Exercice 1:

1. impératif

```
def dichotomie_imp(tab: int, x: int)->int:
1
2
       version impérative
3
       Retourne la position de x ou -1 s'il n'est pas dans la
4
          liste
5
       debut, fin = 0, len(tab) - 1
6
       while debut <= fin:</pre>
7
          milieu = (debut + fin)//2
          if tab[milieu] == x:
9
              return milieu
10
          elif tab[milieu] < x:</pre>
11
              debut = milieu+1
12
13
           else:
              fin = milieu-1
14
       return -1
15
```

2. récursif

```
def dichotomie_rec(tab: list, x: int, debut: int = 0, fin:
       int = -1) \rightarrow int:
       11 11 11
2
       version récursive
3
       Retourne la position de x ou -1 s'il n'est pas dans la
4
          liste
       11 11 11
5
       #initialise 'fin'
6
       if fin == -1:
7
           fin = len(tab) - 1
8
       if debut <= fin:</pre>
9
           milieu = (debut + fin)//2
10
           if tab[milieu] == x:
11
               return milieu
12
           elif tab[milieu] < x:</pre>
13
               return dichotomie_rec(tab, x, milieu + 1, fin)
14
           else:
15
               return dichotomie_rec(tab, x, debut, milieu - 1)
16
17
       else:
           return -1
```

3. liste

```
1 = [i for i in range(50)]
```

4. test

```
print(dichotomie_imp(1, 10))
print(dichotomie_rec(1, 10))
print(dichotomie_imp(1, 52))
print(dichotomie_rec(1, 52))
```



5. L'algorithme de dichotomie est de complexité $O(log_2(n))$.

Exercice 2:

```
from random import randint
   def tri_rapide(tab: list)->list:
3
      if not tab:
4
5
          return []
6
      else:
          pivot = tab[0]
          petit = [x for x in tab if x < pivot]</pre>
          grand = [x for x in tab[1:] if x >= pivot]
9
          return tri_rapide(petit) + [pivot] + tri_rapide(grand)
10
11
12 | 1 = [randint(0,100) for _ in range(20)]
print(tri_rapide(1))
```

Ce tri n'est pas stable.