

Лекция 3: Использование графических процессоров для ускорения вычислений. Базовые понятия

Н.Д. Смирнова

Санкт-Петербургский государственный Политехнический университет

6.10.2011

Содержание

1 Основные термины

- Термины
- GPU vs CPU

2 Основные операции над потоками данных

- Gather & Scatter
- Map
- Reduce
- Binary search
- Scan
- Sort

Содержание

- 1 Основные термины
 - Термины
 - GPU vs CPU
- 2 Основные операции над потоками данных
 - Gather & Scatter
 - Map
 - Reduce
 - Binary search
 - Scan
 - Sort

Терминология

знакомые понятия

- поток инструкций = программа
- поток данных = данные для выполнения программы

вводим новые базовые понятия

- kernel (ядро ¹) - программа обработки потока данных
- stream (поток) - данные для выполнения программы

в компьютерной графике

- kernel = vertex shader, fragment (pixel) shader
- stream = vertex data, fragment data: position, texture coordinates, color,...
- global data = глобальная информация: матрицы трансформаций, положение источников света, время,...

¹не путаем с "core" - ядром графической платы

Обработка потоков (stream processing)

Kernel²

- функция, применяемая к каждому элементу потока данных (stream'a)
 - трансформация,...
- подразумевает низкую зависимость между элементами потока данных
 - способствует высокой *арифметической интенсивности* (arithmetic intensity = operations / words transfered)

Stream

- набор блоков данных, требующих сходной обработки
 - позиции вершин, ячейки трехмерной сетки, ячейки метода конечных элементов,...
- подходит для data-parallelism'a

²General-Purpose Computation on Graphics Hardware. Introduction. David Luebke, NVIDIA, SUPERCOMPUTING 2006.

Содержание

1 Основные термины

- Термины
- GPU vs CPU

2 Основные операции над потоками данных

- Gather & Scatter
- Map
- Reduce
- Binary search
- Scan
- Sort

Аналогии между GPU и CPU

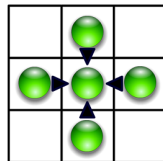
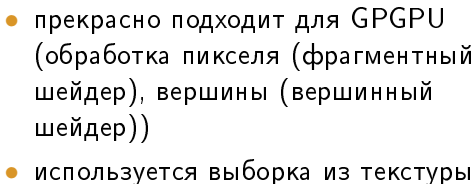
GPU	CPU
текстуры (textures)	массивы (arrays)
фрагментный шейдер (fragment shader)	"внутренность" цикла
render-to-texture	feedback
отрисовка (geometry rasterization)	запуск вычислений
текстурные координаты	область данных, необходимых для вычислений (computational domain)
вершинные координаты	область записи результатов вычислений (computational range)

Содержание

- 1 Основные термины
 - Термины
 - GPU vs CPU
- 2 Основные операции над потоками данных
 - Gather & Scatter
 - Map
 - Reduce
 - Binary search
 - Scan
 - Sort

Содержание

- 1 Основные термины
 - Термины
 - GPU vs CPU
- 2 Основные операции над потоками данных
 - Gather & Scatter
 - Map
 - Reduce
 - Binary search
 - Scan
 - Sort

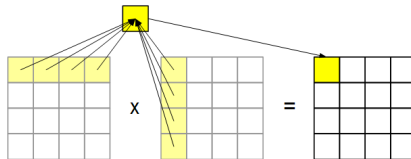


Gather - пример

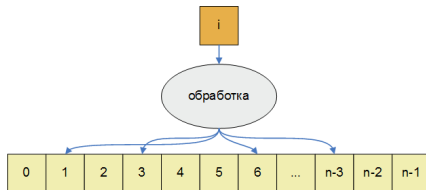
- фильтрация изображения: для расчета каждого пикселя используются данные и некоторой его окрестности (соседние пиксели)
 - пример: blur (размывание)



- перемножение матриц



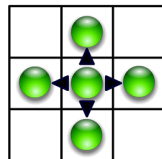
Scatter - рассеивание данных



для GPGPU **все уже не так радужно:**

- ❶ за 1 шаг через обработку вершин (т.к. только позицию вершины можно менять)
- ❷ либо в 2 шага:
 - ❶ запись (*данные + адрес*)
 - ❷ перестановка данных по адресам

