Listes chaînées

Christophe Viroulaud
Terminale - NSI
Archi 03

Listes chaînées

Christophe Viroulaud

Terminale - NSI

Archi 03

Listes chaînées

/ 40



vrai en C, un peu différent en Python (haut-niveau)

Quand un tableau est créé, le système lui alloue un espace contigu en mémoire.

h	е	I	Ι	0	!					
	3						9			
								6		
h	е	у	8	5	3	9	1	0	2	!
	3	4								

FIGURE 1 – Le tableau est enregistré dans un espace libre

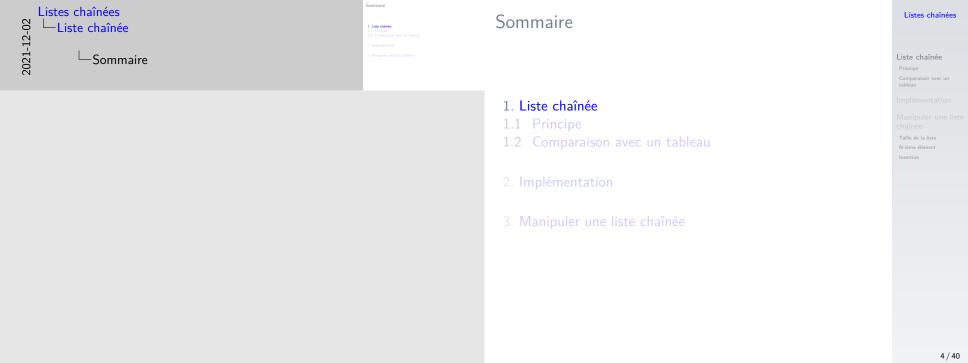
On accède à chaque élément du tableau en temps constant. Cependant insérer un nouvel élément devient problématique.

Listes chaînées

Comment définir un autre type de structure de données qui pallie les limitations d'un tableau?

3 / 40

Listes chaînées





# Liste chaînée - principe

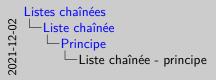
# Chaque élément :

prend une place libre quelconque en mémoire.

Principe

Listes chaînées

5 / 40



Liste chaînée - principe

Chaque élément :

- prend une place libre quelconque en mémoire.
- connaît l'emplacement de l'élément suivant.

Liste chaînée - principe

Chaque élément :

prend une place libre quelconque en mémoire. ► connaît l'emplacement de l'élément suivant.

pointe vers

5 / 40

Listes chaînées

Principe



tête de liste = dernier élément ajouté (ici 2)

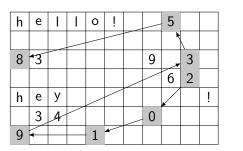


FIGURE 2 – Chaque élément pointe vers le suivant.

Listes chaînées

ste chaînée

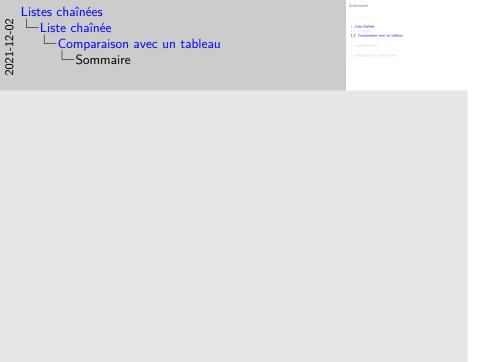
Principe

Comparaison avec un tableau

mplémentation

lanipuler une liste

lle de la liste ème élément



# Sommaire

List

Comparaison avec un tableau

Implémentation

Listes chaînées

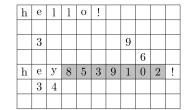
1. Liste chaînée

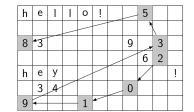
1.2 Comparaison avec un tableau

2. Implémentation

3. Manipuler une liste chaînée

## Comparaison avec un tableau





**Activité 1 :** Comparer l'efficacité des deux structures lors de :

- ► l'ajout d'un élément,
- ► l'accès à un élément,
- ► l'insertion d'un élément.

Listes chaînées

\_iste chaînée

Comparaison avec un tableau

mplémentation

Manipuler une liste

Taille de la liste N-ième élément Insertion

## Ajouter un élément

h	е	1	1	0	!					
	3						9			
								6		
h	е	у	8	5	3	9	1	0	2	!
	3	4								
			+	+	+	+	+	+	+	7

FIGURE 3 – Pour ajouter 7 au tableau il faut recopier entièrement ce-dernier dans un espace libre.

