

# MAD211 - Estatística para Administração

## Teste de Hipóteses I

Prof. Carlos Trucíos  
carlos.trucios@facc.ufrj.br  
ctruciosm.github.io

Faculdade de Administração e Ciências Contábeis,  
Universidade Federal do Rio de Janeiro

## Aula 17

Introdução

Hipóteses

Erros de Tipo I e Tipo II

Testes de Hipóteses

# Introdução

# Introdução

Nos ultimos meses e devido à pandemia, o comercio eletrônico tem dado passos gigantes quanto à velocidade da entrega, preços diferenciados e opções de produtos. Com isto, o *Mercado Livre* está se perguntando se ainda é a opção preferida pelos Brasileiros quanto a comercio eletrônico se refere.

# Introdução

Nos ultimos meses e devido à pandemia, o comercio eletrônico tem dado passos gigantes quanto à velocidade da entrega, preços diferenciados e opções de produtos. Com isto, o *Mercado Livre* está se perguntando se ainda é a opção preferida pelos Brasileiros quanto a comercio eletrônico se refere.

Especificamente, *Mercado Livre* quer saber se é a opção preferida por mais de 50% dos Brasileiros (que compram pela internet).

# Introdução

Nos ultimos meses e devido à pandemia, o comercio eletrônico tem dado passos gigantes quanto à velocidade da entrega, preços diferenciados e opções de produtos. Com isto, o *Mercado Livre* está se perguntando se ainda é a opção preferida pelos Brasileiros quanto a comercio eletrônico se refere.

Especificamente, *Mercado Livre* quer saber se é a opção preferida por mais de 50% dos Brasileiros (que compram pela internet).

Denotando por  $p$  a proporção de Brasileiros que prefere fazer compras pela internet atraves do *Mercado Livre*, definimos as hipóteses

$$H_0 : p \leq 0.5 \quad \text{vs.} \quad H_1 : p > 0.5,$$

# Introdução

- ▶ Para responder essa pergunta, podemos perguntar a todos os Brasileiros qual a opção preferida quanto a comercio eletrônico se refere (mas é inviável)

# Introdução

- ▶ Para responder essa pergunta, podemos perguntar a todos os Brasileiros qual a opção preferida quanto a comercio eletrônico se refere (mas é inviável)
- ▶ Se é inviável, como podemos responder essa pergunta se nunca conhecemos  $p$ ?



# Introdução

- ▶ Para responder essa pergunta, podemos perguntar a todos os Brasileiros qual a opção preferida quanto a comercio eletrônico se refere (mas é inviável)
- ▶ Se é inviável, como podemos responder essa pergunta se nunca conhecemos  $p$ ?
- ▶ **É aqui que mais uma vez a inferência estatística entra em cena!**. Seleccionaremos uma amostra de tamanho  $n$  e com base nos resultados obtidos na nossa amostra faremos inferência.

# Introdução

- ▶ Para responder essa pergunta, podemos perguntar a todos os Brasileiros qual a opção preferida quanto a comercio eletrônico se refere (mas é inviável)
- ▶ Se é inviável, como podemos responder essa pergunta se nunca conhecemos  $p$ ?
- ▶ **É aqui que mais uma vez a inferência estatística entra em cena!**. Seleccionaremos uma amostra de tamanho  $n$  e com base nos resultados obtidos na nossa amostra faremos inferência.
- ▶ Para responder esta pergunta precisamos de **Testes de Hipóteses**

# Hipóteses

# Hipóteses

Uma hipótese é uma declaração sobre um parâmetro (ou vetor de parâmetros) da população

# Hipóteses

Uma hipótese é uma declaração sobre um parâmetro (ou vetor de parâmetros) da população

O Teste de Hipóteses é usado para determinar (utilizando os dados da nossa amostra) se uma afirmação sobre o valor do parâmetro populacional deve ou não ser rejeitada.

# Hipóteses

Uma hipóteses é uma declaração sobre um parâmetro (ou vetor de parâmetros) da população

O Teste de Hipóteses é usado para determinar (utilizando os dados da nossa amostra) se uma afirmação sobre o valor do parâmetro populacional deve ou não ser rejeitada.

- ▶ Hipótese Nula ( $H_0$ ): é a hipóteses experimental, aquela para quem precisamos forte evidência para rejeitar, a hipóteses nula é aquela que queremos rejeitar. Intuitivamente: não podemos rejeitar uma hipóteses ao menos que tenhamos forte evidência para rejeitá-la, certo?

# Hipóteses

Uma hipóteses é uma declaração sobre um parâmetro (ou vetor de parâmetros) da população

O Teste de Hipóteses é usado para determinar (utilizando os dados da nossa amostra) se uma afirmação sobre o valor do parâmetro populacional deve ou não ser rejeitada.

- ▶ Hipótese Nula ( $H_0$ ): é a hipóteses experimental, aquela para quem precisamos forte evidência para rejeitar, a hipóteses nula é aquela que queremos rejeitar. Intuitivamente: não podemos rejeitar uma hipóteses ao menos que tenhamos forte evidência para rejeitá-la, certo?
- ▶ Hipótese Alternativa ( $H_a$  ou  $H_1$ ): é o oposto que é formulado na hipóteses nula.  $H_1$  é aquela hipótese que queremos provar

# Hipóteses

Uma hipóteses é uma declaração sobre um parâmetro (ou vetor de parâmetros) da população

O Teste de Hipóteses é usado para determinar (utilizando os dados da nossa amostra) se uma afirmação sobre o valor do parâmetro populacional deve ou não ser rejeitada.

- ▶ Hipótese Nula ( $H_0$ ): é a hipóteses experimental, aquela para quem precisamos forte evidência para rejeitar, a hipóteses nula é aquela que queremos rejeitar. Intuitivamente: não podemos rejeitar uma hipóteses ao menos que tenhamos forte evidência para rejeitá-la, certo?
- ▶ Hipótese Alternativa ( $H_a$  ou  $H_1$ ): é o oposto que é formulado na hipóteses nula.  $H_1$  é aquela hipótese que queremos provar



# Hipóteses

Uma hipóteses é uma declaração sobre um parâmetro (ou vetor de parâmetros) da população

O Teste de Hipóteses é usado para determinar (utilizando os dados da nossa amostra) se uma afirmação sobre o valor do parâmetro populacional deve ou não ser rejeitada.

- ▶ Hipótese Nula ( $H_0$ ): é a hipóteses experimental, aquela para quem precisamos forte evidência para rejeitar, a hipóteses nula é aquela que queremos rejeitar. Intuitivamente: não podemos rejeitar uma hipóteses ao menos que tenhamos forte evidência para rejeitá-la, certo?
- ▶ Hipótese Alternativa ( $H_a$  ou  $H_1$ ): é o oposto que é formulado na hipóteses nula.  $H_1$  é aquela hipótese que queremos provar

Seja  $\theta$  (com espaço paramétrico  $\Theta$ ) o parâmetro populacional a ser testado, então  $H_0 : \theta \in \Theta_0$  vs  $H_1 : \theta \in \Theta_0^c$ , em que  $\Theta_0 \cup \Theta_0^c = \Theta$

# Tipos de Testes de Hipóteses

Seja  $\theta$  o parâmetro populacional a ser testado:

# Tipos de Testes de Hipóteses

Seja  $\theta$  o parâmetro populacional a ser testado:

- ▶ Teste **Bilateral**:

$$H_0 : \theta = \theta_0 \quad \text{vs} \quad H_1 : \theta \neq \theta_0$$

# Tipos de Testes de Hipóteses

Seja  $\theta$  o parâmetro populacional a ser testado:

► Teste **Bilateral**:

$$H_0 : \theta = \theta_0 \quad \text{vs} \quad H_1 : \theta \neq \theta_0$$

► Teste **Unilateral**:

$$H_0 : \theta \leq \theta_0 \quad \text{vs} \quad H_1 : \theta > \theta_0,$$

$$H_0 : \theta \geq \theta_0 \quad \text{vs} \quad H_1 : \theta < \theta_0$$

## Tipos de Testes de Hipóteses

Um determinado modelo de carro percorre em média 10.21 Km/L. O *time* de produto desenvolveu um novo sistema de injeção de combustível, projetado para aumentar a taxa média de quilômetros rodados por litro. Para avaliar o novo sistema, diversas unidades serão produzidas, instaladas nos automóveis e submetidas a testes de direção. **Como definir os testes de hipóteses?**

## Tipos de Testes de Hipóteses

Um determinado modelo de carro percorre em média 10.21 Km/L. O *time* de produto desenvolveu um novo sistema de injeção de combustível, projetado para aumentar a taxa média de quilômetros rodados por litro. Para avaliar o novo sistema, diversas unidades serão produzidas, instaladas nos automóveis e submetidas a testes de direção. **Como definir os testes de hipóteses?**

- ▶ O *time* de produto está à procura de evidencia que comprove que o novo sistema aumenta a taxa média de quilômetros rodados por litro.

