

## Übungsblatt zu Haskell

Learn You a Haskell for Great Good!

### 1 Mehr zu Monaden

#### Aufgabe 1. Umgekehrte polnische Notation

In der umgekehrten polnischen Notation schreibt man einen mathematischen Ausdruck wie

$$(1 + 2) \cdot 3 - 4 \cdot 5$$

so:

$$1\ 2\ +\ 3\ *\ 4\ 5\ *\ -$$

Der Vorteil an dieser Notation ist, dass man keine Klammern und keine Regeln für die Präzedenz von Operatoren („Punkt vor Strich“) benötigt. Die Auswertung eines Ausdrucks in umgekehrter polnischer Notation erfolgt mit einem Stack. Konstanten pushen jeweils ihren Wert auf den Stack. Rechenoperationen poppen die obersten zwei Werte des Stacks und pushen das Ergebnis.

Wir formulieren das in Haskell wie folgt:

```
data Instr a
  = Lit a
  | Add
  | Sub
  | Mult
  | Div
  deriving (Show, Eq)
```

```
type Stack a = [a]
```

```
ex :: [Instr Double]
```

```
ex = [Lit 1, Lit 2, Add, Lit 3, Mult, Lit 4, Lit 5, Mult, Sub]
```

- Schreibe eine Funktion `exec :: Instr a -> Stack a -> Stack a`, die eine Instruktion als Argument nimmt und diese ausführt: also einen gegebenen Stack in einen neuen transformiert. Im Fehlerfall (Division durch Null, zu wenige Argumente auf dem Stack) soll die Funktion einfach mit `error` terminieren.
- Schreibe die Funktion nun unter Verwendung der State-Monade um. Der neue Typ soll also `exec' :: (Num a) => Instr a -> State (Stack a) ()` sein. Denk daran, das Modul `Control.Monad.State` zu importieren. Schreibe und verwende Hilfsfunktionen `push :: a -> State (Stack a) ()` und `pop :: State (Stack a) a`. Ein Fall in der Definition von `exec'` soll so aussehen:

```
exec' Add = do
  x <- pop
  y <- pop
  push (x + y)
```

- c) Kombiniere die Funktion `mapM_ :: (Monad m) => (a -> m b) -> [a] -> m [b]` mit deiner Funktion `exec'` und der Funktion `execState` aus `Control.Monad.State`, um einen Interpreter für Ausdrücke in umgekehrter polnischer Notation zu erhalten: eine Funktion vom Typ `(Num a) => [Instr a] -> a`. (Zurückgegeben werden soll das oberste Element des Stacks.)

## Aufgabe 2. Vermeidung von unübersichtlichen Fehlerbehandlungen I

- a) Implementiere zum Aufwärmen folgende drei Funktionen.

```
safeHead :: [a] -> Maybe a
safeLast :: [a] -> Maybe a
safeTail :: [a] -> Maybe [a]
```

- b) Folgender Code verwendet diese Funktionen, um das erste Element einer gegebenen Liste mit dem vorletzten zu multiplizieren. Bewundere, wie unübersichtlich der Code durch die verschachtelte Fehlerbehandlung ist.

```
ex :: (Num a) => [a] -> Maybe a
ex xs = case safeHead xs of
  Nothing -> Nothing
  Just x -> case safeTail xs of
    Nothing -> Nothing
    Just xs' -> case safeLast xs' of
      Nothing -> Nothing
      Just y -> Just (x * y)
```

- c) Schreibe den Code nun mit Hilfe der `do`-Notation in der `Maybe`-Monade um! Er soll dann keine Fallunterscheidungen mehr enthalten und etwa so aussehen:

```
ex :: (Num a) => [a] -> Maybe a
ex xs = do
  ... -- hier irgendwas mit safeHead
  ... -- hier irgendwas mit safeTail
  ... -- hier irgendwas mit safeLast
  ... -- hier irgendwas mit x * y
```

- d) Schreibe eine generische Funktion `iterateM :: (Monad m) => Int -> (a -> m a) -> a -> m a`.
- e) Kombiniere `safeHead`, `safeTail` und `iterateM` zu einer Funktion `safeNth :: [a] -> Int -> Maybe a`.

## Aufgabe 3. Vermeidung von unübersichtlichen Fehlerbehandlungen II

Unsere übersichtliche Lösung aus der vorherigen Aufgabe hat ein Manko: Im Fehlerfall gibt sie keine Fehlermeldungen aus. Diesen Missstand können wir beheben, indem wir nicht die `Maybe`-, sondern die `Either String`-Monade einsetzen.

- a) Ändere die Funktionen aus Teilaufgabe a) der vorherigen Aufgabe so ab, dass sie im Fehlerfall mit `Left` eine Fehlermeldung zurückgeben. Ihre Typen sollen sein:

```
safeHead :: [a] -> Either String a
safeLast :: [a] -> Either String a
safeTail :: [a] -> Either String [a]
```

- b) Ändere analog die Funktion `ex` aus der zweiten Teilaufgabe ab. Ihr neuer Typ soll `(Num a) => [a] -> Either String a` sein. Spüre den dabei entstehenden Schmerz.
- c) Bewundere, wie sich die Lösung aus Teilaufgabe c) der vorherigen Aufgabe mühelos auf die neue Situation überträgt. Nur die (ohnehin optionale) Typsignatur muss angepasst werden!

