

赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

赝势理论

平面波与赝势 模守恒赝势与超软赝 势

可分离赝势与 Ghost band

VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAV 赝势 Data set 的生成

赝势、投影函数与 VASP 的 POTCAR

北京市计算中心

2023.08.24

球形势对平面波的散射与相移



赝势、投影的 数与 VASE 的 POTCAE

赝势理论

平面波与赝势 模守恒赝势与超软赝

可分离赝势与 Ghost band VASP 中的

AtomPAW 赝势 Data set. 的生成

Fig.: Schematic illustration of scattering of a plane wave by a spherical potential.

入射平面波

$${\rm e}^{{\rm i}\vec{q}\cdot\vec{r}} = 4\pi \sum_{lm} {\rm i}^l j_l(\vec{q}\cdot\vec{r}) Y_{lm}^*(\hat{\vec{q}}) Y_{lm}(\hat{\vec{r}}) = \sum_l (2l+1) {\rm i}^l j_l(qr) P_l(\cos\theta)$$

经散射后出射,波函数变为

$$\Psi_l^{>}(\varepsilon, r) = C_l \left[j_l(\kappa r) - \tan \eta_l(\varepsilon) n_l(\kappa r) \right]$$
 其中 $\kappa^2 = \varepsilon$

根据散射理论,能量为 ε 的电子经单个势阱散射偏转 θ 后,波函数的振幅可以表示为

$$t(\theta) = \frac{4\pi}{\kappa} \sum_{l} (2l+1) [\exp(2i\eta_l(\varepsilon)) - 1] P_l(\cos \theta)$$

散射相移与赝势



赝势、投影的 数与 VASE 的 POTCAE

赝势理论

平面波与赝势 模守恒赝势与超软赝

可分离赝势与 Ghost band

VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data set 的生成

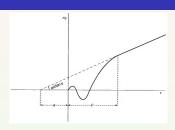


Fig.: Radial wave-function $\phi=r\psi$ for low-energy scattering as illustrated in a figure from the 1934 and 1935 papers of Fermi and coworkers for low-energy electron scattering from atoms and neutron scattering from nuclei. The node in the wave-function near the origin show that the potential is attractive and strong enough to have bound states. The cross-section for scattering from the localized potential is determined by the phase shift and is the same for weaker pseudo-potential with the same phase shift modulo 2π .

对于球形势散射,相移可由径向波函数计算

$$\tan \eta_l(\varepsilon) = \frac{R \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}r} j_l(\kappa r)|_R - D_l(\varepsilon) j_l(\kappa R)}{R \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}r} n_l(\kappa r)|_R - D_l(\varepsilon) n_l(\kappa R)}$$

其中
$$D_l(\varepsilon, r) \equiv r\psi_l'(r)/\psi_l(r) = r\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}r} \ln \psi_l(r)$$

同时相移与波函数节点的关系为:

$$\eta_l(arepsilon) = p_l \pi + \delta(arepsilon)$$

由 OPW 到赝势



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

赝势理论 平面波与赝势 ^{模守恒赝势与超软质} 势

可方面膜好与 Ghost band VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data set 的生成 ■ 完全平面波基组

少数平面波就可以很好地描述波函数在原子间的行为,近核波函数则需要大量平 面波展开

■ 正交平面波 (Orthogonalized plane wave, OPW) 方法 价电子波函数由芯电子波函数和平面波共同展开

$$\phi_{\mathrm{OPW}}^{\vec{k}+\vec{G}}(\vec{r}) = \phi_{\mathrm{PW}}^{\vec{k}+\vec{G}}(\vec{r}) - \sum_{c} \langle \varphi_{c} | \phi_{\mathrm{PW}}^{\vec{k}+\vec{G}} \rangle \varphi_{c}(\vec{r})$$

通过价电子和芯电荷波函数叠加构造赝波函数

$$\tilde{\phi}_{v}(\vec{r}) = \frac{\phi_{v}(\vec{r})}{\phi_{v}(\vec{r})} + \sum_{c} \langle \varphi_{c} | \tilde{\phi}_{v} \rangle \varphi_{c}(\vec{r})$$

代入 Schrödinger 方程

$$\hat{H}|\tilde{\phi}_v\rangle - \sum_c \langle \varphi_c|\tilde{\phi}_v\rangle \hat{H}|\varphi_c\rangle = \varepsilon_v|\tilde{\phi}_v\rangle - \varepsilon_v\sum_c \langle \varphi_c|\tilde{\phi}_v\rangle|\varphi_c\rangle$$

可有

$$\hat{H}|\tilde{\phi}_v\rangle + V^R|\tilde{\phi}_v\rangle = \varepsilon_v|\tilde{\phi}_v\rangle$$

这里排斥势是

$$V^{R}(\vec{r}, \vec{r}') = \sum_{c} (\varepsilon_{v} - \varepsilon_{c}) |\varphi_{c}(\vec{r}')\rangle \langle \overline{\varphi}_{c}(\vec{r})| = 1 \quad \exists \quad \emptyset \in \mathbb{R}$$

由 OPW 到赝势



赝势、投影函数与 VASP 的 POTCAR

赝 势 埋 论 平面波与赝势 模守恒赝势与超软赝 势

可分离赝势与 Ghost band VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data set <mark>的生成</mark> Phillips-Kleinman 指出, 赝势 ($V^{\rm eff}$)- 赝波函数 (可用 $\phi_{\rm PW}^{\vec{k}+\vec{G}}$ 展开) 满足 Schrödinger 方程

$$\bigg(-\frac{1}{2}\nabla^2 + \frac{\mathbf{V}^{\mathrm{eff}}}{}\bigg)|\tilde{\phi}_v\rangle = \varepsilon_v|\tilde{\phi}_v\rangle$$

其中 $V^{\text{eff}} = V(\vec{r}) + V^R$

- 赝势-赝波函数的本征值 ε_v 与真实体系的价电子能量本征 值相等
- 赝势 V^{eff} 比 $V(\vec{r})$ 平滑得多,并且 V^R 是非局域的排斥势

$$V^{R} f(\vec{r}) = \sum_{c} (\varepsilon_{v} - \varepsilon_{c}) \varphi_{c}(\vec{r}) \int \varphi_{c}^{*}(\vec{r}') f(\vec{r}') d\vec{r}'$$
$$= \int V^{R}(\vec{r}, \vec{r}') f(\vec{r}') d\vec{r}'$$

PK 型赝势



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

赝势理论
平面波与原势
模守恒质势与超软质
势
可分离质势与

VASP 中的 PAW 原子数据集 AtomPAW

AtomPAW 赝势 Data set 的生成 Phillips-Kleinman (PK) 赝势取为

$$\tilde{V}^{\rm PK} = V(\vec{r}) + \sum_{c} (\varepsilon_v - \varepsilon_c) |\varphi_c\rangle \langle \varphi_c|$$

对应的赝波函数可以表示为

$$|\tilde{\psi}^{\mathrm{PK}}\rangle = |\psi_t\rangle - \sum_{c} \langle \varphi_c | \psi_t \rangle |\varphi_c\rangle$$

PK 型赝势的一些不足

- 构造赝波函数时必须有与价电子正交的芯电子波函数: 因此对于 1s、2p、3d 等轨道,无法实施 PK 型赝化方案
- 赝势 \tilde{V}^{PK} 依赖于能量本征值 ε_v : 源于正交平面波的非正交归一性,导致构建的久期方程的非对角元项对能量依赖
- 与芯电荷区以外,赝波函数与价波函数的模不相等: 每次计算后必须将波函数重新归一化

赝势的评估

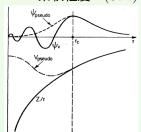


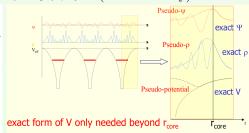
赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

アイエル 平面波与原势 模守恒原势与超软原 势 可分高原势与 Ghost band VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data set 的生成 赝势 (Pseudo Potential, PP) 方法是在正交平面波的基础上发展起来的,构造出平缓的势函数代替核的强吸引作用和芯层电子的排斥作用,用平缓的函数取代波函数近核时的震荡。

- 赝势-平面波方法,只需要少量平面波可展开赝波函数,大大 提升了计算效率;但是赝波函数不能很好地反映与电子近核 行为有关的性质。
- 赝势的构造并不唯一,考核构造赝势的两大指标: "柔软程度"(Soft)与"可移植性"(transferability)





传统赝势的构造



赝势、投影函数与 VASP 的 POTCAR

平面波与赝势 模守恒赝势与超软赝势 可分离赝势与 Ghost band VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data set 的生成 直接由实验数据来确定 (模型) 赝势, 常用的实验数据包括离子对电子的散射角度、离子的光谱实验数据等

- 构造离子赝势: 可移植性好
- 构造总赝势 (包括全部价电子相互作用): 常用于能带描述

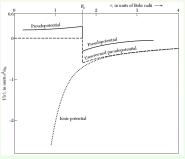


Fig.: Pseudopotential for metallic sodium, based on the empty core model and screened by the Thomas-Fermi dielectric function.

传统赝势的构造



赝势、投影® 数与 VASP 的 POTCAR

平面波与赝势 **模守恒赝势与超软赝 势** 可分离赝势与 Ghost band

AtomPAW 赝势 Data set 的生成

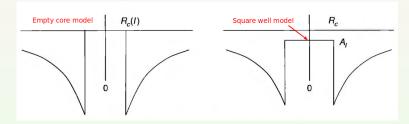


Fig.: Left: "Empty core" model potential of Ashcroft in which the potential is zero inside radius $R_c(l)$ which is different for each l. Right: Square well model potential with value A_l inside a cut-off radius R_c , proposed by Abarenkov and Heine and fit to atomic data by Animalu and Heine. The fact that the potential are weak, zero, or even positive inside cut-off radius R_c is an illustration of the "cancellation theorem".

第一原理赝势



赝势、投影函数与 VASP 的 POTCAR

赝势理论
平面波与赝势

可分离赝势与 Ghost band VASP 中的

AtomPAW 赝势 Data set <mark>的生成</mark> 由第一原理求解出全电子波函数 (径向部分) $P_{n,l}(r)$

$$\left[-\frac{1}{2}\frac{\mathrm{d}^2}{\mathrm{d}r^2} + \frac{l(l+1)}{2r^2} + V(\rho, r)\right] P_{n,l}(r) = \varepsilon_{n,l} P_{n,l}(r)$$

这里 $V(\rho,r)$ 是自洽单电子势

$$V(\rho, r) = -\frac{Z}{r} + V_{\rm H}(\rho, r) + V_{XC}^{\rm LDA}(\rho(r))$$

 $V_{\rm H}(\rho,r)$ 是 Hartree 势, $V_{XC}^{\rm LDA}(\rho(r))$ 是交换-相关势由此构造赝波函数 $P_{\rm l}^{\rm PS}(r)$,满足

$$P_l^{\rm PS}(r) = P_l^{\rm AE}(r), \quad r > r_{cl}$$

进而构造赝势 $V_{{
m src},l}^{
m PP}(r)$

$$V_{\mathrm{src},l}^{\mathrm{PP}}(r) = \varepsilon_l - \frac{l(l+2)}{2r^2} + \frac{1}{2P_l^{\mathrm{PS}}(r)} \frac{\mathrm{d}^2}{\mathrm{d}r^2} P_l^{\mathrm{AE}}(r), \quad r > r_{cl}$$

模守恒 (Norm-conserving) 条件



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

AtomPAW 赝势 Data set 的生成

- 2 价电子赝波函数与真实电子波函数的径向部分在截断半径 $r_{c,l}$ 外相同: $\psi_l^{\rm PP}(r)=\psi_l^{\rm AE}(r), \quad r>r_{cl}$
- ③ 价电子赝波函数与真实电子波函数的对数导数在截断半径 $r_{c,l}$ 处相等: $D_l^{\mathrm{PP}}(r) = D_l^{\mathrm{AE}}(r), \quad r \geqslant r_{cl}$ (可移植性基础) 这里 $D_l(\varepsilon,r) = r \frac{\psi_l'(\varepsilon,r)}{\psi_l(\varepsilon,r)} = r \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}r} \ln \psi_l(\varepsilon,r)$
- 4 价电子赝波函数与真实电子波函数在截断半径 $r_{c,l}$ 内的积分电荷相等 (模守恒条件)

$$Q_l = \int_0^{r_{cl}} dr r^2 |\psi_l^{PP}(r)|^2 = \int_0^{r_{cl}} dr r^2 |\psi_l^{AE}(r)|^2$$

5 价电子赝波函数与真实电子波函数的对数导数一阶能量导数 $\mathrm{d}D_l(\varepsilon,r)/\mathrm{d}\varepsilon$ 在截断半径 $r_{c,l}$ 处及以外相等 (强化可移植性)

模守恒 (Norm-conserving) 条件



赝势、投影函 数与 VASF 的 POTCAR

赝势理论
平面波与赝势
模守恒赝势与超软赝势

可分离赝势与 Ghost band VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data

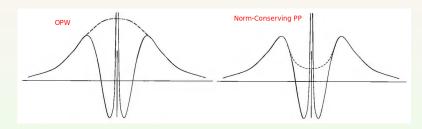


Fig.: Schematic example of a valence function that has the character of a 3s orbital near the nucleus and two examples of smooth functions (dashed lines) that equal the full wave-function outside the core region. Left: the smooth part of the valence function defined by OPW-like equation; Right: a smooth pseudo-function that satisfies the norm-conservation condition.

角动量 1 相关赝势



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

應势理论
平面波与應势
操守恒應势与超软质势

VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data set 的生成 由原子赝波函数 (径向部分) 构造赝势类似于求解类 H 原子波函数 赝原子波函数的径向部分是轨道角动量依赖的

$$\psi_l^{\mathrm{PS}}(r) = r \phi_l^{\mathrm{PS}}(r)$$

因此得到赝势函数 (径向部分) $V_l(r)$ 也是角动量依赖的为提高赝势的可移植性,减少构造赝势对环境的依赖,需要对其进行"去屏蔽"

$$V_l(r) \equiv V_{l,src}^{PP} - V_{Hartree}^{PP}(r) + V_{XC^{PP}}(r)$$

$$V_l(r) = V_{local}(r) + \delta V_l(\vec{r})$$

考虑角度部分后,角动量 l 相关的赝势 δV_l 将是半局域

$$V_{\rm SL} = V_{\rm local}(r) + \sum_{lm} |Y_{lm}\rangle \delta V_l \langle Y_{lm}|$$

角动量 1 相关赝势



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

炭 労 注 化
平面波与质势
模守恒质势与超软质
势
可分离质势与
Ghost band
VASP 中的

VASP 中的 PAW 原子数据集 AtomPAW

AtomPAW 赝势 Data set 的生成 赝势是在原子 (或离子) 条件下构造的,它依赖于能量 ε_l 的选择

$$V_l(r, \varepsilon_l) = V_{local}(r) + \delta V_l(r, \varepsilon_l)$$

在原子、分子构型下,一般取无穷远为势能零点: $\varepsilon < 0$

- 在无限扩展的周期体系中,势能平均值 (能量的参考零点) 是无法确定的 构造第一原理赝势时,需要考虑参数 ε_l 的值无法唯一确定带来的影响
- 构造 PK 型赝势时,能量参数为 $\varepsilon_v \varepsilon_c$: 能量差不依赖周期体系势能的平移常数,不存在上述问题

角动量 1 相关赝势计算的困难与克服



赝势、投影函数与 VASP 的 POTCAR

赝 势理论 平面波与赝势 模守恒赝势与超软质 势

可分离赝势与 Ghost band VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data set 的生成 半局域型赝势在用平面波展开时,需要计算大量 $(\vec{k}$ 和 \vec{k}' 都相关) 的积分项

$$\int j_l(k \cdot r) V_l(r) j_l(k' \cdot r) r^2 dr P_l(\cos \theta_{kk'})$$

这里 j_l 是球 Bessel 函数 $P_l(\cos\theta_{kk'})$ 是矢量 \vec{k} 和 $\vec{k'}$ 夹角的 Legendre 多项式函数

Kleinman-Bylander 等注意到: 如果角动量 l 相关的半局域型赝势可写成类似 PK 型赝势的形式,则平面波展开可写成

$$\int j_l(k \cdot r) \varphi_l^c(r)(r) r^2 dr \int j_l(k' \cdot r') \varphi_l^c(r') r'^2 dr' P_l(\cos \theta_{kk'})$$

显然,大量积分将以乘积形式出现,因此需要独立计算的积分 (仅 与 \vec{k} 相关) 数量将大大减少

非局域赝势的变量分离



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

赝势理论平面波与赝势
模守恒赝势与超软赝势

可分离赝势与 Ghost band VASP 中的

AtomPAW 赝势 Data Kleinman-Bylander 仿照 PK 型赝势的特点,提出了非局域赝势的 变量分离方案 1 :

如果选择适当的局域函数 $V_{
m local}^{
m PP}(r)$, 赝势将可分解为局域部分与非局域部分之和 (这种分解称为 factored pseudo-potential)

$$\hat{V}_{\mathrm{NL}}^{\mathrm{PP}}(r) = V_{\mathrm{local}}^{\mathrm{PP}}(r) + \sum_{lm} \frac{|\psi_{lm}^{\mathrm{PS}} \delta V_l \rangle \langle \delta V_l \psi_{lm}^{\mathrm{PS}}|}{\langle \psi_{lm}^{\mathrm{PS}} | \delta V_l |\psi_{lm}^{\mathrm{PS}} \rangle}$$

这是将 δV_l 表示到 $\psi_{lm}^{\rm PS}$ 构成的空间中, $\langle \delta V_l(r)\psi_{lm}^{\rm PP}|$ 是投影子

$$\langle \delta V_l \psi_{lm}^{PS} | \psi \rangle = \int d\vec{r} \delta V_l(r) \psi_{lm}^{PS}(\vec{r}) \psi(\vec{r})$$

投影函数局域在截断半径内,该区域内 δV_l 有非零值

■ 投影函数的存在,保证了即使非束缚态也可以作为赝波函数

 $^{^1}$ 即 $\delta V(\vec{r},\vec{r}')$ 可以写成 $\delta V(\vec{r},\vec{r}')=\sum_i f_i(\vec{r})g_i(\vec{r}')$ 的形式 \bullet

非局域赝势的变量分离



赝势、投影函数与 VASP 的 POTCAR

赝势理论平面波与赝势
模守恒赝势与超软质势

可力両限第一 Ghost band VASP 中的 PAW 原子数据像

PAW 原子数据集 AtomPAW 应用投影函数,非局域赝势矩阵元的计算也变得更方便

$$\langle \psi_i | \delta V_{\rm NL} | \psi_j \rangle = \sum_{lm} \langle \psi_i | \psi_{lm}^{\rm PS} \delta V_l \rangle \frac{1}{\langle \psi_{lm}^{\rm PS} | \delta V_l | \psi_{lm}^{\rm PS} \rangle} \langle \delta V_l \psi_{lm}^{\rm PS} | \psi_j \rangle$$

更一般地,如果允许赝势局域部分 $V_{
m local}^{
m PP}(r)$ 为任意函数,则可定义辅助函数

$$\chi_{lm}^{\mathrm{PS}}(\vec{r}) = \left\{ \varepsilon_l - \left[-\frac{1}{2} \nabla^2 + V_{\mathrm{local}}^{\mathrm{PP}}(\vec{r}) \right] \right\} \psi_{lm}^{\mathrm{PS}}(\vec{r})$$

于是赝势的非局域部分可表示为

$$\delta V_{\rm NL} = \sum_{lm} \frac{|\chi_{lm}^{\rm PS}\rangle\langle\chi_{lm}^{\rm PS}|}{\langle\chi_{lm}^{\rm PS}|\psi_{lm}^{\rm PS}\rangle}$$

但是 $V_{
m local}^{
m PP}(r)$ 选择的随意性,将增加计算结果出现 Ghost band 的风险

Ghost band 的表现



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

平面波与赝势 模守恒赝势与超软赝势 可分离赝势与 Ghost band

VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data set 的生成 只有价电子的赝波函数与芯电子波函数完全正交,能带计算中才能确保芯层与价层电子的完全分离。但实际计算时,该正交条件很难严格保证,因此一旦赝波函数严重偏离正交条件,计算的能带中会在本不存在能带的区域出现电子结构分布 (称为 Ghost band),这部分电子结构源自构造赝波函数的能量参数 ε_l 与芯层电子能量差别太大,无法保持与芯层电荷严格正交引起的

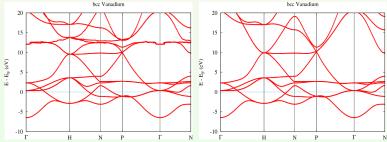


Fig.: The band structure of bcc Vanadium.

Left: Between 10 and 15 eV above the Fermi energy a strange band with nearly no dispersion can be observed. The vanishing dispersion of the band is a typical property of ghost bands.

