# TP10 – Manipulation de signaux audionumériques

### Transformation de Fourier à court terme d'un signal audio

La transformée de Fourier à court terme Y d'un signal unidimensionnel  $continu\ y$  s'écrit :

$$Y(\tau, f) := \mathbf{TFCT} \{y\} (\tau, f) = \mathbf{TF} \{y \, w_{\tau}\}(f) \tag{1}$$

où  $w_{\tau}$  désigne la fenêtre glissante, qui peut être positionnée à un instant  $\tau$  variable. Par conséquent, alors que le signal d'origine y dépend d'une seule variable réelle (le temps t), sa transformée de Fourier à court terme Y, qui est une fonction complexe, dépend de deux variables réelles (la position temporelle  $\tau$  de la fenêtre glissante et la fréquence f), obtenue par concaténation de spectres instantanés.

Dans le cas de signaux discrets  $\mathbf{y} \in \mathbb{R}^L$ , échantillonnés à la fréquence  $f_{\text{ech}}$ , en choisissant une fenêtre  $\mathbf{w} \in \mathbb{R}^N$  contenant N échantillons, et un décalage D entre deux positions successives de la fenêtre, nous obtenons :

$$\mathbf{Y}(m,k) := \mathbf{TFCT} \{\mathbf{y}\} (m,k) = \mathbf{TFD} \{\mathbf{y} \,\mathbf{w}_{mD}\}(k)$$
(2)

où  $k \in \{0, \dots, N-1\}$  et  $m \in \{0, \dots, \lfloor \frac{L-N}{D} \rfloor + 1\}$  indexent, respectivement, les fréquences et les instants des coefficients de Fourier. Les formules suivantes permettent de convertir ces indices en Hz et en s:

$$f_{\text{coef}}(k) := \frac{kf_{\text{ech}}}{N}$$
  $t_{\text{coef}}(m) := \frac{mD}{f_{\text{ech}}}$  (3)

Les signaux manipulés étant réels, on peut conserver uniquement les coefficients de Fourier correspondant aux fréquences positives, c'est-à-dire à  $k \in \{0, \dots, N/2\}$ , auquel cas le nombre de lignes de  $\mathbf Y$  est égal à N/2+1. Quant au nombre de colonnes, il est égal au nombre de positions de la fenêtre glissante, qui dépend de la valeur D du décalage.

La représentation standard d'une transformée de Fourier consiste à afficher le spectre de puissance en utilisant une échelle en  $d\acute{e}cibels$  (dB):

$$S(\tau, f) := |Y(\tau, f)|^2 \implies S_{dB}(\tau, f) := 10 \times \log_{10} |Y(\tau, f)|^2 \tag{4}$$

où la notation  $|\cdot|$  désigne le module complexe. Une telle représentation est appelée spectrogramme de manière générale, et sonagramme dans le cas de données audio (cf. figure 1).

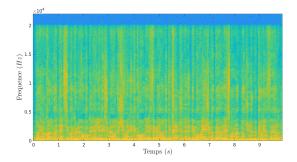


FIGURE 1 – Sonagramme d'un extrait audio (représentation en fausses couleurs).

#### Exercice 1 : calcul de la transformée de Fourier à court terme

Écrivez la fonction TFCT, appelée par le script exercice\_1, permettant de calculer la transformée de Fourier à court terme d'un signal. Lancez le script verif\_TFCT en guise de vérification. Observez l'influence des différents paramètres du script exercice\_1, en particulier le type de fenêtre (fenêtre rectangulaire ou fenêtre de Hann).

#### Remarques importantes:

- Il est conseillé de découper le signal à l'aide de la fonction buffer de Matlab avec l'option nodelay.
- Les colonnes de la matrice TFCT étant calculées à l'aide de la fonction fft de Matlab, les lignes de cette matrice correspondent aux fréquences, mais sont rangées dans l'ordre suivant :  $f = 0, \ldots, f_{\text{max}}$  pour la première moitié,  $f = -f_{\text{max}}, \ldots, 0$  pour la deuxième moitié. Il est demandé de ne garder que la partie correspondant aux fréquences positives (les autres informations étant redondantes si le signal est réel).
- Par défaut (ou en spécifiant axis ij), les axes des graphiques affichés par Matlab sont orientés vers la droite pour les abscisses, mais vers le bas pour les ordonnées. La commande axis xy permet de forcer l'axe des ordonnées à être orienté vers le haut.
- Dans la mesure où la fonction fft de Matlab, appliquée à une matrice, calcule la TFD colonne par colonne, il est demandé d'écrire la fonction TFCT sans boucle for.

La transformation de Fourier étant inversible, il doit être possible de restituer le signal audio d'origine, sans aucune distorsion, à partir de la transformée de Fourier à court terme. En revanche, cela n'est plus le cas si l'on dispose uniquement de sa partie réelle (perte de la partie imaginaire) ou de son module complexe, c'est-à-dire du sonagramme (perte de la phase). Modifiez la fin du script exercice\_1 afin de comparer le son restitué dans ces deux cas de figure.

