Fonction **sorted**Diviser pour régner

Christophe Viroulaud

Terminale - NSI

Algo 01

Rappel : des algorithmes de tris déjà connus

Tri par seleci

Comparaison des

Nouvelle approche

Résoudre de petits

...pour solutionner un gros problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

Étape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

En tant que langage de haut niveau, Python offre des méthodes permettant d'effectuer efficacement certaines tâches courantes.

La méthode sort trie en place un tableau. .

Rappel : des algorithmes de tris déjà connus

Tri par insertion

Comparaison de performances

Nouvelle approche

problèmes

...pour solutionner un gros problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

Étape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution Complexité

Quel algorithme de tri est implémenté dans la méthode sort ?

Fonction sorted Diviser pour régner

Rappel : des algorithmes de tris déjà connus

Tri par selecti

Comparaison des

Nouvelle approche

problèmes

problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

Étape de la fusio

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

1. Rappel : des algorithmes de tris déjà connus

Rappel: des algorithmes de tris déjà connus

Mesure de la durée

Tri par sélection (en place)

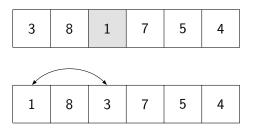
1

3

Pour chaque élément du tableau

Trouver le plus petit élément dans la partie non triée.

Échanger cet élément avec le premier de la partie non triée.



Fonction sorted Diviser pour régner

Rappel : des algorithmes de tris déià connus

Tri par sélection

Comparaison des

Nouvelle approche

problèmes

...pour solutionner un gros problème

Diviser pour régner : u algorithme récursif

Étape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

Tri par sélection (en place)

Fonction sorted
Diviser pour régner

Pour chaque élément du tableau

Trouver le plus petit élément dans la partie non triée.

Échanger cet élément avec le premier de la partie non triée.

Activité 1:

3

- 1. Construire par compréhension un tableau de 10 entiers aléatoires compris entre 1 et 100.
- Écrire la fonction tri_selection(tab: list)
 - \rightarrow None qui trie le tableau en place.

Rappel : des algorithmes de tris

Tri par sélection

Comparaison des

Nouvelle approche

problèmes

...pour solutionner un gros problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif Étape de la fusion

Performances du ri fusion

Mesure de la durée l'exécution

```
tab = [randint(1, 100) for _ in range(10)]
```

```
def tri selection(tab: list) -> None:
1
       for i in range(len(tab)):
3
           # trouver le mini
           i mini = i
           for j in range(i+1, len(tab)):
                if tab[j] < tab[i_mini]:</pre>
                    i mini = j
8
           # échanger
           tab[i], tab[i_mini] = tab[i_mini], tab[i]
q
```

- 1.1 Tri par sélection
- 1.2 Tri par insertion
- 1.3 Comparaison des performance
- 2. Nouvelle approche
- 3. Performances du tri fusion
- 4. Timsort

Rappel : des algorithmes de tris

TTT par selection

Tri par insertion Comparaison des

Nouvelle approche

problèmes

problème

algorithme récursif

Étape de la fusion

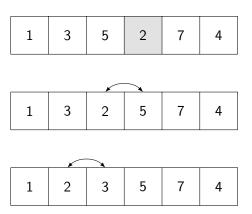
Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

Complexité

Tri par insertion (en place)

Pour chaque élément du tableau
Tant que l'élément précédent est inférieur
Permuter les deux éléments



Fonction sorted Diviser pour régner

Rappel : des algorithmes de tris déià connus

Tri par sélection

Tri par insertion Comparaison des

Nouvelle approche

Résoudre de petits problèmes

Diviser pour régner : un

Étape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

Tri par insertion (en place)

- 1 Pour chaque élément du tableau
- 2 Tant que l'élément précédent est inférieur
- 3 Permuter les deux éléments

Activité 2 :

- 1. Construire par compréhension un tableau de 10 entiers aléatoires compris entre 1 et 100.
- 2. Écrire la fonction tri_insertion(tab: list)
 - → None qui trie le tableau en place.

