ষষ্ঠ অধ্যায় রেখা, কোণ ও ত্রিভুজ

Lines, Angles & Triangles



আনুমানিক খ্রিফপূর্ব ৩০০ অন্দে গ্রিক পণ্ডিত ইউক্লিড (325BC-265BC) জ্যামিতির ইতসক্ত বিৰি প্ত সূত্রগুলোকে বিধিবন্ধভাবে সুবিন্যসতকরে তাঁর বিখ্যাত গ্রন্থ 'ইলিমেন্টন' রচনা করেন। তেরো খণ্ডে সম্পূর্ণ কালোত্তীর্ণ এই 'ইলিমেন্টন' গ্রন্থটিই আধুনিক জ্যামিতির ভিত্তিস্কৃপ।

ত অনুশীলনী ৬.১ ত ত



পাঠ সম্পর্কিত গুরুত্বপূর্ণ বিষয়াদি



■ জ্যামিতি

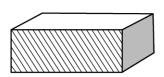
জ্যামিতি বা 'Geometry' গণিত শাস্তের একটি প্রাচীন শাখা। 'Geometry' শব্দটি গ্রিক Geo-ভূমি (earth) ও metrein -পরিমাপ (measure) শব্দের সমন্বয়ে তৈরি। তাই 'জ্যামিতি' শব্দের অর্থ 'ভূমি পরিমাপ'। কৃষিভিত্তিক সভ্যতার যুগে ভূমি পরিমাপের প্রয়োজনেই জ্যামিতির সৃষ্টি হয়েছিল। তবে জ্যামিতি আজকাল কেবল ভূমি পরিমাপের জন্যই ব্যবহৃত হয় না, বরং বহু জটিল গাণিতিক সমস্যা সমাধানে জ্যামিতিক জ্ঞান এখন অপরিহার্য। প্রাচীন সভ্যতার নিদর্শনগুলোতে জ্যামিতি চর্চার প্রমাণ পাওয়া যায়। ঐতিহাসিকদের মতে প্রাচীন মিশরে আনুমানিক চার হাজার বছর আগেই ভূমি জরিপের কাজে জ্যামিতিক ধ্যান–ধারণা ব্যবহার করা হতো।

তবে প্রাচীন গ্রিক সভ্যতার যুগেই জ্যামিতিক প্রণালিবন্দ রূ পটি সুস্পষ্টভাবে লৰ করা যায়। গ্রিক গণিতবিদ থেলিসকে প্রথম জ্যামিতিক প্রমাণের কৃতিত্ব দেয়া হয়। থেলিসের শিষ্য পিথাগোরাস জ্যামিতিক তত্ত্বের বিস্তৃতি ঘটান।

■ স্থান, তল, রেখা ও বিন্দুর ধারণা

আমাদের চারপাশে বিস্তৃত জগত (Space) সীমাহীন। এর বিভিন্ন অংশজুড়ে রয়েছে ছোট-বড় নানা রকম বস্তু। ছোট-বড় বস্তু বলতে বালুকণা, আলপিন, পেন্সিল, কাগজ, বই, চেয়ার, টেবিল, ইট, পাথর, বাড়িঘর, পাহাড়, পৃথিবী, গ্রহ-নৰত্র সবই বোঝানো হয়। বিভিন্ন বস্তু স্থানের যে অংশজুড়ে থাকে সে স্থানটুকুর আকার, আকৃতি, অবস্থান, বৈশিষ্ট্য প্রভৃতি থেকেই জ্যামিতিক ধ্যান-ধারণার উদ্ভব।

কোনো ঘনবস্তু (Solid) যে স্থান অধিকার করে থাকে, তা তিন দিকে বিস্ভূত। এই তিন দিকের বিস্তারেই বস্তুটির তিনটি মাত্রা (দৈর্ঘ্য, প্রস্থা ও উচ্চতা) নির্দেশ করে। সেজন্য ঘনবস্তুই ত্রিমাত্রিক (Three dimensional) যেমন, একটি ইট বা বাক্সের তিনটি মাত্রা (দৈর্ঘ্য, প্রস্থা ও উচ্চতা) আছে। একটি গোলকের তিনটি মাত্রা আছে। এর তিন মাত্রার তিনুতা স্পষ্ট বোঝা না গেলেও একে দৈর্ঘ্য–প্রস্থা –উচ্চতা বিশিষ্ট খণ্ডে বিভক্ত করা যায়।





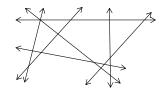
ঘনবস্তুর উপরিভাগ তল (Surface) নির্দেশ করে অর্থাৎ, প্রত্যেক ঘনবস্তু এক বা একাধিক তল দ্বারা সীমাবন্ধ থাকে। যেমন, একটি বাব্দের ছয়টি পৃষ্ঠ ছয়টি সমতলের প্রতিরূপ।

তল দিমাত্রিক (Two-dimensional): এর শুধু দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ আছে, কোনো উচ্চতা নেই। দুইটি তল পরস্পরকে ছেদ করলে একটি রেখা (line) উৎপন্ন হয়। যেমন, বাক্সের দুইটি পৃষ্ঠতল বাক্সের একধারে একটি রেখায় মিলিত হয়।

রেখা একমাত্রিক (one-dimensional): এর শুধু দৈর্ঘ্য আছে, প্রস্থ ও উচ্চতা নেই। বাক্সের একটি পৃষ্ঠ – তলের প্রস্থ ক্রমশ হ্রাস পেয়ে সম্পূর্ণ শূন্য হলে, ঐ তলের একটি রেখা মাত্র অবশিষ্ট থাকে। এভাবে তলের ধারণা থেকে রেখার ধারণায় আসা যায়।

দুইটি রেখা পরস্পর ছেদ করলে বিন্দুর উৎপত্তি হয়। অর্থাৎ, দুইটি রেখার ছেদস্থান বিন্দু (point) দ্বারা নির্দিষ্ট হয়। বাক্সের দুইটি ধার যেমন, বাব্সের এক কোণায় একটি বিন্দুতে মিলিত হয়।

সমতল জ্যামিতি: জ্যামিতির যে শাখায় একই সমতলে অবস্থিত বিন্দু, রেখা এবং তাদের সজো সম্পর্কিত বিভিন্ন জ্যামিতিক সন্তা সম্পর্কে আলোচনা করা হয়, তাকে সমতল জ্যামিতিক (Plane Geometry) বলা হয়। বিমূর্ত জ্যামিতিক ধারণা হিসেবে স্থানকে বিন্দুসমূহের সেট ধরা হয় এবং সরলরেখা ও সমতলকে এই সার্বিক সেটের উপসেট বিবেচনা করা হয়।



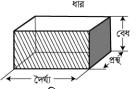


অনুশীলনীর প্রশু ও সমাধান



প্রশ্ন ॥ ১ ॥ স্থান, তল, রেখা এবং বিন্দুর ধারণা দাও।

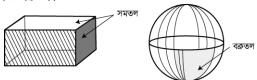
উত্তর : স্থান (Space) : যে অংশ জুড়ে বিভিন্ন বস্তু অবস্থান করে সে অংশই হচ্ছে স্থান। আমাদের চারপাশে বিস্তৃত জগৎ সীমাহীন। এর বিভিন্ন অংশ জুড়ে রয়েছে ছোট–বড় নানারকম বস্তু। বস্তু বলতে বালুকণা, আলপিন, পেন্সিল, কাগজ, বই, চেয়ার, টেবিল, ইট, বাক্স, বাড়িঘর, পাহাড়, পৃথিবী, গ্রহ–নক্ষত্র সবই বোঝান হয়। বিভিন্ন বস্তু স্থানের যে অংশ জুড়ে থাকে সে স্থানটুকুর আকার, আকৃতি, অবস্থান, বৈশিষ্ট্য প্রভৃতি থেকেই জ্যামিতিক ধ্যান–ধারণার উদ্ভব হয়েছে।





চিত্র: ঘনবস্তু থেকে স্থানের ধারণা

তল (Surface) : ঘনবস্তুর উপরিভাগ তল নির্দেশ করে। অর্থাৎ, প্রত্যেক ঘনবস্তু এক বা একাধিক তল দ্বারা সীমাবন্দ্র থাকে। যেমন, একটি বাব্দের ছয়টি পৃষ্ঠ ছয়টি তলের অংশ। তলের শুধু দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ আছে, কোনো বেধ নেই। এ কারণে তল দ্বিমাত্রিক। তল দুই প্রকার। যথা—সমতল ও বক্রতল।

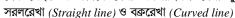


চিত্র : বিভিন্ন প্রকার তল

ঘনবস্তু থেকে তলের ধারণা :

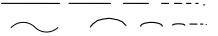


রেখা (Line): দুইটি তল পরস্পরকে ছেদ করলে ছেদস্থলে একটি রেখা উৎপন্ন হয়। যেমন, বাক্সের দুইটি পৃষ্ঠতল বাক্সের একধারে একটি রেখায় মিলিত হয়। এ রেখা একটি সরলরেখা। রেখার শুধু দৈর্ঘ্য আছে, প্রস্থ বা বেধ নেই। এ কারণে রেখা একমাত্রিক। রেখা দুই প্রকার। যথা—





বিন্দু (Point): দুইটি রেখা পরস্পর ছেদ করলে বিন্দুর উৎপত্তি হয়। অর্থাৎ দুইটি রেখার ছেদস্থান বিন্দু দ্বারা নির্দিষ্ট হয়। বিন্দুর দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও বেধ নেই, শুধু অবস্থান আছে। একটি রেখার দৈর্ঘ্য ক্রমশ হ্রাস পেয়ে অবশেষে শূন্য হলে, একটি বিন্দু মাত্র অবশিষ্ট থাকে। বিন্দুকে শূন্য মাত্রার সন্তা বলে গণ্য করা হয়।



চিত্র : রেখা হতে বিন্দুর ধারণা

প্রশ্ন ॥ ২ ॥ ইউক্লিডের পাঁচটি স্বীকার্য বর্ণনা কর।

সমাধান : ইউক্লিড প্রদত্ত পাঁচটি স্বীকার্য হলো :

স্বীকার্য ১। একটি বিন্দু থেকে অন্য একটি বিন্দু পর্যন্ত একটি সরলরেখা আঁকা যায়।

স্বীকার্য ২। খণ্ডিত রেখাকে যথেচ্ছভাবে বাড়ানো যায়।

স্বীকার্য ৩। যেকোনো কেন্দ্র ও যেকোনো ব্যাসার্ধ নিয়ে বৃত্ত আঁকা যায়।

স্বীকার্য ৪। সকল সমকোণ পরস্পর সমান।

স্বীকার্য ৫। একটি সরলরেখা দুইটি সরলরেখাকে ছেদ করলে এবং ছেদকের একই পাশের অন্তঃস্থ কোণদ্বয়ের সমফি দুই সমকোণের চেয়ে কম হলে, রেখা দুইটিকে যথেচ্ছভাবে বর্ধিত করলে যেদিকে কোণের সমফি দুই সমকোণের চেয়ে কম, সেদিকে মিলিত হয়।

প্রশ্ন ॥ ৩ ॥ পাঁচটি আপতন স্বীকার্য বর্ণনা কর।

সমাধান : আপতন স্বীকার্য : বিমূর্ত জ্যামিতিক ধারণা হিসেবে স্থানকে বিন্দুসমূহের সেট ধরা হয় এবং সরলরেখা ও সমতলকে এই সার্বিক সেটের উপসেট বিকেচনা করা হয়। এই বিবেচ্য বৈশিফ্ট্যসমূহকে জ্যামিতিক স্বীকার্য বলা হয়। স্বীকার্য –১ থেকে স্বীকার্য–৫ কে আপতন স্বীকার্য বলা হয়।

স্বীকার্য ১। জগৎ (Space) সকল বিন্দুর সেট এবং সমতল ও সরলরেখা এই সেটের উপসেট।

এই স্বীকার্য থেকে আমরা লব করি যে, প্রত্যেক সমতল ও প্রত্যেক সরলরেখা এক একটি সেট, যার উপাদান হচ্ছে বিন্দু। জ্যামিতিক বর্ণনায় সাধারণত সেট প্রতীকের ব্যবহার পরিহার করা হয়। যেমন, কোনো বিন্দু একটি সরলরেখার (বা সমতলের) অন্তর্ভুক্ত হলে বিন্দুটি ঐ সরলরেখায় (বা সমতলে) অবস্থিত অথবা, সরলরেখাটি (বা সমতলটি) ঐ বিন্দু দিয়ে যায়। একইভাবে, একটি সরলরেখা একটি সমতলের উপসেট হলে সরলরেখাটি ঐ সমতলে অবস্থিত, অথবা সমতলটি ঐ সরলরেখা দিয়ে যায় এ রকম বাক্য দারা তা বর্ণনা করা হয়।

স্বীকার্য ২। দুইটি ভিন্ন বিন্দুর জন্য একটি ও কেবল একটি সরলরেখা আছে যাতে উভয় বিন্দু অবস্থিত।

স্বীকার্য ৩। একই সরলরেখায় অবস্থিত নয় এমন তিনটি ভিন্ন ভিন্ন বিন্দুর জন্য একটি ও কেবল একটি সমতল আছে যাতে বিন্দু তিনটি অবস্থিত। স্বীকার্য ৪। কোনো সমতলের দুইটি ভিন্ন বিন্দু দিয়ে যায় এমন

স্বীকার্য ৫। (ক) জগতে (Space) একাধিক সমতল বিদ্যমান।

(খ) প্রত্যেক সমতলে একাধিক সরলরেখা অবস্থিত।

(গ) প্রত্যেক সরলরেখার বিন্দুসমূহ এবং বাস্তব সংখ্যাসমূহকে এমনভাবে সম্পর্কিত করা যায় যেন, রেখাটির প্রত্যেক বিন্দুর সঞ্চো একটি অনন্য বাস্তব সংখ্যা সংশিরইট হয় এবং প্রত্যেক বাস্তব সংখ্যার সঞ্চো রেখাটির একটি অনন্য বিন্দু সংশিরইট হয়।

প্রশ্ন ॥ ৪ ॥ দূরত্ব স্বীকার্যটি বর্ণনা কর।

সরলরেখা ঐ সমতলে অবস্থিত।

সমাধান : নিচে দূরত্ব স্বীকার্যটি বর্ণনা করা হলো :

জ্যামিতিতে দূরত্বের ধারণাও একটি প্রাথমিক ধারণা। এ জন্য স্বীকার করে নেওয়া হয় যে,

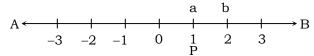
- (ক) P ও Q বিন্দুযুগল একটি অনন্য বাস্তব সংখ্যা নির্দিষ্ট করে থাকে। সংখ্যাটিকে P বিন্দু থেকে Q বিন্দুর দূরত্ব বলা হয় এবং PQ দ্বারা সূচিত করা হয়।
- (খ) P ও Q ভিন্ন বিন্দু হলে PQ সংখ্যাটি ধনাতাক। অন্যথায়, PQ=0।
- (গ) P থেকে Q-এর দূরত্ব এবং Q থেকে P-এর দূরত্ব একই। অর্থাৎ PQ = QP।
 - PQ = QP হওয়াতে এই দূরত্বকে সাধারণত P বিন্দু ও Q বিন্দুর মধ্যবর্তী দূরত্ব বলা হয়। ব্যবহারিকভাবে, এই দূরত্ব পূর্ব নির্ধারিত এককের সাহায্যে পরিমাপ করা হয়।

প্রশ্ন ॥ ৫ ॥ রবলার স্বীকার্যটি বর্ণনা কর।

সমাধান: কোনো সরলরেখায় অবস্থিত কিদুসমূহের সেট এবং বাস্তব সংখ্যার সেটের মধ্যে এমনভাবে এক–এক মিল স্থাপন করা যায়, যেন রেখাটির যেকোনো বিন্দু P, Q এর জন্য PQ = |a - b| হয়, যেখানে মিলকরণের ফলে P ও Q এর সজো যথাক্রমে a ও b বাস্তব সংখ্যা সংশিষ্ট হয়। এই স্বীকার্যে বর্ণিত মিলকরণ করা হলে, রেখাটি একটি সংখ্যারেখায় পরিণত হয়েছে বলা হয়। সংখ্যারেখায় P বিন্দুর সজো a সংখ্যাটি সংশিষ্ট হলে P কে a-এর লেখবিন্দু এবং a-কে P-এর স্থানাজ্ঞ্ক বলা হয়।

প্রশ্ন ॥ ৬ ॥ সংখ্যারেখা বর্ণনা কর।

সমাধান : সংখ্যারেখা : বাস্তব সংখ্যাকে সরলরেখার ওপর বিন্দুর সাহায্যে চিত্রের মাধ্যমে দেখানো যায়। যে রেখায় বিন্দুর সঞ্চো সংখ্যার এক–এক মিল দেখানো হয়, তাকে সংখ্যারেখা বলে।



AB দ্বারা একটি অসীম রেখা সূচিত করা **হলো**।

সংখ্যারেখায় P বিন্দুর সঞ্চো a সংখ্যাটি সংশিরফ হলে P কে a এর লেখবিন্দু এবং a কে P এর স্থানাজ্ঞ্ক বলা হয়।

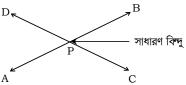
কোনো সরলরেখাকে সংখ্যারেখায় পরিণত করার জন্য প্রথমে রেখাটির একটি বিন্দুর স্থানাজ্ঞ 🛭 এবং অপর একটি বিন্দুর স্থানাজ্ঞ 🛽 ধরে নেওয়া হয়। এতে রেখাটিতে একটি একক দূরত্ব এবং একটি ধনাত্মক দিক নির্দিষ্ট হয়। সংখ্যারেখায় সকল মূলদ ও অমূলদ সংখ্যার সজো সংখ্যারেখাস্থ সকল বিন্দুর এক–এক মিল রয়েছে। a ও b দুইটি অসমান বাস্তব সংখ্যা হলে, হয় a > b না হয় a < b হবে, সংখ্যারেখায় a > b এর অর্থ, a এর প্রতিরূ পী বিন্দু b এর প্রতিরূ পী বিন্দুর ডানে অবস্থিত।

প্রশ্ন ॥ ৭ ॥ রবলার স্থাপন স্বীকার্যটি বর্ণনা কর।

সমধান : রুলার স্থাপন স্বীকার্য : কোনো সরলরেখাকে সংখ্যা রেখায় পরিণত করার জন্য প্রথমে রেখাটির একটি বিন্দুর স্থানাঙ্ক 🛭 এবং অপর

একটি বিন্দুর স্থানাঙ্ক 1 ধরে নেওয়া হয়। এতে রেখাটিতে একটি একক দূরত্ব এবং একটি ধনাত্মক দিক নির্দিষ্ট হয়। এজন্য স্বীকার করে নেওয়া হয় যে, যেকোনো সরলরেখা AB কে এমনভাবে সংখ্যা রেখায় পরিণত করা যায় যে, A এর স্থানাঙ্ক 🛭 (শূন্য) এবং B এর স্থানাঙ্ক ধনাত্মক হয়। একে রবলার স্থাপন স্বীকার্য বলে।

প্রশ্ন ॥ ৮ ॥ পরস্পরছেদী সরলরেখা ও সমান্তরাল সরলরেখার সংজ্ঞা দাও। সমাধান : পরস্পরছেদী সরলরেখা: একই সমতলস্থ দুইটি ভিন্ন সরলরেখাকে পরস্পরছেদী বলা হয়, যদি উভয়রেখায় অবস্থিত একটি সাধারণ বিন্দু থাকে।



চিত্রে AB ও CD রেখাদ্বয়ের সাধারণ বিন্দু P। তাই AB ও CD পরস্পরছেদী সরলরেখা।

সমা**ন্তরাল সরলরেখা :** একই সমতলস্থ দুইটি ভিন্ন সরলরেখাকে সমান্তরাল সরলরেখা বলা হয় যদি তাদের কোনো সাধারণ বিন্দু না থাকে।



চিত্রে, AB ও CD রেখাদয়ের মধ্যে কোনো সাধারণ বিন্দু নেই। তাই AB ও CD সমান্তরাল সরলরেখা।

লৰণীয় যে,

- (১) দুইটি ভিন্ন সরলরেখার সর্বাধিক একটি সাধারণ বিন্দু থাকতে পারে। কারণ স্বীকার্য–২ অনুযায়ী দুই ভিন্ন বিন্দু কেবল একটি সরলরেখাতেই অবস্থিত থাকতে পারে।
- (২) একই সমতলস্থ দুইটি ভিন্ন সরলরেখা হয় সমান্তরাল, না হয় তারা কেবল এক বিন্দুতে ছেদ করে।

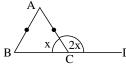


গুরুত্বপূর্ণ বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর



- তলের প্রান্ত হলো–
 - ⊕ বিন্দু 🗨 রেখা
- গ্য কোণ
- ন্ত ত্রিভুজ
- শূন্য মাত্রার সন্তা বলা হয় কোনটিকে?
 - 📵 রেখা
- থ্য তল
- বিন্দু
- ন্তু রেখাংশ
- জ্যামিতিক উপপাদ্য প্রমাণে সাধারণত কয়টি ধাপ থাকে?
 - **3**
 - গ্রিক শব্দ metron-এর অর্থ কি?
 - পরিসীমা
 পরিমিতি
- **1** ত্ব ধার

Œ.

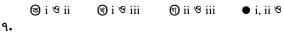


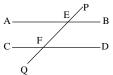
△ABC এর প্রবৃদ্ধ ∠ABC এর মান কত?

- **⊕** 30°
- **③** 60°
- 120°
- 300°

- যে ত্রিভুজের
 - i. তিনটি কোণ সমান তাকে সমবাহু ত্রিভুজ বলে
 - ii. তিনটি কোণ সৃক্ষকোণ তাকে সৃক্ষকোণী ত্রিভুজ বলে
 - iii. একটি কোণ সমকোণ তাকে সমকোণী ত্রিভুজ বলে

নিচের কোনটি সঠিক?





চিত্রে AB || CD এবং PQ ছেদক হলে—

i. $\angle PEB = \angle EFD$

ii. ∠AEF = ∠EFD

iii. ∠BEF + ∠EFD = 2 সমকোণ

নিচের কোনটি সঠিক?

ரு i ও ii iii છ i 🔞 ● i, ii ଓ iii ூ ii ஒ iii নিচের চিত্র অনুযায়ী ৮ ও ৯ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :



AD = BD, AE = CE, CE = 2.5 একক?

- $BC = \overline{\phi \phi}$ একক?
 - **4**
- **3** 6

DE = কত একক?