#### Aufgabe 4. Logging mit der Writer-Monade

#### Aufgabe 5. Implementierung der Maybe-Monade

Implementiere die Monaden-Instanz von `Maybe` neu. Vervollständige also folgendes Programm:

```
-- kein 'import Data.Maybe' hier!

data Maybe a = Nothing | Just a deriving (Show,Eq)

instance Functor Maybe where
    fmap f Nothing = ...
    fmap f (Just x) = ...

instance Applicative Maybe where
    pure x = ...
    Nothing <*> _ = ...
    Just f <*> Nothing = ...
    Just f <*> Just x = ...

instance Monad Maybe where
    Nothing >>= g = ...
    Just x >>= g = ...
```

#### Aufgabe 6. Ein Brainteaser zur Reader-Monade

Was macht folgende Funktion `f`? Und wieso?

```
f :: [a] -> a
f = head 'fmap' reverse
```

#### Aufgabe 7. Ein erster Monadenturm

Wir haben gesehen, dass man mit der State-Monade veränderlichen Zustand durchfädeln kann. Mit der Funktion

```
runState :: State s a -> s -> (a,s)
```

kann man eine State-Aktion ausführen. Außerdem haben wir gesehen, dass man mit der Maybe-Monade Fehlerfälle übersichtlicher behandeln kann. Gibt es eine Möglichkeit, diese beiden Fähigkeiten zu kombinieren?

Ja, die gibt es! Und zwar baut man sich den *Monadenturm* `StateT s Maybe`. Man verlässt diese Monade mit der Funktion

```
runStateT :: StateT s Maybe a -> Maybe (a, s) .
```

Dabei ist `StateT s` ein *Monadentransformer*: Gegeben eine Monade `M`, so ist `StateT s M` eine neue Monade, die die Fähigkeiten von `M` sowie veränderlichen Zustand vom Typ `s` unterstützt.

Schreibe die Funktion `exec' :: (Num a) => Instr a -> State (Stack a) ()` aus der Aufgabe zur umgekehrten polnischen Notation so um, dass im Fehlerfall nicht mit `error` eine Ausnahme geworfen wird, sondern `Nothing` zurückgegeben wird. Der neue Typ soll also `exec'' :: (Num a) => Instr a -> StateT (Stack a) Maybe ()` sein.

*Tipp.* Wegen Typklassenmagie kannst du weiterhin die Funktionen `get` und `put` verwenden. Diese haben hier die Typen `get :: StateT (Stack a) Maybe (Stack a)` und `put :: Stack a -> StateT (Stack a) Maybe ()`.

Mit der Funktion `lift :: Maybe r -> StateT (Stack a) Maybe r` kannst du Werte aus der Basismonade, in unserem Fall also `Maybe`, in die transformierte Monade heben. Nützlich wird vor allem `lift Nothing :: StateT (Stack a) Maybe ()` sein.

### Aufgabe 8. Eine Monade für Wahrscheinlichkeiten

Wenn du dich für Statistik oder Wahrscheinlichkeitstheorie interessierst, dann schau dir <http://www.randomhacks.net/2007/02/22/bayes-rule-and-drug-tests/> und <http://www.randomhacks.net/2007/02/21/refactoring-probability-distributions/> an.

Damit kann man Code wie den folgenden schreiben:

```
die :: Dist Int
die = uniform [1..6]

twoDice :: Dist (Int,Int)
twoDice = do
  x <- die
  y <- die
  return (x,y)
-- kürzer: twoDice = liftM2 (,) die die
-- oder:   twoDice = (,) <$> die <*> die
-- (Mit der in Arbeit befindlichen Erweiterung "Idiom Brackets"
-- wird die Notation noch verschönert werden!)

sumOfTwoDice :: Dist Int
sumOfTwoDice = do
  x <- die
  y <- die
  return $ x + y
-- oder: sumOfTwoDice = (+) <$> die <$> die
```

### Aufgabe 9. Für Unerschrockene: Die Continuation-Monade

XXX: Listen-Monade!

## 2 QuickCheck

Eine der coolsten Haskell-Bibliothek überhaupt ist *QuickCheck*. Mit QuickCheck ist es supereinfach, geschriebene Funktionen auf ihre Korrektheit zu testen. Während in anderen Programmiersprachen ein Test oft bloß aus einer handvoll selbst ausgewählter Beispielergebnisse und den zugehörigen erwarteten Ausgaben besteht, kann man mit

QuickCheck erwartete *Eigenschaften* von Funktionen formulieren und überprüfen lassen. Dadurch deckt man häufig Fehler in Sonderfällen auf, an die man sonst gar nicht gedacht hätte.