## À retenir

L'ajout d'un élément à un tableau a une complexité **linéaire** dans le pire des cas. Listes chaînées

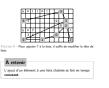
ste chaînée

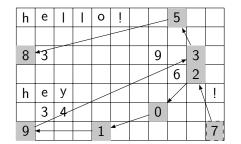
Comparaison avec un tableau

Implementation

chaînée Taille de la liste N-ième élément

# Listes chaînées Liste chaînée Comparaison avec un tableau





 ${
m Figure}$  4 – Pour ajouter 7 à la liste, il suffit de modifier la tête de liste.

## À retenir

L'ajout d'un élément à une liste chaînée se fait en temps constant.

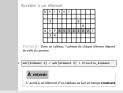
Listes chaînées

iste chaînée

Comparaison avec un tableau

Implementation

chaînée Taille de la liste N-ième élément



### Accéder à un élément

h	е	ı	1	0	!					
	3						9			
								6		
h	е	У	8	5	3	9	1	0	2	!
	3	4								

 ${
m Figure}\ 5$  – Dans un tableau, l'adresse de chaque élément dépend de celle du premier.

adr[élément 2] = adr[élément 0] + 2\*taille\_élément

\_

À retenir

L'accès à un élément d'un tableau se fait en temps **constant**.

Liste chaînée
Principe
Comparaison avec un

Listes chaînées

tableau Implémentation

Manipuler une list Haînée

> le de la liste me élément rtion

# Listes chaînées Liste chaînée Comparaison avec un tableau



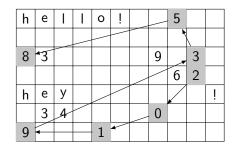


FIGURE 6 – Pour accéder à l'élément de rang n il faut partir de la tête et avancer 5 fois.

## À retenir

L'accès à l'élément de rang n a une complexité **linéaire**.

Listes chaînées

iste chaînée

Comparaison avec un tableau

mplémentation

Manipuler une liste chaînée Taille de la liste

V-ième élément nsertion L'insertion d'un élément dans un tableau a une com-

plexité linéaire dans le pire des cas.

### Insérer un élément

h	1	е	I	I	0	!					
		3						9			
									6		
h	1	е	У	8	5	3	9	1	0	2	!
		3	4								
				+	+	+	7	À	À	À	¥

FIGURE 7 – Pour insérer 7 dans le tableau il faut recopier entièrement ce-dernier dans un espace libre.

## À retenir

L'insertion d'un élément dans un tableau a une complexité **linéaire** dans le pire des cas.

Listes chaînées

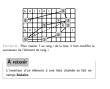
ste chaînée

Comparaison avec un tableau

Implementation

rhainee Chaînée Taille de la liste

# Listes chaînées Liste chaînée Comparaison avec un tableau



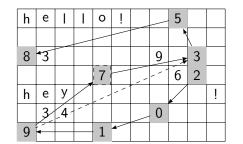


FIGURE 8 – Pour insérer 7 au rang i de la liste, il faut modifier le successeur de l'élément de rang i.

## À retenir

L'insertion d'un élément à une liste chaînée se fait en temps **linéaire**.

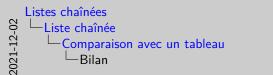
Listes chaînées

iste chaînée

Comparaison avec un tableau

mplémentation

Vlanipuler une liste chaînée Taille de la liste





Bilan

Bilan

	tableau	liste		
ajout	linéaire	constant		
accès	constant	linéaire		
insertion	linéaire	linéaire		