отсутствие полноценного scatter во фрагментных шейдерах сильно влияет на алгоритмы



Содержание

- 1 Основные термины
 - Термины
 - GPU vs CPU
- 2 Основные операции над потоками данных
 - Gather & Scatter
 - **Map**
 - Reduce
 - Binary search
 - Scan
 - Sort

Map - отображение

- Дано:
 - массив или поток данных A
 - функция $f(x)$
- $\text{map}(A, f)$ = применить f к каждому элементу данных $a_i \in A$
- реализация на GPU - элементарна
 - A - текстура, a_i - тексели текстуры
 - $f(x)$ - фрагментный шейдер
 - надо нарисовать квадрат с количеством пикселей, равным количеству текселей в A
 - результат сохранить в другой текстуре B
 - получить данные из текстуры B
- получили $A \xrightarrow{f} B$

Содержание

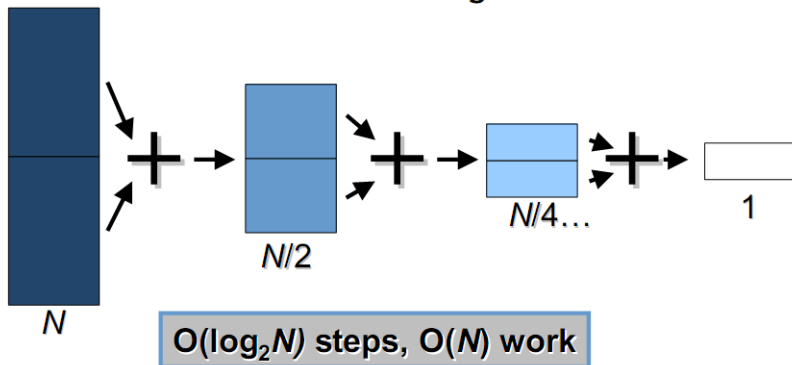
- 1 Основные термины
 - Термины
 - GPU vs CPU
- 2 Основные операции над потоками данных
 - Gather & Scatter
 - Map
 - Reduce
 - Binary search
 - Scan
 - Sort

Reduce - уменьшение потока данных

- Дано:
 - поток упорядоченных данных $A = \{a_i\}$
 - бинарный ассоциативный оператор \oplus с единицей
- $reduce(\oplus, A) = a_0 \oplus a_1 \oplus a_2 \oplus \dots \oplus a_{n-1}$ применяется к данным, чтобы уменьшить их количество (часто до 1 элемента)
- пример: $reduce(+, 3, 1, 7, 0, 4, 1, 6, 3) = 25$
- обычно используется для вычисления: $+$, \times , \min , \max
- получили $A \xrightarrow{\oplus} b$
- операции с плавающей запятой - псевдоассоциативны

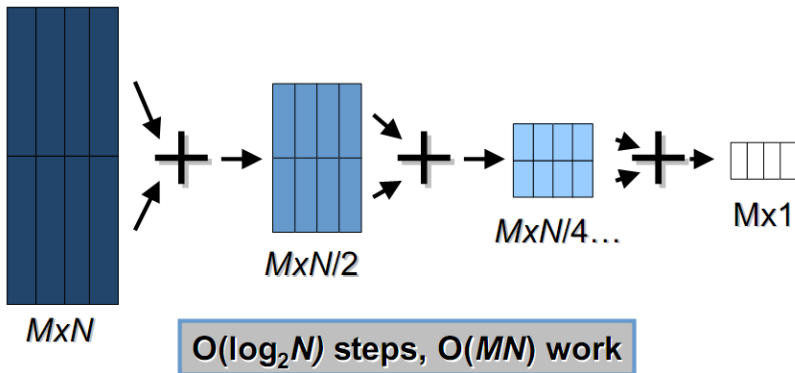
Пример: 1D-reduction

- складываем 2 половины данных поэлементно
- повторяем
- до тех пор пока не останется 1 элемент



