

Aufgabe 1

a) Energiebilanz stationärer Fließprozess:

$$0 = \dot{m}(h_{\text{ein}} - h_{\text{aus}}) + \dot{Q}_R - \dot{Q}_{\text{aus}} - \dot{W}_T$$

$$\dot{Q}_{\text{aus}} = \dot{m}(h_{\text{ein}} - h_{\text{aus}}) + \dot{Q}_R$$

TAB A-2: $h_f(70^\circ\text{C}) = 292.98 \text{ kJ/kg}$

$h_g(100^\circ\text{C}) = 2676.1 \text{ kJ/kg}$
 $h_{\text{aus}} = h_f + x(h_g - h_f) = 430.325 \text{ kJ/kg}$

$$\dot{Q}_{\text{aus}} = 62.182 \text{ kW}$$

b)
$$\bar{T} = \frac{\int T ds}{s_a - s_e} = \frac{h_a - h_e}{s_a - s_e} = \frac{c_p(T_{\text{aus}} - T_{\text{ein}}) + v(p_2 - p_1)}{c_p \ln\left(\frac{T_{\text{aus}}}{T_{\text{ein}}}\right)}$$

$$= \frac{298.15 \text{ K} - 288.15 \text{ K}}{\ln\left(\frac{298.15 \text{ K}}{288.15 \text{ K}}\right)} = 293.12 \text{ K} = T_{\text{KF}}$$

c) Seiz in Wand:

$$\begin{array}{c} \dot{Q}_{\text{aus}} \uparrow 293.12 \text{ K} \\ \hline \uparrow 100^\circ\text{C} \\ \dot{Q}_{\text{aus}} \end{array}$$

Entropiebilanz st. Fließprozess:

$$0 = \dot{m}(s_e - s_a) + \frac{-\dot{Q}_{\text{aus}}}{T_{\text{KF}}} + \frac{\dot{Q}_{\text{aus}}}{T_{\text{Reaktor},1}} + \dot{S}_{\text{Seiz}}$$

$$\dot{S}_{\text{Seiz}} = \dot{Q}_{\text{aus}} \left(\frac{1}{T_{\text{KF}}} - \frac{1}{T_{\text{Reaktor}}} \right) = 53.91 \frac{\text{W}}{\text{K}}$$

d) Energiebilanz halboffenes System:

$$\Delta E = m_2 \cdot u_2 - m_1 \cdot u_1 = \Delta m_{12} \cdot h_{12} + \cancel{Q_{R12}} - \cancel{Q_{2us}} - \cancel{W}$$

$$m_2 = m_{ges,1} + \Delta m_{12} \quad m_1 = m_{ges,1}$$

$$TAB A2: u_2 = u_f(70^\circ C) = 292.95 \frac{kJ}{kg}$$

$$\cancel{u_{12}} u_f(100^\circ C) = 418.94 \frac{kJ}{kg}$$

$$u_g(100^\circ C) = 2506.5 \frac{kJ}{kg}$$

$$h_{12} = h_f(20^\circ C) = 83.96 \frac{kJ}{kg}$$

$$\begin{aligned} u_1 &= u_f + x_D(u_g - u_f) \\ &= 429.36 \frac{kJ}{kg} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow (m_1 + \Delta m_{12}) \cdot u_2 - m_1 \cdot u_1 = \Delta m_{12} \cdot h_{12}$$

$$\Delta m_{12} \cdot (u_2 - h_{12}) = m_1 u_1 - m_1 u_2$$

$$\Delta m_{12} = \frac{m_1 u_1 - m_1 u_2}{u_2 - h_{12}}$$

$$\cancel{3756.43 kg} = \underline{\underline{3756.43 kg}}$$

$$e) \Delta S = m_2 s_2 - m_1 s_1$$

$$= (m_1 + \Delta m_{12}) \cdot s_2 - m_1 \cdot s_1$$

$$\Delta S_{12} = \underline{\underline{1387.22 \frac{kJ}{K}}}$$

TAB A2:

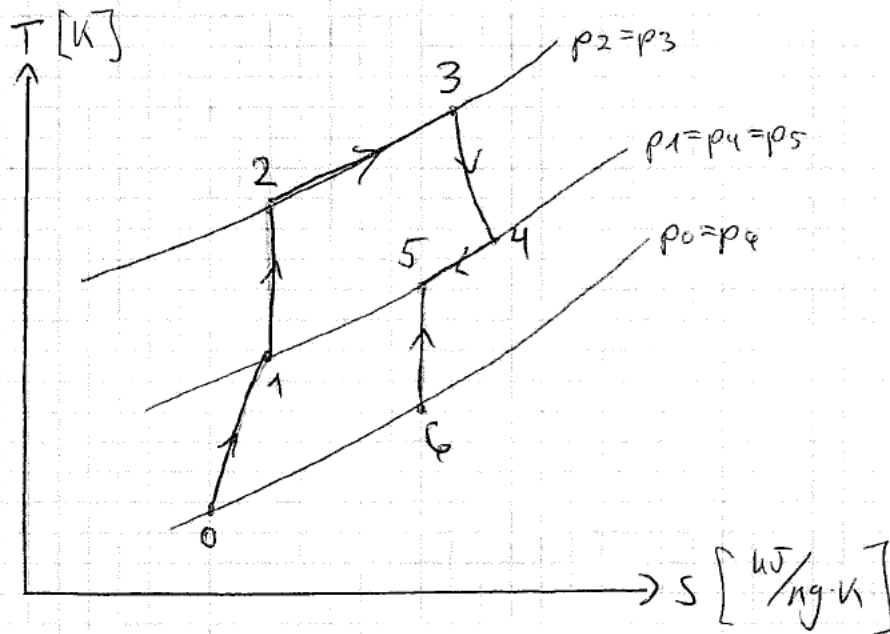
$$s_2 = s_f(70^\circ C) = 0.9549 \frac{kJ}{kg \cdot K}$$

~~$s_1 = s_f(100^\circ C) = 1.3069 \frac{kJ}{kg \cdot K}$~~

$$\begin{aligned} s_1 &= s_f(100^\circ C) + x_D(s_g(100^\circ C) - s_f(100^\circ C)) \\ &\quad 1.3069 \frac{kJ}{kg \cdot K} \quad 7.3549 \frac{kJ}{kg \cdot K} \end{aligned}$$

$$s_1 = 1.33714 \frac{kJ}{kg \cdot K}$$

22)

b) Geschwindigkeit:Energiebilanz Schubdüse: stationärer Fließprozess

$$0 = \dot{m}_{ges} \left(h_5 - h_6 + \frac{w_5^2 - w_6^2}{2} \right)$$

$$0 = c_p (T_5 - T_6) + \frac{w_5^2 - w_6^2}{2}$$

$$T_6 = T_5 + \frac{w_5^2 - w_6^2}{2c_p}$$

Energiebilanz Gesamtsystem:

$$0 = \dot{m}_{ges} \left(h_0 - h_6 + \frac{w_{luft}^2 - w_6^2}{2} \right) + \dot{q}_B \cdot \dot{m}_K$$

$$0 = h_0 - h_6 + \frac{w_{luft}^2 - w_6^2}{2} + 0.159 \cdot \dot{q}_B$$

$$= c_p (T_0 - T_6) + \frac{w_{luft}^2 - w_6^2}{2} + 0.159 \dot{q}_B$$

$$\frac{\dot{m}_K}{\dot{m}_K} = 5.293 \quad \dot{m}_{ges} = \dot{m}_K + \dot{m}_K$$

$$\dot{m}_{ges} = 6.293 \dot{m}_K$$

$$\hookrightarrow \dot{m}_K = 0.159 \dot{m}_{ges}$$

... Gleichungen nach T_6 & w_6 auflösen

$$0 = c_p \left(T_0 - T_5 - \frac{w_5^2 - w_6^2}{2c_p} \right) + \frac{w_{luft}^2 - w_6^2}{2} + 0.159 \dot{q}_B$$

c)

$$\begin{aligned}
 \Delta e_{x, \text{istr}} &= (h_G - h_0 - T_0 (s_G - s_0) + \Delta u_e) \\
 &= c_p (T_G - T_0) - T_0 \left(c_p \cdot \ln \left(\frac{T_G}{T_0} \right) \right) + \frac{w_G^2 - w_0^2}{2} \\
 &= 110.065 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}
 \end{aligned}$$

d) Exergiebilanz stationärer Fließprozess:

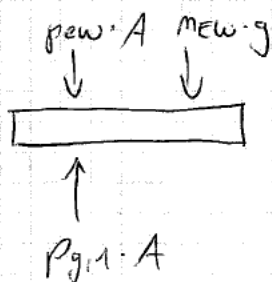
$$0 = \dot{m} \cdot (-\Delta e_{x, \text{istr}} + \left(1 - \frac{T_0}{T_B}\right) \cdot \dot{Q} - \overset{\text{netto } 0}{\dot{w}_{\text{t,m}}} - \dot{E}_{x, \text{verl}})$$

$$e_{x, \text{verl}} = -\Delta e_{x, \text{istr}} + \left(1 - \frac{T_0}{T_B}\right) \cdot q_B$$

$$= -100 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} + \left(1 - \frac{293 \text{ K}}{1280 \text{ K}}\right) \cdot 1195 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$

