# 深度学习及其在点云中的应用

■ 指导老师: 刘斌昺

■ 报告人:李 涛



# CONTENTS









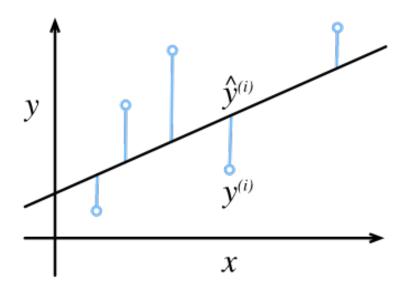


# 1.1 线性回归 (Linear Regression)

Q1: 已知某地段房屋面积、楼层、房龄等信息,如何根据以上信息估计房屋售价?

## ≻ 假设:

- 自变量和因变量之间的关系是线性的;
- 噪声遵循一定的概率分布,如正态分布。



基于线性假设,可以将目标(房屋售价)表示为特征(面积、房龄等)的加权和,如下式:

$$\hat{y} = w_1 x_1 + w_2 x_2 + \dots + w_d x_d + b \qquad (1 - 1)$$

$$\hat{y} = \mathbf{w}^T \mathbf{x} + b \tag{1-2}$$

当样本i的预测值为 $\hat{y}^{(i)}$ ,其相应的真实标签为 $y^{(i)}$ 时,平方误差可以定义为以下公式:

$$l^{i}(\mathbf{w}, b) = \frac{1}{2} (\hat{y}^{(i)} - y^{(i)})^{2}$$
 (1 - 3)

$$L(\mathbf{w}, b) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{2} (\mathbf{w}^{T} \mathbf{x}^{(i)} + b - y^{(i)})^{2} (1 - 4)$$

# 1.1 线性回归 (Linear Regression)

**Q2: 如何求解模型参数** (w, b)?

A1:解析解

线性回归是一个简单的优化问题,只需将损失关于w的导数设为0,即可求得解析解:

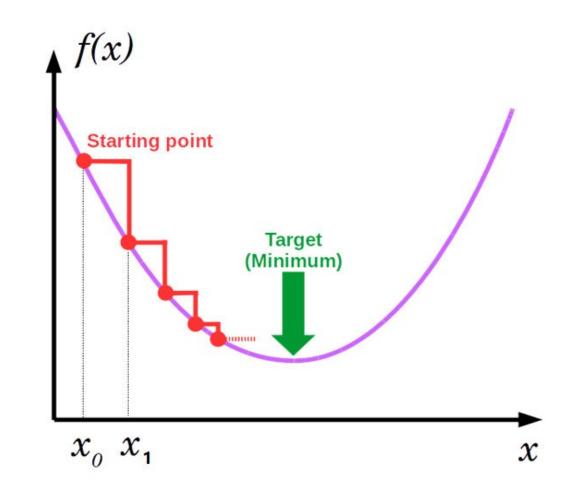
$$\mathbf{w}^* = (\mathbf{X}^T \mathbf{X})^{-1} \mathbf{X}^T \mathbf{y}$$
 (1 – 5)

## A2: 梯度下降法

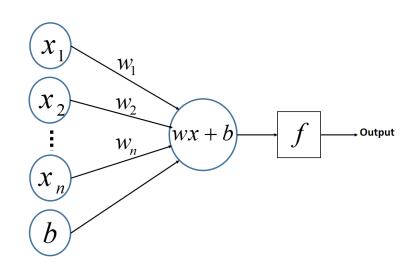
- 初始化模型参数的值, 如随机初始化;
- 从数据集中随机抽取小批量样本且在负 梯度的方向上更新参数,并不断迭代。

$$\mathbf{w} \leftarrow \mathbf{w} - \frac{\eta}{|\mathbf{B}|} \sum_{i \subseteq \mathbf{B}} \partial_{\mathbf{w}} l^{(i)}(\mathbf{w}, b) \quad (1 - 6)$$

$$b \leftarrow b - \frac{\eta}{|\mathbf{B}|} \sum_{i \in \mathbf{R}} \partial_b l^{(i)}(\mathbf{w}, b) \quad (1 - 7)$$



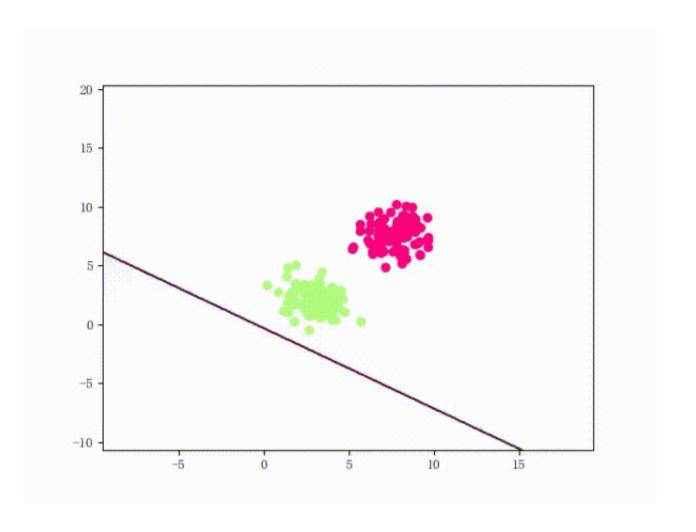
# 1.2 感知机 (Perceptron)



