Listes chaînées

Archi 03

Christophe Viroulaud

Listes chaînées

Christophe Viroulaud

Terminale - NSI

Archi 03

Listes chaînées

vrai en C, un peu différent en Python (haut-niveau)

Quand un tableau est créé, le système lui alloue un espace contigu en mémoire.

h	е	ı	1	0	!					
	3						9			
								6		
h	е	У	8	5	3	9	1	0	2	!
	3	4								

FIGURE 1 – Le tableau est enregistré dans un espace libre

On accède à chaque élément du tableau **en temps constant**. Cependant insérer un nouvel élément devient problématique.

Listes chaînées

ste chaînée

Comparaison avec un

Implémentation

Manipuler une liste

'aille de la liste I-ième élément nsertion qui pallie les limitations d'un tableau?

Comment définir un autre type de structure de données qui pallie les limitations d'un tableau?

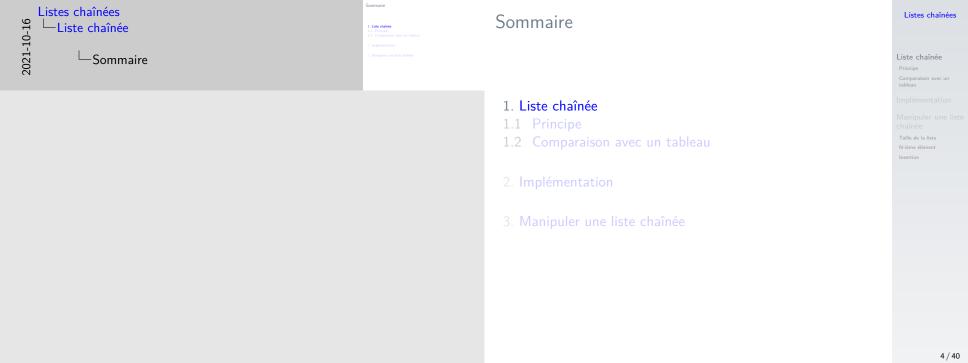
Listes chaînées

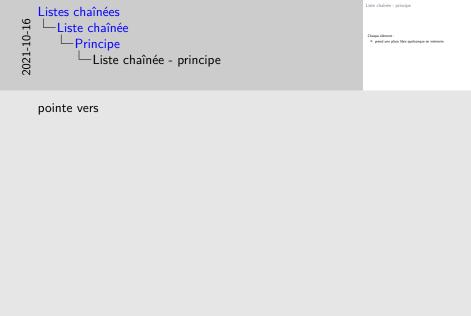
rincipe

nparaison avec un eau

nementation

nînée Ile de la liste ème élément





Liste chaînée - principe

Chaque élément :

prend une place libre quelconque en mémoire.

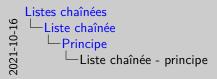
sto shaîn

Listes chaînées

Principe Comparaison ave

mplémentation

puler une listo iée de la liste



Liste chaînée - principe

Liste chaînée - principe

prend une place libre quelconque en mémoire. ► connaît l'emplacement de l'élément suivant.

Chaque élément :

Chaque élément :

- prend une place libre quelconque en mémoire.
- connaît l'emplacement de l'élément suivant.

pointe vers

Listes chaînées

Principe



tête de liste = dernier élément ajouté (ici 2)

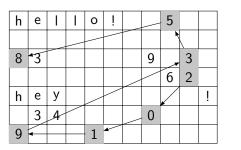


FIGURE 2 – Chaque élément pointe vers le suivant.

Listes chaînées

iste chaînée

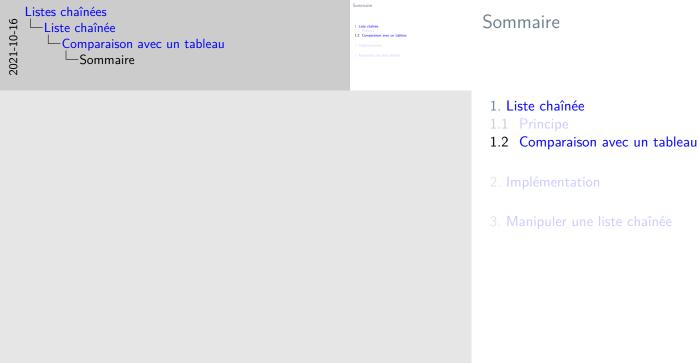
Principe

Comparaison avec un tableau

implementation

Manipuler une liste chaînée

> lle de la liste ème élément

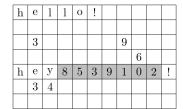


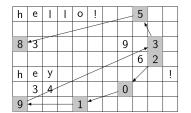
### Sommaire

Comparaison avec un tableau

Listes chaînées

#### Comparaison avec un tableau





**Activité 1 :** Comparer l'efficacité des deux structures lors de :

- ► l'ajout d'un élément,
- ► l'accès à un élément,
- ► l'insertion d'un élément.

