Parcours et structures linéaires

Les Rep

Représentation d'un graphe en mémoire

Parcours en orofondeur

Parcours en largeu

Implémentation

Parcours et structures linéaires

Christophe Viroulaud

Terminale - NSI

Algo 21

Parcours et structures linéaires

Rappels

Les structures linéaires Représentation d'un graphe

arcours en

Parcours en largei

Implémentation

L'algorithme de parcours en profondeur est récursif. Il est alors naturel de pouvoir l'écrire à nouveau avec une structure linéaire : la **pile**.

Comment implémenter les algorithmes de parcours avec des structures linéaires?

Rappels

Les structures linéaires Représentation d'un graphe on mémoire

arcours en

Principe

Implémentation

1. Rappels

- 1.1 Les structures linéaires
- 1.2 Représentation d'un graphe en mémoir
- 2. Parcours en profondeur
- 3. Parcours en largeur

Rappels : Les structures linéaires



FIGURE 1 - Un nœud

Activité 1:

- 1. Créer un fichier structures.py
- 2. Écrire la classe Noeud et son constructeur qui, lors de l'instanciation, initialisera deux attributs :
 - ▶ nom: int le nom du nœud,
 - suivant: Noeud le successeur dans la structure.
 - Écrire les accesseurs et les mutateurs des attributs.

Parcours et structures linéaires

Les structures linéaires

```
1 2 3 4
```

```
class Noeud:
   def init (self, nom: str, suivant: object):
        self.nom = nom
        self.suivant = suivant
   def get nom(self) -> int:
        return self.nom
   def set_nom(self, n: int) -> None:
        self.nom = n
   def get_suivant(self) -> object:
        return self.suivant
   def set_suivant(self, s: object) -> None:
        self.suivant = s
```

Les structures linéaires

Représentation d'un graphe en mémoire

ofondeur

Parcours en largeu

Rappels : les structures linéaires

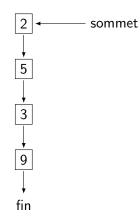


FIGURE 2 – Pile

Parcours et structures linéaires

Rappels

Les structures linéaires

Représentation d'un graphe en mémoire

Parcours en profondeur

Parcours en largeu

Principe

Implémentat

- 1. Écrire la classe Pile et son constructeur qui initialisera l'attribut sommet à None.
- 2. Écrire la méthode est_vide qui renverra True si la pile est vide.
- 3. Écrire la méthode **empiler** qui empilera le nœud nommé **n**: **int** passé en paramètre.
- 4. Écrire la méthode depiler qui dépilera le nœud au sommet de la pile et renverra son nom ou -1 si la pile est vide.

Kappels

Les structures linéaires

Représentation d'un graphe en mémoire

'arcours en rofondeur

Parcours en largeu

4

6

Représentation d'un graphe en mémoire

ofondeur

Parcours en largeur

Principe

```
Implémentation
```

```
class Pile:
    def __init__(self):
        self.sommet = None

def est_vide(self) -> bool:
    return self.sommet is None
```

Parcours et structures linéaires

```
Rappels
```

Les structures linéaires

Représentation d'un graph

ofondeur

Parcours en largeur

Principe

Implémentation

```
def empiler(self, n: int) -> None:
    self.sommet = Noeud(n, self.sommet)

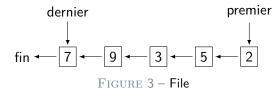
def depiler(self) -> int:
    res = -1
    if not self.est_vide():
        res = self.sommet.get_nom()
        self.sommet = self.sommet.get_suivant()
    return res
```

1

6

Parcours et structures linéaires

Les structures linéaires



- 1. Écrire la classe **File** et son constructeur qui initialisera à **None** deux attributs :
 - premier,
 - dernier.
- 2. Écrire la méthode est_vide qui renverra True si la file est vide.
- 3. Écrire la méthode **enfiler** qui enfilera le nœud nommé **n**: **int** passé en paramètre.
- 4. Écrire la méthode **defiler** qui défilera le nœud en première place de la file et renverra son nom ou -1 si la file est vide.

