

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre

algoritmos

Cálculo de la eficiencia

híbrida

Errores en el cálculo de la

constante oculta

Vectores con elementos

repetidos

Fin de la presentación

Práctica 2

El elemento en su posición

María Jesús López Salmerón
Nazaret Román Guerrero
Laura Hernández Muñoz
José Baena Cobos
Carlos Sánchez Páez

6 de abril de 2018

Índice

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre algoritmos

Cálculo de la eficiencia híbrida

Errores en el cálculo de la constante oculta

Vectores con elementos repetidos

Fin de la presentación

1 Presentación del problema

2 Diseño de algoritmos

- Algoritmo clásico
- Algoritmo Divide y Vencerás
- Medición de tiempos

3 Estudio de eficiencia

- Eficiencia empírica
 - Tamaños de problema
 - Comparación entre algoritmos
- Cálculo de la eficiencia híbrida
 - Errores en el cálculo de la constante oculta

4 Vectores con elementos repetidos

Índice

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre algoritmos

Cálculo de la eficiencia híbrida

Errores en el cálculo de la constante oculta

Errores en el cálculo de la constante oculta

Vectores con elementos repetidos

repetidos

Fin de la presentación

1 Presentación del problema

2 Diseño de algoritmos

- Algoritmo clásico
- Algoritmo Divide y Vencerás
- Medición de tiempos

3 Estudio de eficiencia

- Eficiencia empírica
 - Tamaños de problema
 - Comparación entre algoritmos
- Cálculo de la eficiencia híbrida
 - Errores en el cálculo de la constante oculta

4 Vectores con elementos repetidos

El elemento en su posición

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre algoritmos

Cálculo de la eficiencia

híbrida

Errores en el cálculo de la

constante oculta

Vectores con elementos

repetidos

Fin de la presentación

Sea v un vector **ordenado** y sin elementos repetidos,
determinar si $\exists i : v[i] = i$

Ejemplos

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaño de problema

Comparación entre algoritmos

Cálculo de la eficiencia

bienda

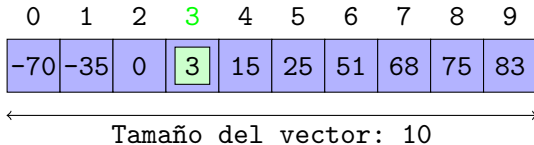
Errores en el cálculo de la

constante oculta

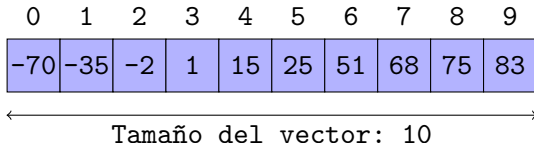
Vectores con elementos

repetidos

Fin de la presentación



Resultado del algoritmo : 3



Resultado del algoritmo : -1

Índice

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre algoritmos

Cálculo de la eficiencia híbrida

Errores en el cálculo de la constante oculta

Vectores con elementos repetidos

Fin de la presentación

1 Presentación del problema

2 Diseño de algoritmos

- Algoritmo clásico
- Algoritmo Divide y Vencerás
- Medición de tiempos

3 Estudio de eficiencia

- Eficiencia empírica
 - Tamaños de problema
 - Comparación entre algoritmos
- Cálculo de la eficiencia híbrida
 - Errores en el cálculo de la constante oculta

4 Vectores con elementos repetidos

Índice

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre algoritmos

Cálculo de la eficiencia híbrida

Errores en el cálculo de la constante oculta

Vectores con elementos repetidos

Fin de la presentación

1 Presentación del problema

2 Diseño de algoritmos

- **Algoritmo clásico**
- Algoritmo Divide y Vencerás
- Medición de tiempos

3 Estudio de eficiencia

- Eficiencia empírica
 - Tamaños de problema
 - Comparación entre algoritmos
- Cálculo de la eficiencia híbrida
 - Errores en el cálculo de la constante oculta

4 Vectores con elementos repetidos

Clásico

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre algoritmos

Cálculo de la eficiencia

híbrida

Errores en el cálculo de la constante oculta

Vectores con elementos

repetidos

Fin de la presentación

```
int elementoEnSuPosicion(const vector<int> &v) {  
    for (int i = 0; i < v.size() ; i++)  
        if (v[i] == i)  
            return i;  
    return -1;  
}
```