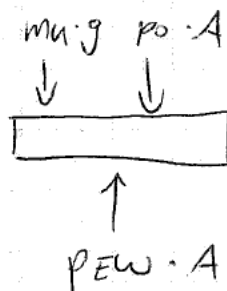
$$e_{x, \text{verl}} = 869.72 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$

3a)



$$p_{g,1} = p_{EW} + \frac{m_{EW} \cdot g}{A}$$

$$= \underline{\underline{1.4 \text{ bar}}}$$



$$p_{EW} = p_0 + \frac{m_{EW} \cdot g}{A} = \cancel{1.4} 1.4 \text{ bar}$$

$\left(\frac{D}{2}\right)^2 \pi$ points to A

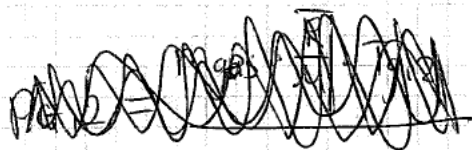
$$m_{gas} = \frac{p_{g,1} \cdot V_{g,1}}{\frac{R}{M} \cdot T_{g,1}} = \underline{\underline{3.4229 \text{ g}}}$$

b) $T_{g,2} = T_{EW,1}$

$$= \underline{\underline{0^\circ \text{C}}}$$

→ das Eis-Wasser-Gemisch ändert durch den Wärmestrom seine Temperatur nicht, da es bereits im fest-flüssigen Gebiet ist
⇒ isotherm

⇒ im GGW haben Gas & Eis die gleiche Temperatur



$$p_{g,2} = p_{g,1} = \underline{\underline{1.4 \text{ bar}}}$$

Druck bleibt gleich, weil sich am Kräftegleichgewicht nichts ändert, nur weil Wärme übertragen wurde
(s. Aufgabe 2)

c) Energiebilanz Geschlossenes System (Gas):

$$\Delta E = Q_{12} - W_{V12}$$

$$m_{\text{gas}} \cdot c_v \cdot (T_{2,g} - T_{1,g}) = Q_{12} - \int_{V_1}^{V_2} p \, dV$$

$$V_2 = \frac{m_{\text{gas}} \cdot \frac{R}{M} \cdot T_{2,g}}{p_{2,g}} = 0.00111 \text{ m}^3$$

$$Q_{12} = m_{\text{gas}} \cdot c_v (T_{g,2} - T_{g,1}) + p_{2,g} (V_2 - V_1)$$

$$= -1.0832 \text{ kJ} + 1114.4 \text{ J}$$

$$= 31.21 \text{ J} \quad ? \text{ (sollte } < 0 \text{ sein)}$$

d) $|Q_{12}| = 1500 \text{ J}$

Energiebilanz geschl. System (Eiswasser):

$$\Delta E = m_{\text{EW}} (u_2 - u_1) = Q_{12}$$

$$u_1 = u_{\text{flüssig}}(0^\circ\text{C}) + x_{\text{Eis}} (u_{\text{fest}}(0^\circ\text{C}) - u_{\text{flüssig}}(0^\circ\text{C}))$$

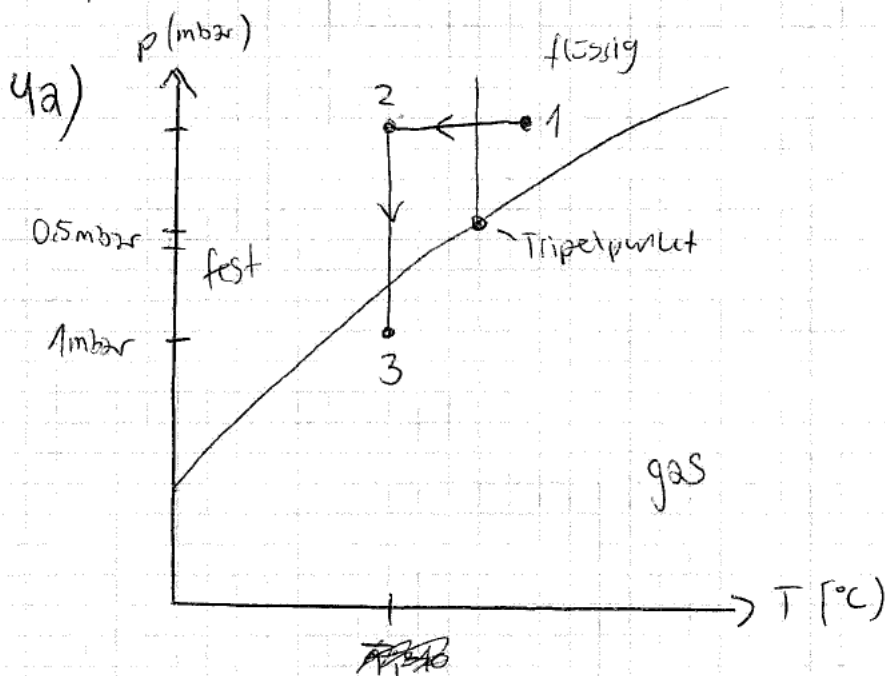
$$= -0.045 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} - 333.458 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$

