Recherche textuelle

Christophe Viroulaud

Terminale - NSI

Algo 27

Recherche textuelle

Approche naïve

Principe

Approche plu efficace :

Boyer-Moore

Recherche a Fenver

Decarages par saut

r retraitement du motif

simplifié - version

Recherche textuelle

Approche naïve

Principe

efficace : Boyer-Moore

Recherche à l'envers

Décalages par sauts

Prétraitement du motif

lgorithme de Boyer-Moor simplifié - version

Complexité

La recherche textuelle est une fonctionnalité intégrée dans tous les logiciels de traitements de texte.



FIGURE 1 – Des applications multiples

- 4 bases nucléiques : Adénine, Cytosine, Guanine, Thymine,
- ► ADN humain : 3 milliards de bases répartis sur 23 paires de chromosomes.

Remarque

À titre de comparaison un roman compte environ 500000 caractères.

Recherche textuelle

Comment effectuer une recherche textuelle efficace?

Recherche textuelle

Approche naïve

Principe

Implémentation

efficace : Boyer-Moore

Recherche à l'envers

Décalages par sauts

Algorithme de Boyer-Moor (simplifié - version

Sommaire

Recherche textuelle

1. Approche naïve

- 1.1 Principe
- 1.2 Implémentation
- 2. Approche plus efficace : Boyer-Moore

Approche naïve

Implémentation

mprementation

efficace :

D 1 1 1 1 1

recircient a renvers

Decarages par sauts

Algorithme de Boyer-Moore

Horspool)

Approche naïve - Principe

- b observer une **fenêtre** du texte,
- dans cette fenêtre, comparer chaque lettre du motif recherché au texte,
- décaler la fenêtre d'un cran dès qu'il n'y a pas de correspondance.

				3							
texte motif	а	С	g	а	t	С	С	а	t	g	а
motif	С	a	t								
	0	1	2								

Recherche textuelle

Approche naïve

Principe

Implémentation

Approche plus

Ifficace :

Rover-Moore

Recherche à l'envers

Décalages par sauts

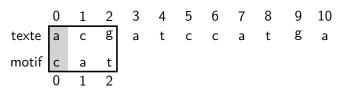


FIGURE 2 – Première comparaison : pas de correspondance

Décalage de la fenêtre

Recherche textuelle

Approche naïve

Principe

Implémentatio

efficace : Bover-Moore

Recherche à l'envers

Décalages par sauts

Prétraitement du m

gorithme de Boyer-Moore mplifié - version

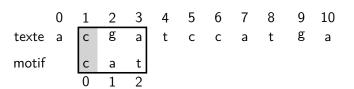


FIGURE 3 – Première comparaison : correspondance

Recherche textuelle

Principe

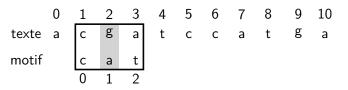


FIGURE 4 – Deuxième comparaison : pas de correspondance

Décalage de la fenêtre

Recherche textuelle

Approche naïve

Principe

Implémentatio

efficace : Bover-Moore

Recherche à l'envers

Décalages par sauts

Prétraitement du mo

gorithme de Boyer-Moore implifié - version orspool)

Sommaire

Recherche textuelle

Approche naïve

Principe

Implémentation

efficace :

Boyer-Moore

Recherche à l'envers

Dá--l----

Decarages par sauts

Algorithme de Boyer-Moore

(simplifié - version Horspool)

- 1. Approche naïve
- 1.1 Principe
- 1.2 Implémentation
- 2. Approche plus efficace: Boyer-Moore

Activité 1 :

- Écrire la fonction recherche_naive(texte: str, motif: str) → int qui renvoie la position du motif dans le texte ou -1 s'il n'est pas présent.
- 2. Estimer la complexité temporelle de cet algorithme dans le pire des cas : le motif n'est pas présent dans le texte.