Fonction sorted Diviser pour régner

Rappel : des algorithmes de tris déjà connus

Tri par insertion

Comparaison des

Nouvelle approche

Résoudre de petits problèmes

...pour solutionner un gros problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

erformances du

Mesure de la durée l'exécution

```
def tri_insertion(tab: list) -> None:
    for i in range(len(tab)-1):
        j = i+1
        # tant que le précédent est inférieur
    while j > 0 and tab[j] < tab[j-1]:
        # permuter
        tab[j], tab[j-1] = tab[j-1], tab[j]
        j -= 1</pre>
```

algorithmes de tris déjà connus

Tri par insertion

Comparaison des

Nouvelle approche

problèmes

problème

algorithme récursif Étane de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

- 1.1 Tri par sélection
- 1.2 Tri par insertion
- 1.3 Comparaison des performances
- 2. Nouvelle approche
- 3. Performances du tri fusion
- 4 Timsort

Rappel : des algorithmes de tris

Tri par sélectio

Comparaison des performances

Nouvelle approche

Résoudre de petits

...pour solutionner un gros

Diviser pour régner : un

algorithme récursif

Étape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

Complexité

Activité 3 :

- 1. Construire par compréhension un tableau de 10000 entiers compris entre 1 et 10000.
- 2. Mesurer la durée d'exécution de la méthode sort et des deux fonctions précédentes.

Rappel : des algorithmes de tris déjà connus

Tri par selection

Comparaison des performances

Nouvelle approche Résoudre de petits

...pour solutionner un gros

Diviser pour régner : un algorithme récursif

Étape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

Code 1 – tri par sélection

```
>>> sélection 4.557838678359985

>>> insertion 3.959839105606079

>>> sort 0.0019469261169433594
```

Code 2 - Résultats

Rappel : des algorithmes de tris déjà connus

Tri par selection

Comparaison des performances

Nouvelle approche

Résoudre de petits problèmes

...pour solutionner un gro problème

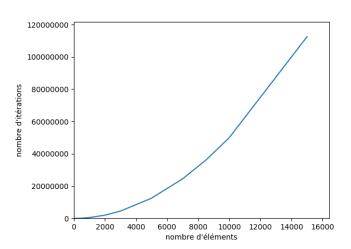
Diviser pour régner : un algorithme récursif

Étape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée l'exécution l'omplexité

Évolution du nombre d'itérations



 ${
m Figure}\ 1$ – Tri par sélection : complexité **quadratique**

Fonction sorted Diviser pour régner

Rappel : des algorithmes de tris

Tri par sélection

Comparaison des performances

Nouvelle approche

Résoudre de petits problèmes

problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

algorithme récursif Étape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution Complexité

2. Nouvelle approche

- 2.1 Résoudre de petits problèmes
- 2.2 ...pour solutionner un gros problème
- 2.3 Diviser pour régner : un algorithme récursif
- 2.4 Étape de la fusion
- 3. Performances du tri fusion
- 4 Timsort

Rappel: des algorithmes de tris

Tri par sélectio

Tri par insertio

Nouvelle approche

problèmes

problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

Étape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée l'exécution

Résoudre de petits problèmes

Observation

Une liste qui contient 0 ou 1 élément est triée.

8

5

FIGURE 2 – Deux listes triées

Fonction sorted Diviser pour régner

Rappel : des algorithmes de tris déià connus

Tri par sélecti

Comparaison des

Nouvelle approche

Résoudre de petits problèmes

...pour solutionner un gros

Diviser pour régner : un

Étape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

Deux listes d'un élément chacune peuvent être fusionnées en une liste triée de deux éléments.

8 5

5 8

FIGURE 3 – Fusionner 2 listes de 1 élément

algorithmes de tris déià connus

Tri par incortic

Comparaison des

Nouvelle approche

Résoudre de petits problèmes

...pour solutionner un gros problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

Étape de la fusio

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution Complexité

Principe

En résolvant des petits problèmes, nous pouvons remonter à des problèmes plus importants en appliquant le même principe.

