf(String s)` returns `TRUE` when `s` equals `"true"`, `"TRUE"`, `"True"`, or any other uppercase/lowercase combination. Otherwise, this method returns `FALSE`.
-

- 
- Часто краще використовувати TRUE або FALSE, ніж створювати Boolean-об'єкти.
    - Розглянемо метод, що повертає Boolean-об'єкт, що містить true, коли його аргумент типу double від'ємний, і false, якщо додатний.

```
Boolean isNegative(double d)
{
 return new Boolean(d < 0);
}
```

- Створювати окремий об'єкт не обов'язково. При частому виклику методу створюється багато Boolean-об'єктів, що займають пам'ять кучі.
- Збирач сміття при нестачі кучі сповільнює додаток.

```
Boolean isNegative(double d)
{
 return (d < 0) ? Boolean.TRUE : Boolean.FALSE;
}
```

**Tip** You should strive to create as few objects as possible. Not only will your applications have smaller memory footprints, they'll perform better because the garbage collector will not run as often.

# Клас Character

---

- Найбільший клас-обгортка, що містить багато констант, конструктор, методи та кілька вкладених класів (Subset і UnicodeBlock).
- Character оголошує єдиний конструктор `Character(char value)`, який використовується для ініціалізації об'єкту Character значенням.
  - Конструктор доповнюється методом `char charValue()`, що повертає обгорнуте значення.
- Часто в коді записують вирази, подібні до `ch >= '0' && ch <= '9'` або `ch >= 'A' && ch <= 'Z'`. Цього краще уникати:
  - Дуже просто «зловити баг». Наприклад, написавши `ch > '0' && ch <= '9'`.
  - Вирази не дуже змістовні для розуміння того, що вони тестують.
  - Вирази мають ухил до арабських цифр (0–9) та латинських букв (A–Z, a–z).
  - Вони не враховують digits and letters that are valid in other languages. Наприклад, `'\u0be6'` – символний літерал, що представляє одну з цифр у Tamil language.

# Методи класу Character

---

- Оголошуються кілька методів класу для порівняння та конвертації:
  - `static boolean isDigit(char ch)` повертає true, коли ch містить цифру (зазвичай від 0 до 9, але і цифри з інших алфавітів).
  - `static boolean isLetter(char ch)` повертає true, коли ch містить букву.
  - `static boolean isLetterOrDigit(char ch)` повертає true, коли ch містить букву або цифру.
  - `static boolean isLowerCase(char ch)` повертає true, коли ch містить маленьку літеру.
  - `static boolean isUpperCase(char ch)` повертає true, коли ch містить велику літеру.
  - `static boolean isWhitespace(char ch)` повертає true, коли ch містить whitespace character (пробіл, табуляцію, повернення каретки або line feed).
  - `static char toLowerCase(char ch)` повертає lowercase-еквівалент великої букви ch; інакше повертає значення ch.
  - `static char toUpperCase(char ch)` повертає uppercase-еквівалент маленької букви ch; інакше повертає значення ch.
- Наприклад, краще віддавати перевагу `isDigit(ch)`, а не `ch >= '0' && ch <= '9'`.

# Класи Float і Double

---

- Зберігають дробові значення одинарної та подвійної точності в об'єктах Float і Double.
- Константи
  - **MAX\_VALUE** – максимальне значення, яке мають типи float або double.
  - **MIN\_VALUE** – мінімальне значення, яке мають типи float або double.
  - **NaN** – результат 0.0F/0.0F для float і 0.0/0.0 як double.
  - **NEGATIVE\_INFINITY** представляє  $-\infty$  для float або double.
  - **POSITIVE\_INFINITY** представляє  $+\infty$  для float або double.
- Конструктори
  - **Float(float value)** ініціалізує Float-об'єкт значенням value.
  - **Float(double value)** initializes the Float object to the float equivalent of value.
  - **Float(String s)** converts s's text to a floating-point value and stores this value in the Float object.
  - **Double(double value)** ініціалізує Double-об'єкт значенням value.
  - **Double(String s)** перетворює текст змінної s у дробове значення подвійної точності та зберігає це значення в об'єкті Double.

# Методи класів

---

## ▪ Float

- `static int floatToIntBits(float value)` конвертує значення в 32-бітове ціле.
- `static boolean isInfinite(float f)` повертає true, коли значення f буде +infinity або -infinity. Пов'язаний з ним метод `boolean isInfinite()` повертає true, коли значення поточного Float-об'єкта дорівнює +infinity або -infinity.
- `static boolean isNaN(float f)` повертає true, коли значення f дорівнює NaN. Пов'язаний з ним метод `boolean isNaN()` повертає true, коли значення поточного Float-об'єкта дорівнює NaN.
- `static float parseFloat(String s)` виконує розбір рядка s, повертаючи дробове число, записане в текстовому представленні. Викидає `NumberFormatException`, коли представлення некоректне.

## ▪ Double

- `static long doubleToLongBits(double value)` перетворює значення в довге ціле.
- `static boolean isInfinite(double d)` повертає true, коли значення d дорівнює +infinity або -infinity. Пов'язаний з ним метод `boolean isInfinite()` повертає true, коли таке значення поточного Double-об'єкта.
- `static boolean isNaN(double d)` returns true when d's value is NaN. A related public boolean `isNaN()` method returns true when the current Double object's value is NaN.
- `static double parseDouble(String s)` parses s, returning the double precision floating-point equivalent of s's textual representation of a double precision floatingpoint value or throwing `NumberFormatException` when this representation is invalid.



