Lösung 9

- 1. (i) positiv, (ii) positiv
 - (i) negativ, (ii) positiv
 - (i) positiv, (ii) negativ
 - (i) negativ, (ii) negativ

In Reaktion (i) wird nur ein Feststoff gebildet, während eine Flüssigkeit verschwindet. Die Reaktion (ii) führt dagegen u.a. zur Bildung eines Gases aus einem Feststoff.

2.
$$\square$$
 2 H₂(g) + O₂(g) \rightarrow 2 H₂O(l)

$$\square \quad 2 \operatorname{NO}(g) + \operatorname{O}_2(g) \rightarrow 2 \operatorname{NO}_2(g)$$

$$\mathbb{Z}$$
 Zn(s) + 2 H⁺(aq) \rightarrow Zn²⁺(aq) + H₂(g)

$$\square$$
 2 HgO(s) \rightarrow 2 Hg(l) + O₂(g)

Die Anzahl der Gesamtstoffmengen an Gas bleibt bei dieser Reaktion konstant.

- 3. 1 mol Helium in einem Volumen von 11
 - 1 mol Helium in einem Volumen von 1,5 l
 - 1 mol Helium in einem Volumen von 21
 - 1 mol Radon in einem Volumen von 11
 - Alle diese Proben besitzen die gleiche Entropie, weil sie alle die gleiche Teilchenzahl aufweisen.

Diese Gasprobe weist den kleinsten Druck auf und besitzt deswegen die größte Entropie.

- - niemals
 - □ 500 K
 - Zur Lösung dieser Aufgabe sind zusätzliche Informationen erforderlich.
 - **□** 500 °C

Da die Enthalpieänderung positiv ist, müsste die Entropieänderung auch positiv sein, um bei irgendeiner Temperatur ein Gleichgewicht erreichen zu können.

- 5. a)
 - i) Gleichgewichtsdrücke: $p (NO_2) = 1.000 \text{ bar} - 2 \text{ x} = 0.512 \text{ bar}$ x = 0.244 bar

$$p(N_2O_4) = 1.500 \text{ bar} + x = 1.744 \text{ bar}$$

ii)

$$K_p = \frac{p \cdot (\text{NO}_2)^2}{p \cdot (\text{N}_2\text{O}_4)} = \frac{0.512^2}{1.744} = 0.150$$

iii)
$$\Delta G^{\circ} = -RT \ln K = -8.31 \text{ JKmol}^{-1} \cdot 298 \text{K} \cdot \ln 0.150 = 4.7 \text{kJmol}^{-1}$$

- b)
- i) NO: $\Delta_f H^\circ = 90.4 \ kJ/mol$; N₂O: $\Delta_f H^\circ = 81.6 \ kJ/mol$; NO₂: $\Delta_f H^\circ = 33.8 \ kJ/mol$

$$\Delta_r H^\circ = \Delta_f H^\circ(NO_2) + \Delta_f H^\circ(N_2O) - 3 \cdot \Delta_f H^\circ(NO) = [81.6 + 33.8 - 3(90.4)] \text{kJ/mol} = -155.7 \text{ kJ/mol}$$

- ii) Die Reaktion ist exotherm. Bei Temperaturerhöhung wird die Gleichgewichtskonstante kleiner (Le Chatelier). GGW verschiebt sich nach links.
- iii) Bei Verkleinerung des Gefässes erhöht sich der Druck. Das GGW verschiebt sich auf die Seite mit der geringeren Teilchenzahl, also nach rechts (Le Chatelier).