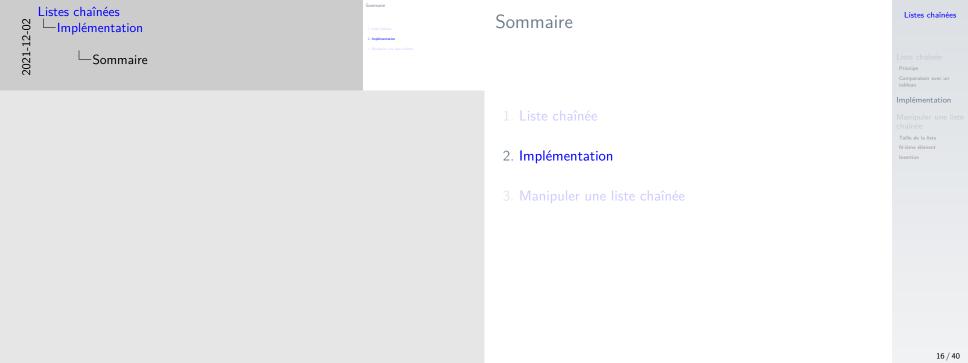
Listes chaînées

iste chaînée

Comparaison avec un tableau

mplémentation

înée le de la liste me élément



## Implémentation - le maillon



FIGURE 9 – Chaque maillon contient 2 informations

```
class Maillon:
    Crée un maillon de la liste chaînée
    11 11 11
    def __init__(self, val: int, suiv: object):
        self.valeur = val
        self.suivant = suiv
```

Code 1 - Un objet Maillon

Listes chaînées

Implémentation

17 / 40

La liste

La liste

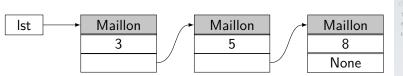


FIGURE 10 – La liste est une succession de maillons

Listes chaînées

Implémentation

Listes chaînées

Code 2 – Chaque maillon est le suivant d'un autre.

La liste - seconde approche

La liste - seconde approche

Listes chaînées

Implémentation



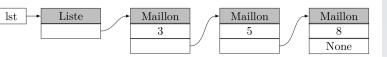


FIGURE 11 – L'objet Liste contient une référence à la tête.

- 1. L'attribut tete représente le premier Maillon.
- 2. Une liste vide renvoie alors None.

```
class Liste:
crée une liste chaînée
def __init__(self):
    self.tete: Maillon = None
```

 ${\sf Code}\ {\sf 3-Objet}\ {\bf Liste}$ 

Listes chaînées

Principe

Implémentation

npiementation

/lanipuler une list haînée -----

le de la liste me élément rtion

#### Activité 2 :

- 1. Écrire la méthode  $est\_vide(self) \rightarrow bool$  qui renvoie True si la liste est vide, False sinon.
- 2. Écrire la méthode ajoute(self, val: int)  $\rightarrow$  None qui ajoute un Maillon en tête de la liste.
- 3. Créer la liste contenant les éléments 8, 5, 3.

```
def ext_vide(zelf) -> bool:
    return melf.tete is None
 def ajoute(self, val: int) -> None:
    self.tete = Maillon(val, self.tete)
```

```
lst.ajoute(5)
lst.ajoute(5)
lst.ajoute(3)
                      Code 4 - Création de la liste
```

3

4

```
def est_vide(self) -> bool:
    return self.tete is None
def ajoute(self, val: int) -> None:
    self.tete = Maillon(val, self.tete)
```

```
lst = Liste()
lst.ajoute(8)
lst.ajoute(5)
lst.ajoute(3)
```

Code 4 – Création de la liste

23 / 40

Listes chaînées

Implémentation

```
La méthode _metr__ permettre de visualiser l'état de la faite.

| def __metr__ (seat.) |
| def _
```

La méthode \_\_str\_\_ permettra de visualiser l'état de la liste.

```
def __str__(self):
    m = self.tete
    s = ""

while m is not None:
    s += str(m.valeur)+" - "
    m = m.suivant

else:
    s += "fin"

return s
```

```
1 print(lst)
```

Code 5 – Afficher la liste

Listes chaînées

Implémentation



Manipuler une liste chaînée - taille
Pour connibr la saîle de la lite il fast la parcouri
entimental.

Achielé 3:

Achielé 3:

Lorie la solitulor ricervine taille precialf,
la conte la solitulor ricervine taille precialf,
la conte la solitulor ricervine taille precialf,
liste de la contenta del contenta de la contenta de la contenta del contenta de la contenta del la contenta del contenta de la contenta del la contenta del contenta del la c

Pour les plus avancés : Écrire la méthode native (itérative) len (self) → int qui redéfinit la

## Manipuler une liste chaînée - taille

Pour connaître la taille de la liste il faut la parcourir entièrement.

