

## Cours 1 : Représentations vectorielles



**François HU - 05/07/2021 - [francois.hu@socgen.com](mailto:francois.hu@socgen.com)**

**Data Scientist** au DataLab de la Société Générale Assurances

**Doctorant** à l'ENSAE-CREST

**Enseignant** à EPITA, ENSAE

Les cours se trouvent ici : <https://curiousml.github.io/>

# Sommaire

## 1. Quelques motivations

## 2. Words Embeddings

- Représentations vectorielles des mots :  
*one-hot-encoding* ?
- word embedding
- word2vec
- doc2vec

## 3. Topic modeling

- Représentation vectorielle des documents / topics
- Latent Semantic Analysis ([LSA](#))
- Latent Dirichlet Allocation ([LDA](#))

## Introduction

Représentations vectorielles

## Deep Learning pour NLP

## Active Learning

# Quelques motivations

Contextes **non-supervisé**

Représenter **numériquement des mots** de sorte que la relation suivante ait un sens :

$$\text{vect}(\text{king}) - \text{vect}(\text{man}) + \text{vect}(\text{woman}) = \text{vect}(\text{queen})$$

Représenter **numériquement des thèmes (topics) cachés** et les **documents** :

- créer des **systèmes de recommandation**  
(utilisés par les e-commerçants, les moteurs de recherche, ...)
- **catégorisation** de textes
- processus d'**exploration des données**
- en bio-informatique : **extraire des connaissances cachées** des données biologiques (molécules d'ADN)

## **2. Word Embeddings**

# Représentation vectorielle des mots : *one-hot-encoding* ?

objectif

texte à apprendre : mon client est content de son assurance → 

texte à prédire : l'assuré est satisfait de notre contrat → ?

# Représentation vectorielle des mots : *one-hot-encoding* ?



## 1. définir le vocabulaire

```
V = {'a'           : 1, ...
      'assurance'   : 59, ...
      'assuré'       : 62, ...
      'client'       : 698, ...
      'content'      : 772, ...
      'contrat'      : 899, ...
      'satisfait'    : 8 201, ...
      'zoo'          : 9 999, ...
      <UNK>          : 10 000 }
```

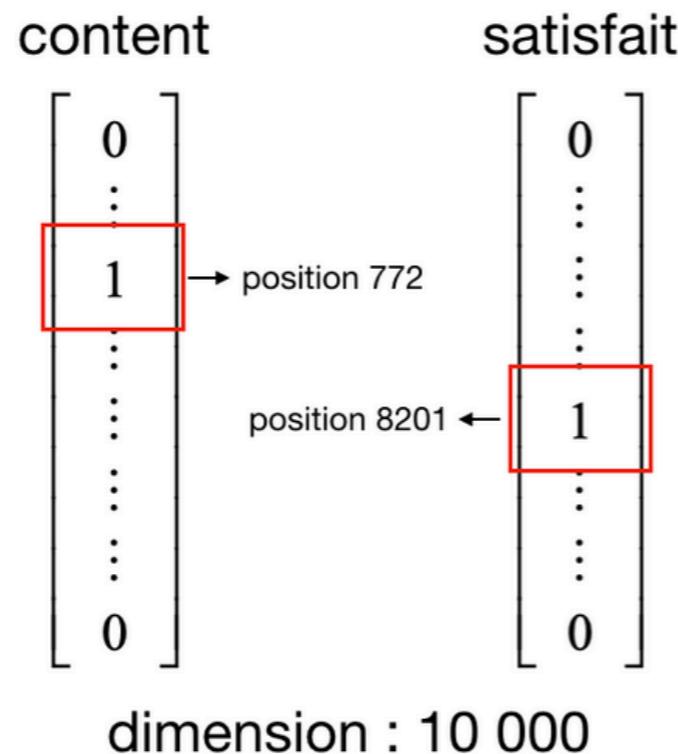
# Représentation vectorielle des mots : *one-hot-encoding* ?



1. définir le vocabulaire

2. one-hot encoding

```
V = {'a' : 1, ...
      'assurance' : 59, ...
      'assuré' : 62, ...
      'client' : 698, ...
      'content' : 772, ...
      'contrat' : 899, ...
      'satisfait' : 8 201, ...
      'zoo' : 9 999, ...
      <UNK> : 10 000 }
```



Approche naïve de vectorisation :

approche one-hot

approche TF-IDF

# Représentation vectorielle des mots : *one-hot-encoding* ?

# Remarques

## objectif

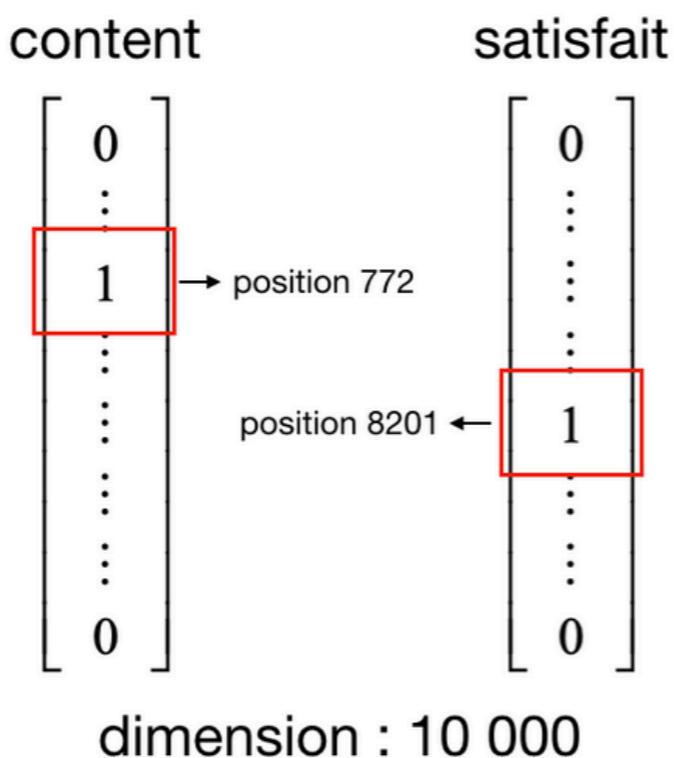
texte à apprendre : mon client est content de son assurance → 

texte à prédire : l'assuré est satisfait de notre contrat → ?

## 1. définir le vocabulaire

## 2. one-hot encoding

```
V = {'a' : 1, ...
      'assurance' : 59, ...
      'assuré' : 62, ...
      'client' : 698, ...
      'content' : 772, ...
      'contrat' : 899, ...
      'satisfait' : 8 201, ...
      'zoo' : 9 999, ...
      <UNK> : 10 000 }
```



## **Approche naïve de vectorisation :**

## approche one-hot

## approche TF-IDF

# Problèmes :

# vecteurs creux de grandes dimensions

sauvegardent des mots sans prendre en compte le contexte :

## vect (« content »)

7

vect (« satisfait »)

# Représentation vectorielle des mots : *one-hot-encoding* ?

# Remarques

## objectif

texte à apprendre : mon client est content de son assurance → 

texte à prédire : l'assuré est satisfait de notre contrat → ?

## 1. définir le vocabulaire

## 2. one-hot encoding

```
V = {'a' : 1, ...
      'assurance' : 59, ...
      'assuré' : 62, ...
      'client' : 698, ...
      'content' : 772, ...
      'contrat' : 899, ...
      'satisfait' : 8 201, ...
      'zoo' : 9 999, ...
      <UNK> : 10 000 }
```

content

satisfait

dimension : 10 000

## Approche naïve de vectorisation :

## approche one-hot

# approche TF-IDF

## Problèmes :

# vecteurs creux de grandes dimensions

sauvegardent des mots sans prendre en compte le contexte :

## vect (< content >)

1

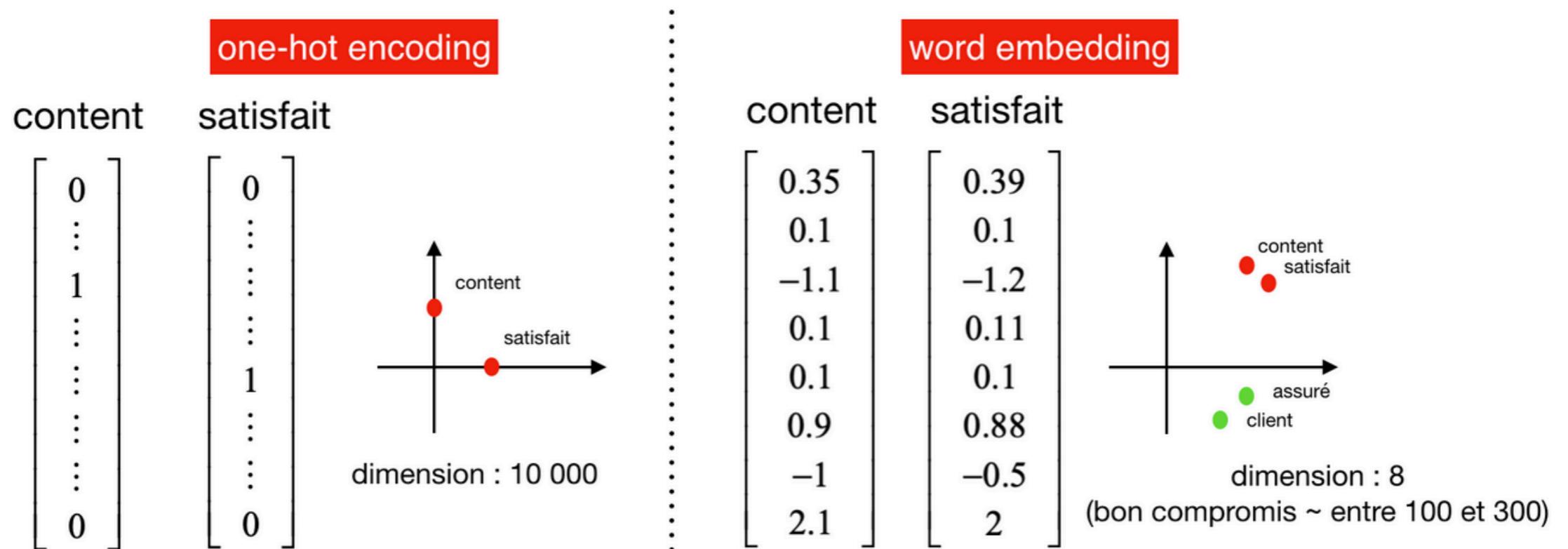
## vect (« satisfait »)

## Solution :

## approche word embedding

# Word Embedding

**Word embedding (plongement de mot en français)** : vectorisation des mots de sorte que les mots apparaissant dans des contextes similaires ont des significations apparentées



**Vecteurs denses de plus petites dimensions**

$$\text{mot1} \approx \text{mot2} \implies \text{word\_embedding}(\text{mot1}) \approx \text{word\_embedding}(\text{mot2})$$

Word embedding populaire : **word2vec**

# Word2vec

**Principe :** utiliser les réseaux de neurones pour construire ces vecteurs

**Deux architectures** de word2vec : **Continuous Bag-Of-Words** (CBOW) et **Skip-Gram**

**Exemple de texte :**

notre client est content de son assurance automobile

notre client est content de son assurance automobile  
client content assurance automobile

# Word2vec

**Principe :** utiliser les réseaux de neurones pour construire ces vecteurs

**Deux architectures** de word2vec : **Continuous Bag-Of-Words** (CBOW) et **Skip-Gram**

**Exemple de texte :**

notre client est content de son assurance automobile

notre client est content de son assurance automobile

client content assurance automobile

**Générer des observations** pour word2vec pour une fenêtre de taille 2

cible	contexte
observation 1 :	client content assurance automobile
observation 2 :	client content assurance automobile
observation 3 :	client content assurance automobile
observation 4 :	client content assurance automobile