Índice

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre algoritmos

Cálculo de la eficiencia híbrida

Errores en el cálculo de la constante oculta

Vectores con elementos repetidos

Fin de la presentación

1 Presentación del problema

2 Diseño de algoritmos

- Algoritmo clásico
- **Algoritmo Divide y Vencerás**
- Medición de tiempos

3 Estudio de eficiencia

- Eficiencia empírica
 - Tamaños de problema
 - Comparación entre algoritmos
- Cálculo de la eficiencia híbrida
 - Errores en el cálculo de la constante oculta

4 Vectores con elementos repetidos

Divide y Vencerás

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema
Comparación entre
algoritmos
Cálculo de la eficiencia
búsqueda

Errores en el cálculo de la
constante oculta

Vectores con elementos
repetidos

Fin de la presentación

```
int elementoEnSuPosicion(const vector<int> &v, const int ini,
                        const int fin) {
    if (ini == fin) {           //Caso base
        if (v[ini] == ini)
            return ini;
        else
            return -1;
    }
    else { //Buscamos en la mitad adecuada.
        int mitad = (ini + fin) / 2;
        if (v[mitad] == mitad)
            return mitad;
        else if (v[mitad] > mitad)
            return elementoEnSuPosicion(v, ini, mitad-1);
        else
            return elementoEnSuPosicion(v, mitad + 1, fin);
    }
}
```

Índice

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre algoritmos

Cálculo de la eficiencia híbrida

Errores en el cálculo de la constante oculta

Vectores con elementos repetidos

Fin de la presentación

1 Presentación del problema

2 Diseño de algoritmos

- Algoritmo clásico
- Algoritmo Divide y Vencerás
- **Medición de tiempos**

3 Estudio de eficiencia

- Eficiencia empírica
 - Tamaños de problema
 - Comparación entre algoritmos
- Cálculo de la eficiencia híbrida
 - Errores en el cálculo de la constante oculta

4 Vectores con elementos repetidos

Modificación de código fuente

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaño de problema
Comparación entre
algoritmos
Cálculo de la eficiencia
búsqueda
Errores en el cálculo de la
constante oculta

Vectores con elementos
repetidos

Fin de la presentación

```
high_resolution_clock::time_point tantes;
high_resolution_clock::time_point tdespues;
duration<double> tiempo;
double acumulado = 0;
int pos;
for (int i = 0; i < 1000; i++) {
    tantes = high_resolution_clock::now();
    pos = elementoEnSuPosicion(myvector);
    tdespues = high_resolution_clock::now();
    tiempo = duration_cast<duration<double>>
                (tdespues - tantes);
    acumulado += tiempo.count();
}
acumulado /= 1000;
```

Índice

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre algoritmos

Cálculo de la eficiencia híbrida

Errores en el cálculo de la constante oculta

Vectores con elementos repetidos

Fin de la presentación

1 Presentación del problema

2 Diseño de algoritmos

- Algoritmo clásico
- Algoritmo Divide y Vencerás
- Medición de tiempos

3 Estudio de eficiencia

- Eficiencia empírica
 - Tamaños de problema
 - Comparación entre algoritmos
- Cálculo de la eficiencia híbrida
 - Errores en el cálculo de la constante oculta

4 Vectores con elementos repetidos

Índice

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre algoritmos

Cálculo de la eficiencia híbrida

Errores en el cálculo de la constante oculta

Vectores con elementos repetidos

Fin de la presentación

1 Presentación del problema

2 Diseño de algoritmos

- Algoritmo clásico
- Algoritmo Divide y Vencerás
- Medición de tiempos

3 Estudio de eficiencia

- Eficiencia empírica
 - Tamaños de problema
 - Comparación entre algoritmos
- Cálculo de la eficiencia híbrida
 - Errores en el cálculo de la constante oculta

