2023 年稳博投资量化研究员笔试题

笔试说明:

- 1、本次**笔试时长预计7小时**,请于笔试开始后48小时内交卷;
- 2、本 pdf 为笔试题目,答案按要求放在答卷文件夹中,已建立并命名为"姓名+笔试时间+交卷文件",按要求答题后压缩该文件夹回传答案即可。

一、算法题-----深境螺旋

-----传说在遥远的古代,「王」与「祭司」会共同攀登指向天空的尖塔,寻求某种指引。

因为螺旋有两条路,所以你只需要完成两道题目中的任意一道即可,第一道题目较为容易,第二道题目会非常难。当然如果完成的话第二道题目的分数也会是第一道题目的两倍以上。

渊月祝福:如果对自己的代码功力不自信,也可以提交文字说明自己的思路,对每一档数据可以获得一半分数,要求思路说明必须详细,不可以过于模糊,不建议使用该种方式除非你觉得自己真的不善于写代码。

(一)左侧通道 做题时间建议:1H

运行时间: 1S

可莉来到了左侧的台阶,发现面对的是一个特殊的地图。整个地图一共有N个地点,地点之间彼此相通,并且好心的旅行者还告诉她这张图是一棵树的结构。(什么是树呢?树就是有n个节点和n-1条边形成的无环连通无向图。——旅行手册介绍)

但是可莉面对复杂的地图还是迷路了。为了估算一下走出去的时间,她现在很想知道从任意编号的点出发,到距离该点最远的点需要多少步。

输入格式:

第一行一个整数N,表示一共有N个地点

第二到第N行,每行两个数,表示这两个地点之间有路

输出格式:

N个整数,表示从该地点走到距离该点最远的点需要的步数

样例:

输入:

4

1 4

2 4

3 4

输出:

3 3 3 2

样例解释:

地点1,2,3均与4号点相连,除此之外都没有路。

所以从地点1出发,最远点是地点2或者地点3,都需要通过4,算起点和终点长度为3 只有从地点4出发,到任意一个点都只要一步,所以算起点和终点长度为2

第八层: N <= 1000 (10%的数据)

第九层: N <= 10000 (30%的数据)

第十层: N <= 200000 (60%的数据)

第十一层: N <= 10000000 (100%的数据)

(二)右侧通道 做题时间建议:1H

运行时间: 1S

影来到了右边的阶梯,出现在眼前的是神樱树,树上的每个节点都寄宿着一位故友的灵魂。(什么是树呢?树就是有n个节点和n-1条边形成的无环连通无向图。——旅行手册介绍) 传说,只要在一定距离内,心有所向的两人便会互相吸引。所以现在影想请教你,这棵树上有多少对节点的距离在K以内。

输入格式:

输入会有多组数据,对于每组数据:

第一行有两个整数N, K

之后N-1行每行三个整数: U, V, L 表示节点U和节点V之间的边长度为L

最后会以00结尾代表输入结束

输出格式:

对于每组测试数据,输出一个整数,代表这样的节点对数

样例:

输入:

5 7

1 3 5

2 3 1

1 4 4

4 5 3

0 0

输出:

6

样例解释:一共有6对节点之间的距离<=7

分别为(1,3) 距离为5

(2,3) 距离为1

(1,4) 距离为4

(4,5) 距离为3

(1,5) 道路为1->4->5,总距离为7

(1,2) 道路为1->3->2,总距离为6

第九层: ΣN <= 1000 (10%的数据)

第十层: ΣN <= 10000 (30%的数据)

第十一层: ΣN <= 300000, 数据大体随机 (60%的数据)

第十二层: ΣN<= 400000, 数据精心构造(100%的数据)

提示:本题最后两档有一定难度,如果觉得写不出的话,有思路直接写思路,也可以根据思路给予得分。

二、金融数据计算-超额收益率计算

做题时间建议: 30Min

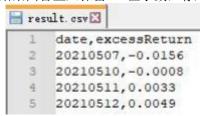
现有一投资组合(附件 1),请利用所提供的行情数据(附件 2),计算 2021 年 **11 月**该组合相对于上证指数的每日超额收益率。

提示: T 日收益率 = T 日收盘价 / T-1 日收盘价 -1

T 日超额收益率 = T 日组合收益率 - T 日上证指数收益率

假设权重不变, vwap数据自己准备, 也可以依赖现有数据

结果四舍五入保留 4 位小数, 存入 result.csv 文件, 格式如下:



三、机器学习题

做题时间建议: 1H

现有一大小为 m*n 的股票数据集,其包含了多支股票多天的特征数据(一支股票每天可能有 1000-5000 行 数据,m 大于 1000000),前两列为时间和股票代码,后 n-2 列为特征,现在想要对其作 1D-CNN 的回归训 练(假设 kernel 个数为 1,kernel size 为 3),请简要描述该如何进行数据处理及模型训练,并画出 CNN 流 程图(每一层之间如何转化)。

四、数学题 做题时间建议: 1.5H

(一)证明对任意实数列, $a_1, a_2, a_3, ..., a_n$,

 $\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \frac{a_i a_j}{i+j} \ge 0$

恒成立.

(二)证明存在一个常数 c>0 对于任意整数 n 具有如下性质:

证明存在一个常数c>0对于任意整数n具有如下性质: 对于任意 $n\times n$ 元素各不相同的矩阵A,A的第i行为 A_i ,存在一个 $1,2,3,\ldots,n$ 的排列 $M=\{a_1,a_2,a_3,\ldots,a_n\}$,使得矩阵 $A[M]=[A_{a_1}^T,A_{a_2}^T,A_{a_3}^T,\ldots,A_{a_n}^T]^T$ 没有一列有长度超过 $c\sqrt{n}$ 的递增子列.

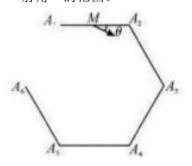
- (三) Z是在半径为 α 的圆内随机取两点的距离,求 EZ^2
- (四)在三角形A中随机取三点连成三角形B,证明: E(B)的面积) = A的面积/12.

五、物理题

(一) 求光线出射角9的范围

做题时间建议: 30Min

如图所示,一正六边形A1A2A3A4A5A6,除去A6A1每边均为一平面镜,A6A1边为空气. 现从 A1A2中点M 发出一条光线,此光线依次经A2A3,A3A4,…,A5A6反射,最后从A6A1边射出,试求光线出射角 θ 的范围。



(二)电阻和随机行走 做题时间建议: 30Min

1. 考虑 N 维空间 RN , 如果在所有相邻整数格点(ZN) 间都连接一个大小为 r 的电阻,那么两个相邻格点间的等效电阻是多少?

2. 考虑 N 维空间中的随机行走,每一步有相同概率到达相邻格点,过(0,0,,0,1)逃出的概率是多少?	那么从原点出发不适	区回原点而经
3. 是否可以简要说明解释上述 N 维网格上的随机行走常返的条件?原点概率为 1,也可以理解为无法从无穷远点逃出)	(可以不严格证明,	常返指回到