Als Beispiel wollen wir ein paar Eigenschaften der Listenverkettung `(++) :: [a] -> [a] -> [a]` formulieren und checken:

```
import Data.List (isPrefixOf, isSuffixOf)

-- Die Länge der Verkettung zweier Listen ist die Summe der Längen.
prop_concat_length :: [Int] -> [Int] -> Bool
prop_concat_length as bs = length (as ++ bs) == length as + length bs

-- Die Liste 'as' ist ein Präfix von 'as ++ bs'
prop_concat_prefix :: [Int] -> [Int] -> Bool
prop_concat_prefix as bs = as 'isPrefixOf' as ++ bs
-- bzw. take (length as) (as ++ bs) == as

-- Die Liste 'bs' ist ein Suffix von 'as ++ bs'
prop_concat_suffix :: [Int] -> [Int] -> Bool
prop_concat_suffix as bs = bs 'isSuffixOf' as ++ bs
```

Jede Eigenschaft ist eine Funktion, die ein paar Eingaben nimmt und dann zurückgibt, ob die Eigenschaft für diese Eingaben erfüllt ist. Wir können nun diese Eigenschaften mit der `quickCheck`-Funktion in GHCi überprüfen:

```
Prelude> :m +Test.QuickCheck
Prelude> quickCheck prop_concat_length
+++ OK, passed 100 tests.
Prelude> quickCheck prop_concat_prefix
+++ OK, passed 100 tests.
Prelude> quickCheck prop_concat_suffix
+++ OK, passed 100 tests.
```

QuickCheck hat gerade für jede der drei Eigenschaften 100 Zufallseingaben generiert und geprüft, dass die angegebenen Funktionen auf ihnen `True` liefern.

(Durch diese drei Eigenschaften ist `(++)` sogar schon eindeutig festgelegt. Wir haben also eine *vollständige* Menge von Eigenschaften gefunden.)

#### Aufgabe 10. Korrektheit von `sort`

Schreibe QuickCheck-Tests für `Data.List.sort`! Prüfe dabei folgendes:

- Das Ergebnis ist sortiert.
- Es gehen keine Elemente der Eingabeliste verloren.
- Es werden auch nicht Elemente dupliziert.

#### Aufgabe 11. Korrektheit von `fib`

Wir haben auf dem ersten Übungsblatt in Aufgabe 8 die Liste `fib :: [Int]` von Fibonacci-Zahlen implementiert. Wir haben außerdem die Funktion `fib :: Int -> Int` naiv über die Rekursionsgleichung `fib (n+2) = fib (n+1) + fib n` definiert.

Benutze QuickCheck, um zu testen, dass beide Definitionen äquivalent sind, d. h. dass für alle natürlichen Zahlen  $n$  das  $n$ -te Listenelement von `fib` (also `fib !! n`) gleich `fib n` ist.

*Tipp.* Du musst als Vorbedingung fordern, dass  $n \geq 0$  ist. Dazu kannst du entweder die Vorbedingung deiner Eigenschaft voranstellen mit `(n >= 0) ==> ...` (dabei ist `==>` eine Funktion aus `Test.QuickCheck`). Das Problem daran ist, dass von den 100 zufällig generierten Eingaben etliche verworfen werden, weil sie die Vorbedingung nicht erfüllen. Dadurch wird die Eigenschaft für weniger Werte getestet. Besser ist es, gleich nur solche Zufallseingaben zu generieren, die die Vorbedingung erfüllen. In QuickCheck gibt es dafür den Datentyp `NonNegative Int`. Von QuickCheck generierte Zufallswerte von diesem Typ haben die Form `NonNegative n`, wobei `n :: Int` nichtnegativ (Überraschung!) ist. Du kannst dies ausnutzen, wenn du deine Eigenschaft so umschreibst, dass sie den Typ `fib_correct :: NonNegative Int -> Bool` hat.

Außerdem solltest du dich auf Eingaben einer bestimmten Maximalgröße beschränken. Ansonsten könnte die Sonne zu einem roten Riesen werden, bevor QuickCheck mit dem Überprüfen fertig ist.

*Bemerkung.* In der letzten Übungsaufgabe haben wir ein häufig verwendetes Muster bei der Verwendung von QuickCheck gesehen. Man implementiert eine Funktion zweimal, einmal so, dass die Implementierung offensichtlich korrekt ist, und ein zweites Mal so, dass sich die Funktion schnell ausführen lässt. Dann verwendet man QuickCheck, um zu überprüfen, dass die beiden Implementierungen auf allen (getesteten) Eingaben übereinstimmen.

## Aufgabe 12. Korrektheit der Run-Length-Codierung

Überprüfe, dass die in Aufgabe 12 von Blatt 1 implementierten Funktionen `encode` und `decode` tatsächlich Inverse voneinander sind!

*Tipp.* Mit `forAll genRLE :: ([Int, Char] -> Bool) -> Property` kannst du eine Eigenschaft nur für alle Werte vom Typ `[Int, Char]` testen, die Run-Length-Encodings repräsentieren (d. h. die zweite Komponente jedes Tupels ist eine Zahl  $\geq 1$ ). Dabei beschreibt `genRLE = listOf ((), <$> (getPositive <$> arbitrary) <*> arbitrary)` einen Zufallsgenerator von validen Run-Length-Encodings.