## 感知机的输出如下:

$$y = f(\mathbf{w}^T \mathbf{x} + b) \tag{1-8}$$

$$f(z) = \begin{cases} 0, & z < 0 \\ 1, & z \ge 0 \end{cases} \quad (1 - 9)$$



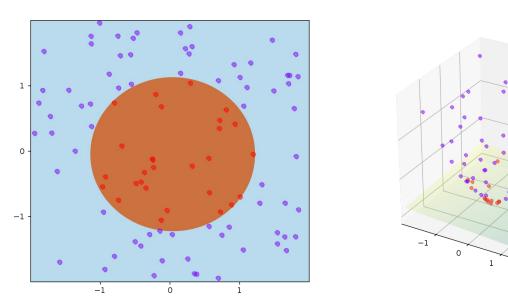
- 1. https://blog.csdn.net/xholes/article/details/78461164
- 2. https://www.cnblogs.com/huangyc/p/9706575.html

# 1.3 感知机的缺陷

#### ● 无法学习异或函数

# $\neg(x_1 \land x_2)$ $x_1 \wedge x_2$ $X_1$ $X_1$ $\chi_1 \vee \chi_2$ $x_1 \oplus x_2$ $X_1$

## ● 难以解决现实中的非线性可分问题



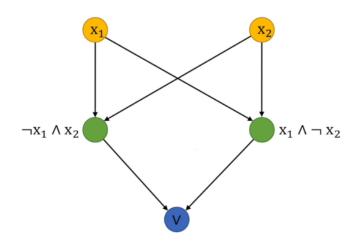
**核感知机** (kernel perceptron) 可以将非线性可分的问题转换为高维度线性可分的问题,但是在训练数据集的数据量m极大的情况下,每次计算的时间复杂度为O(m<sup>2</sup>),显然这是难以接受的。

File:Kernel trick idea.svg. (2020, September 16). Wikimedia Commons, the free media repository. Retrieved 04:52, March 18, 2022 from https://commons.wikimedia.org/w/index.php?title=File:Kernel trick idea.svg&oldid=461826833.

#### Q1:如何解决复杂的非线性可分问题?

$$x_1 \oplus x_2$$

$$(\neg x_1 \land x_2) \lor (x_1 \land \neg x_2)$$



## Q2:如何解决复杂的非线性可分问题?

$$H = XW^{(1)} + b^{(1)} \implies 0 = HW^{(2)} + b^{(2)} \implies$$

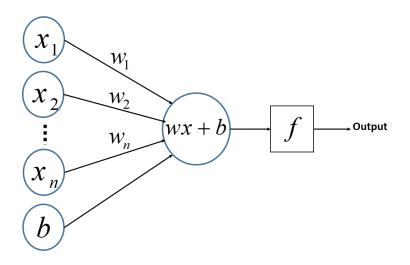
$$O = (XW^{(1)} + b^{(1)})W^{(2)} + b^{(2)}$$
$$= XW^{(1)}W^{(2)} + b^{(1)}W^{(2)} + b^{(2)}$$
$$= XW + b$$