Rappels

Les structures linéaires

Représentation d'un graph en mémoire

ofondeur

Parcours en largeu

arcours en

Parcours en largeur

rrincipe

```
class File:
def __init__(self):
self.premier = None
self.dernier = None

def est_vide(self) -> bool:
return self.premier is None
```

Implémentation

```
nouveau = Noeud(n, None)
    if self.est vide():
        self.premier = nouveau
    else:
        self.dernier.set suivant(nouveau)
    self.dernier = nouveau
def defiler(self) -> int:
    res = -1
    if not self.est_vide():
        res = self.premier.get_nom()
        self.premier = self.premier.get_suivant()
    return res
```

def enfiler(self, n: int) -> None:

6

9

.1

Les structures linéaires

Représentation d'un graphe en mémoire

Parcours en

Parcours en largeu

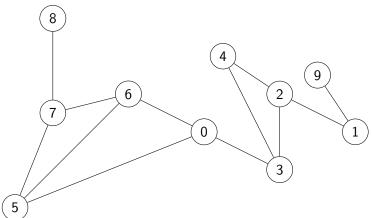
Implémentation

1. Rappels

1.1 Les structures linéaires

- 1.2 Représentation d'un graphe en mémoire
- 2. Parcours en profondeui
- 3. Parcours en largeur

Représentation d'un graphe en mémoire



Activité 4:

- 1. Créer le fichier parcours.py
- 2. Écrire la liste d'adjacence du graphe.

Parcours et structures linéaires

Rappels

Les structures linéaires

Représentation d'un graphe en mémoire

arcours en rofondeur

Parcours en largeu

en mémoire

profondeur

Principe

```
graphe = [
 1
         [3, 5, 6],
 2
         [2, 9],
 3
         [1, 3, 4],
 4
         [0, 2, 4],
 5
         [2, 3],
 6
         [0, 6, 7],
         [0, 5, 7],
 8
         [5, 6, 8],
 9
         [7],
10
11
         [1]
12
```

Sommaire

Parcours et structures linéaires

Rappels

Les structures linéaires

Représentation d'un graphe en mémoire

Parcours en profondeur

Parcours en largeu

Principe

Implémentati

Rappels

- 2. Parcours en profondeur
- 3. Parcours en largeu

Parcours en profondeur

Parcours et structures linéaires

rtappers

Représentation d'un grapi

Parcours en profondeur

Parcours en largeur

Implémentation

À retenir

Lors d'un parcours en profondeur on repart du nœud en cours de visite pour continuer le parcours. On utilise alors une **pile** pour l'implémenter.

- Écrire la fonction dfs(graphe: list) → list qui effectue un parcours en profondeur en utilisant une pile. La fonction renverra la liste ordonnée des sommets parcourus.
- 2. Écrire la fonction dfs_aretes(graphe: list)

 → list qui renvoie les liste ordonnée des arêtes
 parcourues. La fonction colorera les sommets en :
 - ► BLANC au départ,
 - ► GRIS lors de l'empilement,
 - NOIR quand son parcours est terminé.

Rappels

Les structures linéaires
Représentation d'un graphe

Parcours en profondeur

Parcours en largeur Principe

```
Les structures linéaires
Représentation d'un graph
en mémoire
Parcours en
profondeur
```

Principe

```
def dfs(graphe: list) -> list:
1
2
       parcours = []
       p = Pile()
3
       p.empiler(0)
4
        while not p.est vide():
5
            en cours = p.depiler()
6
7
            if en cours not in parcours:
                parcours.append(en cours)
9
                for voisin in graphe[en_cours]:
10
                    p.empiler(voisin)
11
12
       return parcours
```

```
1 >>> dfs(graphe)
2 [0, 6, 7, 8, 5, 3, 4, 2, 1, 9]
```