Principe

Implémentation

fficace : Boyer-Moore

Recherche à l'envers

ecalages par sauts

```
def recherche_naive(texte: str, motif: str) -> int:
       11 11 11
       renvoie la position du motif dans le texte
       -1 s'il n'est pas présent
       11 11 11
       # dernière position = taille(texte) - taille(
6
     motif)
       for i in range(len(texte)-len(motif)+1):
           i = 0
           while j < len(motif) and
                   motif[j] == texte[i+j]:
               i += 1
           # correspondance sur toute la fenêtre
           if j == len(motif):
               return i
       return -1
```

Approche naïve

Implémentation

Approche plus
efficace :
Boyer-Moore
Recherche à l'envers
Décalages par sauts
Prétraitement du motif
Algorithme de Boyer-Moore
(simolifié - version

- On vérifie toute la fenêtre à chaque fois.
- À chaque **non correspondance** la fenêtre avance de 1.
- La complexité dépend de la taille du texte et de celle du motif.

Principe

Implémentation

Approche plus efficace :

Recherche à l'envers

Décalages par sauts

Algorithme de Boyer-Moore

Sommaire

Recherche textuelle

1 Approche naïve

- 2. Approche plus efficace : Boyer-Moore
- 2.1 Recherche à l'envers
- 2.2 Décalages par sauts
- 2.3 Prétraitement du motif
- Algorithme de Boyer-Moore (simplifié version Horspool)
- 2.5 Complexité

Approcne naive

Implémentation

Approche plus efficace : Boyer-Moore

Recherche à l'envers

Décalages par sauts

Prétraitement du motif

gorithme de Boyer-Moo implifié - version

Boyer-Moore

▶ 1970 : algorithme de Knuth-Morris-Pratt. O(T + M)

Recherche textuelle

Approche plus efficace : Boyer-Moore

Boyer-Moore

Recherche textuelle

Approche naïve

Principe Implémentation

Approche plus efficace : Boyer-Moore

Recherche à l'envers

Décalages par sau

Algorithme de Boyer-Moore

(simplifié - version Horspool)

- ▶ 1970 : algorithme de Knuth-Morris-Pratt. O(T + M)
- ▶ 1977 : algorithme de Boyer-Moore.
 - ightharpoonup meilleur des cas : O(T/M)
 - ▶ pire des cas : O(T + M)

Approche plus efficace : Boyer-Moore

- ▶ 1970 : algorithme de Knuth-Morris-Pratt. O(T + M)
- ▶ 1977 : algorithme de Boyer-Moore.
 - ightharpoonup meilleur des cas : O(T/M)
 - pire des cas : O(T + M)
- ▶ 1980 : Horspool propose une version simplifiée de l'algorithme de Boyer-Moore. O(T)

La première idée de cet algorithme est de commencer la recherche **en partant de la fin du motif**.

FIGURE 5 – Première comparaison : pas de correspondance

Approche naïve

Implémentation

efficace :

Recherche à l'envers

Décalages par saut

Algorithme de Boyer-Moore

(simplifié - version Horspool)

Remarque

Pour l'instant cette approche ne semble par apporter d'amélioration par rapport à l'algorithme précédent.

Recherche textuelle

Approche naïve

Principe Implémentation

Approche plus efficace :

Recherche à l'envers

Décalages par sauts

Igorithme de Boyer-Moor simplifié - version

Complexite

Sommaire

Recherche textuelle

1. Approche naïve

- 2. Approche plus efficace : Boyer-Moore
- 2.1 Recherche à l'envers
- 2.2 Décalages par sauts
- 2.3 Prétraitement du motif
- 2.4 Algorithme de Boyer-Moore (simplifié version Horspool)
- 2.5 Complexité

Approcne naive

Principe Implémentation

Approche plu

Boyer-Moore

Recherche à l'envers

Décalages par sauts

Deáteoitoment du mo

Algorithme de Boyer-Moore simplifié - version

Décalage par sauts

Le motif ne contient pas la lettre ${\bf g}$ (la dernière lettre de la fenêtre).