## 多层线性模型的组合仍然是线性模型!

## 引入非线性部分→激活函数

$$H = \sigma(XW^{(1)} + b^{(1)})$$
$$O = HW^{(2)} + b^{(2)}$$

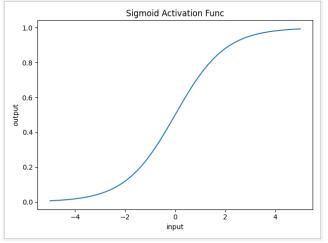
## 激活函数



## 感知机的输出如下:

$$y = f(\mathbf{w}^T \mathbf{x} + b) \tag{1-8}$$

$$f(z) = \begin{cases} 0, & z < 0 \\ 1, & z \ge 0 \end{cases} \quad (1 - 9)$$

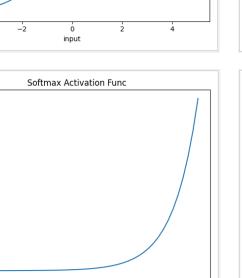


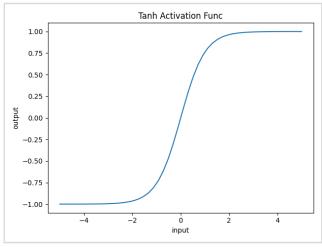
0.150

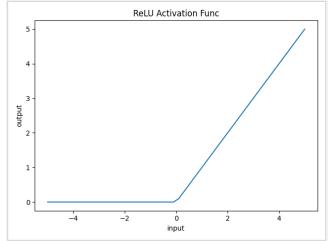
0.125

0.100 0.075

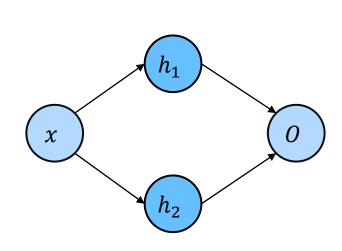
0.050







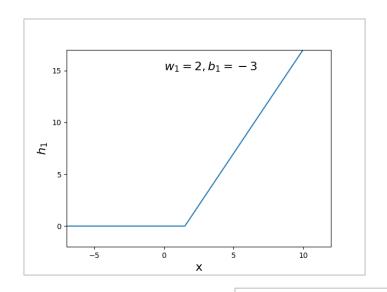
## 以ReLU为例演示多层感知机进行一维分类时的运行原理

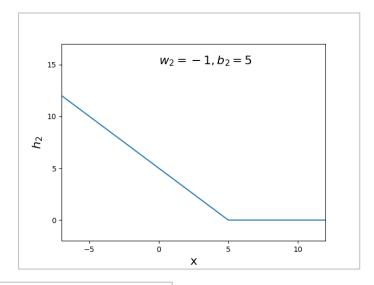


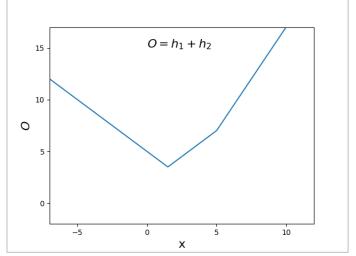
$$h_1 = ReLU(w_1 * x + b_1)$$

$$h_2 = ReLU(w_2 * x + b_2)$$

$$O = h_1 + h_2$$





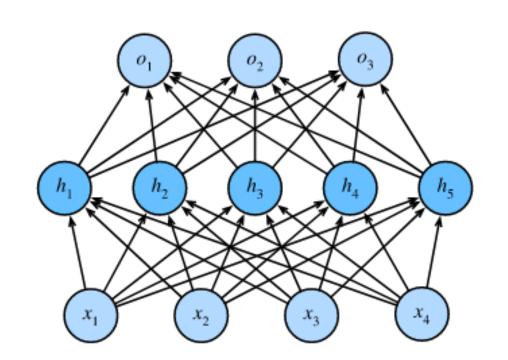


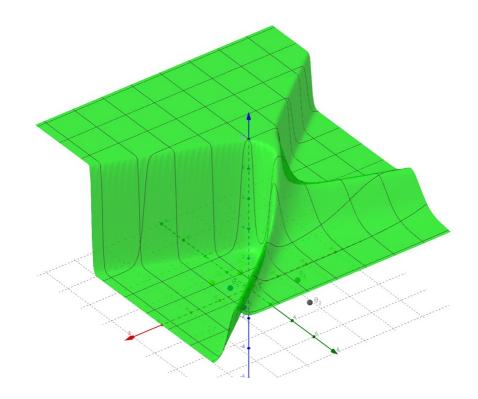
我们可以通过在网络中加入一个或多个隐藏层,使其能处理更普遍的函数关系类型。要做到这一点,最简单的方法是将许多全连接层堆叠在一起。每一层都输出到上面的层,直到生成最后的输出。这种架构称为*多层感知机*(multilayer perceptron),通常缩写为*MLP*。

输出层

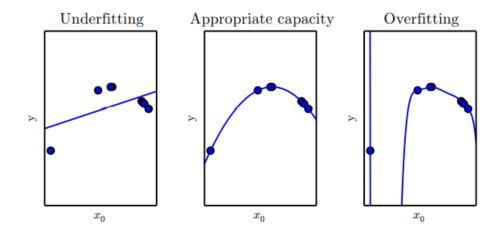
隐藏层

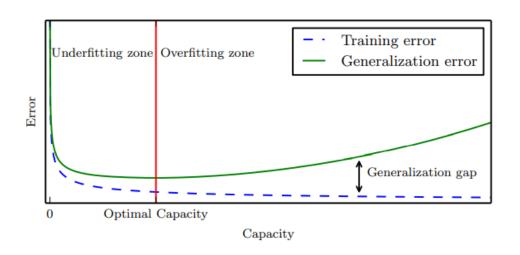
输入层





## 1.5 欠拟合和过拟合





过拟合是由于违背独立同分布假设而引起的问题。比如,在一个猫狗的二分类问题中,由于数据集没有黄猫和黑狗,模型不仅学习到了区分猫和狗的必要特征,还学习到了"黄毛不是猫,黑毛不是狗"的错误知识!

