# 程序思路总结-六院八队

# 版权声明

- 1、代码、本文章作者: 王东旭、易惠康、韩 晗
- 2、未经作者同意,请勿将代码和本文章转发、搬运至互联网其它平台
- 3、在代码和本文章中,提到的由作者自己想出的算法思路,未经作者同意请勿私自用于自己 paper 中
- 4、作品的版权归华为大赛组委会所有,大赛组委会独家拥有包括但不限于以下方式行使著作权:享有对所属大赛作品方案进行再设计、生产、销售、展示、出版、开源和宣传等权利

1	概述		4
	1. 1	写在前面的话	4
	1. 2	工程使用方法&目录结构	5
	1. 3	程序结构	7
		1.3.1 coding 分工	7
		1.3.2 search_route 函数	7
		1.3.3 search_double_route 函数	8
		1.3.4 search_single_route 函数	8
		1.3.5 LKH 函数	9
		1.3.6 findTour 函数	9
		1.3.7 其它重要函数	9
	1. 4	复赛和决赛使用用例	10
	1. 5	符号描述	10
	1. 6	调试环境	11
2	求单组	条路思路	12
	2. 1	算法描述	12
	2. 2	规模压缩阶段	13
	2. 3	解决 atsp 问题	13
		2.3.1 ascent 阶段-求候选集	13
		2.3.2 LKH report 几个非常重要的理论	14
		2.3.3 无向 K-opt	15
		2.3.4 关于有向 K-opt 和无向 K-opt	16
		2.3.5 关于 Non-sequential K-opt 和 Sequential K-opt	20
		2.3.6 LKH 短板: initial tour	20
		2.3.7 指派算法 KM 粗略克服 LKH 短板	21
		2.3.8 小结	21
	2. 4	"升级"操作的两种方案	21
	2. 5	规模压缩阶段-续	22
	2. 6	规模压缩-优点与缺点	22
3	迭代求	两条路思路	23
	3. 1	算法描述	23
		3.1.1 南京苏州赛区-"司机小胖"队算法描述	23
	3. 2	"增量式惩罚"方案	24
	3. 3	"小无穷惩罚"方案	24
	3. 4	启发式规则"必经点集合互不侵占"	24

	3.5 启发	:式规则"规模压缩阶段不走老路"	25
	3.5 使用	l hash 保存结果避免重算	25
	3.6 两点	间有多条边的处理	26
	3.6.1	读入阶段	26
	3.6.2	2 两条路迭代阶段	26
	3.6.3	3 关于 3.6.2 的进一步思考	26
参	考文献		27

# 1 概述

# 1.1 写在前面的话

首先,感谢比赛的工作人员们,比赛的成功举办离不开你们在比赛背后的努力与付出,为我们选手保驾护航。这次深圳之行也见到了出题人,出 case 的博士,回答问题的版主大人。作为选手,见到大牛们和 HR 在为我们不辞辛苦地奔波真的感到非常感动。让我们再看他们英俊的身影看 ,快戳我。

我们作为参加比赛的老司机,本科时候也是参加过各种比赛,拿过各种奖, 在我们看来,比赛有三点好处:

- 1、收获一群志同道合的小伙伴。
- 2、获得知识、技能,锻炼自己。人的潜力在比赛中、在竞争中才会更加凸显。所谓 deadline 是第一生产力。
  - 3、拿奖、拿钱、拿 offer。

至于公平性、开源代码、跨赛区等期逼话题,请转 http://www.znczz.com/thread-105261-1-1.html,其中的"传承"可以替换为"开源代码",意思差不多。这是本人(王)本科做了三年的某比赛的论坛某贴,一直珍藏。虽然比赛不一样,可是里面写的话我感觉不仅适用于比赛,也适用于工作生活, 拿来与大家分享。 附上当年参加比赛的身影:http://v.youku.com/v\_show/id\_XNzQ3MDUz0DQ0.html,百度云链接:http://pan.baidu.com/s/107SK8yQ密码:ihbn。这个比赛是偏硬件、控制,为期更长,需要付出更多,会有更大的不确定性,由于学校传承、裁判的偏心或失误会造成更大的不公平性。

回到华为比赛,我感觉才举办第二届就办成这么有模有样已经很成功了。现实中没有十全十美的事情,组委会既然制定了规则,只有没有 bug,大家在同一规则下竞技就好了,失败了的原因只有一个:技不如人。少找客观原因,多找找代码的 bug 和新的思路才是正道。经常看到论坛的楼盖着盖着就歪了,也是醉了。。。。

写着写着又写多了,总之一句话:少些撕逼多些技术交流,付出多少和获得多少成正相关。大家通常看到的只是结果,但看不到比赛背后选手没日没夜的付出。从赛题公布到比赛结束,我们队三个人休息的日子一只手可以数的过来,一起往返于寝室、食堂、实验室,感谢两位妹子队友,一起走过比赛的日子。Ps,不要看低妹子哦,写代码也是不比男生差的。

题外话 1: 我们认为 8 强中的 Freedom 队应该是前三的水准,谁知被我们队 坑死在 8 强中,尤其是官方 case4 求解出权值在 2000 内,佩服佩服。可惜啦, orz...

题外话 2: 武长赛区三只队伍分到一个小组,如果没分到一个小组的话很可能武长拿到 4 个 16 强,可惜啦,orz...