Wir wollen nun Aufgabe 20 von Blatt 1 testen. Dort haben wir den Datentyp

```
data Tree = Nil | Fork Int Tree Tree
```

definiert. Wir müssen zunächst QuickCheck beibringen, wie zufällige Werte vom Typ `Tree` generiert werden können. Dazu müssen wir folgende Typklasse instanziiieren

```
class Arbitrary a where
  arbitrary :: Gen a
```

Dabei ist `Gen a` der Typ der zufälligen Generatoren von Werten vom Typ `a`. Folgende Instanzen sind vordefiniert:

```
instance Arbitrary Bool where
  arbitrary = elements [False, True]
  -- 'elements' wählt zufällig ein Element aus der Liste aus

instance (Arbitrary a, Arbitrary b) => Arbitrary (a, b) where
  arbitrary = do
    a <- arbitrary
    b <- arbitrary
    return (a, b)
  -- alternativ: arbitrary = (,) <$> arbitrary <*> arbitrary
```

```
instance (Arbitrary a, Arbitrary b) => Arbitrary (Either a b) where
  arbitrary = oneof [Left <$> arbitrary, Right <$> arbitrary]
  -- 'oneof' wählt zwischen zwei Möglichkeiten: entweder wir generieren ein
  -- zufälliges Element 'x :: a' und geben dann 'Left x :: Either a b' zurück,
  -- oder wir generieren 'y :: b' und geben 'Right y :: Either a b' zurück.
```

### Aufgabe 13. QuickCheck mit binären Bäumen

- a) Verstehe folgende `Arbitrary`-Instanz:

```
instance Arbitrary Tree where
  arbitrary = oneof [genNil, genFork]
  where
    genNil = return Nil
    genFork = do
      m <- arbitrary
      l <- arbitrary
      r <- arbitrary
      return (Fork m l r)
```

- b) Teste folgende Eigenschaft: `numberOfLeaves l + numberOfLeaves r = numberOfLeaves (Fork m l r)` für alle `l, r :: Tree` und `m :: Int`.
- c) Formuliere eine Eigenschaft, die die Höchsttiefe-Funktion aus Aufgabe 20b) von Blatt 1 besitzen sollte, und überprüfe sie mit QuickCheck.

### Aufgabe 14. Funktoraxiome

Zeige, dass deine Implementierung von `tmap :: (a -> b) -> Tree a -> Tree b` aus Aufgabe 21 die Funktoraxiome erfüllt, d. h.

- `tmap id = id`
- `tmap g . tmap f = tmap (g . f)` für alle `f :: a -> b` und `g :: b -> c`

Wegen einer magischen Eigenschaft des Haskell-Typsystems musst du nur Axiom 1 mit QuickCheck nachprüfen. Axiom 2 ist dann vollautomatisch erfüllt.

*Hinweis.* Du musst zunächst die obige `Arbitrary`-Instanz von `Tree` wie folgt abändern:

```
instance Arbitrary a => Arbitrary (Tree a) where
  arbitrary = ... -- Rest wie oben
```

### Aufgabe 15. Korrektheit von `partition`

Die Funktion `partition :: (a -> Bool) -> [a] -> ([a], [a])` aus `Data.List` teilt eine Liste auf in diejenigen Elemente, die ein gegebenes *Prädikat* `p :: a -> Bool` erfüllen, und diejenigen, die es nicht erfüllen. Überprüfe:

- Sei `(as, bs) = partition p xs`. Die Elemente in `as` erfüllen alle `p`, die Elemente in `bs` erfüllen `p` nicht.
- Es geht kein Element durch `partition` „verloren“.

Es genügt, die Aussagen mit `Int` für `a` und `p m = m >= 0` zu überprüfen.

### Aufgabe 16. Algebraische Axiome

Übersetze die Monoid-Axiome in Haskell-Code! Du findest die `Monoid`-Typklasse in Aufgabe 27 auf Blatt 1. Frag nach, falls du nicht weißt, was ein Monoid ist!

```
prop_assoc :: (Monoid m, Eq m) => m -> m -> m -> Bool
prop_assoc = ...
```

```
prop_empty_neutral_left :: (Monoid m, Eq m) => m -> Bool
prop_empty_neutral_left = ...
```

```
prop_empty_neutral_right :: (Monoid m, Eq m) => m -> Bool
prop_empty_neutral_right = ...
```

Überprüfe, dass `[Char]` ein Monoid ist.

*Hinweis.* Verwende `quickCheck (prop_assoc :: [Char] -> [Char] -> [Char] -> Bool)`. Mit der expliziten Typsignatur legst du die Typvariable `m` fest, d. h. du teilst mit, welche Monoid-Instanz du überprüfen willst.

### Aufgabe 17. *QuickCheck all the things!*

Überprüfe alle von dir bearbeiteten Aufgaben von Blatt 1 auf ihre Korrektheit.

*Hinweis.* Im Besonderen eignen sich die Aufgaben 39 und 46.

## 3 Statistisch aussagekräftige Benchmarks

Die Haskell-Community liebt die Bibliothek *Criterion*, um die Laufzeit von Haskell-Programmen zu messen. Diese macht viel mehr, als nur gegebenen Code mehrmals auszuführen und dann die durchschnittliche Laufzeit zu berechnen. Sie bestimmt auch die Standardabweichung der Laufzeit und gibt ein statistisches Maß für die Verlässlichkeit der geschätzten Werte aus.