Ghost band 的根源



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

要势理论

平面波与赝势 模守恒赝势与超软赝 势

可分离赝势与 Ghost band

VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data 可分离赝势方法中

$$\hat{\mathbf{H}} = -\frac{1}{2}\nabla^2 + V_{\rm local}(r) + \delta\hat{V}_{\rm NL}$$

赝波函数 $\psi_{lm}^{PP}(r)$ 是方程

$$\hat{\mathbf{H}}\psi_{lm}^{\mathrm{PP}}(r) = \varepsilon_l \psi_{lm}^{\mathrm{PP}}(r)$$

的解。

因为 $V_{\rm local}(r)$ 可随意选择,因此赝波函数 $\psi_{lm}^{\rm PP}(r)$ 和能量 ε_l 不再要求与束缚态波函数相对应,将导致 Ghost band 的出现

Ghost band 根源的数学说明*



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

赝势理论 平面波与赝势 模守恒赝势与超软赝 势

可分离赝势与 Ghost band VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data set 的生成 对于半局域势, 求解能量 ε 对应的径向波函数 $u_l(r,\varepsilon)$ 的方程是一个常微分方程

$$-\frac{1}{2}\frac{\mathrm{d}^2u_l}{\mathrm{d}r^2} + \overline{V}_l^{\mathrm{loc}}(r)u_l(r,\varepsilon) + \Delta V_l^{\mathrm{SL}}(r)u_l(r,\varepsilon) - \varepsilon u_l(r,\varepsilon) = 0$$

而对于可分离赝势 (如 KB 势), 方程则为积分-微分方程

$$-\frac{1}{2}\frac{\mathrm{d}^2 u_l}{\mathrm{d}r^2} + \overline{V}_l^{\mathrm{loc}}(r)u_l(r,\varepsilon) + \int \Delta V_l(r,r')u_l(r',\varepsilon)\mathrm{d}r' - \varepsilon u_l(r,\varepsilon) = 0$$

将可分离赝势代入可有

$$-\frac{1}{2}\frac{\mathrm{d}^2 u_l}{\mathrm{d}r^2} + \overline{V}_l^{\mathrm{loc}}(r)u_l(r,\varepsilon) + f_l(r) \int g_l(r')u_l(r',\varepsilon)\mathrm{d}r' - \varepsilon u_l(r,\varepsilon) = 0$$

- 常微分方程解的结构服从 Wronskian 定理的推论: 本征态能量 $\varepsilon_0, \varepsilon_1, \cdots, \varepsilon_n$ 按升 序排列时,对应的本征态波函数 (径向) 的节点数依次递增
- 积分-微分方程解的结构不要求满足该结论: 波函数的节点数与能量本征态不再有对应的升序关系

由于积分项的存在,传统的常微分方程求解算法 (如 Runger-Kutta 法等) 无法直接用于该积分-微分方程,必须另图别策

Ghost band 根源的数学说明*



可分案應執与

基本思想: 类似积分方程求解的 Fredholm 方法

- 先将微分方程中的积分项近似为常数因子, 求解非齐次常微分方程
- 对含有波函数的积分,应用闭路积分公式 (closure formula) 计算

具体求解流程

采用通用方法分别求解 齐次微分方程

$$-\frac{1}{2}\,\frac{\mathrm{d}^2W_l}{\mathrm{d}r^2} + \overline{V}_l^{\mathrm{loc}}(r)W_l(r,\varepsilon) - \varepsilon W_l(r,\varepsilon) = 0$$

的诵解和

不含积分项的非齐次微分方程

$$-\frac{1}{2}\,\frac{\mathrm{d}^2X_l}{\mathrm{d}r^2}+\overline{V}_l^{\mathrm{loc}}(r)X_l(r,\varepsilon)-\varepsilon X_l(r,\varepsilon)=f_l(r)$$

的一个特解

2 构造积分

$$\begin{split} \tilde{W}(\varepsilon) &= \int g_l(r) W(r,\varepsilon) \mathrm{d}r \\ \\ \tilde{X}(\varepsilon) &= 1 + \int g_l(r) X(r,\varepsilon) \mathrm{d}r \end{split}$$

由此得到积分-微分方程的解

$$u(r,\varepsilon) = K[W(r,\varepsilon)\tilde{X}(\varepsilon) - X(r,\varepsilon)\tilde{W}(\varepsilon)]$$

汶里 ₭ 是归一化因子

Ghost band 的克服



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

赝势理论

平面波与赝势 模守恒赝势与超软赝 势

可分离赝势与 Ghost band

VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data set **的生成** 根据微分方程理论

$$\hat{\mathbf{H}}\psi_{lm}^{\mathrm{PP}}(r) = \varepsilon_l \psi_{lm}^{\mathrm{PP}}(r)$$

的解 $\psi_{lm}^{PP}(r)$ 可表示为 (只考虑径向部分)

$$\psi_l^{\mathrm{PP}}(r) = u_l^0(r) + \sum_i c_i u_l^i(r)$$

这里 $u_l^0(r)$ 和 $u_l^i(r)$ 分别是齐次微分方程

$$\bigg(-\frac{1}{2}\nabla^2 + V_{\rm local} - \varepsilon_l^0\bigg)u_l^0(r) = 0$$

和非齐次微分方程

$$\left(-\frac{1}{2}\nabla^2 + V_{\text{local}} - \varepsilon_l^j\right) u_l^j(r) = \chi_l^j(r)$$

的解

引入多个能量参数 $arepsilon_l^i$,通过优化控制参数 c_i ,可以得到理想的局域势函数 $V_{
m local}(r)$

广义模守恒条件



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

雙**势理论**平面波与赝势
模守恒赝势与超软赝
势

可分离赝势与 Ghost band VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data 为提高模守恒赝势的可移植性 2 , 2 Vanderbilt 和 Blöchl 分别建议: 在构造可分离赝势时,引入额外的参考能量 ε_l ,并要求对每个角动量量子数 l,所有能量参数 ε_l 构造的赝波函数 $\phi_i^{\rm ps}$ 及其辅助函数 χ_i 都满足

$$|\chi_i\rangle = -(\mathbf{T} + V_{\text{loc}} - \varepsilon)|\phi_i^{\text{ps}}\rangle$$

这里 i 表示量子数 l, m 和能量参数 ε , 即 $i=(lm,\varepsilon)$

由此出发,可构造出一组与赝波函数 ϕ_i^{ps} 垂直的函数 β_i :

 $lacksymbol{\bullet}$ 构造矩阵 $lackbol{B}$, 其矩阵元 B_{ij} 满足

$$B_{ij} = \langle \phi_j^{\rm ps} | \chi_i \rangle$$

■ 由矩阵 B 和 χ 得到函数 β_i

$$|\beta_i\rangle = \sum_j (\mathbf{B}^{-1})_{ij} |\chi_j\rangle$$

 \blacksquare 由此得到的 β 与赝波函数 ϕ_i^{ps} 满足正交条件

$$\langle \beta_i | \phi_j^{\rm ps} \rangle = \delta_{ij}$$

² 换言之. 提升赝波函数能适应的能量变分空间

广义模守恒条件



赝势、投影型 数与 VASF 的 POTCAR

赝势理论 _{平面波与赝势}

労 可分离赝势与

VASP 中的 PAW 原子数据集

PAW 原子数据第 ${f AtomPAW}$

AtomPAW 赝势 Data set **的生成**

因此可分离赝势的非局域部分表示为

$$V_{\rm NL} = \sum_i |\chi_i\rangle\langle\beta_i| = \sum_{ij} B_{ij} |\beta_j\rangle\langle\beta_i|$$

不难看出,如果赝波函数满足广义模守恒条件

$$Q_{ij} = \langle \phi_j^{\text{AE}} | \phi_i^{\text{AE}} \rangle - \langle \phi_j^{\text{PS}} | \phi_i^{\text{PS}} \rangle = 0$$

亦即

$$Q_{l\varepsilon,l\varepsilon'} = \int_0^{R_c} \left(\phi_{l\varepsilon}^{\rm AE}(r) \phi_{l\epsilon'}^{\rm AE}(r) - \phi_{l\varepsilon}^{\rm PS}(r) \phi_{l\varepsilon'}^{\rm PS}(r) \right) {\rm d}r = 0$$

将大大提高赝势的可移植性。

但实际上,广义模守恒条件看似简单,当能量参数 $\varepsilon \neq \varepsilon'$,要满足这个条件

$$Q_{l\varepsilon,l\varepsilon'} = 0$$

并非易事; 而一旦模守恒条件被破坏,矩阵 $\mathbf{B}(\mathbf{Horm}, \mathbf{m})$ 所势的非局域部分 V_{NL} 就是非 Hermitian

超软赝势



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

赝势理论 平面波与赝势 模守恒赝势与超软赝 势

可分离赝势与 Ghost band VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data set <mark>的生成</mark> ■ 赝势构造的模守恒条件很好地解决了赝势可移植性问题,但 对 1s、2p、3d 等轨道,模守恒方案构造的赝势过于"硬",所 需平面波基组依然非常大

■ 超软 (Ultra-soft) 赝势,解除模守恒条件,实现对第一、第二 周期元素的高效计算

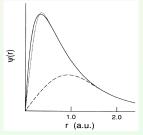


Fig.: Oxygen 2 ρ radical wave function (solid), NC-pseudo-wave (dotted) and US-pseudo-wave (dashed).

从模守恒赝势到超软赝势



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

赝**势理论**平面波与赝势
模守恒赝势与超软赝
势

可分离赝势与 Ghost band VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data 为提高模守恒赝势的可移植性³,Vanderbilt 和 Blöchl 分别建议: 在构造可分离赝势时,引入额外的参考能量 ε_l ,并要求对每个角动量量子数 l,所有能量参数 ε_l 构造的赝波函数 $\phi_i^{\rm ps}$ 及其辅助函数 χ_i 都满足

$$|\chi_i\rangle = -(\mathbf{T} + V_{\mathrm{loc}} - \varepsilon)|\phi_i^{\mathrm{ps}}\rangle$$

这里 i 表示量子数 l, m 和能量参数 ε , 即 $i=(lm,\varepsilon)$

由此出发,可构造出一组与赝波函数 $\phi_i^{
m ps}$ 垂直的函数 β_i :

 $lacksymbol{\bullet}$ 构造矩阵 $lackbol{B}$, 其矩阵元 B_{ij} 满足

$$B_{ij} = \langle \phi_j^{\rm ps} | \chi_i \rangle$$

■ 由矩阵 B 和 χ 得到函数 β_i

$$|\beta_i\rangle = \sum_j (\mathbf{B}^{-1})_{ij} |\chi_j\rangle$$

ullet 由此得到的 eta 与赝波函数 ϕ_i^{ps} 满足正交条件

$$\langle \beta_i | \phi_j^{\rm ps} \rangle = \delta_{ij}$$

³ 换言之,提升赝波函数能适应的能量变分空间

从模守恒赝势到超软赝势



可分案應執与

因此可分离赝势的非局域部分表示为

$$V_{\rm NL} = \sum_i |\chi_i\rangle\langle\beta_i| = \sum_{ij} B_{ij} |\beta_j\rangle\langle\beta_i|$$

不难看出,如果赝波函数满足广义模守恒条件

$$Q_{ij} = \langle \phi_j^{\text{AE}} | \phi_i^{\text{AE}} \rangle - \langle \phi_j^{\text{PS}} | \phi_i^{\text{PS}} \rangle = 0$$

亦即

$$Q_{l\varepsilon,l\varepsilon'} = \int_0^{R_c} \left(\phi_{l\varepsilon}^{\text{AE}}(r) \phi_{l\epsilon'}^{\text{AE}}(r) - \phi_{l\varepsilon}^{\text{PS}}(r) \phi_{l\varepsilon'}^{\text{PS}}(r) \right) dr = 0$$

将大大提高赝势的可移植性。

但实际上, 广义模守恒条件看似简单, 当能量参数 $\varepsilon \neq \varepsilon'$, 要满足这个条件

$$Q_{l\varepsilon,l\varepsilon'} = 0$$

并非易事; 而一旦模守恒条件被破坏, 矩阵 B(Hochotorightarrown) 成是非 Hermitian

超软赝势的构造



赝势、投影函数与 VASP 的 POTCAR

) 受け 理 化平面波与 原势
模守 恒 原 势 与 超 软 质
势

可分离赝势与 Ghost band VASP 中的 PAW 原子数据维

PAW 原子数据集 AtomPAW Vanderbilt 建议构造赝波函数时放弃模守恒约束条件,只要求价电子赝波函数与真实电子波函数的径向部分在截断半径 $r_{c,l}$ 外相同,由此得到的赝势显然非 Hermitian,但是通过构造 Hermitian 重叠算符

$$\mathbf{S} = \mathbf{1} + \sum_{i,j} Q_{ij} |\beta_j\rangle \langle \beta_i |$$

以及Hermitian 赝势算符

$$\tilde{V}^{\rm NL} = \sum_{i,j} \mathbf{D}_{i,j} |\beta_j\rangle \langle \beta_i|$$

这里

$$\mathbf{D}_{ij} = B_{ij} + \varepsilon_i Q_{ij}$$

模守恒约束下的标准本征值方程将变成广义本征值方程

$$(T + V_{\rm loc} + \tilde{V}^{\rm NL} - \varepsilon \mathbf{S}) |\phi\rangle = 0$$

超软赝势的特点



赝势、投影型 数与 VASP 的 POTCAR

腰 势理论 平面波与應势 模守恒原势与超软质 势 可分率應势与

Ghost band VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW

Vanderbilt 的超软赝势构造方案最大的优点是

- 解除模守恒约束: 有助于增加赝波函数的截断半径,系统提高 赝势的柔软程度
- 引入多个参考能量 ε_l : 使得模守恒条件下只在特定参考能量 ε 处成立的对数导数连续条件,扩展到参考能量 ε_l 区间范围内,这大大提高了赝势的适用范围 (可移植性)

相应的, 超软赝势计算中, 电子密度表达形式为

$$n(r) = \sum_{n} f_{n} |\phi_{n}(r)|^{2} + \sum_{n,ij} f_{n} \langle \phi_{n} | \beta_{j} \rangle \langle \beta_{i} | \phi_{n} \rangle Q_{ij}(r)$$

这里补偿电荷 $Q_{ij}(r)$ 定义为

$$Q_{ij}(r) = \phi_i^{AE}(r)\phi_j^{AE}(r)^* - \phi_i^{US}(r)\phi_j^{US}(r)^*$$

补偿电荷与多极矩



赝势、投影函数与 VASP 的

赝势理论

平面波与赝势 模守恒赝势与超软赝 热

可分离赝势与 Ghost band

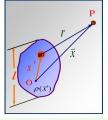
VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data set 的生成

根据电动力学定理:

如果球 S 内的电荷密度分布 $\rho(\vec{r})$,在球外某点 \vec{r} 产生的势是由电

荷密度的多极矩确定:



$$V(\vec{r}) = \sum_{l=0}^{\infty} \sum_{m=-l}^{l} \frac{4\pi}{2l+1} q_{lm} \frac{Y_{lm}(\hat{\vec{r}})}{r^{l+1}}$$

其中多极矩 q_{lm} 由下式计算

$$q_{lm} = \int_{S} Y_{lm}^*(\hat{\vec{r}}) r^l \rho(\vec{r}) d^3 r$$

PAW Augmentation



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

赝势理论
平面波与赝势

快寸但原另一起扒原 势 可公客雁巷上

Ghost band VASP 中的

VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data set 的生成

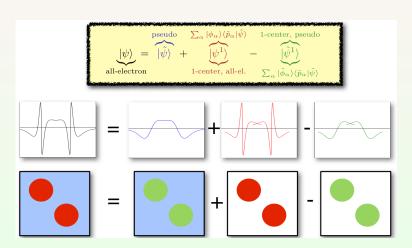


Fig.: The Augmentation of PAW.

PAW 原子数据集



赝势、投影函数与 VASP 的 POTCAR

赝势理论

平面波与原势
模守恒原势与超软质
势
可分离原势与
Ghost band
VASP 中的
PAW 度子数报集

平滑赝原子分波函数

$$\widetilde{\phi}_{i=Lk}(\vec{r}) = \widehat{Y_L(\vec{r} - \vec{R})}\widetilde{\phi}_{lk}(|\vec{r} - \vec{R}|)$$

根据 RRKJ 赝势构造,赝分波函数由球 Bessel 函数线性组合

$$\tilde{\phi}_{lk}(r) = \begin{cases} \sum_{i=1}^{2} \alpha_i j_l(q_i r) & r < r_c^l \\ \phi_{lk}(r) & r > r_c^l \end{cases}$$

调节系数 α_i 和 q_i 赝分波函数 $\phi_{lk}(r)$ 在截断半径 r_c^l 处两阶连续可微投影子波函数 \tilde{p}_i 由 Gram-Schmidt 正交条件 $\langle \tilde{p}_i | \tilde{\phi}_j \rangle = \delta_{ij}$ 确定

VASP 中的 PAW 原子数据集



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

平面波与原势 模守恒原势与超较原势 可分离原势与 Ghost band VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data set 的生成 构造原子局域赝势 $\tilde{v}_{\text{eff}}^{a}$ (为防止 ghost band): 在截断半径 r_{loc} 内的定义为

$$\tilde{v}_{\text{eff}}^a = A \frac{\sin(q_{loc}r)}{r} \quad r < r_{loc}$$

其中 q_{loc} 和 A 要求局域赝势在截断半径 r_{loc} 处连续到一阶导数构造赝芯电荷密度 \tilde{n}_c : 在截断半径 r_{pc} 内的定义为

$$\sum_{i=1,2} B_i \frac{\sin(q_i r)}{r} \quad r < r_{pc}$$

调节系数 q_i 和 B_i 使得赝芯电荷密度 $\tilde{n}_c(r)$ 在截断半径 r_{pc} 处的两阶导数连续

局域离子赝势 $v_H[\tilde{n}_{Zc}]$ 可由原子局域赝势去屏蔽得到

$$v_H[\tilde{n}_{Zc}] = \tilde{v}_{\text{eff}}^a - v_H[\tilde{n}_a^1 + \hat{n}_a] - v_{\text{XC}}[\tilde{n}_a^1 + \hat{n}_a + \tilde{n}_c]$$

在 VASP 的 POTCAR 生成过程中,各截断半径的确定条件 $r_{rad} = \max(r_c^l), r_{pc} \approx r_{rad}/1.2, r_{loc} < r_{rad}/1.2$

VASP 中的 PAW 原子数据集



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

赝 势理论平面波与赝势
模守恒赝势与超软质势

Ghost band VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data set 的生成 在每个原子球内用球 Bessel 函数构造补偿电荷 $g_l(r)$

$$g_l(r) = \sum_{i=1}^{2} \alpha_i^l j_l(q_i^l r)$$

调节系数 q_i^l 和 α_i^l 使得补偿电荷 $g_l(r)$ 在截断半径 r_{comp} 处的数值和前两阶导数值都是 0,因此可以选择 q_i^l 使得多极矩

$$\int_0^{r_{comp}} g_l(r) r^{l+2} \mathrm{d}r = 1$$

并且有

$$\left. \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}r} j_l(q_i^l r) \right|_{r_{comp}} = 0$$

设置 α_i^l , 因此 $g_l(r_{comp}) = 0$, $r_{comp} = r_{rad}/1.3 \sim r_{rad}/1.2$

几种赝势方法的关系



赝势、投影函数与 VASP 的 POTCAR

平面波与质势 模守恒质势与超软质 势 可分离质势与 Ghost band VASP 中的

PAW 原子数据集 AtomPAW 赝势 Data set 的生成

Pseudo-potential	Norm-Conservation PP		Ultra-Soft PP	PAW
		Separated PP		
Basis set	$\{e^{i\vec{k}\cdot\vec{r}}\}$	$\{e^{i\vec{k}\cdot\vec{r}}\}$	$\{e^{i\vec{k}\cdot\vec{r}}\}$	$\{e^{i\vec{k}\cdot\vec{r}},\phi_i(\vec{r}),\tilde{\phi}_i(\vec{r})\}$
Projector	-	$\{ ilde{\chi}_i(ec{r})\}$	$\{ ilde{eta}_i(ec{r})\}$	$\{ ilde{p}_i(ec{r})\}$
Charge	$ ilde{n}(ec{r})$		$\tilde{n}(ec{r}), \hat{n}(ec{r})$	$\tilde{n}(\vec{r}), n^1(\vec{r}), \tilde{n}^1(\vec{r}), \hat{n}(\vec{r})$
Ion-Potential	$ ilde{V}_l^{ ext{loc}}(ec{r})$	$\tilde{V}_l^{ ext{loc}}(r)$	$\tilde{V}_l^{ ext{loc}}(r)$	$ ilde{V}_l^{ ext{loc}}(r)$
	$+ \mathop{\textstyle\sum\sum}_{l'} \mathop{\textstyle\sum}_{m'} Y_{lm}\rangle V_{ll'} \langle Y_{l'm'} $	$+ \mathop{\textstyle\sum}_{l'} \tilde{x}_l(\vec{r})\rangle V_{ll'} \langle \tilde{x}_{l'}(\vec{r}') $	$+ {\textstyle\sum\limits_{l'}} \tilde{\beta}_l(\vec{\tau})\rangle D_{ll'} \langle \tilde{\beta}_{l'}(\vec{\tau}') $	$+ {\textstyle\sum\limits_{l'}} \tilde{p}_l(\vec{r})\rangle (D^1_{ll'} - \tilde{D}^1_{ll'} + \hat{D}_{ll'}) \langle \tilde{p}_{l'}(\vec{r}') $

Fig.: The relation of Pseudo potential and PAW.

AtomPAW 程序的赝势构造



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

赝势理论 _{平面波与赝势}

平面波与赝势 模守恒赝势与超软赝 势

可分离赝势与 Ghost band VASP 中的

VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data set 的生成

求解原子的价层的全电子分波函数

$$\left(-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2 - \frac{Ze^2}{r} + e^2 \int d^3r' \frac{n_{core}(r') + n(r')}{|r - r'|} + \mu_{XC}[n_{core}(r) + n(r)]\right) |\phi_i\rangle = \epsilon_i |\phi_i\rangle$$

全电子分波电荷密度

$$n(r) = \sum_{n,l} c_{n,l} \frac{|\phi_{n,l}(r)|^2}{4\pi r^2}$$



AtomPAW 赝势 Data set 的生成

有效赝势的构造方案

■ Troullier-Martin NC 方案 首先通过指数多项式构造赝波函数, 要求满足

$$\tilde{\phi}(r) = \begin{cases} r^{L_v + 1} e^{p(r)} & \text{for } r \leqslant r_c \\ \phi(r) & \text{for } r > r_c \end{cases}$$

这里

$$p(r) = \sum_{m=0}^{6} C_m r^{2m}$$

可得赝势

$$V_{\text{eff}}^{PS}(r) = \epsilon_l + \frac{\hbar^2}{2m} \left(\frac{\mathrm{d}^2 p}{\mathrm{d}r^2} + (\frac{\mathrm{d}p}{\mathrm{d}r})^2 + \frac{2(L_v + 1)}{r} \frac{\mathrm{d}p}{\mathrm{d}r} \right)$$

于是赝 Hamiltonian 是
$$\tilde{H}(r) = -\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2 + V_{\text{eff}}^{PS}(r)$$



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

赝势理论平面波与赝势

模守恒赝势与超软质

の かき 変換 ち

可分离赝势与 Ghost band VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data set 的生成

有效赝势的构造方案

■ Ultra-soft 方案 首先用多项式构造赝波函数,要求满足

$$\tilde{\phi}(r) = \begin{cases} r^{L_v + 1} \sum_{m=0}^{3} C_m r^{2m} & \text{for } r \leqslant r_c \\ \phi(r) & \text{for } r > r_c \end{cases}$$

与 Troullier-Martin NC 方案类似,逆向求解本征方程得到有效赝势

■ Bessel 方案 直接构造有效赝势 $V_{\mathrm{eff}}^{PS}(r) = \alpha \cdot \frac{\sin(q \cdot r)}{r}$



赝势、投影函数与 VASP 的 POTCAR

赝势理论平面波与赝势
模守恒赝势与超软赝势

可分离胰势与 Ghost band VASP 中的

AtomPAW 赝势 Data set 的生成

赝分波函数与投影子函数构造

■ Blöchl **方法** 引入截断函数 *k*(*r*)

$$k(r) = \begin{cases} \left[\frac{\sin(\pi r/r_c)}{(\pi r/r_c)} \right]^2 & \text{for } r < r_c \\ 0 & \text{for } r \geqslant r_c \end{cases}$$

构造有效 (局域) 赝势 $\tilde{v}_{\rm at}$, 得到广义本征值方程

$$(\tilde{H}(\vec{r}) - \epsilon_i)|\tilde{\phi}_i^0(\vec{r})\rangle = C_i k(r)|\tilde{\phi}_i^0(\vec{r})\rangle$$

迭代求解得到初始赝分波 $\phi_i^0(ec{r})$

生成初始投影子函数
$$|\tilde{p}_i^0(\vec{r})\rangle = \frac{k(r)|\tilde{\phi}_i^0(\vec{r})\rangle}{\langle\phi_i^0|k|\phi_i^0\rangle}$$

并且初始投影函数与初始赝分波满足归一化条件(不要求正交)

$$\langle \psi_i^0 | \tilde{p}_i^0 \rangle = 1$$

意味着广义本征值方程可以表示为

$$\left(\tilde{H}(\mathbf{r}) - \varepsilon_i\right) |\tilde{\phi}_i^0(\mathbf{r})\rangle = |\tilde{p}_i^0(\mathbf{r})\rangle \langle \psi_i^0 |\tilde{H}(\mathbf{r}) - \varepsilon_i |\tilde{\psi}_i^0\rangle$$



