



# 重庆邮电大学

析取 ( $\vee$ )    合取 ( $\wedge$ )    蕴含 ( $\rightarrow$ )

只要  $P$  就  $q$ , 因为  $P$  所以  $q$ ,  $P$  仅当  $q$ , 只有  $q$  才  $P$ , 除非  $q$  才  $P$ , 除非  $q$  否则非  $P$  ( $P \rightarrow q$ )

$P \rightarrow q$  真值表

$P \leftrightarrow q$  为异或    相同为 1, 不同为 0

$P$	$q$	$P \rightarrow q$
0	0	1
0	1	1
1	0	0
1	1	1

吸收率  $A \vee (A \wedge B) \Leftrightarrow A$ ,  $A \wedge (A \vee B) \Leftrightarrow A$

零律  $A \vee 1 \Leftrightarrow 1$ ,  $A \wedge 0 \Leftrightarrow 0$

同一律  $A \vee 0 \Leftrightarrow A$ ,  $A \wedge 1 \Leftrightarrow A$

排中律  $A \vee \neg A \Leftrightarrow 1$  ( $A \vee \bar{A} \Leftrightarrow E$ )

等价等值式  $A \leftrightarrow B \Leftrightarrow (A \rightarrow B) \wedge (B \rightarrow A)$

矛盾律  $A \wedge \neg A \Leftrightarrow 0$

蕴含等值式  $A \rightarrow B \Leftrightarrow \neg A \vee B$

假言易位  $A \rightarrow B \Leftrightarrow \neg B \rightarrow \neg A$

等价否定等值式  $A \leftrightarrow B \Leftrightarrow \neg A \leftrightarrow \neg B$

归谬论  $(A \rightarrow B) \wedge (A \rightarrow \neg B) \Leftrightarrow \neg A$

德摩根律  $\neg(A \vee B) \Leftrightarrow \neg A \wedge \neg B$      $\neg(A \wedge B) \Leftrightarrow \neg A \vee \neg B$

极小项: 简单合取式

极大项: 简单析取式

$\forall (\rightarrow)$      $\exists (\wedge)$

成真

成假

有序对与笛卡尔积

笛卡尔积不满足交换律

$A = \{a, b\}$      $B = \{0, 1, 2\}$

不满足结合律

$A \times B = \{\langle a, 0 \rangle, \langle a, 1 \rangle, \langle a, 2 \rangle, \langle b, 0 \rangle, \langle b, 1 \rangle, \langle b, 2 \rangle\}$

$B \times A = \{\langle 0, a \rangle, \langle 0, b \rangle, \langle 1, a \rangle, \langle 1, b \rangle, \langle 2, a \rangle, \langle 2, b \rangle\}$     邮编: 400065



## 推理相关公式

$A \Rightarrow (A \vee B)$  附加律

$(A \wedge B) \Rightarrow A$  化简律

$(A \rightarrow B) \wedge A \Rightarrow B$  假言推理

$(A \rightarrow B) \wedge \neg B \Rightarrow \neg A$  拒取式

$(A \vee B) \wedge \neg B \Rightarrow A$  析取三段论

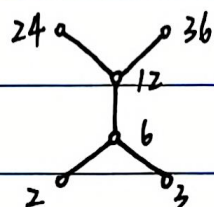
$(A \rightarrow B) \wedge (B \rightarrow C) \Rightarrow (A \rightarrow C)$  假言三段论

满足 ① 集合非空, 且它的元素都是有序对 ② 集合是空集, 称该集合为一个二元关系关系的性质

	自反性	反自反性	对称性	反对称性	传递性
关系矩阵	主对角线元素全是1	0	矩阵是对称矩阵	若 $r_{ij}=1, i \neq j$ 则 $r_{ji}=0$	$M^2$ 中 1 所在的位置, $M$ 中相应的位置都是1
关系图	每个顶点都有环	没有环	无单边	无双向边	$x_i$ 到 $x_j$ 有边, $x_j$ 到 $x_i$ 有边, 则 $x_i$ 到 $x_k$ 也有边

划分: ① 不含空集, ② 交集不为空 ③ 并集为全部

哈斯图  $A = \{2, 3, 6, 12, 24, 36\}$



运算  $\circ$  是封闭的 (广群)

运算  $\circ$  是可结合的 (半群)

存在么元  $e$  (独异点)

存在逆元 (群)

么元:  $e \circ x = x \circ e = x$

逆元:  $x \circ x^{-1} = x^{-1} \circ x = \underbrace{e}_{\text{么元}}$

对称差  $A \oplus B = (A - B) \cup (B - A) = (A \cup B) - (A \cap B)$





# 重庆邮电大学

## 握手定理

无向图, 所有顶点的度数之和等于边数的2倍

有向图,  $\sum \text{入度} = \sum \text{出度} = \text{边数}$

度数之和为偶数      最大度  $\leq n-1$

$n$ 阶无向完全图的边的条数为  $\frac{n(n-1)}{2}$

强连通图相互可达. 弱... \* 去掉箭头

有向图的关联矩阵

无向图

$$m_{ij} = \begin{cases} 1 & V_i \text{ 为 } e_j \text{ 的始点} \\ 0 & V_i \text{ 为 } e_j \text{ 既不关联} \\ -1 & V_i \text{ 是 } e_j \text{ 的终点} \end{cases}$$

$$m_{ij} = \begin{cases} 2 & V_i = V_j \\ 1 & V_i \neq V_j \\ 0 & \end{cases}$$

树: 边数 = 节点数 - 1

二分图: 每条边的两个端点一个属于上面, 一个属于下面

完全... : 上面的每个顶点和下面所有顶点都相邻.

平面图所有面的次数之和等于边数的两倍

欧拉公式: 连通平面图  $G$  的顶点数, 边数和面数分别为  $n, m$  和  $r$ , 则有

$$n - m + r = 2.$$

设  $G$  是  $n (n \geq 3)$  阶  $m$  条边的简单平面图, 则  $m \leq 3n - 6$