Ihre Benutzung ist kinderleicht:

1. `stack install criterion`
2. Folgende Vorlage anpassen:

```
import Criterion.Main

fib :: Integer -> Integer
fib = ...

main = defaultMain
  [ bgroup "fib"
    [ bench "10" $ whnf fib 10
    , bench "20" $ whnf fib 20
    , bench "30" $ whnf fib 30
    ]
  ]
```

3. Das Programm ausführen. Wenn man dabei die Option `--output foo.html` übergibt, erstellt die Criterion-Bibliothek eine interaktive HTML-Seite, der man unter anderem die Verteilung der Messwerte entnehmen kann.

## 4 Erste Schritte mit Nebenläufigkeit

Da es in Haskell keinen veränderlichen Zustand gibt, können Haskell-Ausdrücke in erster Näherung in beliebiger Reihenfolge und auf beliebigen Prozessorkernen ausgewertet werden. GHC verteilt aber nicht von selbst Aufgaben auf mehrere Kerne.



Es gibt in Haskell vier verschiedene Möglichkeiten, Nebenläufigkeit zu erreichen, die man je nach Anwendungszweck einsetzen kann.

- Parallelisierungsannotationen. Puren Code kann man einfach und ohne Umstrukturierung des Programms mit Auswertungsannotationen versehen, wie zum Beispiel „führe das folgende `map` parallel aus“ oder „falls Ressourcen vorhanden sind, beginne die Auswertung des folgenden Ausdrucks im Hintergrund“.
- Threads. Wie in anderen Sprachen auch kann man explizit Threads erstellen. Threads können auf diverse Weisen miteinander kommunizieren, zum Beispiel mittels gemeinsamer veränderlicher Variablen (`MVar`) und Channels (`Chan`). Dieser recht explizite Zugang zu Nebenläufigkeit ist also sehr ähnlich zum Zugang von anderen Sprachen wie Python oder JavaScript mit Node.js. Anders als in diesen Sprachen gibt es aber keine „Callback-Hölle“.
- Shared Transactional Memory (STM). Parallelisierungsannotationen helfen nicht bei Code, der Nebenwirkungen verursachen muss. Wenn man aber auf Threads zurückgreifen würde, müsste man wie in anderen Sprachen auch auf korrektes Locking und Race Conditions achten; das ist mühsam und fehleranfällig. STM ist eine Technik, mit der man vorgeben kann, dass speziell gekennzeichnete Code so abläuft, als wäre das Programm rein sequenziell geschrieben. Der große Vorteil an STM ist *Kompositionalität*: Man kann Code rein lokal verstehen und kombinieren, ohne auf Auswirkungen von parallel ablaufenden Programmteilen achten zu müssen.
- Data Parallel Haskell (DPH). Dabei kümmern sich der Compiler und die Laufzeitumgebung selbstständig um eine effiziente Verteilung des auszuwertenden Codes. DPH ist ein Forschungsprojekt, das noch nicht seinen Weg in die aktuelle GHC-Version gefunden hat.

## 4.1 Parallelisierungsannotationen

Aus dem ersten Workshop ist ja die Funktion `seq :: a -> b -> b` bekannt. Wird der Ausdruck `seq x y` ausgewertet, so wird zunächst `x` ausgewertet, das Ergebnis verworfen, und dann `y` zurückgegeben.

Ein Aufruf wie `seq 42 y` ist nicht besonders sinnvoll. Wenn aber die Auswertung von `x` die Auswertung von Teilen einer Datenstruktur anstößt, so bleiben die Ergebnisse gespeichert. Die folgende GHCi-Sitzung illustriert das:

```
> let x = fib 30 -- kehrt sofort zurück
> seq x "Hallo"  -- dauert lange, da 'x' ausgewertet wird
"Hallo"
> x              -- kehrt sofort zurück
832040
```

Nun gibt es neben `seq` auch die Funktion `par :: a -> b -> b` aus dem Modul `Control.Parallel` (aus dem Paket `parallel`). Semantisch ist `par x y` identisch zu `y`. Als Nebenwirkung wird aber ein *Spark* erzeugt, der `x` im Hintergrund parallel auswertet.

In GHCi sieht das zum Beispiel so aus:

```
> let fib :: Int -> Int; fib n = if n <= 1 then n else fib (n-1) + fib (n-2)
> let x = fib 30
> let y = fib 30
> (x,y)
(832040,832040) -- die beiden Komponenten werden nacheinander
```

```

-- berechnet und ausgegeben

> import Control.Parallel
> let a = fib 30
> let b = fib 30
> b 'par' (a,b)
(832040,832040)  -- nach anfänglicher Verzögerung werden beide
                 -- Komponenten in einem Rutsch ausgegeben