Fonction sorted Diviser pour régner

Rappel : des algorithmes de tris déjà connus

Tri par sélectio

Comparaison des

Nouvelle approche

Résoudre de petits

problèmes

...pour solutionner un gros problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

Etape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution Complexité

- 2. Nouvelle approche
- 2.1 Résoudre de petits problèmes
- 2.2 ...pour solutionner un gros problème
- 2.3 Diviser pour régner : un algorithme récursif
- 2.4 Étape de la fusion
- 3. Performances du tri fusion
- 4. Timsort

Rappel : des algorithmes de tris

Tri par sélectio

Tri par insertio

Comparaison de performances

Nouvelle approche

problèmes

...pour solutionner un gros problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

Performances du

Mesure de la durée l'exécution

Timcort

...pour solutionner un gros problème

8	5	4	7	9	6	3
---	---	---	---	---	---	---

FIGURE 4 – Un gros problème : trier une liste

Fonction sorted Diviser pour régner

Rappel : des algorithmes de tris

Tri par sélect

Comparaison de

Nouvelle approche

...pour solutionner un gros

...pour solutionner un gros problème

algorithme récursif

Étape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

8 5 4	7	9	6	3
-------	---	---	---	---

8	5	4	7

9	6	3
---	---	---

FIGURE 5 – Séparer la liste en deux listes plus petites

Fonction sorted Diviser pour régner

Rappel : des algorithmes de tris déià connus

Tri par selection

Comparaison des

Nouvelle approche

problèmes
...pour solutionner un gros

problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

Étape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution Complexité

Rappel : des algorithmes de tris déjà connus

Tri par selection

Comparaison des

Nouvelle approche

problèmes

...pour solutionner un gros problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

algorithme récursif

Performances du

Mesure de la durée d'exécution

F*....

8 5 4 7 9 6 3

8 5 4 7

9 6 3

8 5

4 7

9 6

3

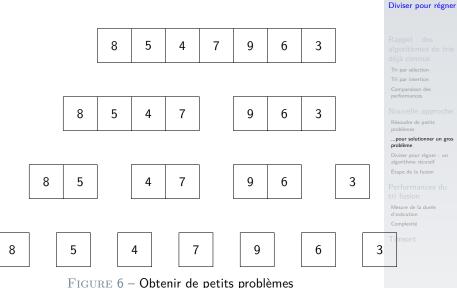


FIGURE 6 – Obtenir de petits problèmes

Fonction sorted

Rappel : des algorithmes de tris déjà connus

Tri par sélection

3

Comparaison des

Résoudre de petits problèmes ...pour solutionner un gros

problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

Performances du

tri fusion Mesure de la durée

d'exécution Complexité

Timcort

8

5

4

7

9

6

FIGURE 7 – Résoudre les petits problèmes

3

6

...pour solutionner un gros

problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif 3 Étape de la fusion

Performances du

Mesure de la durée























...pour solutionner un gros problème

3

Mesure de la durée

5 8 6 9

5 8



FIGURE 9 - ...et remonter

3 4 5 6 7 8 9

3	6	9
---	---	---

FIGURE 10 – Le tri se termine

Rappel : des algorithmes de tris déjà connus

Tri par selection

Comparaison de

Nouvelle approche

...pour solutionner un gros

problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

Étape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution Complexité

Diviser pour régner : un algorithme récursif

- 2. Nouvelle approche

- Diviser pour régner : un algorithme récursif
- 2.4 Étape de la fusion

Diviser pour régner : un algorithme récursif

- cas limite : la liste est de taille minimale
- sinon
 - on coupe la liste en 2,
 - appel récursif sur chaque liste
 - ▶ fusionner les listes lors de la remontée d'appel

Code 3 - Tri fusion

Fonction sorted Diviser pour régner

Rappel : des algorithmes de tris déià connus

Tri par select

Comparaison de performances

Nouvelle approche

problèmes

...pour solutionner un gros problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

tane de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

- **cas limite**: la liste est de taille minimale
- sinon
 - on coupe la liste en 2,
 - appel récursif sur chaque liste
 - ▶ fusionner les listes lors de la remontée d'appel

Code 4 - Tri fusion

Activité 4 : Soit la fonction fusionner (tab: list, deb: int, fin: int) → None qui trie les éléments de tab entre les indices deb et fin.