		• 11 11-1	1 1110 7 100			
নিচে		নিয়ে	⊕ 15° চর চিত্র অনুযায়ী :	● 30° ১8 – ১৬ নং	গু 45° প্রশ্নের উত্তর দাও :	3 60°
١٥.	$R \leftarrow \overbrace{Q \qquad \qquad }^{P} Q$ $Q \qquad \qquad Q$ Q			F B	A E C	
	 ● 50 ﴿ 90 ﴿ 140 ﴿ 320 ি चित्र निर्दिश्च প্রবৃদ্ধ কোণ ও ∠POR এর সম্পূরক কোলে 	ার যথা	ক্রমে D , E ও F।		$= \mathbf{C}\mathbf{A} = \mathbf{A}\mathbf{B} =$	2 বাহুর মধ্যবিন্দু
নিচে	অন্তর কত ? ● 180°	78		<u> এতুজ</u>	প্র সমদ্বিবাহু রিবিষমবাহু রি	
	0		. ABC এর পরি ক্তি 3	সীমা কত এব	•	1 9
	AB = AC ∠BOC এর মান কত?				$\bullet \frac{3\sqrt{3}}{4}$	
১৩.	 ⊕ 15° ⊕ 60° ⊕ 75° ● 120° ∠OBC এর মান কত? ⊕ ② ⊚ 					
	অতিরিক্ত বহুনির্বাচনি	প্রশ্লো	<u> ত্র</u>			A DI
	সাধারণ আলোচনা		ক্ত রেখা	থ তল	● বিন্দু	ত্ত অর্ধবৃত্ত
	সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর		বহুপদী সম	মাপ্তিসূচক বহুবি	নর্বাচনি প্রশ্নোত্তর	
١٩.	- খ্রিফসূর্ব কত অন্দে গ্রিক পণ্ডিত ইউক্লিড Elements বইটি লেখেন? সে	<u></u> ২৯.	. নিচের তথ্যগুলে			
	• voo• g 800• g 800		i. ঘনবস্তু তি ii. প্রত্যেক ঘন			
	৬-১ : স্থান, তল, রেখা ও বিন্দুর ধারণা		iii. একটি ইটে			
			নিচের কোনটি		,	(সহজ)
	সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর		⊕ i ७ ii	iii 🛭 ii	g ii s iii	● i, ii ଓ iii
۶۴.		জ) ৩০.	~	_		
১৯.		(জ)	i. রেখা হলো এ ii. তল হলো বি			
	⊕ বৃত্ত ৃ প্র রেখা ● ইট প্র কিন্দু		iii. ঘনক হলে			
২০.	একটি ইটের মাত্রা কত?	্যম)	নিচের কোনটি			(সহজ)
২ ১.		্যম)	ճ i જ ii	● i ଓ iii	g ii g iii	g i, ii g iii
	③ 2 ● 3 ③ 4 ⑤ 5	٥٥.			ও উচ্চতা থাকলে	ঘনবস্তুটি–
২২.	যার দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ আছে কিন্তু উচ্চতা নেই তাকে কী বলে? সে	্জ)	i. ত্রিমাত্রিক হ			
২৩.	● তল থ্য স্থান থ্য বিন্দু থ্য রেখা একটি বাঙ্গের কয়টি তল আছে?	্জ)	ii. ঘনবস্তুর উ iii. একটি ইস্		ানদেশ করে সমতলের প্রতিরূপ	
ν.	③ 1 ③ 3 ⑤ 4 ● 6		াা. একট ২টে নিচের কোনটি		1-4-0-19 (1) (M	
২৪.	দুইটি পরিমাপ দেওয়া থাকলে সেটি নিচের কোনটি নি				၍ ii ၆ iii	● i, ii ଓ iii
	করবে? (স ⊕ রেখা ● তল •) বিন্দু •) ঘনক	^{জ)} ৩২.	~			
২৫.	শুধু দৈৰ্ঘ্য আছে, প্ৰস্থ ও উচ্চতা নেই তাকে কী বলে? ক্ৰ	চন)			ছ, কিন্তু বেধ নে	₹
,	ক্ত তল		ii. সরলরেখার			
২৬.	দুইটি তল পরস্পরকে ছেদ করলে কী উৎপন্ন হয়?	(97)	iii. ঘনবস্তুর নিচের কোনটি		ગા (ષ્ટ્	(সকলে)
	ন্তি বিন্দু ● রেখা প্র বৃত্ত ত্ব গোলক		ৰি i ও ii	1 7 011	● i ଓ iii	(সহজ)
২৭.	দুটি রেখা পরস্পর ছেদ করলে কী উৎপত্তি হয়?	ঠন)	⊕ ii ଓ iii		g i, ii g iii	
২৮.	্ক্তি বিন্দু ্ব্ বেখা ্ব্ তল ● কোণ কোনটি মাত্রাহীন ?	997)		নুমূ <u>ত</u> . ১.১		
~· •	- 11 11 - 11 - 11 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 -	N-17		ज्ञान्यः च्राष्ट्र	मार्गाम सञ्जन	

	সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর	ī				য একাধিক জগণ		
<u> </u>			(সহজ)			কাধিক সমতল '	বিদ্যমান	
·	রেখাপুরেশরিখাপুরিন্দু	গ্র ব্লেখাংশ	ত্ত্ব রশ্মি		নিচের কোন্যী	ট সঠিক?		(সহজ)
৩ 8.	তলের প্রান্তকে কী বলে?	0 64 414 1	(সহজ)			● i ଓ iii	g ii g iii	g i, ii 🛭 iii
٠	ক্ত বিন্দু গু কোণ	● রেখা	ত্ত্ব অর্ধগোলক	8¢.	সমতল জ্যামি	<u>ততে</u> —		
% .	একটি বিন্দু থেকে অন্য একটি বিন্দু গ						াৎ সেটের দুইটি	উপসেট
	● 1 ③ 2	1 3	ন্ত্র অসংখ্য		ii. জগৎ সক	- 1		
	্র <u>-</u> বহুপদী সমাপ্তিসূচক বহুনি					সমতলের উপ	সট	
		বাচান প্রশ্নোওর			নিচের কোন্যী			(সহজ)
৩৬.					் ii இi	iii છ i	၍ ii ၆ iii	
	i. যার কোনো অংশ নাই, ত			৪৬.		,	্য বাস্তব সংখ্যা	
	ii. যে রেখার উপরিস্থিত বিন্দুগু						Q বিন্দুর দূরত্ব	বলা হয়
	iii. যে তলের সরলরেখাগুলো তা	র ওপর সমভাবে থা	কে, তাই সমতল			দারা সূচিত কর	া হয়	
	নিচের কোনটি সঠিক?		(সহজ)		iii. এবেত্ৰে P			
	⊕ i ७ ii	⊚ i ଓ iii			নিচের কোনা	ট সঠিক?		(মধ্যম)
	● ii ଓ iii	g i, ii g iii			o i ♥ ii		⊚ i ଓ iii	
৩৭.	A ও B দুইটি বিন্দু হলে এদের				11 ii 😉		҈ i, ii ଓ iii	
	i. দারা সরলরেখা অঙ্কন কর				অভিনু তথ্য	ভত্তিক বহুনির্বাচ	নি প্রশ্লোত্তর	
	ii. সংযোজিত রেখাকে যথেচ্			बिराइट	 ন কেপোৰে জাসলা	7 7 8 00 = 05 9	 প্রশ্নের উত্তর দাও	
	iii. সংযোগ রেখাংশ ব্যাসার্ধ হ	লে বৃত্ত অজ্জন কর	া যায়					় বং বাস্তব সংখ্যার
	নিচের কোনটি সঠিক?	-	(সহজ)					াবং বাত্তব প্রক্রোর 1 যায় যেন রেখাটির
	(a) i ∨ ii	(a) i (3 iii				এর জন্য PQ =		1 114 61 1 64 11104
	গ ii ও iii	● i, ii ଓ iii		89.		কোন ধরনের		(সহজ)
	৬.৩ : সমত	ল জ্যামিতি			● বাস্তব		 অবাস্তব	(11)
	সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর	•			প্রালিক		ত্ত অমূলদ	
				8b.				ারুফ হলে P কে a
or.	বিমূর্ত জ্যামিতিক ধারণা হিসেবে				এর কী বলে?			(সহজ)
	ক্তি তল ● স্থান	গ্র রেখা	ত্ব সমতল		ক্ত স্থানাজ্ঞ্ক	● লেখবিন্দু	ক্রিতি কি ক্রিতি কি কি কি কি কি কি কি কি কি কি কি কি	ত্ত শীর্ষবিন্দু
৩৯.	সরলরেখা একটি সেট হলে তা			8৯.	সংখ্যারেখায় ।	P বিন্দুর সঞ্জো	a সংখ্যাটি সংগি	ণরফ হলে a কে P
	📵 রেখা 🛮 🔞 রেখাংশ	1 তল	● বিন্দু		এর কী বলে?	,		(সহজ)
80.	দুইটি ভিন্ন বিন্দুর জন্য কয়টি সর	শরেখা আছে?	(মধ্যম)		স্থানাজ্ঞ্ঞ	থ্য লেখবিন্দু	পীর্ষবিন্দু	ন্থ বিস্তৃতি
	• 1 ③ 2	1 3	1 1 1 1				<u>`</u>	
87.	একটি সমতলে কয়টি সরলরে	থা বিদ্যমান ?	(সহজ)			৬.৪ : জ্যা	টিক প্রমাণ	
	1	1 4	● অসংখ্য		বহুপদী স	মাপ্তিসূচক বহুনি	র্বাচনি প্রশোত্তর	
8২.	P ও Q বিন্দু দুইটির দূরত্বের ছ		ট সঠিক? (সহজ)		•			
	PQ > QP			co.	সম্পাদ্য হলো-		প্রমাণবিহীন প্রতি	`
৪৩.		● PQ = QP নিচের কোনটি স	ঠিক? (সহজ)		i. প্রমাণনির্ভর		শ্রমাণাবহান শ্রাৎ	5 68
			3 PQ < 0		iii. অজ্জন ক	_		
	্র বহুপদী সমাপ্তিসূচক বহুনি	র্বাচনি প্রশোত্তর			নিচের কোনা	5 সাঠক?		(সহজ)
		115101 at 641.011			⊕ i ଓ ii		● i ଓ iii	
88.	নিচের তথ্যগুলো লৰ কর:	STATE OF THE STATE	-		ூ ii ७ iii		҈ i, ii ଓ iii	
	i. প্রত্যেক সমতলে একাধিক	শরণরেখা অবা <i>স</i> ্থও)					
		_		_				
	্ৰি বিভি	ভৈনু স্কুলের	। নিৰ্বাচিত	বহু	নৰ্বাচনি :	প্রশ্রোত্তর		SEC. 1
		(1 ×		<u> </u>		7.4		
Æ1	केंद्रिकार कांच्य कांक्य कांक्य क	क्रिलान ०			🖨 चित्रक	■ 6 =	@ Zomola-	C ISKIT
<i>ሮ</i> ኔ.	ইউক্লিড কোন দেশের পণ্ডিত বি		জ ইউনোপীয়	<i>(</i> *0	⊕ মিশর ইউকিডে তার	● গ্রিক ব 'ইলিমেন্টস'	গু ইংল্যান্ড গুল্মে মোট	ন্থ জার্মান কলেট শক্ষালারক
	● গ্ৰিক থ্ৰ ইতালি	জার্মানি	ত্ব ইউরোপীয়	¢8.	ইউক্লিড তার	ব 'ইলিমেন্টস'		ন্থ জার্মান কতটি শৃঙ্খলাবন্ধ
<i>હ</i> ે.		জার্মানি	ত্ব ইউরোপীয় ত্ব ব্রহ্মগুশ্ত	¢8.		ব 'ইলিমেন্টস'		

 প্রাচীন শাখা ক্ত ভাষা ত্ব গাণিতিক শাখা পরিমাপের বিষয় Geometry কোন দেশীয় শব্দ? গ্রিক থ্য জার্মান ত্ব ইংরেজি গ্র রোমান জ্যামিতি শব্দের অর্থ কী? পরিমাপ 📵 ভূমি "gon" অৰ্থ কী? Œ. থ্য কর্ণ পরিসীমা থ্য ধারক ৫৯. সাধারণ নির্বচন জ্যামিতিক প্রতিজ্ঞার কোন ধরনের বর্ণনা? (মধ্যম) ෯ চিত্ৰ নিৰ্ভর ● চিত্ৰ–নিরপেৰ ෯ প্রাথমিক ত্ব শূন্য ৬০. বিন্দুর মাত্রা কয়টি? শূন্য **3 1 1 1** ৬১. জ্যামিতিতে চিত্র অজ্জন করার প্রস্তাবনাকে কী বলে? • সম্পাদ্য অনুসিদ্ধান্ত ত্ব স্বতঃসিদ্ধ 📵 উপপাদ্য কে জ্যামিতি তত্ত্বের বিস্তৃতি ঘটায়? 📵 থেলিস श्राणिलिख পিথাগোরাস
 নিউটন গোলকের মাত্রা কয়টি?

58.	বিন্দুর	মাত্রা	কয়টি ?	

എ 2 শূন্য **1**

旬3

৬৫. কোনটি দ্বিমাত্রিক?

তল থ্য রেখা গ্ৰ বিন্দু

থ্য ঘনবস্তু

সমতল জ্যামিতিতে—

i. সরলরেখা ও সমতল, জগৎ সেটের দুইটি উপসেট

ii. জগৎ সকল বিন্দুর সেট

iii. সরলরেখা সমতলের উপসেট

নিচের কোনটি সঠিক?

i v i iii & i 🕲 1ii v iii • i, ii & iii

৬৭. যেকোনো কস্তু–

- রেখা হলে একমাত্রিক
- ii. তল হলে দিমাত্রিক
- iii. ঘনক হলে ত্রিমাত্রিক

নিচের কোনটি সঠিক?

⊕ i ଓ ii iii & i 🕲 1ii v iii • i, ii & iii



অতিরিক্ত সূজনশীল প্রশু ও সমাধান

8

8

1 4



এমু🗕১ 🕨 বিভিন্ন ক্সতু স্থানের যে অংশ জুড়ে থাকে সে স্থানটুকুর আকার — আকৃতি, অবস্থান, বৈশিষ্ট্য প্রভৃতি থেকেই জ্যামিতিক ধ্যান-ধারণার উদ্ভব।

ক. ঘনক্তু কী?

1

- খ. ঘনবস্তু থেকে কীভাবে তলের ধারণায় আসা যায় বর্ণনা
- তল থেকে কীভাবে রেখার ধারণায় আসা যায় তা বর্ণনা

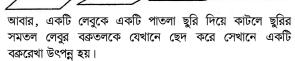
🕨 ১বং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

- ক. যে সকল বস্তু তিনটি মাত্রা অর্থাৎ দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও উচ্চতা নির্দেশ করে সেগুলো ঘনবস্তু। প্রত্যেক ঘনবস্তুই ত্রিমাত্রিক। যেমন : ইট, পাথর, বাড়ি-ঘর, পাহাড়, টেবিল ইত্যাদি ঘনবস্তু।
- খ. একটি ইট বা বাক্সের তিনটি মাত্রা (দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও উচ্চতা) আছে। আবার গোলকেরও তিনটি মাত্রা আছে। একটি বাক্সের দুইটি মাত্রা ঠিক রেখে তৃতীয় মাত্রা ক্রমশ হ্রাস করে শূন্যে পরিণত করলে বাক্সটির পৃষ্ঠ বিশেষ মাত্রা অবশিষ্ট থাকে।



এভাবে ঘনবস্তু থেকে তলের ধারণায় আসা যায়। একটি বাক্সের উপরিভাগ সমতল এবং একটি গোলকের উপরিভাগ বব্রুতল।

গ. দুইটি তল পরস্পরকে ছেদ করলে একটি রেখার সৃষ্টি হয়। যেমন বাক্সের দুইটি উপরিতল বাক্সের একধারে একটি রেখায় মিলিত হয়। এই রেখা একটি সরলরেখা।



প্রমু—২ চ যেকোনো গাণিতিক আলোচনায় এক বা একাধিক প্রাথমিক ধারণা স্বীকার করে নিতে হয়। বর্তমান সময়ে জ্যামিতিতে কিছু ধারণা স্বীকার করে নেয়া হয়েছে।

জ্যামিতিক স্বীকার্য কী?

খ. দূরত্ব স্বীকার্যের বর্ণনা দাও।

গ. রেখাংশের মাধ্যমে দূরত্ব স্বীকার্যকে কি ব্যাখ্যা করা সম্ভব? যদি সম্ভব হয় ব্যাখ্যা দাও।

🕨 🕯 ২নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

- জ্যামিতিক যেকোনো আলোচনায় এক বা একাধিক প্রাথমিক ধারণাকে স্বীকার করে নিতে হয়। আধুনিক জ্যামিতিতে কিন্দু, সরলরেখা ও সমতলকে প্রাথমিক ধারণা হিসেবে গ্রহণ করে তাদের কিছু বৈশিষ্ট্যকে স্বীকার করে নেয়া হয়। আর এই স্বীকৃত বৈশিষ্ট্যগুলোই জ্যামিতিক স্বীকার্য (Postulate)।
- দূরত্ব স্বীকার্য : (ক) P ও O বিন্দুযুগল একটি অনন্য বাস্তব সংখ্যা নির্দিষ্ট করে থাকে। সংখ্যাটিকে P বিন্দু থেকে Q বিন্দুর দূরত্ব বলা হয় এবং PQ দারা সূচিত করা হয়। (খ) P থেকে Q এর দূরত্ব এবং Q থেকে P এর দূরত্ব একই। অর্থাৎ PQ = QP· PQ = QP হওয়াতে এই দূরত্বকে সাধারণত P বিন্দু ও Q বিন্দুর মধ্যবর্তী দূরত্ব বলা হয়। ব্যবহারিকভাবে, এই
- একটি রেখাংশের মাধ্যমে দূরত্ব স্বীকার্যকে ব্যাখ্যা দেওয়া সম্ভব। ব্যাখ্যা নিমুরূ প–

দূরত্ব পূর্ব নির্ধারিত এককের সাহায্যে পরিমাপ করা হয়।

মনে করি, P থেকে Q বিন্দুর মধ্যবর্তী দূরত্ব a cm. সুতরাং, PQ এর দূরত্ব একটি অনন্য বাস্তব সংখ্যা নির্দেশ করে।

P ও Q ভিন্ন বিন্দু বলে PQ দূরত্ব একটি ধনাতাক সংখ্যা। আবার, P ও Q একই বিন্দু হলে এদের মধ্যবর্তী কোনো দূরত্ব থাকতো না। সুতরাং, PQ = 0 হতো।

P থেকে Q এর দূরত্ব যত Q থেকে P এর দূরত্ব একই অর্থাৎ a cm হয়। (কেলের সাহায্যে মেপে)। অর্থাৎ PQ = QP।

প্রমূ–৩ 🗲 জ্যামিতি গণিত শান্তের একটি প্রাচীন শাখা। শুধু ভূমি পরিমাপই নয় বরং বহু জটিল গাণিতিক সমস্যা সমাধানে এই জ্ঞান এখন অপরিহার্য।



- ক. আধুনিক জ্যামিতির ভিত্তি কী?
- খ. বিন্দু, রেখা ও তল সম্পর্কে ইউক্লিডের ধারণা লেখ।
- গ. বিন্দু, রেখা ও তল সম্পর্কিত ইউক্লিডের স্বতঃসিন্ধগুলো লেখ।

১ ৩নং প্রশ্রের সমাধান ১ 🛊

- ক. আনুমানিক খ্রিফ্টপূর্ব ৩০০ অব্দে গ্রিক পণ্ডিত ইউক্লিড জ্যামিতির ইতস্তত বিৰিশ্ত সূত্রগুলোকে বিধিবন্ধভাবে সুবিন্যস্ত করে তাঁর বিখ্যাত গ্রন্থ 'ইলিমেন্টস' রচনা করেন। তেরো খণ্ডে সম্পূর্ণ কালোন্ত্রীর্ণ এই 'ইলিমেন্টস' গ্রন্থটিই আধুনিক জ্যামিতির ভিত্তি।
- খ. ইউক্লিড বিন্দু, রেখা, তল সম্পর্কে যে বর্ণনা দিয়েছেন তা নিমুরূ প:
 - যার কোনো অংশ নেই, তাই বিন্দু।
 - ২. রেখার প্রান্ত বিন্দু নেই।
 - যার কেবল দৈর্ঘ্য আছে কিন্তু প্রস্থ ও উচ্চতা নেই, তাই রেখা।
 - যে রেখার উপরিস্থিত বিশুপুলো একই বরাবর থাকে, তাই সরলরেখা।

- শার কেবল দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ আছে, তাই তল।
- ৬. তলের প্রান্ত হলো রেখা।
- ৭. যে তলের সরলরেখাগুলো তার ওপর সমভাবে থাকে, তাই সমতল।
- া. বিন্দু, রেখা ও তল সম্পর্কে ধারণা দিতে গিয়ে ইউক্লিড কিছু প্রাথমিক ধারণা স্বীকার করে নিয়েছেন। এগুলোকে তিনি স্বতঃসিন্দ্ধ (Axioms) বলে আখ্যায়িত করেছেন। ইউক্লিড প্রদত্ত স্বতঃসিন্দ্ধগুলো নিমুরু প :
 - যে সকল বস্তু একই বস্তুর সমান, সেগুলো পরস্পর সমান।
 - সমান সমান বস্তুর সাথে সমান বস্তু যোগ করা হলে যোগফল সমান।
 - সমান সমান বস্তু থেকে সমান বস্তু বিয়োগ করা হলে বিয়োগফল সমান।
 - 8ে যা পরস্পরের সাথে মিলে যায়, তা পরস্পর সমান।
 - পূর্ণ তার অংশের চেয়ে বড়।



সৃজনশীল প্রশ্বব্যাংক উত্তরসহ



প্রম্—8 স্থান্মানিক খ্রিস্টপূর্ব ৩০০ অন্দে গ্রিক পণ্ডিত ইউক্লিড জ্যামিতির ইতস্তর বিৰিশ্ত সূত্রগুলোকে বিধিবন্দ সুবিন্যস্ত করে তাঁর বিখ্যাত গ্রন্থ 'ইলিমেন্টস' রচনা করেন। তের খণ্ডে সম্পূর্ণ কালোন্তীর্ণ এ 'ইলিমেন্টস' গ্রন্থটি আধুনিক জ্যামিতির ভিত্তিস্বরূ প। জ্যামিতি বলতে কী বোঝায়?

থ**.** তল, রেখা ও বি**ন্দু** সম্পর্কে ইউক্লিডের বর্ণনাগুলো লিখ।

গ. 'খ' এর আলোকে ইউক্লিডের স্বতঃসিদ্ধগুলো লিখ। উন্তর : নিজে চেস্টা কর।

অনুশীলনী ৬ .২ তি



পাঠ সম্পর্কিত গুরুত্বপূর্ণ বিষয়াদি



- রেখা, রিশা, রেখাংশ
 - সমতলীয় জ্যামিতির স্বীকার্য অনুযায়ী সমতলে সরলরেখা বিদ্যমান যার প্রতিটি বিন্দু সমতলে অবস্থিত। মনে করি, সমতলে AB একটি সরলরেখা এবং রেখাটির উপর অবস্থিত একটি বিন্দু C। C বিন্দুকে A ও B বিন্দুর অন্তর্বতী বলা হয় যদি A, C ও B একই সরলরেখার ভিন্ন ভিন্ন বিন্দু হয় এবং AC + CB = AB হয়। A, C ও B বিন্দু তিনটিকে সমরেখ বিন্দুও বলা হয়। A ও B এবং এদের অন্তর্বতী সকল বিন্দুর সেটকে A ও B বিন্দুর সংযোজক রেখাংশ বা সংবেপে AB রেখাংশ বলা হয়। A ও B বিন্দুর অন্তর্বতী প্রত্যেক বিন্দুকে রেখাংশের অন্তঃস্থা বিন্দু বলা হয়।
- কোণ: সমতলে দুইটি রশার প্রান্তবিন্দু একই হলে কোণ তৈরি হয়। রশা
 দুইটিকে কোণের বাহু এবং তাদের সাধারণ বিন্দুকে শীর্ঘবিন্দু বলে।



চিত্রে, OP ও OQ রশািষয় তাদের সাধারণ প্রান্তবিন্দু O তে ∠POQ উৎপন্ন করেছে। O বিন্দুটি ∠POQ এর শীর্ষবিন্দু।

■ সরল কোণ: দুইটি পরস্পর বিপরীত রশ্মি তাদের সাধারণ প্রান্তবিন্দুতে যে কোণ উৎপন্ন করে, তাকে সরল কোণ বলে।



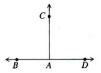
চিত্রে, AB রশাি, প্রান্তবিন্দু A থেকে AB এর বিপরীত দিকে AC রশাি আঁকা হয়েছে। AC ও AB রশাি্দয় তাদের সাধারণ প্রান্তবিন্দু A তে $\angle BAC$ উৎপন্ন করেছে। $\angle BAC$ কে সরল কোণ বলে। সরল কোণের পরিমাপ দুই সমকোণ বা ১৮০°।

 সির্নিইত কোণ: যদি সমতলে দুইটি কোণের একই শীর্ষবিন্দু হয়
 ও তাদের একটি সাধারণ রিশ্মি থাকে এবং কোণদ্বয় সাধারণ রিশ্মির বিপরীত পাশে অকত্থান করে, তবে ঐ কোণদ্বয়কে সির্নিইত কোণ বলে।



চিত্রে, A বিন্দুটি \angle BAC ও \angle CAD এর শীর্ষবিন্দু। A বিন্দু \angle BAC ও \angle CAD উৎপন্নকারী রশািগুলাের মধ্যে AC সাধারণ রশাি। কােণ দুইটি সাধারণ রশাি AC এর বিপরীত পাশে অবস্থিত। \angle BAC এবং \angle CAD পরস্পার সন্নিহিত কােণ।

■ **লম্ব, সমকোণ :** একটি সরলকোণের সমদ্বিখন্ডককে লম্ব এবং সংশির্
 সনুহিত কোণের প্রত্যেকটিকে সমকোণ বলে।



চিত্রে, ∠BAD সরলকোণ A বিন্দুতে AC রশ্মি দ্বারা উৎপন্ন ∠BAC ও ∠CAD সন্নিহিত কোণ দুইটির প্রত্যেকে সমকোণ এবং BD ও AC বাহুদ্বয় পরস্পরের উপর লম্ব।

■ সূক্ষকোণ ও স্থূলকোণ : এক সমকোণ থেকে ছোট কোণকে সূক্ষকোণ এবং এক সমকোণ থেকে বড় কিন্তু দুই সমকোণ থেকে ছোট কোণকে স্থূলকোণ বলা হয়।



চিত্রে ∠AOC সূক্ষ্মকোণ এবং ∠AOD স্থূলকোণ। এখানে ∠AOB এক সমকোণ।

 প্রবৃন্ধ কোণ: দুই সমকোণ থেকে বড় কিম্তু চার সমকোণ থেকে ছোট কোণকে প্রবৃন্ধ কোণ বলে। চিত্রে চিহ্নিত ∠AOC প্রবৃন্ধ কোণ।



পুরক কোণ: দুইটি কোণের পরিমাপের যোগফল 1 সমকোণ হলে
 কোণ দুইটির একটি অপরটির পুরক কোণ।



চিত্রে, $\angle AOB$ একটি সমকোণ। OC রশ্মি কোণটির বাহুদ্বরের অভ্যন্তরে অবস্থিত। এর ফলে $\angle AOC$ এবং $\angle COB$ এই দুইটি কোণ উৎপূন্ন হলো। কোণ দুইটির পরিমাপের যোগফল $\angle AOB$ এর পরিমাপের সমান, অর্থাৎ 1 সমকোণ। $\angle AOC$ এবং $\angle COB$ পরস্পর পুরক কোণ।

■ সম্পুরক কোণ: দুইটি কোণের পরিমাপের যোগফল 2 সমকোণ হলে কোণ দুইটি পরস্পর সম্পুরক কোণ।



AB একটি সরলরেখার O অন্তঃস্থ একটি বিন্দু। OC একটি রিশ্মি যা OA রিশ্মি ও OB রিশা থেকে ভিন্ন। এর ফলে $\angle AOC$ এবং $\angle COB$ এই দুইটি কোণ উৎপন্ন হলো। কোণ দুইটির পরিমাপের যোগফল $\angle AOB$ কোণের পরিমাপের সমান, অর্থাৎ 2

- সমকোণ, কেননা ∠AOB একটি সরলকোণ। ∠AOC এবং ∠COB পরস্পর সম্পূরক কোণ।
- বিপ্রতীপ কোণ: কোনো কোণের বাহুদ্বয়ের বিপরীত রশািদ্বয় যে কোণ তৈরি করে তা ঐ কোণের বিপ্রতীপ কোণ।