## Tipos de Testes de Hipóteses

Um determinado modelo de carro percorre em média 10.21 Km/L. O *time* de produto desenvolveu um novo sistema de injeção de combustível, projetado para aumentar a taxa média de quilômetros rodados por litro. Para avaliar o novo sistema, diversas unidades serão produzidas, instaladas nos automóveis e submetidas a testes de direção. **Como definir os testes de hipóteses?**

- ▶ O *time* de produto está à procura de evidencia que comprove que o novo sistema aumenta a taxa média de quilômetros rodados por litro.
- ▶ Seja  $\mu$  a média populacional (Km/L) percorridos pelo carro. Então, queremos provar que  $\mu > 10.21$

## Tipos de Testes de Hipóteses

Um determinado modelo de carro percorre em média 10.21 Km/L. O *time* de produto desenvolveu um novo sistema de injeção de combustível, projetado para aumentar a taxa média de quilômetros rodados por litro. Para avaliar o novo sistema, diversas unidades serão produzidas, instaladas nos automóveis e submetidas a testes de direção. **Como definir os testes de hipóteses?**

- ▶ O *time* de produto está à procura de evidencia que comprove que o novo sistema aumenta a taxa média de quilômetros rodados por litro.
- ▶ Seja  $\mu$  a média populacional (Km/L) percorridos pelo carro. Então, queremos provar que  $\mu > 10.21$



## Tipos de Testes de Hipóteses

Um determinado modelo de carro percorre em média 10.21 Km/L. O *time* de produto desenvolveu um novo sistema de injeção de combustível, projetado para aumentar a taxa média de quilômetros rodados por litro. Para avaliar o novo sistema, diversas unidades serão produzidas, instaladas nos automóveis e submetidas a testes de direção. **Como definir os testes de hipóteses?**

- ▶ O *time* de produto está à procura de evidencia que comprove que o novo sistema aumenta a taxa média de quilômetros rodados por litro.
- ▶ Seja  $\mu$  a média populacional (Km/L) percorridos pelo carro. Então, queremos provar que  $\mu > 10.21$

Lembre-se: Hipótese Alternativa ( $H_1$ ) é o oposto que é formulado na hipóteses nula.  $H_1$  é aquela hipótese que queremos provar

## Tipos de Testes de Hipóteses

Um determinado modelo de carro percorre em média 10.21 Km/L. O *time* de produto desenvolveu um novo sistema de injeção de combustível, projetado para aumentar a taxa média de quilômetros rodados por litro. Para avaliar o novo sistema, diversas unidades serão produzidas, instaladas nos automóveis e submetidas a testes de direção. **Como definir os testes de hipóteses?**

- ▶ O *time* de produto está à procura de evidencia que comprove que o novo sistema aumenta a taxa média de quilômetros rodados por litro.
- ▶ Seja  $\mu$  a média populacional (Km/L) percorridos pelo carro. Então, queremos provar que  $\mu > 10.21$

Lembre-se: Hipótese Alternativa ( $H_1$ ) é o oposto que é formulado na hipótese nula.  $H_1$  é aquela hipótese que queremos provar

- ▶ Assim:

$$H_0 : \mu \leq 10.21 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu > 10.21$$

## Tipos de Testes de Hipóteses

Um fabricante de refrigerante declara que as garrafas de 2 litros contém, no mínimo, uma média de 1.99 litros. Queremos testar a validade desta afirmação, **Como definir os testes de hipóteses?**

# Tipos de Testes de Hipóteses

Um fabricante de refrigerante declara que as garrafas de 2 litros contém, no mínimo, uma média de 1.99 litros. Queremos testar a validade desta afirmação, **Como definir os testes de hipóteses?**

Lembre-se: Hipótese Nula ( $H_0$ ) é a hipóteses experimental, aquela para quem precisamos forte evidência para rejeitar, a hipóteses nula é aquela que queremos rejeitar.

# Tipos de Testes de Hipóteses

Um fabricante de refrigerante declara que as garrafas de 2 litros contém, no mínimo, uma média de 1.99 litros. Queremos testar a validade desta afirmação, **Como definir os testes de hipóteses?**

Lembre-se: Hipótese Nula ( $H_0$ ) é a hipóteses experimental, aquela para quem precisamos forte evidência para rejeitar, a hipóteses nula é aquela que queremos rejeitar.

- ▶ Vamos assumir que a afirmação do fabricante é verdade e veremos se temos evidência para rejeitar a afirmação dele (provar que ele esta mentindo).

# Tipos de Testes de Hipóteses

Um fabricante de refrigerante declara que as garrafas de 2 litros contém, no mínimo, uma média de 1.99 litros. Queremos testar a validade desta afirmação, **Como definir os testes de hipóteses?**

Lembre-se: Hipótese Nula ( $H_0$ ) é a hipóteses experimental, aquela para quem precisamos forte evidência para rejeitar, a hipóteses nula é aquela que queremos rejeitar.

- ▶ Vamos assumir que a afirmação do fabricante é verdade e veremos se temos evidência para rejeitar a afirmação dele (provar que ele esta mentindo).
- ▶ No fundo queremos saber se o fabricante esta mentindo.

# Tipos de Testes de Hipóteses

Um fabricante de refrigerante declara que as garrafas de 2 litros contém, no mínimo, uma média de 1.99 litros. Queremos testar a validade desta afirmação, **Como definir os testes de hipóteses?**

Lembre-se: Hipótese Nula ( $H_0$ ) é a hipóteses experimental, aquela para quem precisamos forte evidência para rejeitar, a hipóteses nula é aquela que queremos rejeitar.

- ▶ Vamos assumir que a afirmação do fabricante é verdade e veremos se temos evidência para rejeitar a afirmação dele (provar que ele esta mentindo).
- ▶ No fundo queremos saber se o fabricante esta mentindo.
- ▶ Assim:

$$H_0 : \mu \geq 1.99 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu < 1.99$$

# Tipos de Testes de Hipóteses

Um inspetor de controle de qualidade precisa decidir se aceitará a remessa de peças recém recebidas ou se a devolverá ao fornecedor por não cumprir com as especificações. As especificações da empresa é que as peças tenham em média 2 polegadas de diâmetro (se o tamanho da peça for maior ou menor, causará problemas na montagem). **Como definir os testes de hipóteses?**

- ▶ Vamos a rejeitar a remessa se tivermos evidencia de que o tamanho das peças for diferentes de 2.



# Tipos de Testes de Hipóteses

Um inspetor de controle de qualidade precisa decidir se aceitará a remessa de peças recém recebidas ou se a devolverá ao fornecedor por não cumprir com as especificações. As especificações da empresa é que as peças tenham em média 2 polegadas de diâmetro (se o tamanho da peça for maior ou menor, causará problemas na montagem). **Como definir os testes de hipóteses?**

- ▶ Vamos a rejeitar a remessa se tivermos evidencia de que o tamanho das peças for diferentes de 2.
- ▶ Como inspetor de qualidade, o que queremos provar é que  $\mu \neq 2$  (ou seja, para rejeitar a remessa precisamos forte evidencia de que  $\mu \neq 2$ )

# Tipos de Testes de Hipóteses

Um inspetor de controle de qualidade precisa decidir se aceitará a remessa de peças recém recebidas ou se a devolverá ao fornecedor por não cumprir com as especificações. As especificações da empresa é que as peças tenham em média 2 polegadas de diâmetro (se o tamanho da peça for maior ou menor, causará problemas na montagem). **Como definir os testes de hipóteses?**

- ▶ Vamos a rejeitar a remessa se tivermos evidencia de que o tamanho das peças for diferentes de 2.
- ▶ Como inspetor de qualidade, o que queremos provar é que  $\mu \neq 2$  (ou seja, para rejeitar a remessa precisamos forte evidencia de que  $\mu \neq 2$ )
- ▶ Assim:

$$H_0 : \mu = 2 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu \neq 2$$

# Tipos de Testes de Hipóteses

Ainda ficou difícil?

# Tipos de Testes de Hipóteses

Ainda ficou difícil?

**Dica:**  $\leq$ ,  $\geq$  ou  $=$  sempre aparecem na hipótese nula

# Tipos de Testes de Hipóteses

Ainda ficou difícil?

**Dica:**  $\leq$ ,  $\geq$  ou  $=$  sempre aparecem na hipótese nula

Um determinado modelo de carro percorre em média 10.21 Km/L. O *time* de produto desenvolveu um novo sistema de injeção de combustível, projetado para **aumentar a taxa média de quilômetros rodados** por litro.

# Tipos de Testes de Hipóteses

Ainda ficou difícil?