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

赝 势理论 平面波与赝势 模守恒赝势与超软赝 势 可分离赝势与

AtomPAW 赝势 Data set 的生成

赝分波函数与投影子函数构造

■ Vanderbilt 方法 采用多项式构造赝分波函数,要求满足

$$\tilde{\phi}_i(r) = \begin{cases} r^{l+1} \sum_{m=0}^{4} C_m r^{2m} & \text{for } r < r_c \\ \phi_l(r) & \text{for } r \geqslant r_c \end{cases}$$

构造赝分波的辅助函数

$$\chi_l(r) = \left(\epsilon_l + \frac{\hbar^2}{2m} \left(\frac{\mathrm{d}^2}{\mathrm{d}r^2}\right) - \frac{l(l+1)}{r^2} - V_{\mathrm{eff}}^{PS}(r)\right) \tilde{\phi}_l(r)$$

和变换矩阵 \mathbf{B} (其矩阵元 $B_{ij} = \int_0^{r_c} \mathrm{d}r \tilde{\phi}_i(r) \chi_j(r)$) 由此得到投影子函数 $\tilde{p}_i(\vec{r}) = \sum_j \chi_j(r) (\mathbf{B}^{-1})_{ji}$



赝势、投影函数与 VASP 的 POTCAR

赝**势理论** 平面波与赝势

模守恒赝势与超软赝势

可分离膜势与 Ghost band VASP 中的

VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data set 的生成

赝分波函数与投影子函数构造

■ RRKJ 方法 采用球 Bessel 函数构造赝分波函数,要求满足

$$\tilde{\phi}_i = \begin{cases} r \cdot \left(\alpha_1^l \cdot j_l(q_1^l r) + \alpha_2^l \cdot j_l(q_2^l r) \right) & \text{for } r < r, \\ \phi_l(r) & \text{for } r \geqslant r, \end{cases}$$

投影子函数的构造与 Vanderbilt 方法类似



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

赝势理论 平面波与赝势 模守恒赝势与超软赝 势

可分离赝势与 Ghost band VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data set 的生成 ■ 赝分波电荷密度的计算

$$\tilde{n}(r) = \sum_{n,l} c_{n,l} \frac{|\tilde{\phi}_{n,l}(r)|^2}{4\pi r^2}$$

■ 赝芯波电荷密度的计算

$$4\pi r^2 \tilde{n}_{core}(r) = \begin{cases} r^2 (U_0 + U_2 r^2 + U_4 r^4) & \text{for } r \leqslant r_c \\ 4\pi r^2 n_{core}(r) & \text{for } r > r_c \end{cases}$$



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

赝势理论

平面波与赝势 模守恒赝势与超软赝

可分离赝势与 Ghost band

AtomPAW 赝势 Data set 的生成 ■ 补充电荷的构造

$$\hat{n}(r) = \left(-Z + \int d^3r \left[n_{core}(r) + n(r) - \tilde{n}_{core}(r) - \tilde{n}(r)\right]\right) g_{00}(r)$$

形状函数 g_{LM} 的定义为

$$g_{LM}(r) = N_L r^L k(r) Y_{LM}(\hat{r})$$

根据 k(r) 的不同可以取 sinc 、 $\mathrm{Gaussian}$ 或 Bessel 型等几种

■ 局域势函数 (可移植的"赝势")

$$\tilde{v}_{loc}(r) = V_{\mathrm{eff}}^{PS}(r) - e^2 \int \mathrm{d}^3 r' \frac{\tilde{n}_{core}(r') + \tilde{n}(r') + \hat{n}(r')}{|r - r'|} - \mu_{XC}[\tilde{n}_{core}(r) + \tilde{n}(r)]$$



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

平面波与赝势 模守恒赝势与超软赝 势 可分离赝势与 Ghost band VASP 中的

AtomPAW 赝势 Data set 的生成 ■ 相关矩阵元的计算 A tom PAW 完成了与原子分波、赝分波有关的矩阵元 D^{α}_{ij} 、 O^{α}_{ij} 的计算 此外还计算了

$$W_{ij}^{\alpha} = \sum_{nl} c_{n\vec{k}} \langle \tilde{\Psi}_{n\vec{k}} | \tilde{p}_i^{\alpha} \rangle \langle \tilde{p}_j^{\alpha} | \tilde{\Psi}_{n\vec{k}} \rangle$$

实际计算中, $\tilde{\Psi}_{n\vec{k}}$ 用平面波展开,于是

$$\langle \tilde{p}_i^\alpha | \tilde{\Psi}_{n\vec{k}} \rangle = \sqrt{\frac{1}{V}} \sum_{\vec{G}} \bigg(4 \pi \mathrm{i}_i^l Y_{l_i m_i}^* (\widehat{\vec{k} + \vec{G}}) \mathrm{e}^{\mathrm{i} (\vec{k} + \vec{G}) \cdot \vec{R}_\alpha} \bigg) \tilde{\tilde{p}}_{n_i l_i} (|\vec{k} + \vec{G}|) A_{n\vec{k}} (\vec{G})$$

这里

$$\tilde{\tilde{p}}_{n_i l_i}(\vec{q}) = \int_0^{r_c^{\alpha}} \mathrm{d}r r \tilde{p}_{n_i l_i}(r) j_{l_i}(\vec{q} \cdot \vec{r})$$



```
赝势、投影函
数与 VASP
的
POTCAR
```

AtomPAW 赝势 Data set 的生成

```
PAW_PBE Si 05Jan2001
4.000000000000000000
parameters from PSCTR are:
   VRHFIN =Si: s2p2
   LEXCH = PE
   EATOM =
             103.0669 eV,
                                7.5752 Ry
   TITEL = PAW_PBE Si 05Jan2001
   LULTRA =
                         use ultrasoft PP ?
   IUNSCR =
                         unscreen: 0-lin 1-nonlin 2-no
   RPACOR =
                1.500
                         partial core radius
   POMASS =
               28.085: ZVAL
                                    4.000
                                              mass and valenz
   RCORE
               1.900
                         outmost cutoff radius
   RWIGS
                                              wigner-seitz radius (au A)
                2.480; RWIGS
                                    1.312
             245.345; ENMIN = 184.009 eV
   ENMAX
   ICORE
                         local potential
   LCOR
                         correct aug charges
   I.PAW
                         paw PP
  EAUG
             322.069
   DEXC
                -.007
   RMAX
                2.944
                         core radius for proj-oper
                         factor for augmentation sphere
   RAUG
                1.300
   RDEP
                1.993
                         radius for radial grids
   QCUT
               -4.246: DGAM =
                                    8.493
                                           optimization parameters
   Description
                   TYP RCUT
                       1.900
     0
         .000
         .000
                       1.900
                      1.900
         .000
         .000
                       1.900
                       1.900
  Error from kinetic energy argument (eV)
   NDATA
                 100
  STEP
              20.000
                        1.050
  10.1
            9.04
                       8.56
                                             7.23
                                                                  5.73
2.45
                                  7.65
                                                        6.44
                                                                             5.40
  4.79
            4.25
                                  3.54
                                                        2.77
                       4.00
                                                                             2.16
  1.91
            1.69
                       1.50
                                  1.24
                                             1.10
                                                        .975
                                                                   .812
                                                                              .718
            .529
                                             .322
  .636
                        .440
                                  .388
                                                        .266
                                                                   .219
                                                                              .180
  .148
            .121
                                  .804E-01
                                             .614E-01
                                                        .504E-01
                                                                   .392E-01
                                                                              .328E-01
                        .986E-01
  .265E-01
            .220E-01
.840E-02
                       .189E-01
                                  .166E-01
                                             .149E-01
                                                        .135E-01
                                                                   .123E-01
                                                                              .109E-01
                       .707E-02
                                                        .387E-02
  .977E-02
                                  .605E-02
                                             .488E-02
                                                                   .290E-02
                                                                              .229E-02
                                  .125E-02
  .185E-02
            .152E-02
                       .134E-02
                                             .121E-02
                                                        .117E-02
  .915E-03
            .776E-03
                       .640E-03
.242E-03
                                  .524E-03
                                             .425E-03
                                                        .369E-03
                                                                   .331E-03
                                                                              .310E-03
  .294E-03
            .273E-03
                                  .210E-03
                                             .175E-03
                                                        .146E-03
  .105E-03
            .973E-04
                        .879E-04
                                  .755E-04
                                             .633E-04
                                                        .539E-04
                                                                   .478E-04
                                                                              .438E-04
            .362E-04
                                                                   .192E-04
  .404E-04
                       .308E-04
                                  .264E-04
                                             .229E-04
                                                        .209E-04
           .126E-04
                       .112E-04
                                  .103E-04
  .145E-04
END of PSCTR-controll parameters
```



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

赝势理论平面波与赝势
模守恒赝势与超软赝势

Ghost band VASP 中的

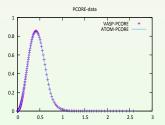
AtomPAW 赝势 Data set 的生成

local part				
98.2657514061040				
.84157696E+01	.84210616E+01	.84276868E+01	.84387430E+01	.84542501E+01
.84742336E+01	.84987229E+01	.85277486E+01	.85613410E+01	.85995276E+01
.86423322E+01	.86897735E+01	.87418643E+01	.87986117E+01	.88600162E+01
.89260725E+01	.89967686E+01	.90720854E+01	.91519966E+01	.92364669E+01
.93254512E+01	.94188926E+01	.95167214E+01	.96188530E+01	.97251866E+01
.98356042E+01	.99499691E+01	.10068126E+02	.10189900E+02	.10315095E+02
.10443498E+02	.10574872E+02	.10708964E+02	.10845497E+02	.10984178E+02
.11124691E+02	.11266702E+02	.11409858E+02	.11553785E+02	.11698096E+02
.11842382E+02	.11986223E+02	.12129182E+02	.12270810E+02	.12410650E+02
.12548232E+02	.12683081E+02	.12814718E+02	.12942658E+02	.13066416E+02
.13185509E+02	.13299456E+02	.13407780E+02	.13510014E+02	.13605699E+02
.13694388E+02	.13775652E+02	.13849074E+02	.13914259E+02	.13970835E+02
.14018449E+02	.14056778E+02	.14085523E+02	.14104415E+02	.14113216E+02
.14111719E+02	.14099752E+02	.14077176E+02	.14043889E+02	.13999825E+02
.13944955E+02	.13879288E+02	.13802872E+02	.13715793E+02	.13618173E+02
.13510175E+02 .12822702E+02	.13391996E+02	.13263872E+02	.13126073E+02	.12978903E+02
	.12657838E+02	.12484712E+02	.12303753E+02	.12115415E+02
.11920177E+02	.11718543E+02	.11511033E+02	.11298186E+02	.11080557E+02
.10858712E+02 .97066146E+01	.10633228E+02 .94717325E+01	.10404688E+02 .92367246E+01	.10173679E+02 .90021609E+01	.99407918E+01
.97066146E+01 .85365874E+01	.94717325E+01 .83066514E+01	.92367246E+01 .80793026E+01	.90021609E+01	.87686001E+01
.74175636E+01	.72052280E+01	.69976861E+01	.67952984E+01	.65983952E+01
				.65983952E+01
.64072758E+01 .55466426E+01	.62222076E+01 .53946862E+01	.60434252E+01 .52496902E+01	.58711303E+01 .51116906E+01	.57054911E+01
.48566645E+01	.47395534E+01	.46292712E+01	.45257038E+01	.44287105E+01
.43381258E+01	.42537607E+01	.41754049E+01	.41028282E+01	.40357822E+01
39740031E+01	.39172124E+01	.38651203E+01	.38174267E+01	.37738238E+01
.37339979E+01	.36976315E+01	.36644056E+01	.36340010E+01	.36061008E+01
.35803917E+01	.35565663E+01	.35343243E+01	.35133745E+01	.34934357E+01
.34742388E+01	.34555274E+01	.34370596E+01	.34186083E+01	.33999627E+01
.33809285E+01	.33613290E+01	.33410052E+01	.33198164E+01	.32976401E+01
.32743723E+01	.32499276E+01	.32242387E+01	.33190104E+01	.31689481E+01
.31393000E+01	.32499276E+01	.30760055E+01	.30424087E+01	.30075693E+01
.29715463E+01	.29344112E+01	.28962459E+01	.28571426E+01	.28172018E+01
.27765317E+01	.27352466E+01	.26934662E+01	.26513138E+01	.26089155E+01
.25663991E+01	.25238927E+01	.24815236E+01	.24394173E+01	.23976966E+01
.23564804E+01	.23158831E+01	.22760134E+01	.22369739E+01	.21988600E+01
.21617599E+01	.21257533E+01	.20909116E+01	.20572974E+01	.20249638E+01
.19939548E+01	.19643045E+01	.19360379E+01	.19091701E+01	.18837069E+01
.18596450E+01	.18369720E+01	.18156670E+01	.17957010E+01	.17770368E+01
.17596305E+01	.17434311E+01	.17283816E+01	.17144193E+01	.17014768E+01
.16894823E+01	.16783607E+01	.16680338E+01	.16584212E+01	.16494415E+01
.16410120E+01	.16330504E+01	.16254746E+01	.16182040E+01	.16111597E+01
.16042653E+01	.15974473E+01	.15906355E+01	.15837638E+01	.15767703E+01
.15695978E+01	.15621941E+01	.15545123E+01	.15465111E+01	.15381544E+01
.15294125E+01	.15202610E+01	.15106817E+01	.15006619E+01	.14901947E+01
.14792788E+01	.14679182E+01	.14561221E+01	.14439046E+01	.14312844E+01
.14182846E+01	.14049321E+01	.13912574E+01	.13772942E+01	.13630791E+01
.13486509E+01	.13340503E+01	.13193195E+01	.13045019E+01	.12896412E+01
.12747815E+01	.12599666E+01	.12452397E+01	.12306428E+01	.12162167E+01
.12020006E+01	.11880314E+01	.11743437E+01	.11609697E+01	.11479386E+01
.11352766E+01	.11230067E+01	.11111486E+01	.10997186E+01	.10887293E+01
.10781902E+01	.10681067E+01	.10584813E+01	.10493127E+01	.10405964E+01
.10323246E+01	.10244865E+01	.10170685E+01	.10100542E+01	.10034245E+01
.99715846E+00	.99123280E+00	.98562260E+00	.98030145E+00	.97524173E+00
.97041488E+00	.96579171E+00	.96134265E+00	.95703806E+00	.95284844E+00
.94874473E+00	.94469858E+00	.94068254E+00	.93667031E+00	.93263696E+00
.92855909E+00	.92441506E+00	.92018509E+00	.91585142E+00	.91139842E+00
.90681263E+00	.90208291E+00	.89720039E+00	.89215854E+00	.88695315E+00
.88158229E+00	.87604630E+00	.87034770E+00	.86449110E+00	.85848313E+00
.85233229E+00	.84604884E+00	.83964465E+00	.83313300E+00	.82652847E+00
.81984671E+00	.81310428E+00	.80631845E+00	.79950703E+00	.79268813E+00
.77677943E-01	.77559095E-01	.77435971E-01	.77308267E-01	.77175728E-01
77038154E-01	76895403E-01	76747386E-01	76594073E-01	76435492E-01

.75929245E-01 .75750968E-01

.75568374E-01

.76271726E-01 .76102913E-01 gradient corrections used for XC





赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

赝势理论平面波与赝势
模守恒赝势与超软赝

Ghost band VASP 中的

AtomPAW 赝势 Data set 的生成

core charge-dens	ity (martial)			
.13681950E+01	.13676960E+01	.13662001E+01	.13637105E+01	.13602325E+01
.13557734E+01	.13503429E+01	.13439524E+01	.13366153E+01	.13283473E+01
.13191655E+01	.13090892E+01	.12981393E+01	.12863384E+01	.12737107E+01
.12602820E+01	.12460794E+01	.12311314E+01	.12154677E+01	.11991194E+01
.11821181E+01 .10884962E+01	.11644970E+01 .10682931E+01	.11462895E+01 .10476808E+01	.11275301E+01 .10266957E+01	.11082538E+01 .10053741E+01
.98375267E+00	.96186759E+00	.93975503E+00	.91745077E+00	.89499021E+00
.87240826E+00	.84973926E+00	.82701690E+00	.80427415E+00	.78154320E+00
.75885536E+00	.73624104E+00	.71372967E+00	.69134969E+00	.66912843E+00
.64709213E+00	.62526592E+00	.60367371E+00	.58233824E+00	.56128104E+00
.54052238E+00	.52008130E+00	.49997559E+00 .40501225E+00	.48022178E+00	.46083513E+00
.44182968E+00 .35292495E+00	.42321820E+00 .33643262E+00	.40501225E+00 .32038578E+00	.38722216E+00 .30478902E+00	.36985707E+00 .28964588E+00
.27495886E+00	.26072949E+00	.24695832E+00	.23364498E+00	.22078822E+00
.20838596E+00	.19643530E+00	.18493258E+00	.17387344E+00	.16325283E+00
.15306507E+00	.14330386E+00	.13396240E+00	.12503332E+00	.11650883E+00
.10838067E+00	.10064023E+00	.93278522E-01	.86286250E-01	.79653846E-01
.73371505E-01 .46855108E-01	.67429216E-01 42458109E-01	.61816797E-01	.56523934E-01 34486174E-01	.51540202E-01 30890174E-01
.46855108E-01	.42458109E-01	.38338647E-01 .21536879E-01	.34486174E-01 .18863125E-01	.30890174E-01
.14121382E-01	.12033860E-01	.10122516E-01	.83780589E-02	.67914092E-02
.53537108E-02	.40563408E-02	.28909177E-02	.18493086E-02	.92363545E-03
.10628041E-03	61011044E-03	12326237E-02	17680763E-02	22230146E-02
26037134E-02	29161762E-02	31661368E-02	33590603E-02	35001462E-02
35943310E-02	36462916E-02	36604501E-02	36409780E-02	35918012E-02
35166058E-02 28633344E-02	34188439E-02 26967780E-02	33017396E-02 25238182E-02	31682957E-02 23464568E-02	30213004E-02 21665171E-02
28633344E-02 19856525E-02	26967780E-02 18053531E-02	25238182E-02 16269545E-02	23464568E-02	21665171E-02 12804716E-02
11143516E-02	95407590E-03	80031868E-03	65364406E-03	51451335E-03
38329201E-03	26025656E-03	14560117E-03	39444206E-04	.58165516E-04
.14724263E-03	.22785937E-03	.30013989E-03	.36425487E-03	.42041630E-03
.46887251E-03	.50990347E-03	.54381628E-03	.57094091E-03	.59162620E-03
.60623608E-03 .60152031E-03	.61514601E-03 .58774722E-03	.61873968E-03 .57059965E-03	.61740593E-03 .55045362E-03	.61153588E-03 .52767640E-03
.50262485E-03	.47564400E-03	.44706580E-03	.41720805E-03	.38637350E-03
.35484906E-03	.32290522E-03	.29079555E-03	.25875641E-03	.22700669E-03
.19574775E-03	.16516340E-03	.13542004E-03	.10666685E-03	.79036088E-04
.52643451E-04	.27588517E-04	.39552464E-05	18187465E-04	38785178E-04
57797264E-04	75196221E-04	90966959E-04	10510606E-03	11762104E-03
12852953E-03 16020507E-03	13785858E-03 16231575E-03	14564378E-03 16316249E-03	15192858E-03 16281641E-03	15676343E-03 16135195E-03
15884628E-03	15537859E-03	15102952E-03	14588056E-03	14001345E-03
13350974E-03	12645021E-03	11891448E-03	11098056E-03	10272445E-03
94219808E-04	85537643E-04	76746000E-04	67909727E-04	59090263E-04
50345446E-04	41729367E-04	33292247E-04	25080349E-04	17135911E-04
94971159E-05 .23059012E-04	21980781E-05 .28287521E-04	.47311376E-05 .33054577E-04	.11264479E-04 .37352910E-04	.17379846E-04 .41178632E-04
.23059012E-04 .44531079E-04	.28287521E-04 .47412645E-04	.33054577E-04 .49828605E-04	.51786930E-04	.41178632E-04 .53298094E-04
.54374884E-04	.55032195E-04	.55286832E-04	.55157309E-04	.54663646E-04
.53827166E-04	.52670302E-04	.51216402E-04	.49489534E-04	.47514310E-04
.45315700E-04	.42918863E-04	.40348986E-04	.37631124E-04	.34790051E-04
.31850126E-04	.28835162E-04	.25768303E-04	.22671916E-04	.19567494E-04
.16475560E-04 .18446197E-05	.13415592E-04 80436009E-06	.10405948E-04 33297302E-05	.74638126E-05 57207550E-05	.46051404E-05 79680369E-05
10063512E-04	- 120004380F-04	13773381E-04	15378177E-04	16811912E-04
18072880E-04	19160536E-04	20075451E-04	20819258E-04	21394593E-04
21805038E-04	22055054E-04	22149917E-04	22095649E-04	21898951E-04
21567128E-04	21108022E-04	20529940E-04	19841582E-04	19051971E-04
18170387E-04	17206293E-04	16169276E-04	15068980E-04	13915042E-04
12717039E-04 63899617E-05	11484427E-04 51184500E-05	10226489E-04 38638299E-05	89522887E-05 26334298E-05	76706186E-05 14341327E-05
27235171E-06	.84599016E-06	38638299E-05	26334296E-05	.38888277E-05
.47844919E-05	.56149089E-05	.63773192E-05	.70694955E-05	.76897350E-05
.82368500E-05	.87101545E-05	.91094496E-05	.94350052E-05	.96875413E-05
.98682052E-05	.99785491E-05	.10020505E-04	.99963570E-05	.99087173E-05
.97604944E-05	.95548661E-05	.92952495E-05	.89852710E-05	.86287366E-05
.82296019E-05 .57401315E-05	.77919423E-05 .51731543E-05	.73199237E-05 .45930247E-05	.68177739E-05 .40038758E-05	.62897539E-05 .34097487E-05
.28145712E-05	.22221377E-05	.16360907E-05	.10599042E-05	.49686829E-06
49924253E-07	57759018E-06	10834658E-05	15651156E-05	20203391E-05
24471763E-05	28439110E-05	32090729E-05	35414382E-05	38400286E-05
41041086E-05	43331819E-05	45269862E-05	46854867E-05	48088688E-05
48975294E-05 48474253E-05	49520671E-05 47466238E-05	49732722E-05 46188963E-05	49621152E-05 44659241E-05	49197348E-05 42894897E-05
48474253E-05 40914626E-05	47466238E-05 38737848E-05	46188963E-05 36384571E-05	44659241E-05 33875243E-05	42894897E-05 31230618E-05
28471617E-05	25619196E-05	22694215E-05	19717316E-05	16708804E-05
- 19699E90P-0E	- 1067E700E-0E	- 76990050E-06	- 47467171E-06	- 19659199E-06