4 Vectores con elementos repetidos

Tamaños de problema

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre

algoritmos

Cálculo de la eficiencia

híbrida

Errores en el cálculo de la

constante oculta

Vectores con elementos

repetidos

Fin de la presentación

Algoritmo	Eficiencia	Tamaño inicial	Tamaño final	Incremento
Clásico	$O(n)$	1.000.000	1.480.000	20.000
Divide y Vencerás	$O(\log(n))$	1.000.000	13.000.000	500.000

Algoritmo clásico

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

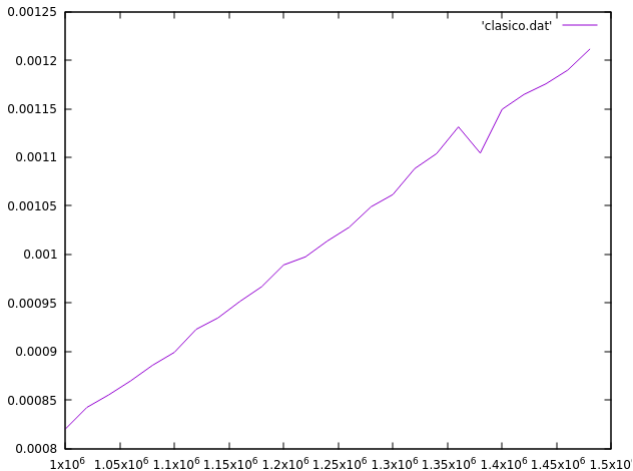
Tamaños de problema

Comparación entre
algoritmos
Cálculo de la eficiencia
híbrida

Errores en el cálculo de la
constante oculta

Vectores con elementos
repetidos

Fin de la presentación



Algoritmo Divide y Vencerás

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

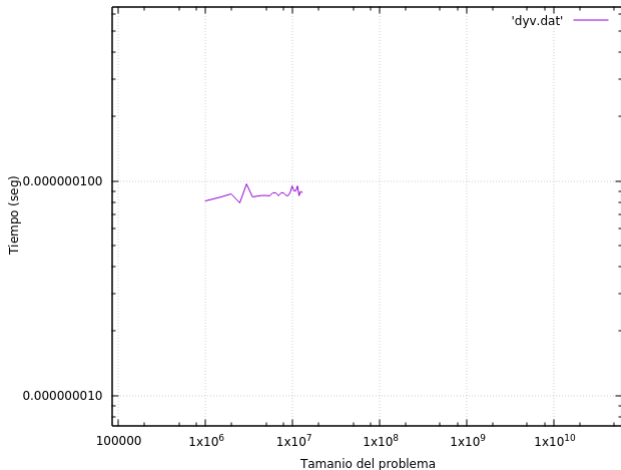
Comparación entre
algoritmos

Cálculo de la eficiencia
brinda

Errores en el cálculo de la
constante oculta

Vectores con elementos
repetidos

Fin de la presentación



Algoritmo Divide y Vencerás (zoom)

