第一章 基于二次哈希开链法的图精确查询

由于传统算法在利用哈希表存储索引中多采用简单哈希,容易产生冲突问题,导致构建索引效率较低。本章在路径索引的基础上,探究了不同哈希方法对算法速度的影响,并提出一种基于双哈希的精确查询算法,来减少图查询中的过滤阶段的耗时,以提高查询速度。本章将先介绍下现有的哈希算法,然后详细介绍基于路径的查询方法包括作为此算法验证方法用的子图同构算法 ULLMANN^[?]。最后是实验结果与分析。

1.1 常用哈希方法

本节将介绍几种常用的哈希方法及字符串哈希函数。______

补充

- 1.1.1 链表法
- 1.1.2 双哈希法
- 1.1.3 常用字符串哈希函数

1.2 基于路径的查询算法

本方法同 *GraphGrep* 算法^[?],都是基于路径的精确子图查询算法。算法基本流程如下: (1) 遍历图数据库中图的路径, (2) 利用双哈希构建索引, (3) 遍历查询路径, (4) 利用基本索引特征做先验剪枝, (5) 路径合成进一步筛选候选集, (6) 子图同构确定最终结果。下面我们将分小节详细说明这些步骤。

1.2.1 数据库路径遍历

首先,对于每个数据库我们设定一个路径长度的上限 l_p , l_p 越大意味着可记录的路径越长,索引集合也会相应增加。随后对于数据库中的每幅图,我们用深度优先搜索遍历每个节点,遍历最大深度为 l_p ,并记录遍历过程中经过的每一条路径,存成一个列表,用于下一步构建索引。

1.2.2 二次哈希开链法索引构建

双哈希是再哈希的一种,其利用两个哈希函数来构造哈希探测序列,大大降低了地址冲突概率。但是传统上,双哈希方法实质上也是开放定址法的一种,也就是如果所需节点数目大于 *Mod* 时,将完全无法表示。这完全不符合图数据库实际情况,因为作为一个通用算法,我们无法预先确定数据库中最大图的节点数。因此,本文提出了一个变形的双哈希算法,即二次哈希开链法来进行哈希定址。

二次哈希开链法就是只进行一次双哈希,然后再有冲突就利用开链法解决。 双哈希函数公式如1-1。

$$h(key) = (h_1(key) + h_2(key))\% Mod$$
 (1-1)

其中 h_1, h_2 为两个不同的哈希函数,Mod 为哈希函数取模值,一般为一个小于但最接近存储空间大小的素数。当 $h_1(key)$ 发生冲突时,再用 $h_2(key)$ 的值作为偏移量来进行探测。如果再有冲突则进行开链法,存成链表。

根据二次哈希开链法的特点,本文设计了一种将路径字符串映射到哈希表的算法,如算法1.1所示。而访问时函数则不需重新设计,直接用开链法原有函数即可。

算法 1.1 二次哈希编码

输入: 路径字符串 path string

输出: 哈希编码 code

- 1: **function** HASH(path_string)
- 2: $code \leftarrow h_1(key)\%Mod$
- 3: **if** code 有冲突 then
- 4: $code \leftarrow (code + h_2(key))\% Mod$
- 5: end if
- 6: **return** code

7: end function

在二次哈希开链法中哈希函数可以自选,不过我们推荐选取算法1.2中的两个函数作为 h_1, h_2 ,经过实验这两个函数对于字符串哈希这两个效果最好。

BKDRHash 运算简单,速度快,所以作为第一次哈希函数。APHash 不易冲突, 所以作为第二次。

算法 1.2 哈希函数

23: end function

```
输入: 字符串 String
输出:哈希编码 code
 1: function h_1(String)

▷ BKDRHash

        char \leftarrow (string.first)
 2:
        code \leftarrow 0
 3:
        while char \neq 0 do
 4:
             code \leftarrow code << 6 + char
 5:
             char \leftarrow (char.next)
 6:
        end while
 7:
        return (code\&0 \times 7FFFFFFF)\%Mod
 9: end function
10: function h_2(String)
                                                                                        ▷ APHash
        char \leftarrow (string.first)
11:
        code \leftarrow 0
12:
        i \leftarrow 0
13:
        while char \neq 0 do
14:
             if i 为偶数 then
15:
                 code \leftarrow (code \oplus ((code << 7) \oplus char \oplus (code >> 3))
16:
             else
17:
                 code \leftarrow (code \oplus (\sim ((code << 11) \oplus char \oplus (code >> 5)))
18:
             end if
19:
             char \leftarrow (char.next)
20:
        end while
21:
        return (code \& 0 \times 7FFFFFFF)\% Mod
22:
```

通过哈希存储,我们可以很便捷得获得各图包含的路径关系表,我们将其存 到文件中作为索引,分离查询与建库,进行离线查询加速查询速度。

1.2.3 查询图路径遍历

我们对查询图也像数据库中的图一样进行拆分,以 l_p 为路径最大长度遍历出所有路径。然后同样存成一个哈希表,记录着每一条路径出现了几次。为进一步查询做准备。不过和数据库路径遍历有所不同的是,查询图的遍历过程中需要记录不同路径中相同的节点,这个可以通过在路径中添加特定标签实现。