# Word2vec

**Principe :** utiliser les réseaux de neurones pour construire ces vecteurs

**Deux architectures** de word2vec : **Continuous Bag-Of-Words** (CBOW) et **Skip-Gram**

**Exemple de texte :**

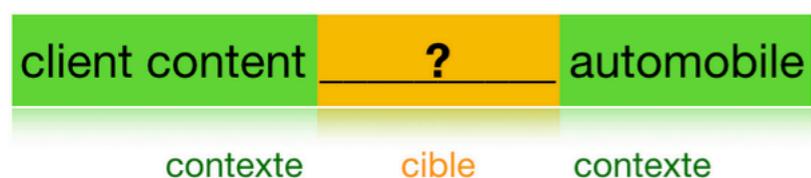
notre client est content de son assurance automobile  
notre client est content de son assurance automobile  
client content assurance automobile

**Générer des observations** pour word2vec pour une fenêtre de taille 2

	cible	contexte
observation 1 :	client	content assurance automobile
observation 2 :	client	content assurance automobile
observation 3 :	client	content assurance automobile
observation 4 :	client	content assurance automobile

**Modèle CBOW :**

cherche à prédire un mot à partir du contexte



réseaux de neurones

prédir assurance

**Modèle skip-gram :**

cherche à prédire les mots du contexte à partir d'un mot

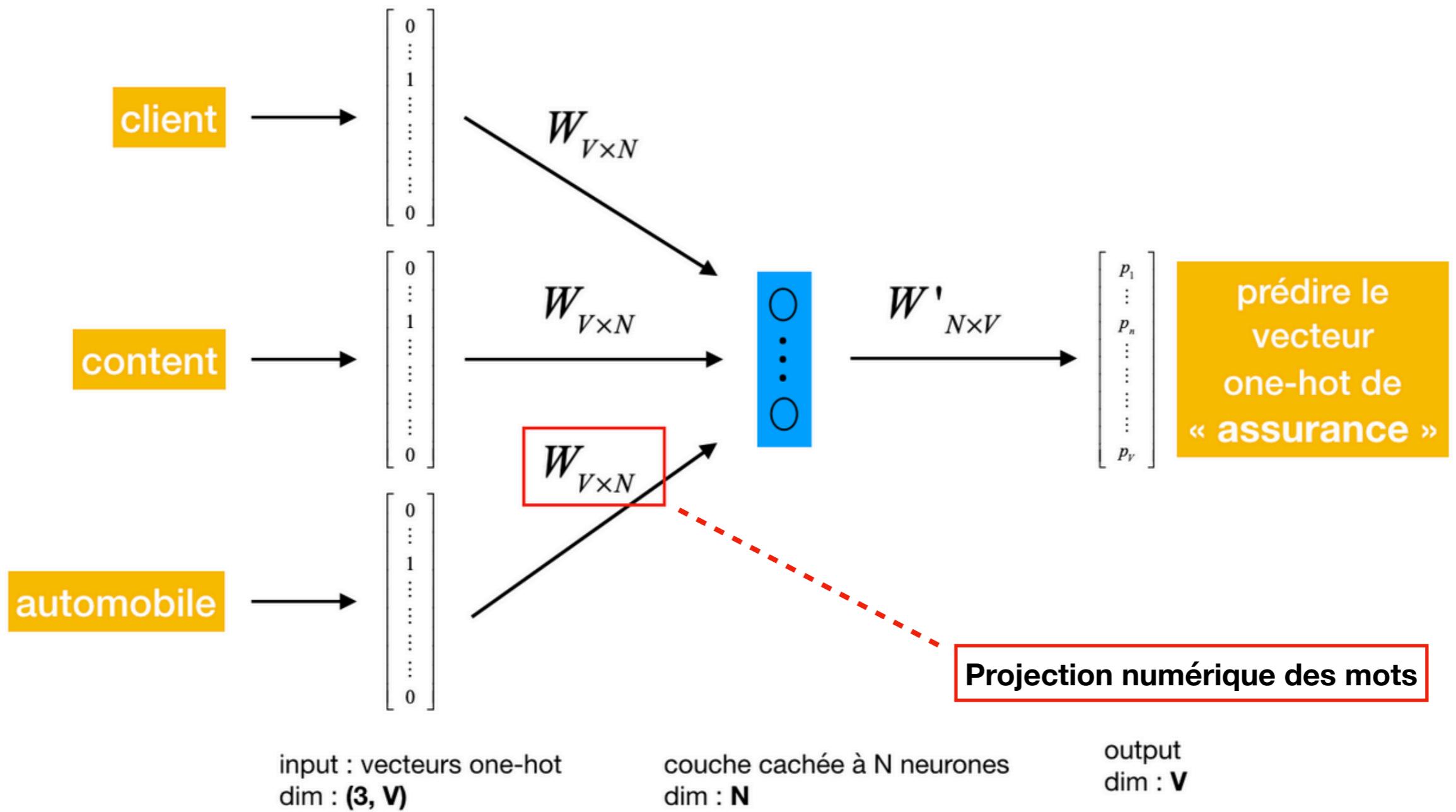


réseaux de neurones

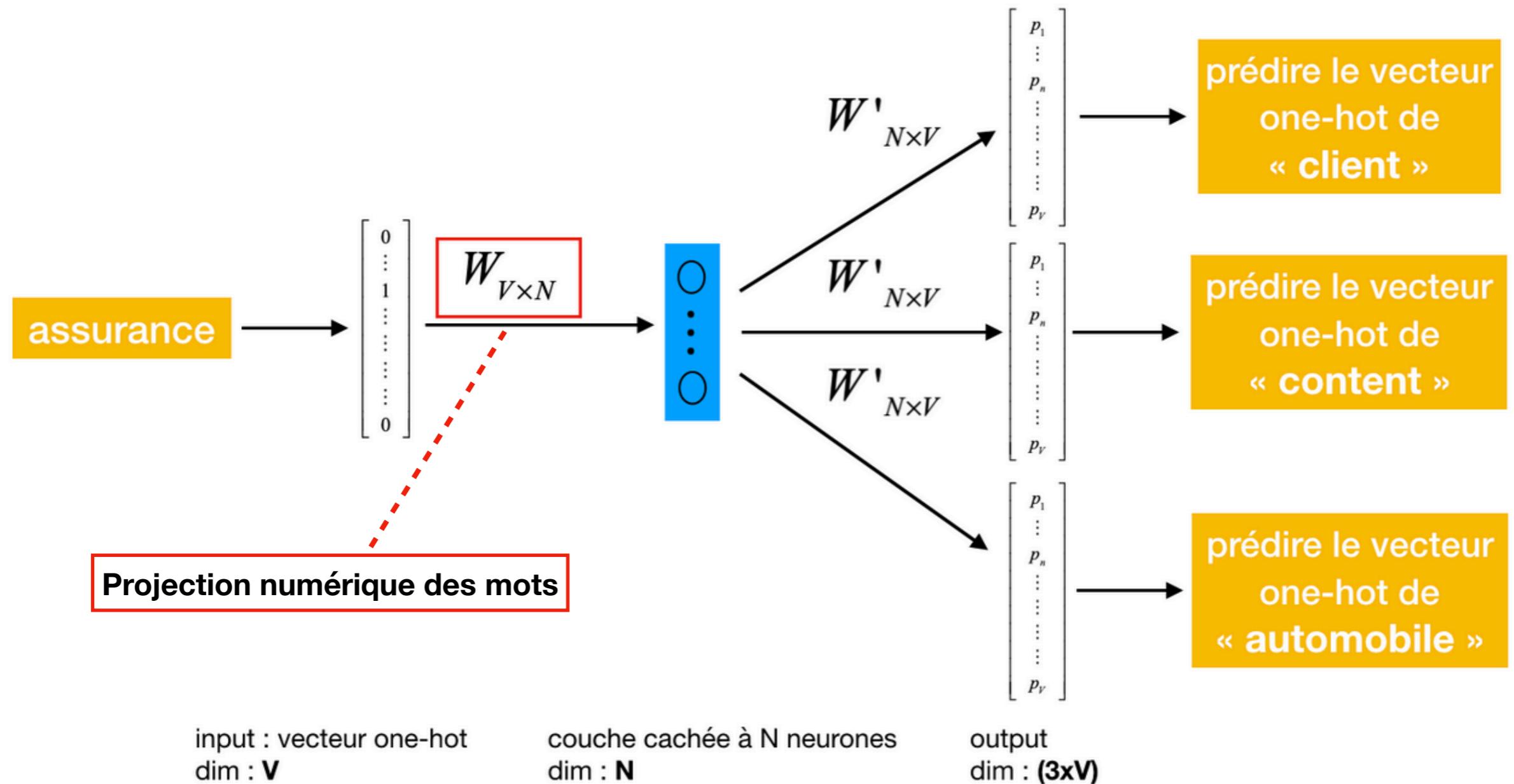
prédir : client content

automobile

# Word2vec : modèle CBOW

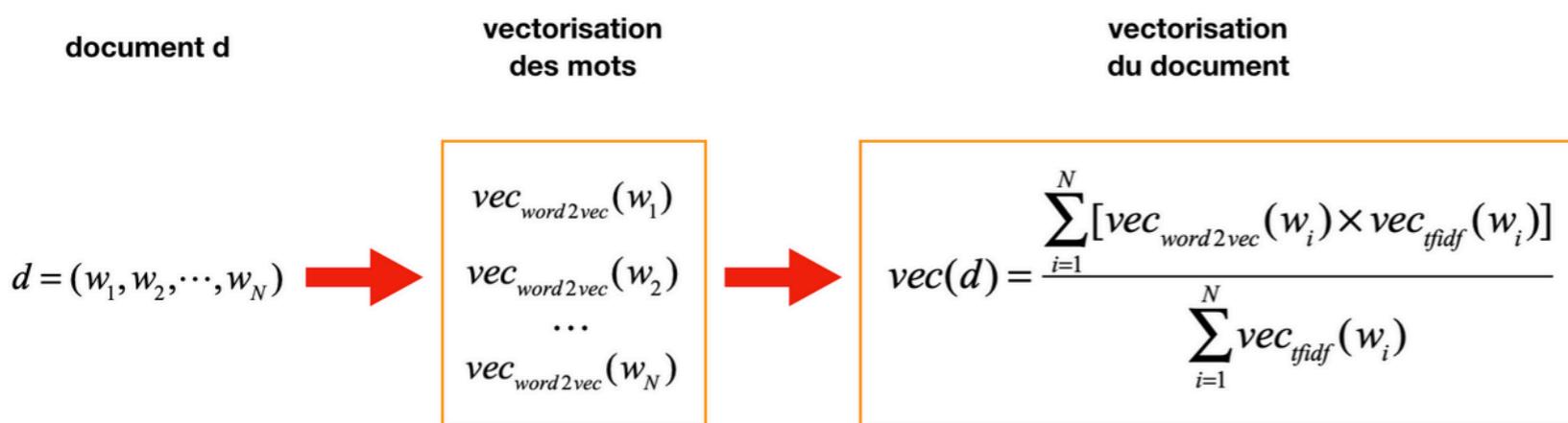
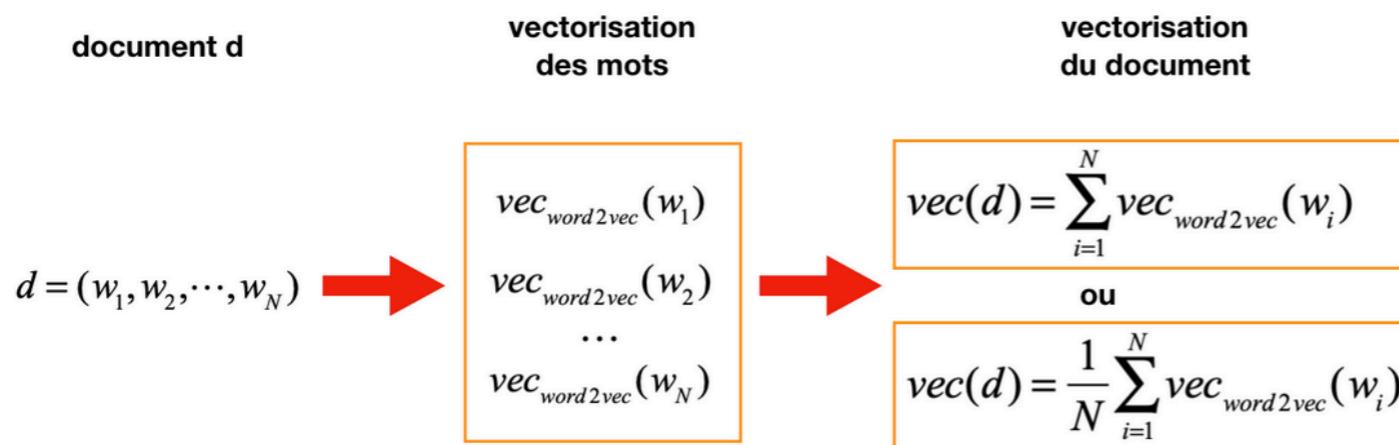