Listes chaînées

Liste chaînée

Comparaison avec un tableau

mplémentation

Manipuler une liste

Taille de la liste
N-ième élément



#### Ajouter un élément

h	е	I	I	0	!					
	3						9			
								6		
h	е	у	8	5	3	9	1	0	2	ļ
	3	4								
			+	+	*	+	+	+	+	7

FIGURE 3 – Pour ajouter 7 au tableau il faut recopier entièrement ce-dernier dans un espace libre.

#### À retenir

L'ajout d'un élément à un tableau a une complexité **linéaire** dans le pire des cas. Listes chaînées

ste chaînée

Comparaison avec un tableau

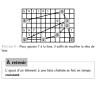
implementation

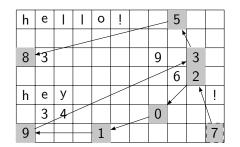
chaînée

Taille de la liste

N-ième élément

# Listes chaînées Liste chaînée Comparaison avec un tableau





 ${
m Figure}$  4 – Pour ajouter 7 à la liste, il suffit de modifier la tête de liste.

#### À retenir

L'ajout d'un élément à une liste chaînée se fait en temps constant.

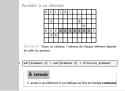
Listes chaînées

iste chaînée

Comparaison avec un tableau

mplémentation

Manipuler une liste chaînée Taille de la liste



#### Accéder à un élément

h	е	ı	1	0	!					
	3						9			
								6		
h	е	У	8	5	3	9	1	0	2	Į.
	3	4								

FIGURE 5 – Dans un tableau, l'adresse de chaque élément dépend de celle du premier.

adr[élément 2] = adr[élément 0] + 2\*taille\_élément

À retenir

L'accès à un élément d'un tableau se fait en temps **constant**.

Comparaison avec un

Listes chaînées

tableau

# Listes chaînées Liste chaînée Comparaison avec un tableau



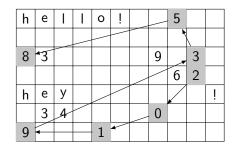


FIGURE 6 – Pour accéder à l'élément de rang n il faut partir de la tête et avancer 5 fois.

#### À retenir

L'accès à l'élément de rang n a une complexité **linéaire**.

Listes chaînées

iste chaînée

Comparaison avec un tableau

mplémentation

Manipuler une list :haînée Taille de la liste

# Listes chaînées Liste chaînée Comparaison avec un tableau Insérer un élément



À retenir

L'insertion d'un élément dans un tableau a une complezé linéaire dans le pire des cas.

#### Insérer un élément

h	е	1	Ι	0	!					
	3						9			
								6		
h	е	у	8	5	3	9	1	0	2	!
	3	4								
			+	+	+	7	1	1	1	¥

FIGURE 7 – Pour insérer 7 dans le tableau il faut recopier entièrement ce-dernier dans un espace libre.

#### À retenir

L'insertion d'un élément dans un tableau a une complexité **linéaire** dans le pire des cas.

Listes chaînées

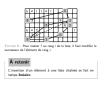
ste chaînée

Comparaison avec un tableau

implementation

chaînée Taille de la liste N-ième élément

## Listes chaînées Liste chaînée Comparaison avec un tableau



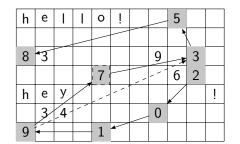


FIGURE 8 – Pour insérer 7 au rang i de la liste, il faut modifier le successeur de l'élément de rang i.

#### À retenir

L'insertion d'un élément à une liste chaînée se fait en temps **linéaire**.

