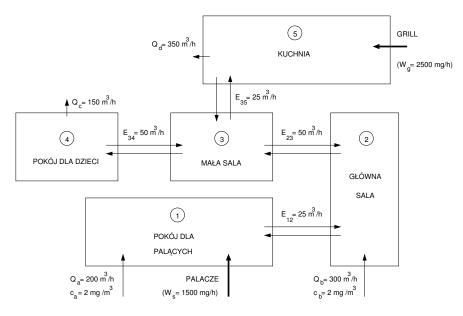
## Zadanie 3 (układy równań liniowych).

Poniżej przedstawiono schemat pewnej restauracji składającej się z pięciu pomieszczeń, w której badana jest zawartość tlenku węgla (CO) w powietrzu. Pomieszczenia 1 oraz 2 pobierają powietrze z ulicy (odpowiednio  $Q_a$  oraz  $Q_b$ ), w którym znajdują się  $2\frac{mg}{m^3}$  CO. Pomieszczenia 4 i 5 oddają powietrze na zewnątrz budynku (odpowiednio  $Q_c$  oraz  $Q_d$ ). Dodatkowa wymiana powietrza pomiędzy pomieszczeniami oznaczona jest jako E. W restauracji znajdują się dodatkowe dwa źródła CO. Pierwszym z nich jest dym z papierosów palonych w pomieszczeniu 1. Drugim jest wadliwie funkcjonujące urządzenie kuchenne w pomieszczeniu 5.



- 1. Sformułować problem zawartości CO w stanie ustalonym w poszczególnych pomieszczeniach za pomocą układu równań liniowych (podać macierz A oraz wektor B).
- 2. Za pomocą odpowiedniej funkcji znaleźć rozkład LU macierzy A oraz znaleźć rozwiązanie (wektor stężeń CO).
- 3. Korzystając z rozkładu otrzymanego w punkcie 2 wyznaczyć jak zmienią się stężenia, jeżeli ograniczymy ilość CO pochodzącego z dymu do  $W_s=800\frac{mg}{h}$  oraz ilość CO pochodzącego z wadliwego grilla do  $W_g=1200\frac{mg}{h}$ .
- 4. Wyznaczyć macierz  $A^{-1}$  (metodą LU).
- 5. Znaleźć udział procentowy CO pochodzącego z grilla, z papierosów i z ulicy, w pokoju dla dzieci.