Sistemas Lineares

Guia Rápido

- Entenda a classificação
- Domine os métodos de resolução
- Pratique interpretação geométrica

1. Conceitos Básicos

Definição:

- Sistema Linear: Conjunto de equações lineares
- Equação Linear: ax + by + cz = d
- Incógnitas: Variáveis a determinar
- Coeficientes: Números que multiplicam as incógnitas

Classificação:

- Possível e Determinado (SPD)
- Possível e Indeterminado (SPI)
- Impossível (SI)

2. Representação Matricial

Matriz dos Coeficientes:

- A: Matriz dos coeficientes
- X: Matriz das incógnitas
- **B**: Matriz dos termos independentes

Forma:

- AX = B
- Sistema homogêneo: AX = 0

3. Métodos de Resolução

Substituição:

- Isola uma variável
- Substitui nas outras equações
- Resolve de trás para frente

Adição:

- Multiplica equações por constantes
- Soma ou subtrai equações
- Elimina variáveis

Escalonamento:

- Transforma em matriz triangular
- Operações elementares
- Resolve por substituição

4. Regra de Cramer

Quando usar:

- Sistema quadrado (n equações, n incógnitas)
- det(A) 0

Fórmula:

- x = det(A)/det(A)
- A : Matriz com coluna i substituída por B

5. Discussão de Sistemas

Teorema de Cramer:

- det(A) $0 \to SPD$
- $det(A) = 0 e det(A) \quad 0 \to SI$
- $det(A) = 0 e det(A) = 0 \rightarrow SPI$

Classificação:

- SPD: Única solução
- SPI: Infinitas soluções
- \mathbf{SI} : Nenhuma solução

6. Sistemas Homogêneos

Características:

- Termos independentes nulos
- Sempre tem solução trivial (0,0,0)
- $\det(A) = 0 \rightarrow \text{Tem solução não trivial}$

Solução:

- Trivial: X = 0
- Não trivial: Infinitas soluções

7. Interpretação Geométrica

2 Equações:

• SPD: Retas concorrentes

 $\bullet~$ ${\bf SPI}:$ Retas coincidentes

• SI: Retas paralelas

3 Equações:

- $\mathbf{SPD}:$ Planos com um ponto em comum

• SPI: Planos com reta em comum

- ${\bf SI}:$ Planos paralelos ou concorrentes em retas paralelas

Dicas de Estudo

- 1. Pratique escalonamento
- 2. Memorize Regra de Cramer
- 3. Interprete geometricamente
- 4. Verifique soluções
- 5. Resolva sistemas variados