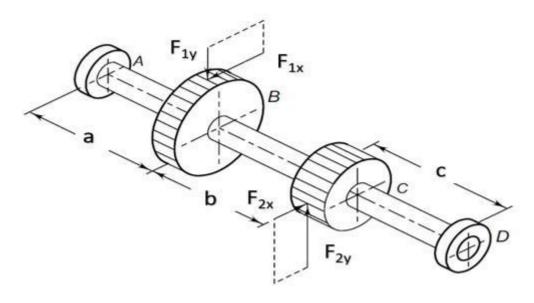
Projekt wału maszynowego

Dane do projektu:

N [kW]	6			
a [mm]	100			
b [mm]	75			
c [mm]	75			
n [rpm]	1000 5			
m [mm]				
Z1	13			
Z2	38			
β1 [°]	11			

Rysunek poglądowy wału



Obliczenie średnic kół zębatych

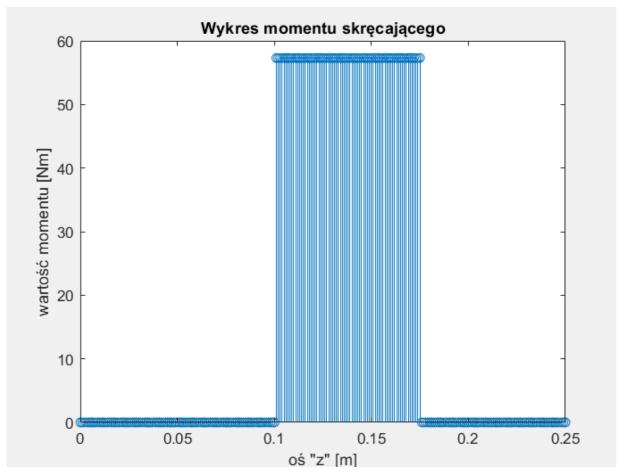
$$d_1 = Z1 \frac{m}{\cos \beta} = 13 \frac{5}{\cos 11^{\circ}} = 74,2 \ mm$$

$$d_2 = Z2 \frac{m}{\cos \beta} = 38 \frac{5}{\cos 11^{\circ}} = 198,6 \ mm$$

Moment skręcający

$$M_s = 9550 \frac{N}{n} = 9550 \frac{6}{1000} = 57.3 Nm$$

Wykres momentu skręcającego



Siły obwodowe

$$F_{1x} = \frac{2M_s}{d_1} = \frac{2 * 57,3}{0,066} = 1730,7 N$$

$$F_{2y} = \frac{2M_s}{d_2} = \frac{2 * 57,3}{0,1936} = 591,94 N$$

Siły promieniowe

$$F_{1y} = F_{1x} \frac{tg\alpha}{\cos\beta} = 1730.7 * \frac{tg20^{\circ}}{\cos 11^{\circ}} = 641.71 N$$

$$F_{2x} = F_{2y} \frac{tg\alpha}{\cos\beta} = 591,94 * \frac{tg20^{\circ}}{\cos 11^{\circ}} = 219,48 N$$

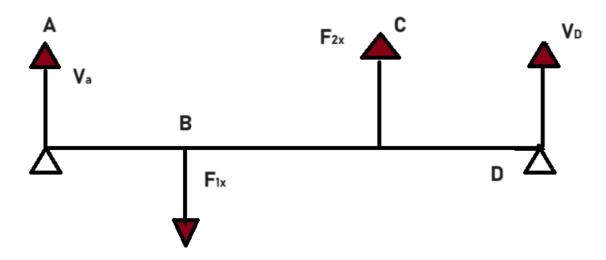
Siły osiowe

$$F_{01} = F_{1x} * tg\beta = 1730,7 * tg11^{\circ} = 336,41 N$$

 $F_{02} = F_{2y} * tg\beta = 591,94 * tg11^{\circ} = 115,06 N$

Płaszczyzna X-Z

Rysunek poglądowy



Reakcje w podporach

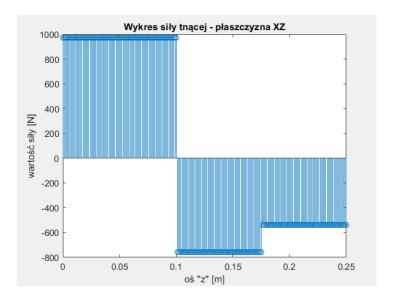
$$V_D = \frac{F_{1x}a - F_{2x}(a+b)}{a+b+c}$$