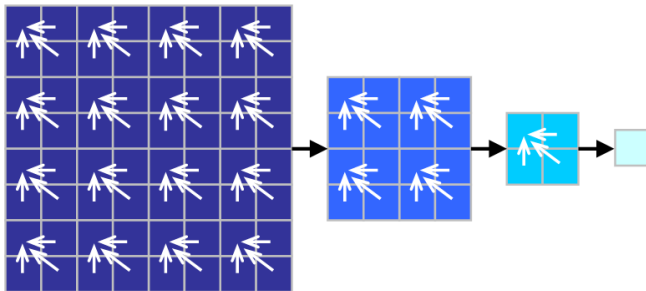
Пример: MX1D-reduction

- можно параллельно сделать M редукций
- 2D текстуру уменьшаем до 1D текстуры



Пример: 2D-reduction

- тоже самое, что и 1D, только редукция проводится одновременно по двум направлениям



- можно обрабатывать больше чем 2x2 пикселей
 - K - количество обрабатываемых элементов за шаг
 - шагов $O(\log_K^N)$
 - выбор K зависит от возможностей железа

Содержание

- 1 Основные термины
 - Термины
 - GPU vs CPU
- 2 Основные операции над потоками данных
 - Gather & Scatter
 - Map
 - Reduce
 - Binary search
 - Scan
 - Sort

Binary search - бинарный поиск

- дан поток данных $A = \{a_i\}$ с возможностью сравнения
- необходимо найти элемент
- один конкретный поиск не распараллеливается
- но можно выполнять несколько поисков параллельно ³

³"A Toolkit for Computation on GPUs". Ian Buck and Tim Purcell. In GPU Gems. Randy Fernando, ed. 2004

Содержание

- 1 Основные термины
 - Термины
 - GPU vs CPU
- 2 Основные операции над потоками данных
 - Gather & Scatter
 - Map
 - Reduce
 - Binary search
 - Scan
 - Sort

Scan (all-prefix-sums) - построение всех префиксных сумм

- Дано:
 - поток упорядоченных данных $A = \{a_i\}$
 - бинарный ассоциативный оператор \oplus с единицей
- $\text{scan}(\oplus, A) = \{a_0, (a_0 \oplus a_1), \dots, (a_0 \oplus \dots \oplus a_{n-1})\}$ - inclusive scan⁴
- пример:

$$\text{scan}(+, 3, 1, 7, 0, 4, 1, 6, 3) = \{3, 4, 11, 11, 15, 16, 22, 25\}$$
- получили $A \xrightarrow{\oplus} B = \{b_i\}$
- оператор выглядит абсолютно последовательным

⁴Parallel Prefix Sum(Scan) for CUDA, Mark Harris, 2007

Применение

- Radix sort, Quicksort
- String comparison
- Lexical analysis
- Histograms
- Tree operations

Наивный алгоритм

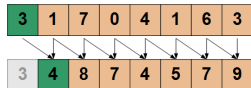
3	1	7	0	4	1	6	3
---	---	---	---	---	---	---	---

эффективен по шагам, но не по количеству операций⁵

- $O(\log n)$ шагов, $O(n \log n)$ сложений
- последовательный алгоритм - $O(n)$ сложений
- $\log(n)$ дает замедление в 20 раз на 10^6 элементах

⁵Horn, Daniel. Stream reduction operations for GPGPU applications. GPU Gems 2.<http://developer.nvidia.com/node/17>

Наивный алгоритм

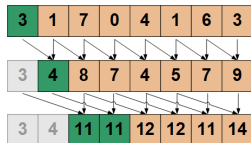


эффективен по шагам, но не по количеству операций⁵

- $O(\log n)$ шагов, $O(n \log n)$ сложений
- последовательный алгоритм - $O(n)$ сложений
- $\log(n)$ дает замедление в 20 раз на 10^6 элементах

⁵Horn, Daniel. Stream reduction operations for GPGPU applications. GPU Gems 2. <http://developer.nvidia.com/node/17>