**Dica:**  $\leq$ ,  $\geq$  ou  $=$  sempre aparecem na hipótese nula

Um determinado modelo de carro percorre em média 10.21 Km/L. O *time* de produto desenvolveu um novo sistema de injeção de combustível, projetado para **aumentar a taxa média de quilômetros rodados** por litro.

$$H_0 : \mu \leq 10.21 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu > 10.21$$

## Tipos de Testes de Hipóteses

Um fabricante de refrigerante declara que as garrafas de 2 litros contém, no mínimo, uma média de 1.99 litros. Queremos testar a validade desta afirmação, **Como definir os testes de hipóteses?**

## Tipos de Testes de Hipóteses

Um fabricante de refrigerante declara que as garrafas de 2 litros contém, no mínimo, uma média de 1.99 litros. Queremos testar a validade desta afirmação, **Como definir os testes de hipóteses?**

$$H_0 : \mu \geq 1.99 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu < 1.99$$



## Tipos de Testes de Hipóteses

Um fabricante de refrigerante declara que as garrafas de 2 litros contém, no mínimo, uma média de 1.99 litros. Queremos testar a validade desta afirmação, **Como definir os testes de hipóteses?**

$$H_0 : \mu \geq 1.99 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu < 1.99$$

Um inspetor de controle de qualidade precisa decidir de aceitará a remessa de peças recém recebidas ou se a devolverá ao fornecedor por não cumprir com as especificações. As especificações da empresa é que as peças tenham em média 2 polegas de diâmetro (se o tamanho da peça for maior ou menor, causará problemas na montagem). **Como definir os testes de hipóteses?**

## Tipos de Testes de Hipóteses

Um fabricante de refrigerante declara que as garrafas de 2 litros contém, no mínimo, uma média de 1.99 litros. Queremos testar a validade desta afirmação, **Como definir os testes de hipóteses?**

$$H_0 : \mu \geq 1.99 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu < 1.99$$

Um inspetor de controle de qualidade precisa decidir de aceitará a remessa de peças recém recebidas ou se a devolverá ao fornecedor por não cumprir com as especificações. As especificações da empresa é que as peças tenham em média 2 polegas de diâmetro (se o tamanho da peça for maior ou menor, causará problemas na montagem). **Como definir os testes de hipóteses?**

$$H_0 : \mu = 2 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu \neq 2$$

## Erros de Tipo I e Tipo II

## Erros de Tipo I e Tipo II

Quando fazemos testes de hipóteses existem algumas coisas que podem acontecer:

	$H_0$ é verdadeiro	$H_0$ é Falso
Não rejeitar $H_0$		
Rejeitar $H_0$		

## Erros de Tipo I e Tipo II

Quando fazemos testes de hipóteses existem algumas coisas que podem acontecer:

	$H_0$ é verdadeiro	$H_0$ é Falso
Não rejeitar $H_0$	Correto	Erro
Rejeitar $H_0$	Erro	Correto

## Erros de Tipo I e Tipo II

Infelizmente, as conclusões corretas nem sempre são possíveis (lembre-se, estamos utilizando uma amostra) e devemos admitir a possibilidade de erros.

## Erros de Tipo I e Tipo II

Infelizmente, as conclusões corretas nem sempre são possíveis (lembre-se, estamos utilizando uma amostra) e devemos admitir a possibilidade de erros.

	$H_0$ é verdadeiro	$H_0$ é Falso
Não rejeitar $H_0$	Correto	Erro do Tipo II
Rejeitar $H_0$	Erro do Tipo I	Correto

## Erros de Tipo I e Tipo II

Infelizmente, as conclusões corretas nem sempre são possíveis (lembre-se, estamos utilizando uma amostra) e devemos admitir a possibilidade de erros.

	$H_0$ é verdadeiro	$H_0$ é Falso
Não rejeitar $H_0$	Correto	Erro do Tipo II
Rejeitar $H_0$	Erro do Tipo I	Correto

- **Erro de Tipo I:** Rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é verdadeiro



## Erros de Tipo I e Tipo II

Infelizmente, as conclusões corretas nem sempre são possíveis (lembre-se, estamos utilizando uma amostra) e devemos admitir a possibilidade de erros.

	$H_0$ é verdadeiro	$H_0$ é Falso
Não rejeitar $H_0$	Correto	Erro do Tipo II
Rejeitar $H_0$	Erro do Tipo I	Correto

- ▶ **Erro de Tipo I:** Rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é verdadeiro
- ▶ **Erro de Tipo II:** Não rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é Falso

## Erros de Tipo I e Tipo II

**Exemplo:** Um determinado modelo de carro percorre em média 10.21 Km/L. O *time* de produto desenvolveu um novo sistema de injeção de combustível, projetado para **aumentar a taxa média de quilômetros rodados** por litro.

$$H_0 : \mu \leq 10.21 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu > 10.21$$

**Identifique o Erro Tipo I e Erro Tipo II**

## Erros de Tipo I e Tipo II

**Exemplo:** Um determinado modelo de carro percorre em média 10.21 Km/L. O *time* de produto desenvolveu um novo sistema de injeção de combustível, projetado para **aumentar a taxa média de quilômetros rodados** por litro.

$$H_0 : \mu \leq 10.21 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu > 10.21$$

### Identifique o Erro Tipo I e Erro Tipo II

- ▶ **Erro de Tipo I** (rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é verdadeiro):

## Erros de Tipo I e Tipo II

**Exemplo:** Um determinado modelo de carro percorre em média 10.21 Km/L. O *time* de produto desenvolveu um novo sistema de injeção de combustível, projetado para **aumentar a taxa média de quilômetros rodados** por litro.

$$H_0 : \mu \leq 10.21 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu > 10.21$$

### Identifique o Erro Tipo I e Erro Tipo II

- ▶ **Erro de Tipo I** (rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é verdadeiro):

## Erros de Tipo I e Tipo II

**Exemplo:** Um determinado modelo de carro percorre em média 10.21 Km/L. O *time* de produto desenvolveu um novo sistema de injeção de combustível, projetado para **aumentar a taxa média de quilômetros rodados** por litro.

$$H_0 : \mu \leq 10.21 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu > 10.21$$

### Identifique o Erro Tipo I e Erro Tipo II

- ▶ **Erro de Tipo I** (rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é verdadeiro): **concluir que o novo sistema aumenta a taxa média de quilômetros rodados quando na verdade não aumenta.**
- ▶ **Erro de Tipo II** (não rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é Falso):

## Erros de Tipo I e Tipo II

**Exemplo:** Um determinado modelo de carro percorre em média 10.21 Km/L. O *time* de produto desenvolveu um novo sistema de injeção de combustível, projetado para **aumentar a taxa média de quilômetros rodados** por litro.

$$H_0 : \mu \leq 10.21 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu > 10.21$$

### Identifique o Erro Tipo I e Erro Tipo II

- ▶ **Erro de Tipo I** (rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é verdadeiro): **concluir que o novo sistema aumenta a taxa média de quilômetros rodados quando na verdade não aumenta.**
- ▶ **Erro de Tipo II** (não rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é Falso):

## Erros de Tipo I e Tipo II

**Exemplo:** Um determinado modelo de carro percorre em média 10.21 Km/L. O *time* de produto desenvolveu um novo sistema de injeção de combustível, projetado para **aumentar a taxa média de quilômetros rodados** por litro.

$$H_0 : \mu \leq 10.21 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu > 10.21$$

### Identifique o Erro Tipo I e Erro Tipo II

- ▶ **Erro de Tipo I** (rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é verdadeiro): **concluir que o novo sistema aumenta a taxa média de quilômetros rodados quando na verdade não aumenta.**
- ▶ **Erro de Tipo II** (não rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é Falso): **concluir que o novo sistema não aumenta a taxa média de quilômetros rodados quando na verdade aumenta sim.**

## Erros de Tipo I e Tipo II

**Exemplo:** Um inspetor de controle de qualidade precisa decidir se aceitará a remessa de peças recém recebidas ou se a devolverá ao fornecedor por não cumprir com as especificações. As especificações da empresa é que as peças tenham em média 2 polegas de diâmetro. **Como definir os testes de hipóteses?**

$$H_0 : \mu = 2 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu \neq 2$$

**Identifique o Erro Tipo I e Erro Tipo II**



## Erros de Tipo I e Tipo II

**Exemplo:** Um inspetor de controle de qualidade precisa decidir se aceitará a remessa de peças recém recebidas ou se a devolverá ao fornecedor por não cumprir com as especificações. As especificações da empresa é que as peças tenham em média 2 polegas de diâmetro. **Como definir os testes de hipóteses?**

$$H_0 : \mu = 2 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu \neq 2$$

### Identifique o Erro Tipo I e Erro Tipo II

- ▶ **Erro de Tipo I** (rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é verdadeiro):