# Word2vec : modèle Skip-Gram



# classification de textes avec word2vec

agrégation puis classification classique :



doc2vec puis classification classique : voir [section suivante](#) pour le modèle doc2vec

classification avec les réseaux de neurones : voir [cours 2](#) pour les modèles séquentiels

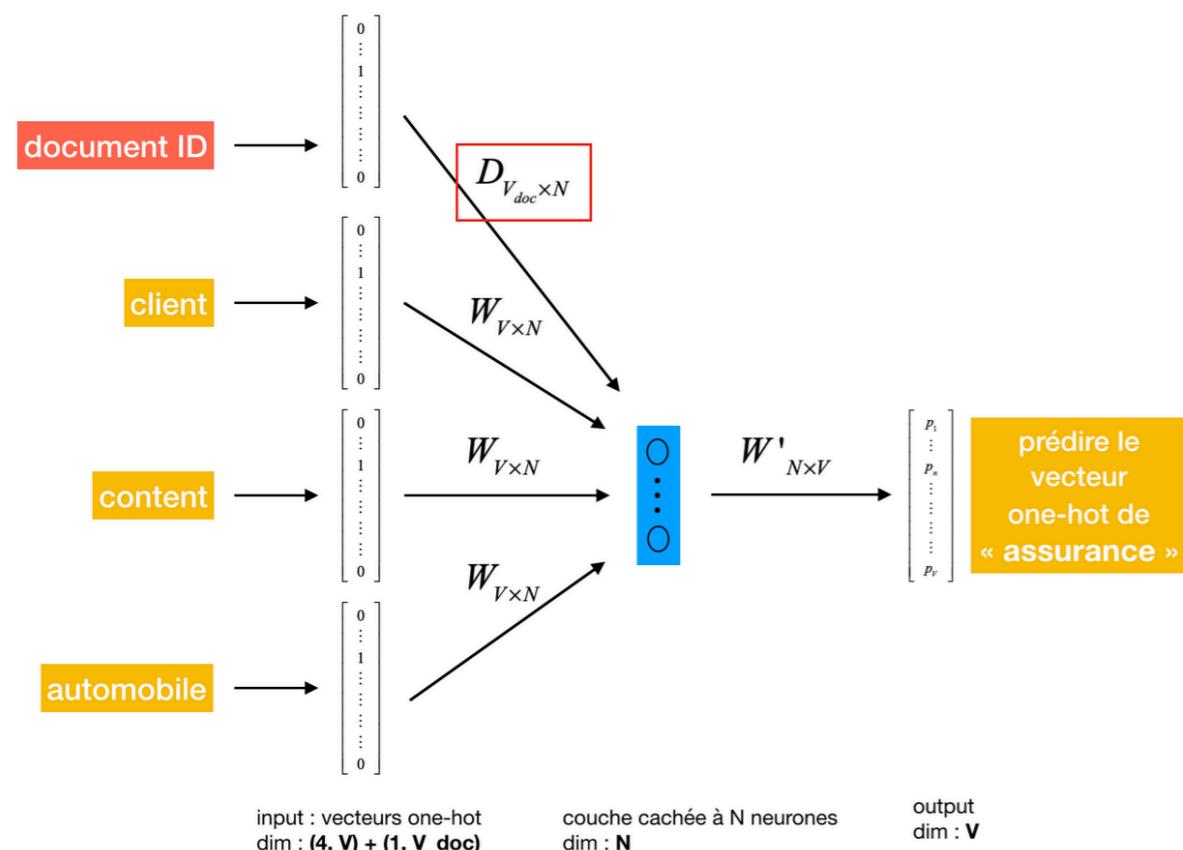
# classification de textes avec doc2vec

## doc2vec

vectorisation des **documents** (resp. des mots) de sorte que les **documents** (resp. les mots) apparaissant dans des contextes similaires ont des significations apparentées

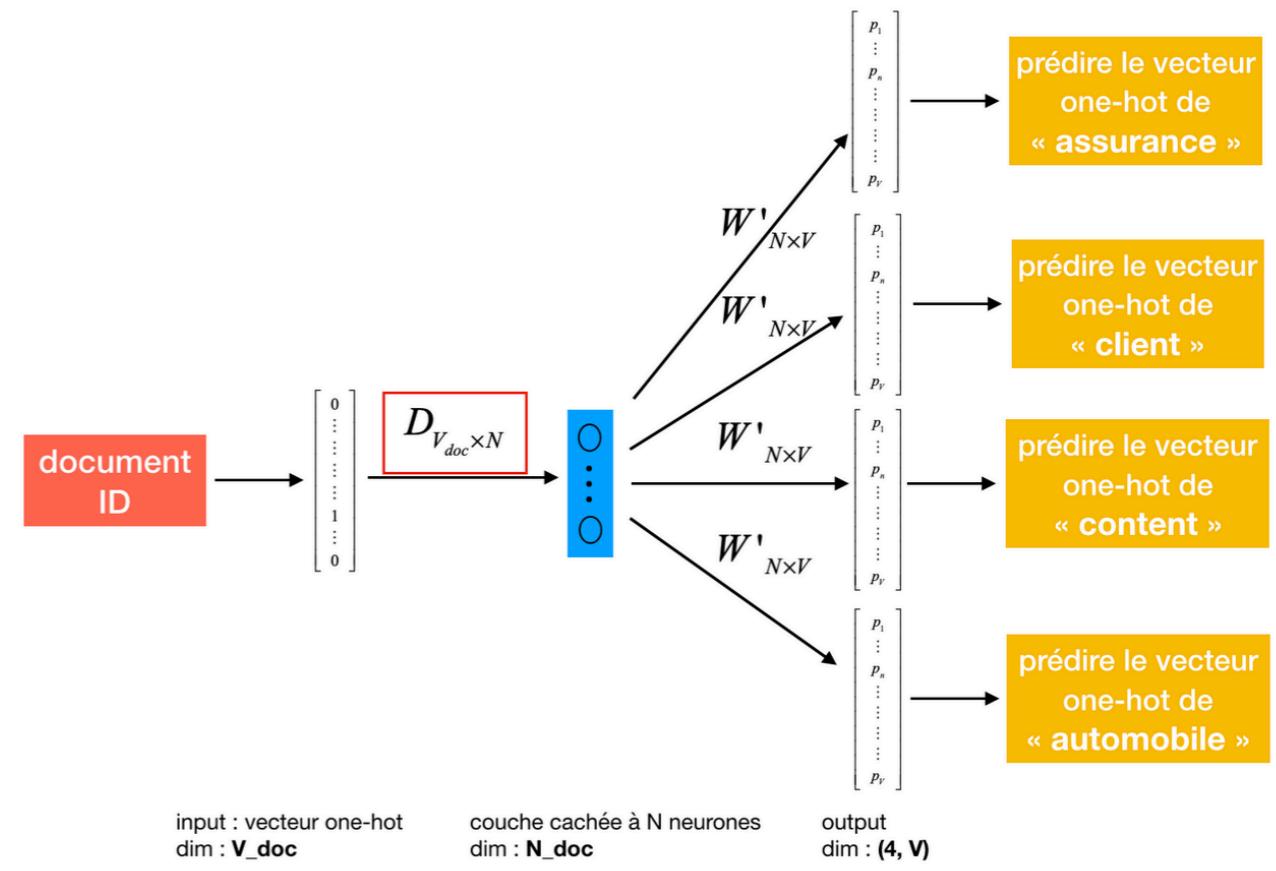
Distributed Memory (DM) :

$$p(w_i \mid w_{i-h}, \dots, w_{i+h}, d)$$

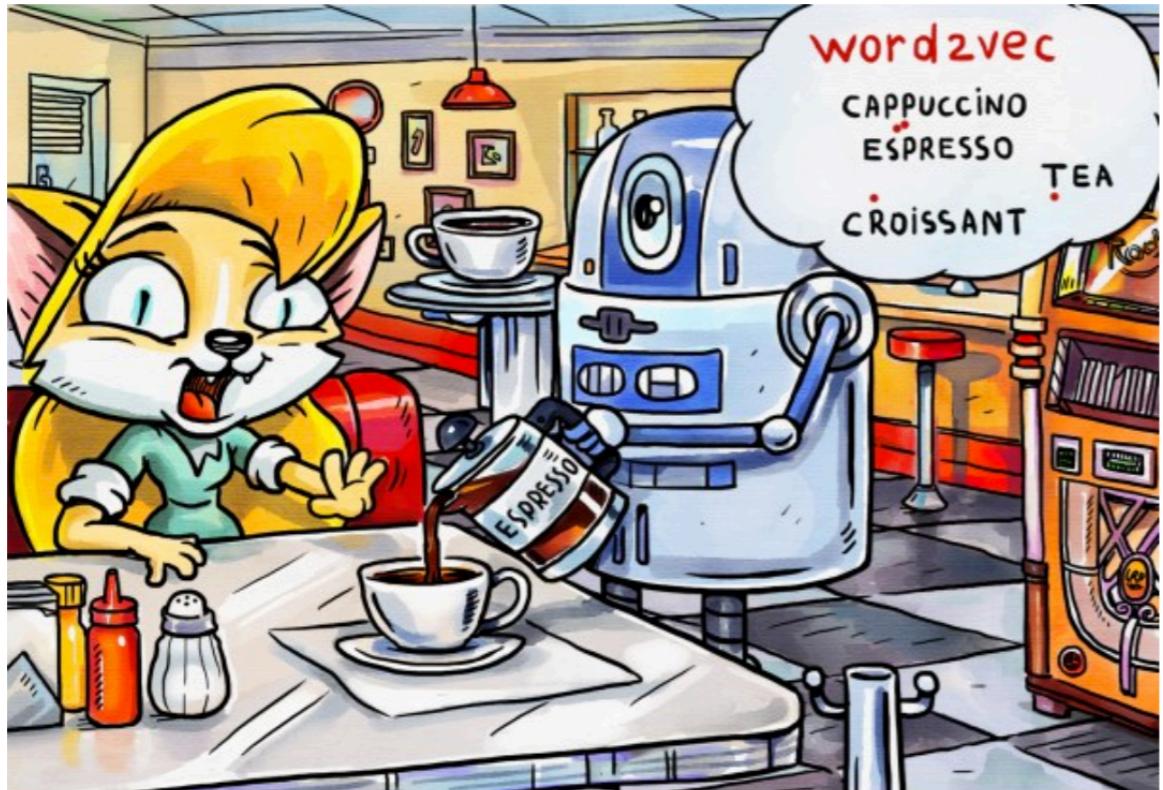


Distributed Bag-Of-Words (DBOW) :

$$p(w_{i-h}, \dots, w_{i+h} \mid d)$$



# Résumé



- Espresso? But I ordered a cappuccino!  
- Don't worry, the cosine distance between them is so small  
that they are almost the same thing.