Ecrire la fonction tri_fusion(tab: list, deb:

int, fin: int) \rightarrow None qui trie le tableau *en place*.

Rappel : des algorithmes de tris déjà connus

Tri par insertion

Comparaison des performances

Nouvelle approche

Résoudre de petits problèmes ...pour solutionner un gros

Diviser pour régner : un

algorithme récursif

Performances di

Mesure de la durée d'exécution

T-----

```
def tri_fusion(tab: list, deb: int, fin: int) ->
    None:
if deb < fin:
    milieu = (deb+fin)//2
    tri_fusion(tab, deb, milieu)
    tri_fusion(tab, milieu+1, fin)
    fusionner(tab, deb, fin)</pre>
```

Code 5 - Tri fusion

algorithmes de tris

Tri par insertion

Comparaison des performances

louvelle approche

Résoudre de petits problèmes

problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

Performances du

ri fusion

lesure de la durée 'exécution omplexité

2. Nouvelle approche

- 2.1 Résoudre de petits problèmes
- 2.2 ...pour solutionner un gros problème
- 2.3 Diviser pour régner : un algorithme récursif

2.4 Étape de la fusion

- 3. Performances du tri fusion
- 4 Timsort

Rappel : des algorithmes de tris

Tri par sélecti

Iri par insertio

Comparaison de performances

Nouvelle approche

problèmes

problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

Étape de la fusion

Performances du

Mesure de la durée d'exécution

Complexité

Étape de la fusion

Lors de la remontée d'appel, la *fusion* assemble deux tableaux triés en un seul.





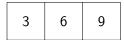


FIGURE 11 - Fusionner

Fonction sorted Diviser pour régner

Rappel : des algorithmes de tris

Tri par sélection

Comparaison de

performances

Nouvelle approche

problèmes

Diviser pour régner : un

algorithme récursif

Étape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

En pratique, nous effectuons un tri place.

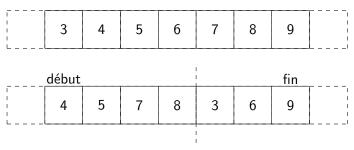


FIGURE 12 – Fusionner

Rappel : des algorithmes de tris déjà connus

Γri par sélection Γ-: ----

Comparaison des performances

Nouvelle approche

problèmes

problème

algorithme récursif

Étape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

Complexité

Pour assembler les deux parties du tableau, il faut prendre le plus petit élément, jusqu'à vider un des deux blocs. Puis on complète avec les éléments restants.

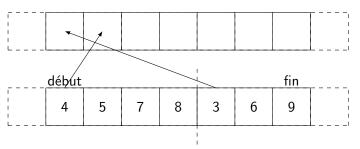


FIGURE 13 – Fusionner

algorithmes de tris déjà connus

Tri par selection

Comparaison des performances

Nouvelle approche

problèmes
...pour solutionner un gros

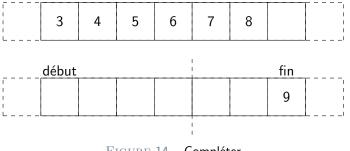
Diviser pour régner : un

Étape de la fusion

Performances du tri fusion

Vlesure de la durée d'exécution Complexité

Puis on complète avec les éléments restants.



 ${\rm Figure}~14-Compléter$

Remarque

En pratique nous utiliserons un tableau temporaire pour fusionner.

Fonction sorted Diviser pour régner

Rappel : des algorithmes de tris déjà connus

Tri par sélectio

Comparaison des

Nouvelle approche

problèmes
...pour solutionner un gros

Diviser pour régner : un

algorithme récursif Étape de la fusion

Etape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

Activité 5 : Écrire la fonction fusionner (tab: list, deb: int, fin: int) → None qui assemble les éléments de tab entre les indices deb et fin. Les éléments seront d'abord stockés dans un tableau temporaire qui viendra ensuite écraser la partie de tab. Rappel : des algorithmes de tris déjà connus