6.
$$C(s, Diamant) \longrightarrow C(s, Graphit)$$

$$\Delta_f H^{\circ} \text{ (kJ/mol):} + 1.88$$
 0.0
 $S^{\circ} \text{ (J/K·mol):} 2.43$ 5.69
 $\Delta_f G^{\circ} \text{ (kJ/mol):} + 2.89$ 0.0

$$\Delta_r H^\circ = (0.0 - 1.88) \text{ kJ/mol} = -1.88 \text{ kJ/mol}$$

 $\Delta_r S^\circ = (5.69 - 2.43) \text{ J/K·mol} = 3.26 \text{ J/K·mol}$
 $\Delta_r G^\circ = (0.0 - 2.89) \text{ kJ/mol} = -2.89 \text{ kJ/mol}$

$$2 \text{ CH}_3\text{OH } (g) + \text{H}_2 (g) \longrightarrow \text{C}_2\text{H}_6 (g) + 2 \text{H}_2\text{O} (g)$$

$$\Delta_f H^\circ$$
 (kJ/mol): - 201.2 0.0 - 84.68 - 241.8 S° (J/K·mol): 237.7 130.6 229.5 188.7 $\Delta_f G^\circ$ (kJ/mol): - 161.9 0.0 - 32.89 - 228.6

$$\Delta_{\rm r} H^{\circ} = (-84.68 - 2.241.8 - 2.(-201.2)) \text{ kJ/mol} = -165.9 \text{ kJ/mol}$$

 $\Delta_{\rm r} S^{\circ} = (229.5 + 2.188.7 - 2.237.7 - 130.6) \text{ J/K·mol} = 0.9 \text{ J/K·mol}$
 $\Delta_{\rm r} G^{\circ} = (-32.89 - 2.228.6 - 2.(-161.9)) \text{ kJ/mol} = -166.3 \text{ kJ/mol}$

7. 2 PbS (s) + 3 O₂ (g)
$$\longrightarrow$$
 2 PbO (s) + 2 SO₂ (g)
 $\Delta_r H^\circ = -844 \text{ kJ/mol}$; $\Delta_r S^\circ = -165 \text{ J/K·mol}$

$$\Delta_{\rm r}G^\circ = \Delta_{\rm r}H^\circ - {\rm T}\cdot\Delta_{\rm r}S^\circ = -844~{\rm kJ/mol} - 298~{\rm K}\cdot(-165~{\rm J/K\cdot mol}) = -795~{\rm kJ/mol}$$

Spontan unter Standardbedingungen. Die stark negative Reaktionsenthalpie kompensiert die negative Reaktionsentropie.

$$2 \text{ POCl}_3(g) \longrightarrow 2 \text{ PCl}_3(g) + O_2(g)$$

$$\Delta_r H^\circ = 572 \text{ kJ/mol}$$
; $\Delta_r S^\circ = 179 \text{ J/K} \cdot \text{mol}$

$$\Delta_r G^\circ = \Delta_r H^\circ - T \cdot \Delta_r S^\circ = 572 \text{ kJ/mol} - 298 \text{ K} \cdot 179 \text{ J/K·mol}) = 519 \text{ kJ/mol}$$

Nicht spontan unter Standardbedingungen.

Es handelt sich um eine endotherme Reaktion, die unter Entropiezunahme erfolgt. Diese könnte bei sehr hoher Temperatur spontan werden. Die Grenztemperatur für $\Delta_r G = 0$ beträgt

$$T = \frac{\Delta_{\rm r} H^{\circ}}{\Delta_{\rm r} S^{\circ}} = \frac{572000 \text{J/mol}}{179 \text{J/K·mol}} = 3200 \text{K}$$

Die berechnete Temperatur ist so hoch, dass eine solche Reaktion praktisch nicht durchführbar ist.

8. i)
$$\Delta G^{\circ} = \Delta H^{\circ} - T\Delta S^{\circ} = 23.3 \text{ kJ } mol^{-1} - (298 \text{K} \cdot 97.2 \text{ J K}^{-1} mol^{-1}) = -5.66 \text{ kJ } mol^{-1}$$

$$lnK_p = -\frac{\Delta G^{\circ}}{RT} = -\frac{-5.66 \text{ kJ } mol^{-1}}{8.31 \text{ J K}^{-1} mol^{-1} \cdot 298 \text{ K}} = 2.28$$

$$K_p = 9.83$$

Das Gleichgewicht liegt auf der rechten Seite.