চিত্রে OA ও OB পরস্পর বিপরীত রশ্মি। আবার, OC ও OD পরস্পর বিপরীত রশ্মি।

- ∴ ∠BOD ও ∠AOC পরস্পর বিপ্রতীপ কোণ। আবার ∠BOC ও ∠DOA একটি অপরটির বিপ্রতীপ কোণ। দুইটি সরলরেখা কোনো বিন্দুতে পরস্পরকে ছেদ করলে, ছেদ বিন্দুতে দুই জোড়া বিপ্রতীপ কোণ উৎপন্ন হয়।
- সমান্তরাল সরলরেখা : একই সমতলে অবস্থিত দুইটি সরলরেখার সমান্তরালতা নিচে বর্ণিত তিনভাবে সংজ্ঞায়িত করা যায় :
 - ক. সরলরেখা দুইটি কখনও পরস্পরকে ছেদ করে না (দুই দিকে অসীম পর্যন্ত বর্ধিত করা হলেও)।
 - খ. একটি সরলরেখার প্রতিটি বিন্দু অপরটি থেকে সমান ক্ষ্দ্রতম দূরত্বে অবস্থান করে।
 - গ. সরলরেখা দুইটিকে অপর একটি সরলরেখা ছেদ করলে যদি একান্তর কোণ বা অনুর প কোণগুলো সমান হয়।

সংজ্ঞা (ক) অনুসারে একই সমতলে অবস্থিত দুইটি সরলরেখা একে অপরকে ছেদ না করলে সেগুলো সমান্তরাল। দুইটি সমান্তরাল সরলরেখা থেকে যেকোনো দুইটি রেখাংশ নিলে, রেখাংশ দুইটিও পরস্পর সমান্তরাল হয়।

সংজ্ঞা (খ) অনুসারে দুইটি সমান্তরাল সরলরেখার একটির যেকোনো বিন্দু থেকে অপরটির লন্দ্র–দূরত্ব সর্বদা সমান। লন্দ্র-দূরত্ব বলতে তাদের একটির যেকোনো বিন্দু হতে অপরটির উপর অজ্ঞিত লন্দ্বের দৈর্ঘ্যকেই বোঝায়। আবার বিপরীতভাবে, দুইটি সরলরেখার একটির যেকোনো দুইটি বিন্দু থেকে অপরটির লন্দ্র-দূরত্ব পরস্পর সমান হলেও রেখাদ্বয় সমান্তরাল। এই লন্দ্র-দূরত্বকে দুইটি সমান্তরাল রেখাদ্বয়ের দূরত্ব বলা হয়।

সংজ্ঞা (গ) ইউক্লিডের পঞ্চম স্বীকার্যের সমতুল্য। জ্যামিতিক প্রমাণ ও অজ্জনের জন্য এ সংজ্ঞাটি অধিকতর উপযোগী।

লবকরি, কোনো নির্দিষ্ট সরলরেখার উপর অবস্থিত নয় এরু প বিন্দুর মধ্য দিয়ে ঐ সরলরেখার সমান্তরাল করে একটি মাত্র সরলরেখা আঁকা যায়।



অনুশালনার প্রশ্ন ও সমাধান

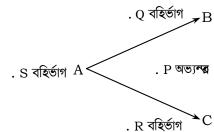


প্রশ্ন ॥ ১ ॥ কোণের অভ্যন্তর ও বহির্ভাগের সংজ্ঞা দাও।

সমাধান : কোণের অভ্যন্তর : যেকোনো একটি কোণ, যেমন, ∠BAC

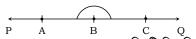
এর অভ্যন্তর হলো \overrightarrow{AB} এর C পার্শ্বে এবং \overrightarrow{AC} এর B পার্শ্বে অবস্থিত সমতলের সকল বিন্দুর সেট।

কোণের বহির্ভাগ: কোণটির অভ্যন্তরে অথবা কোনো বাহুতে অবস্থিত নয়, সমতলস্থ এমন সকল বিন্দুর সেটকে তার বহির্ভাগ বলা হয়। চিত্রে, P বিন্দু ∠BAC এর অভ্যন্তরে এবং Q, S ও R বিন্দু তার বহির্ভাগে অবস্থিত।



প্রশ্ন ॥ ২ ॥ যদি একই সরলরেখাস্থ তিনটি ভিন্ন বিন্দু হয়, তবে চিত্রের উৎপ্_ন কোণগুলোর নামকরণ কর।

সমাধান:



চিত্রে, PQ সরলরেখাস্থ A, B ও C তিনটি ভিন্ন বিন্দু। আমরা জানি, দুইটি পরস্পর বিপরীত রশ্মি তাদের সাধারণ প্রান্তবিন্দুতে সরলকোণ তৈরি করে।

চিত্রে, AQ রশাির প্রান্টবিন্দু A থেকে AQ এর বিপরীত দিকে AP রশাি । AP ও AQ রশাি্রয় তাদের সাধারণ প্রান্টবিন্দু A তে $\angle PAQ$ উৎপন্ন করে । $\angle PAQ$ এক সরলকোণ । অনুরূ পভাবে, B ও C বিন্দুতে $\angle PBQ$ এবং $\angle PCQ$ উৎপন্ন করে । এরা প্রত্যেকে এক সরলকোণ ।

প্রশ্ন ॥ ৩ ॥ সন্নিহিত কোণের সংজ্ঞা দাও এবং এর বাহুগুলো চিহ্নিত কর।
সমাধান : যদি সমতলে দুইটি কোণের একই শীর্ষবিন্দু হয় ও তাদের
একটি সাধারণ রশ্মি থাকে এবং কোণদ্বয় সাধারণ রশ্মির বিপরীত পাশে
অবস্থান করে, তবে ঐ কোণদ্বয়কে সন্নিহিত কোণ বলে।

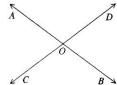


চিত্রে, A বিন্দুটি ∠BAC ও ∠CAD এর শীর্ষবিন্দু।

A বিন্দু ∠BAC ও ∠CAD উৎপন্নকারী রশািগুলাের মধ্যে AC সাধারণ রশাি। কােণ দুইটি সাধারণ রশাি AC এর বিপরীত পাশে অবস্থিত। ∠BAC এবং ∠CAD পরস্পর সন্নিহিত কােণ।

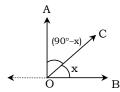
প্রশ্ন ॥ ৪ ॥ চিত্রসহ সংজ্ঞা দাও : বিপ্রতীপ কোণ, পূরক কোণ, সম্পূরক কোণ, সমকোণ, সৃক্ষকোণ এবং স্থূলকোণ।

সমাধান : বিপ্রতীপ কোণ : কোনো কোণের বাহুদ্বয়ের বিপরীত রশ্মিদ্বয় যে কোণ তৈরি করে তা ঐ কোণের বিপ্রতীপ কোণ।

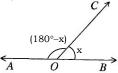


চিত্রে, OA ও OB পরস্পর বিপরীত রশ্মি। আবার, OC ও OD পরস্পর বিপরীত রশ্মি। ∠BOD ও ∠AOC পরস্পর বিপ্রতীপ কোণ। আবার ∠BOC ও ∠DOA একটি অপরটির বিপ্রতীপ কোণ। দুইটি সরলরেখা কোনো বিন্দুতে পরস্পরকে ছেদ করলে, ছেদ বিন্দুতে দুই জোড়া বিপ্রতীপ কোণ উৎপন্ন হয়।

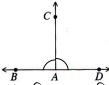
পুরক কোণ: দুইটি কোণের পরিমাপের যোগফল 1 সমকোণ হলে কোণ দুইটির একটি অপরটির পূরক কোণ।



চিত্রে, $\angle AOB$ একটি সমকোণ। OC রশ্মি কোণটির বাহুদ্বয়ের অভ্যুন্তরে অবস্থিত। এর ফলে $\angle AOC$ এবং $\angle COB$ এই দুইটি কোণ উৎপন্ন হলো। কোণ দুইটির পরিমাপের যোগফল $\angle AOB$ এর পরিমাপের সমান, অর্থাৎ 1 সমকোণ। $\angle AOC$ এবং $\angle COB$ পরস্পর পূরণ কোণ। সম্পূরক কোণ: দুইটি কোণের পরিমাপের যোগফল 2 সমকোণ হলে কোণ দুইটি পরস্পর সম্পূরক কোণ।

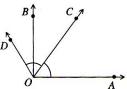


AB একটি সরলরেখার O অশতঃস্থ একটি বিন্দু। OC একটি রশ্মি যা OA রশ্মি ও OB রশ্মি থেকে ভিন্ন। এর ফলে ∠AOC এবং ∠COB এই দুইটি কোণ উৎপন্ন হলো। কোণ দুইটির পরিমাপের যোগফল ∠AOB কোণের পরিমাপের সমান, অর্থাৎ 2 সমকোণ, কেননা ∠AOB একটি সরলকোণ। ∠AOC এবং ∠COB পরস্পর সম্পূরক কোণ। সমকোণ: একটি সরলকোণের সমদ্বিখন্ডককে লম্ব এবং সংশির্বই সন্নিহিত কোণের প্রত্যেকটিকে সমকোণ বলে।



চিত্রে, ∠BAD সরলকোণ A বিন্দুতে AC রশ্মি দ্বারা উৎপন্ন ∠BAC ও ∠CAD সন্নিহিত কোণ দুইটির প্রত্যেকে সমকোণ এবং BD ও AC বাহুদ্বয় পরস্পরের উপর লম্ব।

সৃক্ষকোণ ও স্থৃলকোণ: এক সমকোণ থেকে ছোট কোণকে সৃক্ষকোণ এবং এক সমকোণ থেকে বড় কিম্তু দুই সমকোণ থেকে ছোট কোণকে স্থৃলকোণ বলা হয়।

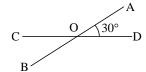


চিত্রে ∠AOC সৃক্ষকোণ এবং ∠AOD স্থূলকোণ। এখানে ∠AOB এক সমকোণ।



গুরুত্বপূর্ণ বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

- 20° কোণের সম্পুরক কোণের অর্ধেক কত?
 - **⊚** 35° **⊙**
- **3** 70°
- 80°
- **ସ** 160°
- ২. সুক্ষকোণের পুরক কোণ কোনটি?
 - ক সরলকোণ
- অ স্থূলকোণ
- প্রসমকোণ
- সৃক্ষাকোণ
- ৩. সমকোণী ত্রিভুজের সৃক্ষকোণের যোগফল কত?
- ⓐ 45° ⓐ 80° 90° ⑤ 180°
 8.



উপরের চিত্রে ∠AOC + ∠BOD = কত ডিগ্রি?

- 300° **②** 250°
- ৫. নিচের চিত্রের ∠BOC এর সন্নিহিত কোণ কোনটি?

g i, ii g iii

(সহজ)

(সহজ)

(মধ্যম)

g i, ii g iii

🗑 i, ii 🧐 iii

● i, ii ଓ iii

ত্ব রশ্মি

• 180°

ত্ব কোণ

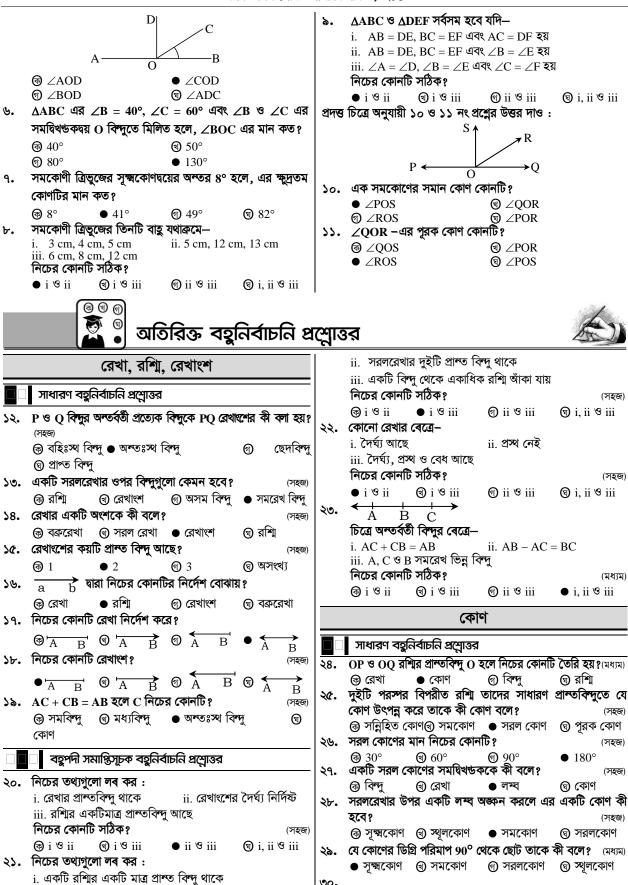
ত্ত্ব সরলকোণ

ত্ব পূরক কোণ

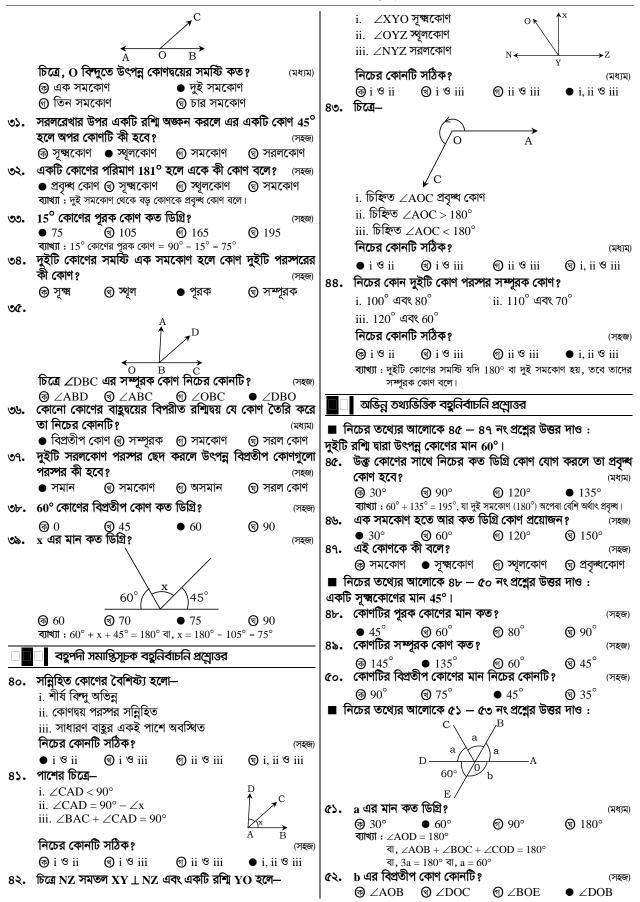
(সহজ)

(সহজ)

(সহজ)



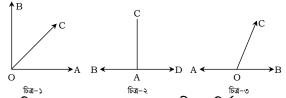
90.



ে. প্রবৃদ্ধ ∠AOE এর মান কত ডিগ্রি? ⊕ 150° **180°** ● 240° **3** 270°

ব্যাখ্যা : ∠AOE = a + a + a + 60° = 3a + 60° = 3·60 + 60 $=4\times60^\circ=240^\circ$

■ নিচের তথ্যের আলোকে ৫৪ – ৫৮ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

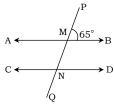


- চিত্র–১ এ ∠AOC ও ∠BOC পরস্পর কী কোণ নির্দেশ করে? সেহজ ๑ সমকোণ ● পূরক কোণ ৩ সম্পূরক কোণ ৩ স্থূল কোণ
- ৫৫. চিত্র–২ এর বেত্রে নিচের কোনটি সঠিক?
 - \bullet \angle BAC = \angle DAC ① ∠BAC ≠ ∠DAC
- ৫৬. চিত্র–২ নির্দেশিত কোণ দুটি শনাক্ত কর? ๑ পূরক কোণ ৩ স্থূল কোণ ৩ সৃক্ষকোণ ● সমকোণ
- ৫৭. চিত্র−৩ ঘারা নির্দেশিত ∠AOC ও ∠BOC পরস্পর কী কোণ নির্দেশ করে?
- ক সমকোণ ৩ সরল কোণ সম্পুরক ৫৮. চিত্র–১ এর বেত্রে নিচের কোনটি সঠিক?
 - $\angle AOC + \angle BOC = 90^{\circ}$ ② $\angle AOC = \angle BOC$
 - \bigcirc ∠AOC + ∠BOC = 180° \bigcirc ∠AOB > 90°

৬-৪ : সমান্তরাল সরলরেখা

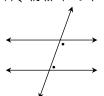
সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

%



চিত্রে AB||CD এবং PO তাদের ছেদক, তাহলে ∠CNM = কত? স্বাহ্য । ৬৫. একই সমতলে অবস্থিত দুইটি সমান্তরাল সরলরেখা— (105°) 110° • 115°

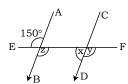
চিত্রের ছেদকের একই পাশের অন্তঃস্থ



কোণদয়ের যোগফল কত ডিগ্রি?

(কঠিন) (120°) **⊚** 90° **旬** 60° ব্যাখ্যা : দুইটি সমাশ্তরাল সরলরেখার একটি ছেদক দারা উৎপন্ন ছেদকের একই পাশের অন্তঃস্থ কোণদ্বয়ের সমষ্টি 180°।

৬১.

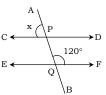


চিত্রে AB || CD হলে $\angle x =$ কত? (মধ্যম) ₱ 150° • 30°

ব্যাখ্যা : ∠z = 150° (বিপ্রতীপ বলে)

 $\angle y = \angle z = 150^{\circ} \therefore \angle x + \angle y = 180^{\circ}$ **11.** $∠x + 150^{\circ} = 180^{\circ}$ ∴ $∠x = 180^{\circ} - 150^{\circ} = 30^{\circ}$

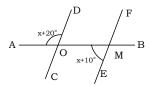
৬২.



হলে, x এর মান কত ডিগ্রি?

⊚ 30° ● 60° 1 65° **(19**0° ব্যাখ্যা : $\angle x = \angle AQE$ (অনুরূ প কোণ) $\angle AQE = 180^{\circ} - 120^{\circ} = 60^{\circ} : x = 60^{\circ}$

(মধ্যম)

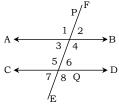


চিত্রে CD || EF এবং AB তাদের ছেদক হলে ∠DOM = কত? (মধ্যম) • 85° @ 78° **๗** 77° 旬 76°

বহুপদী সমাপ্তিসূচক বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

৬৪.

(মধ্যম)



i. $\angle 1$ এবং $\angle 5$, $\angle 2$ এবং $\angle 6$ পরস্পর অনুরূ প কোণ

ii. ∠3 এবং ∠6, ∠4 এবং ∠5 পরস্পর একাশ্তর কোণ

iii. ∠1, ∠4, ∠6 অন্তঃস্থ কোণ

নিচের কোনটি সঠিক? o i v ii iii & i 🕞 1ii V iii

(মধ্যম) g i, ii g iii

- - i. পরস্পরকে ছেদ করে না
 - ii. এর ছেদ রেখা দারা উৎপন্ন একাশ্তর ও অনুরূ প কোণগুলো
 - iii. এর প্রতিটি বিন্দু অপরটি থেকে সমান ক্ষুদ্রতম দূরত্বে অবস্থিত নিচের কোনটি সঠিক? (কঠিন)
 - ⊕ i ଓ ii iii & i 🕲 gii g iii
- ৬৬. দুইটি সমান্তরাল রেখার ছেদক দারা উৎপন্ন i. একান্তর ও অনুরূ প কোণগুলো সমান
 - ii. ছেদকের একই পাশের অন্তঃস্থ কোণ দুইটি সম্পূরক
 - iii. ছেদকের একই পাশের অন্তঃস্থ কোণদ্বয় সমান

নিচের কোনটি সঠিক?

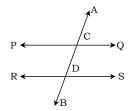
(মধ্যম) 🗑 i, ii 😉 iii

● i, ii ଓ iii

● i ଓ ii (1) i (3) iii 11 to iii

অভিনু তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

■ নিচের তথ্যের আলোকে ৬৭ — ৬৯ নং প্রশ্নের উত্তর দাও : চিত্রে $\mathbf{PQ} \parallel \mathbf{RS}$ এবং \mathbf{AB} তাদের ছেদক। \mathbf{C} ও \mathbf{D} বিন্দুষয় \mathbf{PQ} ও \mathbf{RS} রেখার উপর অবস্থিত।



৬৭. নিচের কোন জোড়া ছেদকের একই পাশের অন্তঃস্থ কোণ? (কঠিন) ⊕ ∠CDR, ∠CDS ৩ ∠QCD, ∠RDS



বিভিন্ন স্কুলের নির্বাচিত বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর



৭০. 45° কোণের বিপ্রতীপ কোণ কত?

⑤ 0° **○** 45° **○ ⑥** 90° **○ ⑤** 180°

৭১. $\angle A = x^\circ$ এবং $\angle B$ হলো $\angle A$ এর পূরক কোণ । $\angle B = ?$ ্বি y° বি $90^\circ + x^\circ$ \bigcirc 90 $^\circ - x^\circ$

৭২. পরস্পরচ্ছেদী দুটি সরলরেখা ছেদবিন্দুতে যে চারটি কোণ উৎপন্ন করে তাদের ডিগ্রি পরিমাপের সমষ্টি কত?

● 360° **③** 180°

0° **1** 90°

② 0°

(ब) 90°

৭৩. A B চিত্ৰে AB কে কী বলে?

চিত্রে AB কে কী বলে :

(ক) AB সরল রেখা

AB রেখাংশ

৭৫. চিত্রে ∠AOC কে কী কোণ বলা হয়?



৭৬. সম্পূরক কোণের একটির পরিমাপ 120° হলে অপরটি কত?

⊕ 40°
 ⊕ 50°
 ● 60°
 • বেখিক যুগল কোণের পরিমাণ কত?

⊕ 100°
 ● 180°
 ⊕ 120°
 ⊕ 130°

৭৮. নিচের কোন দুইটি রেখা পরস্পর ছেদ করে না?

সমান্তরাল সরলরেখা
 ব্য বক্ররেখা
 ব্য বিপ্রতীপ কোণ

৭৯. রম্বসের কর্ণদয় পরস্পর O বিন্দুতে ছেদ করেছে। কর্ণদয়ের অন্তর্ভুক্ত কোণ—

⊕ সৃক্ষাকোণ ৩ স্থূলকোণ ৩ সরলকোণ ● সমকোণ

৮০. $\angle A$ ও $\angle B$ পরস্পর পূরক এবং $\angle A = \angle B$ হলে $\angle B = ?$ \$\overline{3}\$ 60° \$\overline{9}\$ 90° \$\overline{45}\$° \$\overline{3}\$ 30°

৮১. $180^{\circ} - x^{\circ}$ কোণের সম্পূরক কোণ কত ডিগ্রি?

৮২. 15° এর পুরক কোণ কোনটি?

৮৩.

A

চিত্রে ∠BOC এর সন্নিহিত কোণ কয়টি থাকতে পারে?

ⓐ 1টি ● 2টি ﴿ 3টি ﴿ 4টি

৮৪. দুই সমকোণ থেকে বড় কিম্তু চার সমকোণ থেকে ছোট কোণকে কী কোণ বলে?

ক্ত সৃক্ষকোণ

অপ্লকোণ

অপ্লকোণ

৮৫. 60° কোণের সম্পূরক কোণ কত ?

③ 30° **④** 60° **⑨** 90° ■ 120°

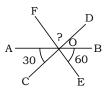
৮৭. 50° কোণের পুরক কোণ কত?

৮৮. 50° কোণের প্রবৃদ্ধ কোণ কত?

③ 40° **③** 130° **●** 310° **⑤** 180°

৮৯.

৯১.



চিত্ৰে DOF = কত?

উপরের চিত্র অনুযায়ী ∠EFD এর মান নিচের কোনটি?

সমান্তরাল সরলরেখা
 অনুরূপ কোণ

বক্ররেখাবিপ্রতীপ কোণ

ভ মেশা স্থা মেশালো প্রামা ৯৪. একই সমতলে অবস্থিত দুইটি সমান্তরাল সরলরেখা—

i. পরস্পরকে ছেদ করে না

ii. এর প্রতিটি বিন্দু অপরটি থেকে সমান ক্ষুদ্রতম দূরত্বে অবস্থিত

 এর ছেদরেখা দারা উৎপন্ন একান্তর ও অনুর্ প কোণগুলো সমান

নিচের কোনটি সঠিক?

(a) i (3 ii) (a) i (3 iii) (b) ii (4 iii) (b) i, ii (5 iii) (b) iii (b) iii (c) iii (

৯৫. দুইটি সরলরেখা অপর একটি সরলরেখাকে ছেদ করলে—

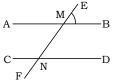
i. একান্তর কোণ সমান ii. অনুরূ প কোণ সমান

iii. ছেদকের একই পাশের অন্তঃস্থ কোণদ্বয়ের সমিট এক সমকোণ নিচের কোনটি সঠিক? • i ७ ii g i, ii g iii ♠ i 1i 🔞 ৯৬. i. $\angle ABD = 90^{\circ}$ ii. $\angle ABD = 90^{\circ} - \angle x$ iii. $\angle ABC - \angle ABD = \angle x$ নিচের কোনটি সঠিক? ரு i ஒ ii iii & i iii ٷ iii ● g i, ii g iii ৯৭. 30° i. $\angle AOB + \angle DOE = 95^{\circ}$ ii. $\angle BOC + \angle COD = 90^{\circ}$ iii. $\angle BOC + \angle DOE = 125^{\circ}$ নিচের কোনটি সঠিক? ai v i ● i ଓ iii 1ii Viii g i, ii g iii ab.

125 55 **(a)** 35 ১০১. সৃক্ষ কোণটির সন্নিহিত কোণের মান কত ডিগ্রী হবে যখন এরা এক সমকোণ হবে? **⊕** 30 **45** 55 ■ নিচের চিত্রের আলোকে ১০২ ও ১০৩ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

চিত্রে PQ || RS এবং AB তাদের ছেদক। C ও D বিন্দু্র PQ ও RS রেখার উপর অবস্থিত।

- ১০২. নিচের কোন জোড়া ছেদকের একই পাশের অন্তঃস্থ কোণ?
- ⟨OCD, ∠RDS ③ ∠SDC, ∠PCD
- ∠DCQ, ∠CDS ১০৩. অনুরূ প কোণ নিচের কোন জোড়া?
 - ∠ACQ, ∠SDC
- ⑦ ∠PCD, ∠QCD
- **③** ∠ACQ, ∠PCD
- নিচের চিত্রের আলোকে ১০৪—১০৬ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :



১০৪. \angle AMN = 50° হলে \angle MND = কত?