Наивный алгоритм

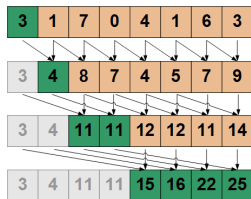


эффективен по шагам, но не по количеству операций ⁵

- $O(\log n)$ шагов, $O(n \log n)$ сложений
- последовательный алгоритм - $O(n)$ сложений
- $\log(n)$ дает замедление в 20 раз на 10^6 элементах

⁵Horn, Daniel. Stream reduction operations for GPGPU applications. GPU Gems 2. <http://developer.nvidia.com/node/17>

Наивный алгоритм



эффективен по шагам, но не по количеству операций ⁵

- $O(\log n)$ шагов, $O(n \log n)$ сложений
- последовательный алгоритм - $O(n)$ сложений
- $\log(n)$ дает замедление в 20 раз на 10^6 элементах

⁵Horn, Daniel. Stream reduction operations for GPGPU applications. GPU Gems 2. <http://developer.nvidia.com/node/17>

Использование "сбалансированных деревьев"

Деревья часто используются в параллельных алгоритмах

- обычная практика: построить дерево и, заметанием вверх, а потом вниз, сделать необходимые вычисления
- дерево - концептуальная структура, а не реальная

Для скана:

- проходом от листьев к корню посчитать суммы в промежуточных узлах
- обратным проходом, используя суммы в узлах, посчитать недостающие суммы

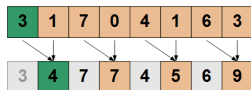
Использование "сбалансированных деревьев"

3	1	7	0	4	1	6	3
---	---	---	---	---	---	---	---

не очень эффективен по шагам, зато эффективен по количеству операций

- $O(\log n)$ шагов, $O(\log n)$ сложений
- теряет производительность на тех этапах, где обрабатывается мало элементов

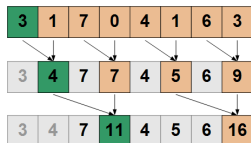
Использование "сбалансированных деревьев"



не очень эффективен по шагам, зато эффективен по количеству операций

- $O(\log n)$ шагов, $O(\log n)$ сложений
- теряет производительность на тех этапах, где обрабатывается мало элементов

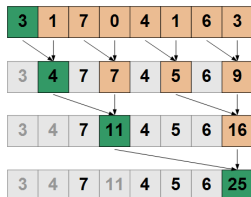
Использование "сбалансированных деревьев"



не очень эффективен по шагам, зато эффективен по количеству операций

- $O(\log n)$ шагов, $O(\log n)$ сложений
- теряет производительность на тех этапах, где обрабатывается мало элементов

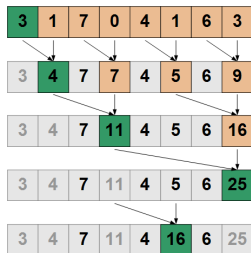
Использование "сбалансированных деревьев"



не очень эффективен по шагам, зато эффективен по количеству операций

- $O(\log n)$ шагов, $O(\log n)$ сложений
- теряет производительность на тех этапах, где обрабатывается мало элементов

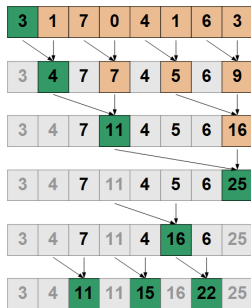
Использование "сбалансированных деревьев"



не очень эффективен по шагам, зато эффективен по количеству операций

- $O(\log n)$ шагов, $O(\log n)$ сложений
- теряет производительность на тех этапах, где обрабатывается мало элементов

Использование "сбалансированных деревьев"



не очень эффективен по шагам, зато эффективен по количеству операций

- $O(\log n)$ шагов, $O(\log n)$ сложений
- теряет производительность на тех этапах, где обрабатывается мало элементов

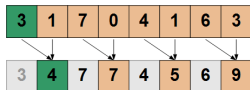
Гибридный метод

3	1	7	0	4	1	6	3
---	---	---	---	---	---	---	---

переключается на наивный метод для шагов с малым количеством сложений⁶

⁶YA Work-Efficient Step-Efficient Prefix Sum Algorithm. Shubhabrata Sengupta, Aaron E. Lefohn, John D. Owens. In Proceedings of the 2006 Workshop on Edge Computing Using New Commodity Architectures