顺带推荐一个 download 论文的利器,传送门: <a href="http://www.sci-hub.cc/">http://www.sci-hub.cc/</a>。 具体是什么大家自行百度,一般人我不告诉他。

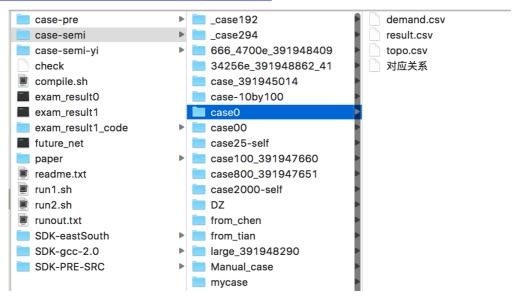
关于本项目的所有编码上的、算法上的、case 上的问题, 欢迎邮件或 QQ 等方式同我们交流。QQ: 452570607(易) 912385457(王) 799279601(韩)。

# 1.2 工程使用方法&目录结构

工程使用方法:将整个工程 download,放到 linux 系统下,cd 到 run1.sh 和 run2.sh 所在文件夹下,终端输入./run1.sh 或./run2.sh 即可。

run1. sh:编译、执行、检测三合一脚本(测试零散的 case,方便精细测试),对应的 case 位于 case-semi 文件夹下,如果想增加例子可以依照脚本写的那样增加 N[\${#N[@]}]="yourcase",在 case-semi 下增加 yourcase 文件夹,放入 topo. csv 和 demand. csv,目录结构如下图。并且 run1. txt 中有很多 case的最优解记录,供大家参考。

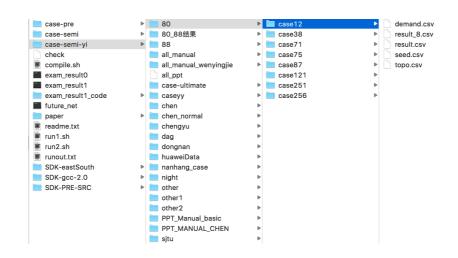
case-semi: 复(决)赛 case, 里面的每个子文件夹就是一个 case, 所有 case 起 名 必 须 是 topo. csv 和 demand. csv 。 类 似 case800\_391947651 或 case100\_391947660 这样的 case, 后面的那个数字是论坛网址, 例如第一个是 http://bbs.csdn.net/topics/391947651。



run2. sh:编译、执行、检测三合一脚本(测试整个文件夹 case,方便整个文件夹例子的测试,其实主要用于决赛前和很多队伍交流 case 的测试),对应的 case 位于 case-semi 文件夹的子文件夹下,如果想增加例子可以依照脚本写

的那样增加 NAME[0]="case-semi-yi/yourcaseFolder/",在 case-semi-yi 下增加 yourcaseFolder 文件夹,将含有 topo.csv 和 demand.csv 的多个文件夹放进去,如下图所示。

case-semi-yi: 复(决)赛 case,里面的每个子文件夹包含 n个 case,所有 case 起名必须是 topo.csv 和 demand.csv。



compile. sh: 用于编译,输入参入为 0、1、2,默认为 1。代表的含义是 0:开源代码 SDK-PRE-SRC/,1:自己的代码 2:南京苏州赛区"司机小胖"队代码。

runout.txt: 是每次运行时候程序 stdout (即 printf) 的输出结果(执行 future net 时做了输出重定向)

future net: 程序的可执行文件

check:来自dz队的result.csv检查程序,感谢之

exam\_result0: 自己的 result.csv 检查程序的可执行文件,用于初赛检测单条路的合法性

exam\_result1: 自己的 result.csv 检查程序的可执行文件,用于复赛和决赛检测两条路的合法性,无 argv 参数则输出简略结果,随便增加一个 argv 参数就可以输出详细结果

exam\_result1\_code/: 自己的 result.csv 检查程序源码 data generator/: 随机用例生成 matlab 脚本

case-pre: 初赛 case, 里面的每个子文件夹就是一个 case, 所有 case 起名 必须是 topo. csv 和 demand. csv

SDK-PRE-SRC/: 使用 LKH 开源代码实现的复(决)赛程序

# SDK-gcc-2. 0/: 自己完全重写的 LKH 复(决) 赛程序(和原版 1kh 最大区别 在于 K-opt 是有向的)

SDK-eastSouth/: 南京苏州赛区"司机小胖"队代码,同样用的 LKH 算法。在求一些 case 时结果非常棒,但是代码不是很健壮,某些例子会 segmentation fault。个人感觉程序再做的健壮和完善一些,是很有实力进四强的,惋惜<sup>~</sup>

paper/: 几篇很有用的文献 paper/opt-pictures/: 有向 K-opt 的图解

# 1.3 程序结构

声明:由于源码过多,以下每个图片中的代码仅仅是源代码中的一部分,部分代码用文字替代,可以看成是个框架,这样做只是方便大家阅读和顺下思路,具体细节请看源文件。

#### 1.3.1 coding 分工

整个工程会出现两种风格的代码。如遇到相应代码读不懂的情况请对号找人。 易:MinimunSpanningTree.cpp、Minimun1Tree.cpp、KM.cpp、candidate.cpp、 Heap.cpp, 手造特例说明.pptx。

王、韩: 其它 cpp 文件和 shell 脚本。

#### 1.3.2 search\_route 函数

```
void search_route(char *topo[MAX_EDGE_NUM], int edge_num, char *demand[MAX_DEMAND_NUM], int demand_num)
{
    G.initial(topo,edge_num);
    Road0.initial(demand[0], &G, 0);
    Road1.initial(demand[1], &G, 1);
    Road::search_double_route();
}
```

#### 1.3.3 search double route 函数

```
void Road::search_double_route()
   setPunishMethod();//设置惩罚方式和迭代轮数
    for(routeCn = 0; routeCn < routeCnMax; routeCn++)</pre>
       初始化两个road;
       Rp和Rpo赋值;
       for(iteration = 0; iteration < iter[routeCn] ;iteration++)</pre>
            //寻找单条路
           Rp->search single_route(Rpo);
if(寻找单条路失败)
            //求出两条路重复边的数量和id号
           setReIdList(&Road0,&Road1);
            //如果找到更好的解就重写结果字符串
           if(iteration>=1 && findBetterResult)
               reWriteResult(Road0.VtourCn,Road0.VtourId,Road1.VtourCn,Road1.VtourId);
            //满足(超时、无重边、和上次迭代路权值一样、和上上次迭代路权值一样)则输出、跳出,否则继续迭代
           if(breakAvailable)
               break;
           SWAP (Rp, Rpo);
       if(超时) break;
```