解决方法→正则化:权重衰减、Dropout等

# CONTENTS



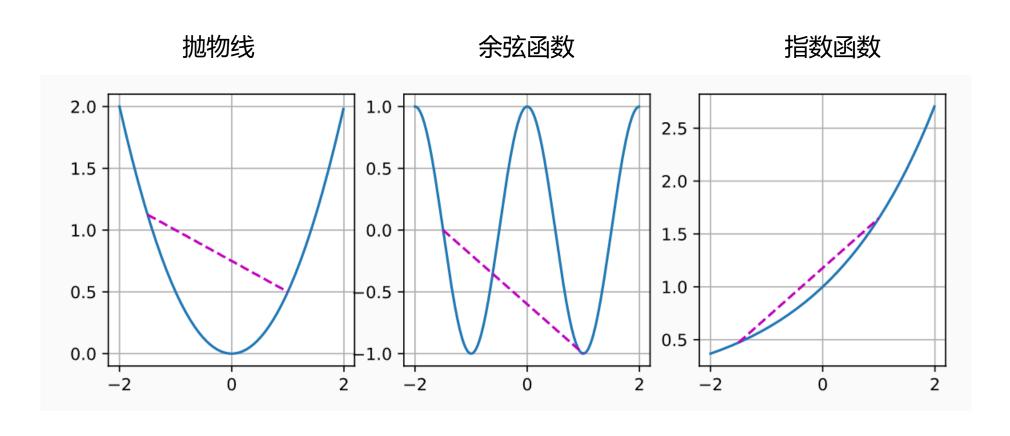






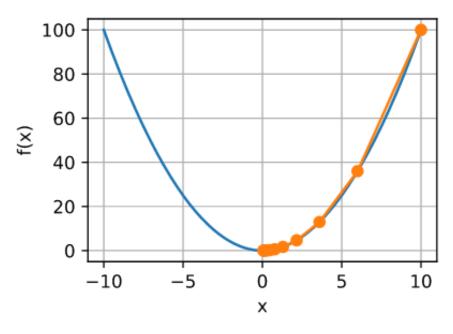


# 2.1 凸问题

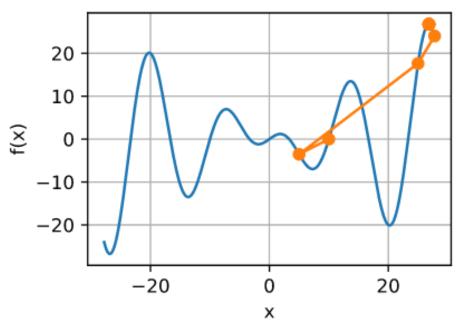


显然,余弦函数是非凸的,而抛物线和指数函数均为凸函数

## 2.2 优化算法



对于凸函数而言,局部极小值同时也是全局极小值

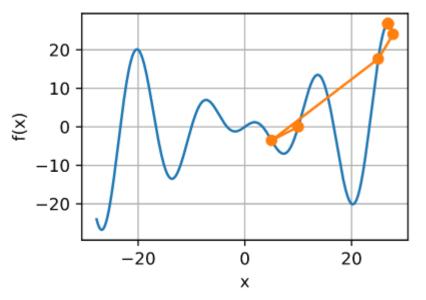


非凸函数存在多个极小值点, 找到全局极小值非常困难!

优化算法:随机梯度下降法 (SGD)、动量法、AdaGrad、Adam等,这些算法通过优化更新参数的方式,使得算法更可能收敛到较好结果。

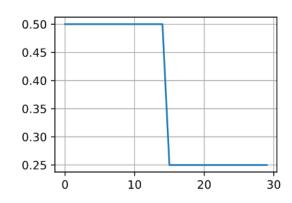
## 2.3 学习率

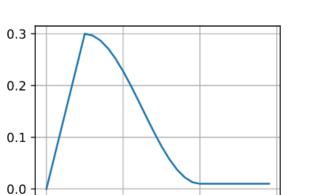
学习率过大,优化就会发散; 学习率太小,训练就会需要过长时间



$$w \leftarrow w - \frac{\eta}{|\mathbf{B}|} \sum_{i \subseteq \mathbf{B}} \partial_{\mathbf{w}} l^{(i)}(\mathbf{w}, b)$$
$$b \leftarrow b - \frac{\eta}{|\mathbf{B}|} \sum_{i \subseteq \mathbf{B}} \partial_{b} l^{(i)}(\mathbf{w}, b)$$