## Erros de Tipo I e Tipo II

**Exemplo:** Um inspetor de controle de qualidade precisa decidir se aceitará a remessa de peças recém recebidas ou se a devolverá ao fornecedor por não cumprir com as especificações. As especificações da empresa é que as peças tenham em média 2 polegas de diâmetro. **Como definir os testes de hipóteses?**

$$H_0 : \mu = 2 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu \neq 2$$

### Identifique o Erro Tipo I e Erro Tipo II

- ▶ **Erro de Tipo I** (rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é verdadeiro):

## Erros de Tipo I e Tipo II

**Exemplo:** Um inspetor de controle de qualidade precisa decidir se aceitará a remessa de peças recém recebidas ou se a devolverá ao fornecedor por não cumprir com as especificações. As especificações da empresa é que as peças tenham em média 2 polegadas de diâmetro. **Como definir os testes de hipóteses?**

$$H_0 : \mu = 2 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu \neq 2$$

### Identifique o Erro Tipo I e Erro Tipo II

- ▶ **Erro de Tipo I** (rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é verdadeiro): devolver a remessa por não cumprir com as especificações quando na verdade cumpria com as especificações sim.
- ▶ **Erro de Tipo II** (não rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é Falso):

## Erros de Tipo I e Tipo II

**Exemplo:** Um inspetor de controle de qualidade precisa decidir se aceitará a remessa de peças recém recebidas ou se a devolverá ao fornecedor por não cumprir com as especificações. As especificações da empresa é que as peças tenham em média 2 polegadas de diâmetro. **Como definir os testes de hipóteses?**

$$H_0 : \mu = 2 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu \neq 2$$

### Identifique o Erro Tipo I e Erro Tipo II

- ▶ **Erro de Tipo I** (rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é verdadeiro): devolver a remessa por não cumprir com as especificações quando na verdade cumpria com as especificações sim.
- ▶ **Erro de Tipo II** (não rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é Falso):

## Erros de Tipo I e Tipo II

**Exemplo:** Um inspetor de controle de qualidade precisa decidir de aceitará a remessa de peças recém recebidas ou se a devolverá ao fornecedor por não cumprir com as especificações. As especificações da empresa é que as peças tenham em média 2 polegas de diâmetro. **Como definir os testes de hipóteses?**

$$H_0 : \mu = 2 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu \neq 2$$

### Identifique o Erro Tipo I e Erro Tipo II

- ▶ **Erro de Tipo I** (rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é verdadeiro): devolver a remessa por não cumprir com as especificações quando na verdade cumpria com as especificações sim.
- ▶ **Erro de Tipo II** (não rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é Falso): ficar com a remessa assumindo que cumpre com as especificações mas na verdade não cumpre.

## Erros de Tipo I e Tipo II

- ▶ Embora as decisões corretas e erradas sejam desconhecidas (lembre-se, nunca sabemos se  $H_0$  é verdadeira ou não, se soubessemos, não faríamos testes de hipóteses!), tentamos estabelecer um controle sobre as decisões erradas.

## Erros de Tipo I e Tipo II

- ▶ Embora as decisões corretas e erradas sejam desconhecidas (lembre-se, nunca sabemos se  $H_0$  é verdadeira ou não, se soubessemos, não faríamos testes de hipóteses!), tentamos estabelecer um controle sobre as decisões erradas.
- ▶ Este controle é feito através das probabilidades de cometer os erros (Tipo I e Tipo II)

## Erros de Tipo I e Tipo II

- ▶ Embora as decisões corretas e erradas sejam desconhecidas (lembre-se, nunca sabemos se  $H_0$  é verdadeira ou não, se soubessemos, não faríamos testes de hipóteses!), tentamos estabelecer um controle sobre as decisões erradas.
- ▶ Este controle é feito através das probabilidade de cometer os erros (Tipo I e Tipo II)
- ▶  $P(\text{Erro Tipo I})$  recebe o nome de nível de significância ou tamanho da região de rejeição e é denotado por  $\alpha$



## Erros de Tipo I e Tipo II

- ▶ Embora as decisões corretas e erradas sejam desconhecidas (lembre-se, nunca sabemos se  $H_0$  é verdadeira ou não, se soubessemos, não faríamos testes de hipóteses!), tentamos estabelecer um controle sobre as decisões erradas.
- ▶ Este controle é feito através das probabilidade de cometer os erros (Tipo I e Tipo II)
- ▶  $P(\text{Erro Tipo I})$  recebe o nome de nível de significância ou tamanho da região de rejeição e é denotado por  $\alpha$
- ▶  $P(\text{Erro Tipo II})$  não recebe um nome em especial mas é denotado por  $\beta$ ,  $1 - \beta$  é conhecido como poder do teste e é a probabilidade de rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é falsa (decisão correta)

## Erros de Tipo I e Tipo II

- ▶ Embora as decisões corretas e erradas sejam desconhecidas (lembre-se, nunca sabemos se  $H_0$  é verdadeira ou não, se soubessemos, não faríamos testes de hipóteses!), tentamos estabelecer um controle sobre as decisões erradas.
- ▶ Este controle é feito através das probabilidade de cometer os erros (Tipo I e Tipo II)
- ▶  $P(\text{Erro Tipo I})$  recebe o nome de nível de significância ou tamanho da região de rejeição e é denotado por  $\alpha$
- ▶  $P(\text{Erro Tipo II})$  não recebe um nome em especial mas é denotado por  $\beta$ ,  $1 - \beta$  é conhecido como poder do teste e é a probabilidade de rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é falsa (decisão correta)
- ▶ Queremos nos proteger de cometer um erro mas infelizmente, não podemos minimizar os 2 tipos de erro

## Erros de Tipo I e Tipo II

- ▶ Embora as decisões corretas e erradas sejam desconhecidas (lembre-se, nunca sabemos se  $H_0$  é verdadeira ou não, se soubessemos, não faríamos testes de hipóteses!), tentamos estabelecer um controle sobre as decisões erradas.
- ▶ Este controle é feito através das probabilidade de cometer os erros (Tipo I e Tipo II)
- ▶  $P(\text{Erro Tipo I})$  recebe o nome de nível de significância ou tamanho da região de rejeição e é denotado por  $\alpha$
- ▶  $P(\text{Erro Tipo II})$  não recebe um nome em especial mas é denotado por  $\beta$ ,  $1 - \beta$  é conhecido como poder do teste e é a probabilidade de rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  é falsa (decisão correta)
- ▶ Queremos nos proteger de cometer um erro mas infelizmente, não podemos minimizar os 2 tipos de erro
- ▶ Na prática fixamos o nível de significância  $\alpha$  (geralmente  $\alpha = 0.01, 0.05, 0.10$ )

# Testes de Hipóteses

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

Sejam  $x_1, \dots, x_n \sim N(\mu, \sigma)$  com  $\sigma$  conhecido e sejam as hipóteses:

$$H_0 : \mu = \mu_0 \quad \text{vs} \quad H_1 : \mu \neq \mu_0$$

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

Sejam  $x_1, \dots, x_n \sim N(\mu, \sigma)$  com  $\sigma$  conhecido e sejam as hipóteses:

$$H_0 : \mu = \mu_0 \quad vs \quad H_1 : \mu \neq \mu_0$$

$$H_0 : \mu \leq \mu_0 \quad vs \quad H_1 : \mu > \mu_0$$

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

Sejam  $x_1, \dots, x_n \sim N(\mu, \sigma)$  com  $\sigma$  conhecido e sejam as hipóteses:

$$H_0 : \mu = \mu_0 \quad vs \quad H_1 : \mu \neq \mu_0$$

$$H_0 : \mu \leq \mu_0 \quad vs \quad H_1 : \mu > \mu_0$$

$$H_0 : \mu \geq \mu_0 \quad vs \quad H_1 : \mu < \mu_0$$

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

Para testar hipóteses é preciso uma **estatística de teste**, nossa estatística de teste é

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}}$$



## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

Para testar hipóteses é preciso uma **estatística de teste**, nossa estatística de teste é

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}}$$

Como  $x_1, \dots, x_n \sim N(\mu, \sigma)$ , temos que  $\frac{\bar{x} - \mu}{\sigma/\sqrt{n}} \sim N(0, 1)$  e sob  $H_0 : \mu = \mu_0$ , temos que

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} \sim N(0, 1)$$

# Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

Pensemos no teste bilateral:

$$H_0 : \mu = \mu_0 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu \neq \mu_0$$

- ▶ Se  $H_0$  for verdade  $z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}}$  será pequeno.

# Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

Pensemos no teste bilateral:

$$H_0 : \mu = \mu_0 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu \neq \mu_0$$

- ▶ Se  $H_0$  for verdade  $z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}}$  será pequeno.
- ▶ Se  $H_0$  não for verdade,  $z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}}$  será grande

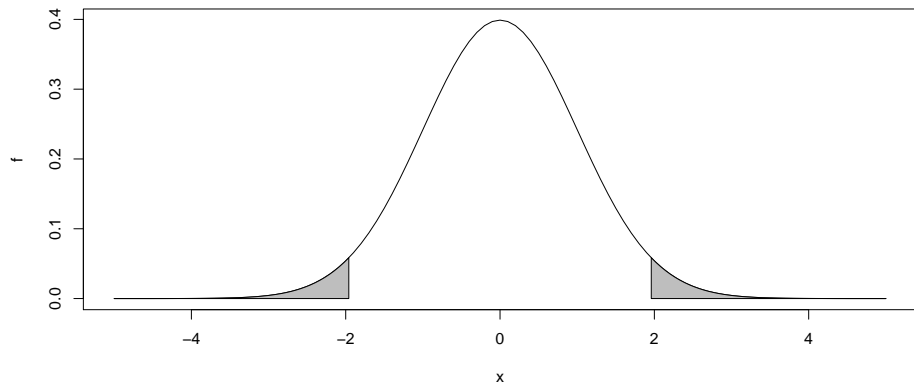
# Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

Pensemos no teste bilateral:

$$H_0 : \mu = \mu_0 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu \neq \mu_0$$

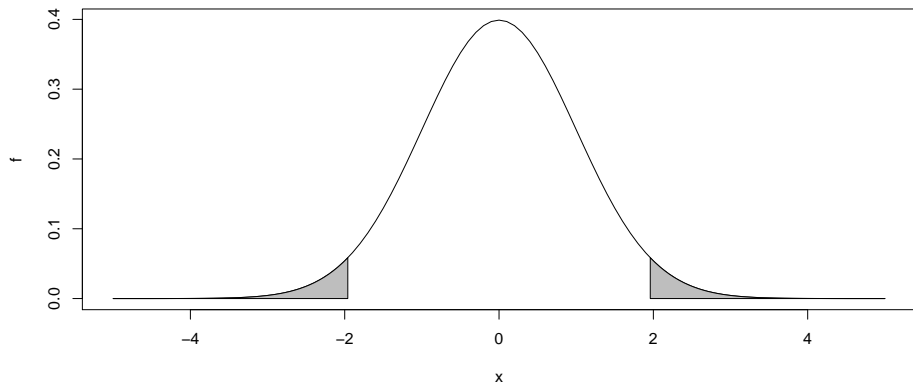
- ▶ Se  $H_0$  for verdade  $z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}}$  será pequeno.
- ▶ Se  $H_0$  não for verdade,  $z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}}$  será grande
- ▶ Quão grande deve ser para rejeitar a afirmação em  $H_0$ ? Muito grande (pois precisamos de uma evidência forte para rejeitar  $H_0$ )

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido



- ▶ Esse **grande** é a região cinza no gráfico (região de rejeição)

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido



- ▶ Esse **grande** é a região cinza no gráfico (região de rejeição)
- ▶ Como calcular os limites dessa região de rejeição?

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

- ▶ Estamos controlando  $\alpha$ , ou seja  $P(\text{Erro Tipo I}) = \alpha$

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

- ▶ Estamos controlando  $\alpha$ , ou seja  $P(\text{Erro Tipo I}) = \alpha$
- ▶ Como já temos a distribuição sob  $H_0$ , queremos o valor  $k$ , tal que



## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

- ▶ Estamos controlando  $\alpha$ , ou seja  $P(\text{Erro Tipo I}) = \alpha$
- ▶ Como já temos a distribuição sob  $H_0$ , queremos o valor  $k$ , tal que

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

- ▶ Estamos controlando  $\alpha$ , ou seja  $P(\text{Erro Tipo I}) = \alpha$
- ▶ Como já temos a distribuição sob  $H_0$ , queremos o valor  $k$ , tal que

$$\alpha = P(|Z| > k) = 1 - \underbrace{P(|Z| \leq k)}_{P(-k \leq Z \leq k)} \quad (1)$$

$$= 1 - [P(Z \leq k) - \underbrace{P(Z \leq -k)}_{1 - P(Z \leq k)}] \quad (2)$$

$$= 1 - [2P(Z \leq k) - 1] \quad (3)$$

$$= 2 - 2P(Z \leq k) \quad (4)$$

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

- ▶ Estamos controlando  $\alpha$ , ou seja  $P(\text{Erro Tipo I}) = \alpha$
- ▶ Como já temos a distribuição sob  $H_0$ , queremos o valor  $k$ , tal que

$$\alpha = P(|Z| > k) = 1 - \underbrace{P(|Z| \leq k)}_{P(-k \leq Z \leq k)} \quad (1)$$

$$= 1 - [P(Z \leq k) - \underbrace{P(Z \leq -k)}_{1 - P(Z \leq k)}] \quad (2)$$

$$= 1 - [2P(Z \leq k) - 1] \quad (3)$$

$$= 2 - 2P(Z \leq k) \quad (4)$$

$$\text{Então } \frac{\alpha}{2} = 1 - P(Z \leq k) \longrightarrow P(Z \leq k) = 1 - \frac{\alpha}{2}$$

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

$$P(Z \leq k) = 1 - \frac{\alpha}{2}$$

Como  $P(Z \leq k) = F(k)$  (definição da função distribuição),

$$F(k) = 1 - \frac{\alpha}{2},$$

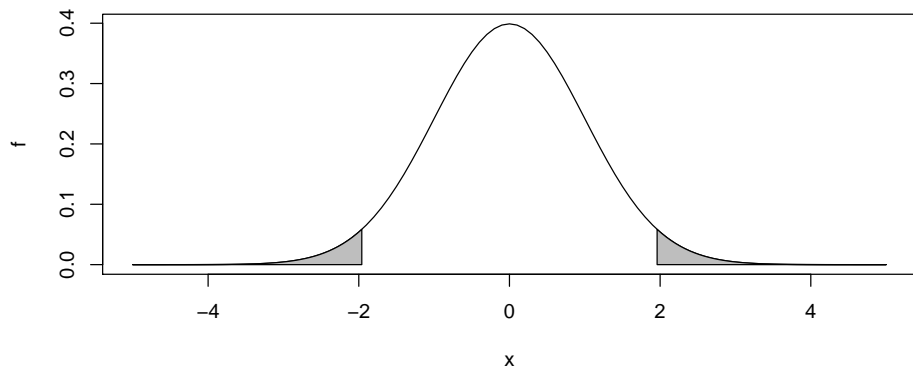
$$\text{então } \underbrace{F^{-1}(F(k))}_k = \underbrace{F^{-1}(1 - \alpha/2)}_{z_{1-\alpha/2}}.$$

No R:

```
k = qnorm(1-alpha/2)
```

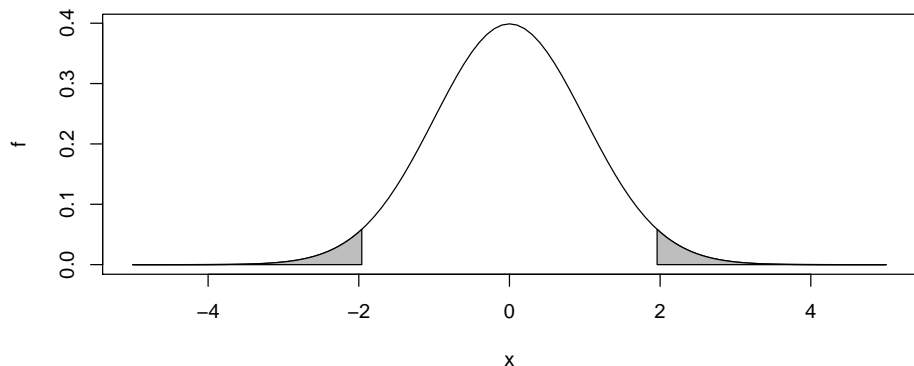
## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

$$H_0 : \mu = \mu_0 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu \neq \mu_0$$



## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

$$H_0 : \mu = \mu_0 \quad \text{vs.} \quad H_1 : \mu \neq \mu_0$$



Rejeitamos  $H_0$  se  $|z| > k$  (equivalentemente se  $z > k$  ou  $z < -k$ ), ou seja, se  $z$  cair na região cinza (região de rejeição).