#### Activité 3:

- Écrire la méthode récursive taille\_rec(self, m: Maillon) → int qui renvoie la taille de la liste démarrant à m
- Écrire la méthode taille(self) → int qui renvoie la taille de la liste. Cette méthode utilisera taille\_rec.
- 3. Pour les plus avancés : Écrire la méthode native (itérative) \_\_len\_\_(self) → int qui redéfinit la fonction len pour la classe Liste.

Listes chaînées

Liste chaînée

Comparaison avec un tableau

nplémentation

lanipuler une liste

Taille de la liste N-ième élément

```
def taille_rec(self, m: Maillon) -> int:
    """
    méthode interne pour calculer la taille
    de la chaîne
    """
    if m is None:
        return 0
    else:
        return 1 + self.taille_rec(m.suivant)
```

iste chaînée Principe

> mparaison avec un bleau

nipuler une liste

Taille de la liste N-ième élément

```
Listes chaînées
  -Manipuler une liste chaînée
    ☐ Taille de la liste
```

```
def taille(self) -> int:
    return self.taille rec(self.tete)
      Code 6 - Affichage de la taille de la liste
```

```
def taille(self) -> int:
    appel principal de la méthode récursive
   pour mesurer
    la taille de la chaîne
    11 11 11
    return self.taille_rec(self.tete)
```

```
print(lst.taille())
```

Code 6 – Affichage de la taille de la liste

Listes chaînées

Taille de la liste

```
Listes chaînées

Manipuler une liste chaînée
Taille de la liste
```

```
| def __lem__(sair) -> int;

| millin = sair.ste

| millin = sair.ste

| millin = sair.ste

| millin = in set Nese:

| millin = millin.mivent

| millin = millin.mivent

| millin = 1

| print(iss(ist))
```

Code 7 – Appel de la fonction 1en

```
def __len__(self) -> int:
    maillon = self.tete
    taille = 0
while maillon is not None:
    maillon = maillon.suivant
    taille += 1
```

```
print(len(lst))
```

return taille

Code 7 - Appel de la fonction len

Listes chaînées

Taille de la liste



# Sommaire

3. Manipuler une liste chaînée

3.2 N-ième élément

Listes chaînées

N-ième élément

N-lime défement

I flat parcouré la liste jusqu'au rang n pour trouver
Féllemet.

Activité 4:

1. Écrire la méthode récursive
get\_alessex\_rec(salf, s: ist, m:
Mallan)—1 set qui envoir la valour du n-léme
définent de la biste démarant à a

2. Écrire la méthode get\_alessex (salf, m: ist)

Cêtre méthode get\_alessex (salf, m: ist)

Cette méthode qu'alessex (salf, m: ist)

2. Écrire la méthode get\_alessex (salf, m: ist)

Cette méthode définence get\_alessex. par

(itérative) \_\_getiten\_\_(self, n: int) → int qui redéfinit la structure à crochets (lat[n]) pour

la classe Liste.

#### N-ième élément

Il faut parcourir la liste jusqu'au rang n pour trouver l'élément.

#### Activité 4 :

- Écrire la méthode récursive get\_element\_rec(self, n: int, m: Maillon) → int qui renvoie la valeur du n-iéme élément de la liste démarrant à m
- Écrire la méthode get\_element(self, n: int)
   → int qui renvoie la valeur du n-iéme élément.
   Cette méthode utilisera get\_element\_rec.
- 3. Pour les plus avancés : Écrire la méthode native (itérative) \_\_getitem\_\_(self, n: int) → int qui redéfinit la structure à crochets (lst[n]) pour la classe Liste.

Listes chaînées

\_iste chaînée

Comparaison avec un

nplémentation

anipuler une liste aînée

Taille de la liste
N-ième élément
Insertion

```
def get_element_rec(self, n: int, m: Maillon) -> int:
    """
    méthode interne pour renvoyer le n-ième élément.
    """
    if n == 0:
        return m.valeur
    else:
```

return self.get\_element\_rec(n-1, m.suivant)

Listes chaînées

ste chaînée rincipe

omparaison avec un bleau

nplémentation

chaînée
Taille de la liste
N-ième élément

```
def get_element_rec(self, n: int, m: Maillon) -> int:
    méthode interne pour renvoyer le n-ième élément.
    # n est plus grand que la taille de la liste
    if m is None:
        raise IndexError("indice invalide")
    if n == 0:
        return m.valeur
    else:
        return self.get_element_rec(n-1, m.suivant)
```