FIGURE 6 – Comparaisons inutiles

Recherche textuelle

Approche naïve

Principe

efficace :

Recherche à l'

Décalages par sauts

Algorithme de Boyer-Moore

simplifie - version Horspool) Complexité

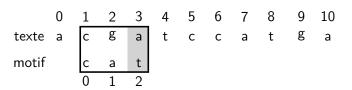


FIGURE 7 – Comparaison inutile

Recherche textuelle

Décalages par sauts

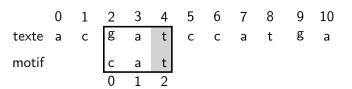


FIGURE 8 – Comparaison inutile

Recherche textuelle

Approche naïve

Principe

Implémentation

efficace : Boyer-Moore

Recherche a l'enve

Décalages par sauts

Algorithme de Boyer-Moore

On peut donc directement décaler le motif à l'indice 3 du texte.

FIGURE 9 – Décalage par saut

Recherche textuelle

Approche naïve

Approche pl

Boyer-Moore

Décalages par sauts

Decarages par sauts

Algorithme de Boyer-Moore (simplifié - version

On n'observe pas de correspondance par contre la lettre **c** existe dans le motif. On va donc le décaler pour les faire coïncider.

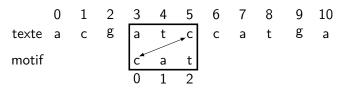


FIGURE 10 – Nouvelle situation

Recherche textuelle

Approche naïve

Principe

Implémentation

fficace : Boyer-Moore

Recherche a l'envers

Décalages par sauts

Algorithme de Boyer-Moore (simplifié - version

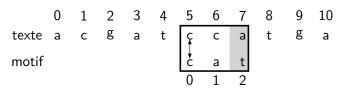


FIGURE 11 – Décalage par saut

Recherche textuelle

Décalages par sauts

À retenir

On décale la position de recherche dans le texte en fonction de la dernière lettre de la fenêtre.

Recherche textuelle

Approche naïve

Principe

Implémentation

efficace : Boyer-Moore

Recherche à l'

Décalages par sauts

Prétraitement

Sommaire

Recherche textuelle

1. Approche naïve

- 2. Approche plus efficace : Boyer-Moore
- 2.1 Recherche à l'envers
- 2.2 Décalages par sauts
- 2.3 Prétraitement du motif
- Algorithme de Boyer-Moore (simplifié version Horspool)
- 2.5 Complexité

Approcne naive

Implémentation

Approche plus

Boyer-Moore

Recherche à l'envers

Décalages par sauts

Prétraitement du motif

Algorithme de Boyer-Moore

À retenir

Pour pouvoir décaler par saut, il faut connaître la dernière position de chaque lettre dans le motif. Le prétraitement consiste à calculer le décalage à appliquer pour amener chaque caractère du motif à la place du dernier caractère.

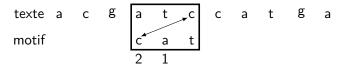


FIGURE 12 – Calculs des décalages

Approche naïve

Principe

Approche plus efficace : Bover-Moore

Recherche à l'env

Décalages par saut

Prétraitement du motif

Remarque

On ne regarde pas la dernière position de la clé (la lettre t ici). Sinon la distance associée serait nulle et on resterait sur place après l'avoir lue dans le texte.

texte a c
$$\begin{bmatrix} g & a & t \\ c & a & t \end{bmatrix}$$
 c c a t g a motif $\begin{bmatrix} c & a & t \\ 2 & 1 & 0 \end{bmatrix}$

FIGURE 13 - Sauf la dernière lettre

Recherche textuelle

Approche naïve

Implémentation

Approche plus

Recherche à l'envers

Décalages par sauts

Prétraitement du motif

À retenir

Dans le cas de la répétition d'un caractère, on garde la distance la plus courte.

