μ Notes

Василий Доммес, Сергей Кривошеин, Денис Поляков Куратор: Екатерина Тузова, JetBrains

18 декабря 2014 г.

Цели работы

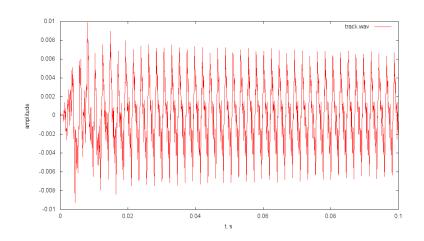
- Получение нотной записи музыкального трека
- В записи могут присутствовать чистые инструменты (фортепиано, акустическая гитара...)

Предмет поиска

Ноты	Суббконтр- октава	Контр- октава	Большая	Малая	Первая	Вторая	Третья	Четвертая	Пятая
до	16,35	32,70	65,41	130,82	261,63	523,26	1046,52	2093,04	4186,08
ДО диез	17,32	34,65	69,30	138,59	277,18	554,36	1108,72	2217,44	4434,88
PE	18,35	36,71	73,42	146,83	293,66	587,32	1174,64	2349,28	4698,56
РЕ диез	19,45	38,89	77,78	155,57	311,13	622,26	1244,52	2489,04	4978,08
МИ	20,60	41,20	82,41	164,82	329,63	659,26	1318,52	2637,04	5274,08
ФА	21,83	43,65	87,31	174,62	349,23	698,46	1396,92	2793,84	5587,68
ФА диез	23,12	46,25	92,50	185,00	369,99	739,98	1479,96	2959,92	5919,84
СОЛЬ	24,50	49,00	98,00	196,00	392,00	784,00	1568,00	3136,00	6272,00
СОЛЬ диез	25,96	51,91	103,83	207,65	415,30	830,60	1661,20	3322,40	6644,80
ЛЯ	27,50	55,00	110,00	220,00	440,00	880,00	1760,00	3520,00	7040,00
ЛЯ диез	29,14	58,27	116,54	233,08	466,16	932,32	1864,64	3729,28	7458,56
СИ	30,87	61,74	123,47	246,94	493,88	987,76	1975,52	3951,04	7902,08

Частоты нот [Гц]

Представление звукового сигнала.

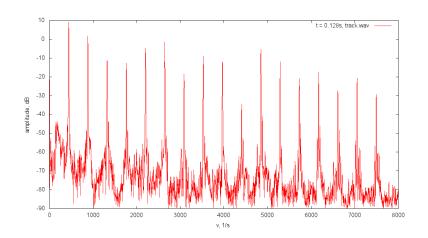


Нота Ля

Алгоритм построения нотной записи

- Построение динамического спектра исходного звукового сигнала с помощью STFT
- Построение вторичного спектра по первичному с помощью вейвлет-преобразования.
- Взаимный анализ двух получившихся спектров.
- Получение функции вероятности звучания ноты в каждый момент времени.

Первичный спектр

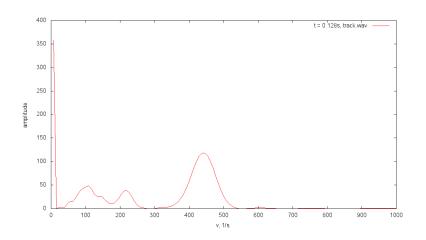


Срез динамического спектра

Свёртка первичного спектра

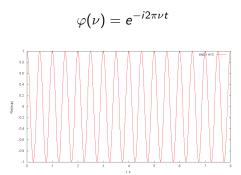
- В первичном спектре реального звука есть много шумов и артефактов (обертона).
- Проблема усугубляется при звучании множества нот одновременно, особенно, когда они отличаются на октаву.
- Решение свёртка первичного спектра с вейвлетом. При этом выделяется основной тон и исчезают обертона.

Вторичный спектр



Срез вторичного вейвлет-спектра

Фурье-преобразование



Базисная функция Фурье-преобразования (вещественная часть)

Преобразование Фурье
$$\widehat{f}=\int\limits_{-\infty}^{\infty}f(t)e^{-i2\pi
u t}dt$$

Периодограмма

В случае, когда сигнал представляется дискретным временным рядом, вместо спектра используется периодограмма

$$D(\nu) = \frac{1}{N^2} \left| \sum_{k=0}^{N-1} x_k e^{-i2\pi\nu t_k} \right|^2$$

В основе вычисления периодограммы стоит DFT.

При вычислении периодограммы на фундаментальной системе частот используется FFT

Основные особенности периодограммы

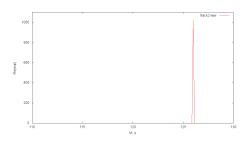


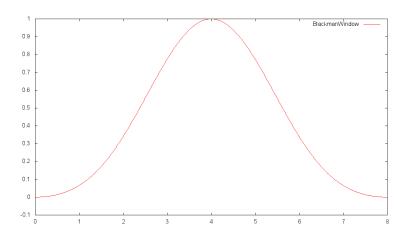
Рис.: Периодограмма синусоидального сигнала

- Лучший инструмент для извлечения периодических компонент из сигнала.
- Чувствителен к полиномиальной составляющей (трендам).

STFT

- Для получения динамического спектра необходимо применять процедуру FFT к «небольшим» участкам нашего спектра.
- В качестве инструмента рассмотрим свёртку с окном Блэкмана—Харриса

$$W(x) = 0.42 - 0.5\cos(2\pi x) + 0.08\cos(4\pi x)$$



Окно Блэкмана

Вейвлет

Интегральное вейвлет-преобразование функции f(t)

$$W(a,b) = \frac{1}{|a|^2} \int_{-\infty}^{\infty} f(t)\psi(\frac{t-b}{a})dt,$$

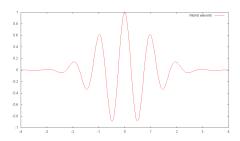
a - масштаб, b - сдвиг, $\psi(t)$ - базисный вейвлет

Вейвлет Морле

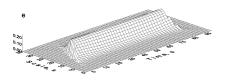
Вейвлет Морле – плоская волна модулированная гауссианой.

$$\psi(t) = e^{-t^2/\alpha^2} \left[e^{ik_0t} - e^{-k_0^2\alpha^2/4} \right]$$

Параметр lpha задаёт ширину гауссианы, параметр k_0 — частоту плоской волны



Базисная функция вейвлета Морле при $lpha^2=2, k_0=2\pi$



Интегральное вейвлет-преобразование синусоидального сигнала

Основные особенности вейвлета

- Хорошая временная и частотная локализация.
- Чувствителен к полиномиальной составляющей (трендам).
- При неортогональном наборе базисных вейвлетов нет быстрого преобразования.

Результаты

Аккорды, взятые на акустической гитаре.



Результаты

Rondo Alla Turca

Turkish March



Итоги



Чему научились:

- Работа со звуковыми файлами
- Применение методов анализа временных рядов

Что дальше:

- Улучшение алгоритма
- Работа с микрофоном
- Мобильное приложение

Ссылки

- https://github.com/cscenter/uNotes.git исходный код
- polyakovdmi93@gmail.com Денис Поляков
- vasdommes@gmail.com Василий Доммес
- c.b.k@bk.ru Сергей Кривошеин