ii)

$$\frac{a(\mathrm{NH_3,g})}{a(\mathrm{NH_3,l})} = \frac{p^{\cdot}(\mathrm{NH_3,g})}{1} = K_p$$

$$p^{\cdot}(\mathrm{NH_3}) = K_p$$

 $\mathrm{T_1} = 298 \; \mathrm{K} \qquad \Rightarrow \qquad p_1(\mathrm{NH_3}) = 9.83 \; \mathrm{bar}$

iii)

$$ln\frac{p_2}{p_1} = \frac{\Delta H^{\circ}}{R} (\frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2})$$

$$\frac{R}{\Delta H^{\circ}} \cdot ln \frac{p_2}{p_1} - \frac{1}{T_1} = -\frac{1}{T_2}$$

$$\frac{8.31\,\mathrm{J\,K^{-1}}\,mol^{-1}}{23300\,\mathrm{J}\,mol^{-1}}\cdot ln\frac{1\,\mathrm{bar}}{9.83\,\mathrm{bar}} - \frac{1}{298\,\mathrm{K}} = -\frac{1}{T_2} = -0.00417\,\mathrm{K^{-1}}$$

$$\frac{1}{T_2} = 0.00417 \, \mathrm{K}^{-1}$$

$$T_2 = 239.8 \text{ K} \Rightarrow -33.4 \,^{\circ}\text{C}$$

9. a)

$$H_2(g) + CO_2(g) \rightleftharpoons CO(g) + H_2O(g)$$

Für diese Reaktion ist $K_p = 0.63$ bei 700°C und $K_p = 1.66$ bei 1000°C. R = 8.314 J K⁻¹ mol⁻¹

i)
$$T_1 = 973 \text{ K}$$
; $K_1 = 0.63$ $T_2 = 1273 \text{ K}$; $K_2 = 1.66$

$$\ln \frac{K_2}{K_1} = \frac{\Delta H^{\circ}}{R} \left(\frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} \right)$$

$$\ln \frac{1.66}{0.63} = \frac{\Delta H^{\circ}}{R} \left(\frac{1}{973 \text{K}} - \frac{1}{1273 \text{K}} \right)$$

$$\Delta H^{\circ} = \frac{\ln \frac{1.66}{0.63} \cdot 8.314 \text{ J } K^{-1} \text{ mol}^{-1}}{\frac{1}{973 \text{K}} - \frac{1}{1273 \text{K}}} = 3.33 \cdot 10^4 \text{ J mol}^{-1}$$
$$= 33.3 \text{ kJ mol}^{-1}$$

ii)
$$T_1 = 973 \text{ K}$$
; $K_1 = 0.63$ $T_2 = 1073 \text{ K}$; $K_2 = ?$

$$\ln \frac{K_2}{0.63} = \frac{3.33 \cdot 10^4 \text{ J mol}^{-1}}{8.314 \text{ J } K^{-1} \text{ mol}^{-1}} \left(\frac{1}{973 \text{K}} - \frac{1}{1073 \text{K}} \right) = 0.383$$

$$\frac{K_2}{0.63} = 1.47$$

$$K_2 = 0.92$$

$$NH_4Cl(s) \implies NH_3(g) + HCl(g)$$

Bei 25°C: $\Delta_r H^{\circ}$: + 177 kJ mol⁻¹; $\Delta_r S^{\circ}$: 285 J K⁻¹ mol⁻¹

i)

$$\Delta_{\rm r}G^{\circ}$$
 (298 K) = $\Delta_{\rm r}H^{\circ}$ - $T\Delta_{\rm r}S^{\circ}$

$$\Delta_{\rm r} G^{\circ} (298 \text{ K}) = + 177 \text{ kJ mol}^{-1} - 298 \text{ K} \cdot 285 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1} = 92.1 \text{ kJ mol}^{-1}$$

Reaktion nicht spontan.

ii)

$$\Delta_{\rm r}G^{\circ}$$
 (773 K) = $\Delta_{\rm r}H^{\circ}$ - 773 K · $\Delta_{\rm r}S^{\circ}$

$$\Delta_{\rm r}G^{\circ}$$
 (773 K) = + 177 kJ mol⁻¹ – 773 K · 285 J K⁻¹ mol⁻¹

$$= -43.3 \text{ kJ mol}^{-1}$$

Reaktion spontan.