Tri par insertio

Comparaison de

Nouvelle approche

problèmes

problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

Étape de la fusion

Performances du

Mesure de la durée d'exécution

```
def fusionner(tab: list, deb: int, fin: int) ->
    None:
    res = [0 for _ in range(fin-deb+1)]
    milieu = (deb+fin)//2
    i = deb
    j = milieu+1
    k = 0
```

Code 6 - initialiser

Rappel : des algorithmes de tris déià connus

Tri par sélectio

Comparaison des performances

Nouvelle approche

Résoudre de petits problèmes

probleme Diviser pour régner : un

algorithme récursif

Étape de la fusion

Performances du

Mesure de la durée d'exécution

```
while i <= milieu and j <= fin:
       if tab[i] < tab[j]:</pre>
2
            res[k] = tab[i]
3
            i += 1
       else:
           res[k] = tab[j]
            i += 1
7
       k += 1
8
```

Code 7 - assembler

Comparaison des

Étape de la fusion

Mesure de la durée

```
for i1 in range(i, milieu+1):
       res[k] = tab[i1]
       k += 1
3
   for j1 in range(j, fin+1):
       res[k] = tab[j1]
5
6
       k += 1
```

Code 8 – compléter

Fonction sorted

Diviser pour régner

Comparaison des

Étape de la fusion

Mesure de la durée

```
# remplacement tab par res
for k in range(fin-deb+1):
   tab[deb+k] = res[k]
```

Code 9 - remplacer

Rappel : des algorithmes de tris

Tri par sélection

Comparaison des performances

Nouvelle approche

roblèmes

problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

Étape de la fusion

Performances du

Mesure de la durée d'exécution

Sommaire

Fonction sorted Diviser pour régner

- 1. Rappel : des algorithmes de tris déjà connus
- 2. Nouvelle approche
- 3. Performances du tri fusion
- 3.1 Mesure de la durée d'exécution
- 3.2 Complexité
- 4 Timsort

Rappel : des algorithmes de tris

Tri par selectio

Comparaison des

Navadla anno de

Résoudre de petits

...pour solutionner un gros problème

Diviser pour régner : un

algorithme récursif

tape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

Complexité

Activité 6 :

- 1. Construire par compréhension un tableau de 10000 entiers compris entre 1 et 10000.
- 2. Mesurer la durée d'exécution de la fonction tri_fusion et des deux fonctions précédentes.

Fonction sorted Diviser pour régner

Rappel : des algorithmes de tris déià connus

Tri par insertion

Comparaison des performances

Nouvelle approche Résoudre de petits

...pour solutionner un gros problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

Performances du

tri fusion Mesure de la durée

d'exécution Complexité

```
1 >>> sélection 4.557838678359985
2 >>> insertion 3.959839105606079
3 >>> sort 0.0019469261169433594
4 >>> fusion 0.1485743522644043
```

algorithmes de tris déjà connus

ri par sélection

Comparaison des

Nouvelle approche

problèmes

problème Diviser pour régner : un

algorithme récursif

Étape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

Complexité

2. Nouvelle approche

- 3. Performances du tri fusion
- 3.1 Mesure de la durée d'exécution
- 3.2 Complexité
- 4 Timsort

Rappel: des algorithmes de tris

Tri par selecti

Comparaison des

Nouvelle approche

Résoudre de petits problèmes

problème

Diviser pour régner : ur algorithme récursif

Étape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

Complexité

Complexité du découpage

À chaque appel de la fonction tri_fusion nous divisons la liste en deux.

Fonction sorted Diviser pour régner

Rappel : des algorithmes de tris déià connus

Tri par sélecti

Comparaison de

Nouvelle approche

Résoudre de petits problèmes

...pour solutionner un gros problème

> Diviser pour régner : un algorithme récursif

Étape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

Complexité

Complexité du découpage

- À chaque appel de la fonction tri_fusion nous divisons la liste en deux.
- Combien de fois faut-il couper la liste en deux pour obtenir des listes d'un élément?

