# Měření rozptylového magnetického pole transformátoru





Od r. 2004-5

### 17b. Měření rozptylového magnetického pole transformátoru

#### Úkol měření

- 1. Určete potřebné parametry měřicí cívky: konstantu  $K_{CH}$ , vlastní rezonanční úhlový kmitočet  $\omega_r$  a hodnoty prvků  $L_s$  a  $C_p$  paralelního náhradního schématu.
- 2. Změřte rozptylové magnetické pole transformátoru. Měření proveďte ve vodorovné rovině procházející středním sloupkem transformátoru (viz obr. 4).
- 3. Z výsledků měření určete, v jaké vzdálenosti lze pole transformátoru považovat za pole dipólového charakteru.

#### Schéma zapojení - viz obr. 2 a 3

#### Poznámky k měření

Pro periodické průběhy s jedním průchodem nulou během periody, lze magnetickou indukci vypočítat ze vztahu

$$B_{\rm m} = \frac{U_{\rm s}}{4f \ S \ N} \tag{1}$$

kde  $B_{\rm m}$  je maximální hodnota složky měřené indukce B(t) (T),

 $U_s$  aritmetická střední hodnota napětí U(t) (po dvoucestném usměrnění) indukovaného v měřicí cívce (V),

f kmitočet základní harmonické měřeného napětí (Hz),

N počet závitů měřicí cívky,

S plocha průřezu měřicí cívky (m<sup>2</sup>).

Maximální hodnotu intenzity magnetického pole  $H_{\rm m}$  vypočítáme ze vztahu

$$H_{\rm m} = \frac{B_{\rm m}}{\mu_0} \left( \text{A m}^{-1}; \text{ T, } \mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \text{ H m}^{-1} \right)$$
 (2)

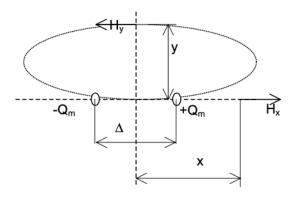
Budeme-li napětí indukované v měřicí cívce měřit voltmetrem udávajícím hodnotu  $U_{\rm ef}$  získanou měřením střední hodnoty  $U_{\rm s}$  po dvoucestném usměrnění a násobením činitelem tvaru 1,11 pro sinusový průběh, můžeme hodnotu  $U_{\rm s}$  získat vydělením údaje přístroje 1,11. (Pozor, pro neharmonický průběh neodpovídá údaj efektivní hodnotě).

17b. Měření rozptylového magnetického pole transformátoru

Od r. 2004-5

#### Měřený objekt

V některých případech lze zdroj magnetického pole, jehož siločáry se uzavírají převážně vzduchem, přibližně nahradit polem magnetického dipólu (viz obr. 1).



Obr. 1 Souřadnicový systém pro měření dipólového pole v rovině xy

Za předpokladu, že  $\Delta \ll x$  resp. y, lze intenzitu magnetického pole v rovině xy na osách x a y vyjádřit vztahy

$$H_x = \frac{m_C}{2\pi\mu_0 x^3}, \quad H_y = \frac{m_C}{4\pi\mu_0 y^3}$$
 (3)

kde  $m_{\rm C}$  je Coulombův magnetický moment (Wb·m = T·m<sup>3</sup>),  $\mu_0$  je magnetická konstanta (permeabilita vakua) =  $4\pi \cdot 10^{-7}$  (H·m<sup>-1</sup>), x, y jsou vzdálenosti měřených bodů od středu dipólu (m).

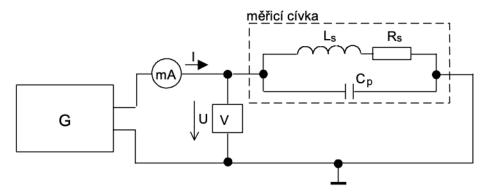
Lze-li měřením složek  $H_x$  a  $H_y$  dokázat, že v určité vzdálenosti od měřeného objektu má magnetické pole dipólový charakter, je v této oblasti zcela určeno hodnotou  $m_C$ .

17b. Měření rozptylového magnetického pole transformátoru

Od r. 2004-5

#### Určení parametrů měřicí cívky

Odpor vinutí cívky  $R_S = k\Omega$  (lze určit libovolnou stejnosměrnou metodou). Celkovou impedanci cívky změříme např. Ohmovou metodou. Předem musíme ale znát hodnotu vlastního rezonančního kmitočtu  $f_r$  cívky, který zjistíme např. měřením v zapojení podle obr. 2.



Obr. 2 Obvod pro stanovení vlastního rezonančního kmitočtu

Obvod je napájen ze zdroje konstantního napětí U. Při rezonančním kmitočtu  $f_r$ , kdy je impedance cívky maximální, je proud I minimální. Platí

$$f_{\rm r} = \frac{1}{2\pi\sqrt{L_{\rm s}C_{\rm p}}}\tag{4}$$

Poznámka: Kapacita  $C_p$  je fiktivní a nahrazuje účinek jednotlivých mezizávitových kapacit. Náhradní obvod dobře vyhovuje pro nejnižší rezonanční kmitočet, kapacita  $C_p$  je zde tvořena hlavně kapacitou kabelu.

