

1. (a) Stationärer Fließprozess:

$$\dot{Q} = \dot{m}_{\text{ein}}(h_{\text{ein}} - h_{\text{aus}}) + \dot{Q}_R - \dot{Q}_{\text{aus}}$$

$$\dot{Q}_{\text{aus}} = \dot{m}_{\text{ein}}(h_{\text{ein}} - h_{\text{aus}}) + \dot{Q}_R$$

$$h_{\text{ein}} = h(70^\circ\text{C}, x=0) = h_f(70^\circ\text{C}) = 292.98 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \quad (\text{A-2})$$

$$h_{\text{aus}} = h(100^\circ\text{C}, x=0) = h_f(100^\circ\text{C}) = 419.04 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \quad (\text{A-2})$$

$$\begin{aligned} \dot{Q}_{\text{aus}} &= 0.3 \text{ kg/s} (292.98 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} - 419.04 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}) + 100 \text{ kW} \\ &= 62.18 \text{ kW} \end{aligned}$$

$$(b) \bar{T}_{\text{KF}} = \frac{\int_{\text{ein}}^{\text{aus}} T \, ds}{S_{\text{aus}} - S_{\text{ein}}} \quad dH = T \, ds + V \, dp \xrightarrow[0, \text{ isobar}} 0, \text{ isobar}$$

$$= \frac{h_{\text{aus}} - h_{\text{ein}}}{S_{\text{aus}} - S_{\text{ein}}} \stackrel{\text{ideale Flüssigkeit}}{=} \frac{c_{P,\text{KF}} (T_{\text{aus}} - T_{\text{ein}}) + V_{\text{if}} (p_{\text{aus}} - p_{\text{ein}})}{c_{P,\text{KF}} \ln \left(\frac{T_{\text{aus}}}{T_{\text{ein}}} \right)}$$

$$= \frac{T_{\text{aus}} - T_{\text{ein}}}{\ln \left(\frac{T_{\text{aus}}}{T_{\text{ein}}} \right)} = \frac{298.15 \text{ K} - 288.15 \text{ K}}{\ln \left(\frac{298.15 \text{ K}}{288.15 \text{ K}} \right)} = 293.12 \text{ K}$$

$$(c) \dot{Q} = \frac{\dot{Q}_{\text{aus}}}{\bar{T}_{\text{Reaktor},1}} - \frac{\dot{Q}_{\text{aus}}}{\bar{T}_{\text{KF}}} + \dot{S}_{\text{erz}}$$

$$\dot{S}_{\text{erz}} = \frac{\dot{Q}_{\text{aus}}}{\bar{T}_{\text{KF}}} - \frac{\dot{Q}_{\text{aus}}}{\bar{T}_{\text{Reaktor},1}} = 0.0455 \frac{\text{kJ}}{\text{K}} \frac{\text{kW}}{\text{K}}$$

$$(d) \Delta E = \cancel{\Delta U} = m_2 u_2 - m_1 u_1 = \Delta M_{12} \cdot h_{\text{ein},12} - Q_{\text{aus},12}$$

$$\cancel{\Delta M_{12}} = \frac{m_2 u_2 - m_1 u_1 + Q_{\text{aus},12}}{h_{\text{ein},12}} =$$

Fortsetzung 1.d:

$$(m_1 + \Delta m_{12}) u_2 - m_1 u_1 = \Delta m_{12} \cdot h_{\text{ein},12} - Q_{\text{aus},12}$$

$$\Delta m_{12} (u_2 - h_{\text{ein},12}) = m_1 u_1 - m_1 u_2 - Q_{\text{aus},12}$$

$$\Delta m_{12} = \frac{m_1 u_1 - m_1 u_2 - Q_{\text{aus},12}}{u_2 - h_{\text{ein},12}}, \quad m_1 = m_{\text{ges},1} = 5755 \text{ kg}$$

$$h_{\text{ein},12} = h(20^\circ\text{C}, x=0) = h_f(20^\circ\text{C}) = 83.96 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \quad (\text{A-2})$$

~~$$u_1 = u(100^\circ\text{C}, x=0) = u_f(100^\circ\text{C}) = 418.94 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \quad (\text{A-2})$$~~

$$u_2 = u(70^\circ\text{C}, x=0) = u_f(70^\circ\text{C}) = 292.95 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \quad (\text{A-2})$$

$$\Delta m_{12} = u_1 = u(100^\circ\text{C}, x=0.005) = u_f(100^\circ\text{C}) + x \cdot (u_g(100^\circ\text{C}) - u_f(100^\circ\text{C})) \\ = 429.38 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \quad (\text{A-2})$$

