## Exercice 1:

- 1. ordre: 8
- 2.  $d_D = 4$
- 3. Le graphe est connexe.
- 4. Parcours en profondeur (Les nœuds déjà dans la pile n'ont pas été ajoutés à nouveau) :

nœud en cours	état de la pile	chemin parcouru
D	G,A,B	
В	G,A,E	D
E	$_{\mathrm{G,A,F}}$	D,B
F	$_{\mathrm{G,A,C}}$	D,B,E
С	G,A,H	D,B,E,F
H	G,A	D,B,E,F,C
A	G	D,B,E,F,C,H
G		D,B,E,F,C,H,A
		D,B,E,F,C,H,A,G

5. Parcours en largeur du graphe (Les nœuds déjà dans la pile n'ont pas été ajoutés à nouveau) :

nœud en cours	état de la file	chemin parcouru
D	G,A,B	
В	E,G,A	D
A	$_{\mathrm{C,E,G}}$	D,B
G	C,E	D,B,A
Е	F,C	D,B,A,G
С	H,F	D,B,A,G,E
F	Н	D,B,A,G,E,C
Н		D,B,A,G,E,C,F
		D,B,A,G,E,C,F,H

# Exercice 2:

- 1. Cela revient à construire un graphe de 7 sommets dont chaque sommet correspond à une équipe. Comme chaque équipe doit en rencontrer 5 autres, alors chaque sommet serait de degré 5. Cependant la somme des degrés doit être pair (égale au double du nombre d'arêtes). Cette somme étant égale à 35, le tournoi n'est pas réalisable.
- 2. La somme des degrés est égale à 28. Le tournoi est réalisable. Il faut alors construire le graphe.

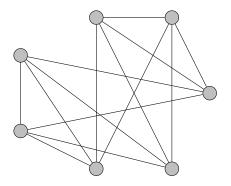


FIGURE 1 – Tournoi de handball



#### Exercice 3:

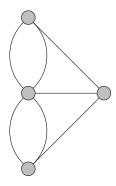


FIGURE 2 – Les sept ponts de Königsberg

Tous les sommets sont de degrés impairs.

#### Exercice 4:

1. DFS récursif

```
def DFS_rec(graphe: Graphe, sommet: str, visites: list = [])->list:
    if not(sommet in visites):
        visites.append(sommet)
        for voisin in graphe.get_adjacents(sommet):
            DFS_rec(graphe, voisin, visites)
    return visites
```

- 2. Test
- 3. La méthode est tout aussi efficace : elle ne parcourt les arêtes qu'une seule fois.
- 4. Connexité

```
def est_connexe(graphe: Graphe)->bool:
    sommets = graphe.get_sommets()
    return len(sommets) == len(DFS_rec(graphe, sommets[0]))
```

5. DFS récursif avec un dictionnaire

```
def DFS_rec_dico(graphe: Graphe, sommet: str, origine: str = None,
    visites: dict = {})->dict:
    if not(sommet in visites):
        visites[sommet] = origine
        for voisin in graphe.get_adjacents(sommet):
            DFS_rec_dico(graphe, voisin, sommet, visites)
    return visites
```

6. Chemin

```
def chemin(graphe: Graphe, depart: str, arrivee: str)->list:
    # parcours en profondeur
    parcours = DFS_rec_dico(g, "D")

# si arrivee n'est pas atteignable
    if arrivee not in parcours:
        return None

# un chemin
```



```
10
       chemin = [arrivee]
       en_cours = arrivee
11
       while not(en_cours == depart):
12
          # ajouter l'origine de en_cours
13
           origine = parcours[en_cours]
14
           chemin.append(origine)
15
           en_cours = origine
16
       # le chemin a été construit àl'envers
17
       chemin.reverse()
18
19
       return chemin
```

### Exercice 5:

1. BFS avec un dictionnaire

```
def BFS_dico(graphe: Graphe, sommet: str)->dict:
2
       visites = {sommet: None}
       voisins = {sommet}
3
       prochains = set()
4
       while len(voisins) > 0:
5
6
          en_cours = voisins.pop()
7
8
          get_adjacents renvoie un ensemble
9
          for v in graphe.get_adjacents(en_cours):
10
              if v not in visites:
11
                  # garde son origine
12
13
                  visites[v] = en_cours
                  # on l'ajoute aux prochains àvisiter
14
                  prochains.add(v)
15
16
17
          si on a épuisé tous les voisins on prend
18
          les prochains
19
20
          if len(voisins) == 0:
21
              voisins, prochains = prochains, set()
22
23
       return visites
24
```

2. Cette fois il s'agit du plus court chemin.

```
def chemin(graphe: Graphe, depart: str, arrivee: str)->list:
1
2
       # parcours en largeur
      parcours = BFS_dico(g, "D")
3
4
      # si arrivee n'est pas atteignable
5
      if arrivee not in parcours:
6
7
          return None
8
       # un chemin
9
       chemin = [arrivee]
10
       en_cours = arrivee
11
```



```
while not(en_cours == depart):
12
          # ajouter l'origine de en_cours
13
          origine = parcours[en_cours]
14
          chemin.append(origine)
15
          en_cours = origine
16
       # le chemin a été construit àl'envers
17
       chemin.reverse()
18
       return chemin
19
```

