Listes chaînées

Christophe Viroulaud Terminale - NSI

Archi 03

Listes chaînées

Christophe Viroulaud

Terminale - NSI

Archi 03

Listes chaînées

1 / 40

vrai en C, un peu différent en Python (haut-niveau)

Quand un tableau est créé, le système lui alloue un espace contigu en mémoire.

h	е	ı	I	0	!					
	3						9			
								6		
h	е	У	8	5	3	9	1	0	2	!
	3	4								

FIGURE 1 – Le tableau est enregistré dans un espace libre

On accède à chaque élément du tableau **en temps constant**. Cependant insérer un nouvel élément devient problématique.

Listes chaînées

te chaînée

Comparaison avec

Implémentation

Manipuler une liste chaînée

Taille de la liste N-ième élément

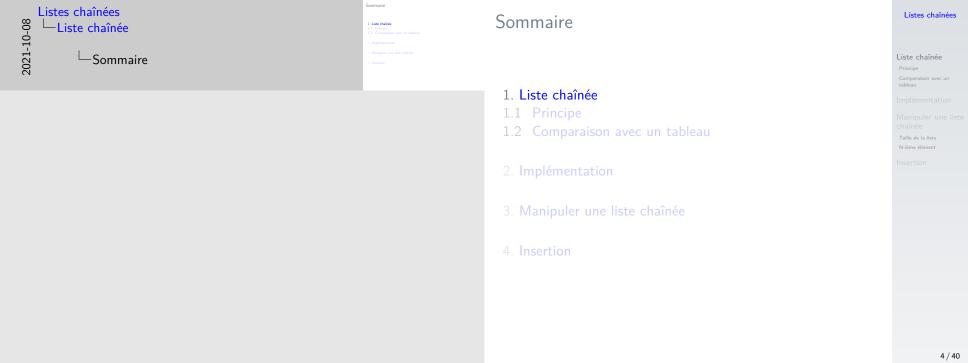
qui pallie les limitations d'un tableau?

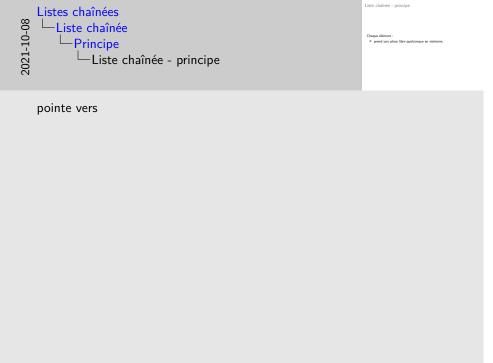
Listes chaînées

leau

anipuler une liste aînée

I-ième élément





Liste chaînée - principe

Chaque élément :

• prend une place libre quelconque en mémoire.

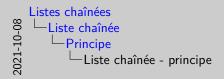
Manipuler un

Principe

aînée

Listes chaînées

me élément



Liste chaînée - principe

Liste chaînée - principe

Chaque élément : prend une place libre quelconque en mémoire.

► connaît l'emplacement de l'élément suivant.

pointe vers

Chaque élément :

- prend une place libre quelconque en mémoire.
- connaît l'emplacement de l'élément suivant.

Listes chaînées

Principe



tête de liste = dernier élément ajouté (ici 2)

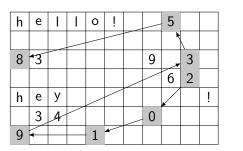


FIGURE 2 – Chaque élément pointe vers le suivant.

Listes chaînées

ste chaînée

Principe

Comparaison avec un tableau

mplémentation

Manipuler une liste chaînée

> ille de la liste ième élément



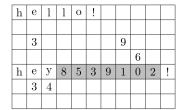
Comparaison avec un tableau

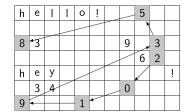
Listes chaînées

Comparation avec un tableau

| Activité 1: Comparer l'efficacité des deux structur
| Figure d'un déliment,

# Comparaison avec un tableau





**Activité 1 :** Comparer l'efficacité des deux structures lors de :

- ► l'ajout d'un élément,
- l'accès à un élément,
- ► l'insertion d'un élément.

