顺序排列

题目描述

司曾经拥有一个长度为 n 的**排列** a, 第 i 个数记为 a_i 。但他是一个健忘的人,忘记了这个排列。

好在他 (自认为) 记住了 m 条限制条件,第 i 条限制条件记为 x_i , y_i , 表示 $a_{x_i} < a_{y_i}$ 。

现在,请你验证,是否有这么一个排列,满足上面的所有限制条件。如果有,请你构造任意一个符合要求的排列。

输入数据格式

输入文件为 permutation.in。

第一行输入两个正整数 n 和 m。

接下来的 m 行,第 i 行输入两个正整数 x_i , y_i , 表示限制条件。

输出数据格式

输出文件为 permutation.out。

若无解,输出一个-1即可。

若有解,则输出n个用空格分割的数,第i行表示 a_i 。

样例

样例输入#1

9 4

5 7

5 9

8 9

6 3

样例输出#1

2 1 8 3 4 5 7 6 9

样例解释#1

还有一种可能的解:

1 2 8 3 4 5 7 6 9

因为规则没有限制 a_1 和 a_2 的大小关系。

样例输入#2

- 8 4
- 4 3
- 3 4
- 4 52 6

样例输出#2

-1

样例解释 #2

怎么可能同时做到 $a_3 < a_4$, $a_4 < a_3$?

样例 #3

请见 permutation3.in 和 permutation3.ans,该样例符合 Subtask 2 的数据范围。

样例 #4

请见 permutation4.in 和 permutation4.ans,该样例符合 Subtask 3 的数据范围。

样例 #5

请见 permutation5.in 和 permutation5.ans,该样例符合 Subtask 5 的数据范围。

数据范围与提示

长度为 n 的排列是一个由 n 个正整数组成的有序数组,数组中每个数的范围在 [1,n] 间,且每个数恰好出现一次。

我们准备了 checker.exe 。运行方法是:

checker.exe <input-file> <output-file> <answer-file>

Subtask	分值	n	m	更多特殊性质
1	10	$1 \le n \le 10$	$0 \leq m \leq 5$	无
2	10	$1 \leq n \leq 10^5$	$0 \leq m \leq 5 imes 10^4$	对于所有 $1 \leq i \leq n, 1 \leq j \leq n$,有 $x_i eq y_j$ 。 对于所有 $1 \leq i < j \leq n$,有 $x_i eq x_j, y_i eq y_j$ 。
3	20	$1 \leq n \leq 10^5$	m=n-1	对于所有 $1 \leq k \leq n$,至少存在 $-$ 个 $1 \leq i \leq n$,有 $x_i = k$ 或 $y_i = k$ 。 y_i 互不相同。
4	20	$1 \le n \le 10^3$	$0 \leq m \leq 3 imes 10^3$	无
5	40	$1 \leq n \leq 10^5$	$0 \leq m \leq 4 imes 10^5$	无

对于所有数据,都有: $1 \le n \le 10^5$, $0 \le m \le 4 \times 10^5$ 。

版权信息

题目:邓子君

数据: 邓子君

在 <u>CC-BY-NC 4.0</u> 协议下共享。