130° • 50°

എ 40°

旬 120°

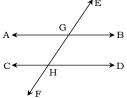
১০৫. $\angle EMB = 50^{\circ}$ বলে $\angle BMN = \overline{\Phi}$?

雨 50° **③** 60° ● 130° 📵 কোনোটিই নয়

১০৬. দুইটি রশ্মি দারা উৎপন্ন কোণের মান 60° এর সাথে কত ডিগ্রি যোগ করলে তা প্রবৃদ্ধ কোণ হবে?

⊕ 90° **120°**

100° • 135° ■ নিচের চিত্রের আলোকে ১০৭ ও ১০৮ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :



১০৭. ∠AGH + ∠CHG = কড?

⊚ 60°

(4) 90°

എ 150°

● 180°

১০৮. ∠CHF = 60° হলে ∠BGE এর মান কত?

• 60°

3 90°

120°

3 180°



চিত্রে AB || CD; PO ওদের ছেদক হলে–

• i ७ iii

৯৯. নিচের কোন দুইটি কোণ পরস্পর সম্পূরক কোণ?

iii 🕑 iii

■ নিচের তথ্যের আলোকে ১০০ ও ১০১ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

i. $\angle AEF = \angle DFE$

iii. ∠BEP = ∠CFQ নিচের কোনটি সঠিক?

i. 120° এবং 60°

iii. 100° এবং 80°

নিচের কোনটি সঠিক?

একটি সৃক্ষকোণের মান 35°। ১০০. কোণটির পুরক কোণের মান কত ডিগ্রি?

o i v i

অতিরিক্ত সৃজনশীল প্রশু ও সমাধান

g i, ii g iii

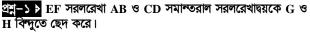
● i, ii ଓ iii

ii. $\angle BEF = \angle DFE = 180^{\circ}$

60 ii v iii

1ii 🔞

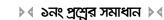
ii. 110° এবং 70°



- ক. উপরিউক্ত তথ্যগুলোকে সংবিশ্ত বিবরণসহ চিত্রের মাধ্যমে উপস্থাপন কর এবং একান্তর ও অনুরূ প কোণদ্বয়ের নাম
- খ. প্রমাণ কর যে, একান্তর ও অনুরূ প কোণদ্বয় পরস্পর সমান। ৪
- গ. প্রমাণ কর যে, একান্তর কোণদ্বয়ের সমদ্বিখন্ডকদ্বয়

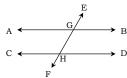






ক. প্রদত্ত তথ্যের আলোকে নিচে চিত্রটি অজ্জন করা হলো:

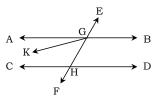




চিত্রে, EF সরলরেখা AB ও CD সমান্তরাল সরলরেখাদয়কে G ও H বিন্দুতে ছেদ করে।

∴ ∠EGB = ∠GHD [অনুরূ প কোণ]
 ∠AGH = ∠GHD [একান্তর কোণ]

খ.



মনে করি, EF সরলরেখা AB ও CD সমান্তরাল সরলরেখাদ্বয়কে G ও H বিন্দুতে ছেদ করে। প্রমাণ করতে হবে যে,

- (i) ∠AGH = একাশ্তর ∠GHD
- (ii) ∠EGB = অনুরূ প ∠GHD

প্রমাণ : (i) যদি ∠AGH, ∠GHD এর সমান না হয়, তবে মনে করি, ∠KGH = ∠GHD এর একান্তর কোণ বিধায় KG এবং CD সমান্তরাল।

কিন্তু AB এবং CD অথবা AG এবং CD সমান্তরাল বলে স্বীকার করে নেয়া হয়েছে।

AG এবং KG পরস্পরকে ছেদ করা সত্ত্বেও প্রত্যেকেই CD এর সমাশ্তরাল।

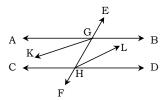
সুতরাং, ∠AGH এবং ∠EHD অসমান নয়। [পেরফেয়ারের স্বীকার্য] অর্থাৎ, ∠AGH = ∠EHD (প্রমাণিত)

(ii) ∠EGB = বিপ্রতীপ ∠AGH

এবং ∠AGH = একাশ্তর ∠EHD

∴ ∠EGB = ∠EHD (প্রমাণিত)

গ.



মনে করি, EF সরলরেখা AB ও CD সমান্তরাল সরলরেখাদয়কে G ও H বিন্দুতে ছেদ করে। সুতরাং \angle AGH এবং \angle EHD একান্তর কোণ। KG, \angle AGH এবং HL, \angle EHD এর সমিদিখন্ডক। প্রমাণ করতে হবে যে, KG \parallel HL.

প্রমাণ :

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

(১) KG, ∠AGH এর সমদ্বিখণ্ডক।

$$\therefore \angle KGH = \frac{1}{2} \angle AGH$$

(২) আবার, HL, ∠GHD এর সমদ্বিখণ্ডক।

$$\therefore \angle GHL = \frac{1}{2} \angle GHD$$

(৩) বেহেতু, ∠AGH = ∠GHD

[একান্তর কোণ]

বা,
$$\frac{1}{2}$$
 \angle AGH = $\frac{1}{2}$ \angle GHD

 $\therefore \angle KGH = \angle GHL$

[একান্তর কোণ]

∴ KG || HL (প্রমাণিত)

প্রশ্ল–২▶ AB || CD, PQ ছেদক। PQ রেখা AB ও CD কে যথাক্রমে E ও F কিদুতে ছেদ করেছে।

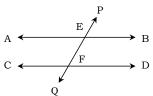


ক. বর্ণনানুযায়ী চিত্রটি আঁক এবং একান্তর কোণ ও অনুরূ প কোণ লেখ। ২
খ. দেখাও যে, ∠AEF = ∠EFD এবং ∠PEB = ∠EFD ৪

গ. ∠BEF ও ∠DFE এর সমদ্বিখন্ডকদ্বয় G বিন্দুতে ছেদ করলে প্রমাণ কর যে, ∠EGF = এক সমকোণ। 8

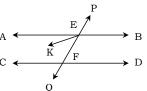
🕨 🕯 ২নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

ক.



অনুরূ প কোণগুলো হলো ∠PEB ও ∠EFD এবং একাম্তর কোণগুলো হলো ∠AEF ও ∠EFD

খ.



মনে করি, PQ সরলরেখা AB ও CD সমান্তরাল রেখাদ্বয়কে E ও F বিন্দুতে ছেদ করে। প্রমাণ করতে হবে যে,

∠AEF = ∠EFD এবং ∠PEB = ∠EFD

প্রমাণ :

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

(১) যদি ∠AEF, ∠EFD এর সমান না হয় তবে মনে করি, ∠KEF = ∠EFD, এরা একান্তর কোণ বিধায় KE ও CD সমান্তরাল।

> কিন্তু AB এবং CD অথবা AE এবং CD সমান্তরাল বলে স্বীকার করে নেওয়া হয়েছে।

> AE ও KE পরস্পরকে ছেদ করা স**ত্ত্বে**ও প্রত্যেকেই CD–এর সমান্তরাল, যা সত্য নয়। সুতরাং ∠AEF ও ∠EFD অসমান নয়। অর্থাৎ ∠AEF = ∠EFD∙

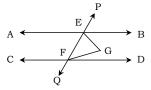
আবার, ∠BEP = ∠AEF

[বিপ্রতীপ]

যথাৰ্থতা

সুতরাং, ∠PEB = ∠EFD (প্রমাণিত)

গ. ∠BEF ও ∠DFE এর সমিছখিওকিদ্বয় G বিন্দুতে ছেদ করেছে। প্রমাণ করতে হবে যে, ∠EGF = এক সমকোণ।



প্রমাণ : ধাপসমূহ

(১) ∆EGF এ ∠EGF + ∠FEG + ∠EFG = দুই সমকোণ। [ত্রিভুজের তিন কোণের সমষ্টি দুই সমকোণ]

বা,
$$\angle EGF + \frac{1}{2} \angle BEF + \frac{1}{2} \angle EFD$$
= দুই সমকোণ।

= দুই সমকোণ।

 \triangleleft \triangle EGF + $\frac{1}{2}$ (EFC + EFD)

= দুই সমকোণ। ∠EFC]

[∵ ∠BEF = একা**ন্ত**র

বা, $\angle EGF + \frac{1}{2} \times এক সরলকোণ$

= দুই সমকোণ।

বা, $\angle EGF + \frac{1}{2} \times 2$ সমকোণ = দুই সমকোণ।

বা, ∠EGF + এক সমকোণ = দুই সমকোণ [এক সরলকোণ = দুই সমকোণ]

∴ ∠EGF = এক সমকোণ (**প্রমাণিত**)

প্রমু–৩ > EF সরলরেখা AB ও CD উভয় সরলরেখার সমান্তরাল এবং <u>GH</u> তাদের ছেদক।



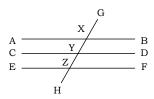
ক. উপরিউক্ত তথ্যগুলোকে চিত্রের মাধ্যমে উপস্থাপন কর এবং এর সংবিশ্ত বিবরণ দাও।

প্রমাণ কর যে, AB ও CD রেখা পরস্পর সমান্তরাল।

প্রমাণ কর যে, দুই বা ততোধিক সরলরেখার প্রত্যেকে একটি সরলরেখার উপর লম্ব হলে তারা পরস্পর সমান্তরাল।

🕨 ৩নং প্রশ্রের সমাধান 🕨

ক.



AB, CD ও EF পরস্পর সমান্তরাল সরলরেখা। GH তাদের ছেদক। এটি AB, CD ও EF কে যথাক্রমে X, Y ও Z কিদুতে

খ. EF সরলরেখা AB ও CD উভয় সরলরেখার সমান্তরাল। প্রমাণ করতে হবে যে, AB ও CD পরস্পর সমান্তরাল। প্রমাণ:

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

(১) AB ও EF পরস্পর সমান্তরাল এবং GH এদের ছেদক।

∴ ∠AXH = ∠GZF·

[একান্তর]

(২) আবার, CD ও EF পরস্পর সমান্তরাল এবং GH এদের ছেদক।

 $\therefore \angle GYD = \angle GZF \cdot$

[অনুরূ প]

সুতরাং, $\angle AXH = \angle GYD$

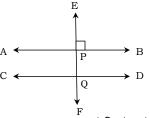
[কারণ, প্রত্যেকে

∠GZF এর সমান]

(৩) কিম্তু এরা AB ও CD সরলরেখা দুইটির মধ্যে একান্তর কোণ।

∴ AB ও CD সরলরেখা পরস্পর সমান্তরাল। (প্রমাণিত)

গ.



মনে করি, AB ও CD সরলরেখা দুইটির উভয়ই EF রেখার উপর লম্ব। প্রমাণ করতে হবে যে, AB || CD

প্রমাণ:

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

(১) ধরি, EF রেখা AB ও CD কে P ও Q বিন্দুতে ছেদ করে।

(২) এখন, AB সরলরেখা EF এর উপর লম্ব।

 $\therefore \angle EPB = 90^{\circ}$

[সমকোণ]

(৩) আবার, CD সরলরেখা EF এর উপর লম্ব।

 \therefore \angle EQD = 90°

[সমকোণ]

বা, ∠PQD = 90°

. ∠EPB = ∠PQD

কিন্তু এরা পরস্পর অনুরূ প কোণ এবং এদের মান সমান

∴ AB || CD (প্রমাণিত)



সৃজনশীল প্রশ্নব্যাংক উত্তরসহ



প্রমৃ−৪ > ΔABC এর BC বাহুকে D পর্যন্ত বর্ধিত করা হলো। ফলে $\overline{igs \angle{ ext{ACD}}}$ উৎপন্ন হলো। $ext{C}$ বিন্দু দিয়ে $ext{CE} \parallel ext{BA}$ আঁকা হলো।

- ক**.** ওপরের তথ্যের আলোকে চিত্রটি আঁক।
- খ. প্রমাণ কর যে, $\angle A + \angle B + \angle C =$ দুই সমকোণ।
- গ. যদি BC ত্রিভুজটির বৃহত্তর বাহু হয়, তাহলে, প্রমাণ কর যে, AB

থমু−৫ > ΔABC এর BC বাহুকে D পর্যন্ত বর্ধিত করা হলো এবং C বিন্দু দিয়ে BA || CE আঁকা হলো।

- ক. উপরের তথ্যের আলোকে চিত্রটি আঁক।
- খ. দেখাও যে, ∠ACD > ∠ABC.

∠ABC + ∠BAC + ∠ACB = 180° প্রমাণ কর।

প্রমু−৬ > ΔABC-এ AB > AC এবং ∠A এর সমদ্বিখণ্ডক AD, BC বাহুকে D বিন্দুতে ছেদ করেছে।

ক. প্রদ**ত্ত** তথ্য অনুযায়ী চিত্রটি আঁক।

- খ. প্রমাণ কর যে, ∠ADB স্থূলকোণ।
- গ. D, ΔABC এর অভ্যন্তরে একটি বিন্দু হলে, দেখাও যে, AB + AC > BD + DC.



8

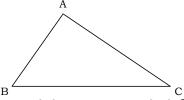


পাঠ সম্পর্কিত গুরুত্বপূর্ণ বিষয়াদি



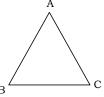
■ ত্রিভুজ

তিনটি রেখাংশ দারা আবন্ধ চিত্র একটি ব্রিভুজ। ব্রিভুজের বাহুগুলো দারা সীমাবন্ধবেত্রকে ব্রিভুজবেত্র বলে। রেখাংশগুলোকে ব্রিভুজের বাহু বলে। যেকোনো দুইটি বাহুর সাধারণ বিন্দুকে শীর্ষবিন্দু বলা হয়। ব্রিভুজের যেকোনো দুইটি বাহু শীর্ষবিন্দুতে কোণ উৎপন্ন করে। ব্রিভুজের তিনটি বাহু ও তিনটি কোণ রয়েছে। ব্রিভুজের বাহু তিনটির দৈর্ঘ্যের সমষ্টিকে পরিসীমা বলে।



চিত্রে, ABC একটি ত্রিভুজ। A, B, C এর তিনটি শীর্ষবিন্দু। AB, BC, CA এর তিনটি বাহু এবং এর তিনটি কোণ ∠BAC, ∠ABC, ∠BCA। AB, BC, CA বাহুর পরিমাপের যোগফল ত্রিভুজটির পরিসীমা।

■ সমবাহু ত্রিভুজ: যে ত্রিভুজের তিনটি বাহু সমান তা সমবাহু ত্রিভুজ।



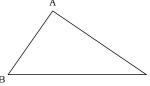
চিত্রে ABC ত্রিভুজের AB = BC = CA । Δ ABC একটি সমবাহু ত্রিভুজ।

■ সমিদবাহু ত্রিভুজ: যে ত্রিভুজের দুইটি বাহু সমান তা সমিদবাহু ত্রিভুজ।



চিত্রে, ABC ত্রিভুজের AB = AC \neq BC। যাদের কোনোটিই তৃতীয় বাহুর সমান নয়। Δ ABC একটি সমদিবাহু ত্রিভুজ।

■ বিষমবাহু ত্রিভূজ: যে ত্রিভূজের তিনটি বাহুই পরস্পর অসমান তা বিষমবাহু ত্রিভূজ।



চিত্রে, ABC ত্রিভুজের AB, BC, CA বাহুগুলোর দৈর্ঘ্য পরস্পর অসমান। Δ ABC একটি বিষমবাহু ত্রিভুজ।

■ সৃক্ষকোণী ত্রিভুজ : যে ত্রিভুজের প্রত্যেকটি কোণ সৃক্ষকোণ, তা
সক্ষকোণী ত্রিভুজ ।



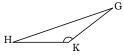
চিত্রে, ABC ব্রিভুজে ∠BAC, ∠ABC, ∠BCA কোণ তিনটি প্রত্যেকে সূক্ষকোণ। ∆ABC একটি সূক্ষকোণী ব্রিভুজ।

■ সমকোণী ত্রিভূজ: যে ত্রিভূজের একটি কোণ সমকোণ, তা সমকোণী ত্রিভূজ।



চিত্রে, DEF ব্রিভূজে ∠DFE সমকোণ, অপর কোণ দুইটি ∠DEF ও ∠EDF প্রত্যেকে সৃক্ষকোণ। ΔDEF একটি সমকোণী ব্রিভূজ।

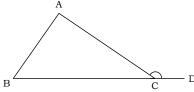
■ স্থূলকোণী ত্রিভুজ : যে ত্রিভুজের একটি কোণ স্থূলকোণ, তা স্থূলকোণী ত্রিভুজ।



চিত্রে GHK ত্রিভুজে ∠GKH একটি স্থূলকোণ, অপর কোণ দুইটি ∠GHK ও ∠HGK প্রত্যেকে সুক্ষকোণ। ∆GHK একটি স্থূলকোণী ত্রিভুজ।

ত্রিভুজের বহিঃস্থ ও অন্তঃস্থ কোণ

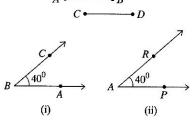
কোনো ত্রিভুজের একটি বাহু বর্ধিত করলে যে কোণ উৎপন্ন হয় তা ত্রিভুজটির একটি বহিঃস্থ কোণ। এই কোণের সন্নিহিত কোণটি ছাড়া ত্রিভুজের অপর দুইটি কোণকে এই বহিঃস্থ কোণের বিপরীত অন্তঃস্থ কোণ বলে।



চিত্রে, △ABC এর BC বাহুকে D পর্যন্ত বর্ধিত করা হয়েছে। ∠ACD ত্রিভুজটির একটি বহিঃস্থ কোণ। ∠ABC ও ∠BAC এর প্রত্যেককে ∠ACD এর বিপরীত অন্তঃস্থ কোণ বলা হয়।

■ বাহু ও কোণের সর্বসমতা :

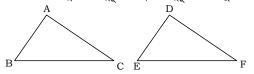
দুইটি রেখাংশের দৈর্ঘ্য সমান হলে রেখাংশ দুইটি সর্বসম। বিপরীতভাবে, দুইটি রেখাংশ সর্বসম হলে তাদের দৈর্ঘ্য সমান। দুইটি কোণের পরিমাপ সমান হলে কোণ দুইটি সর্বসম।



বিপরীতভাবে, দুইটি কোণ সর্বসম হলে তাদের পরিমাপও সমান।

■ ত্রিভুজের সর্বসমতা:

একটি ত্রিভূজকে অপর একটি ত্রিভূজের উপর স্থাপন করলে যদি ত্রিভূজ দুইটি সর্বতোভাবে মিলে যায়, তবে ত্রিভূজ দুইটি সর্বসম হয়। সর্বসম ত্রিভূজের অনুরূ প বাহু ও অনুরূ প কোণগুলো সমান।





অনুশীলনীর প্রশ্ন ও সমাধান



যথাৰ্থতা

প্রশ্ন 🏿 ১ 🖫 নিচে তিনটি বাহুর দৈর্ঘ্য দেওয়া হলো। কোন বেত্রে ত্রিভুজ অজ্জন সম্ভব?

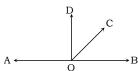
- ৫ সে.মি., ৬ সে.মি. ও ৭ সে.মি.
- খ. ৩ সে.মি., ৪ সে.মি. ও ৭ সে.মি.
- গ. ৫ সে.মি., ৭ সে.মি. ও ১৪ সে.মি.
- ঘ ২ সে.মি., ৪ সে.মি. ও ৮ সে.মি.

ব্যাখ্যা : ত্রিভুজের যেকোনো দুই বাহুর দৈর্ঘ্যের সমষ্টি তৃতীয় বাহু অপেৰা বৃহত্তর।

প্ৰশ্ন ॥ ২ ॥ নিচের তথ্যগুলো লৰ কর:

i. যে ত্রিভুজের তিনটি কোণ সমকোণ তাকে সমকোণী ত্রিভুজ বল ii. যে ত্রিভুজের তিনটি কোণ সৃক্ষকোণ তাকে সৃক্ষকোণী ত্রিভুজ বল iii. যে ত্রিভুজের তিনটি বাহু সমান তাকে সমবাহু ত্রিভুজ বলে নিচের কোনটি সঠিক?

ক. i ও ii খ. i ও iii ● ii ও iii ঘ· i, ii ও iii প্রদন্ত চিত্র অনুযায়ী ৩ ও ৪নং প্রশ্নের উত্তর দাও:



প্রশ্ন ॥ ৩ ॥ এক সমকোণের সমান কোণ কোনটি?

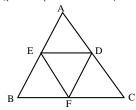
ক. ∠BOC খ. ∠BOD গ. ∠COD ঘ· ∠AOD [বি· দ্র- খ ও ঘ উভয়ই এক সমকোণের সমান]

প্রশ্ন 1 8 1 ∠BOC এর পূরক কোণ কোনটি?

ক• ∠AOC খ• ∠BOD ● ∠COD ঘ• ∠AOD বাখা : ∠BOC + ∠COD = 90°

প্রশ্ন ॥ ৫ ॥ প্রমাণ কর যে, সমবাহু ত্রিভুজের বাহুগুলোর মধ্যবিন্দুসমূহ যোগ করলে যে ত্রিভুজ উৎপন্ন হয়, তা সমবাহু হবে।

সমাধান : সাধারণ নির্বচন : সমবাহু ত্রিভুজের বাহুগুলোর মধ্যবিন্দুসমূহ যোগ করলে যে ত্রিভুজ উৎপন্ন হয়, তা সমবাহু হবে।



বিশেষ নির্বাচন : মনে করি, ABC একটি সমবাহু ত্রিভুজ যার তিন বাহু সমান। অর্থাৎ, $AB = BC = AC \mid F, D$ ও E যথাক্রমে BC, AC এবং AB বাহুর মধ্যবিন্দু। মধ্যবিন্দু তিনটি যোগ করলে DEF ত্রিভুজ উৎপন্ন হলো। প্রমাণ করতে হবে যে, ΔDEF সমবাহু।

প্রমাণ :

ধাপসমূহ

(১) ΔΒΕΓ ও ΔCDF এর মধ্যে

BE = CD [সমান সমান বাহুর অর্ধেক বলে]

BF = CF [∵ F, BC এর মধ্যক্তিদু]

এবং অন্তর্ভুক্ত ∠B = অন্তর্ভুক্ত ∠C [∵ সমবাহু ত্রিভুজের

প্রত্যেক কোণ সমান]

∴ ΔBEF ≅ ΔCDF(i) অতএব, EF = FD

(২) আবার, ΔCDF ও ΔAED এর মধ্যে

CD = AD [∵ D, AC এর মধ্যবিন্দু]
AE = CF [সমান সমান বাহুর
অর্ধেক বলে]

এবং অন্তর্ভুক্ত $\angle C =$ অন্তর্ভুক্ত $\angle A$ $\therefore \Delta CDF \cong \Delta AED$

∴ FD = ED(ii)

(৩) সমীকরণ (i) এবং (ii) হতে পাই, EF = FD = ED

∴∆DEF সমবাহু। [প্রমাণিত]

প্রশ্ন ॥ ৬ ॥ প্রমাণ কর যে, সমবাহু ত্রিভুজের মধ্যমা তিনটি পরস্পর সমান। সমাধান : সাধারণ নির্কান : সমবাহু ত্রিভুজের মধ্যমা তিনটি পরস্পর সমান।



বিশেষ নির্কান : মনে করি, ABC একটি সমবাহু ত্রিভুজ, অর্থাৎ $AB = BC = AC \cdot AD$, BE এবং CF যথাক্রমে BC, CA এবং AB এর উপর তিনটি মধ্যমা। D, E এবং F যথাক্রমে BC, AC এবং AB এর মধ্যবিশ্বু। প্রমাণ করতে হবে যে, $AD = BE = CF \cdot$

প্রমাণ :

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

(১) $\triangle ABD$ ও $\triangle ACF$ এর মধ্যে AB = AC

[∵ ABC সমবাহু ত্রিভুজ]

BD = AF

[সমান সমান বাহুর অর্ধেক বলে]

এবং অন্তর্ভুক্ত ∠B = অন্তর্ভুক্ত ∠A

 $\therefore \Delta ABD \cong \Delta ACF$

অতএব, AD = CF(i)

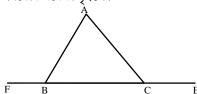
(২) এর পে ΔBCE ও ΔACF নিয়ে প্রমাণ করা যায় যে,

BE = CF(ii) (৩) সমীকরণ (i) ও (ii) হতে পাই

∴ AD = BE = CF· [প্রমাণিত]

প্রশ্ন ॥ ৭ ॥ প্রমাণ কর যে, ত্রিভুজের যেকোনো দুইটি বহিঃস্থ কোণের সমষ্টি দুই সমকোণ অপেক্ষা বৃহত্তর।

সমাধান : সাধারণ নির্বচন : ত্রিভুজের যেকোনো দুইটি বহিঃস্থ কোণের সমষ্টি দুই সমকোণ অপেক্ষা বৃহত্তর।



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, $\triangle ABC$ এর BC ভূমিকে একদিকে Eপর্যন্ত এবং অপরদিকে F পর্যন্ত বর্ধিত করা হলো। ফলে বহিঃস্থ ∠ACE এবং বহিঃস্থ ∠ABF উৎপন্ন হয়েছে।

প্রমাণ করতে হবে যে, $\angle ACE + \angle ABF > 2$ সমকোণ প্রমাণ:

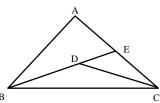
ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

- [যেহেতু ত্রিভুজের বহিঃস্থ (5) $\angle ACE = \angle A + \angle B \cdots (i)$ কোণ, অন্তঃস্থ বিপরীত কোণ দুইটির যোগফলের সমান]
 - এবং $\angle ABF = \angle A + \angle C$ (ii)
- (২) সমীকরণ (i) ও (ii) যোগ করে পাই, অতএব, $\angle ACE + \angle ABF = \angle A + \angle B + \angle A + \angle C$ কিম্মু $\triangle ABC$ এ, $\angle A + \angle B + \angle C = 2$ সমকোণ
- (৩) ∴ ∠ACE + ∠ABF = ∠A + 2 সমকোণ সুতরাং, ∠ACE + ∠ABF > 2 সমকোণ [**প্রমাণিত**]

প্রশ্ন 🛮 ৮ 🗓 ΔΑΒС এর অভ্যন্তরে D একটি বিন্দু। প্রমাণ কর যে, AB + AC > BD + DC

সমাধান:



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, ΔΑΒC এর অভ্যন্তরে D যেকোনো একটি বিন্দু। B, D এবং C, D যোগ করা হলো।

প্রমাণ করতে হবে যে, AB + AC > BD + CD.