Listes chaînées

\_iste chaînée

Comparaison avec un tableau

mplémentation

Manipuler une liste

Taille de la liste N-ième élément



# Ajouter un élément

<u>ا</u>	e	l ı	l 1	0	1					
h	-			0	!					
	3						9			
								6		
h	е	У	8	5	3	9	1	0	2	!
	3	4								
			+	+	<b>+</b>	<b>+</b>	+	+	+	7

FIGURE 3 – Pour ajouter 7 au tableau il faut recopier entièrement ce-dernier dans un espace libre.

# À retenir

L'ajout d'un élément à un tableau a une complexité **linéaire** dans le pire des cas. Listes chaînées

ste chaînée

Comparaison avec un tableau

mplementation

chaînée Taille de la liste

# Listes chaînées Liste chaînée Comparaison avec un tableau



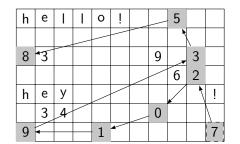


FIGURE 4 – Pour ajouter 7 à la liste, il suffit de modifier la tête de liste.

# À retenir

L'ajout d'un élément à une liste chaînée se fait en temps constant.

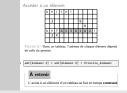
Listes chaînées

iste chaînée

Comparaison avec un tableau

mplémentation

chaînée Taille de la liste



## Accéder à un élément

h	е	ı	ı	0	!					
	3						9			
								6		
h	е	У	8	5	3	9	1	0	2	!
	3	4								

 ${
m Figure}\ 5$  – Dans un tableau, l'adresse de chaque élément dépend de celle du premier.

adr[élément 2] = adr[élément 0] + 2\*taille\_élément

\_

À retenir

L'accès à un élément d'un tableau se fait en temps **constant**.

Liste chaînée
Principe
Comparaison avec un

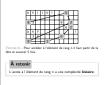
tableau

Listes chaînées

Implémentation

Manipuler une liste chaînée Taille de la liste

# Listes chaînées Liste chaînée Comparaison avec un tableau



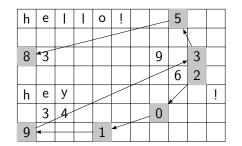


FIGURE 6 – Pour accéder à l'élément de rang n il faut partir de la tête et avancer 5 fois.

# À retenir

L'accès à l'élément de rang n a une complexité **linéaire**.

Listes chaînées

iste chaînée

Comparaison avec un tableau

mplémentation

vianipuier une liste chaînée Taille de la liste

L'insertion d'un élément dans un tableau a une com-

plexité linéaire dans le pire des cas.

## Insérer un élément

h	е	١	1	0	!					
	3						9			
								6		
h	е	У	8	5	3	9	1	0	2	!
	3	4								
			+	+	+	7	¥	¥	À	¥

FIGURE 7 – Pour insérer 7 dans le tableau il faut recopier entièrement ce-dernier dans un espace libre.

# À retenir

L'insertion d'un élément dans un tableau a une complexité **linéaire** dans le pire des cas.

Listes chaînées

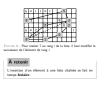
iste chaînée

Comparaison avec un tableau

npiementation

chaînée Taille de la liste

# Listes chaînées Liste chaînée Comparaison avec un tableau



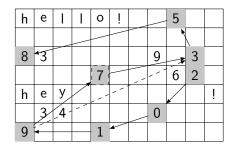


FIGURE 8 – Pour insérer 7 au rang i de la liste, il faut modifier le successeur de l'élément de rang i.

# À retenir

L'insertion d'un élément à une liste chaînée se fait en temps **linéaire**.

Listes chaînées

iste chaînée.