#### 1.3.4 search\_single\_route 函数

```
void Road::search_single_route(Road *Rpo)
   给当前要求的这个road设置惩罚;
if(之前带形同的惩罚求过这条路)
       从hash列表里面取出结果;
   初始化initial isMust、num、list、roadCost、solveTspCn、isUseCopy、cost;
    //转化为tsp问题,每次都是新的tsp
   while(1)
                         //tsp求解次数+1
       solveTspCn++;
                         //find shortest path and record path in V
//Vcost到cost值的转换
       setVcost_SPFA();
       setCost();
                  = LKH();
       roadCost
       if(road有解)
                      setTour();
       if(road无解)
                                         //case A:第一次就没求出路径直接退出
           if(solveTspCn == 1) break;
           if(不使用double重复non-must点方案) //case B:上次没使用复制点导致没有解,恢复有复制点的状态
               设置:使用double重复non-must点方案;
               恢复使用前的状态;
               continue;
                                     //case C:上次使用复制点了仍然没有求出解(其实不太可能)就跳出吧
           else break;
       else
           设置:不使用double重复non-must点方案;
                        记录最终路径,包含所有must-node和部分non-must-node
           setVtour();
                        没有重复点则跳出,正常输出路径;有重复点则把重复点加入vv,继续找
           if(examRepeatNode() == 0) break;
//还有重复点,但是time out,then break,output NA
           if(超时) {break;}
   if (road有解)
       setVtourId();
                          //设置解得路径上的id
   swapGraphCostBack(Rpo); //将Graph的权值
   if (road有解)
                         //设置解得路径的cost
       setVtourCost();
}
```

#### 1.3.5 LKH 函数

#### 1.3.6 findTour 函数

声明:在 findTour 和 3、4、5-opt 等函数中,会使用点的权值(程序变量 名为 pi),增加点的权值相关理论请见 2.3.2。

在 LKH 源码中,有一个表示精度 "Precision"的概念,在源代码中默认是 100。通常点权 pi 是不太大的,可以把新边权值设为:

Dij= Precision \*Cij + Pi(i) + Pi(j);

所以在最后求到路得解得总权值时候,要减去 Pi 的和,再除以 Precision。

我们队的做法是 Dij= Precision <<7u + Pi(i) + Pi(j); 相当于 Precision=128,因为移位操作比乘法省时间。所以 findTour 最后有:减去 sumPi和>>7u。

#### 1.3.7 其它重要函数

setPunishMethod(): 见代码注释。

\_3\_OPT()、\_4\_OPT()、\_5\_OPT(): 见/paper/opt-pictures 的图解和 LKH 源 代码 LKH-2. 0. 7 和 LKH report。这里读懂论文理解起来就非常简单了。 initialTour: 情况 LKH 源代码的相应文件, 注释写的比我清楚。如果在极端情况, 最后一次 findTour 还求不出可能解,可以认为出现了 LKH 的短板, 使用 KM 算法初始化一个可行解。

setReIdList: 这个函数用与求解出两条路得重复边,及其数量。使用了一个 label 变量,使时间复杂度为 0 (m+n), m 和 n 分别是两条路的节点数。

# 1.4 复赛和决赛使用用例

我们复赛使用的 case 是: case-semi/\_case192 和 case-semi/\_case294。 其中 192 这个 case 是 http://bbs.csdn.net/topics/391943287 这四个例 子的简化版本(去掉最后那个大尾巴)的组合。

其中 294 这个 case 也是小 case 的组合,素材来自于 case-anti/目录下的 4 个 case,这几个是队友手工制造的,详情可参考同一目录的"手造特例说明.pptx"。

决赛使用的两个 case 都是 case-semi/topo1800(同 mycase/case2),来自论坛,网址是: http://bbs.csdn.net/topics/391939567。感谢分享这个 case的小伙伴。

亚军 Spirits 队使用的 case 是 Spirits/case4和 DZ/up2(同 mycase/case5)。 后面这个 case 来源比较曲折,本来是 DZ 队复赛时候的 case,互相交流时候发 给我们队进行测试,后来我发给我们武长赛区测试 7 个 case 中就包含这个 case, 结果就这一个 case 不如 Spirits 队,结果 Spirits 队就用上了,orz...

# 1.5 符号描述

全文使用以下符号:

必须点	must-node
非必须点	non-must-node
可达边最大值	100
MaxReachCost	
所有点个数上限 MaxV	2000
小无穷不可达	(MaxReachCost*MaxV + 1)
SubUnReachCost	
大无穷不可达	(SubUnReachCost* (MaxV + 1) )
UnReachCost	

# 1.6 调试环境

主机系统为 mac,虚拟机为官方指定 ubuntu 系统。两个系统使用文件共享,可以在 mac 下高效编程, ubuntu 下真实运行。 mac 下 ssh 远程 ubuntu,很方便在 mac 中用命令行(实际使用的是 iTerm+zsh)调试 ubuntu 下的程序。不光是 mac,也推荐 windows 下的小伙伴使用这样的方式,高效编程与调试。

主机 CPU 是 2.7 GHz Intel Core i5,如果机器较慢,如 i3,可以把future\_net.h中的时限宏定义TIME\_OUT调大一点,否则将影响运行结果。

推荐一个软件 Understand,查看代码的利器,可以把程序的各种结构用图表示出来,还有代码分析,感觉非常棒。

# 2 求单条路思路

LKH 算法是 Keld Helsgaun 对于 Lin-Kernighan 算法的改进。

求单条路的精髓在于 LKH 算法中的 K-opt (边交换) 操作,初赛时我们在源码 (8000 行代码)的基础上进行修改,复赛后我们将 LKH 的核心 K-opt 重写了一遍(核心不到 500 行代码,主要是\_3\_opt.cpp,\_4\_opt.cpp,\_5\_opt.cpp)。