## word embedding :

- word2vec :  
CBOW, skip-gram

## doc embedding :

- doc2vec :  
DM, DBOW

## classification de textes avec ces embeddings

auteur : Dmitry Malkov, data scientist et dessinateur de BD chez Data Monsters

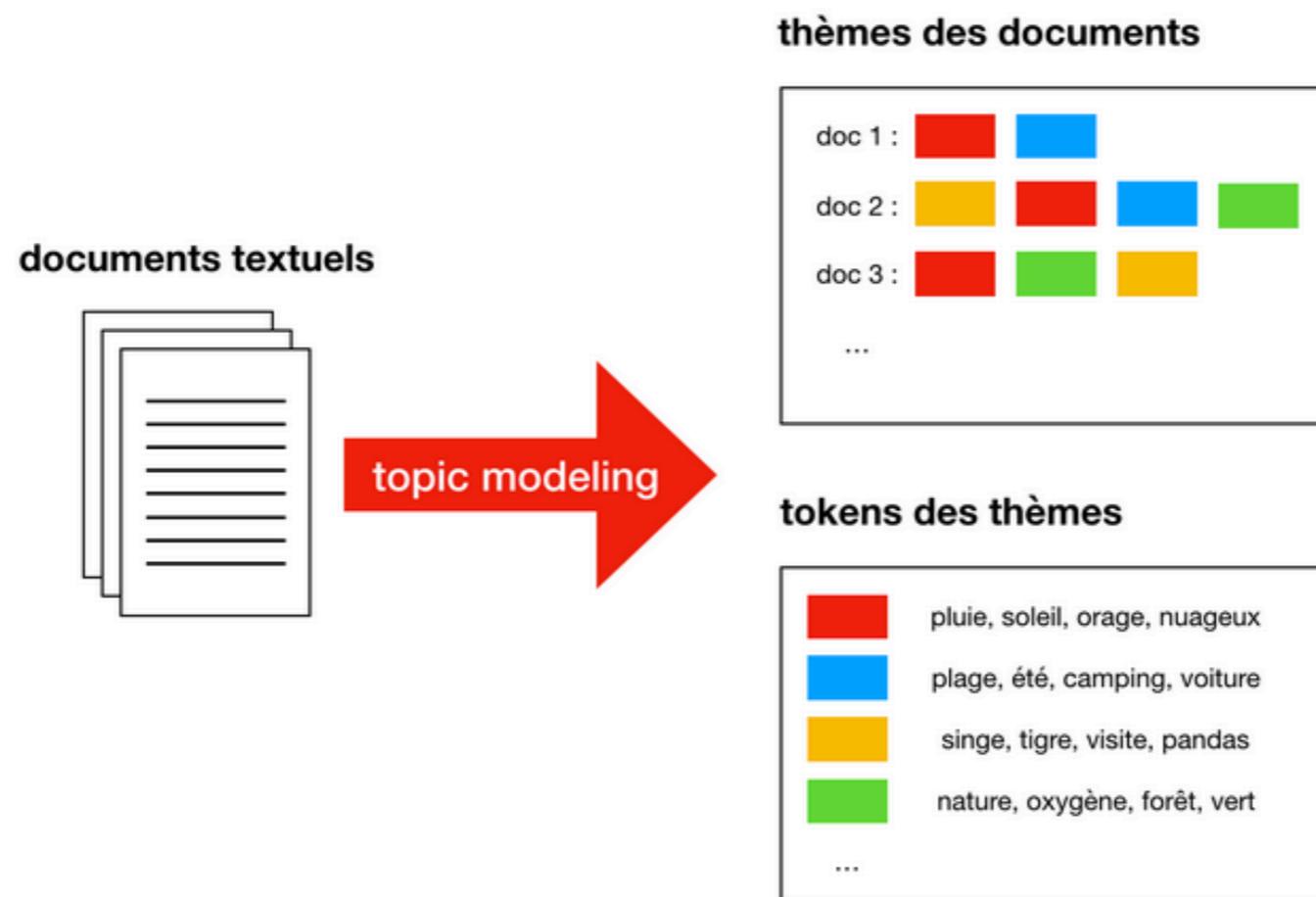
### **3. Topic modeling**

# Représentation vectorielle des documents / topics

**Topic modeling** (modélisation thématique en français) : un modèle statistique permettant de découvrir les "sujets" cachés qui apparaissent dans une collection de documents.

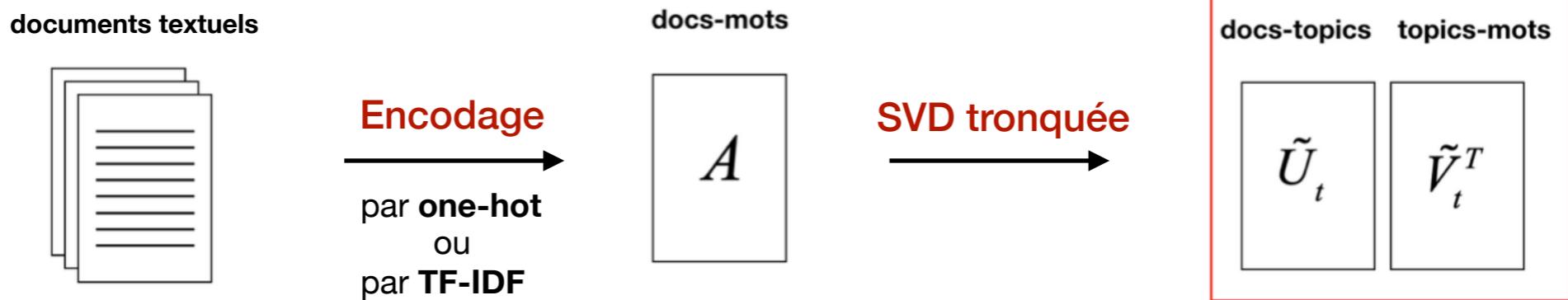
**Idée :**

- chaque **document** est vu comme un **mélange de topics**
- chaque **topic** est vu comme une **collection de mots**

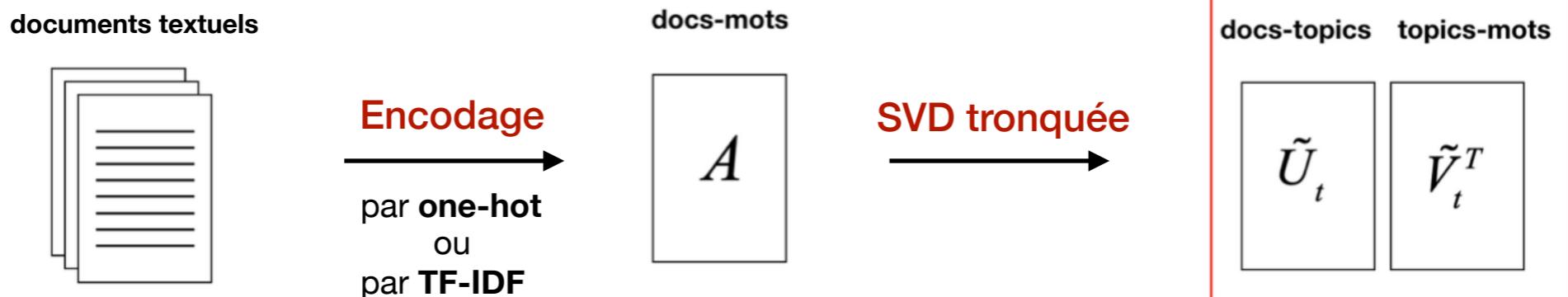


Topic model le plus populaire : LSA, **LDA**

# Latent Semantic Analysis (1/2)



# Latent Semantic Analysis (1/2)



## Décomposition en Valeurs Singulières (SVD) :

$$A = U \times S \times V^T$$

factorisation matricielle

matrice unitaire  $n \times d$

matrice unitaire  $n \times n$

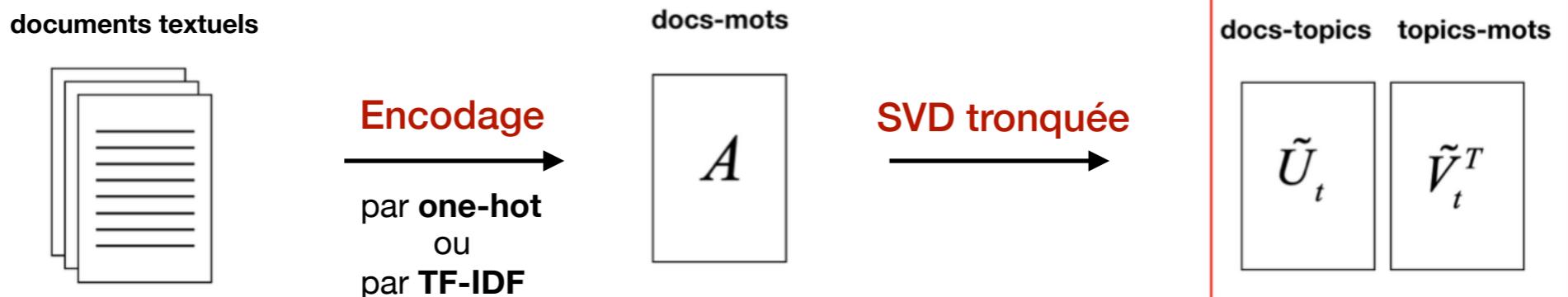
matrice diagonale  
(valeurs singulières de A)  
ps : on les range par ordre décroissant

matrice unitaire  $n \times d$

$d \times d$

$V^T$

# Latent Semantic Analysis (1/2)



## Décomposition en Valeurs Singulières (SVD) :

factorisation matricielle

$$A = U \times S \times V^T$$

matrice unitaire      matrice diagonale  
(valeurs singulières de A)  
ps : on les range par ordre décroissant

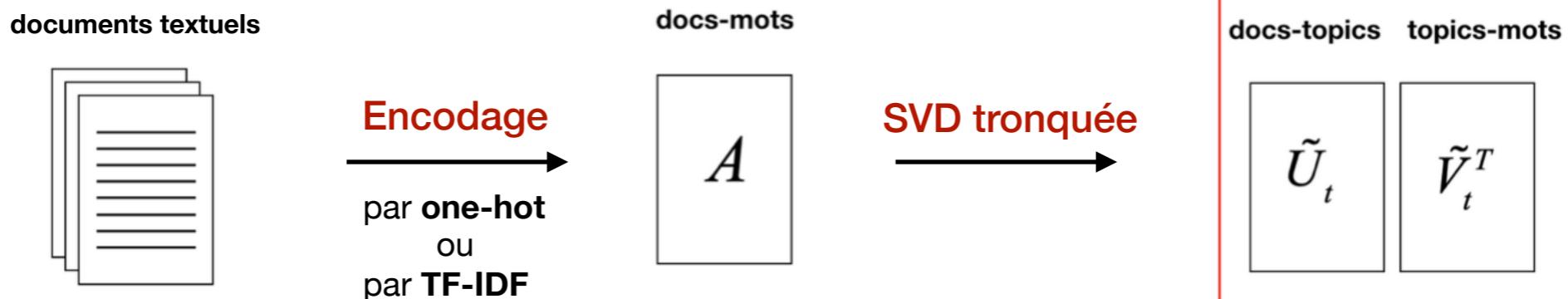
Dimensions:  $A: n \times d$ ,  $U: n \times n$ ,  $S: n \times d$ ,  $V^T: d \times d$

## SVD tronquée :

$$A \approx U_t \times S_t \times V_t^T$$

Dimensions:  $A: n \times d$ ,  $U: n \times n$ ,  $S: n \times d$ ,  $V^T: d \times d$

# Latent Semantic Analysis (1/2)



## Décomposition en Valeurs Singulières (SVD) :

factorisation matricielle

$$A = U \times S \times V^T$$

$A$        $n \times d$        $U$        $n \times n$        $S$        $n \times d$        $V^T$        $d \times d$   
 matrice unitaire      matrice diagonale  
 (valeurs singulières de A)  
 ps : on les range par ordre décroissant

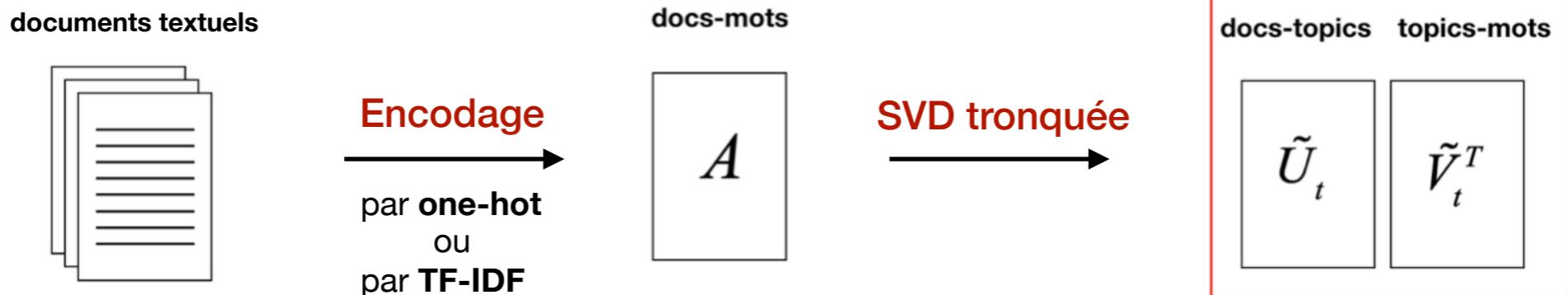
## SVD tronquée :

$$A \approx U \times S \times V^T$$

$A$        $n \times d$        $U$        $n \times n$        $S$        $n \times d$        $V^T$        $d \times d$   
 $U_t$        $n \times t$        $S_t$        $t \times t$        $V_t^T$        $t \times d$

Comment choisir  $\tilde{U}_t$  et  $\tilde{V}_t^T$  ?