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

De forma semelhante

- Se  $H_0 : \mu \leq \mu_0$  vs  $H_1 : \mu > \mu_0$ , rejeitamos  $H_0$  se

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} > k_1 = z_{1-\alpha}$$

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

De forma semelhante

- Se  $H_0 : \mu \leq \mu_0$  vs  $H_1 : \mu > \mu_0$ , rejeitamos  $H_0$  se

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} > k_1 = z_{1-\alpha}$$

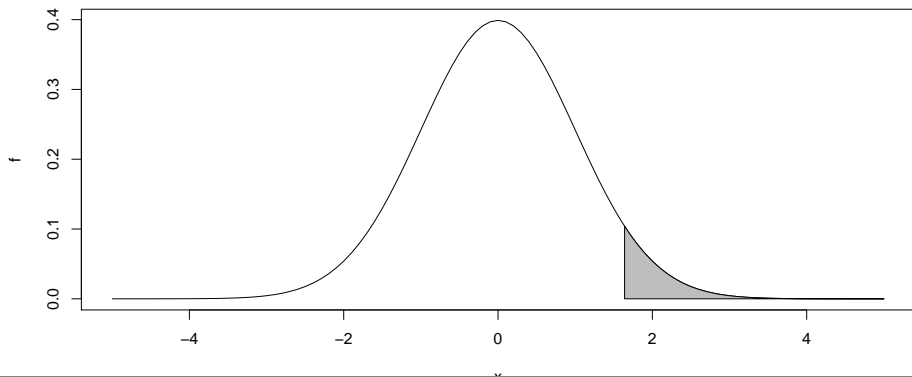


# Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

De forma semelhante

► Se  $H_0 : \mu \leq \mu_0$  vs  $H_1 : \mu > \mu_0$ , rejeitamos  $H_0$  se

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} > k_1 = z_{1-\alpha}$$



## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

De forma semelhante

- ▶ Se  $H_0 : \mu \geq \mu_0$  vs  $H_1 : \mu < \mu_0$ , rejeitamos  $H_0$  se

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} < k_2 = z_\alpha$$

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

De forma semelhante

- ▶ Se  $H_0 : \mu \geq \mu_0$  vs  $H_1 : \mu < \mu_0$ , rejeitamos  $H_0$  se

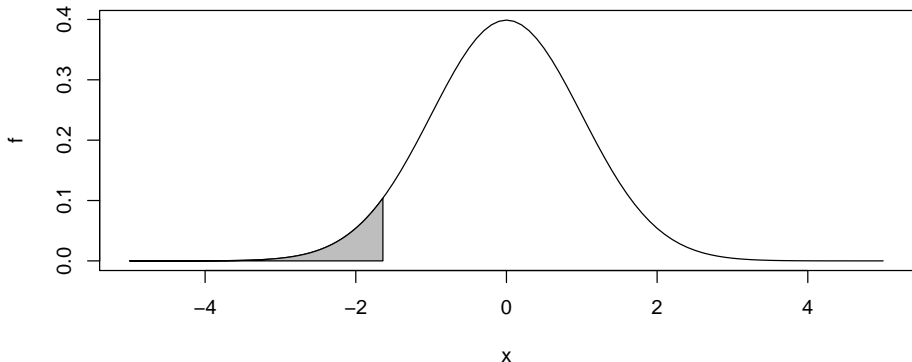
$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} < k_2 = z_\alpha$$

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido

De forma semelhante

- Se  $H_0 : \mu \geq \mu_0$  vs  $H_1 : \mu < \mu_0$ , rejeitamos  $H_0$  se

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} < k_2 = z_\alpha$$



## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido - Exemplo

Considere o teste  $H_0 : \mu \geq 20$  vs  $H_1 : \mu < 20$ . Uma amostra de tamanho 50 produziu  $\bar{x} = 19.4$  e o desvio padrão populacional é  $\sigma = 2$ .  
Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido - Exemplo

Considere o teste  $H_0 : \mu \geq 20$  vs  $H_1 : \mu < 20$ . Uma amostra de tamanho 50 produziu  $\bar{x} = 19.4$  e o desvio padrão populacional é  $\sigma = 2$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$  (ao menos que se especifique o contrário)

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido - Exemplo

Considere o teste  $H_0 : \mu \geq 20$  vs  $H_1 : \mu < 20$ . Uma amostra de tamanho 50 produziu  $\bar{x} = 19.4$  e o desvio padrão populacional é  $\sigma = 2$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$  (ao menos que se especifique o contrário)
- ▶ Definimos a estatística de teste

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} = \frac{19.4 - 20}{2/\sqrt{50}} = -2.12132$$

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido - Exemplo

Considere o teste  $H_0 : \mu \geq 20$  vs  $H_1 : \mu < 20$ . Uma amostra de tamanho 50 produziu  $\bar{x} = 19.4$  e o desvio padrão populacional é  $\sigma = 2$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$  (ao menos que se especifique o contrário)
- ▶ Definimos a estatística de teste

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} = \frac{19.4 - 20}{2/\sqrt{50}} = -2.12132$$

- ▶ Como  $H_0 : \mu \geq 20$  vs  $H_1 : \mu < 20$ , rejeitamos  $H_0$  se  $z < z_\alpha$



## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido - Exemplo

Considere o teste  $H_0 : \mu \geq 20$  vs  $H_1 : \mu < 20$ . Uma amostra de tamanho 50 produziu  $\bar{x} = 19.4$  e o desvio padrão populacional é  $\sigma = 2$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$  (ao menos que se especifique o contrário)
- ▶ Definimos a estatística de teste

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} = \frac{19.4 - 20}{2/\sqrt{50}} = -2.12132$$

- ▶ Como  $H_0 : \mu \geq 20$  vs  $H_1 : \mu < 20$ , rejeitamos  $H_0$  se  $z < z_\alpha$

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido - Exemplo

Considere o teste  $H_0 : \mu \geq 20$  vs  $H_1 : \mu < 20$ . Uma amostra de tamanho 50 produziu  $\bar{x} = 19.4$  e o desvio padrão populacional é  $\sigma = 2$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$  (ao menos que se especifique o contrário)
- ▶ Definimos a estatística de teste

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} = \frac{19.4 - 20}{2/\sqrt{50}} = -2.12132$$

- ▶ Como  $H_0 : \mu \geq 20$  vs  $H_1 : \mu < 20$ , rejeitamos  $H_0$  se  $z < z_\alpha$

```
alpha = 0.05
```

```
qnorm(alpha)
```

```
## [1] -1.644854
```

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido - Exemplo

Considere o teste  $H_0 : \mu \geq 20$  vs  $H_1 : \mu < 20$ . Uma amostra de tamanho 50 produziu  $\bar{x} = 19.4$  e o desvio padrão populacional é  $\sigma = 2$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$  (ao menos que se especifique o contrário)
- ▶ Definimos a estatística de teste

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} = \frac{19.4 - 20}{2/\sqrt{50}} = -2.12132$$

- ▶ Como  $H_0 : \mu \geq 20$  vs  $H_1 : \mu < 20$ , rejeitamos  $H_0$  se  $z < z_\alpha$

```
alpha = 0.05
```

```
qnorm(alpha)
```

```
## [1] -1.644854
```

$-2.12132 < -1.644854$ ? Sim, então rejeitamos  $H_0$

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido - Exemplo

Considere o teste  $H_0 : \mu \leq 25$  vs  $H_1 : \mu > 25$ . Uma amostra de tamanho 40 produziu  $\bar{x} = 26.4$  e o desvio padrão populacional é  $\sigma = 6$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido - Exemplo

Considere o teste  $H_0 : \mu \leq 25$  vs  $H_1 : \mu > 25$ . Uma amostra de tamanho 40 produziu  $\bar{x} = 26.4$  e o desvio padrão populacional é  $\sigma = 6$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido - Exemplo

Considere o teste  $H_0 : \mu \leq 25$  vs  $H_1 : \mu > 25$ . Uma amostra de tamanho 40 produziu  $\bar{x} = 26.4$  e o desvio padrão populacional é  $\sigma = 6$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶ Definimos a estatística de teste

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} = \frac{26.4 - 25}{6/\sqrt{40}} = 1.47573$$

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido - Exemplo

Considere o teste  $H_0 : \mu \leq 25$  vs  $H_1 : \mu > 25$ . Uma amostra de tamanho 40 produziu  $\bar{x} = 26.4$  e o desvio padrão populacional é  $\sigma = 6$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶ Definimos a estatística de teste

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} = \frac{26.4 - 25}{6/\sqrt{40}} = 1.47573$$

- ▶ Como  $H_0 : \mu \leq 25$  vs  $H_1 : \mu > 25$ , rejeitamos  $H_0$  se  $z > z_{1-\alpha}$

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido - Exemplo

Considere o teste  $H_0 : \mu \leq 25$  vs  $H_1 : \mu > 25$ . Uma amostra de tamanho 40 produziu  $\bar{x} = 26.4$  e o desvio padrão populacional é  $\sigma = 6$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶ Definimos a estatística de teste

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} = \frac{26.4 - 25}{6/\sqrt{40}} = 1.47573$$

- ▶ Como  $H_0 : \mu \leq 25$  vs  $H_1 : \mu > 25$ , rejeitamos  $H_0$  se  $z > z_{1-\alpha}$



## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido - Exemplo

Considere o teste  $H_0 : \mu \leq 25$  vs  $H_1 : \mu > 25$ . Uma amostra de tamanho 40 produziu  $\bar{x} = 26.4$  e o desvio padrão populacional é  $\sigma = 6$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶ Definimos a estatística de teste