由于原版代码是无向 K-opt(即使是 atsp 问题也是转化为 tsp 来求的),而华为比赛的题目是有向图,所以我们自己实现了有向 3、4、5-opt(不存在有向 2-opt)。6-opt 虽然也搞出来了,但是 5-opt 已经很好了,而且没时间调 6-opt 了,所以最后没有用 6-opt。

原码 LKH-2. 0.7 下载地址是 www. akira. ruc. dk/~keld/research/LKH/,理论依据参考这个下载包中的 DOC/LKH\_REPORT. pdf,也可以参考 Keld Helsgaun的几篇论文。另外理论依据还有 DOC/LKH\_REPORT. pdf 中参考文献的几篇文献,例如 karp 的最小生成树的两篇篇,atsp 到 tsp 转化的文章,等等,均列在了本文最后的参考文献部分,另外还有《迷茫的旅行商\_一个无处不在的计算机算法问题》这本书也不错。

# 2.1 算法描述

search\_single\_route 算法描述

- 1、规模压缩:使用 SPFA 算法求所有 must-node 间最短路,并记录路径(见setVcost\_SPFA()函数);
- 2、转化为 atsp 问题:起点 s 和终点 t 合并(新点的出度为 s 的出度,入度为 t 的入度),两个 must-node 间如果没有路则设为 UnReachCost(见Road::setCost()函数);
- 3、使用 LKH 算法求解 atsp 问题: 一次 Ascent 操作求候选集(见 creatCandidates 函数), n (必须点个数)次 findTour()操作。每次 findTour 操作包括一次 initialTour()和多次"有向 4-opt"和"有向 5-opt"操作;
- 4、根据 3 中得到的 atsp 的解和 1 中记录的路径,检查有无"重复使用的 non-must-node"。如果有,"升级"这些重复使用的 non-must-node 为 must-node,转到 1 重新求解;如果没有则求解成功(见 examRepeatNode 函数)。

# 2.2 规模压缩阶段

通过测试, di jkstra 的 heap 版本和 spfa 性能差不多,都优于 floyd。最后我们使用了 n 次 (所有点个数)单点 spfa。具体代码详见 setVcost\_SPFA ()函数和 setVcost\_DIJ()函数。

我们组的理解: non-must 点用做松弛操作的中间点, must 点不用做松弛操作的中间点。

# 2.3 解决 atsp 问题

解决 tsp 的算法中,LKH 很厉害,求解速度和权值都很棒,而且还能解决 atsp 问题 (atsp 转化为 tsp)。

atsp 到 tsp 转化的理论依据为: TRANSFORMING ASYMMETRIC INTO SYMMETRIC TRAVELING SALESMAN PROBLEMS. pdf。这个论文可以把 tsp 问题方便地转化为 atsp 问题,顶点只需要 double 下。理解起来很简单:每个点都有个复制点,原 点与复制点间距离设置为— $\infty$ (可以在程序中设置为一个绝对值很大的负数),原 点只保留入度,舍弃的出度给复制点。(吐槽下,LKH report 里写的是原点保留入度,但是代码里原点保留出度)。

#### 2.3.1 ascent 阶段-求候选集

LKH 对于 LK 的最大改进有两点:每个点求 x 个候选集,opt 操作从 2、3opt 变成 5-opt。

候选集个数 x 默认为 5,LKH 通过大量的实验测试过 5 个应该足够,有时候甚至 4 个就足够。论文原话为(LKH report Page27 最下): Thus, in all test problems the algorithm was able to find optimal tours using as candidate edges only edges the 5  $\alpha$ -nearest edges incident to each node. Most of the problems could even be solved when search was restricted to only the 4  $\alpha$ -nearest edges.

Ascent 阶段就是求候选集的阶段,在这一阶段我们使用的是求 2\*n 个节点的候选集(我们只在求候选集的阶段转化为 2\*n 个节点了,opt 操作时是 n 个)。 求出 2\*n 个节点的候选集后:

原点(包含出度的点)的候选集(实际是出度候选集)作为真实的候选集复制点(包含入度的点)的候选集(实际是入度候选集)放入相应入度节点的真实候选集。

如果没有读过 LKH 的 report 和上面提到的 atsp 到 tsp 转化的文章,上面写的比较难理解。

举个简单的例子:如果有三个点 A, B, C, 经过 atsp 到 tsp 的转化,有 A, A', B, B', C, C'(带'的是复制点,包含入度的点)。

假设经过 ascent 求得候选集如下(由于 X 到 X' 的距离为 $-\infty$ ,所以 X 到 X' 互相出现在对方的候选集里面):

A: A'

A': A, B

B: B', C'

B' : B, A

C: C', A'

C' : C

使用①,得到"出度候选集":

A: A'

B: B', C'

C: C' , A'

使用②,以A': A,B为例,由于A'是包含入度的节点,所以A和B是A'的"入度候选集",可以把A'放到A和B的"出度候选集"。所以扩充的"出度候选集"如下:

A: A', A'

B: B', C', A'

C: C' , A'

然后把 B': B, A 和 C': C 也扩充进去,最后得:

A: A', A', B'

B: B', C', A', B'

C: C', A', C'

去掉重复的,去掉自己到自己的,得到

A: B'

B: C', A'

C: A'

去掉',得到

A: B

B: C, A

C: A

至此,候选集已经求出,为下面的 opt 操作做好了准备。上面的例子只是随 便举得,很多不得当的地方,勿较真,理解就好,如不理解请去看论文。

#### 2.3.2 LKH report 几个非常重要的理论

1-tree (report P18页):在最小生成树上加一条边,会出现一个环。

α -nearness (report P20 页): 可以简单理解为某一条边成为最优解的一条边的可能性,值越小,可能性越大。

增加点权,最优路不变原理(report P24 页上半页):di j=ci j+ $\pi$  i+ $\pi$  j,就是说新的边权=原来的边权+两端点的点权,在 report 中点权表示为  $\pi$  。