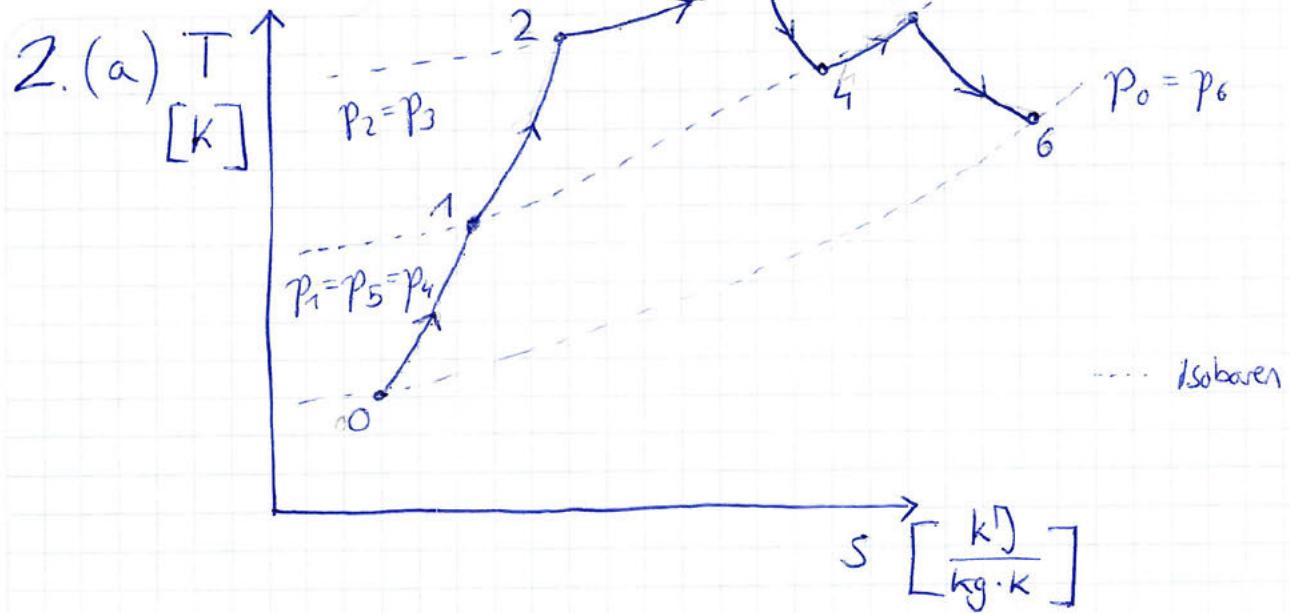
$$\Delta m_{12} = 3589.4 \text{ kg}$$

$$(\text{e}) \Delta S = m_2 s_2 - m_1 s_1 = (m_2 + \Delta m_{12}) s_2 - m_1 s_1$$

$$s_1 = s(100^\circ\text{C}, x=0.005) = s_f(100^\circ\text{C}) + x \cdot (s_g(100^\circ\text{C}) - s_f(100^\circ\text{C})) \\ = 1.337 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{K}} \quad (\text{A-2})$$

$$s_2 = s(70^\circ\text{C}, x=0) = s_f(70^\circ\text{C}) = 0.3549 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{K}} \quad (\text{A-2})$$

$$\Delta S = 1227.7 \frac{\text{kJ}}{\text{K}}$$



(b) Fließprozess: $\dot{Q} = \dot{m}(h_5 - h_6 + \frac{(w_5^2 - w_6^2)}{2}) + \dot{Q} \xrightarrow{\text{0, adiabat}} \dot{W} \xrightarrow{\text{0, keine Arbeit}}$

$$\dot{Q} = C_{p,\text{Luft}}(T_5 - T_6) + \left(\frac{(w_5^2 - w_6^2)}{2}\right)$$

$$\dot{Q} = \dot{m}(s_5 - s_6) + \cancel{\dot{Q}} \xrightarrow{\text{0, adiabat}} + \cancel{\dot{S}_{erz}} \xrightarrow{\text{0, reversibel}}$$

$$s_5 - s_6 = s^\circ(T_5) - s^\circ(T_6) - R_{\text{Luft}} \cdot \ln\left(\frac{P_5}{P_6}\right) = 0$$

$$R_{\text{Luft}} = \frac{\bar{R}}{M_{\text{Luft}}} = \frac{8.314 \frac{\text{kJ}}{\text{kmol} \cdot \text{K}}}{28.97 \frac{\text{kg}}{\text{kmol}}} = 0.287 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{K}}$$

