# 顺序排列 题解

### Subtask 1

DFS 搜索即可。

本 Subtask 的标程为 permutation\_sol1.cpp。

### Subtask 2

不同限制之间完全不相同,一个数最多在一个限制中出现一次。

因此,我们可以根据每个限制分配每个位置的数,不会产生冲突。

本 Subtask 的标程为 permutation\_sol2.cpp。

# Subtask 3

 $y_i$  互不相同且只有 n-1 个,并且 [1,n] 在限制中至少出现一次。

那么,我们可以从 $x_i$ 到 $y_i$ 连一条边,就能得到一棵树。

之后,输出这棵树各个点的 DFS 序即可。

本 Subtask 的标程为 permutation\_sol3.cpp。

## Subtask 4

 $n^2$  可过,给不会拓扑排序的同学准备的。

#### Subtask5

正解, 拓扑排序。

从  $x_i$  到  $y_i$  连接一条有向边,执行拓扑排序。

每个位置要填入的数,就是这个点在图上的拓扑序遍历顺序。

根据拓扑排序的性质, $x_i$  一定在  $y_i$  之前遍历到。这样,就可以保证  $a_{x_i} < a_{y_i}$ 。

本 Subtask 的标程为 permutation\_sol4.cpp 。同时, permutation\_sol5.cpp 是使用了快速读入的版本。

```
#include<cstdio>
#include<algorithm>
#include<queue>
using namespace std;
//#define debug
#define check
const int MAXN=1e5,MAXM=5e5;
int n,m;
struct Edge
{
    int to,next;
}edge[MAXM+5];
```

```
int edge_cnt;
int head[MAXN+5];
void add_edge(int u,int v)
{
    edge[++edge_cnt]=(Edge){v,head[u]};
    head[u]=edge_cnt;
}
queue<int>q;
int deg[MAXN+5];
int nowbfn;
int ans[MAXN+5];
int main()
{
    freopen("permutation.in","r",stdin);
    scanf("%d%d",&n,&m);
    #ifdef check//包在check段中的代码完全可以忽略。
    if(n<1||n>100000||m<0||m>400000)
    {
        printf("\033[31mData Check Failed.\n");
        printf("n %d m %d\033[0m\n",n,m);
        return 1;
    }
    #endif
    for(int i=1;i<=m;i++)</pre>
        int u,v;
        scanf("%d%d",&u,&v);
        #ifdef check
        if(u<1||u>n||v<1||v>n)
            printf("\033[31mData Check Failed.\n");
            printf("Rule ID %d x %d y %d\033[0m\n",i,u,v);
            return 1;
        }
        #endif
        add_edge(u,v);
        deg[v]++;
    for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
    {
        if(deg[i]==0)//发现起点。需要注意可能有多个起点。
        {
            q.push(i);
        }
    }
    while(!q.empty())
        int u=q.front();
        q.pop();
        ans [u] = ++nowbfn;
        for(int i=head[u];i;i=edge[i].next)
            int v=edge[i].to;
            deg[v]--;
            if(deg[v]==0)
```

```
q.push(v);
           }
        }
   }
   #ifndef debug
   freopen("permutation.out","w",stdout);
   for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
       if(deg[i])//如果到现在还有入度不为0的边,说明图里出现了环,因此无解。
           printf("-1");
           return 0;
       }
   }
   for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
        printf("%d",ans[i]);
       if(i!=n)
           printf(" ");
        }
   }
   return 0;
}
```

# 版权信息

题解: 邓子君

在 <u>CC-BY-NC 4.0</u> 协议下共享。