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} = \frac{26.4 - 25}{6/\sqrt{40}} = 1.47573$$

- ▶ Como  $H_0 : \mu \leq 25$  vs  $H_1 : \mu > 25$ , rejeitamos  $H_0$  se  $z > z_{1-\alpha}$

```
alpha = 0.05  
qnorm(1-alpha)
```

```
## [1] 1.644854
```

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido - Exemplo

Considere o teste  $H_0 : \mu \leq 25$  vs  $H_1 : \mu > 25$ . Uma amostra de tamanho 40 produziu 26.4 e o desvio padrão populacional é  $\sigma = 6$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶ Definimos a estatística de teste

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} = \frac{26.4 - 25}{6/\sqrt{40}} = 1.47573$$

- ▶ Como  $H_0 : \mu \leq 25$  vs  $H_1 : \mu > 25$ , rejeitamos  $H_0$  se  $z > z_{1-\alpha}$

```
alpha = 0.05  
qnorm(1-alpha)
```

```
## [1] 1.644854
```

1.47573 > 1.644854 ? Não, então não rejeitamos  $H_0$

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido - Exemplo

Considere o teste  $H_0 : \mu = 15$  vs  $H_1 : \mu \neq 15$ . Uma amostra de tamanho 50 produziu  $\bar{x} = 14.15$  e o desvio padrão populacional é  $\sigma = 3$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido - Exemplo

Considere o teste  $H_0 : \mu = 15$  vs  $H_1 : \mu \neq 15$ . Uma amostra de tamanho 50 produziu 14.15 e o desvio padrão populacional é  $\sigma = 3$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido - Exemplo

Considere o teste  $H_0 : \mu = 15$  vs  $H_1 : \mu \neq 15$ . Uma amostra de tamanho 50 produziu 14.15 e o desvio padrão populacional é  $\sigma = 3$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶ Definimos a estatística de teste

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} = \frac{14.15 - 15}{3/\sqrt{50}} = -2.003469$$

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido - Exemplo

Considere o teste  $H_0 : \mu = 15$  vs  $H_1 : \mu \neq 15$ . Uma amostra de tamanho 50 produziu 14.15 e o desvio padrão populacional é  $\sigma = 3$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶ Definimos a estatística de teste

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} = \frac{14.15 - 15}{3/\sqrt{50}} = -2.003469$$

- ▶ Como  $H_0 : \mu = 15$  vs  $H_1 : \mu \neq 15$ , rejeitamos  $H_0$  se  $|z| > z_{1-\alpha/2}$

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido - Exemplo

Considere o teste  $H_0 : \mu = 15$  vs  $H_1 : \mu \neq 15$ . Uma amostra de tamanho 50 produziu 14.15 e o desvio padrão populacional é  $\sigma = 3$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶ Definimos a estatística de teste

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} = \frac{14.15 - 15}{3/\sqrt{50}} = -2.003469$$

- ▶ Como  $H_0 : \mu = 15$  vs  $H_1 : \mu \neq 15$ , rejeitamos  $H_0$  se  $|z| > z_{1-\alpha/2}$

## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido - Exemplo

Considere o teste  $H_0 : \mu = 15$  vs  $H_1 : \mu \neq 15$ . Uma amostra de tamanho 50 produziu 14.15 e o desvio padrão populacional é  $\sigma = 3$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶ Definimos a estatística de teste

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} = \frac{14.15 - 15}{3/\sqrt{50}} = -2.003469$$

- ▶ Como  $H_0 : \mu = 15$  vs  $H_1 : \mu \neq 15$ , rejeitamos  $H_0$  se  $|z| > z_{1-\alpha/2}$

```
alpha = 0.05
```

```
qnorm(1-alpha/2)
```

```
## [1] 1.959964
```



## Teste da média populacional: $\sigma$ conhecido - Exemplo

Considere o teste  $H_0 : \mu = 15$  vs  $H_1 : \mu \neq 15$ . Uma amostra de tamanho 50 produziu 14.15 e o desvio padrão populacional é  $\sigma = 3$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶ Definimos a estatística de teste

$$z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma/\sqrt{n}} = \frac{14.15 - 15}{3/\sqrt{50}} = -2.003469$$

- ▶ Como  $H_0 : \mu = 15$  vs  $H_1 : \mu \neq 15$ , rejeitamos  $H_0$  se  $|z| > z_{1-\alpha/2}$

alpha = 0.05

```
qnorm(1-alpha/2)
```

```
## [1] 1.959964
```

$|-2.003469| = 2.003469 > 1.959964$  ? Sim, então rejeitamos  $H_0$

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

- ▶ Na maioria das vezes  $\sigma$  não é conhecido e utilizamos os dados para estimá-lo

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

- ▶ Na maioria das vezes  $\sigma$  não é conhecido e utilizamos os dados para estimá-lo
- ▶ Isto implica que mesmo que  $X_1, \dots, X_n \sim N(\mu, \sigma)$ , a nossa estatística de teste

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\hat{\sigma}/\sqrt{n}},$$

não tem mais uma distribuição  $N(0, 1)$

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

- ▶ Na maioria das vezes  $\sigma$  não é conhecido e utilizamos os dados para estimá-lo
- ▶ Isto implica que mesmo que  $X_1, \dots, X_n \sim N(\mu, \sigma)$ , a nossa estatística de teste

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\hat{\sigma}/\sqrt{n}},$$

não tem mais uma distribuição  $N(0, 1)$

- ▶ De fato, pode-se provar que

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\hat{\sigma}/\sqrt{n}} \sim t_{n-1}$$

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Então:

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Então:

- ▶ Se  $H_0 : \mu = \mu_0$  vs  $H_1 : \mu \neq \mu_0$ , rejeitamos  $H_0$  se

$$\left| t = \frac{\bar{X} - \mu_0}{\hat{\sigma}/\sqrt{n}} \right| > t_{1-\alpha/2, n-1}$$

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Então:

- ▶ Se  $H_0 : \mu = \mu_0$  vs  $H_1 : \mu \neq \mu_0$ , rejeitamos  $H_0$  se

$$\left| t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\hat{\sigma}/\sqrt{n}} \right| > t_{1-\alpha/2, n-1}$$

- ▶ Se  $H_0 : \mu \leq \mu_0$  vs  $H_1 : \mu > \mu_0$ , rejeitamos  $H_0$  se

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\hat{\sigma}/\sqrt{n}} > t_{1-\alpha, n-1}$$

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Então:

- ▶ Se  $H_0 : \mu = \mu_0$  vs  $H_1 : \mu \neq \mu_0$ , rejeitamos  $H_0$  se

$$\left| t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\hat{\sigma}/\sqrt{n}} \right| > t_{1-\alpha/2, n-1}$$

- ▶ Se  $H_0 : \mu \leq \mu_0$  vs  $H_1 : \mu > \mu_0$ , rejeitamos  $H_0$  se

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\hat{\sigma}/\sqrt{n}} > t_{1-\alpha, n-1}$$

- ▶ Se  $H_0 : \mu \geq \mu_0$  vs  $H_1 : \mu < \mu_0$ , rejeitamos  $H_0$  se

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\hat{\sigma}/\sqrt{n}} < t_{\alpha, n-1}$$



## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Considere  $H_0 : \mu \leq 12$  vs.  $H_1 : \mu > 12$ . Uma amostra de  $n = 25$  produziu  $\bar{x} = 14$  e desvio padrão **amostral**  $\hat{\sigma} = 4.32$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Considere  $H_0 : \mu \leq 12$  vs.  $H_1 : \mu > 12$ . Uma amostra de  $n = 25$  produziu  $\bar{x} = 14$  e desvio padrão **amostral**  $\hat{\sigma} = 4.32$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Considere  $H_0 : \mu \leq 12$  vs.  $H_1 : \mu > 12$ . Uma amostra de  $n = 25$  produziu  $\bar{x} = 14$  e desvio padrão **amostral**  $\hat{\sigma} = 4.32$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶  $\sigma$  é conhecido ou desconhecido?

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Considere  $H_0 : \mu \leq 12$  vs.  $H_1 : \mu > 12$ . Uma amostra de  $n = 25$  produziu  $\bar{x} = 14$  e desvio padrão **amostral**  $\hat{\sigma} = 4.32$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶  $\sigma$  é conhecido ou desconhecido?