Comparaison avec un tableau

nplémentation

vianipuier une list :haînée Taille de la liste





Bilan

## Bilan

	tableau	liste
ajout	linéaire	constant
accès	constant	linéaire
insertion	linéaire	linéaire

Listes chaînées

Liste chaînée

Comparaison avec un tableau

mplémentation

aînée ille de la liste



# Implémentation - le maillon



FIGURE 9 – Chaque maillon contient 2 informations

```
class Maillon:
    Crée un maillon de la liste chaînée
    11 11 11
    def __init__(self, val: int, suiv: object):
        self.valeur = val
        self.suivant = suiv
```

Code 1 - Un objet Maillon

Listes chaînées

La liste

La liste

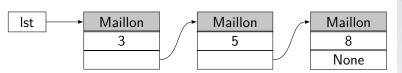


FIGURE 10 – La liste est une succession de maillons

Listes chaînées

Listes chaînées

lst = Maillon(3, Maillon(5, Maillon(8, None)))

Code 2 – Chaque maillon est le suivant d'un autre.

La liste - seconde approche

La liste - seconde approche

Listes chaînées

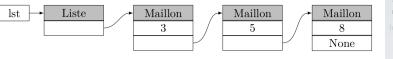


FIGURE 11 – L'objet Liste contient une référence à la tête.

- 1. L'attribut tete représente le premier Maillon.
- 2. Une liste vide renvoie alors None.

```
class Liste:
crée une liste chaînée
def __init__(self):
    self.tete: Maillon = None
```

 ${\sf Code}\ {\sf 3-Objet}\ {\bf Liste}$ 

Listes chaînées

iste chaînée

omparaison avec un ableau

Implémentation

Manipuler une liste

ille de la liste ième élément

#### Activité 2 :

- 1. Écrire la méthode  $est\_vide(self) \rightarrow bool qui$ renvoie True si la liste est vide, False sinon.
- 2. Écrire la méthode ajoute(self, val: int)  $\rightarrow$ None qui ajoute un Maillon en tête de la liste.
- 3. Créer la liste contenant les éléments 8, 5, 3.

Listes chaînées

```
def ext_vide(zelf) -> bool:
    return melf.tete is None
 def ajoute(self, val: int) => None:
    self.tete = Maillon(val, self.tete)
```

3

4

```
lst.ajoute(5)
lst.ajoute(5)
lst.ajoute(3)
                      Code 4 - Création de la liste
```

```
def est_vide(self) -> bool:
    return self.tete is None
def ajoute(self, val: int) -> None:
    self.tete = Maillon(val, self.tete)
```

```
lst = Liste()
lst.ajoute(8)
lst.ajoute(5)
lst.ajoute(3)
```

Code 4 – Création de la liste

Listes chaînées

La méthode \_\_str\_\_ permettra de visualiser l'état de la liste.

```
def __str__(self):
    m = self.tete
    s = ""
    while m is not None:
        s += str(m.valeur) + " - "
        m = m.suivant
    else:
        s += "fin"
    return s
```

```
print(lst)
```

Code 5 – Afficher la liste

Listes chaînées



Manipuler une liste chaînée - taille Activité 3

- L Écrire la méthode récursive taille\_rec(self, m: Maillon) -> int qui renvoie la taille de la
- Écrire la méthode taille(self) -> int qui renvoie la taille de la liste. Cette méthode utilisera
- Pour les plus avancés : Écrire la méthode native
- (itérative) len (self) → int qui redéfinit la fonction len pour la classe Liste.

# Manipuler une liste chaînée - taille

Pour connaître la taille de la liste il faut la parcourir entièrement.

#### Activité 3:

- 1. Écrire la méthode récursive taille\_rec(self, m: Maillon)  $\rightarrow$  int qui renvoie la taille de la liste démarrant à m
- 2. Écrire la méthode taille(self) → int qui renvoie la taille de la liste. Cette méthode utilisera taille\_rec.
- 3. Pour les plus avancés : Écrire la méthode native (itérative) len (self)  $\rightarrow$  int qui redéfinit la fonction len pour la classe Liste.