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

赝 势 埋 论
平面波与赝势
模守恒赝势与超软赝势

可分离膜势与 Ghost band VASP 中的

AtomPAW 赝势 Data set 的生成

atomic pseudo charge-density						
.40000000E+01	.39865777E+01	.39466377E+01	.38811433E+01	.37916420E+01		
.36801845E+01	.35492225E+01 27013712E+01	.34014950E+01	.32399100E+01	.30674335E+01 21382919E+01		
.28869885E+01 .19554911E+01	.27013712E+01 .17779180E+01	.25131849E+01 .16068237E+01	.23247937E+01 .14431992E+01	.21382919E+01 .12877965E+01		
.19554911E+01 .11411517E+01	.17779180E+01	.16068237E+01 87535141E+00	.14431992E+01 .75641220E+00	.12877965E+01 .64671001E+00		
.54606321E+00	.45420994E+00	.37082490E+00	.29553413E+00	.22792793E+00		
.16757210E+00	.11401744E+00	.66807913E-01	.25487409E-01	10394612E-01		
41278562E-01	67591071E-01	89742138E-01	10812299E+00	12310456E+00		
13503646E+00 15965211E+00	14424640E+00 15940402E+00	15104001E+00 15794831E+00	15570097E+00 15546772E+00	15849133E+00 15212749E+00		
14807638E+00	14344771E+00	13836047E+00	13292033E+00	12722065E+00		
12134348E+00	11536052E+00	10933401E+00	10331756E+00	97357004E-01		
91491144E-01	85752437E-01	80167666E-01	74758549E-01	69542302E-01		
64532148E-01 42812854E-01	59737801E-01 39148390E-01	55165888E-01 35706858E-01	50820352E-01 32480486E-01	46702805E-01 29466501E-01		
26657315E-01	24045694E-01	21623904E-01	19383841E-01	17317148E-01		
15415313E-01	13669756E-01	12071903E-01	10613252E-01	92854249E-02		
80802150E-02	69896243E-02	60058943E-02	51215314E-02	43293260E-02		
36223673E-02 11463120E-02	29940535E-02 82330764E-03	24380983E-02 54599586E-03	19485349E-02 30997081E-03	15197159E-02 11111957E-03		
.54387194E-04	.19010535E-03	.29932800E-03	.38509665E-03	.45021268E-03		
.49724900E-03	.52856177E-03	.54630216E-03	.55242795E-03	.54871497E-03		
.53676839E-03	.51803365E-03	.49380712E-03	.46524642E-03	.43338037E-03		
.39911853E-03 .21647525E-03	.36326031E-03 .18135985E-03	.32650377E-03 .14759141E-03	.28945387E-03 .11541928E-03	.25263036E-03 .85040816E-04		
.21647525E-03 .56606764E-04	.18135985E-03 .30226352E-04	.14759141E-03 .59719919E-05	16116354E-04	36027141E-04		
53773520E-04	69389928E-04	82928949E-04	94458459E-04	10405902E-03		
11182151E-03	11784499E-03	12223478E-03	12510073E-03	12655567E-03		
12671407E-03	12569076E-03	12359997E-03	12055430E-03	11666399E-03		
11203621E-03 81306283E-04	10677448E-03 74270942E-04	10097820E-03 67124899E-04	94742231E-04 59937023E-04	88156609E-04 52770714E-04		
45683928E-04	38729233E-04	31953896E-04	25400000E-04	19104585E-04		
13099806E-04	74131135E-05	20674438E-05	.29185776E-05	.75304221E-05		
.11757438E-04	.15592625E-04	.19032404E-04 .30385308E-04	.22076388E-04	.24727147E-04		
.26989979E-04 .32832821E-04	.28872677E-04 .33003493E-04	.30385308E-04	.31539981E-04 .32483918E-04	.32350635E-04 .31832808E-04		
.30948085E-04	.29850818E-04	.28562372E-04	.27104248E-04	.25497933E-04		
.23764761E-04	.21925781E-04	.20001631E-04	.18012428E-04	.15977661E-04		
.13916095E-04	.11845684E-04	.97834913E-05	.77456253E-05	.57471751E-05		
.38021614E-05 47100596E-05	.19234941E-05 61041317E-05	.12293798E-06 73790420E-05	15889121E-05 85301460E-05	32026485E-05 95539569E-05		
10448119E-04	11211374E-04	11843524E-04	12345387E-04	12718747E-04		
12966301E-04	13091602E-04	13099000E-04	12993572E-04	12781064E-04		
12467816E-04 96451558E-05	12060693E-04 88850290E-05	11567014E-04 80792508E-05	10994484E-04 72363684E-05	10351114E-04 63648931E-05		
54732369E-05	45696518E-05	36621723E-05	27585615E-05	18662606E-05		
99234299E-06	- 14347216E-06	.67413606E-06	.14547465E-05	.21931331E-05		
.28846026E-05	.35250133E-05	.41107897E-05	.46389311E-05	.51070171E-05		
.55132071E-05 .65909923E-05	.58562363E-05 .66185560E-05	.61354066E-05 .65866927E-05	.63505743E-05 .64977074E-05	.65021328E-05 .63543081E-05		
61595714E-05	59169057E-05	56300130E-05	53028493E-05	49395841E-05		
.45445596E-05	.41222492E-05	.36772171E-05	.32140765E-05	.27374510E-05		
.22519347E-05	.17620554E-05	.12722380E-05	.78677129E-06	.30977508E-06		
15482897E-06 - 21718029E-05	60334483E-06 24939006E-05	10323267E-05 27836530E-05	14386008E-05 30394730E-05	18192846E-05 32601147E-05		
34446746E-05	35925898E-05	37036332E-05	37779061E-05	38158282E-05		
38181253E-05	37858143E-05	37201867E-05	36227899E-05	34954069E-05		
33400340E-05	31588583E-05	29542334E-05	27286543E-05	24847319E-05		
22251674E-05 79031713E-06	19527264E-05 49543860E-06	16702126E-05 20421280E-06	13804427E-05 .80835994E-07	10862214E-05 .35730573E-06		
79031713E-06	.87561703E-06	.11134188E-05	.13345890E-05	.15375714E-05		
.17210128E-05	.18837700E-05	.20249147E-05	.21437361E-05	.22397418E-05		
.23126566E-05 .23359216E-05	.23624198E-05 22760829E-05	.23891799E-05 .21968428E-05	.23932885E-05 .20994165E-05	.23752919E-05 .19851530E-05		
.23359216E-05 .18555195E-05	.22760829E-05	.21968428E-05	.13905072E-05	.19851530E-05		
.10343865E-05	.84790465E-06	.65824737E-06	.46722828E-06	.27662940E-06		
.88185931E-07	96428306E-07	27561447E-06	44786132E-06	61175681E-06		
76599844E-06	90940250E-06	10409120E-05	11596031E-05	12646906E-05		
13555318E-05 15837213E-05	14316288E-05 15837121E-05	14926300E-05 15689899E-05	15383297E-05 15400323E-05	1568666E-05 14974360E-05		
14419091E-05	13742618E-05	12953968E-05	12062995E-05	11080263E-05		
10016944E-05	88846949E-06	76955446E-06	64617751E-06	51958041E-06		
39100686E-06 .23924662E-06	26169110E-06 .35483853E-06	13284687E-06 .46455060E-06	56567587E-08 .56749495E-06	.11873791E-06 .66286537E-06		
.23924662E-06 .74994293E-06	.35483853E-06 .82810073E-06	.46455060E-06	.56749495E-06 .95563110E-06	.66286537E-06		
.10424010E-05	.10699876E-05	.10869699E-05	.10934176E-05	.10894963E-05		
.10754638E-05	.10516660E-05	.10185318E-05	.97656733E-06	.92634993E-06		

.80377954E-06

.73287323E-06

.65659178E-06

.57575821E-06



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

アカエル 平面波与原势 模守恒原势与超软质 势

Ghost band VASP 中的

AtomPAW 赝势 Data set 的生成

19.8421228800786	942 T				
19.0412200070042 1 Non local Part					
0 2 1.5577028436	6884382				
8.48191151414740		188222226E-01 -0	.636078516188222	226E-01 0.376965	742998787998E-02
Reciprocal Space					
.87079657E+01 .82806628E+01	.86905268E+01 .80982759E+01	.86383852E+01 .78870568E+01	.85520639E+01 .76490608E+01	.84324261E+01 .73865785E+01	
.71021037E+01	.67982989E+01	.64779593E+01	.61439752E+01	57992933E+01	
.54468791E+01			43723936E+01	40177873E+01	
.36692907E+01	.33292513E+01	.29998152E+01	.26829081E+01	.23802200E+01	
.20931942E+01				.11216776E+01	
.92572621E+00 .22354716E+00	.74881221E+00	.59067848E+00 .60038835E-01	.45087066E+00	.32875652E+00	
	11088174E+00				
	- 13222400E+00				
81735140E-01		52261834E-01		25587745E-01	
	40822094E-02	.43477954E-02	.11163663E-01	.16388781E-01	
.20094049E-01	.22388976E-01	.23412932E-01	.23326746E-01	.22304805E-01	
.20527794E-01 .63329000E-02	.18176188E-01 .34607215E-02	.15424571E-01	.12436845E-01 14673812E-02	.93623490E-02 34038583E-02	
49429505E-02	60739569E-02	68028370E-02	- 71499932F-02	71478312E-02	
	62697733E-02			35489799E-02	
24834728E-02	14222372E-02	40826592E-03	.52181480E-03	13384515E-02	
.20195476E-02	.25505425E-02	.29242131E-02	.31402290E-02	.32045017E-02	
.31283679E-02	.29276511E-02	.26216452E-02	.22320639E-02	.17819939E-02	
Real Space Part .10679849E+02	.10674516E+02	.10658521E+02	.10631882E+02	.10594629E+02	
.10579849E+02	.10674516E+02	.10658521E+02	.10631882E+02	.10594629E+02	
.10546795E+02	.10040442E+02	.99199643E+01	.97892993E+01	.96484877E+01	
.94975699E+01			.89846735E+01	.87938923E+01	
.85933769E+01	83832826F+01	81638104F+01	79352160E+01	.76978177E+01	
.74520045E+01				.63951751E+01	
	.58324186E+01			.49658496E+01	
.46753825E+01 .32651527E+01	.43860825E+01 .30000279E+01	.40991787E+01 .27432213E+01	.38159080E+01 .24957525E+01	.35374987E+01 .22585487E+01	
.20324314E+01	.18181051E+01	.16161478E+01	.14270049E+01	.12509847E+01	
.10882570E+01	.93885502E+00	.80267855E+00	.67950082E+00	.56897697E+00	
.47065459E+00	.38398603E+00	.30834185E+00	.24302540E+00	.18728774E+00	
.14034296E+00	.10138309E+00	.69592617E-01	.44162070E-01	.24300516E-01	
.92466753E-02 17407693E-01		92788061E-02 15578795E-01	14046714E-01 13629958E-01	16588732E-01 11360623E-01	
	66492956E-02				
.36993817E-03	.13706046E-02	.20774200E-02	25196886E-02	273420038-02	
.27616467E-02	.26436316E-02	.24202815E-02	.21284366E-02	.18003892E-02	
.14631174E-02	.11379537E-02	.84061912E-03	.58155029E-03	.36644718E-03	
.19697068E-03		13929925E-04	65094077E-04	88595362E-04	
Reciprocal Space					
	32885812E+02 13831310E+02		28357261E+02 .47142272E-01	24480084E+02	
.16220445E+02	13631310E+02	.33613317E+02	.42412261E+02	.79117577E+01 .51090027E+02	
.59508819E+02	.67537255E+02	.75052646E+02	.81943063E+02	.88109160E+02	
.93465720E+02	.97942900E+02	.10148714E+03	.10406175E+03	.10564715E+03	
.10624077E+03	.10585660E+03	.10452449E+03	.10228909E+03	.99208571E+02	
.95353099E+02	.90803154E+02	.85647663E+02	.79982052E+02	.73906232E+02	
.67522572E+02 .34496680E+02	.60933898E+02 .28313063E+02	.54241560E+02 .22452162E+02	.47543611E+02 .16974111E+02	.40933123E+02 .11928669E+02	
.73548473E+01	.32807727E+01	27621319E+00	- 33092347E+01	58213610E+01	
78249039E+01	93405595E+01	10396421E+02	11026891E+02	11271526E+02	
11173833E+02	10780072E+02	10138054E+02	92960043E+01	83014828E+01	
72003946E+01	60361114E+01	48487123E+01	36743572E+01	25447982E+01	
14870336E+01	52310141E+00	.32999049E+00	.10602053E+01	.16603003E+01	
.21275436E+01 .26383351E+01	.24633402E+01 .24485880E+01	.26727834E+01 .21944773E+01	.27641476E+01 .18917574E+01	.27483410E+01 .15560536E+01	
.12024051E+01	.84486462E+00	.49616263E+00	.16743966E+00	13195032E+00	
39456569E+00	61493394E+00	78954326E+00	91677435E+00	99677914E+00	
10313144E+01	10235387E+01	97778206E+00	89929746E+00	79400304E+00	
	52844495E+00	38107084E+00	23221848E+00	87528095E-01	
Real Space Part					
.47043595E+03	.47061811E+03	.47114518E+03	.47196957E+03 .47598368E+03	.47296738E+03	
.47404142E+03 .47422109E+03	.47502541E+03	.47573899E+03 .46804221E+03	.47598368E+03 .46280172E+03	.47554935E+03 .45590085E+03	
	.47178640E+03	42405037E+03	.46280172E+03 .40950423E+03	.45590085E+03	
	.35432699E+03	33242725E+03		28438464E+03	
.25869730E+03	.23224536E+03	.20531141E+03	.17818879E+03	.15117498E+03	
.12456500E+03	.98644898E+02	.73685748E+02	.49938027E+02	.27626718E+02	
.69471588E+01	11938243E+02	28902388E+02	43854906E+02	56742633E+02	

-.67549163E+02 -.76293525E+02 -.89028062E+02 -.87835614E+02 -.90826098E+02

-.92132623E+02 -.91907271E+02 -.90316654E+02 -.87537414E+02 -.83751758E+02 -.70140779E+03 -.70903000E+03 -.601737E+03 -.60150009E+03 -.60170E+03



赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

炭 労 理 化
平面波与赝势
模守恒赝势与超软赝

Ghost band VASP 中的

AtomPAW 赝势 Data set 的生成

Non local Part 1 2 1.55770294396884382 2.68589659160385764 -0.504801881867953453E-01 -0.504801881867953453E-01 0.892956271679604986E-02					
Reciprocal Space					
.00000000E+00	.55360975E+00	.11020032E+01	.16400357E+01	.21627048E+01 .43887098E+01	
.26652186E+01 .47301505E+01	.31430596E+01 .50303314E+01	.35920450E+01 .52874138E+01	.40083810E+01 .55001078E+01	.43887098E+01	
.57899444E+01	.58672657E+01	.59006262E+01	.58911063E+01	.58408488E+01	
.57520191E+01	.56272596E+01	54695387E+01	.52820975E+01	50683934E+01	
.48320418E+01	.45767578E+01	.43062991E+01	.40244089E+01	.37347632E+01	
.34409202E+01	.31462743E+01	.28540152E+01	.25670915E+01	.22881811E+01	
.20196669E+01	.17636193E+01	.15217840E+01	.12955770E+01	.10860853E+01	
.89407229E+00	.71998985E+00	.56399389E+00		.30553088E+00	
.20209532E+00	.11486458E+00	.42878783E-01	14957234E-01	59842780E-01	
93050595E-01 13002523E+00	11589722E+00 12050824E+00	12971495E+00 10804072E+00	13582584E+00 93597327E-01	13551809E+00 78045331E-01	
62139262E-01	46518532E-01	31707803E-01	18119864E-01	60607310E-02	
.42633380E-02	.12737265E-01	.19327344E-01	.24070560E-01	.27063374E-01	
.28450306E-01	.28412605E-01	.27157313E-01	.24906934E-01	.21889935E-01	
.18332245E-01	.14449871E-01	.10442718E-01	.64896733E-02	.27449375E-02	
66440255E-03	36396321E-02	61105795E-02	80348118E-02	93959825E-02	
10201473E-01	10479476E-01	10275671E-01	96496464E-02	86712031E-02	
	59654538E-02	43965915E-02	27859668E-02	12036827E-02	
.28801366E-03	.16363396E-02	.27990903E-02	.37452630E-02	.44552150E-02	
Real Space Part					
.00000000E+00	.64359942E+00	.12860893E+01	.19263130E+01	.25630221E+01	
.31948350E+01 62189597E+01	.38202017E+01 .67814592E+01	.44373750E+01 .73237268E+01	.50443910E+01 .78427678E+01	.56390587E+01 .83354645E+01	
.87986250E+01	.92290406E+01	.96235469E+01	.99790905E+01	.10292796E+02	
.10562036E+02	.10784491E+02	.10958218E+02	.11081699E+02	.11153897E+02	
.11174283E+02	.11142876E+02	.11060254E+02	.10927558E+02	.10746490E+02	
.10519290E+02	.10248709E+02	.99379673E+01	.95907014E+01	.92109083E+01	
.88028781E+01	.83711229E+01	.79203026E+01	.74551481E+01	.69803858E+01	
.65006629E+01	.60204776E+01	.55441132E+01	.50755794E+01	.46185613E+01	
.41763765E+01	.37519415E+01	.33477477E+01	.29658468E+01	.26078460E+01	
.22749116E+01	.19677819E+01	.16867871E+01	.14318761E+01	.12026495E+01	
.99839626E+00 .31028032E+00	.81813432E+00 .22876897E+00	.66065330E+00 .16206345E+00	.52455802E+00 .10846228E+00	.40831211E+00 .66307278E-01	
.31028032E+00 .34009364E-01	.22876897E+00 .10069850E-01	69027801E-02	18180606E-01	24908286E-01	
28099078E-01	28634490E-01	27267117E-01	24626205E-01	21225416E-01	
- 17472311E-01	13679034E-01	10073742E-01	68123372E-02	39901212E-02	
16530358E-02	.19178102E-03	.15663369E-02	.25131785E-02	.30879320E-02	
.33530317E-02	.33726336E-02	.32086679E-02	.29179506E-02	.25502513E-02	
.21471944E-02	.17418610E-02	.13589554E-02	.10154019E-02	.72124547E-03	
.48074009E-03	.29352474E-03	.15580136E-03	.61447592E-04	.30138377E-05	
Reciprocal Space	Part				
.00000000E+00 11720983E+02			77244363E+01	98916316E+01	
	13142152E+02 12357950E+02	14093748E+02 10434056E+02	14524661E+02 79177661E+01	14395175E+02 48335806E+01	
13677819E+02 12183197E+01	12357950E+02 .28796906E+01	10434056E+02	79177661E+01 .12279682E+02	48335806E+01 .17438045E+02	
.22794994E+02	.28264383E+02	.33757491E+02	.39184855E+02	.44458102E+02	
.49491724E+02	.54204777E+02	.58522445E+02	.62377462E+02	.65711339E+02	
.68475389E+02	.70631527E+02	.72152827E+02	.73023834E+02	.73240630E+02	
.72810652E+02	.71752282E+02	.70094218E+02	.67874635E+02	65140188E+02	
.61944855E+02	.58348663E+02	.54416332E+02	.50215862E+02	.45817101E+02	
.41290320E+02	.36704841E+02	.32127729E+02	.27622587E+02	.23248472E+02	
.19058953E+02	.15101330E+02	.11416015E+02	.80360965E+01	.49870782E+01	
58724172E+01	54504994E-01	20339040E+01 68539157E+01	36554301E+01	49295269E+01 68159914E+01	
64940905E+01	60151778E+01	54131449E+01	47211011E+01	39706812E+01	
31914370E+01	24103219E+01	16512754E+01	93491359E+00	27832313E+00	
.30503924E+00	.80534852E+00	.12163201E+01	.15350341E+01	.17616860E+01	
.18992752E+01	.19532440E+01	.19310803E+01	.18418981E+01	.16960073E+01	
.15044873E+01	.12787746E+01	.10302757E+01	.77001425E+00	.50831954E+00	
.25456290E+00	.16945576E-01	19765940E+00	38381089E+00	53754978E+00	
	73931205E+00	78659086E+00	79975259E+00	78137851E+00	
Real Space Part					
.00000000E+00	.32174412E+02	.64081200E+02	.95454901E+02	.12603438E+03	
.15556504E+03	.18380101E+03	.21050740E+03	.23546257E+03	.25846040E+03	
.27931254E+03 .34631080E+03	.29785062E+03 .35159451E+03	.31392841E+03 .35408254E+03	.32742382E+03 .35379625E+03	.33824076E+03 .35078802E+03	
.34631080E+03 .34514103E+03	.33696853E+03	.35408254E+03 .32641275E+03	.35379625E+03	.35078802E+03	
.28226227E+03	.26410388E+03	.24463049E+03	.22410561E+03	.20280043E+03	
.18098955E+03	.15894661E+03	.13693992E+03	.11522816E+03	.94056367E+02	
.73652166E+02	.54222369E+02	.35950069E+02	.18992243E+02	.34779240E+01	
10493014E+02	22850445E+02	33553946E+02	42592145E+02	49981475E+02	
55764394E+02	60007127E+02	62796996E+02	64239417E+02	64454665E+02	
63574472E+02	61738574E+02	59091275E+02	55778129E+02	51942809E+02	
- 47724232E+02	- 43254004E+02	- XMXA223E+02	 X40195888R+02 	- 79498509E+02	



赝势、投影函数与 VASP 的

赝势理论

平面波与赝势 模守恒赝势与超软赝

可分离赝势与 Ghost band

VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data set 的生成

PAW radial sets 323 0.989218471734281124 (5E20.12) augmentation charges (non sperical) -.118612867153E+00 -.756362247412E-03 -.532145531503E-01 -.130926919871E-02 -.756362247412E-03 -.210856503823E-04 -.122603249007E-03 .363423839020E-05 -.532145531503E-01 -.122603249007E-03 -.555432069872E-03 -.179689875812E-01 -.130926919871E-02 .363423839020E-05 -.555432069872E-03 .498671741032E-04 uccopancies in atom .200000000162E+01 .00000000000E+00 .00000000000E+00 .00000000000E+00 .00000000000E+00 .00000000000E+00 .00000000000E+00 .00000000000E+00 .00000000000E+00 .00000000000E+00 666666667141E+00 000000000000E+00 000000000000E+00 00000000000E+00 000000000000E+00



赝势、投影E 数与 VASE 的

赝势理论 平面波与赝势

可分离赝势与 Ghost band VASP 中的

AtomPAW 赝势 Data set 的生成 rid .353278105438E-04 .414575697215E-0 .444575697215E-0 .45659687530E-04 .570923703053E-0 .4786234862792E-04 .92265162109E-04 .108274586252109E-04 .1082745862109E-04 .174979791106E-02 .20534068767E-03 .20534068767E-03 .20696528530E-03 .202780361308E-03 .202780361208E-03 .2027880361208E-03 .2027880361208E-03 .2027880808E-03 .2027880808E-03 .202788080808E-03 .202788080808