অঙ্কন : BD কে বর্ধিত করি যেন তা AC কে E বিন্দুতে ছেদ করে। প্রমাণ :

যথাৰ্থতা ধাপসমূহ

(১) ∆ABE-এ,

AB + AE > BE

ৃ্∵ ত্রিভুজের যেকোনো দুই বাহুর সমিষ্ট তৃতীয় বাহু অপেক্ষা বৃহত্তর]

 $\overrightarrow{AB} + AE > BD + DE \cdots (i)$ [: $\overrightarrow{BE} = BD + DE$]

(২) আবার, ΔCDE এ, CE + DE > CD·····(ii)

(i) ও (ii) নং অসমতা হতে পাই,

AB + AE + CE + DE > BD + DE + CD

 \triangleleft , AB + AE + CE > BD + CD

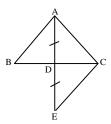
টিভয়পক্ষ হতে DE বাদ দিয়ে পাই]

(৩) থেহেতু AE + EC = AC

∴ AB + AC > BD + CD· [প্রমাণিত]

প্রশ্ন 🛮 ৯ 🗓 🛕 🗓 ১৯৫০ এর BC বাহুর মধ্যবিন্দু D হলে, প্রমাণ কর যে, AB + AC > 2AD

সমাধান :



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, $\triangle ABC$ এর BC বাহুর মধ্যবিন্দু D; A, D যোগ করি। প্রমাণ করতে হবে যে, AB + AC > 2AD.

অঙ্কন : AD কে E পর্যন্ত এমনভাবে বর্ধিত করি যেন AD = DE হয় এবং E. C যোগ করি।

প্রমাণ :

যথাৰ্থতা ধাপসমূহ

(১) AABD ও ACDE এর মধ্যে

BD = CD,

[D, BC এর মধ্যবিন্দু]

AD = DEএবং অন্তর্ভুক্ত ∠ADB = অন্তর্ভুক্ত ∠CDE

[অজ্জনানুসারে] [বিপ্রতীপ কোণ বলে]

 $\therefore \Delta ABD \cong \Delta CDE$

 $\therefore AB = CE$

(2) এখন, ∆ACE এ,

AC + CE > AE

[∵ ত্রিভুজের যেকোনো দুই বাহুর সমষ্টি তৃতীয় বাহু

অপেক্ষা বৃহত্তর]

 \triangleleft AC + AB > AD + DE

[:: AB = CE]

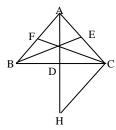
বা, AB + AC > AD + AD

[:: DE = AD]

∴ AB + AC > 2AD (প্রমাণিত)

প্রশ্ন 🛮 ১০ 🗈 প্রমাণ কর যে, ত্রিভুজের মধ্যমাত্রয়ের সমষ্টি তার পরিসীমা অপেক্ষা ক্ষ্দ্রতর।

সমাধান: সাধারণ নির্বচন: ত্রিভুজের মধ্যমাত্রয়ের সমষ্টি তার পরিসীমা অপেক্ষা ক্ষুদ্রতর।



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, AABC এর AD, BE এবং CF তিনটি মধ্যমা। প্রমাণ করতে হবে যে.

AD + BE + CF < AB + BC + AC

অজ্জন : AD কে H পর্যন্ত এমনভাবে বর্ধিত করি যেন AD = DH **হ**য় এবং C, H যোগ করি।

প্রমাণ :

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

- (১) AABD ও ACDH এর মধ্যে BD = CD
 - AD = DH

এবং অন্তর্ভুক্ত ∠ADB = অন্তর্ভুক্ত

∠HDC

- $\therefore \Delta ABD \cong \Delta CDH$
- ∴ AB = CH
- (২) এখন ΔACH এ,

AC + CH > AH

[∵ D, BC এর মধ্যবিন্দু]

[অজ্ঞকনানুসারে]

।বিপ্রতীপ কোণ বলে।

 $[\cdot \cdot AB = CH]$

বা,
$$AC + AB > AD + DH$$

বা, $AB + AC > AD + AD$

বা, AB + AC > 2AD

অর্থাৎ 2AD < AB + AC····(i)

- (৩) এরু পে BE ও CF কে AD এর মতো বর্ধিত করে প্রমাণ করা যায় যে, 2BE < AB + BC······(ii) এবং 2CF < AC + BC·······(iii) অসমতা (i), (ii) ও (iii) নং হতে পাই, 2AD + 2BE + 2CF < AB + AC + AB + BC + AC + BC বা, 2(AD + BE + CF) < 2(AB + BC + AC)
- প্রশ্ন ॥ ১১ ॥ ABC সমদিবাহু ত্রিভুজে, BA বাহুকে D পর্যন্ত এরু পভাবে বর্ধিত করা হলো, যেন BA = AD হয়। প্রমাণ কর যে, ∠BCD একটি সমকোণ।

∴ AD + BE + CF < AB + BC + AC [প্রমাণিত]

সমাধান:



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, △ABC সমদ্বিবাহু, যার AB = AC· A শীর্ষবিন্দু এবং BA বাহুকে D পর্যন্ত এমনভাবে বর্ধিত করি যেন BA = AD হয়। C, D যোগ করি। প্রমাণ করতে হবে যে, ∠BCD একটি সমকোণ। প্রমাণ :

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

হতে

- (5) $\triangle ABC \triangleleft AB = AC$
- $\therefore \angle ABC = \angle ACB \cdots (i)$
- (২) আবার, অজ্জনানুসারে BA = AD হওয়ায় AC = AD
- (৩) এখন, AACD এ, AC = AD
- \therefore \angle ACD = \angle ADC ······· (ii)
- (8) △BCD এ, ∠BCD + ∠DBC + ∠CDB = 180° বা, ∠BCD + ∠ABC + ∠ADC = 180° [সমীকরণ (i) এবং (ii)

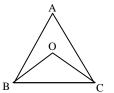
 $\overrightarrow{A}, \angle BCD + \angle ACD + \angle ACD = 180^{\circ} \qquad [\because \angle ACB + \angle ACD = \angle BCD]$

- বা, 2∠BCD = 180°
- বা, ∠BCD = 90°

অর্থাৎ ∠BCD একটি সমকোণ। [প্রমাণিত]

প্রশ্ন ॥ ১২ ॥ ΔABC এর \angle B ও $\angle C$ এর সমিষ্পিষ্টকছয় O বিন্দুতে মিলিত হয়। প্রমাণ কর যে, $\angle BOC = 90^{\circ} + \frac{1}{2} \angle A$

সমাধান :



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, ∆ABC –এর ∠B ও ∠C এর সমদ্বিখণ্ডকদ্বয় O বিন্দুতে মিলিত হয়েছে।

প্রমাণ করতে হবে যে, $\angle BOC = 90^{\circ} + \frac{1}{2} \angle A$

প্রমাণ:

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

- (5) $\triangle ABC-4$, $\angle A + \angle B + \angle C = 180^{\circ}$
- ∠C =180° ······ (i) দুই সমকোণ]
 (২) আবার, ΔΒΟС এ, ∠ΒΟС +
 ∠OBC + ∠OCB = 180° দুই সমকোণ]
- (৩) কিম্ডু $\angle OBC = \frac{1}{2} \angle B$ এবং $\angle OCB = \frac{1}{2} \angle C$
- [BO ও CO যথাক্রমে ∠ABC ও ∠ACB এর সমদ্বিখণ্ডক]

্রত্রিভুজের তিন কোণের সমষ্টি

(৪) সুতরাং $\angle BOC + \frac{1}{2} \angle B + \frac{1}{2} \angle C = 180^{\circ}$

বা,
$$\angle BOC + \frac{1}{2} \angle B + \frac{1}{2} \angle C = \angle A + \angle B + \angle C$$
 [(i) নং হতে]

বা,
$$\angle BOC = \angle A + \frac{1}{2} \angle B + \frac{1}{2} \angle C$$

বা,
$$\angle BOC = \frac{1}{2} \angle A + \frac{1}{2} \angle B + \frac{1}{2} \angle C + \frac{1}{2} \angle A$$

$$\triangleleft$$
 , ∠BOC = $\frac{1}{2}$ (∠A +∠B + ∠C) + $\frac{1}{2}$ ∠A

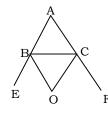
বা,
$$\angle BOC = \frac{1}{2} \times 180^{\circ} + \frac{1}{2} \angle A$$

$$\therefore \angle BOC = 90^{\circ} + \frac{1}{2} \angle A$$
 [প্রমাণিত]

প্রশ্ন ॥ ১৩ ॥ $\triangle ABC$ এর AB ও AC বাহুকে বর্ধিত করলে B ও C বিন্দুতে যে বহিঃকোণ দুইটি উৎপন্ন হয়, তাদের সমদ্খি৬ক দুইটি O বিন্দুতে মিলিত হলে,

প্রমাণ কর যে, $\angle BOC = 90^{\circ} - \frac{1}{2} \angle A$

সমাধান:



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, ΔΑΒС এর ΑΒ ও ΑC বাহুকে যথাক্রমে E এবং F বিন্দু পর্যন্ত বর্ধিত করা হলো।

B ও C বিন্দুতে উৎপন্ন বহিঃকোণ দুইটির সমদ্বিখণ্ডকদ্বয় O বিন্দুতে মিলিত হয়েছে।

প্রমাণ করতে হবে যে, $\angle BOC = 90^{\circ} - \frac{1}{2} \angle A$

প্রমাণ:

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

(5) $\triangle ABC \triangleleft$, $\angle A + \angle B + \angle C = 180^{\circ}$

্রত্রিভুজের তিন কোণের

- (২) আবার, ∆BOC এ, $\angle BOC + \angle OBC + \angle OCB = 180^{\circ}$
- (a) $\triangle PQ$ $\angle OBC = \frac{1}{2} \angle EBC = \frac{1}{2} (\angle A + \angle C)$ এবং $\angle OCB = \frac{1}{2} \angle BCF$

 $=\frac{1}{2}\left(\angle A+\angle B\right)$

[বহিঃস্থ কোণ বিপরীত অন্তঃস্থ কোণ দুইটির সমষ্টির সমান]

সমষ্টি দুই সমকোণ]

(৪) সুতরাং $\angle BOC + \frac{1}{2} (\angle A + \angle C + \angle A + \angle B) = 180^{\circ}$ **剩**, ∠BOC + $\frac{1}{2}$ (180° + ∠A) = 180°

$$[\because \angle A + \angle B + \angle C = 180^{\circ}]$$

বা, ∠BOC +
$$\frac{1}{2}$$
 × 180° + $\frac{1}{2}$ ∠A = 180°

剩, ∠BOC + 90° +
$$\frac{1}{2}$$
 ∠A = 180°

剩, ∠BOC =
$$180^{\circ} - 90^{\circ} - \frac{1}{2}$$
 ∠A

$$∴ ∠BOC = 90^{\circ} - \frac{1}{2} ∠A \cdot [প্রমাণিত]$$

প্রশ্ন 1 \ ১৪ 11 চিত্রে, দেওয়া আছে, ∠C = এক সমকোণ এবং $\angle B = 2\angle A$ প্রমাণ কর যে, AB = 2BC·



সমাধান:



বিশেষ নির্বচন : দেওয়া আছে, $\angle C = এক সমকোণ এবং \angle B = 2\angle A$ প্রমাণ করতে হবে যে, AB = 2BC

অঙকন: BC কে D পর্যন্ত এমনভাবে বর্ধিত করি যেন BC = CD হয় এবং D, A যোগ করি।

প্রমাণ:

ধাপসমূহ

যথার্থতা

- (১) ∠ACB = এক সমকোণ হওয়ায় ∠ACD = এক সমকোণ।
- [∵ কোণ দুইটি সন্নিহিত]
- (২) এখন, ABC ও ADC সমকোণী ত্রিভুজ দুইটির মধ্যে

BC = CD

কল্পনা

AC সাধারণ বাহু

এবং অন্তর্ভুক্ত ∠ACB = অন্তর্ভুক্ত [সমকোণ]

 $\triangle ABC \cong \triangle ADC$ সুতরাং, $\angle B = \angle D$

এবং ∠BAC = ∠CAD

 $[:: \angle B = 2\angle A$

(\circ) $\angle BAD = \angle BAC + \angle CAD$

বা, $\angle A = \frac{1}{2} \angle B$]

 $=\frac{1}{2} \angle B + \frac{1}{2} \angle B = \angle B$

(৪) অতএব, ∆ABD এ

∠B = ∠D = ∠DAB হওয়ায় ত্রিভুজটি সমবাহু।

 $\therefore AB = BD$

 \overline{A} , AB = BC + CD

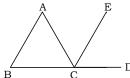
[:: BC = CD]

বা, AB = BC + BC

∴ AB = 2BC [প্রমাণিত]

প্রশ্ন ॥ ১৫ ॥ প্রমাণ কর যে, ত্রিভুজের একটি বাহু বর্ধিত করলে যে বহিঃস্থ কোণ উৎপন্ন হয়, তা বিপরীত অন্তঃস্থ কোণদ্বয়ের সমষ্টির

সমাধান : সাধারণ নির্বচন : ত্রিভুজের একটি বাহু বর্ধিত করলে যে বহিঃস্থ কোণ উৎপন্ন হয়, তা বিপরীত অন্তঃস্থ কোণদ্বয়ের সমষ্টির



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, ΔΑΒC এর BC বাহুকে D পর্যন্ত বর্ধিত করায় বহিঃস্থ ∠ACD উৎপন্ন হয়েছে।

প্রমাণ করতে হবে যে, $\angle ACD = \angle BAC + \angle ABC$

অঙ্কন : C বিন্দুতে BA রেখার সমান্তরাল CE রেখা টানি। প্রমাণ :

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

(১) যেহেতু BA ও CE সমান্তরাল এবং AC তাদের

 $\therefore \angle BAC = \angle ACE \cdots (i)$

[একান্তর কোণ]

(২) আবার, BA ও CE সমান্তরাল এবং BD তাদের ছেদক

 $\therefore \angle ABC = \angle ECD \cdots (ii)$

[অনুরূ প কোণ]

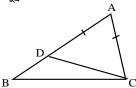
(৩) (i) নং ও (ii) নং সমীকরণ যোগ করে পাই, $\therefore \angle BAC + \angle ABC = \angle ACE + \angle ECD$ বা, $\angle BAC + \angle ABC = \angle ACD$

[অজ্জনানুসারে]

 $\therefore \angle ACD = \angle BAC + \angle ABC$ (প্রমাণিত)

প্রশ্ন 🏿 ১৬ 🗈 প্রমাণ কর যে, ত্রিভুজের যেকোনো দুই বাহুর অন্তর তার তৃতীয় বাহু অপেক্ষা ক্ষুদ্রতর।

সমাধান : সাধারণ নির্বচন : ত্রিভুজের যেকোনো দুই বাহুর অন্তর তার তৃতীয় বাহু অপেক্ষা ক্ষুদ্রতর।



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, ABC একটি ত্রিভুজ। AC এর ক্ষুদ্রতম বাহু এবং AB বৃহত্তম বাহু। প্রমাণ করতে হবে যে, এর যেকোনো দুই বাহুর অন্তর তৃতীয় বাহু অপেক্ষা ক্ষুদ্রতর। অর্থাৎ AB – AC < BC-অঙ্কন : AB হতে AC এর সমান করে AD অংশ কেটে নেই এবং D. C যোগ করি।

প্রমাণ:

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

(**3**) ∆ACD ④

 $\angle ACD = \angle ADC$

[:: AD = DC]

(২) আবার, ∆ ACD-এ

বহিঃস্থ ∠BDC > অন্তঃস্থ ∠ACD $\therefore \angle BDC > \angle ACD$

[বহিঃস্থ কোণ বিপরীত অন্তঃস্থ কোণদ্বয়ের প্রত্যেকটি

(৩) আবার, ∆ BDC-এ বহিঃস্থ ∠ADC > অন্তঃস্থ ∠BCD $\therefore \angle ADC > \angle BCD$

অপেৰা বৃহত্তর] [একই]

(8) এখন, ∆ BDC-এ

 $\angle BDC > \angle BCD$ $\therefore BC > BD$

[বৃহত্তর কোণের বিপরীত বাহু

বা, BD ∠BC

ক্ষুদ্রতর কোণের বিপরীত বাহু

বা, AB – AD < BC ∴ AB – AC < BC অপেৰা বৃহত্তর]

[∵ AD = AC] (প্রমাণিত)

설치 \mathbb{L} ১৭ \mathbb{L} চিত্রে, ABC ব্রিভুজের $\angle B = \Box$ ক সমকোণ এবং D, অতিভুজ AC এর মধ্যবিন্দু। প্রমাণ কর যে, $BD = \frac{1}{2}$ AC.



সমাধান:



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, $\triangle ABC$ এর $\angle B=$ এক সমকোণ এবং D, অতিভুজ AC এর মধ্যবিন্দু $\mid B, D$ যোগ করা হলো \mid প্রমাণ করতে হবে যে, $BD=\frac{1}{2}$ $AC\cdot$

অঙ্কন : F, AB এর এবং E, BC–এর মধ্যবিন্দু নির্ণয় করি। F, D এবং E, D যোগ করি।

প্রমাণ :

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

- (১) FD, AC এবং AB এর মধ্যবিন্দুর সংযোজক রেখাংশ।
 - ∴ FD || BC
- (২) আবার DE, BC ও AC এর মধ্যবিন্দুর সংযোজক রেখাংশ।

∴ DE || AB

[অনুরূ প কোণ বলে]

এখন, ∠AFD = ∠B

∠AFD = এক সমকোণ

তাহলে, ∠DFB = এক সমকোণ

(৩) ΔAFD ও ΔBFD ত্রিভুজদ্বয়ের মধ্যে AF=BF

[অজ্ঞকনানুসারে]

[সমকোণ বলে]

FD সাধারণ বাহু।

AZO NICIONAL AND INCIDENTAL ADDITIONAL ADDIT

এবং অন্তর্ভুক্ত ∠AFD = অন্তর্ভুক্ত ∠BFD

 $\therefore \Delta AFD \cong \Delta BFD$ অতএব $\angle FAD = \angle FBD$

(8) $\triangle ABD \triangleleft$ $\angle DAB = \angle ABD$

[সমান সমান বাহুর বিপরীত কোণ]

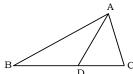
 \therefore AD = BD

- (৫) এর পে, $\triangle BDE$ ও $\triangle CDE$ নিয়ে প্রমাণ করা যায় যে, BD = CD
 - \therefore BD + BD = AD + CD

বা, 2BD = AC

∴ BD = $\frac{1}{2}$ AC [প্রমাণিত]

প্রশ্ন ॥ ১৮ ॥ $\triangle ABC$ এ AB > AC এবং $\angle A$ এর সমিষ্পিন্ডক AD, BC বাহুকে D বিন্দুতে ছেদ করে। প্রমাণ কর যে, $\angle ADB$ স্থূলকোণ। সমাধান :



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, △ABC এ AB > AC এবং ∠A এর সমদ্বিখণ্ডক AD, BC বাহুকে D বিন্দুতে ছেদ করেছে। প্রমাণ করতে হবে যে, ∠ADB স্থূলকোণ।

প্রমাণ:

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

(১) AABD এ, AB বাহুর বিপরীত ∠ADB এবং AACD এ AC বাহুর বিপরীত ∠ADC-এখন, AB > AC

 $\therefore \angle ADB > \angle ADC$

ত্রিভুজের এক বাহু অপর এক বাহু অপেক্ষা বৃহত্তর হলে, বৃহত্তর বাহুর বিপরীত কোণ ক্ষুদ্রতর বাহুর বিপরীত কোণ অপেক্ষা বৃহত্তর]

- (ξ) $\angle ADB + \angle ADC =$ এক সরলকোণ = 180°
- (৩) যেহেতু ∠ADB > ∠ADC সূতরাং ∠ADB > এক সমকোণ ∴ ∠ADB স্থূলকোণ। [প্রমাণিত]

প্রশ্ন ॥ ১৯ ॥ প্রমাণ কর যে, কোনো রেখাংশের লম্বদ্বিখন্ডকের উপরিস্থিত যেকোনো বিন্দু উক্ত রেখাংশের প্রান্ত বিন্দুদ্য় হতে সমদূরবর্তী।

সমাধান : সাধারণ নির্বচন : কোনো রেখাংশের লম্বদ্বিখণ্ডকের উপরিস্থিত যেকোনো বিন্দু উক্ত সরলরেখার প্রান্ত বিন্দুদ্বয় হতে সমদূরবর্তী।



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, AB সরলরেখার উপর CD লম্ঘদ্বিখন্ডক এবং P, CD এর উপর একটি বিন্দু। প্রমাণ করতে হবে যে, PA = PB প্রমাণ :

SIN TITLE

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

(১) CD লম্বদ্বিখন্ডক হওয়ায় AC = BC এবং ∠PCA = ∠PCB

[∵ PC ⊥ AB] [সমকোণ]

(২) ΔΑΡС ও ΔΒΡС এর মধ্যে

AC = BC

PC সাধারণ বাহু এবং

অন্তর্ভুক্ত ∠ACP = অন্তর্ভুক্ত ∠BCP [∵ প্রত্যেকে সমকোণ] ΔΑΡC ≅ΔΒΡC [∵ দুই বাহু ও তাদের

অন্তর্ভুক্ত কোণদ্বয় সমান]

∴ PA = PB [প্রমাণিত]

প্রশ্ন ॥ ২০ ॥ ABC একটি সমকোণী ত্রিভুজ যার ∠A = এক সমকোণ। BC বাহুর মধ্যকিদু D.

- ক. প্রদত্ত তথ্য অনুযায়ী ABC ত্রিভুজটি অজ্ঞন কর।
- খ. দেখাও যে, AB + AC > 2AD.
- গ. প্রমাণ কর যে, $AD = \frac{1}{2}BC$.

সমাধান :

ক.



চিত্রে, ABC একটি সমকোণী ত্রিভুজ যার ∠A = এক সমকোণ। BC বাহুর মধ্যবিন্দু D.

থ. দেখাতে হবে যে, AB + AC > 2AD∙



অঙ্কন : AD কে E পর্যন্ত এমনভাবে বর্ধিত করি যেন AD = DE হয় এবং E, C যোগ করি।

প্রমাণ:

ধাপসমূহ (১) AABD ও ACDE এর মধ্যে

BD = CD

যথাৰ্থতা

[D, BC এর মধ্যবিন্দু] AD = DE[অজ্ঞকনানুসারে] এবং অন্তর্ভুক্ত ∠ADB = অন্তর্ভুক্ত ∠CDE [বিপ্রতীপ কোণ] $\therefore \Delta ABD \cong \Delta CDE$ [বাহু–কোণ–বাহু উপপাদ্য]

 $\therefore AB = CE$

(২) এখন ∆ACE-এ

AC + CE > AE

[ত্রিভুজের যেকোনো দুই বাহুর সমষ্টি এর তৃতীয়– বাহু-অপেৰা বৃহত্তর]

[:: AB = CE]

বা, AC + AB > AD + DE $\overline{AB} + AC > AD + AD$

[:: AD = DE]∴ AB + AC > 2AD [দেখানো হলো]

গ. প্রমাণ করতে হবে যে, $AD = \frac{1}{2}BC$



অঙকন: AB এর মধ্যবিন্দু E নির্ণয় করি। D, E যোগ করি।

প্রমাণ: ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

(১) AABC-এ D ও E বিন্দু যথাক্রমে BC ও AB এর মধ্যবিন্দু।

∴ DE ∥ AC

 $\therefore \angle DEB = \angle CAE$

[অনুরূ প কোণ এবং প্রত্যেকে এক সমকোণ]

 \therefore \angle DEA = \angle DEB [সমকোণ]

(২) এখন, ADEB ও ADEA-এ

AE = EB[অজ্ঞকনানুসারে] DE = DE[সাধারণ বাহু]

এবং অন্তর্ভুক্ত ∠DEB = অন্তর্ভুক্ত ∠DEA

[বাহু-কোণ-বাহু উপপাদ্য] $\therefore \Delta DEB \cong \Delta DEA$

 \therefore AD = BD

 $\therefore AD = \frac{1}{2}BC$ (প্রমাণিত)

[∵ D, BC এর মধ্যবিন্দু

অর্থাৎ, BD = \frac{1}{2} BC]



গুরুত্বপূর্ণ বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর



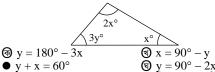
g i, ii g iii

١.

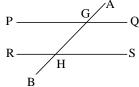


△ABC একটি সমবাহু ত্রিভুজ। ∠BOC = কত ডিগ্রি?

- **100°**
- 120°
- সমকোণী ত্রিভুজের সৃক্ষকোণদয়ের অন্তর ৪° হলে, এর ক্ষুদ্রতম কোনটির মান কত?
- **⊕** 8°
 - 41°
- **3** 82°
- প্রদত্ত চিত্রের আলোকে নিচের কোন সম্পর্কটি সঠিক?