$$= -200.0928$$

$$u_2 = u_{\text{fl}}(0^\circ\text{C}) + x_{\text{Eis},2} (u_{\text{fest}} - u_{\text{flüssig}})$$

$$\Rightarrow \frac{Q_{12}}{m_{\text{EW}}} + u_1 = u_{\text{fl}} + x_2 (u_{\text{f}} - u_{\text{fl}})$$

$$\frac{\frac{Q_{12}}{m_{\text{EW}}} + u_1 - u_{\text{fl}}}{u_{\text{f}} - u_{\text{fl}}} = x_2 = 0.555$$



b) Kältemittel: $T_i = -10^\circ\text{C}$

	P	T	x	s
1		-16°C		
2		-16°C	1	
3	8 bar			
4	8 bar		0	

$$p_i = 1 \text{ mbar}$$

$$T_i = -10^\circ\text{C}$$

Energiebilanz Verdichter (stationärer Fließprozess):

$$0 = \dot{m}_{R134a} (h_2 - h_3) - \dot{W}_K \quad \leftarrow \text{negatives } \dot{W}_K \text{ (wird zugeführt)}$$

$$\frac{\dot{W}_K}{h_2 - h_3} = \dot{m}_{R134a}$$

TAB A-10:

$$h_2 = h_g(-16^\circ\text{C}) = 237.74$$

$$s_2 = s_g(-16^\circ\text{C}) = 0.9298 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}\cdot\text{K}}$$

$$= s_3 \text{ (weil reversibel)}$$

$$h_3 = h(8 \text{ bar}, s = 0.9298 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{K}}) \Rightarrow \text{TAB A12}$$

$$h(s = 0.9066 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{K}}) = 264.15 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$

$$h_3(s = 0.9298 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{K}}) = ? = \frac{273.66 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} - 264.15 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}}{0.9399 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{K}} - 0.9066 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{K}}} \cdot (0.9298 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{K}} - 0.9066 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{K}}) + 264.15 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$

$$h(s = 0.9399 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{K}}) = 273.66 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$

$$\cancel{87.7} \quad 271.3134 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} = h_3$$

$$\dot{m}_{R1342} = \frac{-28 \cdot 10^{-3} \text{ kW}}{h_2 - h_3} = 0.000834 \frac{\text{kg}}{\text{s}}$$

$$= 3.0024 \frac{\text{kg}}{\text{h}}$$

c) Drossel isenthalp: $h_1 = h_g$

$$h_g = h_f(8 \text{ bar}) = 93.42 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$

TAB A-11: \nearrow TAB A-10
 \nwarrow $29.3 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$

$$x_1 = \frac{h_1 - h_f(-16^\circ\text{C})}{h_g(16^\circ\text{C}) - h_f(16^\circ\text{C})} = 0.3076$$

\swarrow
 $237.74 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$

$$d) \quad \varepsilon_k = \frac{|\dot{Q}_{zu}|}{|\dot{Q}_{ab}| - |\dot{Q}_{zu}|} = \frac{|\dot{Q}_u|}{|\dot{Q}_{ab}| - |\dot{Q}_u|} = \frac{|\dot{Q}_{12}|}{|\dot{Q}_{34}| - |\dot{Q}_{12}|}$$

Energiebilanz st. Fließprozess 12:

$$0 = \dot{m}(h_1 - h_2) + \dot{Q}_{12}$$

$$\dot{Q}_{12} = \dot{m}(h_2 - h_1)$$

\swarrow \nwarrow
 $237.74 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$ $93.42 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$

234:

$$\dot{Q}_{34} = \dot{m}(h_4 - h_3)$$

\swarrow \nwarrow
 $= h_1$

$$\varepsilon_k = 5.465$$

e) konstanter Wärmestrom abgeführt

$\Rightarrow T_i$ würde sinken