```

*Wichtig:* Standardmäßig verwendet die Laufzeitumgebung nur einen einzigen Betriebssystem-Thread. Damit können keine Sparks im Hintergrund ausgeführt werden. Man muss seinen Code mit der Option `-threaded` kompilieren und beim Ausführen dem Laufzeitsystem mitteilen, dass es mehrere Betriebssystem-Threads verwenden soll:

```

# Kompilieren mit:
$ ghc --make -O2 -threaded Main

# Ausführen mit:
$ ./Main +RTS -N4 -RTS  # genau vier Betriebssystem-Threads verwenden
$ ./Main +RTS -N -RTS  # sinnvolle Anzahl Betriebssystem-Threads verwenden

# Interaktive Shell:
$ ghci +RTS -N -RTS

```

### Aufgabe 18. Was bedeutet eigentlich Auswertung?

Erkläre, wieso in folgender GHCi-Sitzung scheinbar `b` *nicht* im Hintergrund ausgewertet wird. Denke daran, GHCi mit der Option `+RTS -N -RTS` zu starten.

```

> import Control.Parallel
> let a = [fib 30]
> let b = [fib 30]
> b 'par' (a,b)
([832040],[832040])

```

### Aufgabe 19. Paralleles Map

Schreibe eine Funktion `parMap :: (a -> b) -> [a] -> [b]`, die semantisch identisch zu `map` ist, aber alle Werte parallel berechnet.

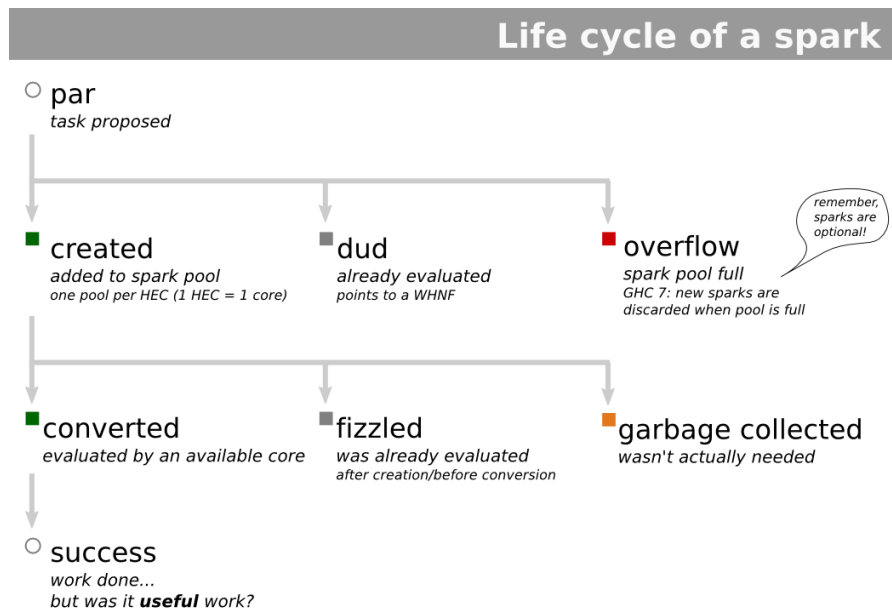
Auf einem Mehrkern-Computer sollte also

```
> parMap fib [30,30,30,30]
```

deutlich schneller ablaufen als `map fib [30,30,30,30]`.

Zu Sparks ist noch viel mehr zu sagen. An dieser Stelle nur zwei Bemerkungen: Startet man sein Programm mit den Optionen `+RTS -N -s -RTS`, so werden nach Beendigung Statistiken ausgegeben. Diese beinhalten unter anderem, wie viele Sparks erzeugt wurden und wie viele *fizzelten* – das heißt, dass der zu berechnende Wert schon vom Hauptthread angefordert wurde, noch bevor der Spark loslegen konnte.

Außerdem gibt es *ThreadScope*, mit dem die Auslastung durch Threads und Sparks visualisiert werden kann.



Der Lebenszyklus eines Sparks. Quelle:  
[https://wiki.haskell.org/ThreadScope\\_Tour/Spark](https://wiki.haskell.org/ThreadScope_Tour/Spark)

## 4.2 Threads

Mit `forkIO :: IO a -> IO ThreadId` aus dem Modul `Control.Concurrent` erzeugt man einen *leichtgewichtigen Thread*. Die übergebene IO-Aktion wird in diesem Thread ausgeführt; Rückgabewert ist ein Wert vom Typ `ThreadId`, mit dem man den Thread noch nachträglich kontrollieren (etwa vorzeitig beenden) kann.

Die Laufzeitumgebung kommt mit sehr vielen – Millionen – von leichtgewichtigen Threads klar. Sie werden auf eine kleine Anzahl echter Threads auf Betriebssystem-Level verteilt.

In speziellen Anwendungsfällen ist es nötig, Betriebssystem-Threads statt leichtgewichtiger Threads zu erzeugen. Das ist mittels der Funktion `forkOS :: IO a -> IO ThreadId` ebenfalls möglich.

*Wichtig:* Wenn man Threads nur verwenden möchte, um mit simultan stattfindenden IO-Aktionen umzugehen (etwa Anforderungen mehrerer gleichzeitig verbundener Clients über das Netzwerk entgegennehmen), genügt prinzipiell ein einzelner Betriebssystem-Thread. Wenn man aber mit Threads tatsächlich auch mehrere Berechnungen parallel ausführen möchte, muss man wie im vorherigen Abschnitt beschrieben seinen Code mit der Option `-threaded` kompilieren und beim Ausführen dem Laufzeitsystem mit `+RTS -N -RTS` mitteilen, mehrere Betriebssystem-Threads zu verwenden.