Fortsetzung 2.b.:

$$s^o(T_6) = s^o(T_5) - R_{Luft} \cdot \ln\left(\frac{p_5}{p_6}\right) = s^o(T_5) - R_{Luft} \cdot \ln\left(\frac{p_5}{p_0}\right)$$

$$s^o(T_5) = s^o(431.5K) = s^o(430K) + \frac{s^o(440K) - s^o(430K)}{440K - 430K} \cdot (431.5K - 430K)$$

$$= 2.0698 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{K}} \quad (\text{A}-22)$$

$$s^o(T_6) = 1.7936 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{K}}$$

$$T_6 = \frac{s^o(330K) - s^o(325K)}{s^o(330K) - s^o(325K)} \cdot (s^o(T_6) - s^o(325K))$$

$$= 328.6K \quad (\text{A}-22)$$

$$\dot{Q} = c_{p,Luft} (T_5 - T_6) + \left(\frac{(\omega_5^2 - \omega_6^2)}{2} \right)$$

$$\omega_6^2 = \omega_5^2 + 2c_{p,Luft} (T_5 - T_6)$$

$$\omega_6 = \sqrt{\omega_5^2 + 2c_{p,Luft} (T_5 - T_6)} = 390.26 \frac{\text{m}^2}{\text{s}}$$

$$(c) \quad \cancel{\dot{e}_{x,str,0} - \dot{e}_{x,str,6}}$$

$$\Delta e_{x,str} = \dot{e}_{x,str,6} - \dot{e}_{x,str,0} = h_6 - h_0 - T_0 (s_6 - s_0) + \frac{\omega_6^2 - \omega_0^2}{2}$$

$$= c_p (T_6 - T_0) - c_p T_0 \ln\left(\frac{T_6}{T_0}\right) - R_{Luft} \cdot \frac{T_0}{V} \ln\left(\frac{p_6}{p_0}\right) + \frac{\omega_6^2 - \omega_0^2}{2}$$

$$\omega_0 = \omega_{Luft} = 200 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\bar{q}_B = 68.45 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$

$$(d) \quad \dot{Q} = -\Delta e_{x,str} + \left(1 - \frac{T_0}{T_B}\right) \cdot q_B - \dot{e}_{x,verl}$$

$$\dot{e}_{x,verl} = -\Delta e_{x,str} + \left(1 - \frac{T_0}{T_B}\right) \cdot q_B = 1038 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$

$$3.(a) \quad p_{G,1} = p_{\text{amb}} + \frac{m_{\text{kolben}} \cdot g}{\pi \left(\frac{D}{2}\right)^2} + \frac{m_{\text{EW}} \cdot g}{\pi \left(\frac{D}{2}\right)^2}$$

$$A = \pi \left(\frac{D}{2}\right)^2 = 0.00785 \text{ m}^2$$

$$p_{G,1} = \frac{1 \text{ bar}}{10^5 \text{ Pa}} + \frac{32 \text{ kg} \cdot 9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}}{0.00785 \text{ m}^2} + \frac{0.1 \text{ kg} \cdot 9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}}{0.00785 \text{ m}^2} = 140090 \text{ Pa} = 1.4 \text{ bar}$$

$$p_{G,1} \cdot V_{G,1} = m_{G,1} \cdot R_G \cdot T_{G,1} \rightarrow m_{G,1} = \frac{p_{G,1} \cdot V_{G,1}}{R_G \cdot T_{G,1}}$$

$$R_G = \frac{R}{M_G} = 166.3 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}} \quad , \quad V_{G,1} = 3.14L = 0.00314 \text{ m}^3$$

$$m_{G,1} = 0.00342 \text{ kg} = 3.42 \text{ g}$$

(b) Die Temperatur und der Druck bleiben konstant:

~~$$T_{EW,2} = T_{EW,1} = 0^\circ\text{C}$$~~

~~$$p_{G,2} = p_{G,1} = p_{\text{amb}} + \frac{m_{\text{kolben}} \cdot g}{\pi \left(\frac{D}{2}\right)^2} = 139970 \text{ Pa} = 1.3997 \text{ bar}$$~~

Dies liegt daran, dass wir uns im Zweiphasengebiet befinden, bei der eine Wärmezufuhr erst dann zu einer Temperatur- und Druckerhöhung führt, wenn das gesamte Eis geschmolzen ist. Dies ist bei $x_{Eis,2} > 0$ nicht der Fall.