次梯度优化(report P25 页):不断求 1-tree,优化节点的"点权"。简单地理解就是:不断用力挤压 1-tree,目的是形成一棵 thin tree,最好的情况下是形成只有一个环的 1-tree。

当然还有好多理论也必将重要,如果想弄懂 LKH 的原理,精读 LKH 的 report 是最快最有用的。

#### 2.3.3 无向 K-opt

原版 LKH 使用的是无向 K-opt,具体可以参考 report 的 P8-P16 和 P28-P30, 或者通读 LK 的文章 An Effective Heuristic Algorithm for the Travelling-Salesman Problem。

简单理解 K-opt: 可以打个简单的比喻,在有一条初始化路的前提下,可以把这个环路看成一条绳子, K-opt 操作就是把绳子剪 K 刀,然后把这 K 小段重新组合在一起。可以看下图,分别是无向 2、3、4-opt:

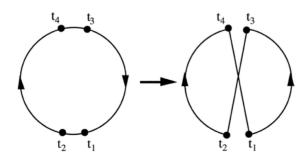


Fig. 1. A 2-opt move.

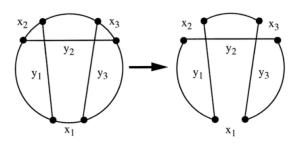


Fig. 2. A 3-opt move.

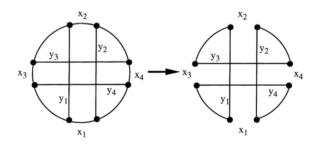


Fig. 4. Non-sequential exchange (r = 4).

#### 2. 3. 4 关于有向 K-opt 和无向 K-opt

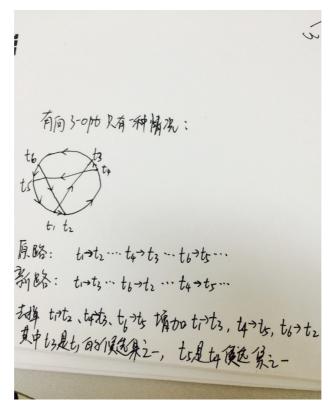
有向 K-opt 就是环路是有方向的,每个小段也是有方向的,不能反过来。而 无向 K-opt 则可以随便将每个小段反过来。

现实中的 tsp 问题大多是无向的,也就对称的 tsp 问题(stsp),比如说欧 氏距离上的 tsp 问题, a->b->c->d 这样的小段可以反过来走,d->c->b->a。

而华为比赛的图是有向图,可以转化为非对称的 tsp (atsp)解决,然后作为输入给 LKH。实际上 LKH 内部也是将 atsp 转化为 tsp 问题求的,所以我们组就想到可以直接用有向 K-opt 操作,就省去了 LKH 内部的 atsp 到 tsp 的转化(但是 ascent 阶段转化了,因为未来得及改成不转化版本的)。

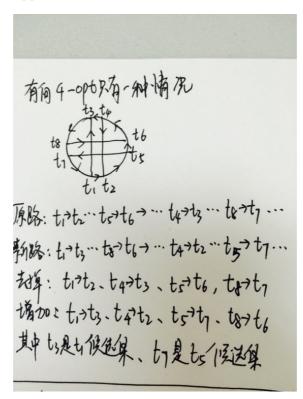
#### (1) 有向 3-opt

如果原来的环路是 1->2>3->,其中 1,2,3 是三小段路,切三刀后重组,只能是 1->3>2->,具体看下图(高清原图在/paper/opt-pictures 中)。相关代码请看  $3_0$ PT. cpp。



#### (2) 有向 4-opt

如果原来的环路是 1->2>3->4->,其中 1, 2, 3, 4 是四小段路,切四刀后重组,只能是 1->4>3->2,具体看下图(高清原图在/paper/opt-pictures 中)。相关代码请看\_4\_0PT. cpp。



#### (3) 有向 5-opt

如果原来的环路是 1->2>3->4->5->, 其中 1, 2, 3, 4, 5 是五小段路, 切五 刀后重组, 有八种情况, 具体看下图(高清原图在/paper/opt-pictures 中), 相关代码请看 5 OPT. cpp。

1->3>2->5->4->

 $1-\rangle 3\rangle 5-\rangle 2-\rangle 4-\rangle$ 

1->3>5->4->2->

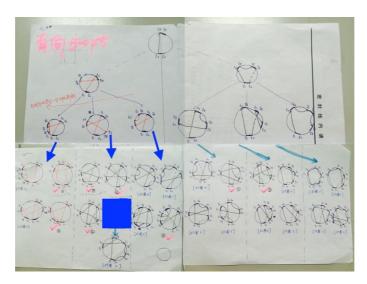
 $1-\rangle4\rangle2-\rangle5-\rangle3-\rangle$ 