 ${\sf Code}\ 1-{\sf Appel}\ {\sf de}\ {\sf la}\ {\sf fonction}$

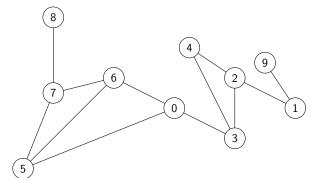
6

.1

.6

```
def dfs aretes(graphe: list) -> list:
    parcours = []
                                                          Parcours en
    etats = [BLANC for in range(len(graphe))]
    p = Pile()
    p.empiler(0)
    while not p.est vide():
        en_cours = p.depiler()
        for voisin in graphe[en_cours]:
            if etats[voisin] == BLANC:
                etats[voisin] = GRIS
                p.empiler(voisin)
            # stockage arête parcourue
            parcours.append((en_cours, voisin))
        etats[en cours] = NOIR
    return parcours
```

profondeur



Parcours et structures linéaires

Rappels

Les structures lineaires Représentation d'un grapi

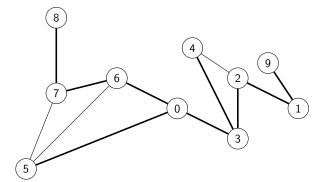
Parcours en profondeur

Parcours en largeu Principe

```
>>> dfs_aretes(graphe)
```

```
[(0, 3), (0, 5), (0, 6), (6, 0), (6, 5), (6, 7), (7, 5), (7, 6), (7, 8), (8, 7), (5, 0), (5, 6), (5, 7), (3, 0), (3, 2), (3, 4), (4, 2), (4, 3), (2, 1), (2, 3), (2, 4), (1, 2), (1, 9), (9, 1)]
```

Code 2 – Chaque sommet n'est empilé qu'une seule fois. Chaque arête est parcourue deux fois (graphe non orienté).



Observation

Si on stocke les arêtes seulement quand on empile les voisins, elles ne sont pas toutes visitées.

Parcours et structures linéaires

Rappels

Représentation d'un grap

Parcours en profondeur

Parcours en largeur Principe

Sommaire

Parcours et structures linéaires

Rappels

Les structures linéaires Représentation d'un grap

Parcours en

Parcours en largeur

Implémentatio

1. Rappels

2. Parcours en profondeur

- 3. Parcours en largeur
- 3.1 Principe
- 3.2 Implémentation

Parcours en largeur - Principe

À retenir

Le parcours en largeur visite tous les sommets au rang n avant ceux au rang n+1. On utilise une **file** pour l'implémenter.

Parcours et structures linéaires

Rappels

Les structures linéaires

arcours en

Parcours en largeur

Principe

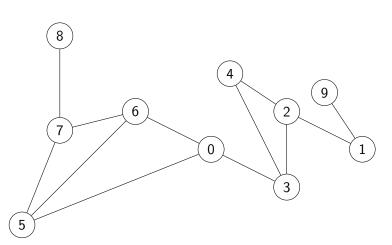


FIGURE 4 - Départ

Parcours et structures linéaires

Rappels

Les structures linéaires

arcours en

Parcours en largeu

Principe

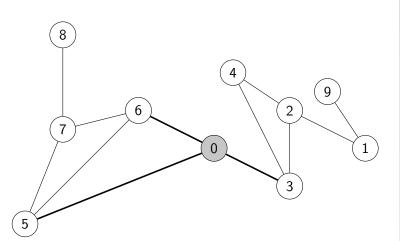


FIGURE 5 – On enfile les voisins à distance 1.

File : 6 \rightarrow 5 \rightarrow 3

Parcours et structures linéaires

Rappels

Les structures linéaires

Représentation d'un graphe en mémoire

ofondeur

Parcours en largei

Principe

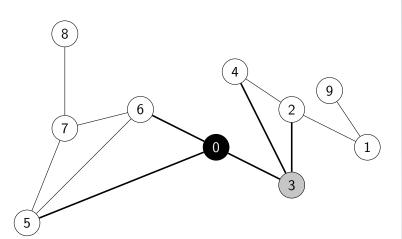


FIGURE 6 – On enfile les voisins à distance 2.

