

AnyProg
C++ 数学优化包

`pangpang@hi-nginx.com`

2019 年 11 月 29 日

目录

1	起源	5
2	功能	7
3	技巧	9
3.1	线性优化	9
3.2	非线性优化	10
3.3	整数优化	10
3.4	混合线性优化	10
3.5	混合非线性优化	10
3.6	TSP 问题	10
3.7	Assignment 问题	10
3.8	数据拟合问题	10
3.9	方程组求解	10
4	展望	11

Chapter 1

起源

应该有一个 C++ 版的 LINGO。

它必须免费、高效而且易用。

它必须以 C++ 的方式解决 LINGO 需要面对的问题。

它的名字是：AnyProg¹。

¹Any Programming。

Chapter 2

功能

AnyProg 可用于求解以下模型定义的所有问题:

$$\begin{aligned} \min_{x \in \mathbf{R}^n} \quad & f(x) \\ \text{s.t.} \quad & g_i(x) \leq 0, \quad i = 0, \dots, m_s - 1 \\ & h_j(x) = 0, \quad j = 0, \dots, m_t - 1 \\ & x_k \in [L_k, U_k], \quad k = 0, \dots, n - 1 \end{aligned} \tag{2.1}$$

其中, f 是目标函数, g_i 和 h_j 分别是不等式约束函数 (m_s 个) 和等式约束函数 (m_t 个), x 是一个 n 维实变量, 其分量 x_k 位于闭区间 $[L_k, U_k]$ 。模型 (2.1) 不仅适合于连续优化问题, 也适合于离散优化问题, 还适合于混合优化问题。对 AnyProg 来说, 更重要的概念是解的全局性, 而不是变量的连续性。同时, 目标函数和约束函数是否线性并不重要, AnyProg 并不区别看待它们。

AnyProg 能处理的问题的类型十分广泛: **LP**¹、**QP**²、**NLP**³、**MILP**⁴、**MIQP**⁵、**MINLP**⁶。此外, 它也能进行数据的非线性最小二乘拟合, 以及非线性方程组的求解。

¹线性优化

²二次优化

³非线性优化

⁴混合整数线性优化

⁵混合整数二次优化

⁶混合整数非线性优化

Chapter 3

技巧

3.1 线性优化

线性优化的模型定义最好采用矩阵方式，类似于 MATLAB。如例 (3.1)：

$$\begin{aligned} \min_x \quad & f(x) = 8x_0 + x_1 \\ \text{s.t.} \quad & g_0(x) = x_0 + 2x_1 \geq -14 \\ & g_1(x) = -4x_0 - x_1 \leq -33 \\ & g_2(x) = 2x_0 + x_1 \leq 20 \end{aligned} \tag{3.1}$$

对于不等于约束，如果采用的是 \geq 方式，则两边乘以 -1 使之反转。如此，原问题可用矩阵表示如下：

$$obj = \begin{pmatrix} 8 \\ 1 \end{pmatrix}, A = \begin{pmatrix} -1 & -2 \\ -4 & -1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}, b = \begin{pmatrix} 14 \\ -33 \\ 20 \end{pmatrix}.$$

在 AnyProg 中，类 `real_block` 用来表示矩阵。因此，例 (3.1) 模型定义如下：

```
1 #include <anyprog/anyprog.hpp>
2
3 int main(int argc, char** argv)
4 {
5     size_t dim = 2;
6     anyprog::real_block obj(dim, 1), A(3, dim), b(3, 1);
7     obj << 8, 1;
8     A << -1, -2,
9         -4, -1,
10        2, 1;
11     b << 14, -33, 20;
12
13     anyprog::optimization::range_t range = { 0, 100 };
14
15     anyprog::optimization opt(obj, range);
16     opt.set_inequation_condition(A, b);
17     auto ret = opt.solve();
```

```
18 anyprog::optimization::print(opt.is_ok(), ret, obj);
19 return 0;
20 }
```

编译、运行后可知，解是 $f(6.5, 7) = 59$ 。本例不包含等式约束。若有，则可效法 A 、 b ，炮制 Aeq 和 beq ，然后使用方法 `set_equation_condition(Aeq, beq)` 添加等式约束，继而求解。本例中的 `range` 是范围，表示 $\forall i, x_i \in [0, 100]$ 。若变量的不同分量有不同的范围限制，可用容器 `std::vector` 包装范围类 `range_t` 列表，并按顺序定义各分量范围。若有较好初值，则可替换范围参数。使用范围参数意味着初值是随机的，有可能不能求解。此时可多次运行程序。随机初值引起的解的不确定性问题。解决该问题的最佳方法是用 `search` 方法取代 `solve` 方法；前者对应于全局解，后者对应于局部解。使用该方法时，对于局部解较少的模型，务必减少前两个参数¹的数值。

3.2 非线性优化

3.3 整数优化

3.4 混合线性优化

3.5 混合非线性优化

3.6 TSP 问题

3.7 Assignment 问题

3.8 数据拟合问题

3.9 方程组求解

¹`search` 方法的前两个参数的默认值分别是 100 和 30，这是专门应对变态测试模型的基本配置。对于局部解较少的普通模型，两个数值都可以大幅度降低；一般设置 10,3 即可。

Chapter 4

展望