331845828098E-03 389424686766E-03 456994103352E-03 .536287548263E-03 .629339267864E-03 .738536472381E-03 .866680578963E-03 .101705908109E-02 .119352988810E-02 .140062029854E-02 .164364314647E-02 192883310041E-02 .226350661166E-02 265624961535E-02 311713779968E-02 365799509430E-02 .503752660617E-02 .591159223525E-02

693731775293E-02 .814101779859E-02 955357288758E-02 .112112216404E-01 131564904721E-01 181181683104E-01 .212618674747E-01 .249510326191E-01 292803080210E-01 .343607597686E-01 .403227251240E-01 .473191562810E-01 555295443019E-01 651645238996E-01 764712771991E-01 .897398751118E-01 .105310719005E+00

.364765828105E-04 .428056664648E-04 .502329149365E-04 .589488717596E-04 .691771418426E-04 .811801279764E-04 .952657626888E-04 .111795408149E-03

.115430715926E-03 131193126789E-03 135459199986E-03 .153956560487E-03 158962843759E-03 .180669697392E-03 .186544625235E-03 .218912145639E-03 .256895782699E-03 212017853948E-03 .248805256452E-03 .291975673207E-03 301469993709E-03 342636626573E-03 353778314896E-03 402087806084E-03 .415162698451F-03 487197939863E-03 471854411533E-03 553726281459E-03 .571732078754E-03 649803810846E-03 .670933809712E-03 .762551836040E-03 .894862869287E-03 787348119413E-03 .923961577387E-03 .108427895544E-02 105013130516E-02 127241314140E-02 149319065382E-02 .144616497653E-02 .169709032120E-02 .175227546473E-02 199155394099E-02 205631430683E-02

.233711019991E-02 241310719324E-02 274262422631E-02 283180752413E-02 321849934462E-02 332315691413E-02 377694396919E-02 443228480697E-02 389976076474E-02 457641165169E-02 520133440431E-02 .537046882339E-02 610382246712E-02 .630230354657E-02 739582172419E-02 716290201977E-02 840574338805E-02 867907719326E-02 986423124464E-02 101849914365E-01 .119521981717E-01 .140260344867E-01 .164597039470E-01 115757825996E-01 135843067208E-01 159413316118E-01 187073259445E-01 193156415151E-01 .226671152982E-01 219532503631E-01 .257623779547E-01 266001062165E-01 302324305924E-01 .312155138146E-01

354780859567E-01 .366317448050E-01 .416339195521E-01 .488578571964E-01 .573352265534E-01 .429877507520E-01 .504465928270E-01 .591996250870E-01 694714035982E-01 .789579323611E-01 .815254473456E-01 926579919768E-01 956709987225E-01 108735160869E+00 .112270957040E+00 .127601893339E+00 .131751188583E+00 .149742208992E+00 154611452068E+00 .175724110099E+00 181438219781E+00 212919723327E+00 206214153496E+00 241994550880E+00 249863609972E+00 283983236179E+00 293217662568E+00 .344094114590F+00 391081199148E+00 403798184116E+00 458938038641E+00 .473861558747E+00 .538568777456E+00 556081690535E+00

.652567909002E+00 .765795535274E+00

898669385601E+00

105459829343E+01

.376627102856E-04 .388874076671E-04 441975999512E-04 456347956421E-04 .518663640144E-04 .535529287814E-04 608657420098E-04 628449440985E-04 .714266099194E-04 .838199032186E-04 .737492250864E-04 .865455173661E-04 .101562105465E-03 983635676325E-04 .119184234844E-03 139863995240E-03 164131918874E-03 .192610591076E-03 .226030622496E-03 .265249392676E-03 .311273045829E-03

365282303127E-03 428662753701E-03 .503040401457E-03 590323379658E-03 .692750903429E-03 .812950716063E-03 .954006502881E-03 .111953700213E-02 154174548883E-02 180925509145E-02 212318051821E-02 .249157541920E-02 292389084032E-02 .343121768671E-02 402657125610E-03 472522514185E-02 .554510307185E-02 650723873558E-02 .763631539635E-02

.8961.2991.3194E-02.
1.05161819495E-01.
1.05161819495E-01.
1.23408538391E-01.
1.86945324574E-01.
1.869453245

987819809310E-01 11592172481E+00 136035408556E+00 15963930781E+00 187338138056E+00 219843341560E+00 257988551235E+00 355283196787E+00 41692693710E+00 489270354497E+00 574164079857E+00 673787789448E+00 79069798558E+00

.927891872115E+00

.401519291522E-04 .471187253514E-04 .552943364272E-04 .5648885049016E-04 .761473659044E-04 .893597616862E-04

104864651768E-03 123059808833E-03 144412023447E-03 .169469079417E-03 198873806993E-03 233380574462E-03 .273874641209E-03 .321394868748E-03 442601797068E-03 519398020380E-03 609519223288E-03 715277434606E-03 839385845286E-03 985028414399E-03 .115594155253E-03 135650997813E-02 159187920594E-02 186808755348E-02 219222105197E-02 257259523611E-02

301896847624E-02

354279232604E-02 415750530828E-02 487887767547E-02

572541599040E-02

6718837905688-.0 788427822778-.0 925269822400E-02 108881419519E-01 1274214761938-01 149530487510E-01 75475652638E-01 2416523932138-01 243581710436E-01 330528246900E-01 330528246900E-01 537807291563E-01 537807291563E-01

740629353074E-01 101994124520E+00 101994124520E+00 11196912139022-1 140458940676E+00 1340459840676E+00 134249906954E+00 22693209858E+00 2368377695319E+00 3312597121246E+00 36683610023E+00 36683610023E+00 505180205845E+00 592834463369E+00 592834463369E+00 592834463369E+00 59686747687465E+00

816408799161E+00

958064600989E+00



AtomPAW 赝势 Data set 的生成

aepotential .249296618412E+05 .211196020425E+05 .183645234482E+05 .155073419145E+05 .128131411287E+05 104377617399E+05 .843961154725E+04 .681052409519E+04 .550738195528E+04 .447523256840E+04 366052140119E+04 301689731751E+04 210016743837E+04 .177447879164F+04

.151198490272E+04 .129917226882E+04 .112564527212E+04 768941805860E+03 688049090980E+03 .620360964749E+03 .563431128839E+03 .515287841173E+03 .474329191586E+03 .439242952579E+03 .408944853585E+03 .382530750726E+03 .359239359657E+03

.338423103118E+03 .319525284662E+03 .302062297267E+03 285609955593E+03 269793334886E+03 .254279729706E+03 .238774526866E+03 223019931688E+03 206796614606E+03 189928503567E+03 .172291257693E+03 .134559193631E+03

153825699735E+03 .114641136335E+03 944012336261E+02 744246633582E+02 555502477826E+02 384943726247E+02 231871492547E+02 .110393419236E+02 .698171586735E+01 698712622280E+01

533805380599E+01 .178246368857E+01 -.332469269108E+01 -.951782536530E+01 -.163629115444E+02 -.233748284178E+02 -.297338408481E+02 -.344184453032E+02 - 381118849160E+02 -.386756216504E+02 -.364089017521E+02

— 345199096599€±02

.247076583257E+05 230182276498E+05 .205926935296E+05 .177912796436E+08 149488860093E+08 123094562646E+05 100074729506E+05 808532289425E+04 652551907131E+04

528106086162E+04 429650053920E+04 351944041296E+04 .290523647712E+04 .241788621528E+04 202919692087E+04 171740895648E+04 .146582002337E+04 .126161100972E+04 109491253468E+04 958088251357E+03 .845193663442E+03 .751570217559E+03 608183515718E+03 553155563184E+03 506567064354E+03

466879791201E+03 432831544450E+03 403377525679E+03 377644854114E+03 354897094389E+03 .334506494502E+03 315932256206E+03 .298703630762E+03 .282406993707E+03 266676332242E+03 251186798183E+03 .235651152274E+03 .219819064985E+03 203479367655E+03 1964655233395+03

.168664953559E+03 150033741355E+03 130620212984E+03 .110604315898E+03 903609557846E+02 705324162159E+02 .666918555610E+02 .484929672536E+02 519821532120E+02 .353058986338E+02 .321809414460E+02 203596538297E+02 176726025177E+02 950085943829E+01 .835601596774E+01 .696337537316E+01 .701521042419E+01 .682461424434E+01 657568967629E+01

.412860165824E+01 .999438728779E-01 -.449104609659E+01 -.569696875391E+01 108481102767E+02 -.122012545007E+02 -.177712178383E+02 -.191824854283F+02 .247341312735E+02 -.260597521130E+02 -.308256300402E+02 -.318391145291E+02 -.351602594335E+02 -.358801411316E+02 - 387867273418E+02 -.392441857634E+02 -.376357898778E+02 -.381417407639E+02 -.360404072746E+02 -.356705440643E+02 -.341197549222E+02 -.337108274651E+02

.244443255599E+05 .241414371172E+05 .200508469868E+05 .194969885786E+05 172167095020E+05 .138588415092E+05 .113440569063E+05 .919303239296E+04 143989147023E+05 118195698156E+05 .774561810756E+04 .742016634235E+04 625315067621E+04 .506512306412E+04

221166790321E+05

166431291099E+05

599297332353E+04

485912638819E+04

.396347173509E+04

.325642140535E+04

.269681368551E+04 .225191833487E+04

161034321676E+04

.137906095998E+04

718665782978E+03

646020162215E+03

.585047539244E+03

489940173731E+03

.452646645612E+03

.412604216570E+04 .338484535875E+04 .279862460324E+04 .233303528113E+04 196128636819E+04 189628843674E+04 166273476188E+04 142154099431E+04 .122554310047E+04 .119090147066E+04 .106536940758E+04 .103696379654E+04 .933760361363E+03 .825057435693E+03 .910344858922E+03 734820018832E+03 659538338921E+03 .596417825223E+03 543216458754E+03 .533600545498E+03 .498121460542E+03 459655261667E+03 426603359477E+03 397958618253E+03

.420550939758E+03 392681862072E+03 368224890830E+03 350648839276E+03 .346490025719E+03 .330662317854E+03 .326886610852E+03 .312392870893E+03 .308903657842E+03 .295382092719E+03 .292094617500E+03 279226540330E+03 .276065874141E+03 263568855544E+03 260468490264E+03 .248091905310E+03 .232515796051E+03 .216597752635E+03 .244992928548E+03 .229366635883E+03 .213354505238E+03 .196762368500E+03 200134984304E+03 .182970857876E+03 165005134953E+03 146210080040E+03 .126656523815E+03 .106557510391E+03 .863363724670E+02

179443900479E+03 .161311834879E+03 142355635261E+03 .122670350542E+03 .102504887754E+03 .823340718078E+02 629102856287E+02 450833747318E+02 .291163276325E+02 151810751243E+02

759220035195F+01 .706481632887E+01 .624298209986E+01 .341481131402E+01 - 112531868169E+01 -.693897492955E+01 -.135738669876E+02 205912200739E+02 273417019240E+02 -.327722934381E+02 366068307978E+02 393634904186E+02 -.371876084285E+02 -.352947736909E+02 -.349113812250E+02

.238011681064E+05 .189339660140E+05 160726841798E+05 133298984061E+0 108833523432E+05

880877039590E+04 710960039999F+0 574453513086F+04 466263730249E+04 380841738005E+04 313386774487E+04 183406340726E+04 156012715054E+04 .133829747604E+04 115762238690E+04 100964613669E+04 .887802940737E+03 786961401872E+0 703083214326E+03 632967240499E+03 574056983177E+03

524295084194E+03

482012764716E+03 .445845314309E+03 414667087568E+03 387541194587E+03 363680341587E+03 342416217091E+03 323175517677E+03 305461233272E+03 .288838212437E+03 272922337452E+03 257372880728E+03 241887803987E+03 226201912602E+03 193360513013E+03 157585239680E+03 138471546918E+03

.118664249404E+03 984510863142E+02 783610579892E+02 591944669183E+0 417517679306E+02 261144334538E+02 129490421749E+02 716026979128E+01 706399956522E+01 582958804938E+01 263171136544E+0

- 220152969452E+0 -.821369210611E+01 -.149623728146E+02 - 219910944781E+03 28E606020862E+0. -.336286096960E+02 -.373574862777E+02 .391349287009E+02 .367857308718E+02



腰势、投影を 数与 VASF 的

赝势理论平面波与赝势

可分离赝势与 Ghost band VASP 中的

AtomPAW 赝势 Data set 的生成 core charge-density
5641004057529-04
7861004057529-04
7861004057529-04
7861004057529-04
786220046168-03
1.469310789558-03
2019894182158-03
2019894182158-03
2773941454938-03
5824277958238-03
5824277958238-03
5824277958238-03
5824277958238-03
5824277958238-03
5824277958238-03
5824277958238-03
5824277958238-03
5824277958238-03
5824277958238-03
5824277958238-03
5824277958238-03
5824277958238-03
5824277958238-03
5824277958238-03
5824277958238-03
5824277958238-03

480203989148E-02 .658174119662E-02 9016250459088-02 123435856218E-01 168865159410E-01 230816667048E-01 .315179660337E-01 429870312127E-01 585485599535E-01 .796141666712E-01 108053219945E+00 146323815234E+00 .197630609132E+00 266108167138E+00 357022755061E+00 .476975810973E+00 634077043169E+00 .838032505174E+00 .110006190827E+01 .143252037390E+01 184805720162E+01 235810963304E+01 297052618226E+01 368618075190E+01 449463069343E+01

.247061708263E+01

.134439807766E+01 .620352489207E+00

188882123217E-01

536925134438E+01 .626288586635E+01 643814761788E+01 710583938103E+01 726074547323F+01 780880496809E+01 .792391728912E+01 .827355919064E+01 .832977902881E+01 841326722016E+01 .839702578152E+01 818122477058E+01 809079238605E+01 745253636003E+01 60165005169E+01 .679005177517E+01 661642067944E+01 .594729554133E+01 579640842184E+01 .531584353892E+01 .523471177953E+01 .510168858572E+01 .511912762968E+01 .538580562001E+01 549667189770E+01 606348131935E+01 .622382063669E+01 685398184633E+01 739388103439E+01 699354961718E+01 744231565540E+01 737838899666E+01 729395447390F+01 668786122365E+01 .647497277612E+01 .543648174187E+01 .514288153425E+01 3917249245035+01

.603274790726E-04 .642889041986E-04 829106163764E-04 883539969928E-04 .113940870262E-03 .121419925256E-03 .156573733420E-03 166848668143E-03 215140985966E-03 295587672651E-03 406070475885E-03 229255245539E-03 314973072166E-03 432691104597E-03 557776520581E-03 .594325569167E-03 766042890258E-03 .816211620710E-03 1051995904665-02 .112073071253E-02

.144408696885E-02 153853035261E-02 198203624583E-02 211154763822E-02 289712078585E-02 397356916791E-02 544774867755E-02 700966738736E-02 746525326090E-02 960134371288E-02 .102241437348E-01 .139933501568E-01 131428043661E-01 179769960102E-01 191372210475E-01 245675871519E-01 261480839698E-01 335395796374E-01 356891294839E-01 486504071769E-01 457324366235E-01 622688788272E-01 662211674610E-01 846428400460E-01 .899820792747E-01 114830108271E+00 122020796239F+00 155424601742E+00 165073592657E+00 209801551371E+00 .222693813452E+00 .282305346272E+00 .378453399961E+00 .505136719518E+00 299443885308E+00 .401100503966E+00 .534850887654E+00

.670781239474E+00 709439968420E+00 885409751349E+00 .935202482669E+00 116051144745E+01 122387942461E+01 150858579919E+01 .158807699749E+01 194218523933E+01 204018484914E+01 .247225045485E+01 .310553903613E+01 259054467535E+01 324467925296E+01 384103506433E+01 399950133877E+01 483868164752E+01 466545180749E+01 554836285615E+01 572782343649E+01 .661078363938E+01 740929691345E+01 802868777438E+01 837230611874E+01 836559542526E+01 .798676967249E+01 .729523536819E+01 .644332862203E+01 565602576681E+01

.515693703459E+01 562208280769E+01 .638606123530E+01 .711998685544E+01 746617657427E+01 718190874815E+01 624102774402E+01 .484128019032E+01 361209824281E+01 197322413413E+01 221461541805E+01 .116771931577E+01 100743688382E+01 .863177180939E+00 .433105012361E+00 .154550561105E+00 .357908953755E+00 .122752025089E+00 520241312105E+00 192952602310E+00 583105713293E-01 446553155083E-01 .338641489723E-01 138839144900E-01 .100936595806E-01

.685103164325E-04 941645284508E-04 12938953576E-03 177797288839E-03 244294514933E-03 335628285763E-03 461054431344E-03 633265679655E-03 369659556068E-03

.163913377046E-02 224949494879E-02 .308618775280E-02 .423256059621E-02 .580230218169E-02 .795027035842E-02 109970544090F-01 148984773211E-01 203715845116E-01 278290690246E-01 379745395704E-01 517515144015E-01 704194509412E-01 956503667062E-01 129649443177E+00 175302057823E+00 .236347381338E+00 317574153560E+00 425026327615E+00 566193428081E+00 750140986642E+00 987508796104E+00 129026860260E+01 .167109075688E+01 .214212951079E+01 .271301705146E+01 .338788921520E+01 .416140018359E+01 .501398088047E+01 590711011606E+01 .678009808823E+01 755069411170E+01 .812235987040E+01 .840065066096E+01 .831901373419E+01 627276433335E+01 552800287068E+01 .512835026211E+01

.674752567074E-03 926600397160E-03 127219970037F-02 .174629734739E-02 239642498860E-02 328754600198E-02 450835659128E-02 617980847259E-02 846660205552E-02 158616423311E-01 216847499059E-01 296168129868E-01 .404042075275E-01 .550469500898E-01 748785587749E-0 101667215451E+00 137741509388E+00 186142877738E+00 250804185329E+00 336748788604E+00 .450295651730E+00 .599242050517E+00 792974390370E+00 104242831002F+01 135978159017E+01 175772083353E+01 224808526583E+01 283967879975E+01 353509019870E+01 432652304404E+0 519097456619E+01 608566297177E+0 694536656274E+01 768413167876E+01 820421040778E+01 841440758325E+01 825745238298E+01 774119261011E+01 696228736593E+01 610674618159E+01 541407839925E+01 510480613184E+01 529128475754E+01 590794134470E+01 670419655739E+01 732260249172E+01 743502607482E+01 687770821462E+01 571921157222E+01 422563149315E+01 2740015924205+01

293558971531E+00 966509456742E-01

254227504169E-01

.730087642691E-04

100335614880E-03

137881839620F-03

189463707397E-03

260319321939E-03

357636338214E-03

491274294413E-03

PCORE-data

VASP-PCORE +
ATOM-PCORE
0.6 0.4 0.2 0.5 - 15 - 22 - 25



AtomPAW 赝势 Data set 的生成

kinetic energy-density

.667223264162E+01 702214224715E+01 .744346157547E+01 795189540556E+01 856808232008E+01 .931889491632E+01 102391169326E+02 .113737182071E+02 127809869719E+02 .145368210760E+02 .167405557713E+02 195228313211E+02 333660730613E+02 408513983733E±02 .505653895529E+02 .632293148117E+02 .798066087313E+02 .101583684778E+03 .130276320461E+03 .168168668441E+03 .284660907211E+03 .372551273268E+03 488870493624E+03 .642582269425E+03

.845207158092E+03 .111137056136E+04 .145935271573E+04 .191155191114E+04 .249470998100E+04 .323966369031E+04 .418027864771E+04 .535110620572E+04 678321072048E+04 .849760795736E+04 .104959398071E+05 .127485295625E+05 151809671997E+05 .176619379985E+05 199969647834E+05 .219344700116E+05

.231908678498E+05 .234986084530E+05 .206889152456E+05 .141581971857E+05 105028007380E+05 .725487344929E+04 .475980357784E+04 .311509948092E+04 .218614659385E+04 .171609157853E+04

.144881767535E+04 121366139499E+04 9470150914935+03 .663167278558E+03 .407006601755E+03 .214996590257E+03 959157099433E+02 351899916323E+02 105987319431E+02 .254463542651E+01 .673711797765E+01 710025264340F+01 .753759722098E+01 806575163262E+01 .870648794174E+01 948811114834E+01 104472367229E+02 .116312152061E+02 131014703626E+02 .149380642484E+02

.172458877376E+02 201630113570E+02 .238719232645E+02 .286146356255E+02 .347129711045E+02 425957674600E+02 528352836548E+02 .661957795124E+02 .836980931813E+02 .106705065895E+03 177102387447E+03 230118671632F+03 300322106967E+03 .393286573957E+03

516292975418E+03

.678774461430E+03 .892827768584E+03 .117376643592E+04 154066221641E+04 201677521519E+04 262970661903E+04 341101777559E+04 439494907065E+04 561575709823E+04 710310654759E+04 .887497507731E+04 .109277682965E+05 .132239470112E+05 156785848725E+05 181479415367F+05 204251163067E+05 222494130342E+05 233358714016E+05

234278180618E+05 223670919806E+05 .134173261542E+05 980654499989E+04 .668863511301E+04 436434266402E+04 287933226802E+04 206433545994E+04 140271877451E+04 116322420862E+04 80033002080808*03 .608244406410E+03 .362747806752E+03

185585245619E+03

797613979036E+02

281331203679E+02

812353742881E+01

.185531926861E+01

.680446051695E+01 718131851959F±01 763534880551E+01 818409040251E+01 .885050271727E+01 966439350589E+01 106643061077E+02 .119001043069E+02 134365287498E+02 .153580516325E+02 .177754511847E+02

208346746071E+02 .247287618625E+02 .297138710144E+02 361307937197E+02 .444337976250E+02 .552292046175E+02 .693268337816E+02 .878083245648E+02 112117414743E+03 144178456977E+03 186550741762E+03 242627385346E+03 .316888316840E+03 .415216693909E+03 545285956739E+03 .717019230563E+03

943111724662E+03 123958708122E+04 .162632629657E+04 .212745821087E+04 .277142929698E+04 359047579274E+04 .461910819220E+04 589110582872E+04 743445104313E+04 .926368724144E+04 .113694845538E+05 161769991918E+05 186264386884F+05 208352406373E+05

225347603288E+05 .234407802719E+05 .233103679754E+05 .220139730591E+05 .196029134408E+05 126771693102E+05 .913059236999E+04 .615502069364E+04 400317320563E+04 267067318949E+04 .195859678351E+04 .159685499112E+04 135671507596E+04 111122674356E+04 .833214272270E+03 .554838966220E+03 321325033168E+03 159098177908E+03 657850515169E+02 223174729841E+02 616817860109E+01 133903599607E+01

.687434851945E+01 .773687160651E+01 .830711427710E+01 900038897044E+01 984808091773E+01 .108907638526E+02

.121809560330E+02 .137869078483E+02 .157977628176E+02 .183305385986E+02 .215395327218E+02 .256289735654E+02 .308700198863E+02 376235783832E+02 463708797814E+02 .577543538336E+02 .726320956402E+02 .921501369964E+02 .117837828637E+03 151732871716E+03 196543819548E+03 255859010429E+03 334411526903E+03 438409278191E+03 575936644299E+03