1->4>3->5->2->

1->5>2->4->3->

1->5>3->2->4->

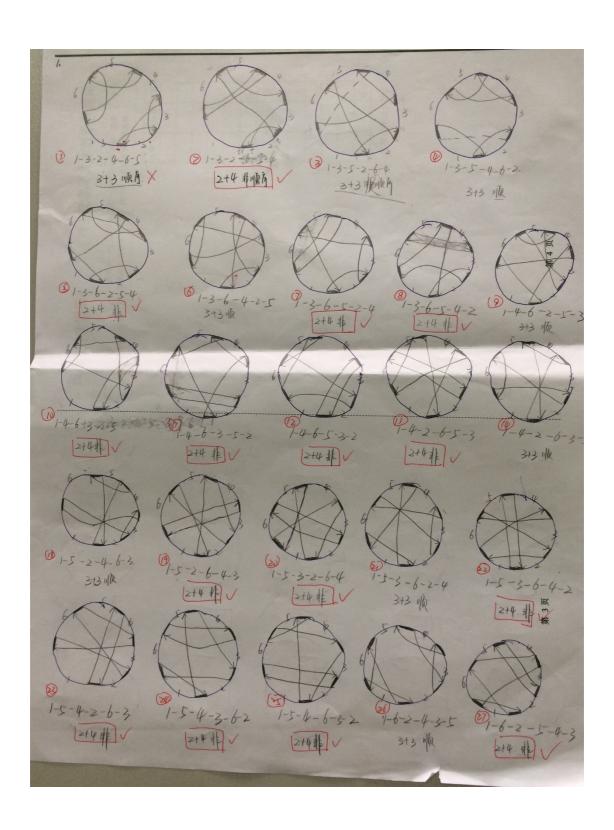
1->5>4->3->2->

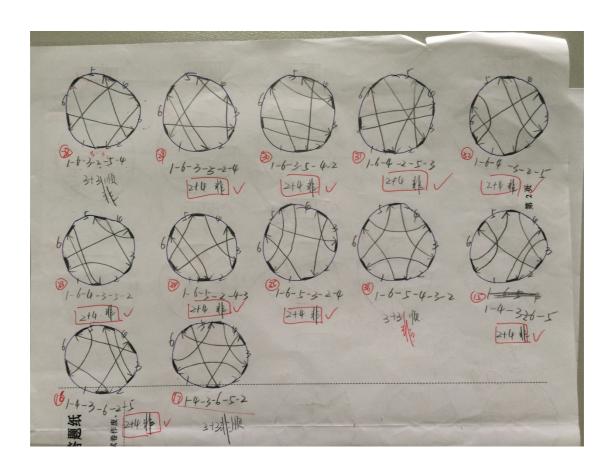


# (4) 有向 6-opt

虽然程序没有用到,但是也画出来了,主要是因为 LKH 说 5-opt 基本上足够了,而且 6-opt 毕竟复杂,没时间编码调试。

一共有 36 种情况,并且全部是 Non-sequential 的。其中 11 种是 3-sequential-opt 和 3-sequential-opt 的组合,这种情况可以看成是两次有向 3-opt 操作,所以是无效的。剩下的其中 22 种是 (2+4)-opt, 3 种是 (3+3)-opt, 是有效的,具体看下图(高清原图在/paper/opt-pictures 中)。





#### 2.3.5 关于 Non-sequential K-opt 和 Sequential K-opt

翻译成中文就是"非顺序 K-opt"和"顺序 K-opt",具体请看 report Page10。

简单理解: Non-sequential 就是,不能顺序地找到要断开的边和新加的边。可以简单对比上面的有向 3-opt 和有向 4-opt,分别是 Sequential 和 Non-Sequential 的,一看便懂得怎么区分。再具体请看相关论文。

#### 2.3.6 LKH 短板: initial tour

initial tour 是 LKH 短板,在 opt (边交换)之前,需要有一个切实可行解或非常接近可行解的解,否则怎么 opt 操作也没用。打个比喻,如果初始化路是 8 个连通的小段组成,且这 8 段之间是不连通的,那么怎么使用 5-opt 也是没用的,即使是 7-opt 也没有,因为 K-opt 就是切 k 刀,如果 k<8,怎么也不会将初始化的 8 段重组为一个完全连通的可行路。

结论就是:LKH 更加适用于稠密图,不适用于非常稀疏的图,或者可以说成是可行解非常非常少的图。

LKH 算法不能解决 http://bbs.csdn.net/topics/391941776 这个 101 条重 复边的 case。据我们研究,这个 case 的可行解貌似只有一个,然后 LKH 就呵呵了。。。估计 8-opt 也解决不了这个 case。

#### 2.3.7 指派算法 KM 粗略克服 LKH 短板

在上一小节提到了 LKH 的短板,可以这么说,只要找到一条可行解作为初始解, LKH 基本上是无敌的。

所以我们增加了 KM 指派算法,在 findTour 的最后一轮还无法形成一个可行解,就使用 KM 指派算法强行初始化一个可行解,在这个解得基础上进行 opt 操作。见 initialTour. cpp 的 20-25 行。

如果不使用 KM 算法,有少部分 case 是求解不出的,使用后,除了上节提到的 http://bbs.csdn.net/topics/391941776 这个 case 解不出,还未遇到其它解不出的 case。

#### 2.3.8 小结

有向 3-opt: 只有一种,而且是 Sequential 的。

有向 4-opt: 只有一种,而且是 Non-Sequential 的。

有向 5-opt: 有8种,而且是 Sequential 的。

有向 6-opt: 有 36 种,而且是 Non-Sequential 的,11 种是无效的,22 种是(2+4)-opt,3 种是(3+3)-opt,

程序只使用了 4-opt 和 5-opt, 不用 3-opt 是因为它被 5-opt 包含进去了 (因为 5-opt 在运行中会出现 3-opt 的情况)。不用 6-opt 是因为比较复杂,而且 5-opt 已经足够了(但 6-opt 毕竟没有实际测试过,小伙伴们可以测试下把使用的效果反馈给我)。

# 2.4 "升级"操作的两种方案

第一种方案: 直接将所有的重复 non-must 点升级为 must 点,并配套使用 "double 所以重复 non-must 点模型"。

第二种方案:和上一个方案比,使用某一规则有选择性地升级,即只升级一部分点。

复(决)赛使用的是方案一,初赛使用的是方案二。

先说说方案二,有选择性地进行升级有两点缺点:

- 1、使用什么规则?
- 2、每次只升级一部分节点,在极端情况下会运行非常多轮 atsp 求解。

针对缺点 1、使用什么规则,经过研究测试,初赛最后使用的规则是:只加入两个 must 点间最边上的 non-must 点。这个规则通用性比较好,但是有一些极端 case 直接造成求不出解,详见 HuaWei\_Code/case-pre/case-anti/手造特例说明.pptx 和相同目录下的几个 case。