#### 手动阶跃式调节



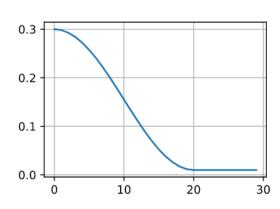


20

30

10

#### 余弦调度器



**预热**(初始设定较高的学习率可能会导致一开始就发散)

# CONTENTS





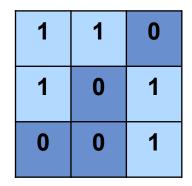


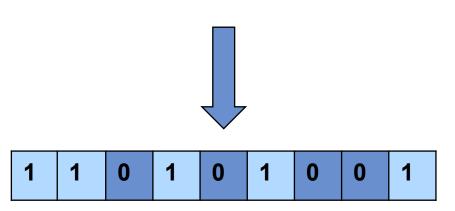




# 3.1 从MLP到卷积

如果直接将图像展平为一个一维向量,再利用MLP处理, 那么所需要的参数数量将是无法接受的。



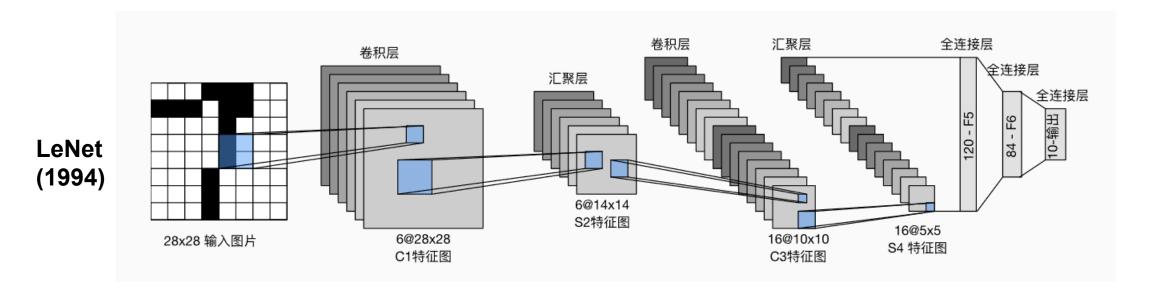




## 图像特征的性质:

- 1. 平移不变性 (translation invariance)
- 2. 局部性 (locality)

# 3.2 卷积神经网络的基本结构





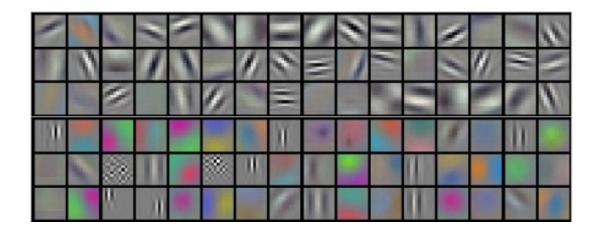
卷积层

汇聚层 (pooling)

## 3.3 AlexNet



2012年, AlexNet横空出世。它首次证明了学习到的特征可以超越手工设计的特征吗,一举打破了计算机视觉研究的现状。AlexNet使用了8层卷积神经网络,并以很大的优势赢得了2012年ImageNet图像识别挑战赛。



从LeNet(左)到AlexNet (右)

AlexNet第一层卷积层学习到的特征

# CONTENTS





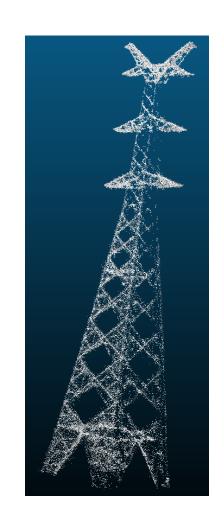






## 4.1 什么是点云?

601916.90760040 2409916.66970062 32.09039967 230 233 238 601916.89900208 2409916.60889816 32.17090027 229 230 235 601916.93039703 2409916.56330109 32.11040012 218 227 236 601917.16169739 2409915.70389938 32.50990002 216 226 233 601917.23020172 2409915.59870148 32.47230045 238 245 253 601917.27300262 2409915.54679871 32.43949978 242 244 246 601917.30860138 2409915.47019958 32.39000027 199 196 203 601917.37159729 2409915.38349915 32.34940044 143 132 135 601919 90319824 2409917 55170059 25 72219984 153 159 167 601921.02220154 2409918.35070038 23.02980010 134 146 160 601921 08550262 2409918 10129929 23 06219999 237 249 255 601917.72579956 2409914 28089905 32.63329975 114 129 118 601917.75859833 2409914.15779877 32.71100037 124 124 130 601917.78820038 2409914.03110123 32.83079998 135 125 133 601917.83560181 2409913.87570190 32.90099995 225 231 226 601917.82489777 2409913.83980179 32.92809956 247 255 255 601917.83380127 2409913.70339966 33.05980007 249 248 254 601917.88899994.2409913.58309937.33.00030033.115.124.139 601917.95290375 2409913.51459885 32.94980042 215 220 223