Listes chaînées

Taille de la liste

```
def taille_rec(self, m: Maillon) -> int:
    """
    méthode interne pour calculer la taille
    de la chaîne
    """
    if m is None:
        return 0
    else:
        return 1 + self.taille_rec(m.suivant)
```

te chaînée

mparaison avec un leau

nipuler une liste

Taille de la liste N-ième élément

## Listes chaînées -Manipuler une liste chaînée ☐ Taille de la liste

```
def taille(self) -> int:
    return self.taille rec(self.tete)
      Code 6 - Affichage de la taille de la liste
```

```
def taille(self) -> int:
      appel principal de la méthode récursive
     pour mesurer
       la taille de la chaîne
       11 11 11
      return self.taille_rec(self.tete)
6
```

```
print(lst.taille())
```

Code 6 – Affichage de la taille de la liste

Listes chaînées

Taille de la liste

```
maillon = relf.tete
taille = 0
while maillon is not None:
   maillon - maillon.guivant
   taille += 1
return taille
```

```
Code 7 - Appel de la fonction 1ea
```

```
def __len__(self) -> int:
    maillon = self.tete
    taille = 0
    while maillon is not None:
        maillon = maillon.suivant
       taille += 1
   return taille
```

```
print(len(lst))
```

Code 7 - Appel de la fonction len

Listes chaînées

Taille de la liste



Listes chaînées

N-ième élément

N-lime defement

I flat percent la liste jouge 'au rang a pour trouver
Füllmant.

1 flores la middlede récercie

pet, alesses, rec(salf, e; sat m: Maillan)

— int qui rennois la valeur de nième diferent de

la liste de demancaria à al security de la liste de middle de la liste de la list

Pour les plus avancés : Écrire la méthode native (itérative) \_\_getitem\_\_(self) → int qui redéfinit la structure à crochets (lst[n]) pour la

#### N-ième élément

Il faut parcourir la liste jusqu'au rang n pour trouver l'élément.

#### Activité 4 :

- Écrire la méthode récursive get\_element\_rec(self, n: int m: Maillon) → int qui renvoie la valeur du n-iéme élément de la liste démarrant à m
- Écrire la méthode get\_element(self) → int qui renvoie la valeur du n-iéme élément. Cette méthode utilisera get\_element\_rec.
- 3. Pour les plus avancés : Écrire la méthode native (itérative) \_\_getitem\_\_(self) → int qui redéfinit la structure à crochets (lst[n]) pour la classe Liste.

Listes chaînées

iste chaînée

Comparaison avec un

nplémentation

ampuler une lis laînée

N-ième élément

### Correction

```
def get_element_rec(self, n: int, m: Maillon) -> int:
    """
    méthode interne pour renvoyer le n-ième élément.
    """
    if n == 0:
        return m.valeur
    else:
        return self.get_element_rec(n-1, m.suivant)
```

Listes chaînées

Principe

omparaison avec un Ibleau

plémentation

Chaînée

Taille de la liste

N-ième élément

#### Correction

```
def get_element_rec(self, n: int, m: Maillon) -> int:
    méthode interne pour renvoyer le n-ième élément.
    # n est plus grand que la taille de la liste
    if m is None:
        raise IndexError("indice invalide")
    if n == 0:
        return m.valeur
    else:
        return self.get_element_rec(n-1, m.suivant)
```

Code 8 – Avec gestion du dépassement de taille

Listes chaînées

N-ième élément

## Correction

5

```
def get_element(self, n: int) -> int:
    """
    appel principal de la méthode récursive pour renvoyer le n-ième élément
    """
```