### Exercice 2: filtrage passe-bas, filtrage passe-haut et compression

La représentation temps-fréquence permet de réaliser des effets audio de manière très simple. Tout d'abord, il est possible de tronquer le sonagramme pour ne garder que certaines bandes de fréquences (basses ou hautes). De plus, un sonagramme indique quelles fréquences contribuent le plus à la reconstruction du signal à un instant donné. Il est donc possible de conserver uniquement une faible proportion des coefficients de Fourier les plus élevés, afin de réaliser une compression « naïve » du signal (la partie facultative du TP vise à effectuer une compression plus élaborée d'un signal audio, cf. exercice 4).

Le script exercice\_2 permet d'appliquer des modifications à un sonagramme. Écrivez la fonction passe\_bas (resp. passe\_haut) prenant en paramètre un sonagramme, l'échelle fréquentielle ainsi qu'une fréquence de coupure et permettant de mettre à zéro les coefficients situés au dessus (resp. au-dessous) de la fréquence de coupure. Enfin, écrivez la fonction compression visant à ne conserver, dans un sonagramme, que les m coefficients de Fourier les plus élevés (en module) de chaque colonne (il est conseillé d'utiliser la fonction maxk de Matlab).

Testez différents jeux de paramètres pour ces trois effets et écoutez les résultats produits. Vous constaterez qu'une forte compression permet, dans une certaine mesure, de restituer correctement le signal d'origine.

# Exercice 3 : étirement temporel et transposition

Afin d'étirer temporellement un signal audio, une première idée consite à changer la vitesse de lecture, ou de façon équivalente, à faire comme si le signal avait été échantillonné à une fréquence plus élevée que sa véritable fréquence d'échantillonnage. Cependant, cette méthode altère également le contenu fréquentiel du signal.

Pour résoudre ce problème, un algorithme d'étirement temporel (cf. Algorithme 1) traite le module du sonagramme du signal comme une image, que l'on peut facilement étirer horizontalement par simple interpolation linéaire. Le problème réside plutôt dans la manipulation de la phase. Cet algorithme propose d'utiliser, comme différence de phase entre deux colonnes du sonagramme interpolé, la différence de phase entre les deux colonnes du sonagramme d'origine ayant servi à l'interpolation.

Le script exercice\_3 permet d'appliquer un étirement temporel et/ou une transposition à un signal. Écrivez la fonction etirement\_temporel, qui ayant reçu en entrée un signal, sa fréquence d'échantillonnage et une proportion d'accélération, génère un nouveau signal accéléré, mais de même contenu fréquentiel que celui du signal passé en paramètre.

#### Algorithme 1 – Étirement temporel

```
\mathbf{Y} \leftarrow \mathbf{TFCT}\{\mathbf{y}\}
\mathbf{C} \leftarrow 1 : \mathrm{pourcentage} : \mathrm{size}(\mathbf{Y}, 2)
\phi \leftarrow \mathrm{angle}(\mathbf{Y}(:, 1))
\mathbf{for} \ i \in \{1, \dots, \mathrm{length}(\mathbf{C})\} \ \mathbf{do}
c \leftarrow \mathrm{floor}(\mathbf{C}(i))
\alpha \leftarrow \mathbf{C}(i) - c
\rho \leftarrow (1 - \alpha) |\mathbf{Y}(:, c)| + \alpha |\mathbf{Y}(:, c + 1)|
\mathbf{Y}'(:, i) \leftarrow \rho e^{j\phi}
d\phi \leftarrow \mathrm{angle}(\mathbf{Y}(:, c + 1)) - \mathrm{angle}(\mathbf{Y}(:, c))
\phi \leftarrow \phi + d\phi
end for
```

### Application au sampling

La technique du *sampling* consiste à récupérer des extraits sonores issus d'enregistrements existants pour les réutiliser dans un nouveau contexte musical. Elle s'apparente à la technique du « collage » en arts plastiques. Les extraits peuvent être de nature et de longueur très variées : il peut s'agir d'un motif rythmique ou mélodique entier, ou bien de quelques notes soigneusement sélectionnées. De nombreux effets peuvent aussi être ajoutés.

Le répertoire ExSamples contient quelques partitions de morceaux composés à partir de samples. Le script app\_sampling permet de reconstruire le rendu final de chacun de ces exemples, et de le coupler à un affichage animé. Lancez ce script, en chargeant les différents exemples contenus dans le répertoire ExSamples.

## Exercice 4 : compression avancée (facultatif)

La fonction compression de l'exercice 2 ne conserve, dans chaque colonne du sonagramme, que les coefficients qui contribuent le plus à la reconstitution du signal. Pour des signaux de parole, il est possible d'obtenir une reconstruction intelligible du signal avec un taux de compression élevé (les résultats sont plus décevants avec les signaux musicaux).

Proposez une stratégie de décimation du sonagramme permettant d'améliorer le taux de compression de la méthode de compression de l'exercice 2.