## Методи `floatToIntBits()` та `doubleToIntBits()`

---

- Методи `floatToIntBits()` та `doubleToIntBits()` використовуються при реалізації методів `equals()` і `hashCode()`, що повинні брати до уваги поля типів `float` і `double` відповідно.
- Вони дозволяють цим методам коректно обробляти наступні випадки:
  - `equals()` має повертати `true`, коли `f1` та `f2` мають значення `Float.NaN` (аналогічно з `Double.NaN`). Якщо `equals()` було реалізовано на зразок `f1.floatValue() == f2.floatValue()`, цей метод поверне `false`, оскільки `NaN` нічому не дорівнює, включаючи самого себе.
  - `equals()` має повертати `false` тоді, коли `f1 = +0.0`, `f2 = -0.0` (і навпаки). Для аналогічної до першого пункту реалізації метод поверне `true` (`+0.0 == -0.0`)

```
public class FloatDoubleDemo
{
 public static void main(String[] args)
 {
 Float f1 = new Float(Float.NaN);
 System.out.println(f1.floatValue());
 Float f2 = new Float(Float.NaN);
 System.out.println(f2.floatValue());
 System.out.println(f1.equals(f2));
 System.out.println(Float.NaN == Float.NaN);
 System.out.println();
 Double d1 = new Double(+0.0);
 System.out.println(d1.doubleValue());
 Double d2 = new Double(-0.0);
 System.out.println(d2.doubleValue());
 System.out.println(d1.equals(d2));
 System.out.println(+0.0 == -0.0);
 }
}
```

■ Вивід

```
NaN
NaN
true
false
0.0
-0.0
false
true
```

- Коли бажаєте протестувати float або double-значення на рівність з +infinity або -infinity (проте не обох), не використовуйте isInfinite().
  - Замість цього порівнюйте значення з NEGATIVE\_INFINITY або POSITIVE\_INFINITY за допомогою ==.
  - Наприклад, f == Float.NEGATIVE\_INFINITY.

# Integer, Long, Short, and Byte

---

- Зберігають 32-bit, 64-bit, 16-bit, and 8-bit integer values в об'єктах Integer, Long, Short, and Byte відповідно.
- Константи: MAX\_VALUE та MIN\_VALUE визначають максимальне та мінімальне значення примітивних типів.
- Конструктори
  - `Integer(int value)` ініціалізує Integer-об'єкт значенням.
  - `Integer(String s)` конвертує текст з рядка s в 32-бітне ціле значення та зберігає його в об'єкті Integer.
  - `Long(long value)` ініціалізує значенням Long-об'єкт.
  - `Long(String s)` конвертує текст з рядка s в 64-бітне ціле значення та зберігає його в об'єкті Long.
  - `Short(short value)` ініціалізує значенням Short-об'єкт.
  - `Short(String s)` converts s's text to a 16-bit integer value and stores this value in the Short object.
  - `Byte(byte value)` ініціалізує Byte-об'єкт значенням value.
  - `Byte(String s)` конвертує текст з s у 8-тове ціле число та зберігає його в Byte-об'єкті.

# Методи

---

- `static String toBinaryString(int i)` повертає об'єкт `String`, що містить бінарне представлення числа `i`.
  - Наприклад, `Integer.toBinaryString(255)` повертає об'єкт, що містить `11111111`.
- `static String toHexString(int i)` returns a `String` object containing `i`'s hexadecimal representation.
  - For example, `Integer.toHexString(255)` returns a `String` object containing `ff`.
- `static String toOctalString(int i)` returns a `String` object containing `i`'s octal representation.
  - For example, `toOctalString(64)` returns a `String` object containing `100`.
- `static String toString(int i)` returns a `String` object containing `i`'s decimal representation.
  - For example, `toString(255)` returns a `String` object containing `255`.
- Часто зручно дописувати нулі перед бінарним рядком, щоб вирівнювати кілька таких рядків в стовпчику.
  - Наприклад, бажаєте створити додток, що виводить:

```
11110001
+
00000111

11111000
```

```
public class AlignBinaryString
{
 public static void main(String[] args)
 {
 System.out.println(toAlignedBinaryString(7, 8));
 System.out.println(toAlignedBinaryString(255, 16));
 System.out.println(toAlignedBinaryString(255, 7));
 }

 static String toAlignedBinaryString(int i, int numBits)
 {
 String result = Integer.toBinaryString(i);
 if (result.length() > numBits)
 return null; // cannot fit result into numBits columns
 int numLeadingZeros = numBits - result.length();
 StringBuilder sb = new StringBuilder();
 for (int j = 0; j < numLeadingZeros; j++)
 sb.append('0');
 return sb.toString() + result;
 }
}
```

## Вирівнювання бінарних рядків

---

- Метод `toAlignedBinaryString()` приймає 2 аргументи:
  - 32-бітне ціле, що конвертуватиметься в бінарний рядок
  - Кількість бітових стовпців in which to fit the string.

Вивід: **00000111**  
**0000000011111111**  
**null**

- Після виклику `toBinaryString()`, що повертає бінарний еквівалент і без значущих нулів, `toAlignedBinaryString()` забезпечує відповідність розрядів числа та кількості стовпчиків `numBits`.
- Далі `toAlignedBinaryString()` обчислює кількість leading "0", що передують результату, а потім використовує цикл `for`, щоб створити рядок of leading zeros.
  - Метод закінчує поверненням leading zeros string prepended to the result string.



# ДЯКУЮ ЗА УВАГУ!

Наступне запитання: рядки та масиви як посилальні типи даних