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre

algoritmos

Cálculo de la eficiencia

híbrida

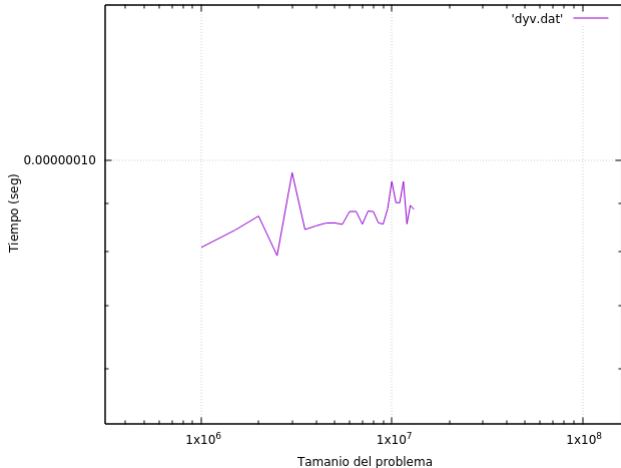
Errores en el cálculo de la

constante oculta

Vectores con elementos

repetidos

Fin de la presentación



Comparación entre ambos algoritmos

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Venceras

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaño del problema

Comparación entre algoritmos

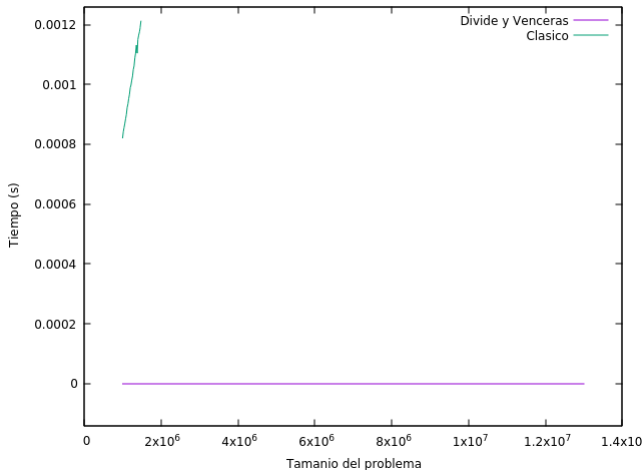
Cálculo de la eficiencia

Iteración

Errores en el cálculo de la constante oculta

Vectores con elementos repetidos

Fin de la presentación



Índice

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre algoritmos

Cálculo de la eficiencia híbrida

Errores en el cálculo de la constante oculta

Vectores con elementos repetidos

Fin de la presentación

1 Presentación del problema

2 Diseño de algoritmos

- Algoritmo clásico
- Algoritmo Divide y Vencerás
- Medición de tiempos

3 Estudio de eficiencia

- Eficiencia empírica
 - Tamaños de problema
 - Comparación entre algoritmos
- **Cálculo de la eficiencia híbrida**
 - Errores en el cálculo de la constante oculta

4 Vectores con elementos repetidos

Errores en el cálculo de la constante oculta

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre algoritmos

Cálculo de la eficiencia

híbrida

Errores en el cálculo de la constante oculta

Vectores con elementos repetidos

Fin de la presentación

Algoritmo	Eficiencia teórica	Valor de la constante oculta	Error
Clásico	$O(n)$	$8.19304 \cdot 10^{-10}$	0.1441 %
Divide y Vencerás	$O(\log(n))$	$5.61125 \cdot 10^{-9}$	0.9174 %

Algoritmo clásico

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre

algoritmos

Cálculo de la eficiencia

híbrida

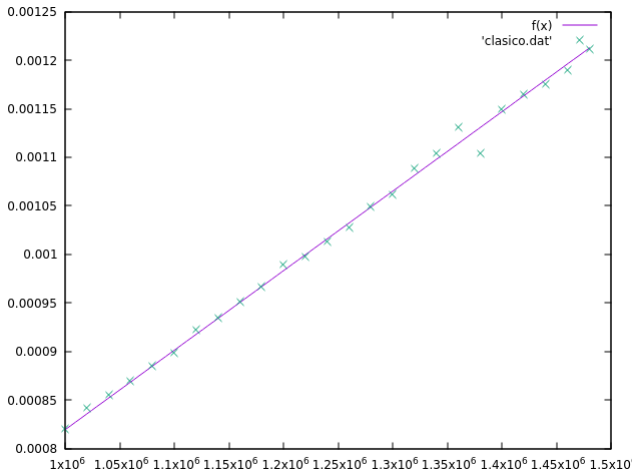
Errores en el cálculo de la

constante oculta

Vectores con elementos

repetidos

Fin de la presentación



Algoritmo Divide y Vencerás

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

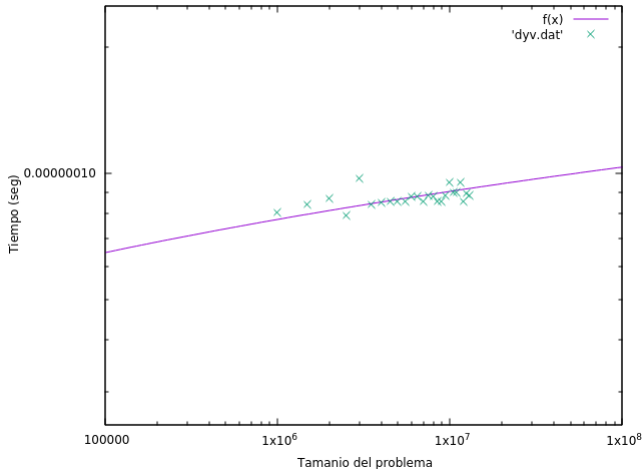
Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaño de problema
Comparación entre
algoritmos
Cálculo de la eficiencia
híbrida
**Errores en el cálculo de la
constante oculta**

