II. Imperative und objektorientierte Programmierung

- 1. Grundelemente der Programmierung
- 2. Objekte, Klassen und Methoden
- 3. Rekursion und dynamische Datenstrukturen
- 4. Erweiterung von Klassen und fortgeschrittene Konzepte

1.3. Rekursion und dynamische Datenstrukturen

- 1. Rekursive Algorithmen
- 2. Rekursive (dynamische) Datenstrukturen

Fakultät

```
public static int fak (int x) {
         int res = 1;
         while (x > 1) {
                                              iterativ
             res = x * res;
             x = x - 1;
         return res;
```

```
public static int fak (int x) {
    if (x > 1) return x * fak (x - 1);
    else return 1;
}
```

Fibonacci-Zahlen (nicht-lineare Rekursion)

```
fib(x) = \begin{cases} 0, & x < 1 \\ 1 & x = 1 \\ fib(x-1) + fib(x-2) & x \ge 2 \end{cases}
```

even & odd (verschränkte Rekursion)

```
public static boolean even (int x) {
       if (x == 0) return true;
       else if (x > 0) return odd (x - 1);
                           return odd (x + 1);
       else
                                        verschränkt
public static boolean odd (int x) {
       if (x == 0) return false;
       else if (x > 0) return even (x - 1);
       else
                           return even (x + 1);
                                       verschränkt
```

sqrt (Endrekursion)

Endrekursion

```
public static int fak (int x) {
    if (x > 1) return x * fak (x - 1);
    else return 1;
}
```

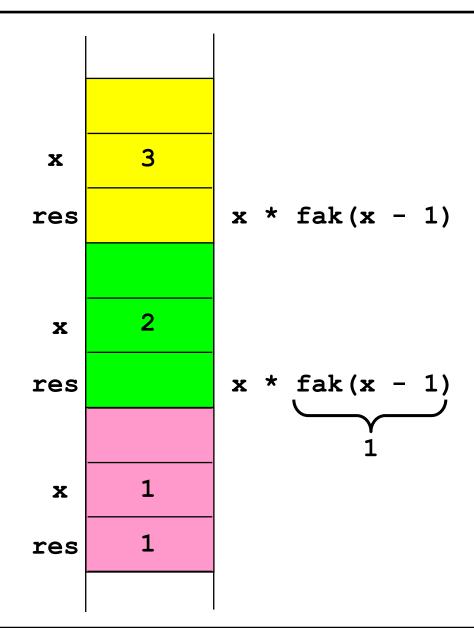
sqrt (Endrekursion)

```
public static float sqrt (float uG, float oG, float x) {
float m, epsilon = 1e-3f;
m = (uG + oG) / 2;
if (oG - uG <= epsilon) return m;
else if (m * m > x) return sqrt (uG, m, x);
                            return sqrt (m, oG, x);
else
 float m, epsilon = 1e-3f;
 for (;;) {
 m = (uG + oG) / 2;
  if (oG - uG <= epsilon) return m;
 else if (m * m > x) oG = m;
 else
                             uG = m;
```

Speicherorganisation bei Rekursion

```
public static int fak (int x) {
  if (x > 1)
     return x * fak (x - 1);
  else return 1;
}
```

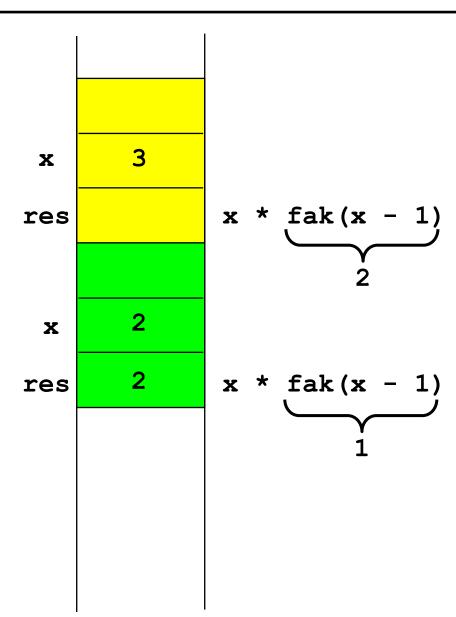
Aufruf: fak (3)



Speicherorganisation bei Rekursion

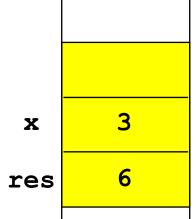
```
public static int fak (int x) {
  if (x > 1)
     return x * fak (x - 1);
  else return 1;
}
```

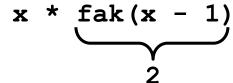
Aufruf: fak (3)



Speicherorganisation bei Rekursion

```
public static int fak (int x) {
  if (x > 1)
     return x * fak (x - 1);
  else return 1;
}
```

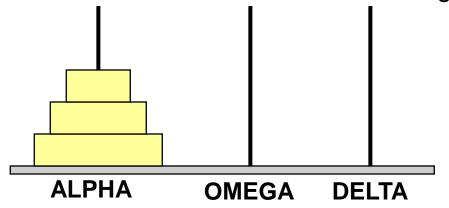




Aufruf: fak (3)

Aufgabe:

- bewege die Scheiben von ALPHA über DELTA nach OMEGA
- es darf immer nur eine Scheibe bewegt werden
- niemals darf eine Scheibe auf eine kleinere bewegt werden



Lösung (Divide & Conquer):

- allgemeine Lösung für einen Turm der Höhe h von ALPHA nach OMEGA
 - h = 0 gar nichts machen
 - ◆ h > 0 1. Turm der Höhe h-1 von ALPHA über OMEGA nach DELTA
 - 2. (Unterste) Scheibe von ALPHA nach OMEGA legen
 - 3. Turm der Höhe h-1 von DELTA über ALPHA nach OMEGA

```
Oberste Soleibe: 1
public class Hanoi {
                                                                unterste Scheibe: h
 private static void bewegeTurm (int hoehe, ____
                       String von, String ueber, String nach) {
    if (hoehe > 0) { bewegeTurm (hoehe-1, von, nach, ueber);
                      druckeZug (hoehe, von, nach);
                      bewegeTurm (hoehe-1, ueber, von, nach);
 private static void druckeZug (int hoehe, String von, String nach) {
  System.out.println ("Scheibe " + hoehe + " von " + von + " nach " + nach);
 public static void main (String [] args) {
  bewegeTurm(Integer.parseInt(args[0]), "ALPHA", "DELTA", "OMEGA");
```