Fonction sorted Diviser pour régner

Rappel : des algorithmes de tris

Tri par sélection

Comparaison de

Nouvelle approche

Résoudre de petits problèmes

...pour solutionner un gros problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif Étape de la fusion

Performances du

Mesure de la durée d'exécution

Complexité

algorithmes de tris déjà connus

Tri par incort

Comparaison des performances

Nouvelle approche

problèmes

...pour solutionner un gros problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

Étape de la fusio

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

Complexité

Timsort

Mathématiquement nous cherchons a tel que :

$\frac{n}{2^a} = 1$

Le logarithme base 2 noté log_2 se définit : $log_2(2^x) = x$.

$$\frac{n}{2^{a}} = 1$$

$$\iff n = 2^{a}$$

$$\iff \log_{2} n = \log_{2}(2^{a})$$

$$\iff \log_{2} n = a$$

À retenir

La complexité du découpage en sous-listes est **logarithmique**. Rappel : des algorithmes de tris déjà connus

Tri par selection

Comparaison des

Nouvelle approche

problèmes

...pour solutionner un gros problème

algorithme récursif

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

Complexité

Complexité de la fusion

La fonction **fusionner** réalise n comparaisons pour assembler deux listes de taille $\frac{n}{2}$.

Fonction sorted Diviser pour régner

Rappel : des algorithmes de tris déià connus

Tri par sélect

Comparaison de

Nouvelle approche

Résoudre de petits problèmes

...pour solutionner un gros problème

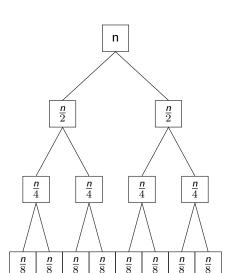
Diviser pour régner : un algorithme récursif

Étape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

Complexité



Rappel : des algorithmes de tris déià connus

Tri par sélection Tri par insertion

n

 $2 \times (\frac{n}{2}) = n$

 $2^2 \times (\frac{n}{2^2}) = n$

Comparaison des performances

Nouvelle approche

problèmes
...pour solutionner un gros

problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

Performances du

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

Complexité

 $2^3 \times (\frac{n}{2^3}) = n$

1 1 1 1 1 1 1 1 1 2 log

Complexité du tri fusion

À retenir

Chaque niveau de fusion a un coup de n et il y a $\log_2(n)$ niveaux.

$$O(n \times log_2(n))$$

Fonction sorted Diviser pour régner

Rappel : des algorithmes de tris déià connus

Tri par sélectio

Comparaison des

Nouvelle approche

problèmes

pour solutionner un gros

Diviser pour régner : un

algorithme récursif Étape de la fusion

Performances du tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

Complexité

Activité 7 : Sachant que la complexité du tri par sélection est quadratique, la comparer au tri fusion pour un tableau de 100, 1000, 10000, 100000 éléments.

$$\log_2(n) = \frac{\ln n}{\ln 2}$$

Fonction sorted Diviser pour régner

Rappel : des algorithmes de tris déjà connus

Tri par selection

Comparaison des

Nouvelle approche

...pour solutionner un gros

Diviser pour régner : un algorithme récursif

Étape de la fusion

tri fusion

Mesure de la durée d'exécution

Complexité

éléments	tri par sélection	tri fusion
100	10^4	664
1000	10^{6}	9966
10000	108	132877
100000	10^{10}	1660964

Rappel : des algorithmes de tris déjà connus

Tri par insertion

Comparaison des

Nouvelle approche

Résoudre de petits problèmes

...pour solutionner un gros problème

Diviser pour régner : un algorithme récursif

Étape de la fusion

Performances du ri fusion

Mesure de la durée d'exécution

Complexité

Comparaison des

Mesure de la durée

- 4. Timsort

La méthode native sort implémente l'algorithme **Timsort** mis au point par Tim Peters en 2002. C'est un algorithme hybride de plusieurs tris.

Activité 8 : Recherche :

- Donner les algorithmes de tris utilisés dans Timsort.
- Détailler dans quel cas est utilisé chacun des tris.
- En discutant de la complexité, expliquer pour quelle raison le tri par insertion est plus intéressant que le tri par sélection.

Rappel : des algorithmes de tris déjà connus

Tri par insertion

Comparaison des performances

Nouvelle approche

problèmes
...pour solutionner un gros

Diviser pour régner : un algorithme récursif

etape de la tusion

lesure de la durée exécution