# Latent Semantic Analysis (1/2)



## Décomposition en Valeurs Singulières (SVD) :

factorisation matricielle

$$A = U \times S \times V^T$$

$n \times d$                    $n \times n$                    $n \times d$                    $d \times d$   
 matrice unitaire      matrice diagonale  
 (valeurs singulières de A)  
 ps : on les range par ordre décroissant

## SVD tronquée :

$$A \approx U_t \times S_t \times V_t^T$$

$n \times d$                    $n \times t$                    $t \times t$                    $t \times d$   
 $\tilde{U}_t = U_t \times S_t$        $\tilde{V}_t^T = V_t^T$

Comment choisir  $\tilde{U}_t$  et  $\tilde{V}_t^T$  ?

$$A \approx U_t \times S_t \times V_t^T$$

$n \times d$                    $n \times t$                    $t \times t$                    $t \times d$   
 $\tilde{U}_t = U_t \times \sqrt{S_t}$        $\tilde{V}_t^T = V_t^T \times \sqrt{S_t}$

# Latent Semantic Analysis (2/2)

## Remarques :

- approche **algèbre linéaire**
- évaluer la similarité entre les **documents** (similarité cosinus)
- évaluer la similarité entre les **mots** (similarité cosinus)

## Désavantages :

- vecteurs difficilement **interprétable**
- besoin d'un **grand ensemble de docs et de vocabulaires** pour obtenir une bonne précision

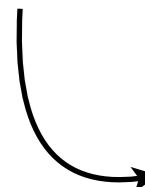
# Latent Semantic Analysis (2/2)

## Remarques :

- approche **algèbre linéaire**
- évaluer la similarité entre les **documents** (similarité cosinus)
- évaluer la similarité entre les **mots** (similarité cosinus)

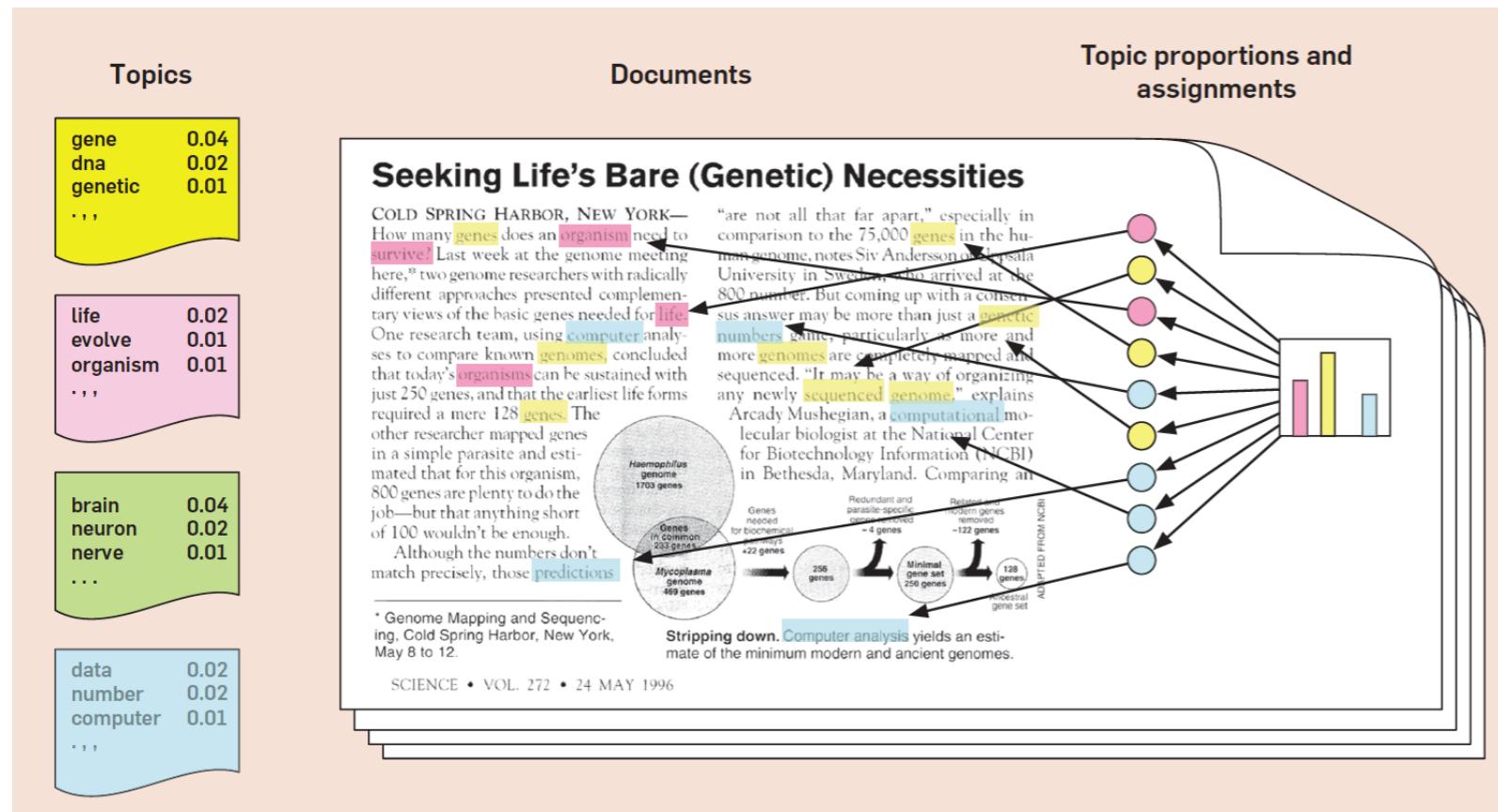
## Désavantages :

- vecteurs difficilement **interprétable**
- besoin d'un **grand ensemble de docs et de vocabulaires** pour obtenir une bonne précision



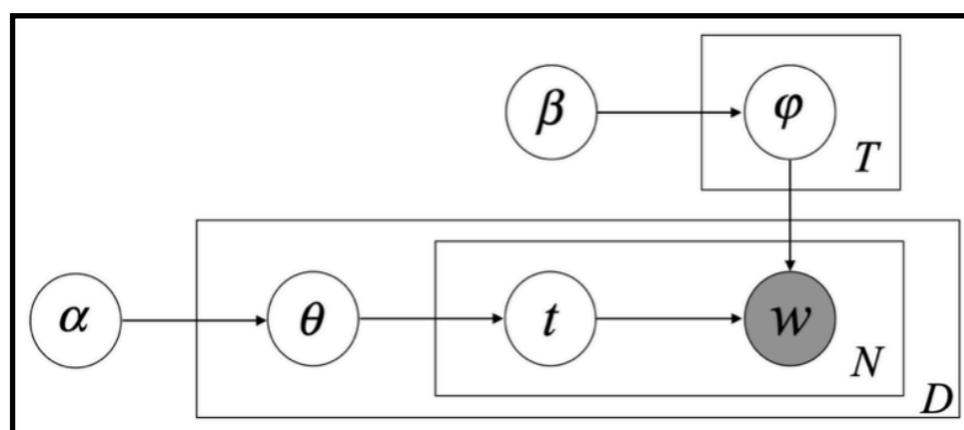
**Solution :** une **version probabiliste** avec LDA

# Latent Dirichlet Allocation : définition



comment est généré un document  $d$  d'après le modèle LDA ?

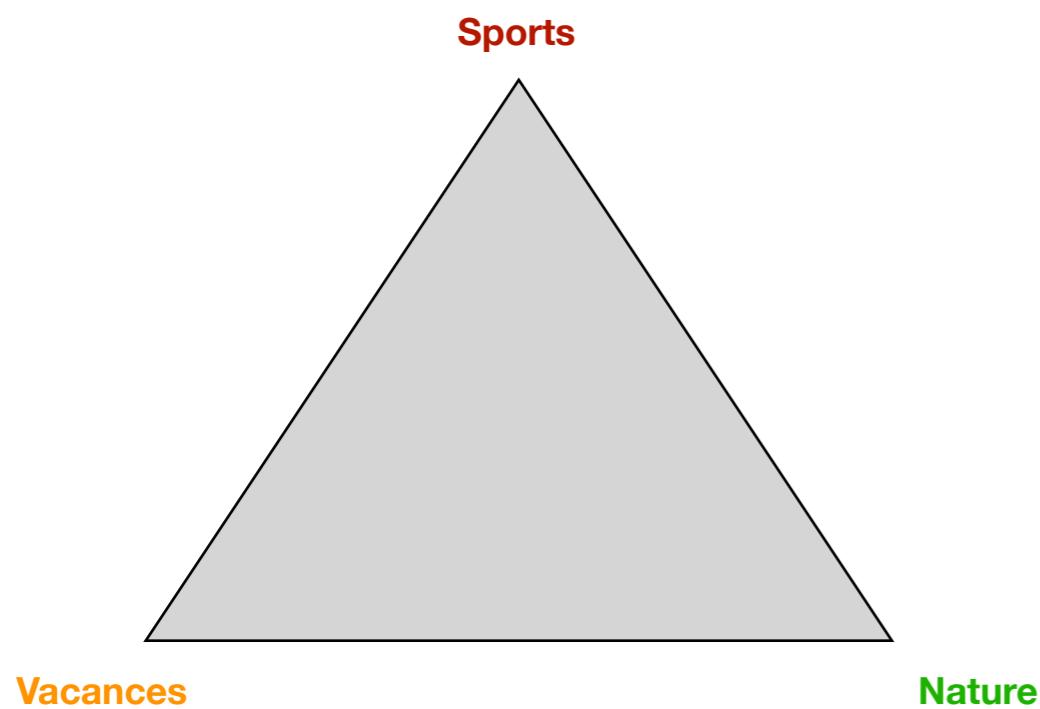
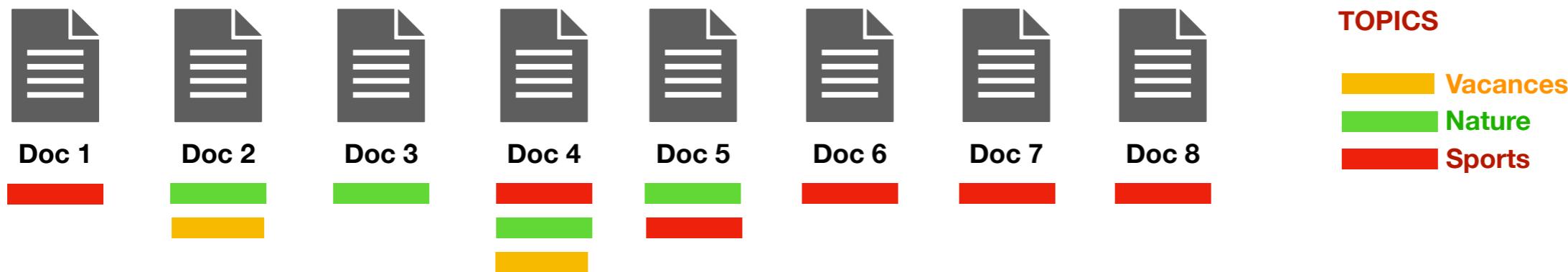
un document  $d = (w_1, \dots, w_W)$  est généré de la manière suivante : pour tout  $w \in d$