为了克服方案二的两个缺点,复(决)赛改为使用方案一,升级所有点可以减少求解 atsp 次数,因为一次性把 non-must 点都升级了。但是也会造成

HuaWei\_Code/case-pre/case-anti/手造特例说明.pptx 这几个 case 求不出解,此时就配套使用 "double 所有重复 non-must 点模型",相信好多队伍使用了类似的模型 "double 所有 non-must 点模型"。所以,我们没有 double 所有的 non-must 点,只是 double 所有的重复 non-must 点。因为 non-must 点最多有 1900个,double 下变成 3800个,规模太大了,而只 double 重复的 non-must 点,在大多数情况下,规模很小,因为本身重复的 non-must 点就很少(虽然极端情况下也会出现 3800的最坏情况)。

为此,我们的程序是默认每次只是升级重复 non-must 点,如果求不出解,还原求解前的状态,再使用"double 所有重复 non-must 点模型"。

#### 2.5 规模压缩阶段-续

整个程序的主要耗时都花在 spfa 上,大约占 70%的时间,在重复"升级重复结点,跑 spfa, 跑 tsp"这一步骤中,重复结点只增不减,而且通过测试大量 case 可以发现,每次升级的点(重复 non-must 点)很少。故可以利用上次 spfa 的结果来减少当前 spfa 的计算次数(实现的函数是 setVcost\_reduced\_SPFA()),这一点在决赛中并没有好的效果, 原因在于决赛时官方 case 的规模并不算大。如果对于大规模 case,通常是可以省一些时间的。

代码使用方法为:把 search\_single\_route.cpp 中第 37 行 setVcost\_SPFA(); 改成如下:

```
if(solveTspCn==1)
    setVcost_SPFA();
else
    setVcost_reduced_SPFA();
```

# 2.6 规模压缩-优点与缺点

优点: 非常省时间。规模可以从 2000 降到 100,通常寻路算法至少是 0(n<sup>2</sup>) 的,所以压缩后的寻路程序执行时间非常短。

缺点:要重复使用求解 atsp 几次才能求得一条正确的路,而且规模压缩的 spfa 很费时。还有就是,处理小规模的 case,压缩会增加很多静态开销,比如说 300 个点的 case,更适合一次性求解,不适合压缩(为了比赛公平性,我们没有做 case 规模判断,所有 case 都压缩求解)。

对比优点缺点,还是优点更加突出,因为不压缩的话,最大规模的 case 执行时间很可能非常长(尤其是搜索类算法)。

# 3 迭代求两条路思路

## 3.1 算法描述

search double route 算法描述

- 1:根据问题难易程度设置惩罚方式(Road::setPunishMethod()函数):
- ①裸求 Road0, 把 Road0 走过的路设为: 原来的权值+ SubUnReachCost, 然后求 Road1, 如果 Road0 或 Road1 无解则转②, 否则转③
- ②裸求 Road1, 把 Road1 走过的路设为: 原来的权值+ SubUnReachCost, 然后求 Road0
  - ③三种情况:

重边数为 0: 使用"增量式惩罚"方案(setPunishMethod.cpp 的 38 行) Road0 或 Road1 无解: 使用"增量式惩罚"方案(setPunishMethod.cpp54 行)

重边数不为 0: 使用"小无穷惩罚"方案 (setPunishMethod.cpp 的 60 行)

2: 最大 4\*10 次(四轮的迭代次数在 1 中设置了)循环迭代(Road:: search double route()函数)

第一轮: 1->2->1->2->1···

第二轮: 2->1->2->1->2···

第三轮:使用启发式规则"必经点集合互不侵占" 1->2->1->2->1…

第四轮:使用启发式规则"必经点集合互不侵占" 2->1->2->1->2···

#### 3.1.1 南京苏州赛区-"司机小胖"队算法描述

代码位于 SDK-eastSouth/下,如果想运行这份代码,只需要改 run1. sh 和 run2. sh 的第二行就行了。这份代码在跑某些 case 时候结果非常棒,特地征求"司机小胖"队的同意,把他们代码和思路贴出来。以下为温同学的原始邮件:

我们的算法其实很 Naive, 如果你们要借鉴的话感觉还有许多需要改进的地方, 下面我介绍一下我们的算法:

- 1. 用初赛的算法找出两条路径, 得到两条路径的重复边集合, 设重复边集合为 E1-E5;
- 2. 确定重复边的归属,即 E1-E5 分别属于路径 P1 还是 P2,具体做法是进行迭代,每次将这些重复边的权值人工增大,重新计算路径,在迭代过程中,某条边就可能不再重复(此时可能该边属于 P1 或 P2,也可能都不属于),将其排除考虑范围,直到初始重复边集合 E1-E5 为空为止;

3. 此时可能 E1, E3 属于 P1, E2, E4 属于 P2, 而 E5 无法确定, 这时我们在计算 P1 时保证尽可能不经过 E2, E4, 得到 P1 的最终路径信息后, 再保证 P2 尽量不经过 P1 上的所有边; 同样的方法我们可以优先考虑路径 P2, 我们取重复边少权值小的结果输出.

当然正如前面所说,这个算法在某些例子下可能能够得到比较好的结果,但在另一些情况下可能结果就很差,感觉还有很大的改善空间,加油!