### Aufgabe 20. *Hallo Welt aus zwei Threads*

Schreibe ein Haskell-Programm, das einen leichtgewichtigen Thread erzeugt und den ausführenden Lambdoiden sowohl vom Hauptthread als auch dem erzeugten Thread mit `putStrLn` begrüßt.

### Aufgabe 21. *Vermischte Ausgabe*

Schreibe ein Haskell-Programm, das zwei leichtgewichtige Threads erzeugt. Der eine Thread soll tausendmal das Zeichen `'a'` ausgeben, der andere das Zeichen `'b'`. Was passiert?

### Aufgabe 22. *Sleep Sort*

Implementiere *Sleep Sort*: Erzeuge für jedes Element `x` einer gegebenen Liste von (kleinen) natürlichen Zahlen einen Thread, der sich gleich nach seiner Erstellung für eine zu `x` proportionale Zeit schlafen legt und anschließend `x` auf dem Terminal ausgibt.

*Tipp.* Verwende die Funktion `threadDelay :: Int -> IO ()`, die den momentan laufenden Thread für eine gegebene Anzahl Mikrosekunden schlafen legt.

Eine primitive Möglichkeit der Kommunikation zwischen Threads sind (thread-sichere) veränderliche Variablen. Eine solche kann zu jedem Zeitpunkt leer sein oder einen Wert enthalten. Man erstellt sie mit `newEmptyMVar :: IO (MVar a)` oder, wenn man die Variable gleich initialisieren möchte, mit `newMVar :: a -> IO (MVar a)`.

Mit `readMVar :: MVar a -> IO a` holt man den aktuellen Wert einer übergebenen Variable. Sollte die Variable leer sein, blockiert dieser Aufruf so lange, bis die Variable durch einen anderen Thread gefüllt wird.

Eine Variante ist die Funktion `takeMVar :: MVar a -> IO a`, die nach Auslesen der Variable diese leert.

Mit `putMVar :: MVar a -> a -> IO ()` setzt man den Inhalt einer Variable. Wenn diese zum Zeitpunkt des Aufrufs nicht leer sein sollte, wird der vorhandene Inhalt nicht überschrieben. Stattdessen wird der ausführende Thread so schlafen gelegt, bis ein anderer Thread die Variable mit `takeMVar` leert. (Es gibt auch `tryPutMVar :: MVar -> a -> IO Bool`, das den Thread nicht schlafen geht und den Erfolg durch den Rückgabewert anzeigt.)

### Aufgabe 23. Lesen aus einer dauerhaft leeren Variable

Was macht folgender Code? Wie reagiert das Laufzeitsystem von GHC?

```
import Control.Concurrent

main = do
  ref <- newEmptyMVar
  takeMVar ref
```

### Aufgabe 24. Ein einfaches Beispiel zu Variablen

Schreibe ein Programm, das zwei leichtgewichtigen Threads erzeugt, die je eine große Fibonacci-Zahl berechnen und das Ergebnis in je einer Variable speichern. Der Hauptthread soll dann die beiden Ergebnisse ausgeben.

### Aufgabe 25. Vorsicht vor Deadlocks

Was macht folgender Code? Wie reagiert das Laufzeitsystem von GHC?

```
import Control.Concurrent

main = do
  ref1 <- newEmptyMVar
  ref2 <- newEmptyMVar
  forkIO $ takeMVar ref2 >> putMVar ref1 "Hallo Welt"
  putStrLn =<< takeMVar ref1
```

### Aufgabe 26. Warten auf Kinder

Oft möchte man im Hauptthread die Beendigung gestarteter Threads abwarten. Das ist zum Beispiel mit folgendem Code möglich (den es natürlich auch schon in verpackter Form im Modul `Control.Concurrent.Async` gibt). Vollziehe ihn nach!

```

import Control.Monad
import Control.Concurrent

forkThread :: IO () -> IO (MVar ())
forkThread proc = do
    ref <- newEmptyMVar
    forkFinally proc $ \_ -> putMVar ref ()
    return ref

main = do
    jobs <- mapM forkThread [...]
    mapM_ takeMVar jobs

```

Neben veränderlichen Variablen gibt es noch *Kanäle* zur Kommunikation zwischen Threads. Kanäle können anders als Variablen mehr als einen Wert zwischenspeichern. Man erzeugt einen Kanal mit `newChan :: IO (Chan a)`, pusht einen Wert durch `writeChan :: Chan a -> a -> IO ()` und poppt den vordersten Wert mit `readChan :: Chan a -> IO a`. Der Aufruf von `readChan` blockiert, falls der Kanal leer ist.

### Aufgabe 27. Sleep Sort kanalbasiert

Modifiziere deinen Sleep-Sort-Algorithmus derart, dass die sortierten Werte nicht auf dem Terminal ausgegeben, sondern in einen Kanal geschrieben werden. Dieser soll dann in einem Rutsch ausgegeben werden.