- $\triangle ABC$ এ $\angle ABC > \angle ACB$ হলে নিচের কোনটি সঠিক?
 - 3 AB > AC 3 AB = AC 4 AB < AC 3 AB > BC
- $\triangle ABC$ এ AB = AC এবং $\angle B = 25^{\circ}$ হলে $\angle A$ এর মান কত? **③** 60° ● 65° **130°**
- চিত্রে $PQ \parallel RS$, AB রেখা তাদেরকে $G \bowtie H$ বিন্দুতে ছেদ করেছে, তাহলে—



i. ∠AGQ = অনুরূ প ∠GHS

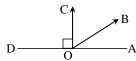
ii. \angle QGH + \angle GHS = 180°

iii. ∠AGQ = ∠RHB

নিচের কোনটি সঠিক?

ரு i ஒ ii iii & i 🕲 gii g iii ● i. ii ଓ iii

চিত্রে ∠AOB ও ∠BOC কোণদর পরস্পর—



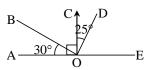
i. সমান

ii. সন্নিহিত

iii. পুরক

নিচের কোনটি সঠিক?

ai v i iii 🕑 i 🚱 o ii v iii o



i. $\angle AOB + \angle BOC = 90^{\circ}$

ii. $\angle AOC + \angle COD = 115^{\circ}$

iii. $\angle COD = \angle BOC$ নিচের কোনটি সঠিক?

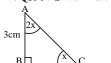
i v i ● (lii & i (ூ ii ஒ iii g i, ii g iii

৯.



চিত্রে $\triangle ABC$ এ $\angle C = 2 \angle A$ হলে $\angle A$ এর মান কত? ⊕ 10° ⊕ 45°

■ নিচের চিত্র অনুযায়ী ১০ ও ১১ নং প্রশ্নের উত্তর দাও : PQR একটি সমবাহু ত্রিভুজ এর QR কে S পর্যন্ত বর্ধিত করা হলো।



১০. x এর মান কত? • 30°

১১. BC = কত?

② 45° **⊚** 60° 90°

(সহজ)



 $2\sqrt{3}$ cm

• $3\sqrt{3}$ cm

1 3 3 3 3 3 3 3 4 √ 3 3 4 √ 3 3 4 √ 3 4 √ 3 4 √ 3 4 √ 3 4 √ 3 4 √ 3 4 √ 3 4 √ 3 4 √ 3 4 √ 3 4 √ 3 4 √ 3 4 √ 3 4 √ 3 6 m 7 1 0 0 1



অতিরিক্ত বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর



<u> এিভুজ</u>

সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

- ত্রিভুজের যেকোনো দুই বাহুর সাধারণ বিন্দুকে কী বলে? মধ্যবিন্দু
 - ক) সাধারণ বিন্দু শীর্ষবিন্দু
- ত্ব সংযোগ বিন্দু
- ১৩. বাহুভেদে ত্রিভুজ কত প্রকার?
- (সহজ চার প্রকার থ্য পাঁচ প্রকার
- 📵 দুই প্রকার 🌘 তিন প্রকার ১৪. কোণ ভেদে ত্রিভুজ কত প্রকার?
- (সহজ
- ক দুই প্রকার তিন প্রকার ক চার প্রকার
- থ্য পাঁচ প্রকার
- ১৫. সমবাহু ত্রিভুজের প্রতিটি কোণের মান কত?
- (সহজ)
- **1** 90° • 60° 旬 120° ১৬. একটি ত্রিভুজের তিনটি বাহু যথাক্রমে 3 সেমি, 2 সেমি ও 4 সেমি
 - হলে একে কী ত্রিভুজ বলা হবে? ক সমকোণী থ সমবাহু প্রসমিদিবাহু বিষমবাহু
- ১৭. একটি সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের বেত্রে নিচের কোনটি সঠিক?
 - \bullet AB = AC \neq BC

ক) সমবিন্দ্ৰ

- \bigcirc AB = AC = DC
- \bigcirc AB \neq AC \neq BC একটি ত্রিভুজের তিনটি বাহুর দৈর্ঘ্য 3 সে.মি. করে ত্রিভুজটি কী
 - ধরনের ? ক্র স্থূলকোণী প্র বিষমবাহু সমবাহু ত্বি সমিদিবার
- ১৯. ত্রিভুজের বাহুগুলোর সমষ্টিকে কী বলে? পরিকেন্দ্র
 - পরিসীমা ন্থ ত্রিভুজবেত্র

(সহজ)

(মধ্যম)

- সৃক্ষকোণী ত্রিভুজের কয়টি কোণ সৃক্ষকোণ? ক) এক
 - থ্য দুই 🗨 তিন থে চার
- ২১. ত্রিভুজের তিন কোণের সমষ্টি কত ডিগ্রি? **3** 360 **180 1** 270
- ২২. $\triangle ABC$ এ $\angle A=x$, $\angle B=2x$ এবং $\angle C=3x$ হলে ত্রিভুজটি কী ত্রিভুজ ?
 - সমকোণী
 ৰ সৃক্ষকোণী
 ৰ স্থালকোণী
 ৰ সমদিবাহু ব্যাখ্যা : ∠A + ∠B + ∠C = 180° বা, x + 2x + 3x = 180° বা, $6x = 180^{\circ}$ বা, $x = 30^{\circ}$ $\therefore \angle C = 3 \times 30^{\circ} = 90^{\circ} \cdot$
- ২৩. 🛮 🛆 ABC এর বাহুর দৈর্ঘ্য a, b ও c একক হলে নিচের কোনটি এর পরিসীমা? (মধ্যম)
- \bullet (a + b + c)
- ২৪. স্থালকোণী ত্রিভুজে কয়টি কোণ সৃক্ষকোণ থাকে?
 - **(1)** তিন ● দুই ত্ব চার

বহুপদী সমাপ্তিসূচক বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

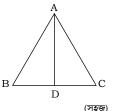
- ২৫. নিচের তথ্যগুলো লৰ কর:
 - i. বিষমবাহু ত্রিভুজের তিনটি বাহুই সমান
 - ii. সমদিবাহু ত্রিভুজের দুইটি বাহু সমান

- iii. সমবাহু ত্রিভুজের তিনটি বাহুর দৈর্ঘ্য সমান নিচের কোনটি সঠিক? ரு i பே (જો i ઉ iii • ii ♥ iii g i, ii g iii
- নিচের তথ্যগুলো লব কর:
 - i. স্থূলকোণী ত্রিভুজের বেত্রে, $90^{\circ} < \theta < 180^{\circ}$
 - ii. স্থলকোণী ত্রিভুজের একটি মাত্র সূক্ষকোণ থাকে
 - iii. সমকোণী ত্রিভুজের একটি কোণ সমকোণ হলে অপর কোণ দুইটি যথাক্রমে 32° ও 58°

নিচের কোনটি সঠিক?

gii giii ⊕ i ଓ ii ● i ଓ iii g i, ii g iii

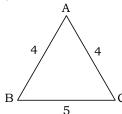
- নিচের তথ্যগুলো লৰ কর:
 - i. সমবাহু ত্রিভুজের প্রত্যেকটি কোণ 60°
 - ii. স্থালকোণী ত্রিভুজের তিনটি কোণই স্থালকোণ
 - iii. সৃক্ষকোণী ত্রিভুজের প্রত্যেকটি কোণ সৃক্ষকোণ
 - নিচের কোনটি সঠিক? (সহজ)
 - ai v i ● i ଓ iii ரு ii ଓ iii 🗑 i, ii 😉 iii
- ত্রিভুজের বেত্রে
 - i. সমবাহু ত্রিভুজের তিনটি বাহুর দৈর্ঘ্য সমান
 - ii. সমদিবাহু ত্রিভুজের দুইটি বাহু সমান
 - iii. বিষমবাহু ত্রিভুজের তিনটি বাহুই অসমান
 - নিচের কোনটি সঠিক ং (সহজ ● i, ii ଓ iii
 - o i v ii iii & i 🕞 gii g iii ΔABC এর উচ্চতা AD হলে—
 - i. AD \perp BC.
 - ii. △ABD সমকোণী ত্রিভুজ
 - iii. △ABC সৃক্ষকোণী ত্রিভুজ



নিচের কোনটি সঠিক?

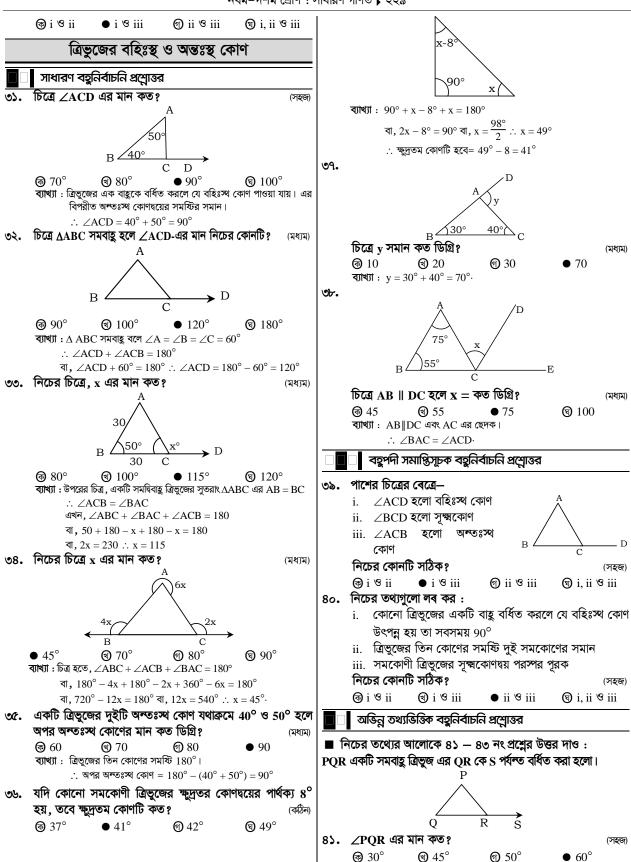
- ⊕ i ଓ ii iii & i 🕞
- 1ii Viii
- i, ii ଓ iii

- চিত্রে—
 - ∆ABC সৃক্ষকোণী ত্রিভুজ
 - ii. ΔABC বিষমবাহু ত্রিভুজ
 - iii. AB = AC



নিচের কোনটি সঠিক?

(সহজ)



∠PRS এর মান কত?

1 90°

• 120°

⊚ 60°

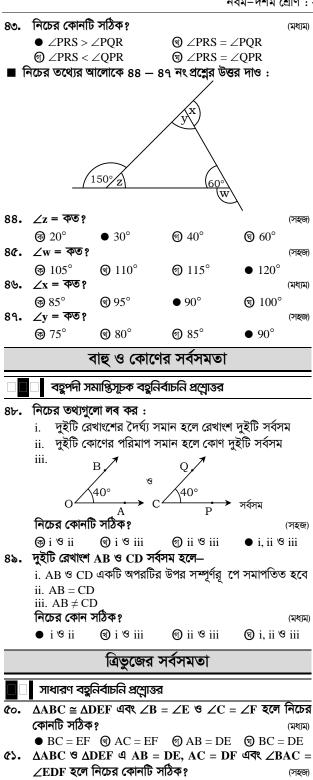
(সহজ)

旬 150°

৫৯.

(সহজ)

(সহজ)



 \triangle \triangle ABC = \triangle DEF

 \bigcirc \triangle ABC > \triangle DEF

 \triangle \triangle ABC = \triangle DEF

ବା $\triangle ABC > \triangle DEF$

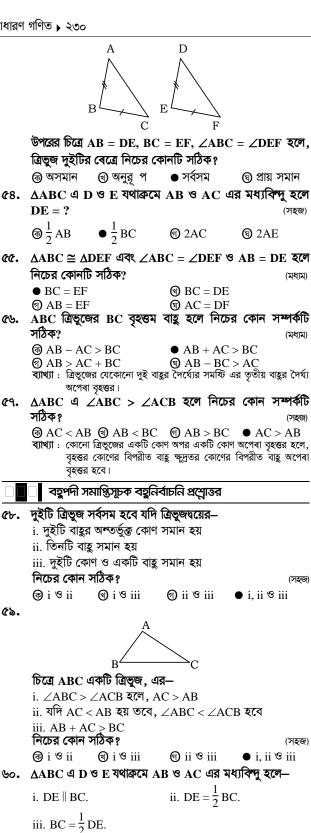
œ٠.

 \bullet $\triangle ABC \cong \triangle DEF$

③ ΔABC < ΔDEF

 \bullet \triangle ABC \cong \triangle DEF

 $\angle B = \angle E$ ও $\angle A = \angle D$ এবং AB = DE হলে নিচের কোনটি সঠিক?



অভিনু তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

iii & i 🕞

নিচের কোন সঠিক ং

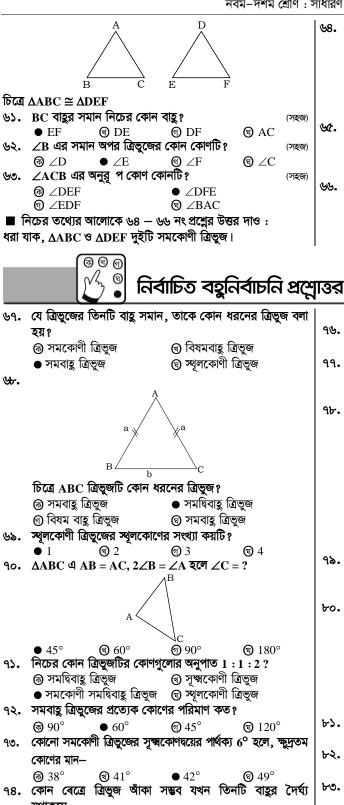
o i ७ ii

■ নিচের তথ্যের আলোকে ৬১ — ৬৩ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

1ii V iii

(সহজ)

g i, ii g iii



⊕ 1 (স.মি., 2 (স.মি., 3 (স.মি.)
 ⊕ 3 (স.মি., 4 (স.মি., 5 (স.মি.)
 ⊕ 2 (স.মি., 4 (স.মি., 6 (স.মি.)
 ⊕ 3 (স.মি., 4 (স.মি., 7 (স.মি.)

৭৫. একটি ত্রিভুজের কয়টি অংশ?

৬৪. প্রদন্ত সমকোণী ত্রিভুজদ্বয়ে অতিভুজ AC = অতিভুজ DF এবং AB = DE ইলে $\angle ABC = ?$ ∠EDF ∠DEF ① ∠EDF + ∠EFD ব্যাখ্যা : সমকোণী ত্রিভূজদ্বয়ে অতিভূজদ্বয় ও এক বাহু সমান হলে ত্রিভূজদ্বয় সর্বসম। বা, অতিভুজ AC হলে $\angle ABC = 90^\circ$ এবং অতিভুজ DF হলে $\angle DEF = 90^\circ$ ৬৫. প্রদত্ত সমকোণী ত্রিভুজদ্বয়ে অতিভুজ AC = অতিভুজ $DF \in AB =$ DE হলে নিচের কোনটি সঠিক? সেহজা \bullet $\triangle ABC \cong \triangle DEF$ \bigcirc \triangle ABC = \triangle DEF ΔABC এ AC > AB হলে নিচের কোন সম্পর্কটি সঠিক? \bullet \angle ABC > \angle ACB \bigcirc \angle ABC > \angle BAC **4 1 1 1 1** ত্রিভুজের একটি কোণ 95° হলে তাকে কী ত্রিভুজ বলে? ৭৬. কু সৃক্ষকোণীকু স্থলকোণী গ্র সমবাহু থ্য সমকোণী সমকোণী ত্রিভুজের সুক্ষকোণদয়ের অন্তর ৪° হলে এর ক্ষুদ্রতম কোণটির মান কত? **⊚** 8° • 41° **എ** 49° **旬** 82° 96. উপরের চিত্রে $\angle ABC = \angle ACB$ হলে, নিচের কোনটি সঠিক? \bullet AB = AC \bigcirc AB = BC সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ সংলগ্ন একটি কোণ 50° হলে অন্য কোণটি কত হবে? **⊕** 10° • 40° **1** 50° **旬** 90° ъ0. $B \stackrel{\checkmark}{40^{\circ}}$ চিত্ৰে AB = AC হলে ∠A =? **⊕** 40° **3** 60° **1** 80° ● 100° ৮১. ABC থ্রিভুজের AB = AC, $\angle A = 80^{\circ}$ হলে $\angle B = \overline{\Phi}$? **⊕** 40° • 50° **⊚** 60° **旬** 100° ৮২. সমকোণী ত্রিভুজের কয়টি সৃক্ষকোণ থাকে? ন্স তিনটি ত্ব একটিও না ন্ধ একটি ● দইটি ৮৩. চিত্ৰে ∠ACB = 50° হলে, ABC ত্রিভুজের বহিঃস্থ কোণ কত ডিগ্রি?

• 130°

(100°)

何 90°

(10°

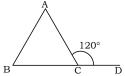
৮৪. কোনো ত্রিভুজের একটি বহিঃস্থকোণ ও অন্তঃস্থ সন্নিহিত কোণের সমষ্টি কত? • 180° **③** 90° 120° **360° 360°** ৮৫. ত্রিভুজের তিনটি কোণ দেওয়া থাকলে বিভিন্ন বেত্রফলে কতগুলো ত্রিভুজ আঁকা সম্ভব? অসংখ্য থ্য পাঁচটি ক) চারটি ন্ব তিনটি ৮৬. 100° চিত্ৰে $\angle A + \angle B = \overline{\Phi}$ ত ? **1** 90° **⊚** 60° @ 80° ● 100° ৮9. ∕40° চিত্ৰে AB = AC হলে ∠A = ? **⊕** 40° **③** 60° **1** 80° ● 100° ৮৮. ত্রিভুজের দুইটি কোণ 65° ও 70° হলে, অপর কোণের মান কত? **⊕** 90° • 45° **1** 60° **30°** ৮৯. সমকোণী ত্রিভুজের একটি কোণ 60° হলে অপর কোণ কত? **3** 690° • 30° 180° ৯০. $\triangle ABC$ এ $\angle A$ এর সমদ্বিখন্ডক AD এবং AB = AC হলে i. BD = DCii. AD ⊥ BC iii. ∠ABD = ∠BAD নিচের কোনটি সঠিক? ii & i ● iii 🕑 i 🕞 60 ii G iii g i, ii g iii ৯১. ত্রিভুজের বেত্রে i. বিষমবাহু ত্রিভুজের তিনটি বাহুই অসমান ii. সমদিবাহু ত্রিভুজের দুইটি বাহু সমান iii. সমবাহু ত্রিভূজের তিনটি বাহুর দৈর্ঘ্য সমান নিচের কোনটি সঠিক? ரு i ও ii (1) i (2) iii nii Viii ● i, ii ଓ iii ৯২. POR বিষমবাহু ত্রিভুজ-

i. PQ + PR > QRii. PQ - PR < QRiii. ∠QPR <∠PQR নিচের কোনটি সঠিক? ● i ଓ ii 1ii 🔞 g i, ii g iii ৯৩. নিচের চিত্রে, BA || CE হলেi. $\angle ACD = \angle ABC + \angle BAC$

ii. $\angle ACE = \angle BAC$

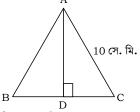
iii. ∠DCE = ∠ABC নিচের কোনটি সঠিক? ii 🛭 i 📵 aii 🛭 iii iii 🕏 iii ● i, ii ଓ iii **৯৪.** i. সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের প্রত্যেকটি কোণ সমান ii. সমবাহু ত্রিভুজের প্রত্যেকটি কোণ 60° iii. কোনো n ভুজের কোণগুলোর সমষ্টি (n-2) সরলকোণ নিচের কোনটি সঠিক? নি ও ii (iii & i (• ii ♥ iii चि i, ii ও iii ৯৫. PQR সমকোণী ত্রিভুজে PR অতিভুজ, ∠P = 45° এবং O, PR এর মধ্যবিন্দু হলে i. PQ = QRii. OP = OQ = ORiii. O, ΔPQR এর পরিকেন্দ্র নিচের কোনটি সঠিক? নি ও ii (iii & i (ரு ii ଓ iii ● i. ii ଓ iii

৯৬.



চিত্রে ABC সুক্ষকোণী ত্রিভুজে i. AB + AC > BCii. AB - AC < BCiii. $\angle A + \angle B = 60^{\circ}$ নিচের কোনটি সঠিক? o i ও ii (1) i (S iii n ii g iii

■ নিচের চিত্রের আলোকে ৯৭ ও ৯৮ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

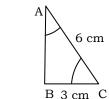


ΔABC একটি সমবাহু ত্রিভুজ।

৯৭. ∠BAD এর মান কত?

• 30° ② 45° **1** 60° ৯৮. $\triangle ABC$ সমবাহু ত্রিভুজ হলে, $\angle ABC + \angle CAB = \overline{\Phi}$ ত?

1 90° **⊚** 60° ● 120° 旬 180° ■ নিচের চিত্রের আলোকে ৯৯ ও ১০০ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :



৯৯. ∠BAC এর মান কত?

• 30° (1) 45° **၈** 60°

১০০. ∠ACB এর মান কত?

● 60° **⊚** 30° **3** 45° **旬** 90°

旬 65°

■ নিচের চিত্রের আলোকে ১০১ — ১০৩ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:



নবম-দশম শ্রেণি : সাধারণ গণিত ▶ ২৩৩ AB = BC = AC এবং D, E, F যথাক্রমে AB, AC ও BC এর ■ নিচের তথ্যের আলোকে ১০৪ ও ১০৫ নং প্রশ্নের উত্তর দাও: মধ্যবিন্দু। একটি ত্রিভুজের ভূমি 3 মি·, ভূমি সংলগ্ন ১টি কোণ 30° ও ভূমির অন্য ১০১. ∠DEF = ক্ত? কিছুর উপর অঙ্কিত লম্বের দৈর্ঘ্য 4 মি। **⊚** 90° **3** 45° **30° 30°** ১০৪. ভূমির বিপরীত কোণের মান কত ডিগ্রি? ১০২. BC = 10 cm **হলে**, DE = কত? **45°** ⊕ 10 cm ② 2 cm • 5 cm **3** 6 cm ১০৫. ত্রিভুজটির অপর বাহুর দৈর্ঘ্য কত মিটার? ১০৩. ∠ABC + ∠ACB = কত? (4) **⊚** 60° **180°** ● 120° **旬** 90° এ অধ্যায়ের পাঠ সমন্বিত বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর ■ নিচের চিত্রের আলোকে ১১০ ও ১১২ নং প্রশ্নের উত্তর দাও: বহুপদী সমাপ্তিসূচক বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর ১০৬. নিচের বাক্যগুলো লৰ কর: i. সমদ্বিবাহু ট্রাপিজিয়ামের তির্যক বাহু দুইটি সমান ii. আয়তবেত্রে কর্ণ দুইটি পরস্পর সমান এবং পরস্পরকে ওপর লম্ব iii. বর্গবেত্রের কর্ণ দুইটি পরস্পর সমান এবং এরা পরস্পরকে সমকোণ সমদ্বিখণ্ডিত করে ΔABC এ ∠BAC = 90° এবং AD, BC এর উপর মধ্যমা নিচের কোনটি সঠিক? (সহজ) ১১০. ∠1 = 32° হলে ∠3 = কত? ⊕ i ଓ ii • i ७ iii iii V iii g i, ii g iii ② 44° ১০৭. নিচের গাণিতিক বাক্যগুলো লৰ কর: ১১১. $\angle 3 = 6(x + 1^{\circ})$ এবং $\angle 4 = 7x - 3^{\circ} = x$ এর মান কত? (মধ্যম) i. সমকোণী ত্রিভুজের প্রত্যেকটি কোণ সমকোণ **12°** ii. 100° কোণের সম্পূরক কোণ 80° ১১২. AD = (2y + 3) সে.মি. এবং BC = (12 – 8y) সে.মি. হলে BC = কত? কেটন iii. প্ৰবৃদ্ধ কোণের পরিমাপ 180° অপেৰা বেশি এবং 360° অপেৰা কম ⊕ 4 সে.মি. ● 8 সে.মি. নিচের কোনটি সঠিক?



[Note : সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজের ওপর মধ্যমা অতিভুজের

অর্ধেকের সমান। অর্থাৎ AD = BD = CD]

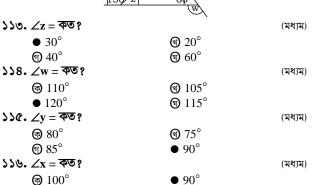
1 48°

10°

旬 20°

থি 6

旬 64°



3 85°

iii & i gii g iii

সূক্ষকোণ হবে

নিচের কোনটি সঠিক?

(iii & ii

iii. রেখার দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও উচ্চতা আছে

iii & i 🕲

চতুর্ভুজটি একটি সামান্তরিক হবে

iii ℧ ii ●

ள ii 🖲 iii

i. একটি সরলরেখা দুইটি সরলরেখাকে ছেদ করলে আটটি কোণ উৎপুনু হয়

i. কোনো চতুর্ভুজের দুইটি কর্ণ পরস্পরকে সমদ্বিখণ্ডিত করলে

ii. কোনো চতুর্ভুজের দুইটি কর্ণ অসমান হলে এবং তারা

iii. কোনো চতুর্ভুজের তিনটি কোণ সমকোণ হলে অপর কোনটি

পরস্পরকে লম্বভাবে সমদ্বিখণ্ডিত হলে চতুর্ভুজটি একটি রম্বস হবে

ii છ i

o i 😉 ii

১০৮. নিচের বাক্যগুলো লৰ কর:

নিচের কোনটি সঠিক?

১০৯. নিচের বাক্যগুলো লৰ কর:

ii. এক সরলকোণ = 180°

g i, ii g iii

g i, ii g iii

g i, ii 🛭 iii

(সহজ)

(সহজ)

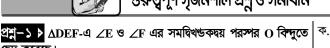
অভিনু তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর



গুরুত্বপূর্ণ সৃজনশীল প্রশু ও সমাধান



1 95°



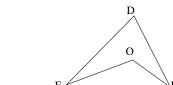


ক. উদ্দীপকের আলোকে চিত্রটি আঁক।

দেখাও যে, DE + DF > OE + OF.

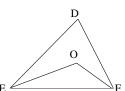
প্রমাণ কর যে, $\angle EOF = 90^{\circ} + \frac{1}{2} \angle D$.

