Мультиномиальный Байесовский классификатор.

Вероятность принадлежности к классу рассчитывается как

$$\hat{P}(c) = \frac{N_c + 1}{N + |c|}$$

где  $N_c$  - число документов в классе c, N - общее число документов, |c| общее число классов.

Условная вероятность слова в документе —

$$\hat{P}(w|c) = \frac{count(w,c) + 1}{count(c) + |V|}$$

где count(c) - число слов в документах класса c, count(w,c) - число слова w в документах класса c, |V| - мощность словаря по всем документам.

Тогда вероятность того, что документ d относится к классу c, равна

$$\hat{P}(c|d) \propto \hat{P}(c) \cdot \prod_{i=1}^{k} \hat{P}(w_i|c)$$

Рассмотрим 2 простых документа:

"собака зверь собака зверь"

"машина машина зверь"

У первого пусть будет тег "животные", у второго - "авто". Поучимся на них. Рассчитаем вероятности:

р(зверь|"животные") =  $\frac{2+1}{4+3} = \frac{3}{7} = 0.42857$   $p(зверь|"авто") = <math>\frac{1+1}{4+3} = \frac{2}{7} = 0.2857$   $p(машина|"животные") = <math>\frac{0+1}{4+3} = \frac{1}{7} = 0.142857$   $p(машина|"авто") = <math>\frac{3+1}{4+3} = \frac{4}{7} = 0.5714$   $p(собака|"животные") = <math>\frac{2+1}{4+3} = \frac{3}{7} = 0.42857$   $p(собака|"авто") = <math>\frac{0+1}{4+3} = \frac{1}{7} = 0.142857$   $p("авто") = \frac{1}{2} = 0.5$ 

 $p("авто") = \frac{1}{2} = 0.5$  $p("животные") = \frac{1}{2} = 0.5$ 

Теперь рассмотрим текст "зверь". К какому классу он принадлежит? Посчитаем  $p("животные"|"зверь") = p("животные") \cdot p("зверь"|"животные") =$  $0.5 \cdot 0.42857 = 0.21428571428$ 

 $p("авто"|"зверь") = p("авто") \cdot p("зверь"|"авто") = 0.5 \cdot 0.2857 =$ 0.14285714285

```
Нормируем вероятности:
    p("животные"|"зверь") = \frac{0.21428571428}{0.21428571428+0.14285714285} = 0.6 p("авто"|"зверь") = \frac{0.1428571428}{0.214285714285} = 0.4
Теперь рассмотрим текст "зверь зверь". Снова посчитаем вероятности:
p("животные"|"зверь зверь") = p("животные") \cdot p("зверь"|"животные")^2 =
0.5 \cdot 0.42857^2 = 0.09183673469
     p("авто"|"зверь зверь") = p("авто") \cdot p("зверь"|"авто")^2 = 0.5 \cdot 0.2857^2 =
0.04081632653
     Нормируем вероятности:
    p(\text{"животные"}|\text{"зверь зверь"}) = \frac{0.09183673469}{0.04081632653 + 0.09183673469} = 0.6923 p(\text{"авто"}|\text{"зверь зверь"}) = \frac{0.04081632653}{0.04081632653 + 0.09183673469} = 0.30769
Теперь рассмотрим текст "собака машина". Снова посчитаем вероятности:
p("животные"|"собака машина") = p("животные") \cdot p("собака"|"животные") \cdot
p("машина"|"животные") = 0.5 \cdot 0.42857^2 = 0.03061224489
     p("авто"|"собака машина") = p("авто") \cdot p("собака"|"авто") \cdot p("машина"|"авто") = p("авто"|"собака машина"|"авто") = p("авто"|"собака машина"|"авто") = p("авто"|"собака машина"|"авто"|"собака машина"|"авто"|
0.5 \cdot 0.2857^2 = 0.04081632653
     Нормируем вероятности:
    p("животные"|"собака машина") = \frac{0.03061224489}{0.04081632653 + 0.03061224489} = 0.42857142851 p("авто"|"собака машина") = \frac{0.03061224489}{0.04081632653 + 0.03061224489} = 0.57142857148
```

Вроде пока всё сходится с Weka, надо потестить побольше.

Более полно про классификатор можно почитать в Andrew Mccallum, Kamal Nigam: A Comparison of Event Models for Naive Bayes Text Classification. In: AAAI-98 Workshop on 'Learning for Text Categorization', 1998.