Listes chaînées

iste chaînée

Comparaison avec un tableau

mplémentation

Vlanipuler une liste chaînée Taille de la liste



tableau liste
ajout linéaire constant
accès constant linéaire
insertion linéaire linéaire

Bilan

#### Bilan

	tableau	liste		
ajout	linéaire	constant		
accès	constant	linéaire		
insertion	linéaire	linéaire		

Listes chaînées

Liste chaînée

Comparaison avec un tableau

implementation

lînée le de la liste eme élément ertion

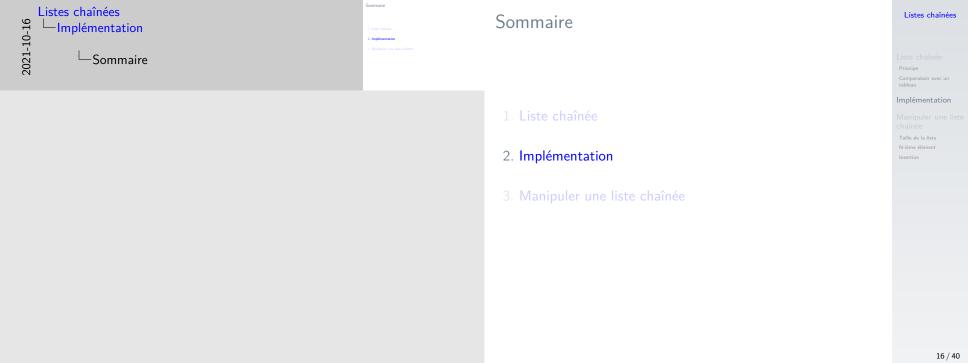


FIGURE 9 - Chaque maillon contient 2 informations

def \_\_init\_\_(self, val: int, suiv: object):

#### Implémentation - le maillon



FIGURE 9 – Chaque maillon contient 2 informations

```
class Maillon:
    Crée un maillon de la liste chaînée
    11 11 11
    def __init__(self, val: int, suiv: object):
        self.valeur = val
        self.suivant = suiv
```

Code 1 - Un objet Maillon

Listes chaînées

La liste

La liste

Maillon Maillon Maillon lst 8 None

FIGURE 10 – La liste est une succession de maillons

Listes chaînées

Listes chaînées

lst = Maillon(3, Maillon(5, Maillon(8, None)))

Code 2 – Chaque maillon est le suivant d'un autre.

La liste - seconde approche

La liste - seconde approche

lst

Listes chaînées

Implémentation

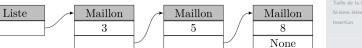


FIGURE 11 – L'objet Liste contient une référence à la tête.

- 1. L'attribut tete représente le premier Maillon.
- 2. Une liste vide renvoie alors None.

```
class Liste:

Crée une liste chaînée

"""

def __init__(self):
    self.tete: Maillon = None
```

 ${\sf Code}\ {\sf 3-Objet}\ {\bf Liste}$ 

Listes chaînées

Principe

Implémentation

Manipuler une listo chaînée

ille de la liste ième élément sertion

### Activité 2 :

- 1. Écrire la méthode  $est\_vide(self) \rightarrow bool qui$ renvoie True si la liste est vide, False sinon.
- 2. Écrire la méthode ajoute(self, val: int)  $\rightarrow$ None qui ajoute un Maillon en tête de la liste.
- 3. Créer la liste contenant les éléments 8, 5, 3.

Listes chaînées

4

```
lst.ajoute(5)
lst.ajoute(5)
lst.ajoute(3)
                      Code 4 - Création de la liste
```

```
def est_vide(self) -> bool:
      return self.tete is None
3
  def ajoute(self, val: int) -> None:
      self.tete = Maillon(val, self.tete)
```

```
lst = Liste()
lst.ajoute(8)
lst.ajoute(5)
lst.ajoute(3)
```

Code 4 – Création de la liste

Listes chaînées

La méthode \_\_str\_\_ permettra de visualiser l'état de la liste.

```
def __str__(self):
    m = self.tete
    s = ""
    while m is not None:
        s += str(m.valeur) + " - "
        m = m.suivant
    else:
        s += "fin"
    return s
```

```
print(lst)
```

Code 5 – Afficher la liste

Listes chaînées



# Listes chaînées Manipuler une liste chaînée Taille de la liste Manipuler une liste chaînée - taille

```
Manipuler une liste chaînée - taille

Pour combine la tail de la liste if ant la percouri
estément.

Actività 2.

Activit
```

#### Manipuler une liste chaînée - taille

Pour connaître la taille de la liste il faut la parcourir entièrement.

#### Activité 3:

- Écrire la méthode récursive taille\_rec(self, m: Maillon) → int qui renvoie la taille de la liste démarrant à m
- Écrire la méthode taille(self) → int qui renvoie la taille de la liste. Cette méthode utilisera taille\_rec.
- 3. Pour les plus avancés : Écrire la méthode native (itérative) \_\_len\_\_(self) → int qui redéfinit la fonction len pour la classe Liste.