.757427709234E+03 .996198598018E+03 .130900455875E+04 .171655202365E+04 .224384223707E+04 .292014708990E+04 377831871320E+04 .485301936717E+04 .617735024215E+04 777730651347E+04 966357865505E+04 .141934254546E+05 .166747536369E+05 .190954785183E+05 .212250537526E+05 227882428528E+05 235038678982E+05 .231456851799E+05 .216155557379E+05 .190065858947E+05 156248247191E+05

.119419713654E+05 847814611827E+04 565524417361E+04 .367542131406E+04 .248705363715E+04 186671469198E+04 .131016150708E+04 .105773708455E+04 .776049418457E+03 503297358442E+03 .282856907413E+03 135421633456E+03 .175614967879E+02 .463832203023E+01

735279480889E+01 784232950769E+01 843503666033E+01 915642282528E+0 100395301784E+03 111270721976E+02 124743720445E+02 .162582328917E+02 189125167802E+02 222793969540E+02 391956026049E+02 484127261615E+02 604183620400E+02 761217552952E+02 967371244646E+02 123884409424E+03 159721131020E+03 207113431542E+03 269855439723E+03 352946572698E+03 462935554406E+03 608336670067E+03 .800116360219E+03 105223416443E+04 138219780446E+04 181155352120E+0 236617494387E+04 307613308942E+04 397482686744E+04 509693734651F+04 647466742549E+04 813169771335E+04 .100744251666E+05 .122804904900E+05 .146854981352E+05

694687595542E+01

171702876279E+0 195530250094F+0F 215922404774E+05 230076531342E+05 235235897755E+05 229334949056E+05 211732724746E+01 183787835298E+01 148954720435E+05 .112158605938E+05 785207438837E+04 519006672766E+04 .337988973053E+04 232629412847E+04 178655445016E+04 126258274155E+04 100291901627E+04 247409252478E+03 114413857777E+03 436847873034E+02 137029357329E+02 345324816958E+0

285091141512E+02

.285097174903E+02

285102324533E+02

285121025528E+02

285122903425E+02

285124611175E+02

285129403386E+02

285138790671E+02

285142835068E+02

285148196500E+02

285196744202E+02

285303416243E+02



AtomPAW 赝势 Data set 的生成

pspotential - 284668580974E+02 -.284683169301E+02 - 284737070698E+02 - 284749E02063E+02 -.284795433857E+02 -.284806027180E+02 -. 284845167748E+02 284854194805E+02 -.284887548297E+02 284895240675E+02 -. 284923662782E+02 284930217837E+02 -.284954437749E+02 284960023654E+02 -.284980662764E+02 284985422834E+02 285007067055E+02

- 285003010685E+02 -.285022054928E+02 -.285025511684E+02 -.285038284193E+02 -.285041230047E+02 -.285054625570E+02 -.285052115003E+02 -.285063902416E+02 -.285066042160E+02 -.285075773047E+02 -.285073949154E+02 - 285082513405E+02 - 285084068344E+02 - 285089815489E+02 -.285096043574E+02 -.285101358596E+02 -.285105898494E+02 -.285106724202E+02 -.285109781925E+02 -.285110489115E+02 -.285113111527E+02 -.285113719068E+02 -.285115976866E+02 -.285116501346E+02 - 285118457160E+02 - 285118913411E+02 -.285120623903E+02 -.285122543509E+02 -.285124280136E+02 -.285125898869E+02

-.285126214480E+02 -.285127784618E+02 -.285127469515E+02 -.285129071308E+02 -.285130798969E+02 -.285132770666E+02 -.285131169482E+02 -.285133206943E+02 -.285135676456E+02 -.285135138679E+02 -.285138103801E+02 286141034043E±02 -.285146995943E+02 -.285153782298E+02 -.285155402330E+02 -.285162971590E+02 -.285165174159E+02 -.285178501680E+02 -.285175492789E+02 -.285192621507E+02 -.285216110981E+02 -.285221770239E+02 -.285248372152E+02 -.285256149423E+02 -.285292721163E+02 -.285353719343E+02 -.285368432283E+02 -.285437639871E+02 -.285457883340E+02 -.285553107581E+02 -.285580960799E+02 -.285750294079E+02 -.285711974839E+02 -.285930518163E+02 -.286231068758E+02

-.285983223931E+02 - 286303536416E+02 -.286644227033E+02 .286743816188E+02 -.287211858626E+02 287348627628E+02 - 287991131063E±02 288178797557E+02 -.289059934240E+02 .289317163713E+02 -.290524155945E+02 .290876294986E+02 -.292527510523E+02 293008947930E+02 -.295265067689E+02 295922540467E+02 -.299899908538E+02 -.299002505394E+02 -.304104444074E+02 305329940542E+02 - 311075071620E±02 -.320600018433E+02 -.322883876156E+02 -.333492420108E+02 -.336531172581E+02 -.350127645096E+02 353808527148E+02 -.372047033483E+02 -.368631244736E+02 -.379879388728E+02 378969924352E+02 -.364580390768E+02 360705398248E+02 -.345669009212E+02 -.341257373489E+02 -.337108274651E+02

-.284697298194E+02 -.284710982122E+02 - 284761541924F±02 - 284773202611E402 -.284816286891E+02 .284826223489E+02 -.284862937574E+02 284871405012E+02 -.284902690805E+02 284909906311E+02 -.284936566461E+02 -.284965433652E+02 -.284990033014E+02

284942715156E+02 284970673288E+02 284994498023E+02 -.285010995703E+02 285014800653E+02 -.285028859612E+02 .285032102143E+02 -.285044083177E+02 285046846506E+02 - 285057057141E+02 .285059412208E+02 -.285068114613E+02 285070121901E+02 -.285077539632E+02 - 285085574497F+02 285087033412E+02 -.285092426028E+02 285093670362E+02 -.285098270953E+02 -.285099332857E+02 -.285103260530E+02 285104167563E+02 -.285107524569E+02 285108300437E+02 - 285111174947F+02 .285111840153E+02 -.285114308734E+02 285114881171E+02 -.285117011040E+02 285117506529E+02 - 285119357679F+02 285119790499E+02 -.285121417791E+02 .285121801201E+02 -.285123256531E+02 285123603339E+02 -.285124938019E+02 285125261211E+02 -.285126528730E+02 .285126842231E+02 285128421220E+02 -.285128101613E+02 -.285129741276E+02 285130085872E+02 -.285131550734E+02 -.285133660339E+02 .285131943868E+02

.285134132352E+02 -.285136239791E+02 285136830688E+02 -.285139514428E+02 285140277778E+02 -.285143787430E+02 .285144795711E+02 -.285149470220E+02 285150822131E+02 -.285157124155E+02 -.285158954666E+02 -.285167517787E+02 -.285181705563E+02 -.285201136023E+02 -.285170011938E+02 -.285185117440E+02 -.285205814849E+02 -.285227800576E+02 285234226581E+02 285273271733E+02 -.285264438010E+02 -.285314815531E+02 285326965547E+02 -.285384114710E+02 285400830591E+02 285502460786E+02 -.285479461006E+02 .285642294047E+02 .285834668789E+02 -.285610649366E+02 -.285791136815E+02 -.286039397193E+02 - 286380764889F+02

-.286849935181E+02

-.287494341353E+02

-.288378697884E+02

-.289591096822E+02

-.291251202524E+02

-.293521385709E+02

-.296622230833E+02

-.300854944348E+02

-.306634426595E+02

-.325309772422E+02

-.339723739182E+02

-.357546711895E+02

- 375125520335F+02

-.376572675510E+02

-.356893343561E+02

286099265159E+02 286463065191E+02 .286963008955E+02 287649579152E+02 288591620081E+02 289882803316E+02 291650329680E+02 294066796496E+02 297366838166E+02 .301871344177E+02 308023063576E+02 -.316431892087E+02 .327883593234E+02 -.343063205135E+02 361300477034E+02 377657440182E+02 -.372895576252E+02

-.353112759338E+02

-.284724235102E+02 - 284784496066E±01 -.284835847157E+02 284879605786E+02 284916894586E+0 -. 284948670220E+02

-.284975747926E+03 -.284998822437E+02 - 285018485803E±01 -.285035242597E+03 -.285049522867E+02 -.285061693187E+02 -.285072066083E+02 -.285080908082E+03 - 285088446592F+02 - 285094875796F±03 -.285100361716E+02 285105046579E+02 -.285109052623E+02 - 285112485448F+02 -.285115437009E+02 -.285117988383E+03 - 285120212399E+02 -.285122176271E+02 -.285123944366E+02 -.285125581306E+02

-.285128744192E+02 -.285130438109E+03 -.285132350088E+02 -. 285134624572E+02 -.285137451272E+02 -.285141083597E+02 - 285145863826E+01 -.285152257590E+02 -.285160901204E+02 -.285172666691E+02 -.285188751165E+02 -.285210799732E+03 -.285241074462E+02 28E282686643E+0. -.285339915870E+02 285418648095E+02 -.285526976368E+02 -.285676023510E+02 - 285881066552E+02

-.285127155610E+02

-.286163069793E+03 - 286550768420E+02 -.287083489715E+02 287814957256E+02 -.288818401970E+02 -.290193420199E+02 -.292075219026E+02 -.294647279184E+03 - 298159240051E+02 302953092527E+03 -.309501339324E+02 -.330610114486E+02 -.346537343042E+02 365017781319E+02

-.379353182676E+02 - 368609887562E+02

-.349371692255E+02



AtomPAW 赝势 Data set 的生成

core charge-density (pseudized)

.158850907132E-07 .218757994079E-07 301257706327E-07 .414870349726E .571329473648E-07 .786793673994E-07 108351540046E-06 .149213911678E-06 .205486615992E-06 282981315349E-06 389701409594E-06 536668599544E-06 739061169114E-06 101778154256E-05 .140161500606E-05 1930202533468-05 .265813472909E-05 .366058967549E-05 504109690465E-05 .694222925437E-05 .956032668519E-05 .131657724114E-04 1913091497768-04 .249685182840E-04 .343847108279E-04 .473518954273E-04 652091461570E-04 898004462130E-04

.123665019889E-03 .234517991391E-03 .322949861560E-03 .444721647953E-03 .612397618202E-03 .843272181843E-03 .116114641712E-02 .159876799938E-02 .220117883122E-02 .303030154244E-02

.417121095843E-02 .574068603353E-02 .789882674413E-02 108647491919E-01 .149376280269E-01 205245970213E-01 281771458098E-01 .386374464823E-01 528950701615E-01 722519709725E-01 .983878835213E-01 .133406722150E+00 .179822853659E+00 .317758842779E+00

.413359420546E+00 525832193516E+00 .648086625061E+00 .763463676005E+00 .842277330789E+00 .843101569433E+00 727440137991E+00 496442519212E+00 235106556397E+00 754197389551E-01 1999921232178-01 .169349744559E-07 233216234522E-07 .321168550529E-07 .442290125832E-07 609090008129E-07 838794753501E-07 115512752907E-06 .159075816404E-06 219067718171E-06 .301684227038E-06 .415457706293E-06 .572138306547E-06 .787907479286E-06 108504913706E-05 .149425104883E-05 205777414445E-05

.283381703132E-05 390252645204E-05 537427437842E-05 140359250280E-04 193292213099E-04 266187300582E-04 366572456728E-04 .504814328676E-04 .695188557326E-04 .957353468361E-04 .131837908571E-03 181554049396E-03 250016304646E-03 344291465748E-03 474108817981E-03 .652861920041E-03 .898986102869E-03

123785151900E-02 170436264031E-02 323032343282E-02 444640718317E-02 611917465425E-02 841912225897E-02 115794980501E-01 159185882611E-01 218691859007E-01 300168750282E-01 411484508237E-01 563105846042E-01 .768757828747E-01 104606052760E+00 .141691504177E+00

.190716680317E+00 .254465223863E+00 335407331821E+00 434626703479E+00 .549869373680E+00 672459920978E+00 783346738217E+00 .850116055018E+00 830133819226E+00 .689157874534E+00 .442222478719E+00 192036190812E+00 583105713293E-01 .138839144900E-01 .180542475326E-07 248630054739E-07 .342395350151E-07 .471522140648E-07 649346226787E-07 .894232708855E-07 123147267460E-06 169589517985E-06 233546427810E-06 .321623258718E-06 .442916297843E-06 .609952290465E-06 839982157176E-06 115676260427E-05

.159300962235E-05 219377725496E-05 302111057124E-05 .416045335916E-05 572947225328E-05 .789020852588E-05 .108658123520E-04 149635874541E-04 206067254291E-04 .283780058984E-04 .390799732669E-04 .538178003533E-04 741133880594E-04 102062468380E-03 140550904475E-03 193552467086E-03 266538727861E-03 367043188107E-03 505437498701E-03 695999167499E-03 .958379565380E-03 .131962107766E-02 181692648675E-02 250145667215E-02 .344353003832E-02

.473972504961E-02 .652255203717E-02 897356580441E-02 123410328028E-01 169635242136E-01 233010190786E-01 319751316050E-01 .438196346781E-01 .599409662088E-01 .817847999463E-01 .111197103239E+00 150453110317E+00 202200214208E+00 269214207487E+00 353797086014E+00 .456555003242E+00 574233857642E+00 696410065316E+00 801504251502E+00 854468920152E+00 .812173654295E+00 .646317668655E+00 387695112852E+00 154460937507E+00

.446553155083E-01

100936595906E-01

342880108482E-06 472189692914E-06 .650265490033E-06 .895498573063E-06 .123321578204E-05 169829537834E-05 233876912105E-05 .322078275972E-05 .443542721593E-05 .610814589706E-05 .841168958728E-05 .115839566421E-04 .159525605604E-04 219686614285E-04 .302535537841E-04 416628195906E-04 573746666051E-04 .790115655314E-04 .108807729446E-03 149839696579E-03 206343762684E-03 284152918146E-03 391298172159E-03 .538835905735E-03 .741985825749E-03 .102169538706E-02 140678910979E-02 .193691881296E-02 266660817484E-02 367078796445E-02 505235315859E-02 695244590122E-02 .956438167099E-02 .131523839044E-01 180765475092E-01 .340593343169E-01 466608047400E-01 637989551781E-01 .869951488479E-01 .118180636950E+00 .159713804529E+00 .214295683694E+00 284670971153E+00 .372925673998E+00 479102680107E+00 .598814386387E+00 .719722927378E+00 .817609944243E+00 .854975265373E+00 .789082308931E+00

599432387566E+00

334131296257E+00

.338641489723E-01

122751901168E+00

.192474960507E-07

265062611287E-07

365025079838E-07 502686169368E-07

.692263075359E-07

953334691390E-07

.131286365342E-06

.180798095227E-06

248982069915E-06

.205196092244E-07 282581234892E-07 389150462599E-07 535909903417E-07 738016401239E-0 101634286542E-06 139963395669E-06 192747474115E-06 265437890425E-06 365541874040E-06 503397836133E-06 693243084236E-06 954684199344E-0 131472192859E-0 181053971277E-05 249334382893E-05 343365172714E-05 472857468816E-05 651184686453E-05 .896763634441E-05 .123495643585E-04 170068964137E-04 234206094181E-04 444163665717E-04 611666035821E-04 842334542561E-04 115998761083E-03 159742331544E-03 219980322147E-03 302931000300E-03 417155710061E-03 574440714657E-03 791009996188E-03 108919238320E-02 149971161181E-02 206482906523E-02 284265094610E-02 391302043770E-02 538555742793E-02 101939367177E-01 140167737110E-01 192620256957E-0: 264489388384E-0: 362773363404E-01 496823112734E-01 678979392487E-01 925236631107E-01 125576895976E+00 169496143740E+00 227024713996E+00 300849017672E+00 392784804976E+0 502216872244E+00 623481589187E+00 742161087375E+0 831320073323E+00 851291199249E+00 760815025548E+00

549187469489E+00 966509456742E-01 254227504169E-01 イロナイ御ナイミナイミナー 恵



AtomPAW 赝势 Data set 的生成

pseudo wavefunction .575355356415E-04 6751957653258-04 .792337835369E-04 .929817063013E-04 .109115043101E-03 .128047689192E-03 150265355149E-03 .176338027603E-03 206934592042E-03 .242839992828E-03 .284975370659E-03

334421694082E-03 392447491317E-03 460541393824E-03 .634224324152E-03 .744269124145E-03 .873407884057E-03 102495360785E-02 .120279413821E-02 .141149189515E-02 165640091909E-02 .194380421993E-02 .228107495436E-02 .267686556349E-02 .314132971901E-02 .368638276474E-02 432600732415E-02 507661189599E-02 .595745160873E-02 .699112188101E-02 .820413757691E-02

962761239135E-02 .112980556968E-01 .132583069731E-01 155586312758E-01 .182580030081E-01 .214256095793E-01 251426113360E-01 295041993818E-01 .346219983579E-01 406268665822E-01 .476721504277E-01 .559374522328E-01 656329692451E-01 770044514849E-01 903388029198E-01

.105970302852E+00 124287336121E+00 .145739363643E+00 .170843592230E+00 .200190336440E+00 .234445273557E+00 274345452710E+00 320683651362E+00 435867988095E+00 .506039752485E+00 584920524858E+00 .671786193400E+00

385928370642E+00 449203740138E+00 601699899070E+00 689954411226E+00 764342818847E+00 783161135014E+00 .875577787069E+00 .857578502086E+00 .942043782108E+00 100161861137E+01 100852677652E+01 1011479019798+01 .100466111560E+01

.594064477253E-04 697141122004E-04 .818102685089E-04 960052394220E-04 112663192082E-03 132211480586E-03 155151609602E-03 .182072100302E-03

235524971443E-02

.116326718016E-03 .136510668086E-03 160196752857E-03 .187992630735E-03 220611395446E-03 250736543454E-03 258889870194E-03 .294242058578E-03 .303810076049E-03 .345296252956E-03 356524425323E-03 405208904153E-03 475517050162E-03 .418385286245E-03 .490979677395E-03 558024421429E-03 576169981949E-03 654847714681E-03 .676141726189E-03 793459647966E-03 .768470895626E-03 901808923562E-03 931133493415E-03 .105828253254E-02 .109269522973E-02 .124190598731E-02 .145739006503E-02 .171026290385E-02 .128228965460E-02 .150478072633E-02 .176587634186E-02 200701181784E-02 207227476250E-02

.613381972024E-04

719810412106E-04

.844705343442E-04

991270902962E-04

.243183644189E-02

276391038097E-02 285378566135E-02 324347764574E-02 334894714010E-02 380625428484E-02 .393002368229E-02 446667756139E-02 461192197039E-02 524168947234E-02 541213484098E-02 615117116944E-02 721845264752E-02 .635118981518E-02 .745317533347E-02 847091069247E-02 874635810329E-02 .994067029381E-02 102639072487E-01 .116654272983E-01 120447435995E-01 .136894130563E-01 .141345355194E-01 .160645252384E-01 188516529119E-01 221222283799E-01 194646013071E-01 228414905610E-01 259600431889E-01 268040414619E-01 304633709985E-01 314537091706E-01 .357474454814E-01 .369094516585E-01 419473466418E-01 433107045170E-01

492213531363E-01 508208336098E-01 577548199563E-01 .596311248087E-01 .699653656785E-01 .820850597180E-01 .677646378278E-01 795043188773E-01 932697257982E-01 962952821862E-01 109405407722E+00 .112951125248E+00 .128311406648E+00 .132464568547E+00 150450222608E+00 155311415056E+00 176353322051E+00 182037593757E+00 213263554212E+00 206626055381E+00 241948969987E+00 249684500724E+00 283072016330E+00

292062559898E+00 330795625188E+00 397911295339E+00 462886913351E+00 .536562311577E+00 618791951638E+00 708330099434E+00 801963139531E+00 893144614848E+00 101323160906E+01 99/375951175F±00

.633327623533E-04 743216850967E-04 .872173053874E-04 102350455972E-03 .120109372672E-03 .140949654437E-03 .165405951581E-03 .194105682043E-03 227785127571E-03 .267308322765E-03 .313689221556E-03 .368117709807E-03 .431990131351E-03

506945110594E-03 698128165574F-03 .819260971781E-03 .961411624459E-03 .112822694092E-02 .132398649626E-02 155371241090E-02 182329818560E-02 213965988796E-02 251091356682E-02 294658344250E-02 .345784620834E-02 405781770175E-02 .476188928438E-02 .558812253715E-02 .655771235717E-02 .769553027439E-02 903076182533E-02 .105976541719E-01 .124363928804E-01 145941299272E-01 171261886122E-01 .200974751761E-01 .235841315294E-01 .276754685752E-01

.324762250072E-01 381092019006E-01 .447183283484E-01 524722168313E-01 615682672319E-01 .722373724825E-01 847492618341E-01 874995929625E-0 994184814074E-01 102642423774E+00 .116610942317E+00 .136750841429E+00 141174357551E+00 160327540676E+00 165503319382E+00 .187901614291E+00 193950712150F+00 .220108632399E+00 227167200068E+00 .257658163593E+00 265876333703E+00 .301323641738E+00 310861824101E+0 .351915632491E+00 .410225775742E+00 476919834292E+00 .552343640997E+00 .636182429658E+00 .726879981021E+00 .820683795679E+00

982154168203E+00

.101547468225E+01

653921857868E-04 767384408824E-04 900533945721E-04 105678637457E-03 124015029819E-03 145532985548E-03 170784540448E-03 200417514522E-03 235192131559E-03 .276000522397E-03 323889612204E-03 380087978939E-03 .446037372013E-03 .523429699744E-03 720829548839E-03 845901289826E-03 992674324057E-03 116491405352E-02 136703921328E-02 160423522870E-02 188258723945E-03 220923620153E-02 259256206952E-02 304239875489E-02 357028636854E-02 418976720886E-02 491673307231E-02 576983277035E-02 677095026461E-02 794576561781E-02 932441303995E-02 109422527315E-01 128407760336F-01 150686666365E-01 176830443099E-01 207509218330E-0: 243509105150E-0: 285752148462E-0 335319622594E-01 393479193701E-01 461716507967E-01 541771796234E-01 635682078464E-01 745829474842E-01

491303960597E+0 745565609229E+00 839249733873E+00 .926510852941E+00 .101498464091E+0



AtomPAW 赝势 Data set 的生成

723210491674E-03 .847840592364E-03 .993919392710E-03 .116512764731E-02 1365773963938-02 .160089984836E-02 .187640342107E-02 .219918088694E-02 .257729214718E-02 .302015163557E-02 .353874854230E-02 .414590001658E-02 495654117519F-02 568805572017E-02 666065069409E-02

779777824289E-02 .912660603329E-02 .106785359304E-01 .124897673360E-01 .146018967537E-01 .170625380517E-01 199259377210E-01 .232535450820E-01 .271144775113E-01 315857936016E-01 367524506409E-01 427067744540E-01 .495472068255E-01 .573760158460E-01 .662955556690E-01 764025441734E-01

877796932277E-01 100483886305E+00 .114529972255E+00 129869168677E+00 146361104253E+00 .163738770409E+00 181566234348E+00 .199190069873E+00 .215687311579E+00 229815567059E+00 239974915563E+00 244196398032E+00 .240177921559E+00 225394271769E+00 197311611722E+00 933033793783E-01 161225338086E-01 -.755315101746E-01 -.176567793429E+00