1.2.4 先验剪枝

在介绍本算法的先验剪枝步骤之前,我们先介绍一下包含逻辑规则 (inclusion logic)。

定义 1.1 (包含逻辑^[?]). 对于给定的标号图 g_1, g_2 ,和 g_1 的一个子图 g',若 g_1 是 g_2 的子图,则 g' 必定是 g_2 的子图 ($g_1 \subseteq g_2$) \Rightarrow ($g' \subseteq g_2$)。反之,若 g' 不是 g_2 的子图,则 g_1 也不可能是 g_2 的子图 ($g' \not\subset g_2$) \Rightarrow ($g_1 \not\subset g_2$)

从包含逻辑规则中,我们可以得知如果查询图 g_1 中的子图 g' 不是数据图 g_2 的子图,那么 g_2 就不可能是 g_1 的超图,因此可以放心得把 g_2 从候选集中删去。这就大大加速了"过滤-验证"框架中过滤阶段的过滤速度。

在本算法中,我们从三个方面进行了先验剪枝来缩小索引集个数。三个方面分别是(i)节点,(ii)边,(iii)路径。如果查询图中的某个节点个数大于数据图中的,那么数据图自然不会包含查询图。如果查询图中有数据图中没有的边,那么自然这幅数据图也不合要求。如果查询图中某条路径的个数大于数据图,那么因为包含逻辑规则,这幅数据图也当从候选集中删去。

经过这三步筛选过程,候选集将会大大减少,降低了后文所述路径合成和子 图同构所需时间。

1.2.5 路径合成

当完成先验剪枝后,候选集已经相对较小,但是并没有达到最好的情况。我 们可以通过路径合成确定其中很多的合理性。路径合成的复杂度远远小于子图同 构,因此最后对候选集做一次路径合成可以大大降低最终复杂度。路径合成,顾名思义就是将多条路径进行合成,具体而言就是将多个有着公共节点的路径合成到一起,通过判定其是不是相同节点来筛选候选集。我们采用的是遍历的方法,只进行两两合成,然后逐一比对。如例1.1所示。

- **例 1.1.** 假设有路径 $\bar{A}B\bar{C}\bar{A}$ 和 $\bar{C}B$,其中有相同标记的节点均为同一节点,即在本例中两个 A 是同一节点和两个 C 也是同一节点。
 - 1. 现在假设数据库中有四幅图, 其路径信息如下所示, 数字代表节点标识:

$$g_1: ABCA = (1, 0, 3, 1) CB = (3, 2)$$

$$q_2: ABCA = (1, 2, 3, 1) CB = (3, 2)$$

$$g_3: ABCA = (1, 0, 3, 4) CB = (3, 2)$$

$$g_4: ABCA = (1, 0, 4, 1) CB = (3, 2)$$

- 2. 在路径合成前,我们就可以利用节点信息删去 g_3 ,因为 g_3 的 ABCA 中两个 A 一个是 1,一个是 4,并非同一节点。
- 3. 我们将 ABCA 和 CB 合成,我们知道其中两个 A 是统一节点,两个 C 是同一节点,而两个 B 不是。我们得到合成结果:

$$g_1: ABCACB = (1, 0, 3, 1), (3, 2)$$

$$q_2: ABCACB = (1, 2, 3, 1), (3, 2)$$

$$q_4: ABCACB = (1, 0, 4, 1), (3, 2)$$

4. 显然, g_2 不满足条件,因为它的两个 B 也是一个节点, g_4 也不满足,因为 其两个 C 不是同一节点。所以筛选集中只剩下 g_1 。

可见,通过路径合成,我们大大缩小了候选集,降低了下一步子图同构所需的计算量,加速了整个算法。

1.2.6 子图同构

子图同构作为算法最后的验证部分,承担着对于整个算法正确性把关的责任, 也同样是个需要消耗大量运算量的部分。由于子图同构是个 NP – hard 问题,所

图 1.1 Ullmann 算法流程图

以目前仍没有一种快速的解法。我们选用经典算法 *ULLMANN* 算法^[?] 来解决这个问题。下面我们将详细介绍下 UllMANN 算法。

ULLMANN 算法是 Ullmann 教授 1976 年提出的一种经典图同构算法,其本质是基于一个深度优先搜索树。其算法流程如图1.1所示。首先,根据查询图节点的出入度从数据图中找出候选集。随后,再根据每个节点的邻接节点对候选集进行筛选。最后,通过深度优先查询,一一遍历配对,寻找匹配点。例1.2就是一个子图同构的完整过程。

例 1.2.

1.3 实验结果与分析

- 1.3.1 实验环境
- 1.3.2 实验数据分析

Лlmann