$$V_D = 538,644 N$$

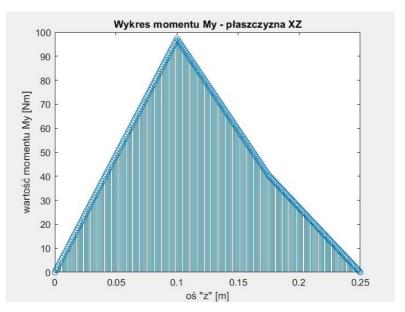
$$V_A = F_{1x} - V_D - F_{2x}$$

$$V_A = 972,576 N$$

Wykres sił tnących w płaszczyźnie X-Z

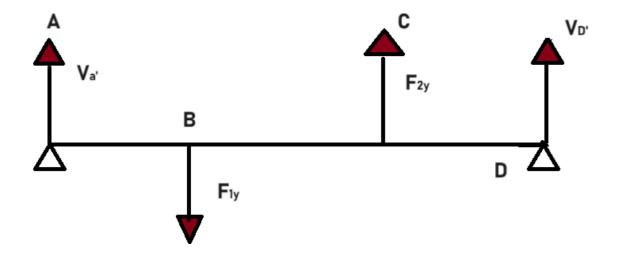


Wykres momentu My



Płaszczyzna Y-Z

Rysunek poglądowy



Reakcje w podporach

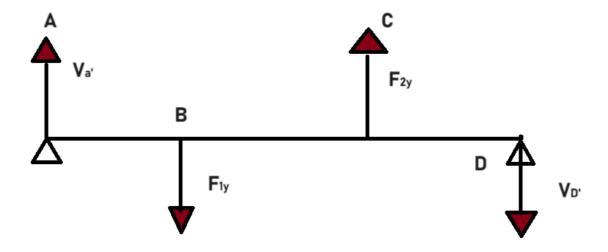
$$V_{D'} = \frac{F_{1y}a - F_{2y}(a+b)}{a+b+c}$$

$$V_{D'} = -157,674 N$$

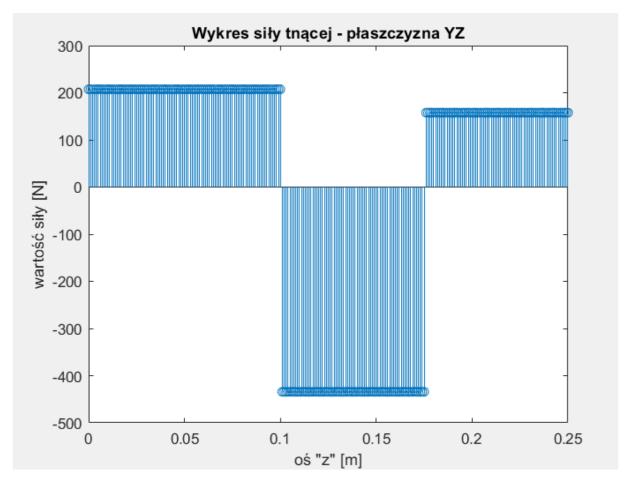
$$V_{A'} = F_{1y} - V_{D'} - F_{2y}$$

$$V_{A'} = 207,444 N$$

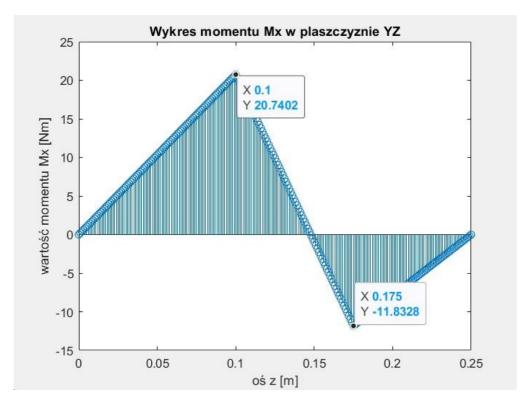
Rozmieszczenie sił wygląda w następujący sposób