杆塔的XYZ点云数据

点云数据常见格式有OFF、PLY、PTS、PTX、XYZ、LAS/LAZ等。其中LAS/LAZ格式 文件已成为LiDAR数据的工业标准格式。

## 4.2 点云数据处理

## 1. 点云滤波

点云滤波的主要方法有:双边滤波、高斯滤波、条件滤波、直通滤波、随机采样一致滤波、VoxelGrid滤波等,这些算法都被封装在了PCL库中。

## 2. 点云关键点

常见的三维点云关键点提取算法: ISS3D、Harris3D、NARF、SIFT3D, 在PCL库均有实现。

## 3. 特征和特征描述

常用的特征描述算法有:法线和曲率计算、特征值分析、PFH、FPFH、3D Shape Context、Spin Image等。

#### 4. 点云配准

常用算法有两种: NDT&ICP

#### 5. 点云分割与分类

分割:区域声场、Ransac线面提取、NDT-RANSAC、K-Means、Normalize Cut、3D Hough Transform(线面提取)、连通分析

分类:基于点的分类,基于分割的分类,监督分类与非监督分类

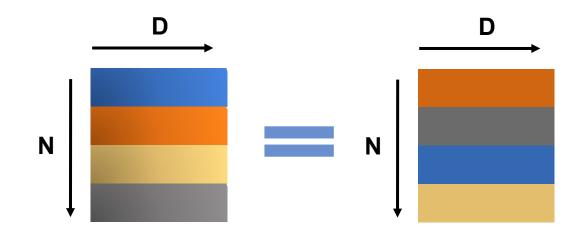
#### 6. 三维重建

泊松重建、Delauary triangulatoins、KinectFusion、Kintinuous、ElasticFusion、ElasticReconstruction、InfiniTAM、DynamicFusion等。

## 4.3 点云数据的特征

## 三维点云数据特性:

- 1. 非结构化数据
- 2. 无序性排列
- 3. 旋转不变性
- 4. 数据点近密远疏
- 5. 数据缺失



传统点云处理算法需要针对特定的点云数据手动进行特征提取,效率不高,算法鲁棒性也不够好,难以即时高效处理大量点云数据;同时,这些方法也未能充分利用特征之间的一致性和互补信息,因此很难捕获高级语义结构。