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Considere  $H_0 : \mu \leq 12$  vs.  $H_1 : \mu > 12$ . Uma amostra de  $n = 25$  produziu  $\bar{x} = 14$  e desvio padrão **amostral**  $\hat{\sigma} = 4.32$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶  $\sigma$  é conhecido ou desconhecido?
- ▶ Como vamos utilizar  $\hat{\sigma}$ , definos a estatística de teste

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\hat{\sigma}/\sqrt{n}} = \frac{14 - 12}{4.32/\sqrt{25}} = 2.314815$$

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Considere  $H_0 : \mu \leq 12$  vs.  $H_1 : \mu > 12$ . Uma amostra de  $n = 25$  produziu  $\bar{x} = 14$  e desvio padrão **amostral**  $\hat{\sigma} = 4.32$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶  $\sigma$  é conhecido ou desconhecido?
- ▶ Como vamos utilizar  $\hat{\sigma}$ , definos a estatística de teste

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\hat{\sigma}/\sqrt{n}} = \frac{14 - 12}{4.32/\sqrt{25}} = 2.314815$$

- ▶ Como  $H_0 : \mu \leq 12$  vs.  $H_1 : \mu > 12$ , rejeitamos  $H_0$  se  $t > t_{1-\alpha, n-1}$

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Considere  $H_0 : \mu \leq 12$  vs.  $H_1 : \mu > 12$ . Uma amostra de  $n = 25$  produziu  $\bar{x} = 14$  e desvio padrão **amostral**  $\hat{\sigma} = 4.32$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶  $\sigma$  é conhecido ou desconhecido?
- ▶ Como vamos utilizar  $\hat{\sigma}$ , definos a estatística de teste

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\hat{\sigma}/\sqrt{n}} = \frac{14 - 12}{4.32/\sqrt{25}} = 2.314815$$

- ▶ Como  $H_0 : \mu \leq 12$  vs.  $H_1 : \mu > 12$ , rejeitamos  $H_0$  se  $t > t_{1-\alpha, n-1}$

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Considere  $H_0 : \mu \leq 12$  vs.  $H_1 : \mu > 12$ . Uma amostra de  $n = 25$  produziu  $\bar{x} = 14$  e desvio padrão **amostral**  $\hat{\sigma} = 4.32$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶  $\sigma$  é conhecido ou desconhecido?
- ▶ Como vamos utilizar  $\hat{\sigma}$ , definos a estatística de teste

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\hat{\sigma}/\sqrt{n}} = \frac{14 - 12}{4.32/\sqrt{25}} = 2.314815$$

- ▶ Como  $H_0 : \mu \leq 12$  vs.  $H_1 : \mu > 12$ , rejeitamos  $H_0$  se  $t > t_{1-\alpha, n-1}$

```
alpha = 0.05; n = 25  
qt(1-alpha, n-1)
```

```
## [1] 1.710882
```



## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Considere  $H_0 : \mu \leq 12$  vs.  $H_1 : \mu > 12$ . Uma amostra de  $n = 25$  produziu  $\bar{x} = 14$  e desvio padrão **amostral**  $\hat{\sigma} = 4.32$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶  $\sigma$  é conhecido ou desconhecido?
- ▶ Como vamos utilizar  $\hat{\sigma}$ , definos a estatística de teste

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\hat{\sigma}/\sqrt{n}} = \frac{14 - 12}{4.32/\sqrt{25}} = 2.314815$$

- ▶ Como  $H_0 : \mu \leq 12$  vs.  $H_1 : \mu > 12$ , rejeitamos  $H_0$  se  $t > t_{1-\alpha, n-1}$

```
alpha = 0.05; n = 25  
qt(1-alpha, n-1)
```

```
## [1] 1.710882
```

$2.314815 > 1.710882$  ? Sim, então rejeitamos  $H_0$

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Considere  $H_0 : \mu = 18$  vs.  $H_1 : \mu \neq 18$ . Uma amostra de  $n = 23$  produziu  $\bar{x} = 17$  e desvio padrão **amostral**  $\hat{\sigma} = 4.5$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Considere  $H_0 : \mu = 18$  vs.  $H_1 : \mu \neq 18$ . Uma amostra de  $n = 23$  produziu  $\bar{x} = 17$  e desvio padrão **amostral**  $\hat{\sigma} = 4.5$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Considere  $H_0 : \mu = 18$  vs.  $H_1 : \mu \neq 18$ . Uma amostra de  $n = 23$  produziu  $\bar{x} = 17$  e desvio padrão **amostral**  $\hat{\sigma} = 4.5$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶  $\sigma$  é conhecido ou desconhecido?

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Considere  $H_0 : \mu = 18$  vs.  $H_1 : \mu \neq 18$ . Uma amostra de  $n = 23$  produziu  $\bar{x} = 17$  e desvio padrão **amostral**  $\hat{\sigma} = 4.5$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶  $\sigma$  é conhecido ou desconhecido?

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Considere  $H_0 : \mu = 18$  vs.  $H_1 : \mu \neq 18$ . Uma amostra de  $n = 23$  produziu  $\bar{x} = 17$  e desvio padrão **amostral**  $\hat{\sigma} = 4.5$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶  $\sigma$  é conhecido ou desconhecido?
- ▶ Como vamos utilizar  $\hat{\sigma}$ , definimos a estatística de teste

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\hat{\sigma}/\sqrt{n}} = \frac{17 - 18}{4.5/\sqrt{23}} = -1.06574$$

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Considere  $H_0 : \mu = 18$  vs.  $H_1 : \mu \neq 18$ . Uma amostra de  $n = 23$  produziu  $\bar{x} = 17$  e desvio padrão **amostral**  $\hat{\sigma} = 4.5$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶  $\sigma$  é conhecido ou desconhecido?
- ▶ Como vamos utilizar  $\hat{\sigma}$ , definimos a estatística de teste

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\hat{\sigma}/\sqrt{n}} = \frac{17 - 18}{4.5/\sqrt{23}} = -1.06574$$

- ▶ Como  $H_0 : \mu = 18$  vs.  $H_1 : \mu \neq 18$ , rejeitamos  $H_0$  se  $|t| > t_{1-\alpha/2, n-1}$

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Considere  $H_0 : \mu = 18$  vs.  $H_1 : \mu \neq 18$ . Uma amostra de  $n = 23$  produziu  $\bar{x} = 17$  e desvio padrão **amostral**  $\hat{\sigma} = 4.5$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶  $\sigma$  é conhecido ou desconhecido?
- ▶ Como vamos utilizar  $\hat{\sigma}$ , definimos a estatística de teste

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\hat{\sigma}/\sqrt{n}} = \frac{17 - 18}{4.5/\sqrt{23}} = -1.06574$$

- ▶ Como  $H_0 : \mu = 18$  vs.  $H_1 : \mu \neq 18$ , rejeitamos  $H_0$  se  $|t| > t_{1-\alpha/2, n-1}$



## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Considere  $H_0 : \mu = 18$  vs.  $H_1 : \mu \neq 18$ . Uma amostra de  $n = 23$  produziu  $\bar{x} = 17$  e desvio padrão **amostral**  $\hat{\sigma} = 4.5$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶  $\sigma$  é conhecido ou desconhecido?
- ▶ Como vamos utilizar  $\hat{\sigma}$ , definos a estatística de teste

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\hat{\sigma}/\sqrt{n}} = \frac{17 - 18}{4.5/\sqrt{23}} = -1.06574$$

- ▶ Como  $H_0 : \mu = 18$  vs.  $H_1 : \mu \neq 18$ , rejeitamos  $H_0$  se  $|t| > t_{1-\alpha/2, n-1}$

```
alpha = 0.05; n = 23  
qt(1-alpha/2, n-1)
```

```
## [1] 2.073873
```

## Teste da média populacional: $\sigma$ desconhecido

Considere  $H_0 : \mu = 18$  vs.  $H_1 : \mu \neq 18$ . Uma amostra de  $n = 23$  produziu  $\bar{x} = 17$  e desvio padrão **amostral**  $\hat{\sigma} = 4.5$ . Rejeitamos ou não  $H_0$ ?

- ▶ Por padrão assumimos  $\alpha = 0.05$
- ▶  $\sigma$  é conhecido ou desconhecido?
- ▶ Como vamos utilizar  $\hat{\sigma}$ , definos a estatística de teste

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\hat{\sigma}/\sqrt{n}} = \frac{17 - 18}{4.5/\sqrt{23}} = -1.06574$$

- ▶ Como  $H_0 : \mu = 18$  vs.  $H_1 : \mu \neq 18$ , rejeitamos  $H_0$  se  $|t| > t_{1-\alpha/2, n-1}$

```
alpha = 0.05; n = 23  
qt(1-alpha/2, n-1)
```

```
## [1] 2.073873
```

$|-1.06574| = 1.06574 > 2.073873$  ? Não, então não rejeitamos  $H_0$

## Leituras recomendadas

- ▶ Anderson, D. R; Sweeney, D. J.; e Williams, T. A. (2008). *Estatística Aplicada à Administração e Economia*. 2ed. Cengage Learning. **Cap 9**
- ▶ Morettin, P.A; e Bussab, W. de O. (2004). *Estatística Básica*. 5ed, Saraiva. **Cap 12**