#### Listes chaînées

Liste chaînée

Comparaison avec un tableau

plémentation

lanipuler une liste

Taille de la liste N-ième élément

```
def taille_rec(self, m: Maillon) -> int:
    """

méthode interne pour calculer la taille
    de la chaîne

if m is None:
    return 0

else:
    return 1 + self.taille_rec(m.suivant)
```

ste chaînée

mparaison avec un oleau

nipuler une liste

Taille de la liste N-ième élément

```
Listes chaînées
 -Manipuler une liste chaînée
    ☐ Taille de la liste
```

```
def taille(self) -> int:
    return self.taille rec(self.tete)
      Code 6 - Affichage de la taille de la liste
```

```
def taille(self) -> int:
    appel principal de la méthode récursive
   pour mesurer
    la taille de la chaîne
    11 11 11
    return self.taille_rec(self.tete)
```

```
print(lst.taille())
```

Code 6 – Affichage de la taille de la liste

Listes chaînées

Taille de la liste

```
Listes chaînées

Manipuler une liste chaînée
Taille de la liste
```

```
| Gef _lem_(self) >> int:

| milline = self.tete

| sailine = self.tete

| sailine = self.tete

| sailine = self.tete

| sailine = milline.mivent

| tailine = lemine.mivent

| tailine = lemine.mivent

| self.tetee | tailine | lemine.mivent

| print(lemine) | lemine.mivent

| lemine
```

Code 7 - Appel de la fonction 1ea

```
1 de
```

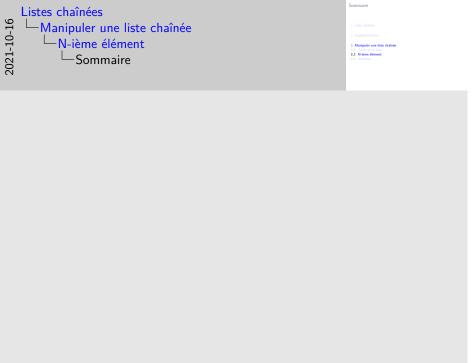
```
def __len__(self) -> int:
    maillon = self.tete
    taille = 0
    while maillon is not None:
        maillon = maillon.suivant
        taille += 1
    return taille
```

```
print(len(lst))
```

Code 7 - Appel de la fonction len

Listes chaînées

Taille de la liste



## Sommaire

- 3. Manipuler une liste chaînée
- 3.2 N-ième élément

30 / 40

Listes chaînées

N-ième élément

N-lime deferrent

But a procedy to like jough as rang n poor troover

Follment.

Activité 1. Ecror la midhode ricentou

1. Ecror la midhode ricentou

2. Ecror la midhode ricentou

3. Ecror la midhode ricentou

4. Ecror la midhode ricentou

5. Ecror la midhode gout, element (1421) - int

14 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

14 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

14 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

15 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

15 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

16 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

17 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi encolor la midhode gout, element (1421) - int

18 mi enc

redéfinit la structure à crochets (lat [n]) pour la

#### N-ième élément

Il faut parcourir la liste jusqu'au rang n pour trouver l'élément.

#### Activité 4:

- Écrire la méthode récursive get\_element\_rec(self, n: int m: Maillon) → int qui renvoie la valeur du n-iéme élément de la liste démarrant à m
- Écrire la méthode get\_element(self) → int qui renvoie la valeur du n-iéme élément. Cette méthode utilisera get\_element\_rec.
- 3. Pour les plus avancés : Écrire la méthode native (itérative) \_\_getitem\_\_(self) → int qui redéfinit la structure à crochets (lst[n]) pour la classe Liste.

Listes chaînées

iste chaînée

Comparaison avec ur tableau

nplémentation

anipuler une liste aînée ille de la liste

N-ième élément Insertion

#### Correction

```
def get_element_rec(self, n: int, m: Maillon) -> int:
    """
    méthode interne pour renvoyer le n-ième élément.
    """
    if n == 0:
        return m.valeur
    else:
        return self.get_element_rec(n-1, m.suivant)
```

Listes chaînées

ste chaînée

omparaison avec un bleau

plémentation

Manipuler une liste chaînée Taille de la liste N-ième élément

```
Correction
```

```
def get_element_rec(self, n: int, m: Maillon) -> int:
    méthode interne pour renvoyer le n-ième élément.
    # n est plus grand que la taille de la liste
    if m is None:
        raise IndexError("indice invalide")
    if n == 0:
        return m.valeur
    else:
        return self.get_element_rec(n-1, m.suivant)
```