🕨 🕯 ১নং প্রশ্নের সমাধান 🕨 🕯



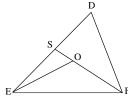


8



খ. বিশেষ নির্বচন : প্রদত্ত তথ্য অনুযায়ী DEF ত্রিভুজ। ∠E ও ∠F এর সমদ্বিখন্ডকদ্বয় যথাক্রমে EO ও FO। পরস্পর O বিন্দৃতে ছেদ করে। দেখাতে হবে যে,

DE + DF > OE + OF



আজ্জন : FO কে বর্ধিত করি যেন তা DE কে S কিদুতে ছেদ করে। প্রমাণ :

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

- (১) ΔDFS - $\triangleleft DF + DS > SF$ $\triangleleft \square$, DF + DS > OF + OS(i)
- [ত্ৰিভুজের যেকোনো দুই বাহুর সমষ্টি তৃতীয় বাহু অপেৰা বৃহত্তর]
- (২) আবার, ∆EOS-এ
- $OS + ES > OE \dots(ii)$
- (৩) (i) ও (ii) নং যোগ করে পাই,
- DF + DS + OS + ES > OF + OS + OE
- বা, DF + DE + OS > OF + OS +
- OE [:: DS + ES = DE]
- \therefore DF + ED > OE + OF (প্রমাণিত) টিভয় পর হতে OS বাদ দিয়ে]
- গ. অনুশীলনী ৬.৩ এর ১২ নং প্রশ্নের সমাধান দেখ।

প্রা–২ ≯ ΔABC এ ∠B ও ∠C এর সমদ্বিশুভক দুইটি O বিন্দুতে মিলিত হয়েছে।

- ক. উপরের তথ্যের আলোকে চিহ্নিত চিত্র আঁক।
- খ. প্রমাণ কর যে, $\angle BOC = 90^{\circ} + \frac{1}{2} \angle A$.
- গ. AB ও AC বাহুকে বর্ধিত করলে B ও C বিন্দুতে যে বহিঃকোণ দুইটি উৎপন্ন হয়, তাদের সমদ্বিখন্ডক দুইটি P বিন্দুতে মিলিত হলে, প্রমাণ কর যে, ∠BPC = 90° − $\frac{1}{2}$ ∠A. 8

১ বিশ্বর সমাধান ১ বিশ্বর ১ বিশ্বর

অনুশীলনী ৬.৩ এর ১২ ও ১৩ নং প্রশ্নের সমাধান দেখ।

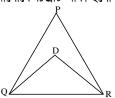
প্রমৃ–৩ ৮ ∆PQR এর ∠Q ও ∠R এর সমদ্বিখণ্ডক O বিন্দুতে পরস্পর মিলিত হয়েছে।



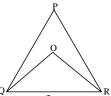
- ক. উপরের তথ্যের আলোকে চিত্রটি আঁক।
- খ. প্রমাণ কর যে, 2∠QOR = 180° ∠QPR.
- া. PQR ত্রিভুজটি সমবাহু হলে প্রমাণ কর যে, PO = QO = RO. 8

🕨 ৩নং প্রশ্রের সমাধান 🕨

ক. উপরের তথ্যের আলোকে চিত্রটি আঁকা হলো:



চিত্রে, $\triangle PQR$ এর $\angle Q$ ও $\angle R$ এর সমদ্বিখণ্ডক যথাক্রমে OQ ও OR পরস্পর O বিন্দুতে মিলিত হয়েছে।



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, $\triangle PQR$ এর $\angle Q$ ও $\angle R$ এর সমদ্বিখন্ডকদ্বয় QO ও RO পরস্পর O বিন্দুতে মিলিত হয়েছে। প্রমাণ করতে হবে যে, $2\angle QOR = 180^\circ - \angle QPR$.

প্রমাণ:

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

 $\begin{array}{l} \mbox{$\lambda \in \Delta OQR - \P$} \\ \mbox{$\angle QOR + \angle OQR + \angle ORQ = 180^\circ$} \\ \mbox{$\overline{\blacktriangleleft}$, $$$ $$$ $\angle QOR + $\frac{1}{2}$ $$$ $$$ $\angle PQR + $\frac{1}{2}$ } \\ \mbox{$\angle PRQ = 180^\circ$} \end{array}$

[ত্রিভুজের তিন কোণের সমফ্টি দুই সমকোণ] [QO ও RO যথাক্রমে ∠PQR ও ∠PRQ এর সমঘিখঙক]

 $> 1 \Delta OQR - 4$ $\angle QPR + \angle PQR + \angle PRQ = 180^{\circ}$ [ত্রিভুজের তিন কোণের সমষ্টি তিন সমকোণ]

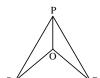
বা, ∠PQR + ∠PRQ = 180° − ∠QPR(2) ৩। (1) ও (2) থেকে পাই,

$$\angle QOR + \frac{1}{2}(180^{\circ} - \angle QPR) = 180^{\circ}$$

$$\overline{\text{Al}}, \angle QOR + 90^{\circ} - \frac{1}{2} \angle QPR = 180^{\circ}$$

₫,
$$\angle$$
QOR = $180^{\circ} - 90^{\circ} + \frac{1}{2} \angle$ QPR

বা, $2\angle QOR = 180^{\circ} + \angle QPR$ (প্রমাণিত) [বোর্ড প্রশ্নে কিছু ভুল আছে]



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, PQR একটি সমবাহু ত্রিভুজ। $\angle Q$ ও $\angle R$ এর সমদ্বিখন্ডক যথাক্রমে QO ও RO পরস্পর O বিন্দুতে মিলিত হয়েছে। P, O যোগ করি। প্রমাণ করতে হবে যে, PO = OO = RO.

প্রমাণ :

২

ধাপসমূহ	যথাৰ্থতা
১ ∆POQ এবং ∆QOR – এ	[OQ, ∠PQR এর
$\angle OQP = \angle OQR$	সমদ্বিখণ্ডক]
OQ সাধারণ বাহু	
বা, PQ = QR	[PQR সমবাহু
$\therefore \Delta POQ \cong \Delta QOR$	ত্রিভূজ]
∴ PO = QO(i)	
২। APOR ଓ AOQR- ଏ	
$\angle ORP = \angle ORQ$	[OR, ∠PRQ এর
OR সাধারণ বাহু	সমদ্বিখণ্ডক]
PR = QR	
$\therefore \Delta POR \cong \Delta OQR$	
\therefore PO = RO(ii)	

খ.

৩। (i) ও (ii) থেকে পাই, PO = QO = RO (প্রমাণিত).

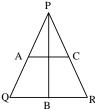
প্রমু−৪ ▶ সবুজ সাহেবের শস্য ৰেত্র ∆ আকৃতির। তিনি পাখি তাড়ানোর জন্য শীর্ষবিন্দু P, Q, R এবং তিনটি বাহুর মধ্যবিন্দু A, B, C খুঁটি দিয়ে P - Q; Q - R; R - P; A - C এবং P - B রেখা বরাবর দড়ি বেঁধে দিলেন।



- ক. তথ্যানুসারে জ্যামিতিক চিত্র আঁক।
- দেখাও যে, AC || QR এবং QR = 2AC.
- প্রমাণ কর যে, PQ + PR > 2PB.

🕨 ४ ৪নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 ४

ক.



দেওয়া আছে, সবুজ সাহেবের শস্যবেত্র ∆ আকৃতির। তিনি পাখি তাড়ানোর জন্য শীর্ষবিন্দু P, Q, R এবং তিনটি বাহুর মধ্যবিন্দু, A, B ও C খুঁটি দিয়ে P – Q; Q – R; R – P; A – C এবং P – B রেখা বরাবর দড়ি বেঁধে দিলেন। তথ্যানুসারে চিত্রটি অঙ্কন করা হলো।

খ. এখানে ΔPQR -এর PQ, QR ও PR এর মধ্যবিন্দুগুলো যথাক্রমে

দেখাতে হবে যে, AC || QR এবং QR = 2AC.



অঙ্কন : 'ক' হতে প্রাপত চিত্রে AC কে K পর্যন্ত এমনভাবে বর্ধিত করি যেন CK = AC হয়।

প্রমাণ :

ধাপসমূহ

১। APAC ও ACRK-এর মধ্যে PC = CR

> AC = CK $\angle ACP = \angle RCK$ $\triangle APC \cong \Delta CRK$

 \therefore AP = RK. (২) এবং ∠PAC = ∠CKR এবং ∠APC = ∠CRK কিম্তু এরা একান্তর কোণ বলে,

AP || RK এবং

 $AK \parallel QR$

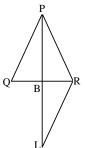
∴ AC || QR (দেখানো হলো)

- (७) ∵ PA = QA, QA ଓ RK পরস্পর সমান ও সমান্তরাল।
- (৪) আবার, AK ও QR পরস্পর সমান ও সমান্তরাল।
- (\mathcal{C}) : AK = QR বা, AC + CK = QR \triangleleft , AC + AC = QR [:: CK = AC]

বা, 2AC = QR ∴ QR = 2AC (দেখানো হলো)

'ক' হতে প্রাশ্ত চিত্রে, B, QR এর মধ্যবিন্দু। প্রমাণ করতে হবে \triangleleft , PQ + PR > 2PB.

অঙ্কন: PB কে L পর্যন্ত এমনভাবে বর্ধিত করি যেন, PB = BL হয়। L, R যোগ করি।



প্রমাণ:

PB = BLQB = BR

এবং অন্তর্ভুক্ত ∠PBQ = অন্তর্ভুক্ত

∠LBR

 $\therefore \Delta PBQ \cong \Delta BLR$

 $\therefore PQ = LR$

২। এখন, ∆PLR- এ PR + LR > PL

> $\therefore PR + LR > PB + BL$ বা, PR + PQ > PB + PB

∴ PQ + PR > 2PB (প্রমাণিত)

যথাৰ্থতা

[B, QR-এর মধ্যবিন্দু]

[বিপ্রতীপ কোণ বলে]

ত্রিভজের যে কোনো দুই

বাহুর সমষ্টি তৃতীয় বাহু

[: PL = PB + BL]

[:: LR = PQ এবং

অপেৰা বৃহত্তর]

PB = BL

২

8

[অজ্জনানুসারে]

প্রমু**–৫ >** ∆PQR এর PR = QR, QR কে M পর্যন্ত বর্ধিত করা **হলো** যেন QR = MR



- ক. একটি ত্রিভুজ এঁকে এর মধ্যমাগুলো চিহ্নিত কর।
- খ. প্রমাণ কর যে, PQ + PM > 2PR
- গ. প্রমাণ কর যে, $\angle QPM = 1$ সমকোণ। 8

১ ৫নং প্রশ্রের সমাধান ১ ৫

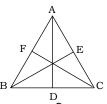
যথাৰ্থতা

[∵ C, PR-এর

[অজ্ঞকনানুসারে]

[বিপ্রতীপ কোণ]

মধ্যবিন্দু]



AABC-এর AD, BE ও CF ৩টি মধ্যমা।

খ.



দেওয়া আছে, $\triangle PQR$ এ $PR = QR \mid QR$ কে M পর্যন্ত বর্ধিত করা হলো যেন QR = MR হয়। প্রমাণ করতে হবে যে, PQ +PM > 2PR

প্রমাণ :

ধাপসমূহ যথাৰ্থতা

গ.



দেওয়া আছে, ΔPQR এ PR=QR । QR কে M পর্যন্ত বর্ধিত করা হলো যেন RM=QR হয় ।

প্রমাণ করতে হবে যে, ∠QPM = 1 সমকোণ।

প্রমাণ :

ধাপসমূহ যথার্থতা ১ | △PQM – এ PR = QR [দেওয়া আছে] ∴ ∠QPR = ∠PQR [সমান সমান বাহুর বিপরীত আবার, △PRM এ কোণদ্বয় সমান] PR = MR ∴ ∠RPM = ∠PMR বা, ∠QPR = ∠RPM = ∠PQR + ∠PMR

∴∠QPM = ∠PQM + ∠PMQ ২। এখন, ∆PQM এ

প্রা – ৬ > আরমান সাহেবের ত্রিভুজাকৃতি একখণ্ড জমি আছে। জমিটি তিনটি শীর্ষস্থান P, Q, R এ তিনটি খুঁটি আছে। জমিটির PQ পাশের ঠিক মাঝখানে D স্থানে একটি খুঁটি আছে এবং PR পাশের ঠিক মাঝখানে E স্থানে একটি খুঁটি আছে।

[চ.বো. ন. গু. '১৫]



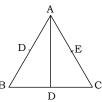
ক. সংৰিশ্ত বৰ্ণনাসহ জমিটির একটি চিহ্নিত চিত্র অজ্জন কর।২

খ. প্রমাণ কর যে,
$$DE = \frac{1}{2}QR$$

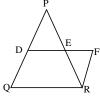
গ. প্রমাণ কর যে, PQ + QR > 2QE

🕨 🕯 ৬নং প্রশ্রের সমাধান 🌬

ক.



মনে করি, আরমান সাহেবের জমিটি ΔPQR । জমিটির P, Q, R স্থানে তিনটি খুঁটি আছে। PQ পাশের ঠিক মাঝখানে D স্থানে একটি খুঁটি আছে এবং PR পাশের ঠিক মাঝখানে E স্থানে একটি খুঁটি আছে।



মনে করি, ΔPQR এ PQ ও PR এর মধ্যবিন্দু যথাক্রমে D, E। প্রমাণ করতে হবে $DE=\frac{1}{2}\,QR$

জঙ্কন : DE কে F পর্যন্ত বর্ধিত করি যেন DE = EF হয়। R, F যোগ করি।

প্রমাণ : ধাপসমূহ যথার্থতা

১. ΔPDE ଓ ΔEFR এ

অশ্বর্দ্ত ∠PED = অশ্বর্দ্ত ∠REF

$$\therefore \triangle PDE = \triangle EFR$$

∴ PQ || RF অর্থাৎ DQ || RF

২. QDRF চতুর্ভুজের দুটি বিপরীত বাহু DQ ও RF সমান ও সমান্তরাল হওয়ায় অপর বিপরীত বাহু DF ও QR সমান ও সমান্তরাল।

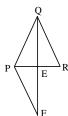
$$\therefore$$
 DF = QR

$$\therefore DE = \frac{1}{2}DF$$

∴ DE =
$$\frac{1}{2}$$
 QR (প্রমাণিত)

গ.

8



মনে করি, ΔPQR এ E, PR এর মধ্যবিন্দু প্রমাণ করতে হবে, PQ+QR>2QE।

অঙ্জন : QE কে F পর্যন্ত বর্ধিত করি যেন QE = EF হয়। P, F যোগ করি।

প্রমাণ :

ধাপসমূহ যথার্থতা

> | ∆QER ଓ ∆PEF এ

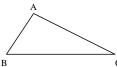
$$QE = EF$$
 [অজ্জন]

অন্তর্ভুক্ত ∠QER = অন্তর্ভুক্ত ∠PEF

$$\therefore \Delta QER = \Delta PEF$$

$$\therefore$$
 QR = PF

খ.

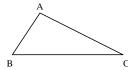


উদ্দীপকের আলোকে নিচের প্রশ্নগুলির উত্তর দাও:

- ক. জ্যামিতিক উপপাদ্যের প্রমাণে ধাপগুলি কী কী?
- খ. যদি ΔABC এর ∠ABC >∠ACB হয়, তবে প্রমাণ কর যে, AC >AB
- গ. ΔABC এর BC বাহুর মধ্যবিন্দু Q হলে, প্রমাণ কর যে, AB + AC > 2 AQ 8

🕨 ৭নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

- ক. জ্যামিতিক উপপাদ্যের প্রমাণে ধাপগুলো হচ্ছে—
 - ১. সাধারণ নির্বচন
 - ২. চিত্র ও বিশেষ নির্বচন
 - ৩. প্রয়োজনীয় অজ্জনের বর্ণনা এবং
 - ৪. প্রমাণের যৌক্তিক ধাপগুলোর বর্ণনা।



বিশেষ নির্কান : মনে করি, $\triangle ABC$ এর $\angle ABC > \angle ACB$. প্রমাণ করতে হবে যে, AC > AB.

প্রমাণ :

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

১। যদি AC বাহু AB অপেৰা বৃহত্তর না হয়, তবে (i) AC = AB অথবা (ii) AC < AB হবে।

- (i) যদি AC = AB হয়, ∠ABC =
 ∠ACB কিম্তু শর্তানুযায়ী ∠ABC
 > ∠ACB তা প্রদন্ত শর্তবিরোধী।
- (ii) আবার, যদি AC < AB হয়, তবে ∠ABC < ∠ACB হবে। কিম্তু তাও প্রদন্ত শর্তবিরোধী।

সুতরাং, AC বাহু AB এর সমান বা AB থেকে ক্ষুদ্রতর হতে পারে না। অতএব, AC > AB **(প্রমাণিত**)

 ΔABC এর BC বাহুর মধ্যবিন্দু Q হলে, প্রমাণ কর যে, AB+AC>2AO.

বিশেষ নির্বচন: দেওয়া আছে,

 ΔABC এর BC বাহুর মধ্যবিন্দু $Q \mid A, Q$ যোগ করি। প্রমাণ করতে হবে যে, AB + AC > 2AO

অজ্জন : AQ কে E পর্যন্ত এমনভাবে বর্ধিত করি যেন, AQ = QE হয়। E, C যোগ করি।

প্রমাণ:

ধাপসমূহ যথার্থতা

১। ১ABQ এবং ১ECQ এ

BQ = CQ AG = EQ অনতভুক্ত ∠AQB = অনতভুক্ত ∠EQC

 $\Delta ABC \cong \Delta BQC$ সূতরাং AB = BC (i) (২) এখন, ΔAEC এ AC + CE > AEবা, AC + AB > AQ + QEবা, AB + AC > AQ + AQ $\therefore AB + AC > 2AQ$ (প্রমাণিত) [Q, AC এর মধ্যকিদু]

অজ্জন অনুসারে]

[ত্রিভুজের যেকোনো দুই বাহুর সমষ্টি ততীয় বাহ

অপেৰা বৃ**হত্ত**ৱ]



অনুশীলনমূলক কাজের আলোকে সৃজনশীল প্রশু ও সমাধান

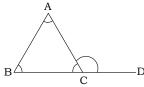


প্রমৃ–৮ ▶ ∆ABC এর BC বাহুকে বর্ধিত করায় এর বহিঃস্থ ∠ACD উৎপন্ন হয়।

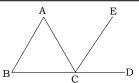
- ক. তথ্যের আলোকে চিত্র এঁকে বহিঃস্থ ও অন্তঃস্থ কোণ চিহ্নিত কর। খ. প্রমাণ কর যে, বহিঃস্থ কোণটি তার বিপরীত অন্তঃস্থ
 - কোণদ্বয়ের সমস্টির সমান। গ. দেখাও যে, বহিঃস্থ কোণটি অন্তঃস্থ বিপরীত
 - গ. দেখাও যে, বহিঃস্থ কোণটি অন্তঃস্থ বিপরীত কোণদ্বয়ের প্রত্যেকটি অপেবা বৃহত্তর।

১ ৬ ৮নং প্রশ্রের সমাধান ১ ৫

ক.



△ABC এর বহিঃস্থ কোণ ∠ACD এবং অন্তঃস্থ কোণ ∠ABC, ∠ACB এবং ∠BAC∙



মনে করি, $\triangle ABC$ এর BC বাহুকে D পর্যন্ত বর্ধিত করায় বহিঃস্থ কোণ $\angle ACD$ উৎপন্ন হয়েছে। প্রমাণ করতে হবে যে, $\angle ACD = \angle BAC + \angle ABC$

অঙ্কন : C বিন্দু দিয়ে BA বাহুর সমান্তরাল করে CE রশ্মি টানি। প্রমাণ :

ধাপসমূহ মথা**র্থতা**(১) BA ∥ CE [অজ্জন অনুসারে]

এবং AC ছেদক।

∴ ∠BAC = ∠ACE

(২) আবার, BA || CE এবং BD ছেদক।

∴ ∠ABC = ∠ECD

(একাম্তর কোণ বলে]

·····(ii)

খ.

সমকোণ(i)

মিলিত হয়েছে।

.... (ii)

(২) আবার, AC রশ্মি প্রান্তবিন্দু C তে

(৩) (i) নং ও (ii) নং তুলনা করে পাই, ∠ACB + ∠ACD = ∠ABC +

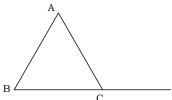
∠ACD > ∠BAC (প্রমাণিত)

অপর একটি সরলরেখা BD

ফলে $\angle ACB$ এবং $\angle ACD$ সন্নিহিত কোণদ্বয় উৎপন্ন হয়েছে। $\angle ACB + \angle ACD = 2$ সমকোণ

(৩) (i) নং ও (ii) নং যোগ করে পাই, ∠BAC + ∠ABC = ∠ACE + ∠ECD বা, ∠BAC + ∠ABC = ∠ACD ∴ ∠ACD = ∠BAC + ∠ABC· [∵ ∠ACE + ∠ECD = ∠ACD] (প্রমাণিত) সমষ্টি দুই সমকোণ]

গ.



মনে করি, $\triangle ABC$ এর BC বাহুকে D পর্যন্ত বর্ধিত করায় বহিঃস্থ $\angle ACD$ উৎপন্ন হয়েছে।

প্রমাণ করতে হবে যে, বহিঃস্থ $\angle ACD >$ অন্তঃস্থ বিপরীত $\angle BAC$ এবং বহিঃস্থ $\angle ACD >$ অন্তঃস্থ বিপরীত $\angle ABC$ প্রমাণ :

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

(১) AABC এর

 $\angle ABC + \angle ACB + \angle BAC = 2$

[∵ ত্রিভুজের তিন কোণের

∠ACB + ∠BAC বা, ∠ACD = ∠ABC + ∠BAC [উভয়পৰ থেকে সমান কোণ ∴∠ACD > ∠ABC এবং বাদ দিয়ে]



অতিরিক্ত সৃজনশীল প্রশু ও সমাধান

২

8

8



প্রশ্ল–৯ > ABC একটি সমবাহু ত্রিভুজ দেওয়া হলো



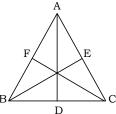
?

- ক. ΔABC-এ AD, BE ও CF তিনটি মধ্যমা আঁক।
- খ. প্রমাণ কর যে, AB + AC > 2AD
- গ. প্রমাণ কর যে, মধ্যমাত্রয়ের সমষ্টি তার পরিসীমা অপেৰা ক্ষুদ্রতর।

🕨 🕯 ৯নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

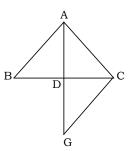
ক.

খ.



∆ABC-এর তিনটি মধ্যমা AD, BE ও CF আঁকা **হলো**।

B C D



মনে করি, ΔABC এর AD মধ্যমা। প্রমাণ করতে হবে যে, $AB + AC > 2AD\cdot$

অঙ্কন : AD বাহুকে G পর্যন্ত এরূ পভাবে বর্ধিত করি যেন, AD = DG হয়। C, G যোগ করি।

প্রমাণ :

ধাপসমূহ যথাৰ্থতা

(\$) AABD & ACDG 4

AD = DGBD = CD [অজ্জনানুসারে] [∵ D, BC এর মধ্যবিন্দু]

এবং অন্তর্ভুক্ত $\angle ADB =$ অন্তর্ভুক্ত $\angle CDG \cdot$

[বিপ্রতীপ কোণ বলে]

 $\therefore \Delta ABD \cong \Delta CDG$

 \therefore AB = CG

(২) এখন, ১ACG এ AC + CG > AG

[ত্রিভুজের যেকোনো দুই বাহুর সমষ্টি তার তৃতীয়

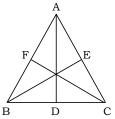
বাহু অপেৰা বৃহত্তর] [∵ AG = AD + DG]

বা, AC + CG > AD + DG বা, AC + CG > AD + AD [:: AD = DG][:: AB = CG]

বা, AC + AB > 2AD

∴ AB + AC > 2AD (প্রমাণিত)

গ.



মনে করি, $\triangle ABC$ এ AD, BE ও CF তিনটি মধ্যমা। প্রমাণ করতে হবে যে, মধ্যমাত্রয়ের সমস্টি তার পরিসীমা অপেবা ক্ষুদ্রতর অর্থাৎ, AD+BE+CF < AB+BC+AC.

প্রমাণ :

ধাপসমূহ যথার্থতা

(১) 'খ' হতে আমরা পাই,

(৩) সমীকরণ (i), (ii) ও (iii) যোগ করে পাই,

AB + AC + AB + BC + BC + AC > 2AD + 2BE + 2CF \P , 2(AB + BC + AC) > 2(AD + BE + CF)

বা, AB + BC + AC > AD + BE + CF

 \therefore AD + BE + CF < AB + BC + AC

্ল AD + BE + CF < AB + BC + AC অতএব, মধ্যমাত্রয়ের সমষ্টি তার পরিসীমা অপেৰা ক্ষুদ্রতর।

প্রমাণিৎ

২

8

প্রশ্ন−১০ চ ABC ত্রিভুজের ∠B = এক সমকোণ এবং D, অতিভুজ AC এর মধ্যবিশ্ব।

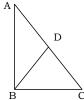
ক. উপরিউক্ত তথ্যের আলোকে চিত্র আঁক।

? খ. খ.

- খ. প্রমাণ কর যে, $BD = \frac{1}{2}AC$.
- গ. যদি AB = BC হয় তবে প্রমাণ কর যে, $\triangle ABD \cong \triangle BCD$ এবং $AB^2 = BD^2 + AD^2$.

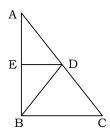
🕨 🕯 ১০নং প্রশ্রের সমাধান 🕨

ক.



ABC ত্রিভুজে $\angle B =$ এক সমকোণ এবং অতিভুজ AC এর মধ্যবিন্দু D.

খ.