- $\theta_d \sim \text{Dir}(\alpha)$ ,  $\phi_t \sim \text{Dir}(\beta)$
- $t \sim \text{Multinomial}(\theta_d)$ ,  $w \sim \text{Multinomial}(\phi_t)$

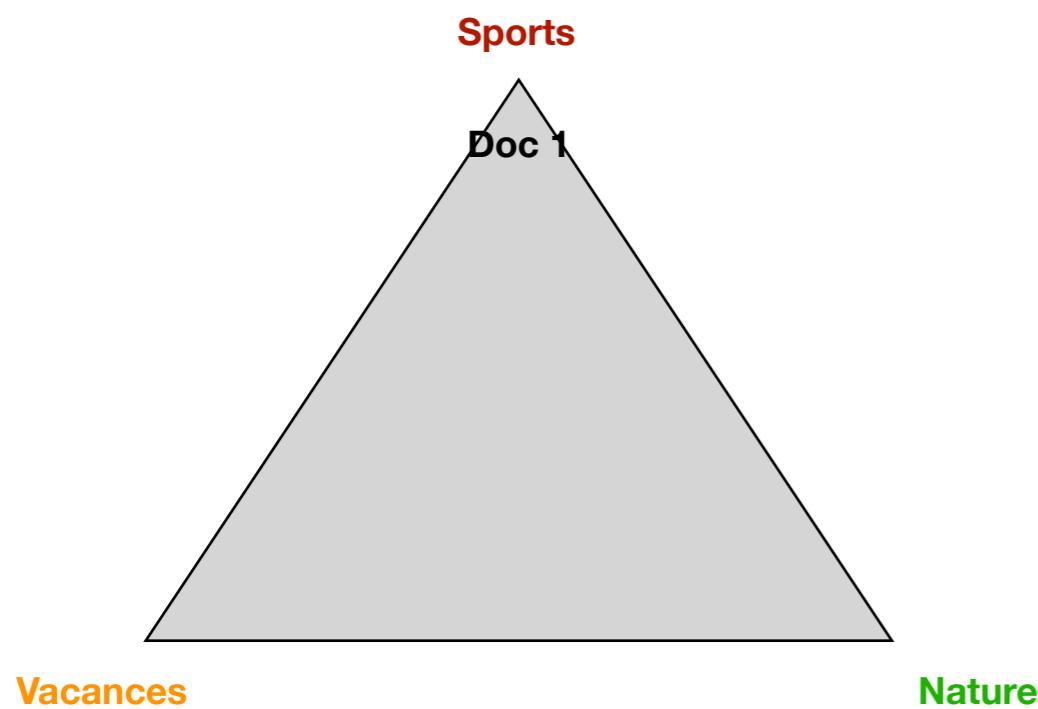
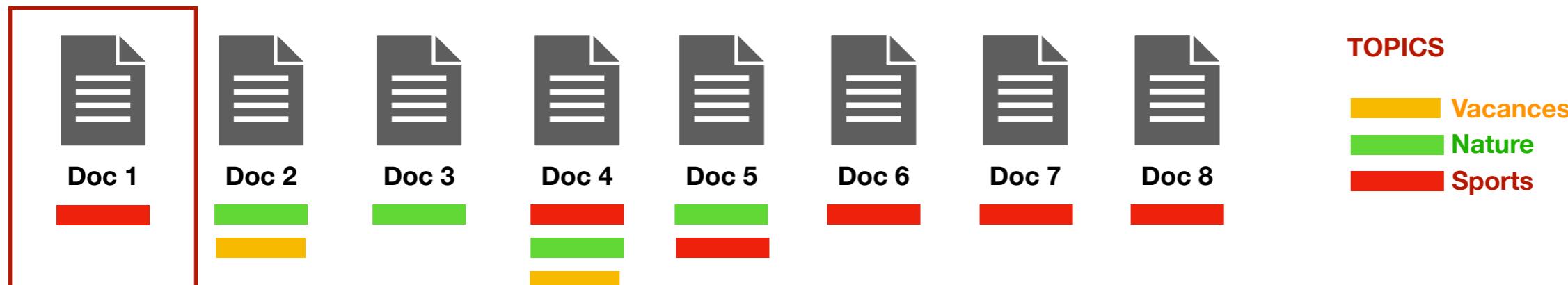
# Latent Dirichlet Allocation : zoom sur Dirichlet

Dirichlet distribution (dimension 3) :



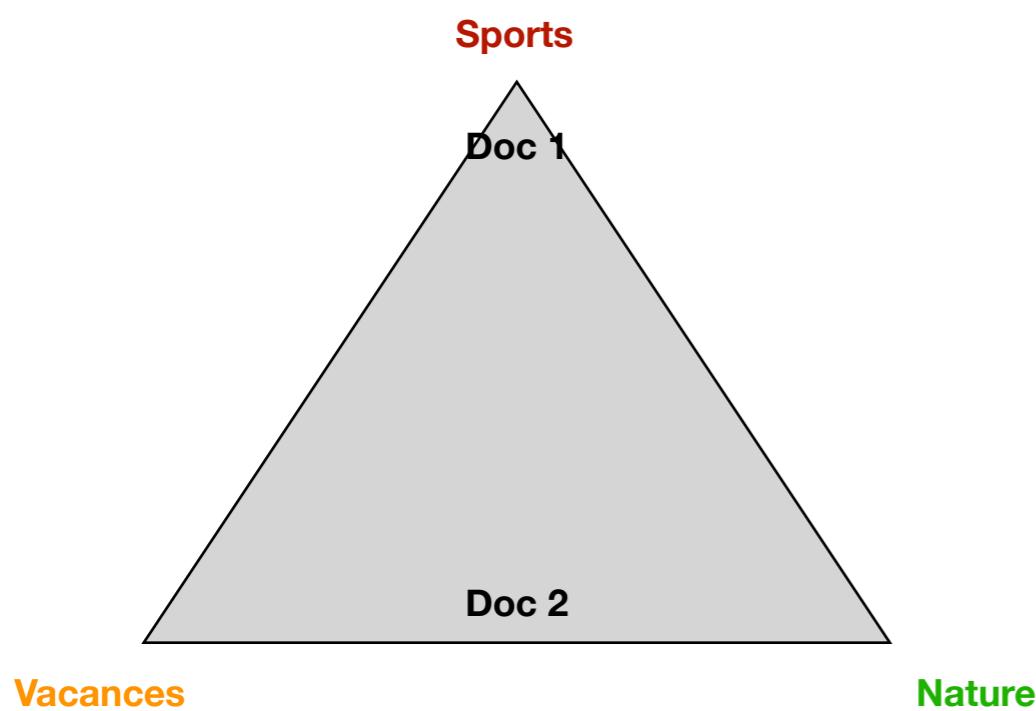
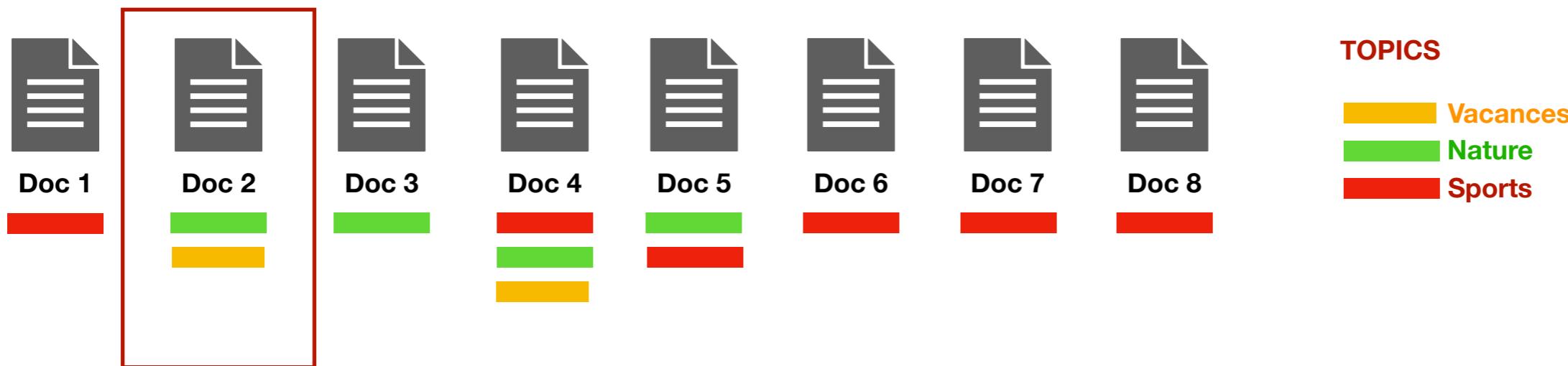
# Latent Dirichlet Allocation : zoom sur Dirichlet

Dirichlet distribution (dimension 3) :



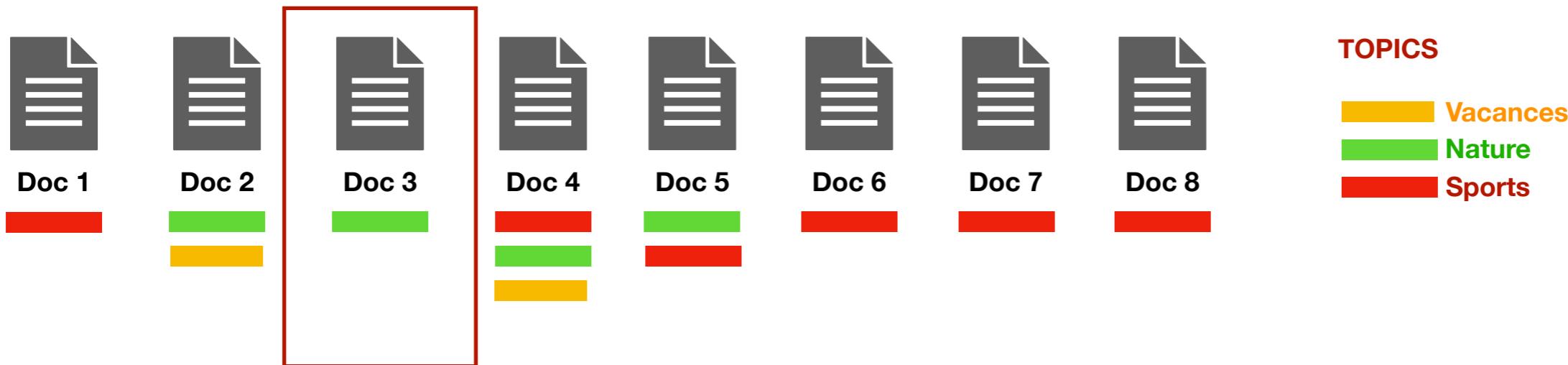
# Latent Dirichlet Allocation : zoom sur Dirichlet

Dirichlet distribution (dimension 3) :

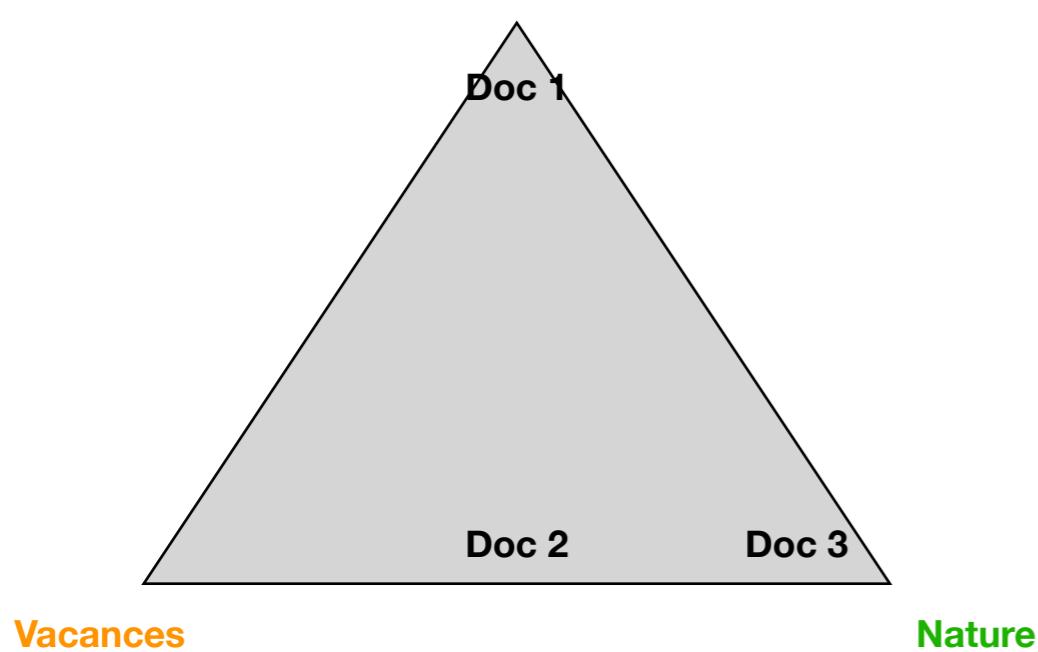


# Latent Dirichlet Allocation : zoom sur Dirichlet

Dirichlet distribution (dimension 3) :