Code 8 – Avec gestion du dépassement de taille

Listes chaînées

N-ième élément

```
def get_element(self, n: int) -> int:
    """
    appel principal de la méthode récursive pour renvoyer le n-ième élément
    """
    return self.get_element_rec(n, self.tete)
```

```
print(lst.get_element(3))
```

Code 9 – Appel de la fonction

Listes chaînées

ste chaînée rincipe

Comparaison avec un tableau

anipuler une liste

Chaînée
Taille de la liste
N-ième élément
Insertion

```
def __getitem__(self, n: int) -> int:
       renvoie l'élément de rang n. Les indices
      commencent à 0.
        11 11 11
       maillon = self.tete
        while n > 0 and maillon is not None:
           maillon = maillon.suivant
            n -= 1
       if maillon is None:
10
            raise IndexError("indice invalide")
12
13
       return maillon.valeur
```

```
1 print(lst[3])
```

Code 10 – Appel de la fonction

Listes chaînées

N-ième élément



# Sommaire

- . Liste chaînée

- 3. Manipuler une liste chaînée
  - i la liste Sláment
  - ème élémen
- 3.3 Insertion

Listes chaînées

Insertion

Insertion of the different as range pand the risking our by release for the control of the different as range pand the risking our by release pands in part of instead riskings on the size of a large control of the co

#### Insertion

L'insertion d'un élément au rang n peut être réalisée sur le même principe. On prendra le parti d'insérer l'élément en fin si la valeur de n dépasse la taille de la liste.

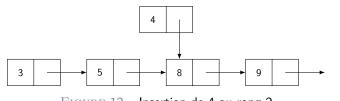


FIGURE 12 – Insertion de 4 au rang 2

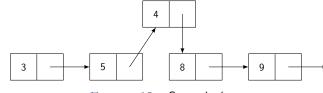


FIGURE 13 – Seconde étape

Listes chaînées

iste chaînée

Comparaison avec

olémentation

nipuler une liste

Taille de la liste
N-ième élément
Insertion

# Listes chaînées Manipuler une liste chaînée Insertion

Activité 5:

1. Écric la fonction récursive innever\_rec(self,
val: int, n: int, n: object) — Home qui
innever l'élément par ring.

Ecric la fonction innever (self, val: int, n:
int) — Home qui innier l'élément val au rang n.

Citté fonction géneral e cas ou n = 0.

Remarque

Il faut remarquer que la fonction inserer\_rec place en réalité l'élément au rang m+1.

#### Activité 5 :

- Écrire la fonction récursive inserer\_rec(self, val: int, n: int, m: object) → None qui insère l'élément au rang n.
- Écrire la fonction inserer(self, val: int, n: int) → None qui insère l'élément val au rang n.
   Cette fonction gérera le cas ou n = 0.

### Remarque

Il faut remarquer que la fonction inserer\_rec place en réalité l'élément au rang n+1.

Listes chaînées

Liste chaînée

Comparaison avec un ableau

plementation

chaînée Taille de la liste N-ième élément

Insertion

```
of theory project, whi has, at het, at man, at
```

```
1 def inserer_rec(self, val: int, n: int, m:
      object) -> None:
       méthode interne pour placer val au rang n
       si n est trop grand, place l'élément en
      fin de liste
       11 11 11
       if m.suivant is None or n == 0:
           nouveau = Maillon(val, m.suivant)
           m.suivant = nouveau
       else:
           self.inserer_rec(val, n-1, m.suivant)
10
```

Listes chaînées

Liste chaînée

comparaison avec un ableau

piementation

aînée sille de la liste

Insertion

```
def inserviceit, val int, n int) > Dans:

| def inserviceit, val int, n int) > Dans:
| opportunities de l'insertime pour
| place val in n
| place val in n
| pour de de periodice et l'
| pour de de periodice et l'
| pour de l'inserviceit et de l'inserviceit et de l'inserviceit et de l'inserviceit et l'inservicei
```

```
def inserer(self, val: int, n: int) -> None:
       appel principal de l'insertion pour
      placer val en n
       # gestion du cas particulier où l'
      insertion est en début
       if n == 0:
           nouveau = Maillon(val, self.tete)
           self.tete = nouveau
       else:
           # n-1 pour ajuster la position
10
           self.inserer_rec(val, n-1, self.tete)
11
```

ste chaînée

Comparaison avec un

Insertion

plémentation

née de la liste de élément