Impedanci měřicí cívky měříme při  $f_m = 0,1 f_r$ , kdy je vliv  $C_p$  zanedbatelný. Pro impedanci při kmitočtu  $f_m$  platí

$$Z_{\rm m} = \frac{U_{\rm m}}{I_{\rm m}} = \sqrt{R_{\rm s}^2 + \omega_{\rm m}^2 L_{\rm s}^2}, \quad L_{\rm s} = \frac{1}{\omega_{\rm m}} \sqrt{Z_{\rm m}^2 - R_{\rm s}^2}$$
 (5)

kde  $\,U_{\mathrm{m}}\,\,$  je napětí měřené při kmitočtu  $\,f_{\mathrm{m}}\,,$ 

 $I_{\rm m}$  je proud měřený při kmitočtu  $f_{\rm m}$ .

Hodnotu  $C_p$  vypočteme ze vztahu (4), kde známe změřený rezonanční kmitočet  $f_r$  a indukčnost  $L_s$ .

#### Určení konstanty měřicí cívky

Konstantu  $K_{\text{CH}}$  měřicí cívky určíme ve známém poli Helmholtzových cívek v zapojení podle obr. 3. Protože magnetické pole cívek má stejnou frekvenci (50 Hz) a stejný průběh (harmonický) jako rozptylové pole transformátoru, platí

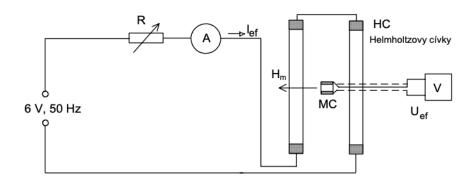
$$K_{\rm CH} = \frac{H_{\rm max}}{U_{\rm ef}} = \frac{\sqrt{2}I_{\rm ef}K_{\rm HZ}}{U_{\rm ef}} \tag{6}$$

kde  $K_{\rm HZ}$  - konstanta Helmholtzových cívek (m<sup>-1</sup>),

 $I_{\rm ef}$  - proud Helmholzových cívek (A),

*U*<sub>ef</sub> - napětí indukované v měřicí cívce (V).

Od r. 2004-5



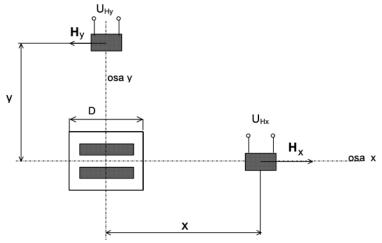
Obr. 3 Obvod pro stanovení konstanty měřicí cívky

#### Měření intenzity rozptylového pole transformátoru

Měření rozptylového magnetického pole transformátoru provedeme v uspořádání dle obr. 4.

V několika vzdálenostech na osách x a y od středu transformátoru změříme napětí indukovaná v měřicí cívce a s využitím vztahu (6) vypočteme hodnoty intenzity  $H_{\text{xmax}} = K_{\text{CH}} \cdot U_{\text{Hx}} = f(x)$  a  $H_{\text{ymax}} = K_{\text{CH}} \cdot U_{\text{Hy}} = f(y)$ .

Z naměřených hodnot vypočteme podle (3)  $m_{\rm C}$  a zjistíme, v jakých vzdálenostech měřené pole odpovídá poli dipólového charakteru ( $m_{\rm C}$  = konst).



Obr. 4 Umístění sondy pro měření rozptylového pole

Poznámka: Před měřením je nutno při vypnutém napájení transformátoru pro každou polohu měřicí cívky zkontrolovat napětí vyvolané rušivým magnetickým, resp. elektrickým polem. Jeho hodnota musí být zanedbatelná vzhledem k napětí indukovanému rozptylovým polem transformátoru.

# 1 Teoretický úvod

Intenzita magnetického podle transformátoru je nejsnáze měří pomocí cívky se vzduchovým jádrem. Jedná-li se o periodické průběhy s jedním průchodem nulou, můžeme magnetické pole spočítat jako

$$B_{\rm m} = \frac{U_{\rm SAR}}{4 f S N}.$$
 (1)

Hodnoty intenzity magnetického pole  $H_{\mathrm{m}}$  vypočteme jako

$$H_{\rm m} = \frac{M_{\rm m}}{\mu_{\rm m}}.$$
 (2)

- 2 Naměřené hodnoty
- 3 Zpracování naměřených hodnot
- 4 Závěrečné vyhodnocení

# Seznam použité literatury a zdrojů informací

# Seznam použitých internetových zdrojů

[1] Návod k laboratorní úloze