Vectores con elementos
repetidos

Fin de la presentación



Índice

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre algoritmos

Cálculo de la eficiencia híbrida

Errores en el cálculo de la constante oculta

Vectores con elementos repetidos

Fin de la presentación

1 Presentación del problema

2 Diseño de algoritmos

- Algoritmo clásico
- Algoritmo Divide y Vencerás
- Medición de tiempos

3 Estudio de eficiencia

- Eficiencia empírica
 - Tamaños de problema
 - Comparación entre algoritmos
- Cálculo de la eficiencia híbrida
 - Errores en el cálculo de la constante oculta

4 Vectores con elementos repetidos

Planteamiento

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre algoritmos

Cálculo de la eficiencia

híbrida

Errores en el cálculo de la constante oculta

Vectores con elementos

repetidos

Fin de la presentación

¿Seguirá funcionando el algoritmo Divide y Vencerás si se repiten elementos en el vector?

Elementos repetidos (I)

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre algoritmos

Cálculo de la eficiencia

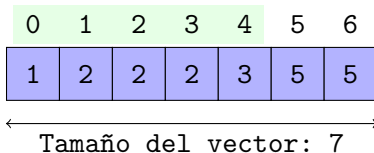
hibrida

Errores en el cálculo de la constante oculta

Vectores con elementos

repetidos

Fin de la presentación



Elementos repetidos (II)

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre algoritmos

Cálculo de la eficiencia

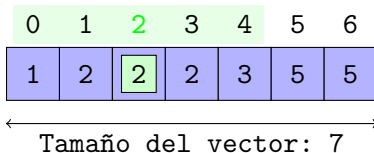
híbrida

Errores en el cálculo de la constante oculta

Vectores con elementos

repetidos

Fin de la presentación



Elementos repetidos (III)

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre algoritmos

Cálculo de la eficiencia

híbrida

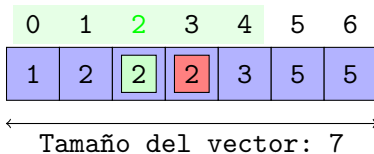
Errores en el cálculo de la

constante oculta

Vectores con elementos

repetidos

Fin de la presentación



Calculamos el centro del vector.
 $mitad = \frac{7}{2} = 3$ (división entera)

Elementos repetidos (IV)

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaño de problema

Comparación entre

algoritmos

Cálculo de la eficiencia

brida

Errores en el cálculo de la

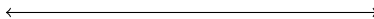
constante oculta

Vectores con elementos

repetidos

Fin de la presentación

0	1	2	3	4	5	6
1	2	2	2	3	5	5



Tamaño del vector: 7

$$mitad = \frac{7}{2} = 3 \text{ (división entera)}$$

$$¿v[3] = 3? \text{ NO}$$

¿ $v[3] = 2 < 3$? SÍ → exploramos desde $mitad + 1 = 4$ a $fin = 6$

Elementos repetidos (V)

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre

algoritmos

Cálculo de la eficiencia

híbrida

Errores en el cálculo de la

constante oculta

Vectores con elementos

repetidos

Fin de la presentación



$$mitad = \frac{7}{2} = 3 \text{ (división entera)}$$



Al repetirse elementos, destruimos el axioma principal de la estrategia Divide y Vencerás → El algoritmo **no** es válido.

Fin

Presentación del problema

Diseño de algoritmos

Algoritmo clásico

Algoritmo Divide y Vencerás

Medición de tiempos

Estudio de eficiencia

Eficiencia empírica

Tamaños de problema

Comparación entre algoritmos

Cálculo de la eficiencia

híbrida

Errores en el cálculo de la

constante oculta

Vectores con elementos

repetidos

Fin de la presentación

Fin de la presentación