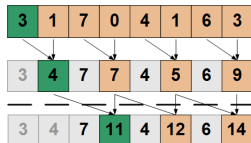
Гибридный метод



переключается на наивный метод для шагов с малым количеством сложений⁶

⁶YA Work-Efficient Step-Efficient Prefix Sum Algorithm. Shubhabrata Sengupta, Aaron E. Lefohn, John D. Owens. In Proceedings of the 2006 Workshop on Edge Computing Using New Commodity Architectures

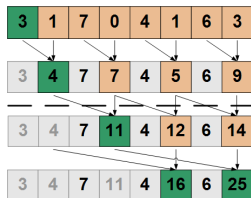
Гибридный метод



переключается на наивный метод для шагов с малым количеством сложений⁶

⁶YA Work-Efficient Step-Efficient Prefix Sum Algorithm. Shubhabrata Sengupta, Aaron E. Lefohn, John D. Owens. In Proceedings of the 2006 Workshop on Edge Computing Using New Commodity Architectures

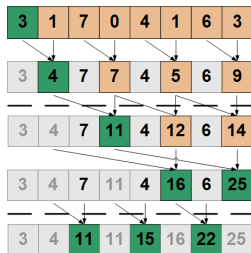
Гибридный метод



переключается на наивный метод для шагов с малым количеством сложений ⁶

⁶YA Work-Efficient Step-Efficient Prefix Sum Algorithm. Shubhabrata Sengupta, Aaron E. Lefohn, John D. Owens. In Proceedings of the 2006 Workshop on Edge Computing Using New Commodity Architectures

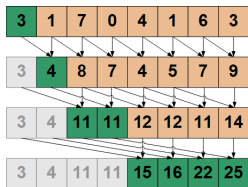
Гибридный метод



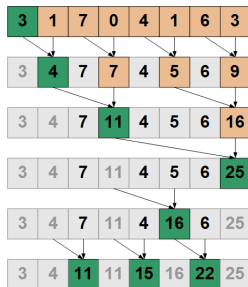
переключается на наивный метод для шагов с малым количеством сложений ⁶

⁶YA Work-Efficient Step-Efficient Prefix Sum Algorithm. Shubhabrata Sengupta, Aaron E. Lefohn, John D. Owens. In Proceedings of the 2006 Workshop on Edge Computing Using New Commodity Architectures

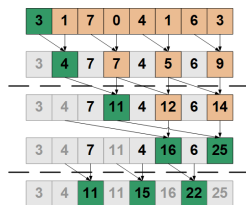
Сравнение



- 3 шага
- 17 сложений



- 5 шагов
- 11 сложений



- 4 шага
- 12 сложений

Содержание

- 1 Основные термины
 - Термины
 - GPU vs CPU
- 2 Основные операции над потоками данных
 - Gather & Scatter
 - Map
 - Reduce
 - Binary search
 - Scan
 - Sort

Sort - сортировка

- Дано:
 - поток неупорядоченных данных $A = \{a_i\}$
 - kernel** = {compare, swap} - сравнивает и переставляет элементы
- $sort(kernel, A) = \{a_2 \leq a_1 \leq \dots \leq a_{n-1}\}$
- пример: $scan(\leq, 3, 1, 7, 0, 4, 1, 6, 3) = \{0, 1, 1, 3, 3, 4, 6, 7\}$
- bitonic merge sort ⁷ (пройдем чуть позже)
- periodic balanced sorting networks ⁸

⁷http://en.wikipedia.org/wiki/Bitonic_sorter

⁸http://en.wikipedia.org/wiki/Sorting_networks

Использованные материалы

- Introduction to GPGPU Programming . David Luebke. NVIDIA. Workshop. SUPERCOMPUTING'06
- Data-Parallel Algorithms on GPUs. Mark Harris. NVIDIA. Workshop. SUPERCOMPUTING'06
- Horn, Daniel. Stream reduction operations for GPGPU applications. GPU Gems2.
<http://developer.nvidia.com/node/17>

ПРОДОЛЖЕНИЕ СЛЕДУЕТ...