# CONTENTS



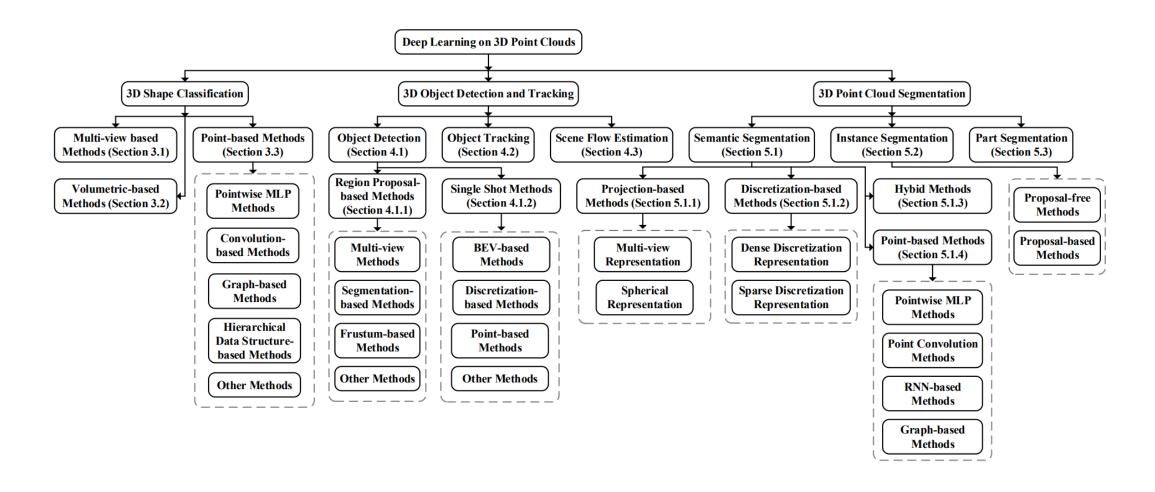


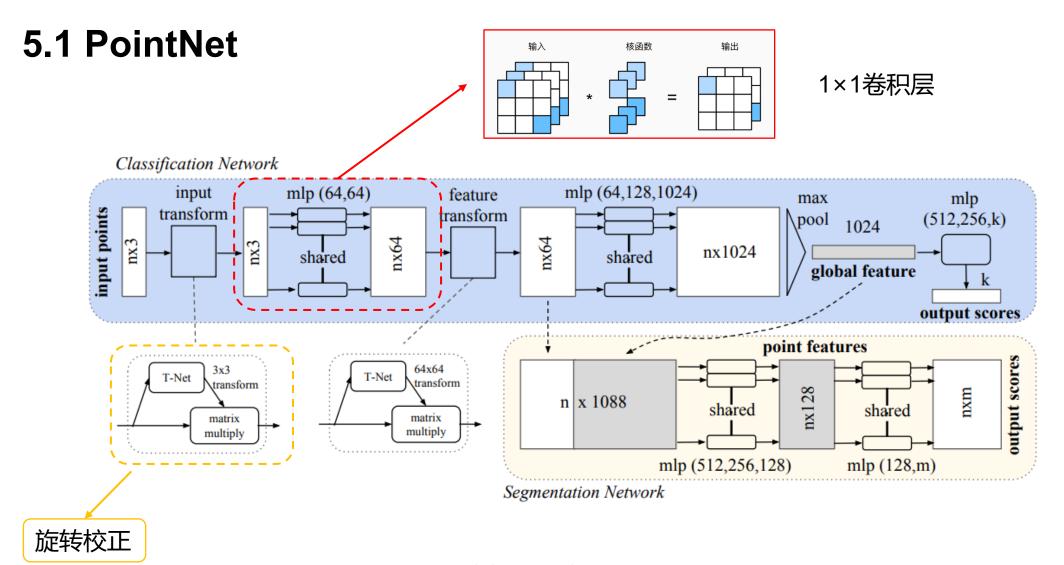






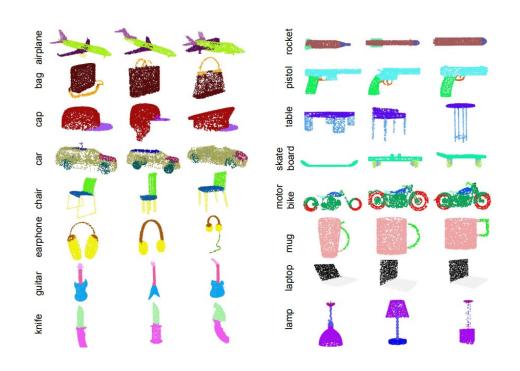
## 5.1 深度学习在点云中的应用

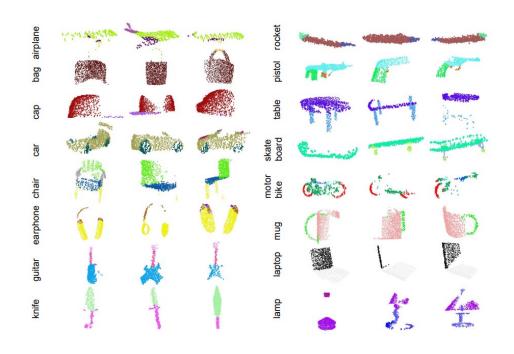




PointNet当时不论是分割还是分类的结果都超过了当时的体素 系列网络,同时由于参数少等特点,训练快,属于轻量级网络。

## **5.1 PointNet**



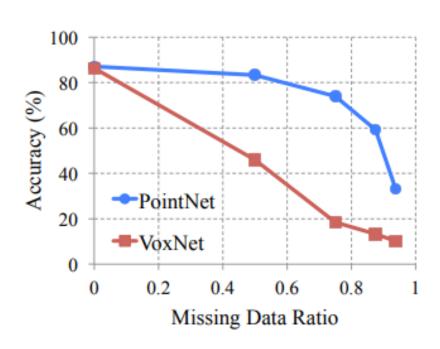


PointNet segmentation results on complete CAD models

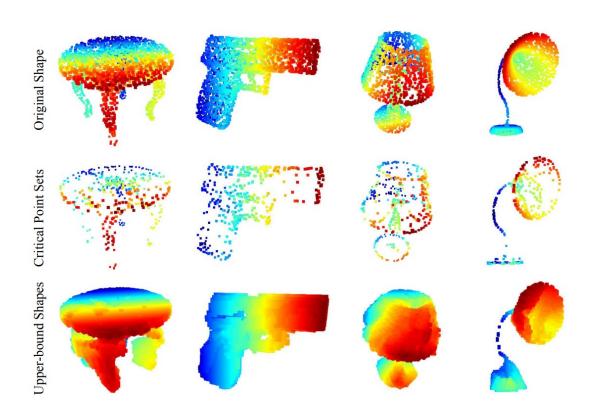
PointNet segmentation results on simulated Kinect scans