File : 4 ightarrow 2 ightarrow 6 ightarrow 5

Parcours et structures linéaires

Rappels

Les structures linéaires

Representation d'un graph en mémoire

ofondeur

- arcours erriar

Principe

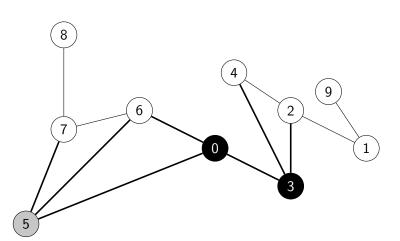


FIGURE 7 – On enfile les voisins à distance 2.

File : 7 ightarrow 4 ightarrow 2 ightarrow 6

Parcours et structures linéaires

Rappels

Les structures linéaires

en memoire

rotondeur

Principe

Frincipe

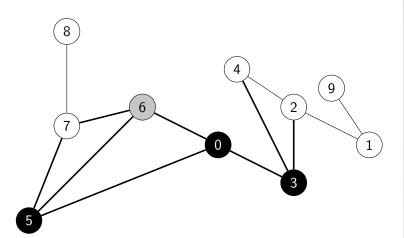


FIGURE 8 – On enfile les voisins à distance 2 : pas de nouveau sommet pour 6.

File : 7 ightarrow 4 ightarrow 2

Parcours et structures linéaires

Rappels

Les structures linéaires

Représentation d'un gr en mémoire

ofondeur

Parcours en largeu

Principe

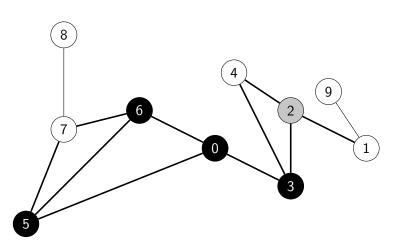


FIGURE 9 – On enfile les voisins à distance 3.

File : 1 ightarrow 7 ightarrow 4

Parcours et structures linéaires

Rappels

Les structures linéaires

en memoire

ofondeur

Parcours en large

Principe

FIGURE 10 – On enfile les voisins à distance 3 : pas de nouveau sommet pour 4.

 $\mathsf{File}: \mathbf{1} \to \mathbf{7}$

Parcours et structures linéaires

Rappels

Les structures linéaires

en memoire

ofondeur

Parcours en large

Principe

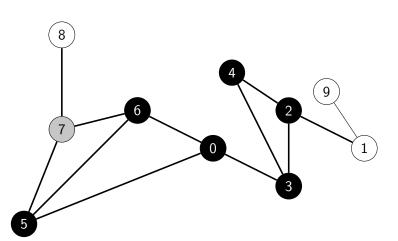


FIGURE 11 – On enfile les voisins à distance 3.

 $\mathsf{File}: \mathbf{8} \to \mathbf{1}$

Parcours et structures linéaires

Rappels

Les structures linéaires

arcours en

Parcours en largeu

Principe

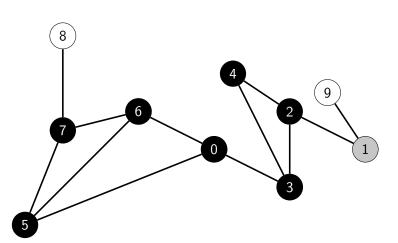


FIGURE 12 - On enfile les voisins à distance 4.

 $\mathsf{File}: \mathbf{9} \to \mathbf{8}$

Parcours et structures linéaires

Rappels

Les structures linéaires

en mémoire

ofondeur

Parcours en largeu

Principe

FIGURE 13 – On enfile les voisins à distance 4 : pas de nouveau sommet pour 8.