return self.get\_element\_rec(n, self.tete)

```
print(lst.get_element(3))
```

Code 9 – Appel de la fonction

Listes chaînées

Principe

Comparaison avec un

mplémentation

chaînée Taille de la liste N-ième élément



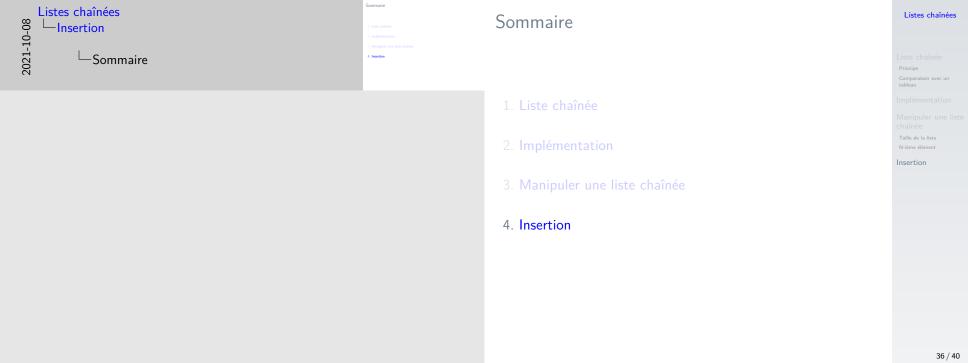
```
def __getitem__(self, n: int) -> int:
    renvoie l'élément de rang n. Les indices
   commencent à 0.
    11 11 11
    maillon = self.tete
    i = 0
    while i < n and maillon is not None:
        maillon = maillon.suivant
        i += 1
    if maillon is None:
        raise IndexError("indice invalide")
    return maillon.valeur
```

Code 10 – Appel de la fonction

print(lst[3])

Listes chaînées

N-ième élément



-Insertion

L'insertion d'un élément au rang n peut être réalisée sur le même principe. On prendra le parti d'insérer l'élément en fin si la valeur de n dépasse la taille de la liste. FIGURE 12 - Insertion de 4 au rang 2

#### Insertion

L'insertion d'un élément au rang n peut être réalisée sur le même principe. On prendra le parti d'insérer l'élément en fin si la valeur de n dépasse la taille de la liste.

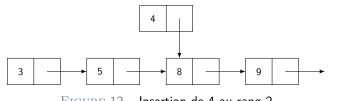
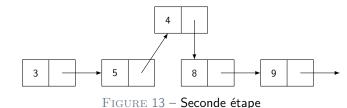


FIGURE 12 – Insertion de 4 au rang 2



Listes chaînées

Insertion

Il faut remarquer que la fonction inserer\_rec place en réalité l'élément au rang m+1.

### Activité 5 :

- Écrire la fonction récursive inserer\_rec(self, val: int, n: int, m: object) → None qui insère l'élément au rang n.
- Écrire la fonction inserer(self, val: int, n: int) → None qui insère l'élément val au rang n.
   Cette fonction gérera le cas ou n = 0.

## Remarque

Il faut remarquer que la fonction inserer\_rec place en réalité l'élément au rang n+1.

iste chaînée.

Comparaison avec u

olémentation

anipuler une liste aînée

aille de la liste I-ième élément

└─Correction

```
i mel inserer_sec(mid; val: iss, n: is
```

Correction

#### Correction

```
1 def inserer_rec(self, val: int, n: int, m:
      object) -> None:
       méthode interne pour placer val au rang n
       si n est trop grand, place l'élément en
      fin de liste
       11 11 11
       if m.suivant is None or n == 0:
           nouveau = Maillon(val, m.suivant)
           m.suivant = nouveau
       else:
           self.inserer_rec(val, n-1, m.suivant)
10
```

Listes chaînées

Liste chaînée

comparaison avec un ableau

ipiementation

ïnée le de la liste me élément

11

```
def inserer(self, val: int, n: int) -> None:
       appel principal de l'insertion pour
      placer val en n
       # gestion du cas particulier où l'
      insertion est en début
       if n == 0:
           nouveau = Maillon(val, self.tete)
           self.tete = nouveau
       else:
           # n-1 pour ajuster la position
10
```

self.inserer\_rec(val, n-1, self.tete)

ste chaînée

Comparaison avec un

plémentation

înée le de la liste