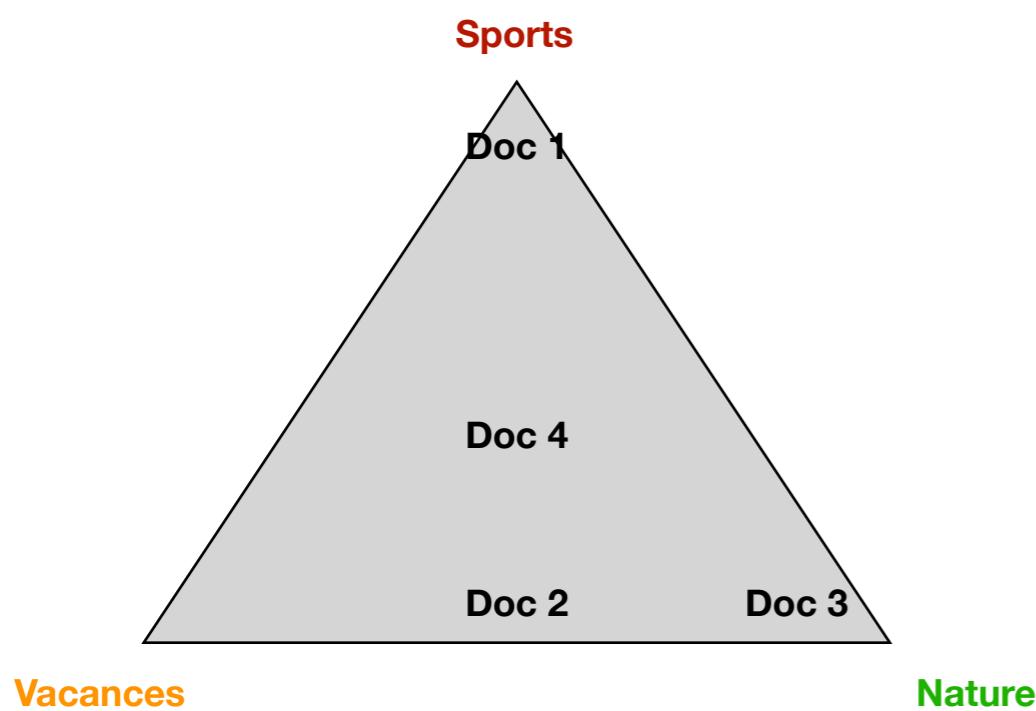
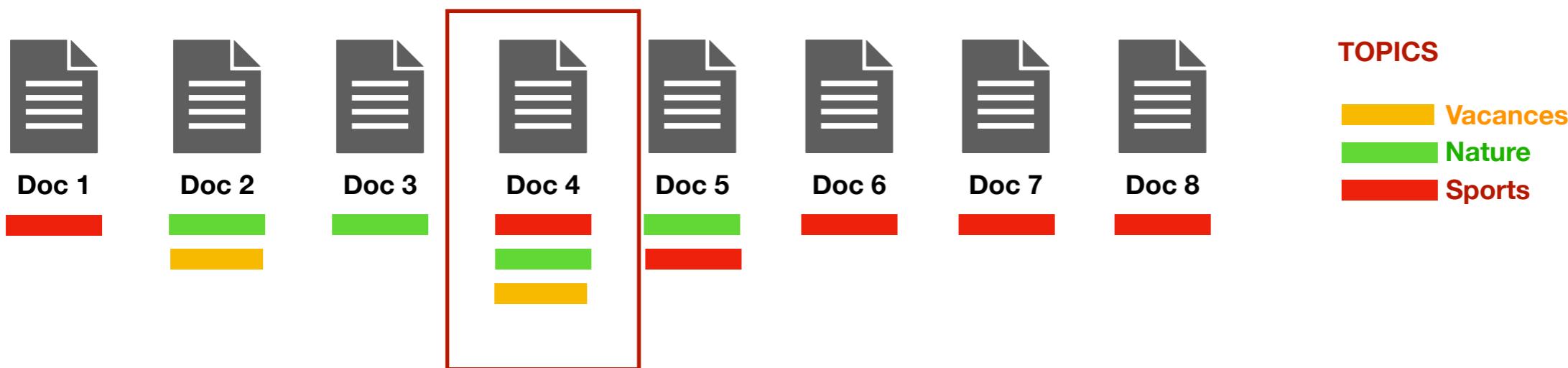


Sports



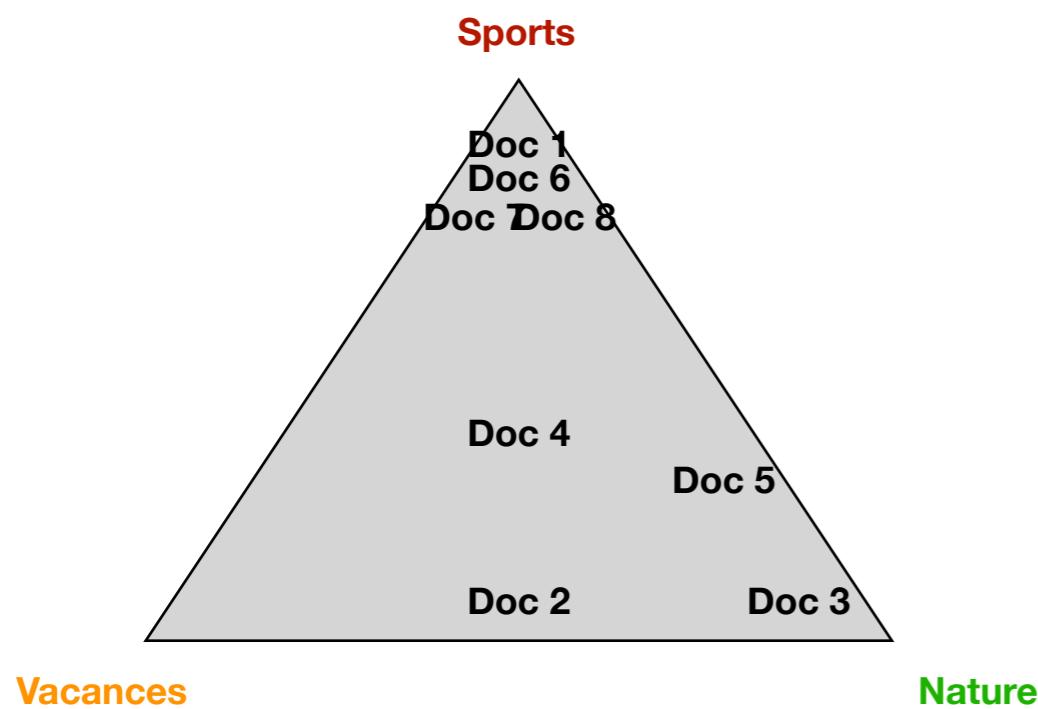
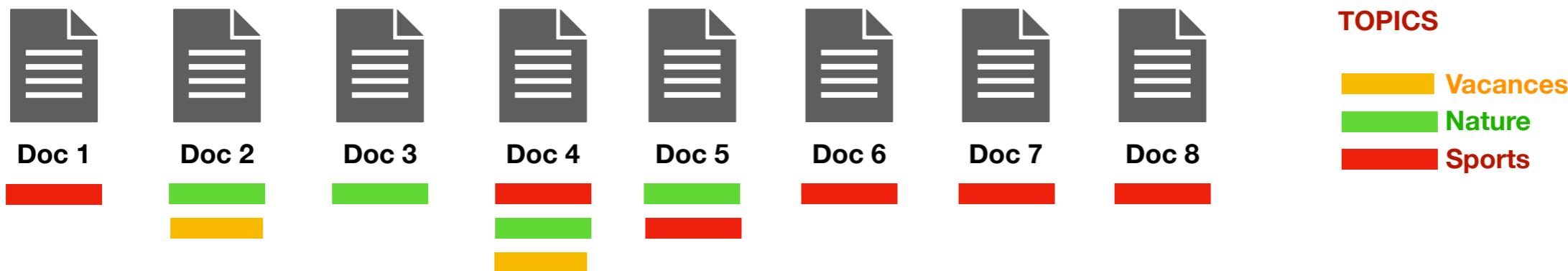
# Latent Dirichlet Allocation : zoom sur Dirichlet

Dirichlet distribution (dimension 3) :



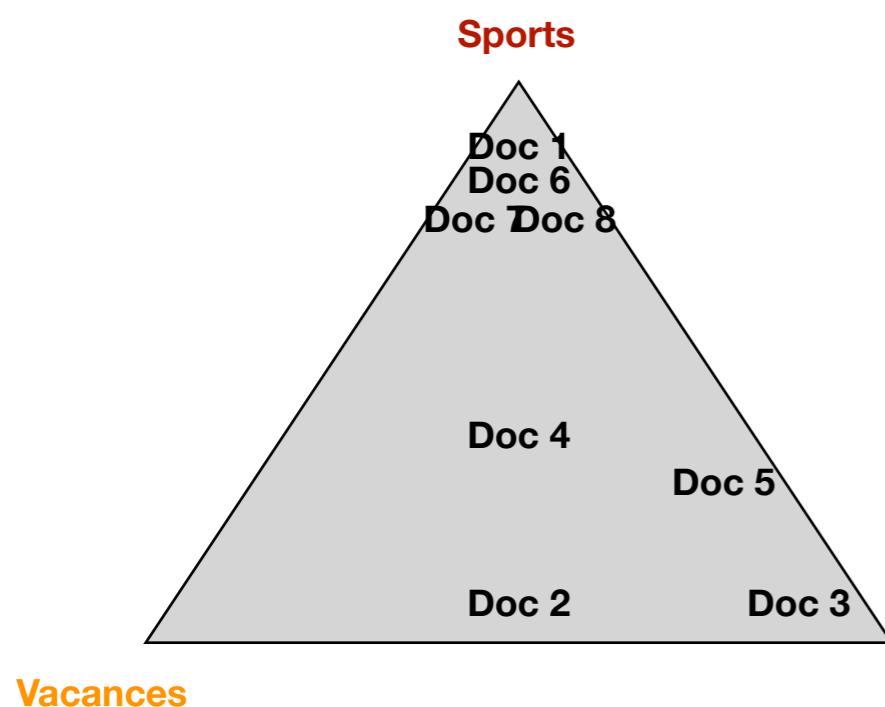
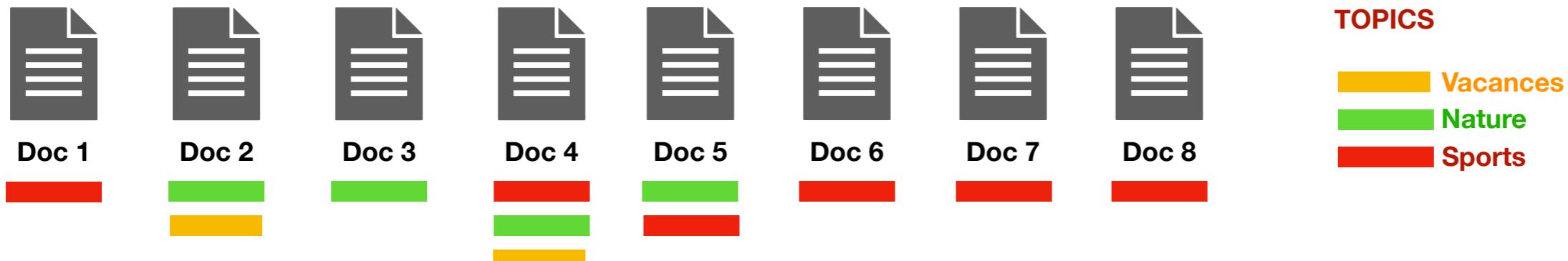
# Latent Dirichlet Allocation : zoom sur Dirichlet