Die Temperatur beträgt 0°C da das Eis nicht komplett schmilzt ($x_{Eis,2} > 0$) und die $T_{G,2}$ Temperatur des Eises daher konstant bleibt.

* Damit keine Wärme mehr übertragen wird, muss $T_{G,2} = T_{Eis,2} = 0$ gelten. Der Druck bleibt ebenfalls konstant, da der Atmosphärendruck und das Gewicht des Kolbens sowie der Wasser-Eis-Mischung konstant bleiben.

3.(c) Gasgemisch Energiebilanz:

$$\Delta E = m_{\text{Gas},2} \cdot u_{\text{Gas},2} - m_{\text{Gas},1} \cdot u_{\text{Gas},1} = -Q_{12} - W_{12}$$

Wenn $T_{\text{EW},2} = T_{\text{G},2}$, dann wird keine Wärme mehr übertragen.

$$\text{Daten: } T_{\text{G},2} = T_{\text{EW},2} = 0^\circ\text{C} = 273.15\text{K}$$

Zudem bleibt der Druck konstant: $p_{\text{G},2} = p_{\text{G},1} = 1.4\text{bar}$

Die Masse ebenfalls: $m_{\text{G},2} = m_{\text{G},1} = 0.00342\text{kg}$

$$V_{\text{G},2} = \frac{m_{\text{G},2} \cdot R_{\text{G}} \cdot T_{\text{G},2}}{p_{\text{G},2}} = 0.001109\text{m}^3$$

$$W_{12} = p_{\text{G},1} (V_{\text{G},2} - V_{\text{G},1}) = -284.48\text{J}$$

$$\begin{aligned} Q_{12} &= m_{\text{Gas}} (u_{\text{G},1} - u_{\text{G},2}) - W_{12} = m_{\text{G}} c_v \cdot (T_{\text{G},1} - T_{\text{G},2}) - W_{12} \\ &= 1367.5\text{J} \end{aligned}$$

$$(d) \cancel{m_{\text{EW}} (u_{\text{EW},2} - u_{\text{EW},1}) = Q_{12}} \quad (\text{Arbeit 0, da isochor})$$

$$\Delta E = \Delta U =$$

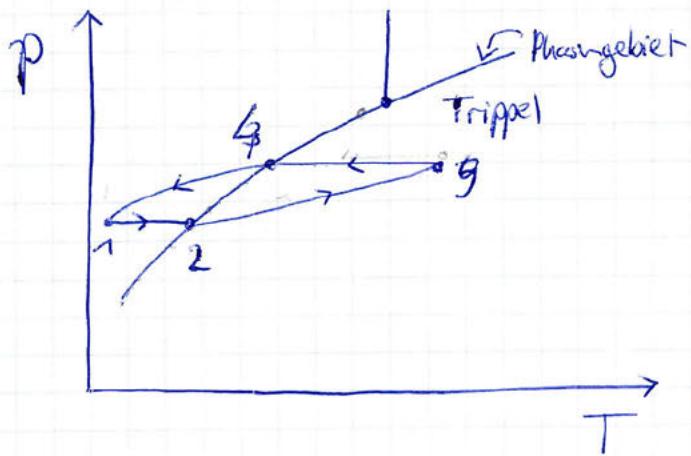
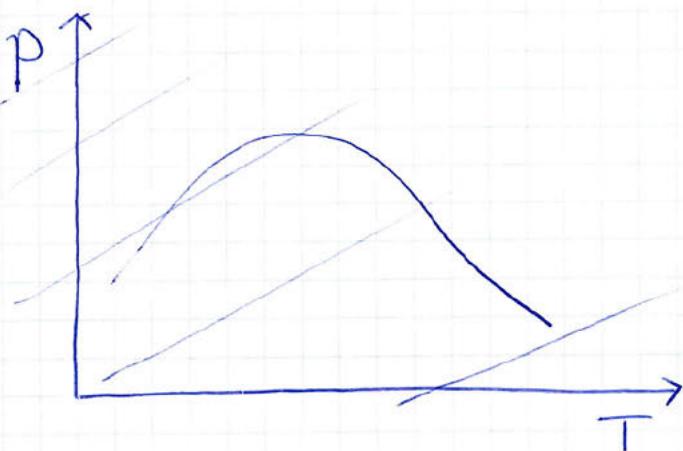
$$\cancel{m_{\text{EW}}}$$

