Récursivité - exercices Terminale - NSI

Exercice 1 : La somme des entiers s'écrit :

$$0+1+2+...+n$$

- 1. Donner une définition récursive de la somme des entiers.
- 2. Implémenter la fonction somme(n : int) $\rightarrow int$.

Exercice 2 : La fonction factorielle est définie par :

$$n! = 1 \times 2 \times 3... \times n$$
 si $n > 0$ et $0! = 1$

- 1. Donner une définition récursive qui correspond au calcul de la fonction factorielle.
- 2. Implémenter la fonction factorielle(n : int) \rightarrow int.

Exercice 3 : Soit u_n la suite d'entiers définie par $u_0 > 1$ et :

$$u_{n+1} = \begin{cases} u_n/2 & \text{si } u_n \text{ est pair} \\ 3 \times u_n + 1 & \text{sinon} \end{cases}$$

Écrire la fonction $syracuse(u:int) \to None$ qui affiche les valeurs successives de la suite u_n tant que $u_n > 1$. L'appel de la fonction s'effectuera avec une valeur de u_0 quelconque.

Exercice 4:

- 1. Écrire une fonction récursive **entiers(i : int, k : int)** \rightarrow **None** qui affiche les entiers entre i et k. Par exemple, entiers(0,3) doit afficher 0 1 2 3.
- 2. Écrire une fonction récursive **impairs**(i : int, k : int) \rightarrow **None** qui affiche les nombres impairs entre i et k.

Exercice 5 : Écrire la fonction récursive $pgcd(a : int, b : int) \rightarrow int$ qui renvoie le Plus Grand Commun Diviseur de a et b. On donne comme précondition : a < b.

Exercice 6 : Écrire une fonction récursive nombre_chiffres(n : int) \rightarrow int qui renvoie le nombre de chiffres qui compose n.

Exercice 7: La formulation récursive ci-après permet de calculer les coefficients binomiaux:

$$C(n,p) = \begin{cases} 1 & \text{si } p = 0 \text{ ou } n = p \\ C(n-1,p-1) + C(n-1,p) & \text{sinon} \end{cases}$$

- 1. Écrire une fonction récursive $C(n : int, p : int) \rightarrow int$ qui renvoie la valeur de C(n,p).
- 2. Le triangle de Pascal est une présentation des coefficients binomiaux sous la forme d'un triangle. Dessiner le triangle de Pascal à l'aide d'une double boucle for pour n variant de 0 à 10.