Code 8 – Avec gestion du dépassement de taille

Listes chaînées

N-ième élément

#### Correction

```
def get_element(self, n: int) -> int:
    """
    appel principal de la méthode récursive pour
    renvoyer le n-ième élément
    """
    return self.get_element_rec(n, self.tete)
```

```
print(lst.get_element(3))
```

Code 9 – Appel de la fonction

Listes chaînées

Principe

Comparaison avec un

Implémentation

chaînée

Taille de la liste

N-ième élément



```
def __getitem__(self, n: int) -> int:
       renvoie l'élément de rang n. Les indices
      commencent à 0.
        11 11 11
       maillon = self.tete
       i = 0
        while i < n and maillon is not None:
           maillon = maillon.suivant
            i += 1
10
       if maillon is None:
11
           raise IndexError("indice invalide")
12
13
       return maillon.valeur
14
```

Code 10 – Appel de la fonction

print(lst[3])

Manipuler une l haînée

Listes chaînées

Taille de la liste
N-ième élément
Insertion



# Sommaire

- 3. Manipuler une liste chaînée
- 3.3 Insertion

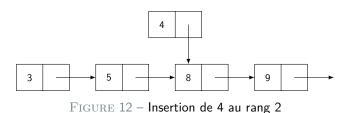
Listes chaînées

Insertion

Insertion of the different as range pand the riskshes our larice and the different as range pand the riskshes our lanelme princips. On puncho is part of instear followers on find to valeur do a dispasse to table do is table.

#### Insertion

L'insertion d'un élément au rang n peut être réalisée sur le même principe. On prendra le parti d'insérer l'élément en fin si la valeur de n dépasse la taille de la liste.



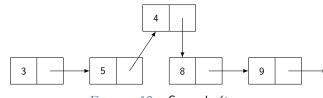


FIGURE 13 – Seconde étape

Listes chaînées

iste chaînée

Principe Comparaison avec

nnlémentation

nipuler une liste

Taille de la liste
N-ième élément

# Listes chaînées Manipuler une liste chaînée Insertion

Activité 5 :

1. Écrie la Contiction récursive innever\_rec(self, val; int, n: int, n: object) — None qui innever l'idément au rang n.

Ecric la Sonction innever (self, val; int, n: int). — None qui innever l'idément val au rang n.

Cette fonction génerals cas ou n = 0.

Rémarque

Il faut remarquer que la fonction inserer\_rec place en réalité l'élément au rang m+1.

#### Activité 5 :

- Écrire la fonction récursive inserer\_rec(self, val: int, n: int, m: object) → None qui insère l'élément au rang n.
- Écrire la fonction inserer(self, val: int, n: int) → None qui insère l'élément val au rang n.
   Cette fonction gérera le cas ou n = 0.

#### Remarque

Il faut remarquer que la fonction inserer\_rec place en réalité l'élément au rang n+1.

Listes chaînées

Liste chaînée

Comparaison avec u

olémentation

Aanipuler une list haînée Faille de la liste

N-ième élément Insertion

```
of theory, refold, will let, at let, at appel > Same:

appel > Same:

as a set type of the company of the compa
```

#### Correction

```
1 def inserer_rec(self, val: int, n: int, m:
      object) -> None:
       méthode interne pour placer val au rang n
       si n est trop grand, place l'élément en
      fin de liste
       11 11 11
       if m.suivant is None or n == 0:
           nouveau = Maillon(val, m.suivant)
           m.suivant = nouveau
       else:
           self.inserer_rec(val, n-1, m.suivant)
10
```

Listes chaînées

Liste chaînée

Comparaison avec ur tableau

nplémentation

inipuler une listo aînée lle de la liste

N-ième élément Insertion

# Listes chaînées Manipuler une liste chaînée Insertion

```
def inserer(self, val: int, n: int) -> None:
       appel principal de l'insertion pour
      placer val en n
       # gestion du cas particulier où l'
      insertion est en début
       if n == 0:
           nouveau = Maillon(val, self.tete)
           self.tete = nouveau
       else:
           # n-1 pour ajuster la position
10
           self.inserer_rec(val, n-1, self.tete)
11
```

Listes chaînées

ste chaînée

Comparaison avec un tableau

nipuler une liste

Chainee
Taille de la liste
N-ième élément
Insertion