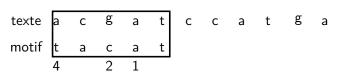


FIGURE 14 – Répétition dans le motif

Recherche textuelle

Approche naïve

rincipe

Approche p

efficace : Boyer-Moore

Recherche à l'enve

Décalages par sauts

Prétraitement du motif

Activité 2 : Écrire la fonction pretraitement_decalages(motif: str) \rightarrow dict qui associe chaque lettre du motif (sauf la dernière) à son décalage.

Recherche textuelle

Approche naïve

Principe

pproche plu:

Boyer-Moore

Décalages par sauts

Decarages par sau

Prétraitement du motif

.1

```
1
   def pretraitement decalages(motif: str) -> dict:
       renvoie le dictionnaire des décalages à
      appliquer
       pour chaque lettre du motif (sauf dernière)
       11 11 11
       decalages = dict()
6
       # on s'arrête à l'avant dernière lettre du motif
       for i in range(len(motif)-1):
           # la distance est mise à jour en cas de répé
      tition
```

decalages[motif[i]] = len(motif)-1-i

return decalages

pproche naïve rincipe

efficace :

Bover-Moore

Recherche à l'envers

Décalages par sauts

Prétraitement du motif

Sommaire

Recherche textuelle

1. Approche naïve

- 2. Approche plus efficace : Boyer-Moore
- 2.1 Recherche à l'envers
- 2.2 Décalages par sauts
- 2.3 Prétraitement du motif
- 2.4 Algorithme de Boyer-Moore (simplifié version Horspool)
- 2.5 Complexité

Principe

Implémentation

efficace :

Recherche à l'envers

Décalages par caute

Prétraitement du mo

Algorithme de Boyer-Moore (simplifié - version Horspool)

Algorithme de Boyer-Moore

L'algorithme de Boyer-Moore s'écrit alors :

```
Créer le tableau des décalages
Tant qu'on n'est pas à la fin du texte
Comparer le motif à la position du texte
Si le motif est présent
Renvoyer la position
Sinon
Décaler la fenêtre
Renvoyer -1 si le motif n'est pas présent
```

Code 1 – Algorithme de Boyer-Moore (version Horspool)

Recherche

Approche naïve

Implémentation

pproche plus ficace :

Recherche à l'envers

ecalages par sauts

Algorithme de Boyer-Moore (simplifié - version Horspool)

Activité 3:

- Écrire la fonction compare(texte: str, position: int, motif: str) → bool qui renvoie True si le motif est présent à la position i du texte.
- Écrire la fonction decalage_fenetre(decalages: dict, taille: int, lettre: str) → int qui renvoie le décalage à appliquer pour faire coïncider le motif à la dernière lettre de la fenêtre. Si la lettre n'est pas présente, la taille du motif est renvoyée.
- 3. Écrire alors la fonction boyer_moore(texte: str, motif: str) → int qui renvoie la position du motif dans le texte et -1 sinon.

Approche naïve Principe

IIIpieilieileatioii

efficace :
Boyer-Moore

Décalages par sauts

Prétraitement du motif

6

9

.0

```
Approche plus efficace :
Boyer-Moore
Recherche à l'envers
Décalages par sauts
Prétraitement du motif
```

```
Algorithme de Boyer-Moore
(simplifié - version
Horspool)
```

```
Complexité
```

```
def compare(texte: str, position: int, motif: str)
   -> bool:
    # position de la dernière lettre de la fenêtre
    en_cours = position+len(motif)-1
    # parcours de la fenêtre à l'envers
    for i in range(len(motif)-1, -1, -1):
        if not(texte[en_cours] == motif[i]):
            return False
        else:
            en_cours -= 1
    return True
```

Recherche textuelle

Principe
Implémentation

approche plus afficace : Bover-Moore

Soyer-Moore

Recherche à l'envers

Décalages par sauts

Prétraitement du motif

Algorithme de Boyer-Moore (simplifié - version Horspool)