## 5.1 PointNet

## 算法鲁棒性



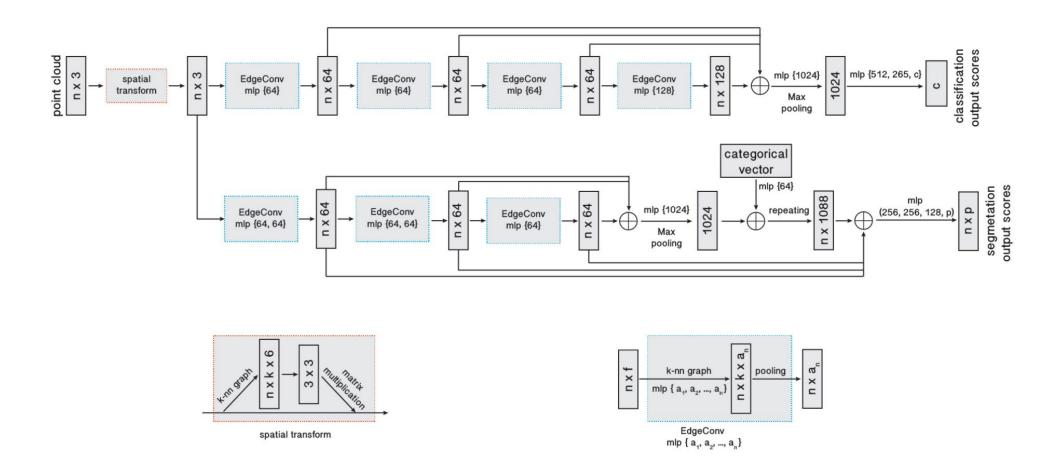
在点云数据缺失60%时,准确率都没有明显降低



能够最大程度激活网络的点都是物体的主干点, 将其上采样,很容易就能得到原始的结构。

## 5.2 DGCNN

## 动态图神经网络



## **5.3 PCT**

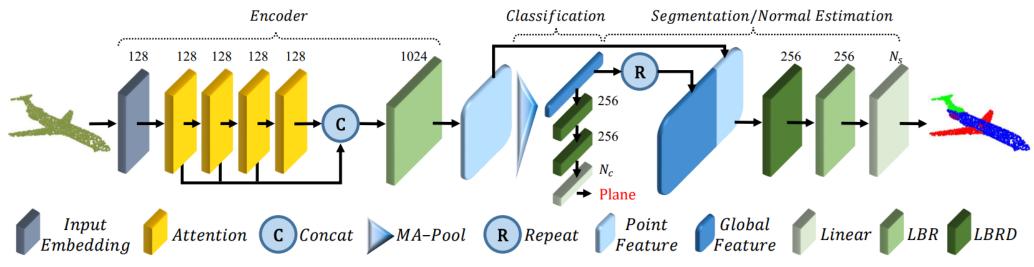


Figure 2. PCT architecture. The encoder mainly comprises an *Input Embedding* module and four stacked *Attention* module. The decoder mainly comprises multiple *Linear* layers. Numbers above each module indicate its output channels. *MA-Pool* concatenates *Max-Pool* and *Average-Pool*. *LBR* combines *Linear*, *BatchNorm* and *ReLU* layers. *LBRD* means *LBR* followed by a *Dropout* layer.

将Transformer迁移到点云学习,也取得了比较好的效果。

# 参考文献

- [1] 周志华, 机器学习, 清华大学出版社, 2016.
- [2] Goodfellow I, Bengio Y, Courville A. Deep learning[M]. MIT press, 2016.
- [3] Zhang A, Lipton Z C, Li M, et al. Dive into deep learning[J]. arXiv preprint arXiv:2106.11342, 2021.
- [4] Krizhevsky A, Sutskever I, Hinton G E. Imagenet classification with deep convolutional neural networks[J]. Advances in neural information processing systems, 2012, 25.
- [5] Guo Y, Wang H, Hu Q, et al. Deep learning for 3d point clouds: A survey[J]. IEEE transactions on pattern analysis and machine intelligence, 2020, 43(12): 4338-4364.
- [6] Qi C R, Su H, Mo K, et al. Pointnet: Deep learning on point sets for 3d classification and segmentation[C]//Proceedings of the IEEE conference on computer vision and pattern recognition. 2017: 652-660.
- [7] Qi C R, Yi L, Su H, et al. Pointnet++: Deep hierarchical feature learning on point sets in a metric space[J]. Advances in neural information processing systems, 2017, 30.
- [8] Wang Y, Sun Y, Liu Z, et al. Dynamic graph cnn for learning on point clouds[J]. Acm Transactions On Graphics (tog), 2019, 38(5): 1-12.
- [9]Guo Y, Wang H, Hu Q, et al. Deep learning for 3d point clouds: A survey[J]. IEEE transactions on pattern analysis and machine intelligence, 2020, 43(12): 4338-4364.
- [10] Guo M H, Cai J X, Liu Z N, et al. Pct: Point cloud transformer[J]. Computational Visual Media, 2021, 7(2): 187-199.

# • Thank you!