# 3.2"增量式惩罚"方案

在某一轮迭代中,1->2->1->2->1···,1和2交替惩罚,惩罚值每次加10,即惩罚值从10增长到100。

"增量式惩罚"方案更加侧重:两条路权值和更小。因此在 3.1 算法描述的步骤 1 中,先预估 case 的重复边数,如果重复边为 0,则使用此惩罚方案,会对权值和有好处(因为此时问题比较简单,预估阶段就出现了重复边个数为 0)。

经验来看,如果 case 规模较小(依据运行时间判断),则只需执行第1、3 轮,这两轮只迭代7次即可。

这个方案在我们测试来看,在无重复边的前提下,是最最好的一个的方案, 能够使权值降的很低。

# 3.3 "小无穷惩罚"方案

在某一轮迭代中,1->2->1->2->1···,1 和 2 交替惩罚,惩罚值=原来边的权值+小无穷 SubUnReachCost 。

"小无穷惩罚"方案更加侧重:两条路重复边个数最优。因此在 3.1 算法描述的步骤 1 中,先预估 case 的重复边数,如果重复边不为 0,则使用此惩罚方案,会对重复边个数有好处。

经验来看,预估阶段(setPunishMethod())重复边不为 0,如果在 4 轮迭代运行中,出现了重复边个数为 0 的情况,惩罚方案立马转变成 3.2 的 "增量式惩罚"方案会让结果更好。(setPunishMethod.cpp 的 82-86 行)

# 3.4 启发式规则"必经点集合互不侵占"

按照经验来看,在 1->2->1->2->1···的迭代中,其实其中一条路求出解后,不必所有走过的路都设置惩罚,可以只设置一部分。此思路来自于东南

问题中一共有三个集合,必须点集合 M1、M2 和非必须点集合 N。如果把这三个集合比喻成领土的话,M1、M2 是主权国家,N 是没有主权的第三方土地,M1和 M2 都想要 N 中的点是情有可原的,因为 N 毕竟是没有主权的(非必须点)。

求解过程中, M1 和 M2 是互为非毕竟点集合的,不可避免造成 M1 和 M2 使用对方的节点,按照国家领土竞争的思维,这就相当于对方国家已经用到我的国家的领土,这是不能忍的,所以启发式规则如下:求出路径 1 后,在给路径 2 设置惩罚时,1 经过了 2 的必经点的边不加惩罚。

这条启发式规则已经被我们测试过,并使用在程序中,效果很棒。在复赛前, 官网的两个 case 能得到 756 和 1449。

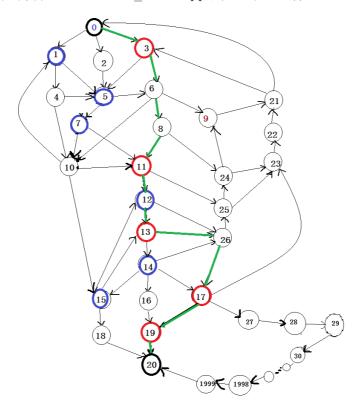
这条启发式规则用于 4 轮迭代中的后两轮(swapGraphCost. cpp 的 36-40 行),前两轮不用这个启发式规则,因为题目毕竟是 np 难的问题,更好的解不一定会出现在哪一轮,所以 4 轮都测试。

# 3.5 启发式规则"规模压缩阶段不走老路"

在 spfa (规模压缩) 过程中,随机选择"顺序"枚举邻接表还是"逆序"枚举邻接表,这样做的效果是"不走老路",对于减少两条路得重复边很有好处。

这条启发式规则已经被我们测试过,效果很棒,尤其对于处理这四个例子(如下图)效果非常棒 http://bbs.csdn.net/topics/391943287,均能达到已知的的最优解。

相关代码出现在, setVcost\_SPFA. cpp 的 28 和 44 行。



# 3.5 使用 hash 保存结果避免重算

在迭代过程中,解会重复出现,使用 hash 保存结果避免重算。

相关代码出现在 search\_single\_route.cpp 的 16-22, swapGraphCost.cpp 的 55 行和 85-98 行。

使用的 hash 算法参考自 https://www.byvoid.com/blog/string-hash-compare, 最后使用的是 SDBMHash 算法。

# 3.6 两点间有多条边的处理

我们组数据结构如下,含义见注释,id和cost存两点间最短边,subId和subCost存次短边。

```
class Graph
private:
                                //used in initial()
    void setCost();
public:
                                //两点之间最短路径
    int cost[MaxV][MaxV];
   int id[MaxV][MaxV];
                                //两点之间第二短路径
//两点之间第二短路径ID
    int subCost[MaxV][MaxV];
    int subId[MaxV][MaxV];
                                //所有点的结构体,used in SPFA
    VNode Node[MaxV];
    int num;
                                //number of nodes in V
    Graph(){};
                                                                //used in route()
    void initial(char *topo[MAX_EDGE_NUM], int edge_num);
```

#### 3.6.1 读入阶段

由于只求两个路径, 所以只需要保存从 v1 到 v2 最小的两条边即可 (Graph. cpp 的 36-53 行)。

#### 3.6.2 两条路迭代阶段

以 1->2->1->2->1···为例,迭代的思路是: 首先让 1 占用图中两点间最小的 边, 1 走过的路设置阻碍求 2。

上面思路的前提是 1 走过的边无"次短边"。特殊地,如果 1 经过 [v1,v2],且 [v1,v2]有"次短边",在给 2 设置阻碍阶段, [v1,v2]这条边权值换成"次短边"的权值。

#### 3.6.3 关于 3.6.2 的讲一步思考

以 1->2->1->2->1···为例,如果 1 不完全用最短边,用了一些次短边,会对 迭代结果造成影响,有小的几率结果会好,应该是带了一些随机性的原因。

通常按照 2.5.2 那样做就已经足够了,如果有更好的思路处理次短边可联系我。

# 参考文献

- [1] LKH-2. 0. 7/DOC/LKH\_REPORT. pdf
- [2] S. Lin & B. W. Kernighan,
- "An Effective Heuristic Algorithm for the Traveling-Salesman Problem", Oper. Res. 21, 498-516 (1973).
- [3] R. Jonker & T. Volgenant,
- "Transforming asymmetric into symmetric traveling salesman problems", Oper. Res. Let., 2, 161-163 (1983).
- [4] M. Held & R. M. Karp,
- "The Traveling-Salesman Problem and Minimum Spanning Trees", Oper. Res., 18, 1138-1162 (1970).
- [5] M. Held & R. M. Karp,
- "The Traveling-Salesman Problem and Minimum Spanning Trees: Part II", Math. Programming, 1, 16-25 (1971).
- [6] William\_J\_迷茫的旅行商\_一个无处不在的计算机算法问题