Complexité

```
def decalage_fenetre(decalages: dict, taille: int,
  lettre: str) -> int:
  for cle, val in decalages.items():
    if cle == lettre:
        return val
  # si la lettre n'est pas dans le dico (= le
  motif)
  return taille
```

4

6

Algorithme de Boyer-Moore (simplifié - version

Horspool)

```
def decalage_fenetre2(decalages: dict, taille: int,
    lettre: str) -> int:
    # la méthode get renvoie une valeur par défaut
    si elle ne trouve pas la clé
    return decalages.get(lettre, taille)
```

```
def decalage_fenetre3(decalages: dict, taille: int,
    lettre: str) -> int:
    try:
       res = decalages[lettre]
    except KeyError:
       res = taille
    return res
```

Code 2 – Variantes

.7

return -1

pproche naïve

oproche plus ficace : over-Moore

Recherche à l'envers

Prétraitement du motif

Algorithme de Boyer-Moore
(simplifié - version

Horspool) Complexité

Sommaire

Recherche textuelle

1. Approche naïve

- 2. Approche plus efficace: Boyer-Moore
- 2.1 Recherche à l'envers
- 2.2 Décalages par sauts
- 2.3 Prétraitement du motif
- 2.4 Algorithme de Boyer-Moore (simplifié version Horspool)
- 2.5 Complexité

Approcne naive

Implémentation

efficace :

Boyer-Moore

Recherche à l'envers

Décalages par sauts

Pretraitement du motif

mplifié - version orspool)

Complexité

Intuitivement l'algorithme semble plus rapide que la version naïve car il ne teste pas toutes les lettres du texte.

```
aaabaaabaaab
cccc
```

FIGURE 15 – Un cas représentatif

Recherche textuelle

Approche naïve

Principe

Implementation

efficace : Boyer-Moore

Recherche à l'envers

calages par sauts

Algorithme de Boyer-Moor (simplifié - version

FIGURE 16 – Algorithme naïf

Observation

L'algorithme naïf effectue 10 décalages.

Recherche textuelle

Approche naïve

Implémentation

Approche plu efficace :

Recherche à l'envers

Decarages par saucs

Algorithme de Boyer-Moore (simplifié - version

a a a a b a a a a b a a a a b a a a a b a a a a b a a a a b a a a a b a a a a b a a a a b a a a a b

 ${
m Figure}\ 17$ – Algorithme de Boyer-Moore

Observation

L'algorithme de Boyer-Moore-Horspool effectue 3 décalages.

Recherche textuelle

Approche naïve

Principe

Approche pl

efficace : Boyer-Moore

Recherche à l'envers

Prétraitement du

Algorithme de Boyer-Moore (simplifié - version

Remarques

- ▶ Dans le meilleur des cas, la complexité temporelle de l'algorithme est O(T/M) où T est la taille du texte et M celle du motif.
- ▶ Plus le motif est long plus l'algorithme est rapide.
- Le prétraitement a un coût (temporel et spatial) mais qui est grandement compensé.

Recherche textuelle

Approche naïve

Implémentation

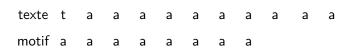
fficace : foyer-Moore

Décalages par caute

Prétraitement du s

Algorithme de Boyer-Moore simplifié - version

Cas critique



 ${\rm Figure}\ 18-Cas\ critique$

Recherche textuelle

Approche naïve

Principe

Approche plu

efficace : Boyer-Moore

Recherche à l'envers

Décalages par saut

Algorithme de Boyer-Moore simplifié - version

Remarque

En plus d'un traitement du mauvais caractère, la version complète de l'algorithme de Boyer-Moore recherche des bons suffixes dans le motif.

Recherche textuelle

Approche naïve

Principe Implémentation

Implémentation

efficace : Boyer-Moore

Dá-al----

Decarages par sauts

Algorithme de Boyer-Moore simplifié - version