Parcours et structures linéaires

Rappels

Les structures linéaires

Représentation d'un grap en mémoire

arcours en rofondeur

Parcours en largei

Principe

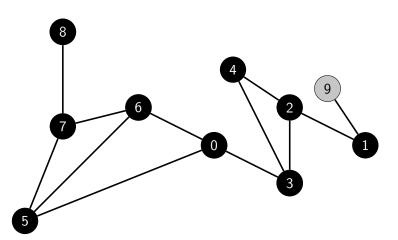


FIGURE 14 – Pas de sommet à distance 5.

Parcours et structures linéaires

Rappels

Les structures linéaires

en memoire

rcours en ofondeur

Parcours en largeu

Principe

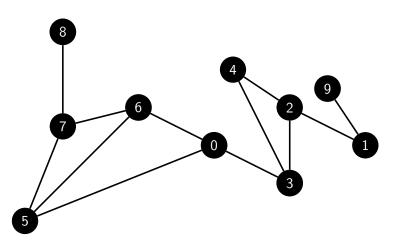


FIGURE 15 – Fin du parcours.

Parcours et structures linéaires

Rappels

Les structures linéaires

Représentation d'un gra en mémoire

ofondeur

Parcours en largeu

Principe

Sommaire

Parcours et structures linéaires

- 3. Parcours en largeur
- 3.2 Implémentation

- Écrire la fonction bfs(graphe: list) → list qui effectue un parcours en profondeur en utilisant une file. La fonction renverra la liste ordonnée des sommets parcourus.
- 2. Écrire la fonction bfs_aretes(graphe: list)
 → list qui renvoie les liste ordonnée des arêtes
 - parcourues. La fonction colorera les sommets en :
 - ► BLANC au départ,
 - GRIS lors de l'empilement,
 - NOIR quand son parcours est terminé.

Rappels

Les structures linéaires

en mémoire

arcours en

Parcours en larger

arcours en

Parcours en largeu

```
def bfs(graphe: list) -> list:
1
       parcours = []
       f = File()
3
       f.enfiler(0)
4
5
       while not f.est_vide():
            en cours = f.defiler()
6
            if en_cours not in parcours:
                parcours.append(en_cours)
8
9
                for voisin in graphe[en_cours]:
10
                    f.enfiler(voisin)
11
12
       return parcours
```

```
1 >>> bfs(graphe)
2 [0, 3, 5, 6, 2, 4, 7, 1, 8, 9]
```

Code 3 – Appel de la fonction

1

6

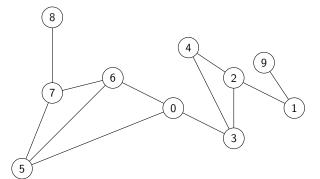
6

appels

Représentation d'u en mémoire

cours en

Parcours en largeur



Rappels

Les structures linéaires Représentation d'un graph

arcours en

Parcours en largeu

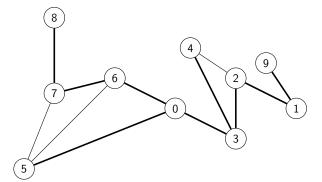
Implémentation

```
>>> bfs_aretes(graphe)
[(0, 3), (0, 5), (0, 6), (3, 0), (3, 2), (3, 4),
```

(5, 0), (5, 6), (5, 7), (6, 0), (6, 5), (6, 7), (2, 1), (2, 3), (2, 4), (4, 2), (4, 3), (7, 5),

(7, 6), (7, 8), (1, 2), (1, 9), (8, 7), (9, 1)]

Code 4 – Chaque sommet n'est enfilé qu'une seule fois. Chaque arête est parcourue deux fois (graphe non oirenté).



Observation

Si on stocke les arêtes seulement quand on enfile les voisins, elles ne sont pas toutes visitées.

Parcours et structures linéaires

Rappels

Représentation d'un grap

ofondeur

Parcours en largei