Circuits combinatoires Première - NSI

## 1 Problématique

Un ordinateur manipule des données codées sous forme de bits en mémoire. Des combinaisons de transistors assurent des opérations booléennes élémentaires.

À partir de ces éléments, comment réaliser une addition de nombres binaires?

Comment traduire le programme assembleur de l'addition (vu précédemment) en circuit électronique?

# 2 Fonctions logiques

#### 2.1 Notations booléennes

Les portes logiques évoquées dans les cours précédents peuvent être vues comme des fonctions booléennes élémentaires. On note ainsi les fonctions associées à chaque porte :

- $-- \neg(x)$  pour NOT
- $-- \land (x)$  pour AND
- $\vee(x)$  pour OR

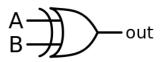
## 2.2 Nouvelle porte logique

Une porte logique élémentaire est également fréquemment utilisée dans les circuits électroniques : le **ou exclusif XOR**. Sa fonction booléenne associée se note  $\oplus$ .

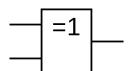
fromage ou dessert

X	у	$x \oplus y$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Tableau 1 – Fonction XOR



Symbole américain



Symbole européen

## 2.3 Opérations booléennes

Nous pouvons imaginer des fonctions booléennes complexes et déterminer leurs tables de vérités. Par exemple la fonction suivante f et définit par :

$$f(x, y, z) = (x \land y) \oplus (\neg y \lor z)$$



Circuits combinatoires Première - NSI

### Nous pourrions écrire :

(x AND y) XOR (NOT y OR z)

#### Activité 1:

1. La fonction f a trois paramètres. Combien de combinaisons possibles peut-on réaliser avec ces paramètres?

- 2. Établir la table de vérité des différentes expressions ci-après (tableau 2).
- 3. En déduire la table de vérité de f (tableau 3).

X	у	$\mathbf{z}$	$(x \wedge y)$	$\neg y$	$(\neg y \lor z)$
0	0	0			
0	0	1			

Tableau 2 – Table de vérité de plusieurs expressions

X	У	$\mathbf{z}$	$(x \land y) \oplus (\neg y \lor z)$
0	0	0	
0	0	1	

Tableau 3 – Table de vérité de f

## 3 Réaliser un additionneur

## 3.1 Décomposition

Pour additionner deux nombres de n bits il faut additionner bit à bit et prendre en compte une éventuelle retenue.

La première étape consiste à construire un additionneur 1 bit. Il est lui-même construit à partir de circuit plus simple :  $le\ demi-additionneur$ .

Refaire un exemple

### 3.2 Demi-additionneur

Un demi-additionneur prend deux bits en entrée  $e_0$  et  $e_1$  et renvoie la somme  $e_0 + e_1$  en sortie s. Il faut prendre en compte une éventuelle retenue c. La table de vérité correspondante est :

#### Activité 2:

- 1. Quelles fonctions logiques reconnaît-on en s et c?
- 2. En déduire le schéma du demi-additionneur 1 bit.



Circuits combinatoires Première - NSI

$e_0$	$e_1$	s	c
0	0	0	0
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	0	1

Tableau 4 – Table de vérité du demi-additionneur

$$s = e_0 \oplus e_1$$
$$c = e_0 \wedge e_1$$

### 3.3 Additionneur 1 bit

Dans une addition bit à bit il faut prendre en compte l'éventuelle retenue de l'addition précédente. Ainsi un additionneur 1 bit prend trois entrées  $e_0$ ,  $e_1$  et la retenue précédente  $c_0$ . Il renvoie une sortie  $s=e_0+e_1+c_0$  et une retenue éventuelle c.

En combinant deux demi-additionneurs nous pouvons construire un additionneur 1 bit.

## Activité 3:

- 1. Établir la table de vérité de l'additionneur 1 bit.
- 2. Sur la figure 1 placer les entrées  $e_0$ ,  $e_1$ ,  $c_0$  et les sorties s et c.

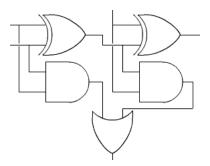


Figure 1 – Additionneur 1 bit

logiciel logisim? http://ww2.ac-poitiers.fr/techno-si/spip.php?article348