Dirichlet distribution (dimension 3) :

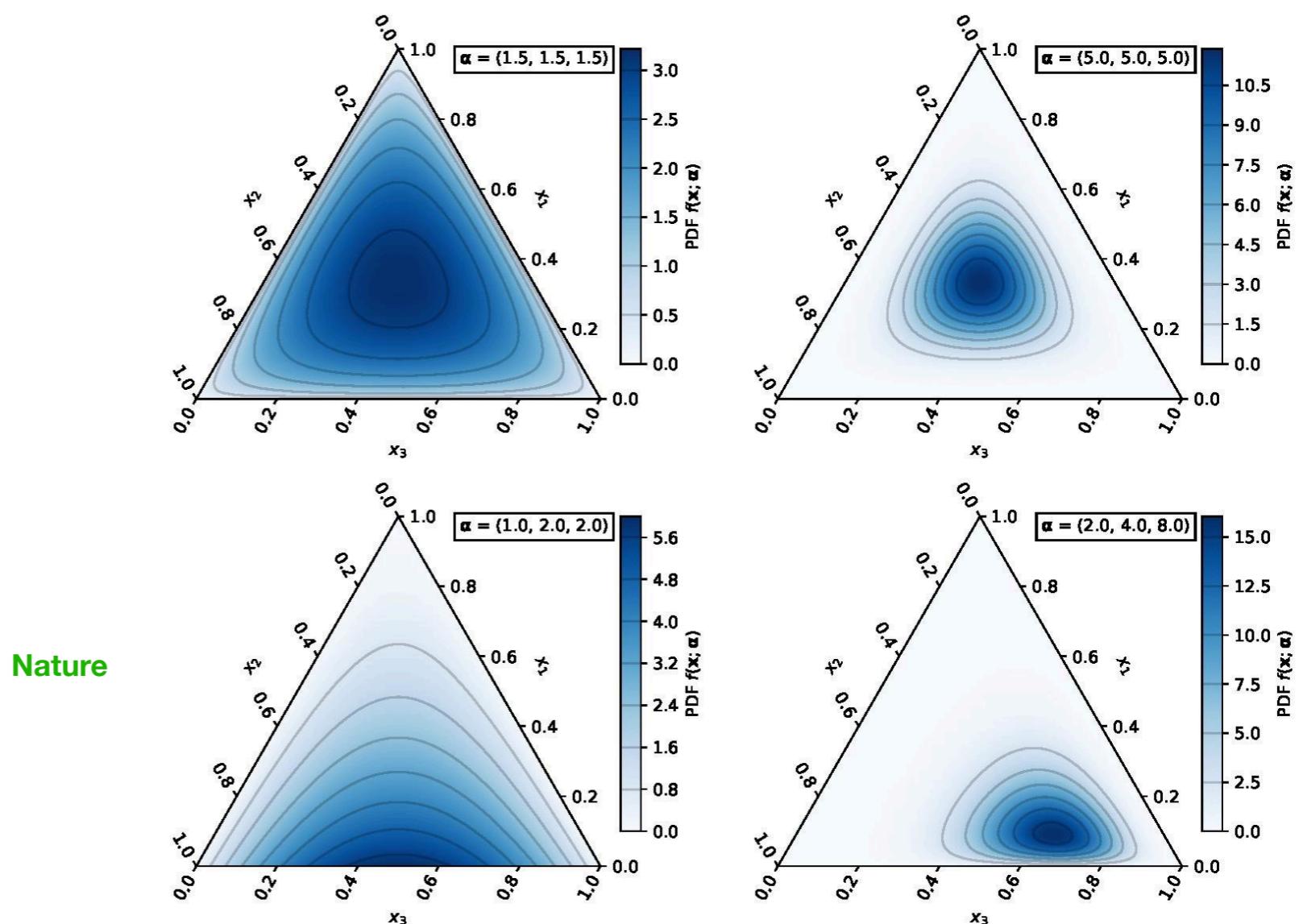


# Latent Dirichlet Allocation : zoom sur Dirichlet

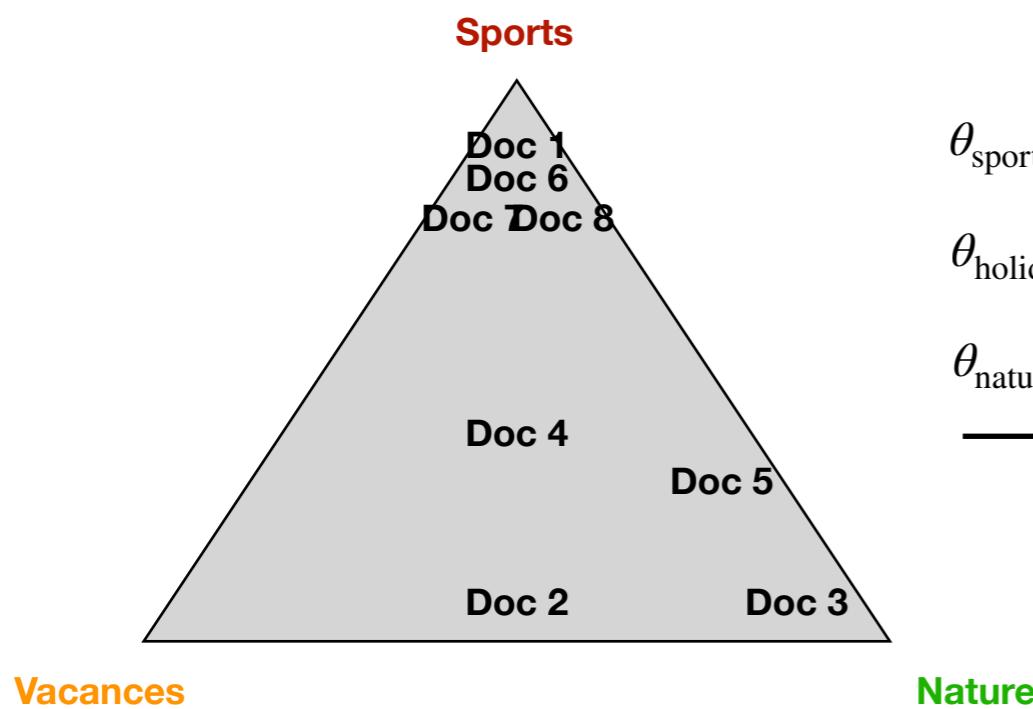
Dirichlet distribution (dimension 3) :



Vacances



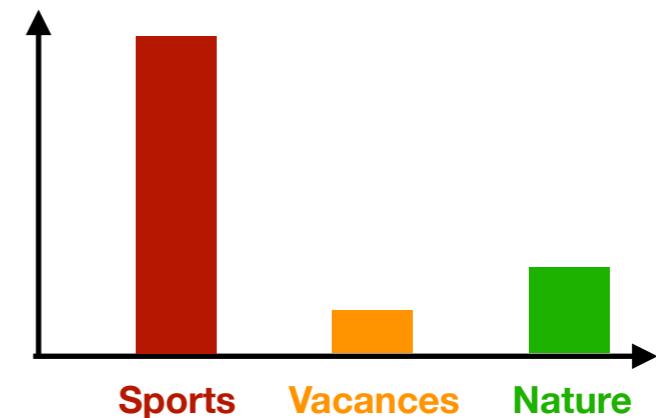
# Latent Dirichlet Allocation : zoom sur Dirichlet



$$\theta_{\text{sports}} = P(\text{sports} | \alpha) = 0.7$$

$$\theta_{\text{holiday}} = P(\text{vacances} | \alpha) = 0.1$$

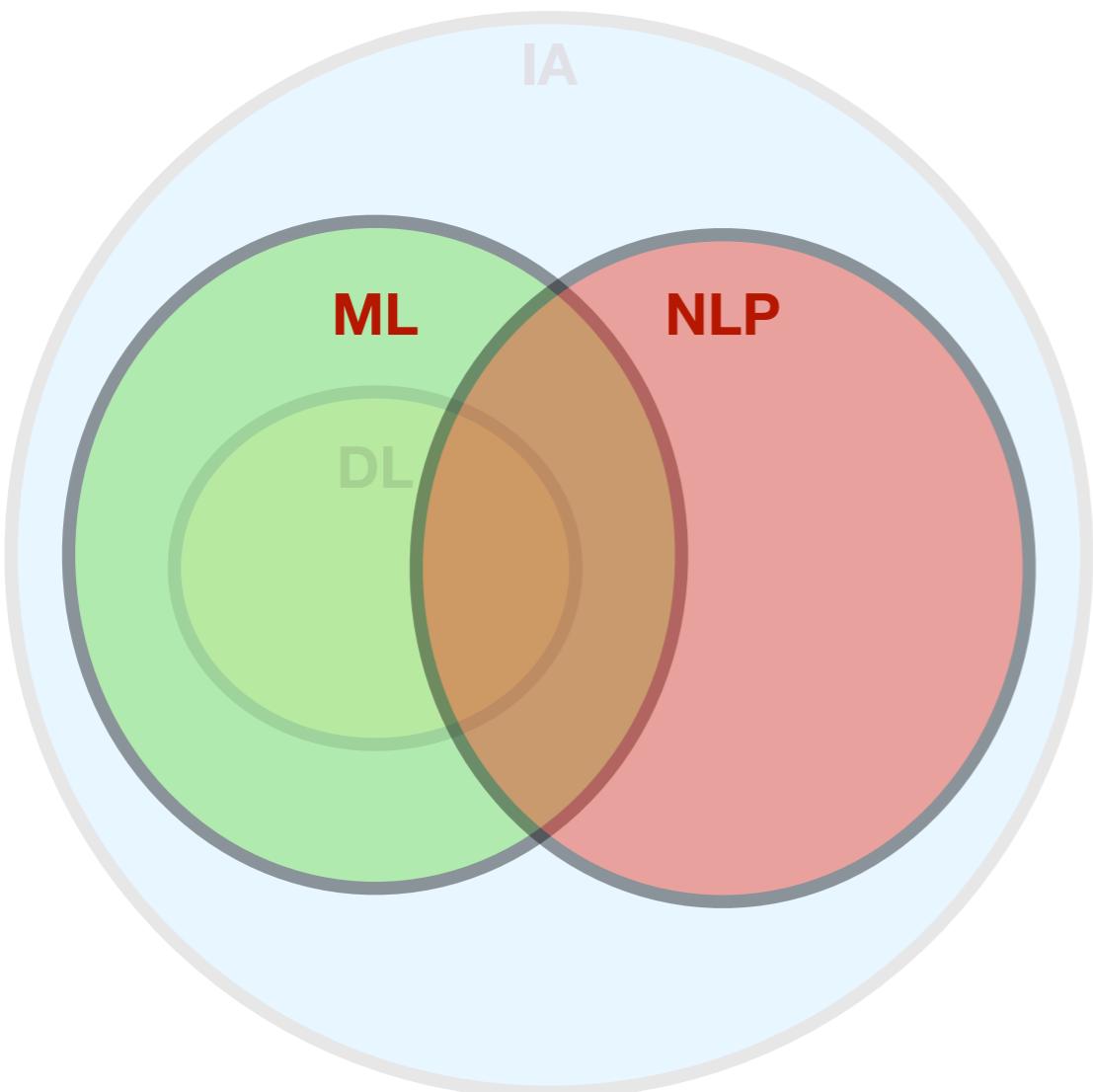
$$\theta_{\text{nature}} = P(\text{nature} | \alpha) = 0.2$$



**Dirichlet distribution**  
« distribution de distribution »

**Multinomial distribution**

# Résumé



## Topic modeling

### Topic models :

- LSA
- LDA

TP sur le topic modeling :  
<https://curiousml.github.io/>