 ΔABC এর $\angle B=$ এক সমকোণ এবং D, অতিভুজ AC এর মধ্যবিন্দু। প্রমাণ করতে হবে যে, $BD=\frac{1}{2}\,AC\cdot$

অঙকন : AB এর মধ্যবিন্দু E নিই এবং D, E যোগ করি।

প্রমাণ :

ধাপসমূহ

যথার্থতো

- (১) AABC এর E ও D যথাক্রমে AB ও AC এর মধ্যবিদ্দু।
 - ∴ ED || BC

ি ত্রিভুজের যেকোনো দুই বাহুর মধ্যবিন্দুর সংযোজক রেখাংশ তৃতীয় বাহুর সমান্তরাল]

[অনুরূ প কোণ]

∴ ∠AED = ∠BED = এক সমকোণ।

(২) এখন, ΔΑΕD ও ΔΒΕD এর মধ্যে ΑΕ = ΒΕ

[: E, AB এর মধ্যবিন্দু]

DE সাধারণ বাহু

এবং অন্তর্ভুক্ত ∠AED = অন্তর্ভুক্ত [সমকোণ] ∠BED

- ∴ ΔAED ≅ ΔBED
- $\therefore AD = BD$
- (৩) কিম্ছু, $AD = \frac{1}{2}AC$

∴ BD =
$$\frac{1}{2}$$
 AC (প্রমাণিত)





 ΔABC এ $\angle B$ = এক সমকোণ এবং D, AC এর মধ্যবিন্দু এবং $AB = BC \mid \mbox{21nd} \mbox{ कরতে হবে যে, } \Delta ABD \cong \Delta BCD \mbox{ এবং } AB^2 = BD^2 + AD^2$

প্রমাণ:

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

(১) ΔABD 영 ΔBCD-의

AB = BC

[দেওয়া আছে]

AD = CD

[:: D, AC এর মধ্যবিন্দু]

- এবং BD সাধারণ বাহু
- $\therefore \Delta ABD \cong \Delta BCD$
- (২) যে**হে**তু AB = BC

সুতরাং $\triangle ABC$ একটি সমদ্বিবাহু ত্রিভুজ।

আবার, D, AC এর মধ্যবিন্দু বলে $BD \perp AC$

সুতরাং, ∆ABD একটি সমকোণী ত্রিভুজ

যার ∠ADB = এক সমকোণ।

(9) $AB^2 = AD^2 + BD^2$

[পিথাগোরাসের উপপাদ্য অনুসারে]

∴ ΔABD ≅ ΔBCD

এবং $AB^2 = BD^2 + AD^2$ (প্রমাণিত)

এম–১১ → ABC একটি সমবাহু ত্রিভুজ যার BC, CA ও AB বাহুর মধ্যবিন্দু যথাক্রমে D, E, F.



- ক. উপরিউক্ত তথ্যের ভিত্তিতে চিত্রটি আঁক এবং সংবিশ্ত বর্ণনা দাও।
- খ. প্রমাণ কর যে, FE \parallel BC এবং FE $=\frac{1}{2}$ BC \cdot
- 8

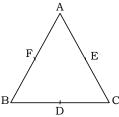
২

8

গ. প্রমাণ কর যে, ∆DEF একটি সমবাহু ত্রিভুজ।

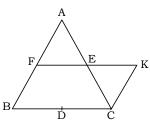
🕨 🕯 ১১নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

ক.



 $\triangle ABC$ একটি সমবাহু ত্রিভূজ যার $AB = BC = CA \cdot BC$, CA ও AB এর মধ্যবিন্দুগুলো যথাক্রমে D, E ও F.

খ.



ΔABC এর BC, CA ও AB এর মধ্যবিন্দুগুলো যথাক্রমে D, E ও F- প্রমাণ করতে হবে যে, $FE \parallel BC$ এবং $FE = \frac{1}{2}BC$

অজ্জন : F, E যোগ করি এবং FE কে এমনভাবে K পর্যন্ত বর্ধিত করি যেন EK = FE হয়। C, K যোগ করি।

প্রমাণ :

ধাপসমূহ

(১) AAFE ও ACEK-এর মধ্যে

AE = EC

[∵ E, AC এর মধ্যবিন্দু]

FE = EK.

[অজ্জনানুসারে] [বিপ্রতীপ কোণ]

 $\angle AEF = \angle CEK$

 $\therefore \Delta AFE \cong \Delta CEK$

 \therefore AF = CK

(২) এখন ∠AFE = ∠EKC এবং

 $\angle FAE = \angle ECK$

কিম্তু এরা একাম্তর কোণ বলে,

 $AF \parallel CK$

 \therefore FK || BC

∴ FE || BC. (প্রমাণিত)

(৩) আবার, FK = BC

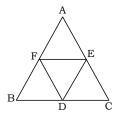
বা, FE + EK = BC

বা, FE + FE = BC

বা, 2FE = BC

∴ $FE = \frac{1}{2}BC$ (প্রমাণিত)

গ.



 ΔABC একটি সমবাহু ত্রিভুজ অর্থাৎ AB = BC = AC প্রমাণ করতে হবে যে, ∆DEF একটি সমবাহু ত্রিভুজ।

প্রমাণ: 'খ' হতে আমরা পাই,

$$FE = \frac{1}{2}BC$$

অনুরূ পে, DE = $\frac{1}{2}$ AB

এবং
$$FD = \frac{1}{2}AC$$

থেহেতু AB = BC = AC

বা,
$$\frac{1}{2}AB = \frac{1}{2}BC = \frac{1}{2}AC$$

বা, DE = FE = FD

∴ ΔDEF একটি সমবাহু ত্রিভুজ (প্রমাণিত)

প্রমু−১২ ১ 🗛 🗚 🕒 এর 🗸 ৪ ও 🗸 ৫ এর সমদ্বিখণ্ডকদর Ο বিন্দুতে মিলিত হয়।



ক. বর্ণনানুযায়ী চিত্রটি আঁক এবং সংবিশ্ত বর্ণনা দাও।

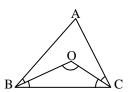
খ. প্রমাণ কর যে, $\angle BOC = 90^{\circ} + \frac{1}{2} \angle A$

গ. $\triangle ABC$ সমবাহু ত্রিভুজ হলে প্রমাণ কর যে, AO = BO

🕨 🕯 ১২নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

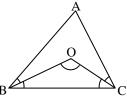
ক.

যথাৰ্থতা



△ABC এর ∠B ও ∠C এর সমিঘখন্ডকদ্বয় পরস্পর O বিন্দুতে মিলিত হয়েছে।

খ.



 ΔABC এর $\angle B$ ও $\angle C$ এর সমদ্বিখণ্ডকদ্বয় পরস্পর O বিন্দুতে মিলিত হয়েছে। প্রমাণ করতে হবে যে, $\angle BOC = 90^{\circ} + \frac{1}{2} \angle A$.

প্রমাণ:

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

(3) ΔABC-의

$$A + B + C = 180^{\circ}$$

$$\angle A + \angle B + \angle C = 180^{\circ}$$

[∵ ত্রিভুজের তিন কোণের সমষ্টি দুই সমকোণ]

[উভয় পৰকে 2 দারা ভাগ করে]

$$\vec{A}$$
, $\frac{1}{2} \angle B + \frac{1}{2} \angle C = 90^{\circ} - \frac{1}{2} \angle A$

(২) এখন, ∆BOC-এ

 $\angle BOC + \angle OBC + \angle OCB = 180^{\circ}$

[ত্রিভুজের তিন কোণের সমষ্টি দুই

বা,
$$\angle BOC + \frac{1}{2} \angle B + \frac{1}{2} \angle C = 180^{\circ}$$

সমকোণের সমান]

[(i) **হতে**]

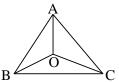
剩, ∠BOC + 90°
$$-\frac{1}{2}$$
 ∠A = 180°

বা, ∠BOC =
$$180^{\circ} - 90^{\circ} + \frac{1}{2}$$
 ∠A

$$\therefore \angle BOC = 90^{\circ} + \frac{1}{2} \angle A$$

(প্রমাণিত)

গ.



 ΔABC -এ AB = AC = BC- প্রমাণ করতে হবে যে, AO = BO = CO প্রমাণ :

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

$$(\S) \angle BOC = 90^{\circ} + \frac{1}{2} \angle A$$

্'খ' হতে পাই]

যেহেতু $\triangle ABC$ সমবাহু ত্রিভুজ, সুতরাং, $\angle A = \angle B = \angle C = 60^\circ$

∴
$$\angle BOC = 90^{\circ} + \frac{1}{2} \times 60^{\circ}$$

= $90^{\circ} + 30^{\circ} = 120^{\circ}$

(২) অনুরূ পভাবে,
$$\angle AOB = 90^{\circ} + \frac{1}{2} \angle C$$

$$=90^{\circ} + \frac{1}{2} \times 60^{\circ}$$
$$=120^{\circ}$$

$$43. \angle AOC = 120^{\circ}$$

(৩) এখন ΔAOB , ΔAOC ও ΔBOC -এ

$$\angle AOB = \angle AOC = \angle BOC = 120^{\circ}$$

 $\angle OAC = \angle OAB = \angle OBA = 30^{\circ}$

 $\therefore \ \Delta AOB \cong \Delta AOC \cong \Delta BOC$

∴ AO = BO = CO (প্রমাণিত)

প্রমু–১৩ ≯ ABC একটি গ্রিভুজ দেওয়া হলো যার ∠ACD ও ∠ABE দুইটি বহিঃস্থ কোণ।



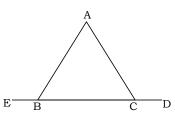
ক. বর্ণনানুসারে চিত্রটি আঁক।

খ. প্রমাণ কর যে, ∠ACD = ∠BAC + ∠ABC

গ. প্রমাণ কর যে, ∠ACD + ∠ABE > 2 সমকোণ।

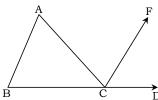
১ ১৩নং প্রশ্রের সমাধান ১ ব

ক.



ABC একটি ত্রিভুজ যার ∠ACD ও ∠ABE দুইটি বহিঃস্থ কোণ।

খ.



মনে করি, $\triangle ABC$ এর BC বাহুকে D পর্যন্ত বর্ধিত করায় $\angle ACD$ বহিঃস্থ কোণ উৎপন্ন হয়েছে যার বিপরীত অনতঃস্থ কোণ $\angle BAC$ ও $\angle ABC$ । প্রমাণ করতে হবে যে, $\angle ACD = \angle BAC + \angle ABC$ ।

অঙ্কন : C বিন্দুতে BA বাহুর সমান্তরাল CF রশ্মি টানি।

প্রমাণ :

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

- (১) BA \parallel CF এবং AC এদের ছেদক।
 - $\therefore \angle BAC = \angle ACF \cdots (i)$

[একান্তর কোণ]

- (২) আবার, BA || CF এবং BD এদের ছেদক।
 - $\therefore \angle ABC = \angle FCD \cdots (ii)$

[অনুরূ প কোণ]

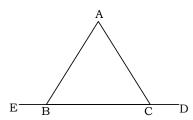
(৩) (i) ও (ii) নং যোগ করে পাই,

$$\angle BAC + \angle ABC = \angle ACF + \angle FCD$$

 \overrightarrow{A} , $\angle BAC + \angle ABC = \angle ACD$

∴ ∠ACD = ∠BAC + ∠ABC (প্রমাণিত)

গ.



 ΔABC এর দুইটি বহিঃস্থ কোণ $\angle ACD$ ও $\angle ABE$ । প্রমাণ করতে হবে যে, $\angle ACD + \angle ABE > 2$ সমকোণ।

প্রমাণ :

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

- (১) 'খ' নং হতে আমরা পাই,
- বহিঃস্থ ∠ACD = ∠BAC + ∠ABC ······ (i) (২) আবার, বহিঃস্থ ∠ABE = ∠BAC + ∠ACB ····· (ii)
- (৩) (i) ও (ii) নং যোগ করে পাই,

$$\angle$$
ACD + \angle ABE = \angle BAC + \angle ABC + \angle BAC + \angle ACB \triangleleft , \angle ACD + \angle ABE = \angle A + \angle B + \angle C + \angle A

[∵ ত্রিভুজের তিন কোণের সমষ্টি 180°]

 \therefore ∠ACD + ∠ABE > 2 সমকোণ | (প্রমাণিত)



বিভিন্ন স্কুলের নির্বাচিত সৃজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান



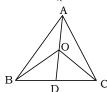
প্রমু−১৪ ≯ ∆ABC এর AB > AC এবং ∠B ও ∠C এর সমদ্বিখণ্ডকদর O বিন্দুতে মিলিত হয়। আবার $\angle A$ এর সমদ্বিখন্ডক AD রেখা BCবাহুকে D কিন্দুতে ছেদ করে।



- ক. প্রদ**ত্ত** তথ্য অনুযায়ী ABC ত্রিভুজটি আঁক।
- প্রমাণ কর যে, $\angle BOC = 90^{\circ} + \frac{1}{2} \angle A$
- দেখাও যে, ∠ADB স্থূলকোণ।

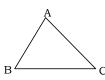
🕨 🕯 ১৪নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

উপরের তথ্য থেকে একটি ত্রিভুজ অঙ্কন করা হলো :



- অনুশীলনী ৬.৩ এর ১২ নং প্রশ্নের সমাধান দ্রফীব্য।
- অনুশীলনী ৬.৩ এর ১৮ নং প্রশ্নের সমাধান দ্রফ্টব্য।

-১৫ > নিচের চিত্র দুটি লৰ কর:





- ক. ২য় চিত্রে $\angle DEF = 90^\circ$ হলে পিথাগোরাসের সম্পর্কটি
- খ. ১ম চিত্রে $\angle ABC > \angle ACB$ হলে প্রমাণ কর যে, AC> AB.
- ABC ত্রিভুজের ∠B ও ∠C এর সমদ্বিখন্ডকদ্বয় O বিন্দুতে মিলিত হলে প্রমাণ কর যে, $\angle BOC = 90^{\circ} +$ $\frac{1}{2} \angle A$ 8

🕨 🕯 ১৫নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

ক. ২য় চিত্রে ∠E = 90 হলে DE লম্ব, EF ভূমি, এবং DF অতিভুজ।

পিথাগোরাসের সম্পর্কে থেকে আমরা জানি, অতিভুজ^২ = ভূমি^২ + লম্ব^২

- $\therefore DF^2 = EF^2 + DE^2$
- উপপাদ্য ১৩ নং দ্রুফ্টব্য।
- অনুশীলনী ৬.৩ এর ১২ প্রশ্নের সমাধান দ্রস্টব্য।

প্রমু−১৬ ≯ ABC একটি সমকোণী ত্রিভুজ। ∠B = এক সমকোণ। D অতিভুজ AC এর মধ্যবিন্দু। [ময়মনসিংহ জিলা স্কুল]

- ক. উপরের তথ্যানুযায়ী চিত্রটি আঁক ও চিহ্নিত কর।
- খ. প্রমাণ কর যে, $BD = \frac{1}{2}AC$.
- যদি $\triangle ABC$ এ AB = BC হয় এবং D অতিভূজ ACএর উপরের যেকোনো বিন্দু হলে, প্রমাণ কর যে, DA^2 $+ DC^2 = 2BD^2.$

🕨 🕯 ১৬নং প্রশ্নের সমাধান 🕨

উদ্দীপকের তথ্যানুযায়ী ত্রিভুজটি অজ্ঞন করা হলো।



- অনুশীলনী ৬.৩ এর ২০ নং প্রশ্নের গ নং সমাধান দ্রস্টব্য।
- গ.



যেহেতু AB = BC তাই ∆ABC একটি সমদ্বিবাহু সমকোণী ত্রিভুজ। AC অতিভুজ এবং D, BC এর উপর যেকোনো বিন্দু। প্রমাণ করতে হবে $DA^2 + DC^2 = 2BD^2 \Delta ABC$ সমদ্বিবাহু সমকোণী ত্রিভুজ হওয়ায় $\angle B = 90^\circ$, $\angle A = \angle C = 45^\circ$ ।

DF, BC এর উপর লম্ব

সুতরাং ∆DFC সমকোণী ত্রিভুজ।

DC অতিভুজ এবং ∠DCF = ∠FDC = 45°

 $[\because \angle C = 45^{\circ}]$

 \therefore DF = FC,

একই কারণে DE = AE

DFC সমকোণী ত্রিভুজে

 $DC^2 = DF^2 + FC^2$ [পিথাগোরাসের উপপাদ্যানুসারে]

[: DF = FC]

 $\begin{array}{c} = DF^2 + DF^2 \\ DC^2 = 2DF^2(i) \end{array}$

AED সমকোণী ত্রিভুজে

 $AD^2 = ED^2 + AE^2$ $= ED^2 + ED^2 \dots$ [:: ED = AE]

 $AD^2 = 2ED^2$ (ii)

DF, BC এর উপর এবং ED, AB এর উপর লম্ব হওয়ায় EDBF একটি আয়তবেত্র হবে। সুতরাং DE = BF সমীকরণ (i) ও (ii) যোগ করে পাই

 $DC^2 + AD^2 = 2DF^2 + 2ED^2$

 $= 2(DF^2 + ED^2)$

 $=2(DF^2+BF^2)$ [: DE = BF]

কিন্তু BDF সমকোণী ত্রিভুজের $DF^2 + BF^2 = BD^2$ $AD^2 + DC^2 = 2BD^2$

 $\therefore AD^2 + DC^2 = 2BD^2$ (প্রমাণিত)

প্রমৃ−১৭ ځ ΔABC একটি ত্রিভূজাকৃতি মাঠ। উহার বৃহত্তম বাহু BC = $\overline{18}$ মিটার অপর দুই বাহুর দৈর্ঘ্য $\overline{AB}=12$ মিটার এবং $\overline{AC}=9$ মিটার।

- ক. বাহুগুলোর অনুপাত নির্ণয় করে ত্রিভুজাকৃতি মাঠের একটি অনুপাতিক চিত্র অঙ্কন কর।
- খ. জ্যামিতিক পদ্ধতিতে প্রমাণ কর যে, AB ও AC বাহুদয়ের মধ্যবিন্দু দয়ের সংযোজক রেখাংশের দৈর্ঘ্য 9 মিটার।
- গ. ∠A এর সমদ্বিখন্ডক BC বাহুকে D বিন্দুতে ছেদ করলে প্রমাণ কর যে, ∠ADB একটি স্থূলকোণ।

🕨 🕯 ১৭নং প্রশ্নের সমাধান 🕨

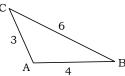
ক. ABC ত্রিভুজাকৃতি মাঠের প্রতিটি পার্শ্বের দৈর্ঘ্যের অনুপাত

BC:AB:AC=18:12:9

8

অর্থাৎ BC : AB : AC = 6 : 4 : 3

তাহলে মাঠের আনুপাতিক চিত্রটি হবে নিমুরূ প–



খ. ত্রিভুজটির AB ও AC বাহুর মধ্যকিন্দু যথাক্রমে D ও E হলে প্রমাণ করা যায় $DE=\frac{1}{2}\,BC$ । প্রমাণ : $BC=18\,$ মিটার

সুতরাং, DE = $\frac{1}{2} \times 18$ মিটার = 9 মিটার = 9 মিটার (প্রমাণিত)

গ. অনুশীলনী ৬.৩ এর ১৮ নং দ্রফীব্য।



সৃজনশীল প্রশ্নব্যাংক উত্তরসহ



প্রশ্ল−১৮ > AABC এর ∠ABC > ∠ACB।

- ______ ক. উপরিউক্ত তথ্যের ভিত্তিতে ∆ABC এর চিত্র আঁক।
- খ. প্রমাণ কর যে, ΔABC এর AC > AB
- গ. ত্রিভূজটির ∠A এর সমদ্খিত AE, BC কে E বিন্দুতে ছেদ করলে প্রমাণ কর যে, ∠AEB সূক্ষ্মকোণ।

প্রশ্ন−১৯ ≯ ABC একটি সমকোণী ত্রিভুজ। ∠B = এক সমকোণ। D অতিভুজ AC এর মধ্যবিন্দু।

- ক. উপরের তথ্যানুযায়ী চিত্রটি আঁক ও চিহ্নিত কর।
- খ. প্রমাণ কর যে, $BD = \frac{1}{2}AC$
- গ. যদি ΔABC এ AB=BC হয় এবং D অতিভূজ AC এর উপরের যেকোনো বিন্দু হলে, প্রমাণ কর যে, $DA^2+DC^2=2BD^2$. 8

প্রশ্ল−২০ ▶ ΔPQR এর PQ ও PR বাহুর মধ্যবিন্দু যথাক্রমে M ও N।

- ক. সংৰিপ্ত বিবরণসহ ত্রিভুজটি আঁক।
- খ. প্রমাণ কর যে, MN \parallel QR এবং MN $=\frac{1}{2}$ QR-
- গ. PQ = PR এবং $\angle QPR = 70^\circ$ হলে, $\angle QMN$ নির্ণয় কর।

প্রমৃ–২১ → ABC সমকোণী ত্রিভুজে ∠C = এক সমকোণ। ∠A এর সমিষ্ঠিশুক AD, BC বাহুকে D বিন্দুতে ছেদ করে।

- ক. প্রদত্ত তথ্য অনুযায়ী চিত্র অঙ্কন কর।
- খ. প্রমাণ কর যে, ∠ADB স্থূলকোণ।
- গ. প্রমাণ কর যে, $AB^2 = AD^2 + BD^2 + 2BD.CD$.

প্রমূ-২২ ight angle ΔPQR এর $\angle Q$ ও $\angle R$ এর সমিষ্বিশঙকদ্বয় M বিন্দুতে মিলিত হয়েছে।

- ক. প্রদত্ত শর্তানুসারে ΔPQR এর চিত্র অঙ্কন কর।
- খ. প্রমাণ কর যে, $\angle QMR = 90^{\circ} + \frac{1}{2} \angle P$.
- গ. Δ PQR এর অভ্যন্তরে যেকোনো বিন্দু D হলে প্রমাণ কর যে, PQ + PR > QD + DR \cdot 8

প্রশ্ন–২০ → ABC একই সমকোণী ত্রিভুজ যার ∠A = এক সমকোণ। BC বাহুর মধ্যবিন্দু D

- ক. প্রদন্ত তথ্য অনুযায়ী ABC ত্রিভুজটি অঙ্কন কর। ২
- খ. দেখাও যে, $AB^2 + AC^2 = BC^2$
- গ. প্রমাণ কর যে, $AD = \frac{1}{2}BC$.

প্রনৃ−২৪ ▶ ∆ABC এ AB ও AC বাহুর মধ্যবিন্দু যথাক্রমে D ও E; D, E যোগ করা হলো।

- ক. প্রদ**ত্ত তথ্যের ভিত্তিতে** একটি ত্রিভুজ আঁক। ২
- খ. প্রমাণ কর DE \parallel BC এবং DE $=\frac{1}{2}$ BC.
- গ. ΔABC এর ∠B ও ∠C এর সমদিখণ্ডকদ্বয় O বিন্দুতে মিলিত '
 - হলে প্রমাণ কর যে, $\angle BOC = 90^{\circ} + \frac{1}{2} \angle A$



অধ্যায় সমন্বিত সৃজনশীল প্রশু ও সমাধান

২

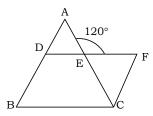
8

8



প্রমু–২৫ > নিচের চিত্রে AB ও AC এর মধ্যবিন্দু D ও E এবং

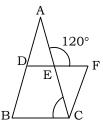
DE || BC & BD || CF



- ক. 120° কোণের সম্পূরক কোণ এবং ∠ECB কোণের মান নির্ণয় কর।
- খullet প্রমাণ কর যে, $\Delta ext{ADE}\cong \Delta ext{CEF}$
- গ. D কিদু AB বাহুর মধ্যকিদু হলে, প্রমাণ কর যে, $DE = \frac{1}{2}BC$ 8

🄰 ২৫নং প্রশ্রের সমাধান 🌬

ক. 120° কোণের সম্পূরক কোণ = $180^\circ - 120^\circ = 60^\circ$



চিত্রানুযায়ী , $\angle AEF = 120^\circ$ তাহলে , $\angle AED = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ$ সুতরাং $\angle AED = \angle BCE = 60^\circ$ [অনুরূ প কোণ]

খ. দেওয়া আছে, AB ও AC বাহুদ্বয়ের মধ্যবিন্দু D ও E। DF \parallel BC ও BD \parallel CF.

প্রমাণ করতে হবে যে, $\Delta ADE \cong \Delta CEF$

প্রমাণ : ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

(১) AD = BD

[:: AB এর মধ্যবিন্দু D]

এবং AE = CE

[:: AC এর মধ্যবিন্দু E]

(২) DBCF চতুর্জে BD = CF

ও BD∥CF

 \therefore AD = BD = CF

(৩) AADE ও AECF-ঘয়ে

AD = CF, AE = CE

এবং ∠AED = ∠CEF

[∵ বিপ্রতীপ কোণ]

∴ \triangle ADE \cong \triangle CEF (প্রমাণিত)

গ. দেওয়া আছে, D বিন্দু AB এর মধ্যবিন্দু। প্রমাণ করতে হবে যে, $DE = \frac{1}{2}\,BC\cdot$

প্রমাণ:

ধাপসমূহ

যথাৰ্থতা

(১) AB এর মধ্যবিন্দু D এবং DF \parallel BC বলে AC এর মধ্যবিন্দু E হবে। 'খ' হতে পাই, Δ ADE \cong Δ CEF অর্থাৎ DE = EF

 $\therefore DE = \frac{1}{2}DF$

[∴ DF এর মধ্যবিন্দু E]

(২) BCFD চতুর্ভুজের BD = CF
এবং BD || CF ও DF || BC
অর্থাৎ BCFD একটি সামাশ্তরিক।
সুতরাং DF = BC

(৩) (১) ও (২) হতে, $DE = \frac{1}{2}DF = \frac{1}{2}BC$ $\therefore DE = \frac{1}{2}BC$ (প্রমাণিত)

[::DF=BC]

['খ' হতে পাই]