-.278686400098E+00 -.370357053514E+00 -.437506929404E+00 465292646961E±00 -.440619040214E+00 -.355155021405E+00 -.207900949827E+00 -.706462660247E-02 .229567399836E+00 .476254091096E+00 882238299672E+00 .990810701652E+00 .101144510801E+01

746578583504E-03 875230940233E-03 102602247652E-03 120275179882E-02 140986511623E-02 .165256502735E-02 193693697064E-02

227009598271E-02 266035671067E-02 311742992074E-02 365264901643E-02 427923029422E-02 501257077409E-02 587058737709E-02 687410088207E-02 .804726733939E-02 .941805825521E-02 110187886169E-01 128866883414E-01 150645074973E-01 .176011380142E-01 205522236809E-01 239807149024E-01 .279573034995E-01 .325606439823E-01

378772290432E-01

440007359916E-01 453309406888E-01 .510305948176E-01 .525543444026E-01 590694450081E-01 608073256492E-01 682190454976E-01 .701908025956E-01 785740805545E-01 807970689137E-01 902131683422E-01 927001472824E-01 103186239701E+00 105942331082E+00 120515944107E+00 117497335304F+00 133081810436E+00 136339308348E+00 149777004875E+00 153226014404E+00 167285732154E+00 .170846947546E+00 .185132612703E+00 .188685288794E+00 202614509914E+00 205986084362E+00 218748354949E+00 221704190648E+00 .232222696565E+00 .241363549317E+00 234457680772E+00 242498278209E+00 244130501447E+00 243715965781E+00

238165138679E+00 235701044686E+00 220919478069E+00 215892233186E+00 181841314484E+00 .189894985412E+00 143019029848E+00 131619204110E+00 643697556467E-01 791700913290E-01 -.116931769311E-02 -.190185432589E-01 952062316141E-01 -.115210910670E+00 -.197228772403E+00 - 217861306439E+00 -.298278147634E+00 -.317353677390E+00 -.400998577469E+00 -.454144807390E+00 -.462314763759E+00 -.413974850650E+00

-.386227201622E+00 - 446674028239E+00 464898846615E+00 -.428542904958E+00 -.330524779042E+00 -.171585207413E+00 -.303426907952E+00 -.133207540559E+00 .845866118155E-01 279029316983E+00 328672503777E+00 524172202057E+00 .571039898221E+00 781691750831E+00 910345743397E+00 935421491735E+00 .100225314042E+01 .101005569012E+01 .100466111560E+01 994375951175F+00

.795601892046E-03 932691482648E-03 109336828301E-03 128167791559E-02 150235515746E-02 176093949434E-02 206390935997E-02 .241883782559E-02

283457280576E-02 332144513543E-02

389150812670E-02

455881239271E-02

.770700951777E-03

903505087646E-03

105916100589E-02

124158889712E-02

1455377015955-02

170589380272E-02

199941817539E-02

234329069219E-02

274608859525E-02 321782803195E-02

377019701702E-02

441682289522E-02

.517357814572E-02

605892825797E-02

709432499912E-02

830464753379E-02

.971869234197E-02 .113697104211E-01 .132959864662E-01

155414490675E-01

181562927528E-01

211975810029E-01

.247297829946E-01

288251742619E-01

335640008323E-01

390342654498E-01

533971977604E-02 625326005711E-02 732153363272E-02 .857016238277E-02 .100287892654E-01 .117316244893E-01 .137180319953E-01 160331438739E-01 .187284815203E-01 218625497970E-01 .255013529962E-01 .297187573775E-01 .345965925527E-01 .402243406813E-01 466982057375E-01 .541192823346E-01 625904524789E-01 722115281337E-01 .830720292724E-01 .952408478902E-01 108751913586E+00 123584874990E+00 .139639793532E+00 156704991228E+00 174417620387E+00 192217393669E+00 .209295435754E+00 .224542628026E+00 .236505330719E+00 .243361085852E+00

232764894196E+00 .210293707615E+00 173137416083E+00 119532720583E+00 489159842705E-01 -.373897150652E-01 -.135484516518E+00 -.238377786432E+00 .335802046575E+00 414549728634E+00 459807173979E+00 457451397642E+00 -.396891676910E+00 .273910868147E+00 .928965205479E-01 .132122232827E+00

.378255433412E+00

.616616860053E+00

817716502043E+00

957287299205E+00

.101418535258E+01

242932660377E+00

962819484530E-03 112867867496E-02 132305907123E-02 155084658728E-02 .181775711461E-02 213047482081E-02 249681248751E-01 551115601676P-01 356591589072E-0 111614623678E+0 241760182005E+0

821306479222E-03

401670150953E-02 470533749697E-02 645376994004E-02 755594362580E-02 .884406255928E-02 .103486380429E-01 121048629944E-01 141532052432E-01 165400253324E-01 193181954522E-01 225476827224E-01 262960413920E-01 306387329797E-01 414482444099E-01 481033527959E-01 557262328435E-01 644196071575E-01 742818950192E-01 853994321068E-01 978354095427E-01 126703038594E+00 142981170636E+00 160210494897E+00 177992574025E+00 .195721592871E+00 212532663666E+00 227250881804E+00 238349864209E+00 229336085751F+00 204105863065E+00 .163771791405E+00 1067597256238+00 328263352823E-01 -.562424965567E-01 .155960703517E+0 426759310469E+0 463553709570E+00 -.450239215005E+00 -.377283629551E+00 -. 242041851308E+00 180522312943E+00 427532158406E+00 660673895312E+00 851295258407E+00 975791213531E+00

101463927777E+01



AtomPAW 赝势 Data set 的生成

pseudo wavefunction .138848147713E-05 162939810629E-05 .191211638882E-05 .224388936550E-05 263322855826E-05 309012233011E-05 362629213282E-05 .425549321623E-05 499386751345E-05 .586035775516E-05 .687719343636E-05 807046110236E-05 .947077358361E-05 .111140553467E-04 130424641070E-04 153054723424E-04 .179611364475E-04 .210775860774E-04

> 290265163739E-04 340629206980E-04 399731886447E-04 469089405685E-04 .550481018409E-04 .645994653551E-04 758080446262E-04 .889613540173E-04 .104396775914E-03 122510201760E-03 .143766165242E-03 .168709722144E-03 .197980372773E-03 232328369866E-03 .272633807228E-03 .319928941443E-03 .375424258823E-03 .440538858462E-03 .516935772296E-03

.247347718727E-04

711699990427E-03 .835012802915E-03 .979613723446E-03 .114912959911E-02 .134777497086E-02 .158042791736E-02 .185270235589E-02 .217100515649E-02 254255671485E-02 297533641527E-02 .347788352781E-02 .405882778553F-02 .472591946529E-02 .548413174236E-02 .633203070846E-02 725487860842E-02

.821152149574E-02 840009307223E-02 .910939669822E-02 926761647490E-02 9756913903198-02 982773050077F-02 .977344730712E-02 964527106365E-02 .842278866608E-02 788270269565E-02 .431801379800E-02 297188497289E-02 -.506022962024E-02 - 790891121518E-02 -.240289749478E-01 -.295191367867E-01 -.592795092078E-01 -.690292703957E-01 -.119365640755E+00 -.135052537078E+00 -.152079847668E+00

.143363143073E-05 .148024954817E-05 168238206754E-05 1737088934995-05 .197429364312E-05 .203849274656E-05 231685504901E-05 .239219339443E-05 271885458052E-05 280726494727E-05 329435592268E-05 319060539717E-05 374421010294E-08 386596247091E-05 .439387123372E-05 .453674895855E-05 515625561753E-05 532392417672E-05 624768282482E-05 .605092195456E-05

.710082258618E-05 .733172359563E-05 .833289232491E-05 860385715220E-05 .100967195929E-04 .118486097064E-04 .134665723375E-04 139044714931E-04 158031678534E-04 .163170471539E-04 .185451873656E-04 191482301190E-04 .217629758970E-04 224706528134E-04 255390838211E-04 263695498740E-04 .299703844525E-04 .351705589586E-04 309449445827E-04 363142145555E-04 412730122609E-04 426151024191E-04 484342946036E-04 500092485720E-04 568381163590E-04 .586863364318E-04 667000587319E-04 688689561416E-04 782731006675E-04 808183109118E-04 918541028731E-04 948409114207E-04

.107791413872E-03 111296428448E-03 126493790920E-03 130606902659E-03 148440860915E-03 153267543723E-03 .179859389171E-03 174195383669E-03 .204417622402E-03 .211064137063E-03 239882174401E-03 .247681515644E-03 .281497668203E-03 .290649607612E-03 .330329791440E-03 .341068605095E-03 .387628173562E-03 .400228531432E-03 454857705282E-03 469641522262E-03 .533734923645E-03 .626270113061E-03 .551079301749E-03 .646616503561E-03 734815742920E-03 758680441650E-03 .890107784211E-03 .862121737409E-03 .101139777830E-02 104420824237E-02 118638225005E-02 122483471218E-02 .143645806444E-02 .139141633267E-02

.163151976091E-02 .191246125433E-02 .168424254740E-02 .197411383369E-02 224081044631E-02 231280482772E-02 262394725904E-02 270785215452E-02 .306998534399E-02 .316749453861E-02 358753142647E-02 370038509052E-02 418513878099E-02 431495759219E-02 487019465868E-02 501815251889E-02 564675732521E-02 581295338964E-02 651142802188E-02 669369312193E-02 .763713883827E-02 .858552401783E-02 744550995872E-02

941419252015E-02 .987007294359F-02 945614207061E-02 722061087326E-02 139319217287E-02 -.111785546697E-01 -.357190314954E-01 -.798480203107E-01 .152838357046E-05 179357473326E-05 .210477944463E-05 .246998155480E-05 289855019843E-05 340148015621E-05 .399167392177E-05 .468427270993E-05 549704489814E-05 .645084186605E-05 .757013292719E-05 .888363307535E-05 .104250396492E-04 .122338968115E-04 143566100184E-04 168476364977E-04 197708822706E-04

232013415404E-04

272270204861E-04 .319511947751E-04 .374950586529E-04 .440008334734E-04 516354152616E-04 .605946546324E-04 .711083784571E-04 .834462814443E-04 .979248377142E-04 .114915407952E-03 134853747338E-03 158251153660E-03 185707534319E-03 .217926715664E-03 255734368344E-03 .300098977705E-03 .352156347338E-03 .413238183671E-03 484905364210E-03 .568986531105E-03 .783318165627E-03 918999019551E-03

.107807776989E-02 126452482815E-02 .148294379626E-02 .173864620342E-02 .203771659049E-02 238705114166E-02 279433938855E-02 .326793410732E-02 .381651033932E-02 .444833308019E-02 516980063105E-02 .598264003926E-02 .687857088273E-02 .782916775105E-02 .876655555604E-02

954659879722E-02 9879013734158-02 .919667783672E-02 .641918867735E-02 448553094467E-03 -.149186192039E-01 -.426977099021E-01 -.918040104754E-01 .157808279106E-05 195199730973E-0 217322162069E-05 255029919199E-05 299280381807E-0 351208780231E-0

412147319496E-0 483659356497E-05 567579507240E-05 .666060713066E-05 781629473250E-05 917250660878E-05 107640358469E-04 126317124796E-04 148234509404E-04 173954792507E-04 204137814640E-04 239557903567E-04 281123737658E-04 329901654910E-04 454316244639E-04 533144598965E-04 625650250632E-04 734206187480E-04 861597030606E-04 101109039194E-03 118652057294E-03

163396791131E-03 191745802874E-03 225012377598E-03 264048965612E-03 309855433294E-03 363604337150E-03 426670395356E-03 500664768938E-03 .587474798722E-03 808753749025E-03 948824387471E-03 111304000356E-02 130549155155E-02 153091838171E-02 179478195889E-02 210332733071E-02 246361339709E-02

139238672088E-03

288347769449E-02 .337137396094E-02 393597088755E-02 458530830718E-02 532513374505E-02 615571118988E-02 .706575459498E-02 .802089917058E-02 .894173652625E-02 966194244997E-02 885624129362E-02 545894827979E-02 258720639694E-02

-.191827929812E-01 -.505268012579E-01

-.104959123678E+00

-.554283679026E-05

-.649799364359E-05

761751949247E-05

892961670862E-05

104672958085E-04

.122691831813E-04

143804599824E-04

.168539518402E-04

-.197513912662E-04

-.231448768698E-04

-.271185555052E-04

-.317705550946E-04

-.372151967208E-04

435855141531E-04

818088740907E-04

130682565527E-03

670410436812E-03



AtomPAW 赝势 Data set 的生成

-.536934453859E-05 -.629463877488E-05 -.737917561507E-05 -.865028243916E-05 - 101399473930E-04 -.118856030458E-04 -.139310375502E-04 -.163274525071E-04 -.191346889761E-04 -.224226453000E-04 -.262729124892E-04 -.307806546346E-04 -.360567628560E-04 -.422303111689E-04 -.494513406894E-04 -.578939938353E-04 -.677600112965E-04

-.510361065335E-04 -.597463444862E-04 -.699239399964E-04 -.792825896932E-04 -.927305745357E-04 -.956776509712E-04 -.111847809248E-03 -.108412927949E-03 -.126683359162E-03 -.147944932068E-03 -.152595386619E-03 -.172654360643E-03 -.178054176055E-03 -.201325559962E-03 -.207584608305E-03 -.234531826147E-03 -.241771937751E-03 -. 272905758533E-03 -.281260334465E-03 -.317135695765E-03 -.326748438899E-03 -.367956997739E-03 -.378979366308E-03 -.426135952835E-03 -.438722815493E-03 -.492443417301E-03 -.506746240072E-03 -.567614508895E-03 -.583771236517E-03 -.652289817096E-03 -.746932744273E-03 -.767079364717E-03 -.851716921913E-03 -.966377437233E-03 -.990429601424E-03 -.109002030507E-02 -.111569022805E-02 -.122088688052E-02

124769519669E-02 -.135607460649E-02 .138327636352E-02 -.149122368142E-02 -.151774326652E-02 -.162019197054E-02 -.164455985064E-02 -.173475841814E-02 -.182441785436E-02 -.183827206105E-02 -.187635461816E-02 -.188093724242E-02 -.187570210923E-02 -.186784332698E-02 -.180619772262E-02 .178256798498E-02 -.165130781581E-02 160869982728E-02 - 139579997503E-02 - 13314911E05EE-02 -.102754275349E-02 -.939611039582E-03 -.539062263517E-03 -.426651020394E-03 720001825600E-04 208845882540E-03 804577064382E-03 965597871782E-03 165892762793E-02 184493295336E-02 264356588222E-02 .285788129106E-02 .378212515797E-02

403167994363E-02 511551509457E-02 540974958539E-02 .668724856637E-02 703171409088E-02 .849473454000E-02 .887551635833E-02 107419501671E-01 .118915065430E-01 119736441032E-01 116713171792E-01 .873896786599E-02 744860013681E-02 391647408054E-02 966239019039E_03 -.212941062664E-01 271776042085E-01 -.584602786172E-01 -.685016626504E-01 - 119352243438E+00 - 135052537078E+00 - 152079847668E+00

-.572192904881E-05 -.590680169358E-05 -.670791014832E-05 - 786355088640E-05 692459949849E-05 -.921795633789E-05 -.108051916432E-04 -.126651145043E-04 -.148443425977E-04

-.203878969549E-04

-.238902715395E-04

-.279912796712E-04 -.327921014965E-04 -.384105887585E-04 -.449838490212E-04 -.526711676611E-04 .616572863188E-04 -.721560454777E-04 -.844143809508E-04 .987166364702E-04 -.115389113513E-03 -.134804719940E-03 -.157387494410E-03 -.183616665503E-03 -.214029742439E-03 -.249223915435E-03 -.289854753099E-03 -.336630805319E-03 -.390302236747E-03 -.451641015734E-03 -.521409463873E-03 -.600313149877E-03 .688933242371E-03

-.787632633752E-03 -.896429619485E-03 -.101483300741E-02 -.114163376471E-02 -.127465142868E-02 -.141043947082E-02 -.154396369741E-02 -.166828255181E-02 -.177427815611E-02 -.185051083943E-02 -.188329358242E-02 -.185709744495E-02 -.175538933148E-02 -.156194661142E-02 - 126256129769F-02 -.846818745856E-03 -.309328089220E-03 350534246572E-03

-.795495976261E-01

113149078626E-02 203622894624E-02 307857069465E-02 .428940193867E-02 571391254373E-02 738558878481E-02 .925833702998E-02 .110774882165E-01 121785399967E-01 112198796429E-01 .587711563848E-02 .743746940754E-02 -.337807161610E-01 411579574899E-01

.811751704595E-05 951559068196E-05 .111539734135E-04 .130737928877E-04 153231481275E-04 179582655672E-04 -.210448371726E-04 -.246595655907E-04 288919431682E-04 .338462930403E-04 .396441008986E-04 464266649193E-04 -.543580878243E-04 636286280026E-04 .744584144105E-04 .871015103953E-04 -.101850281645E-03 119039979150E-03 139053384073E-03 162325270874E-03 .189346319090E-03 .220665931907E-03 256893187684E-03 298694843630E-03 - 346788912276E-03 401931825406E-03 464896575730E-03 .536438484230E-03 617244404277E-03 707860306229E-03 -.808591418363E-03 -.919368663237E-03 -.103957539876E-02 -.116783001666E-02 -.130172355576E-02

.143751814883E-02 -.156982292811E-02 -.169127984444E-02 .179231278583E-02 .186101770044E-02 .188329419051E-02 184333027040E-02 172453490022E-02 .151094334343E-02 - 119997044993E-02 -.749140153709E-03 -.187102709897E-03 .497054178393E-03 .130229918063E-02 223297134696E-02 .330594435780E-02 455569100166E-02 602819044082E-02 .774814198662E-02 .964029599629E-02 .113864509092E-01 .122098372057E-01 105971727185E-01 399147119709E-02

-.916654172796E-01

-.609764089026E-0 -.714827966909E-01 -.837967312645E-01 982281832946E-05 -.115139904123F-04 -.134956267708E-04 -. 158173539430E-04 -.217228628465E-04 -.254535182727E-04 -.298214307715E-04 -.349341596486E-04 -.409169304631E-04 -.479153516296E-04 -.560984772421E-04 656622310770E-04 .768331932539E-04 -.898727296496E-04 -.105081411705E-03 -.122803626483E-03 -.143432208139E-03 -.167412825110E-03 -.195247723081E-03 -.227498240686E-03 264785269257E-03 -.307786503967E-03 - 357228914847E-03 -.413874337166E-03 -.478495432072E-03 -.551838504315E-03 634568814079E-03 727193159410E-03 -.829953781613E-03 -.942687315069E-03 -.106464297566E-02 -.119425606737E-02 - 132997701736E-03 -.146446355430E-02 -.159525539999E-02 -.171346772851E-02

648400632914E-03 147808432308E-02 243534507736E-02 354034119917E-02 483093890027E-02 635265840777E-02 811832865644E-02 100178547868E-01 116608446298E-0 121470479066E-0 977898257453E-02 175628797936E-02 493653243621E-01

-.104911674326E+00

-.180906147281E-02

-.186967309504E-02

-.188080788474E-02

- 182640799755E-03

- 111064920449E-03

168988101939E-02



AtomPAW 赝势 Data set 的生成

pseudo wavefunction .291401328267E-08 401296859474E-08 .552637046455E-08 761051819386E-08 104806558889E .144332021812E-07 198763633914E-07 .273722917656E-07 .376951427462E-07 .519110272435E-07 .714881161091E-07 .984482680290E-07 .135575840437E-06 .186705248698E-06 257116971601E-06 354082901063E-06 .487617357500E-06

.671511332296E-06 .924756768742E-06 .127350797300E-05 .175378271646E-05 241518197771E-08 332601246248E-05 .458034089216E-05 .630770851660E-05 868650896637E-05 .119624107473E-04 164737263873E-04 226863471325E-04 .312418489565E-04 430237339888E-04 .592486407301E-04 .815919281008E-04

.112360575071E-03 154731198977E-03 .213077673012E-03 293421986129E-03 766126418722E-03 105488338007E-02 145238576868E-02 199950762094E-02 .275241521072E-02 378822470998E-02 521269593699E-02 717064348614E-02 985992730423E-02 135500677497E-01 186066606954E-01 .255227270816E-01 .349576798280E-01

.477832816749E-01 651330139336E-01 884454056628E-01 .119481281715E+00 160277670588E+00 2129770748285+00 .279446419435E+00 .360598503251E+00 .455402751380E+00 .559792445834E+00 666005851127E+00 762778647533E+00 934543737590E+00 84379E37949EF+00

.310660741021E-08 427819531469E-08 589162154379E-08 811351559483E-08 111733475729E-0 153871271269E-07 211900399110E-07

.291813921584E-07 401865050959E-07 .553419514499E-07 .762129369843E-07 .104954949835E-06 .144536372221E-06 199045045072E-06 274110446410F-06 377485084413E-06 519845148962E-06 .715893109266E-06 .985876128147E-06 .135767710584E-05 . 186969430185E-05 257480691811E-05

488306578181E-05 .672459853464E-05 926061820619E-05 .127530295272E-04 175625037821E-04 241857219440E-04 .333066592171E-04 .458672027984E-04 .631643871285E-04 869842718977E-04 .119786257283E-03 164956811193E-03 227158697560E-03

354583616833E-05

.312811554584E-03 .430753041771E-03 593148052553E-03 816738406546E-03 112455926899E-02 154829422848E-02 213150215675E-02 293402999840E-02 .403803109964E-02 .555614241356E-02 764253651345E-02 105077480221E-01 .111978618716E-01 153843587512E-01 .144383524159E-01 198226837362E-01 211172160564E-01 .271836787499E-01 2895090818585-01 .372193565604E-01 .396239558955E-01 508498809210E-01 541069243959E-01

.692667351008E-01 126791014304E+00 169798279848E+00 225120965693E+00 294500082568E+00 .378547191656E+00 475707739190E+00 581202735295E+00 686533109442E+00 779758902369E+00 .331193054558E-08 456095150469E-08 628101294285E-08 .864975730028E-08 119118209112E-07 164040992594E-07 225905404609E-07 .311100603318E-07 428425275519F-07 589996336526E-07

.812500325772E-07 111891673797E-06 154089126946E-06 212200408000E-06 292227060376E-06 402433973521E-06 554202951188E-06 763208181910E-06 105103500802E-05 144740916984E-05 199326674539E-05 274498182232E-05 378018849066E-05 .520579837264E-05 .716904159982E-05 987267129663E-05 135959014285E-04 187232396258E-04

257841912628E-04 355079324866E-0 488985933180E-04 .673389157022E-04 927329727939E-04 127702652682E-03 175858129767E-03 242170126392E-03 .333482162664E-03 .459215227769E-03 632336757633E-03 870692302575E-03 .119883421475E-02 165053015436E-02 227219900947E-02 .312760737056E-02 .430427056539E-02 .592214188380E-02 .814534146086E-02

.736509756357E-01 .998239688107E-01 .134508058440E+00 179812602404E+00 2378305872745+00 .310147359718E+00 397030974266E+00 .416023668739E+00 496358503829E+00 .602617128586E+00 .706588312368E+00