Zum Ende dieses Abschnitts sei bemerkt, dass man selten auf der Ebene dieser Aufgaben programmieren muss. Für viele Einsatzgebiete gibt es schon fertige Kombinatoren-Bibliotheken zum nebenläufigen Programmieren.

### Aufgabe 28. Projekt: Ein einfacher Chat-Server

Vervollständige folgende Vorlage für einen einfachen Chat-Server. Clients sollen sich mit ihm auf TCP-Port 4242 verbinden können. Eingehende Nachrichten sollen an alle verbundenen Clients weitergeleitet werden.

Diese Vorlage ist auf einem niedrigen Level, mit expliziten Socket-Operationen, geschrieben. Normalerweise würde man eine High-Level-Streaming-Bibliothek wie Conduits oder Pipes verwenden. Diese kümmern sich auch automatisch um ordnungsgemäßes Abmelden von Clients.

*Tipp.* Verwende die Funktion `dupChan :: Chan a -> IO (Chan a)`. *Bonusaufgabe.* Identifiziere das Speicherleckproblem und löse es.

```

module Main where

import Control.Monad
import Control.Concurrent
import Network.Socket
import System.IO

main :: IO ()
main = do
    -- Lausche auf Port 4242.
    sock <- socket AF_INET Stream 0
    setSocketOption sock ReuseAddr 1
    bindSocket sock (SockAddrInet 4242 INADDR_ANY)
    listen sock 10

```

```

-- Setze einen Kanal auf. Was in diesen Kanal geschrieben wird,
-- soll an alle verbundenen Clients weitergeleitet werden.
...

-- Die Hauptschleife: Akzeptiere laufend neue Verbindungen und
-- bearbeite sie.
forever $ do
  (conn,_) <- accept sock
  hdl <- socketToHandle conn ReadWriteMode
  hSetBuffering hdl NoBuffering
  -- 'hdl' ist nun ein gewöhnlicher Handle, mit dem 'hGetLine'
  -- und 'hPutStrLn' verwendet werden können.

  -- Dupliziere den Kanal, um mehrere Zuhörer zu unterstützen.
  ...

  -- Schreibe gelesene Nachrichten in den Kanal.
  forkIO $ forever $ do
    msg <- hGetLine hdl
    ...

  -- Leite Nachrichten der anderen Verbindungen weiter.
  forkIO $ forever $ do
    ...
    hPutStrLn hdl msg

```

### 4.3 Shared Transactional Memory (STM)

In dem folgenden Programm kommt es zu einer Race Condition. Wiederholte Aufrufe des Programms werden verschiedene Ergebnisse liefern.

```

import Control.Concurrent
import Control.Monad

forkThread :: IO () -> IO (MVar ())
forkThread = {- siehe oben -}

go :: IORef Integer -> IORef Integer -> IO ()
go xRef yRef = do
  x <- readIORef xRef
  y <- readIORef yRef
  let x' = y + 1
      y' = x' + 1
  writeIORef xRef x'
  writeIORef yRef y'

main = do
  xRef <- newIORef 1
  yRef <- newIORef 2
  jobs <- replicateM 40000 $ forkThread $ go xRef yRef
  mapM_ takeMVar jobs

```

```

x <- readIORef xRef
y <- readIORef yRef
print (x, y)

```

Mit STM passiert das nicht. Statt `IORef`'s verwendet man dann `TVar`'s. Die Operationen übertragen sich wörtlich, spielen sich dann aber in der `STM`- statt der `IO`-Monade ab: `newTVar :: a -> STM (TVar a)` und so weiter. Man führt STM-Aktionen mit `atomically :: STM a -> IO a` aus.

Der angepasste Code sieht so aus:

```

import Control.Concurrent
import Control.Concurrent.STM
import Control.Monad

forkThread :: IO () -> IO (MVar ())
forkThread = {- siehe oben -}

go :: TVar Integer -> TVar Integer -> STM ()
go xRef yRef = do
  x <- readTVar xRef
  y <- readTVar yRef
  let x' = y + 2
      y' = x' + 2
  writeTVar xRef x'
  writeTVar yRef y'

main = do
  xRef <- newTVarIO 1
  yRef <- newTVarIO 2
  jobs <- replicateM 40000 $ forkThread $ atomically $ go xRef yRef
  mapM_ takeMVar jobs
  x <- readTVarIO xRef
  y <- readTVarIO yRef
  print (x, y)

```

Wie funktioniert STM? In erster Näherung so: Wird ein `atomically`-Block ausgeführt, so werden Änderungen an `TVar`'s nicht sofort geschrieben. Stattdessen werden sie in einem Log notiert. Am Ende des Blocks prüft das Laufzeitsystem in einer atomaren Operation, ob sich seit Ablauf des Blocks seine Abhängigkeiten (zum Beispiel veränderliche Variablen, auf die lesend zugegriffen wurde) geändert haben. Wenn nein, macht es die Änderungen an den `TVar`'s wirksam. Wenn ja, wird der Block einfach erneut ausgeführt. Da in der STM-Monade nicht beliebige Nebenwirkungen wie `fireMissiles` möglich sind, ist das ein fundiertes Vorgehen.