$$\begin{aligned} u_{\text{EW},1} &= u_{\text{Flüssig}}(0^\circ\text{C}, 1.4\text{bar}) + x_{\text{Eis},1} \cdot (u_{\text{fest}}(0^\circ\text{C}, 1.4\text{bar}) - u_{\text{Flüssig}}(0^\circ\text{C}, 1.4\text{bar})) \\ &= -200.117 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \end{aligned}$$

$$u_{\text{EW},2} = u_{\text{Flüssig}}(0^\circ\text{C}, 1.4\text{bar}) + x_{\text{Eis},2} \cdot (u_{\text{fest}}(0^\circ\text{C}, 1.4\text{bar}) - u_{\text{Flüssig}}(0^\circ\text{C}, 1.4\text{bar}))$$

$$\begin{aligned} m_{\text{EW}} (u_{\text{EW},2} - u_{\text{EW},1}) &= m_{\text{EW}} \cdot (x_{\text{Eis},2} \cdot (u_{\text{fest}}(0^\circ\text{C}, 1.4\text{bar}) - u_{\text{Flüssig}}(0^\circ\text{C}, 1.4\text{bar})) \\ &\quad - x_{\text{Eis},1} \cdot (u_{\text{fest}}(0^\circ\text{C}, 1.4\text{bar}) - u_{\text{Flüssig}}(0^\circ\text{C}, 1.4\text{bar})) = Q_{12} \end{aligned}$$

4. (a) ~~$p_1 = p_3 = 8 \text{ bar}$~~ Siehe Abb. 5



(b) ~~$Q = \dot{m}_{R134a} \cdot (h_3 - h_4) \Rightarrow -\dot{Q}_{ab} = \dot{m}_{R134a} \cdot (h_1 - h_2) + \dot{Q}_K$~~

$$\dot{m}_{R134a} = \frac{\dot{Q}_{ab}}{h_3 - h_4} = - \frac{\dot{Q}_K}{h_1 - h_2}$$

$$Q = \dot{m}_{R134a} \cdot (h_2 - h_3) - \dot{W}_K$$

$$\dot{m}_{R134a} = \frac{\dot{W}_K}{h_2 - h_3}$$

$$h_2 = (p_2, x=1) = h_g(p_2) = 259 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$

$$p_2 = 6 \text{ bar} - 5 \text{ mbar} = 5.995 \text{ bar} = p_1$$

$$p_3 = p_4 = 8 \text{ bar}$$

$$4.(c) \dot{m}_{R134a} = 4 \frac{\text{kg}}{\text{h}} = 0.0011 \frac{\text{kg}}{\text{s}}$$

$$T_2 = -22^\circ\text{C}$$

$$p_1 = p_2 = 5.995 \text{ bar}$$

$$h_1 = h_4 = h(8 \text{ bar}, x=0) = 93.42 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$$

$$x_1 = \frac{h_1 - h_f(p_1)}{h_g(p_1) - h_f(p_1)} = 0.0777$$

$$(d) \varepsilon_K = \frac{|\dot{Q}_{z0}|}{|\dot{W}_t|} = \frac{\dot{Q}_K}{\dot{W}_K} = \frac{\dot{Q}_K}{28 \text{ W}}$$

(e) Die Temperatur würde sich ^{solange sinken} ~~verändern~~ bis die Innentemperatur im therm. GGW mit dem Kühlkreislauf liegt.

Fortsetzung 3.d.:

$$x_{\text{Eis},2} = \frac{\frac{Q_{12}}{m_{\text{EW}}} + x_{\text{Eis},1} (U_{\text{Fest}}(0^\circ\text{C}, 1.4\text{bar}) - U_{\text{Flüssig}}(0^\circ\text{C}, 1.4\text{bar}))}{U_{\text{Fest}}(0^\circ\text{C}, 1.4\text{bar}) - U_{\text{Flüssig}}(0^\circ\text{C}, 1.4\text{bar})}$$
$$= 0.559$$