795618827667E+00

9507591090495+00

.353082397944E-08 486239572944E-08 .669614015334E-08 .922144050602E-08 126991017233E-07 174882855184E-07 240836034492E-07 .331661988066E-07 456740928944E-07 .628990608296E-07 .866200418695E-07 .119286862426E-06 .164273246033E-06 .226225240208E-06

311541044413E-06

429031793789F-06 .590831541524E-06 .813650418444E-06 .112050038933E-05 .154307183128E-05 212500636934E-05 .292640395847E-05 403002965244E-05 554986100620E-05 .764285872985E-05 .105251759823E-04 .144944798800E-04 199606896253E-04 274883041044E-04 378546872150E-04 521303243834E-04 .717893274054E-04 988615783914E-04 136142184401E-03 .187479796156E-03 258173418790E-03 355518414075E-03 489557549103E-03

.674113644380E-03 928208550323E-03 .127801136268E-02 175951019478E-02 242217040155E-02 .333393240565E-02 .458801868954E-02 .631216503324E-02 .868106377808E-02 .119329931739E-01 .163917681354E-01 224951956216E-01 .308309700202E-01 421800497506E-01 .575653828518E-01 782993341711E-01 .142649867935E+00 190336945154E+00 251116244142E+00

.326384965564E+00

.517298844985E+00

.810181037401E+00

.376418460535E-08 518376312600F-08 713870411675E-08 983090762574E-08 135384158119E-07 186441282465E-0 256753465491E-07 353582324001E-07 486928031728E-07 670562104837E-07

923449679216E-07 127170816744E-06 175130457852E-06 241177006976E-06 332131535525E-06 457387526929E-06 629881001606E-06 867426500254E-06 119455689838E-05 164505705620E-05 226545295966E-05 311981667823E-0F 429638333898E-05 591666341865E-05 814799129391E-05 112208057432E-04 154524465418E-04

212799237765E-04 293050422725E-04 403565378054E-04 765338530833E-04 105395191942E-03 145139417227E-03 199869399874E-03 275234091470E-03 379010495548E-03 521904132075E-03 718649513420E-03 989522104105E-03 1362413792268-01 187567832433E-02 258202597513E-02 355384131315E-02 489042071142E-02 672777704632E-02

925183636437E-02 127160367202E-01 174644872754E-01 239618531636E-01 329307996999E-01 448966616271E-01 612367427231E-01 832259326911E-0 112561544003E+0 201386889071F+00 343205788327E+00 435493482341E+00 538466336475E+00

645111544538E+00 744833096173E+00

823238213856E+00

-.241553083020E-06

-.323695026587E-06 -.431980385198E-06

575326008437E-06

765644685826E-06

101890851477E-05

-.135659308322E-05

-.180764317575E-05

-.241115311447E-05 -.322002674287E-05

-.430598041586E-05

-.576638672758E-05

.773364013080E-05

103879757420E-04

-.139750132996E-04

-.188297614430E-04

-.254094460215E-04

-.464692167451E-04

-.629665576550E-04

-.116002950260E-03

-.157675051007E-03

-.214474849945E-03

291900653263E-03

736998770214E-03

185662950504E-02

252206263177E-02

.151981757303E-01

778167692409E-01

.991410276437E-01

843795379495E+00

343383769763E-04

854207840798E-04



AtomPAW 赝势 Data set 的生成

-.227639975927E-06 -.305417391637E-06 -.407841292027E-06 -.543330998835E-06 -.723125222119E-06 -.962282597814E-06 -.128103984706E-05 170665964933E-05 -.227594948673E-05 -.303870022660E -.406238560344E-05 -.543859000934E-05 -.729180436770E-05 -.979146497909E-05 -.177375281191E-04 -.239283905651E-04 -.323276082937E-04 -.437363009004E-04 -.592486696121E-04 -.803590435918E-04 -.109107535840E-03 -.148277874034E-03 -.201665508629E-03 -.274440011195E-03

-.373633384344E-03 -.397429405728E-03 508795548883E-03 -.541211575720E-03 -.692870254233E-03 -.943359138131E-03 -.100337499686E-02 -.128385849317E-02 -.136537972838E-02 -.174607173112E-02 -.237241875665E-02 -.321937788792E-02 -.342144453961E-02 -.463377249841E-02 -.436170021744E-02 -.589761982068E-02 -.626269597230E-02 -.795512942174E-02 -.844300498806E-02 -.106992753895E-01 -.113481069581E-01 -.143402136813E-01 -.191414141916E-01 -.202682677838E-01 -.268951040903E-01 -.354803580901E-01 -.464871380971E-01 -.254268506438E-01 -.335852111384E-01 -.440680715826E-01 -.573776021360E-01 -.604249342075E-01 -.740378473440E-01 -.945422571848E-01 -.119269587988E+00 -.124740150247E+00 - 149361569035F+00 - 154690178933E+00 -.181560153093E+00

834515700400F+00

.188630365378E+00 -.218011337039E+00 -.225562434682E+00 -.256059801489E+00 -.293085222036E+00 .263648754700E+00 -.325404680492E+00 -.330899553158E+00 -.348205795003E+00 .351130344271E+00 -.355780026498E+00 -.354941178483E+00 -.336477891180E+00 -.302266306889E+00 -.290756119819E+00 -.214627866128E+00 -.107679054871E+00 .270469885701E-01 -.232351823470E+00 -.131442622052E+00 -.184597323164E-02 182682313261E+00 .315306154149E+00 348745752676E+00 480297179596E+00 631972546868E+00 659516791165E+00 .755638014234E+00 .775461066058E+00 - 256238531448E-06 -.343011408299E-06 -.457512417605E-06 -.609187108752E-06 - 910664561235F-06 -.107888765696E-05 -.143664886909E-05 -.255451185510E-05 - 341235540958E-05 -.456444269986E-05 -.611430620447E-05 -.820275263846E-05

-.110215122090E-04 .116944139365E-04 -.157423380908E-04 -.148319184057E-04 -.199904643804E-04 .212239950010E-04 .286572538768E-04 -.269837498904E-04 -.364762364443E-04 387493159417E-04 -.493754471826E-04 524660950179E-04 -.669208860529E-04 711268148224E-04 -.908051422247E-04 965328079196E-04 -.123338561283E-03 131142585864E-03 -.167672717809E-03 -.178309320241E-03 -.228102973627E-03 242602198405E-03 -.310476955313E-03 -.422744167254E-03 .449674081948E-03 -.575692504072E-03 612368795275E-03 -.783930399325E-03 833841192722E-03 -.106718881141E-02 -.113503737486E-02 -.145203485685E-02 -.154414112049E-02 -.197410754735E-02 209892888474E-02 284980182450E-02 386363482621E-02

-.268100334926E-02 -.363595060592E-02 -.492240938313E-02 -.664970427950E-02 .705989312401E-02 -.895972264571E-02 950687809174E-02 -.120345610684E-01 -.127606476645E-01 -.161047399864E-01 -.214571805211E-01 -.227111572555E-01 -.284414928881E-01 .300695421604E-01 -.374722102372E-01 .395647402230E-01 -.490233912878E-01 516810591191E-01 -.636105565785E-01 .669385836182E-01 -.817534062181E-01 .858511489161E-01 -.103911627616E+00 -.130386132443E+00 -.161180433171E+00 -.167826791131E+00 .203126286096E+00

-.195822962130E+00 -.233162905552E+00 -.240793493705E+00 -.271174260698E+00 -.335972915728E+00 .353398274261E+00 -.353208612980E+00 -.329647431712E+00 -.278020857663E+00 -.264046875488E+00 .195659883790E+00 .827918840025E-01 567881062803E-01 215452796875E+00 .382076353569E+00 E43367E10310F±00 685802866227E+00 .793357766636E+00 .850759109048E+00

-.271743785200E-06 363429487022E-06 -.385015917681E-0 484521333149E-06 -.513096094823E-06 645026683949E-06 682963918224E-06 959335774579F-06 -.908818471664E-06 -.114242322970E-05 -.120973095201E-05 -.152148140599E-05 -.161138190170E-05 .202814525399E-05 - 214842842850E-01 -.270652788873E-05 -.361636757635E-05 - 286773492636E-01

483869828392E-05

648360813551F-05

170623924716E-01

108855813361E+00

136206414151E+00

278608704786E+00

313324406286E+00

340579493099E+00

354961236692E+00

350537801067E+00

.321687834653E+00

175460039600E+00

.568236791368E-01 .873040050703E-01

248550212706E+00

415184746117E+00

573711993632E+00

710679504466E+00

809224792331E+00

-.383278759983E-01 -.512973170970E-05 - 687563242730E-05 -.922978116380E-05 -.124091703718E-04 - 167096695415E-04 -.225349915590E-04 -.304362926072E-04 -.411662677688E-04 -.557529770072E-04 -.756004775571E-04 -.102625797063E-03 -. 139445044266E-03 -.189625752061E-03 -.258028158739E-03 -.351265374934E-03 -.478321594601E-03 -.651379002161E-03 -.886918006549E-03 120717182952E-02 -.164203469122E-02

-.223154131687E-02

-.302905107608E-02

-.410527704411E-02 -.555328904201E-02 -.749457505857E-02

-.100861445343E-01 -. 135284673243E-01 180737204949E-01 -.240333086037E-01 -.317828754443E-01 -.417619918931E-0: -.544643831232E-0: 704130426186E-01 - 901131443956E-0 -.113974875783E+00 -.142199122499E+00 -.174622625584E+00 -.210527261502E+00 -.248433308057E+00

285922735197E+0 - 319532196442E+0 -.344672879444E+00 -.355771058893E+0 -.346885905329E+00 -.312569478552E+00 -.248825207961E+00 -.154046303832E+00 -.298233205159E-0 118515596879E+00 281870620849E+00

447960165155E+00

734002703277E+00

822970439701E+00

<ロ > → □ → → □ → → □ → □ □



AtomPAW 赝势 Data set 的生成

pseudo wavefunction 1992503256565-00 259257143867E-09 .357030210184E-09 491676213752E-09 .677100962369E-09 .932454529506E-09 .128410901202E-08 .176838215480E-08 .243528812901E-08 .335370283154E-08 .461847715923E-08 .636023289086E-08 .875885285776E-08 .120620586123E-07 166109942135E-07

228754582969E-07 .315024230005E-07 .433828504679E-07 .597437072231E-07 .822746787944E-07 .113302670191E-06 156032112024E-06 .214875886441E-06 .295911042451E-06 .407506351473E-06 .561186488509E-06 .772822038440E-06 106426813207E-05 146562076397E-05 201832347399E-05 .277944458969E-05 .382756553466E-05 .527088598687E-05 .725837852142E-05

.999513633285E-05 .137634831326E-04 189519951060E-04 260953748122E-04 359291862279E-04 494648974426E-04 .680925900398E-04 937212014151E-04 .128969379448E-03 .177424000698E-03 243988016516E-03 460563473773E-03 631890376108E-03 865716637226E-03 118372942048E-02 161412415806E-02

.219258941639E-02

296239017320E-02 397213798232E-02 526845114184E-02 687819689722E-02 .877063726069E-02 1079259094005-01 124787427655E-01 .129046683256E-01 101762119689E-01 -.226674211916E-02 -.274826407059E-01 851141640091E-03 -.209065329490E-01 -.640991948492E-01 -.763253771158E-01 -.140490455867E+00 -.160752140242E+00

.200701836025E-09 276392070301E-09 380627193015E-09 524172273773E-09 721852188493E-09 994082684803E-09 136897885444E-08 .188525876868E-08 259624215430E-08 .357535707967E-08 492372336155E-08

.678059587908E-08 933774633931E-08 128592687834E-07 177088542561E-07 243873514295E-07 .335844922259E-07 462501243186E-07 636923068306E-07 .877123995959E-07 120791096338E-06 166344612347E-06 229077480474E-06 315468382706E-06 .434439176528E-06

598276180831E-06

.878351249803E-06 .823898811601E-06 .113460647955E-05 120959342687E-05 156248395791E-05 166574863599E-05 .215171324889E-05 .296313324782E-05 229391824580E-05 .315896075937E-05 408051670906E-05 .435018305473E-05 561921011746E-05 .599055017661E-05 .773802371682E-05 .824935910117E-05 106555900890E-04 .113596745027E-04 146728625977E-04 156423066068E-04 .215387683771E-04 .296565415935E-04 .408311861731E-04 202040428520E-04 278190660317E-04 383019081186E-04 527305023115E-04 562114406801E-04 725860736440E-04 .773755978153E-04 999023412187E-04 106490216612E-03 137468401441E-03 146525749442E-03 189103223502E-03 .201547919779E-03 .260024386720E-03 .357338325072E-03 .277108446041E-03 380763178723E-03

.490682274495E-03 .673045669922E-03 522747957989E-03 716838232348E-03 .921783241464E-03 .981398868826E-03 125978816423E-02 134057806758E-02 171669153832E-02 182547996737E-02 .232973788293E-02 247490059520E-02 314355135267E-02 333471426917E-02 420716797543E-02 556514434534E-02 445404421192E-02 587458598281E-02 723673785601E-02 760630114682E-02 917229935323E-02 957731924895E-02 111691173956F-01 .115372548753E-01 .127091709518E-01 128805787801E-01 .126942547801E-01 123414662634E-01 .898543534943E-02 750117238625E-02 -.593228912367E-02 -.349943660481E-01 -.899835741667E-01

- 182838197398E±00

.228108274249E-09 314134237172E-09 .432602978655E-09 .595749570786E-09 .820423270627E-09 .112982765710E-08 155591702150E-08 .214269650275E-08 295076679410E-08 .406358278269E-08 .559607249152E-08 .770650645568E-08 .106128433544E-07 146152400060E-07 201270504508E-07 277175155448E-07

.213966701744E-09

294659485112E-09

405783757020E-09

558816076302E-09

769561130406E-09

105978399254E-08

145945794800E-08

200986003770E-08

276783401601E-08

381166098646E-08

.524914401326E-08

722874165731E-08

.995490026410E-08 .137091684574E-07

188792744464E-07

259991690995E-07

.358041701992E-07

.493069027933E-07

.679018781323E-07

935095110327E-07

.128774447922E-06 .177338685603E-06

244217682537E-06

.336318296692E-06

.463152022837E-06

.637817155864E-06

.381705517848E-07 525657106550E-07 723896692744E-07 996897659063E-07 .137285435397E-06 .189059377909E-06 .260358526204E-06 358546211276E-06 493762531665E-06 679971416021E-06 .936402442264E-06 .128953617969E-05 177583782802E-05 244552097081E-05 .336772919581E-05 463766891071E-05 .638642657091E-05 .879447769232E-05 .121102704547E-04 166757797093E-04 .229616260786E-04 .316153028623E-04 .435273316971E-04 599218764523E-04 824805996618E-04 .113511465340E-03 .156177861381E-03 .214807803882E-03

.295307776404E-03 .405709990999E-03 .556883243367E-03 .763431109165E-03 .104477682649E-02 142637175521E-02 194082524924E-02 .262846594337E-02 .353627619812E-02 .471306014793E-02 .619671759756E-02 798597513191E-02 998297895804E-02 .118837610617E-01 .129802763102E-01 .118225388591E-01

.568203694441E-02

-.102118375499E-01 -.435353202661E-01

-.105171960694E+00

334896122293E-09 461194746947E-09 635124088452E-09 874647011580E-09 120450067525E-08 165875130612E-08 228431244760E-08 314579003675E-08 433215469178E-08 596593029951E-08 821584786499E-08 113142714617E-07 155811959585E-07 214572948920E-07 295494314911E-07 406933329453E-07 560399004512E-07 771740683610E-07 .106278486872E-06 .146358931079E-06 .201554712490E-06 277566144822E-06 382243199059E-06 189320251473E-0 260714241377E-0 359029361017E-0 593218151151E-03

.243184497194E-09

526396118840E-06 724911669647E-06 998290220443E-06 137476224337E-05 494415154892E-05 680846008894E-05 937561064095E-05 129104488515E-04 177775077628E-04 244784294863E-04 464013325996E-04 638769003772E-04 .879217833433E-04 120994452360E-03 166463520291E-03 .228935756279E-03 314694199941E-03 432275776138E-03 812996594826E-03 .111214164262E-02 151745446512E-02 206307526326E-02 279082913687E-02 374862579194E-02 498446469549E-02 653136116924E-02 837458229890E-02 103860245445E-01 1220038562108-01 129937910905E-01 .111107644916E-01 348221074715E-02 -.151773626963E-01 -.532033034353E-01 -.121981376528E+00



AtomPAW 赝势 Data set 的生成

ae wavefunction 329908017899E-08 442623111551E-08 591056080576E-08 .787407914718E-08 104796530450E-07 139455052412E-07 .185648953814E-07 .247328974311E-07 .329829000119E-07 440364345292E-07 588712748880E-07 788145821596E-07 105670365522E-06 .141893938246E-06 190830689788E-06 257042809702E-06 346756172139E-06 468471202359E-06 .633797233063E-06 858590976703E-06 .116450805559E-05 158111431043E-05 .214875370975E-05 292243563898E-05 397709039049E-08 541465265242E-05 737357389105E-05 100415406097E-04 136723898809E-04 186084659092E-04 .253099440608E-04 343929413762E-04

466784937828E-04 632546367534E-04 855537587174E-04 .115446924650E-03 155355737528E-03 208380192963E-03 278437524200E-03 .370401923370E-03 490228207127E-03 645034529359E-03 .843111874437E-03 .109382503292E-02

.140737775294E-02 179444398399F-02 .226573003870E-02 .283163793710E-02 350234561239E-02 .428881051644E-02 520539093344E-02 .627379516452E-02 7525658179552-02 .900443360736E-02 .107638772809E-01 .128493399678E-01 .152456644480E-01 .177700427009E-01 198863305955E-01

204217424344E-01 .171730730409E-01 .641455956391E-02 -.176199584845E-01 -.631516436073E-01 -.140479159189E+00 -.160752140242E+00 -.182838197398E+00

End of Dataset

350070879538E-08 469111103129E-08 626038504303E-08 .833775064943E-08 .110958430977E-07 147661223583E-07 196598007399E-07 .261963278005E-07 .349422309040E-07

466641516475E-07 624013437039E-07 835648448764E-07 112073194371E-06 150538191549E-06 202519130018E-06 .272870654832E-06 .368218501929E-06 497609714270F-06 .673400581564E-06 912467952376E-06 123785957678E-05 168103913172E-05 228493454907E-05 310806787948E-05

.575952445644E-05 .784339706665E-05 106811622710E-04 145423709291E-04 197903344043E-04 269130512058E-04 365633173085E-04 496101431055E-04 908560717189E-04 122538861549E-03 164798694679E-03

423013554987E-05

220887694586E-03 294903530092E-03 391927525004E-03 518142385893E-03 .680903044093E-03 .888727226421E-03 .115117089748E-02 .147856502718E-02 188162509437E-02 237101572979E-02 295706690745E-02 .364999093291E-02

.446115314045E-02 .540606438254E-02 650828731395E-02 780164027316E-02 .933209082854E-02 111540185848E-01 133062575600E-01 .157508787005E-01 .182521546525E-01 .201726605474E-01 201687124905E-01

157740040676E-01 289643672970E-02 -.247017208792E-01 -.757171941354E-01

371353032623E-08 497104452448E-08 663039569071E-08 .882846528060E-08 156353333861E-07 .208199552982E-07 277475009372E-07 370197412336E-07 494513051048E-07 661468616893E-07

.886067115712E-07 118871296086E-06 159718990577E-06 214936798801E-06 289690703594E-06 391032111332E-06 528589929370E-06 715515490979E-06 969771301889E-06 .131588638035E-05 178734329115E-05 242981795469E-05 .330556675685E-05 449935089198E-05 834315388946E-05 .113614247036E-04 154674270325E-04

210466704466E-04 286165741680E-04 527225121145E-04 713936965562E-04 964777693090E-04 130051626865E-03 174792112435E-03 234109113894E-03 .312286318645E-03 414616976437E-03 547514626344E-03 718570716657E-03 936524819495E-03 .155277915525E-02 197226069717E-02 248016864360E-02 308676787920E-02 380235327479E-02 .463881855679E-02 .561299798267E-02

675038417942E-02 808707077981E-02 967144170169E-02 .115575927342E-01 137754679559E-01 .162596016357E-01 .187132478523E-01 203855578566E-01 197452704861E-01 140424119477E-01 -.120182972349E-02 -.327140327375E-01 -.417371826148E-01 -.896411710603E-01 -.105014918512E+00

393823260492E-05 702180923184E-08 934785166202E-08 124391165681E-07 165560830548E-07 220493325979E-07 .293917893326E-07 392227081895E-07 524077684326E-07 701212451142E-07 .939584365812E-07 .126089536039E-06 .169470238034E-06 228129955327E-06

.307566109690E-06 .415283248495E-06 561529652727E-06 760302860615E-06 103072072606E-05 .139888831671E-05 190043574433E-05 258396116581E-05 .351569065019E-05 478576699710E-05 .651670801861E-05 .887473636521E-05 120848818358E-04 164509947032E-04 223820807216E-04 .304266606703E-04 .413171377592E-04 .102437144857E-03 .138008715186E-03 .185365793069E-03 248081700728E-03 .330631638438E-03 .438525301396E-03 .578409478292E-03 .758111057440E-03

.127373826159E-02 .163010640797E-02 206643469870E-02 259326959640E-02 322082403378E-02 .395953550720E-02 482196315214E-02 582642719909E-02 700041028844E-02 838338086433E-03 100229240120E-01 .119747138083E-01 .142560315452E-01 .167685142012E-01 .191455358726E-01 .205098099183E-01

191248856466E-01

119362882257E-01

594230845433E-02

.417554304096E-08 743591488320E-08 9897636956368-08 131707078780E-07 175314974331E-07 233521526224E-07 .311349008342E-07 .415588658745E-07

555440383768E-07 743387610605E-07 133754368318E-06 179828008724E-06 242147828705E-06 326564087128E-06 441063710808E-06 596554269675E-0 807933936922E-06 109555003626E-05 148718445608E-05 202075158739E-05 274795691142E-05 373924601751E-05 509047941113E-0 693190313178E-0 944015395058E-0 128542445362E-04 174967190638E-04

238014474792E-04

323498197291E-04

595330734786E-04 805534527382E-04 108753447759E-03 146434791756E-03 196550937879E-03 262844326268E-03 349987043795E-03 .463709430588E-03 610893360173E-03 799599209646E-03 103899120984E-02 .133913094834E-02 171063280434E-02 216423030948F-02 .271039916068E-02 335932059220E-02 412164806889E-02

.501075825528E-02 .604660358714E-02 725871197647E-02 9699016556297-02 103869472209E-01 124053598104E-01 147466612667E-01 172735974648E-01 195400133505E-0 205282799298E-0 182782422416E-01 941009223694E-02 -.113915061558E-01

-.518544026197E-01

赝势、投影函 数与 VASP 的 POTCAR

赝势理论

平面波与赝势 模守恒赝势与超软赝 势

可分离赝势与 Ghost band

VASP 中的 PAW 原子数据集

AtomPAW 赝势 Data set 的生成

谢谢大家!