Wykres sił tnących w płaszczyźnie Y-Z



Wykres momentu Mx



Moment gnący

$$M_g = \sqrt{{M_y}^2 + {M_x}^2}$$

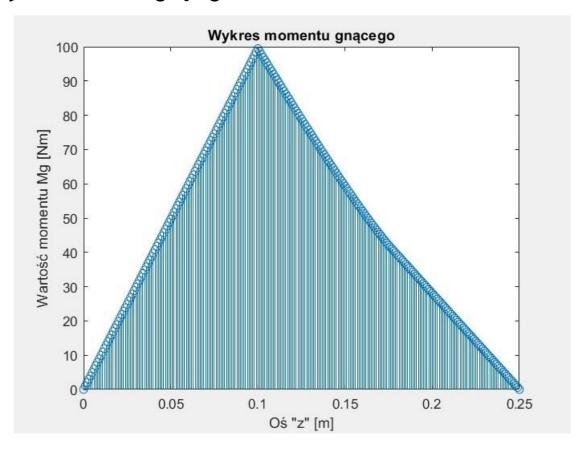
$$M_g(0) = 0 Nm$$

$$M_g(a) = \sqrt{97,255^2 + 20,74^2} = 99,442 Nm$$

$$M_g(a+b) = \sqrt{40,395^2 + (-11,833)^2} = 42,09 Nm$$

$$M_g(a+b+c) = 0 Nm$$

Wykres momentu gnącego

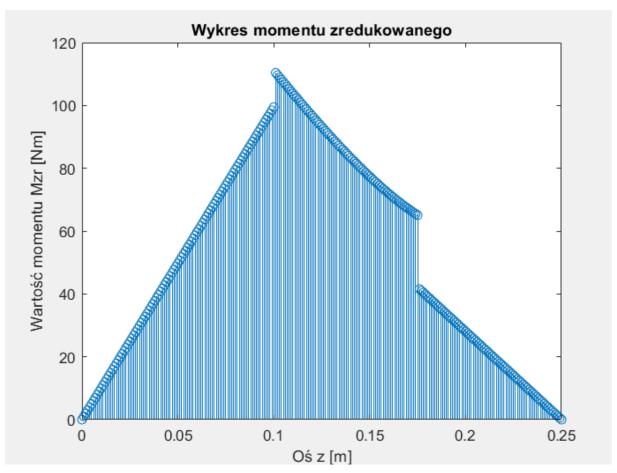


Moment zredukowany

$$M_{ZR}^{HMH} = \sqrt{M_g^2 + \frac{3}{4}M_s^2}$$
 $M_{ZR}^{HMH}(0) = 0$
 $M_{ZR}^{HMH}(a') = 99,442 Nm$
 $M_{ZR}^{HMH}(a'') = 110,39 Nm$
 $M_{ZR}^{HMH}(a + b'') = 65,07 Nm$
 $M_{ZR}^{HMH}(a + b'') = 41,53 Nm$

$$M_{ZR}^{HMH}(a+b+c)=0$$

Wykres momentu zredukowanego



Średnica wału

Dobrałem stal S35, uśredniając Re ~275MPa, obliczając naprężenia dopuszczalne na zginanie $k_g=160MPa$, natomiast współczynnik bezpieczeństwa k=2

Obliczenie średnicy wału

$$d \ge \sqrt[3]{\frac{32 * k * M_{ZR}^{HMH}}{\pi k_{go}}}$$
$$d_B \ge 24.5 mm$$
$$d_C \ge 20.5 mm$$

Stopniowanie wału

Ustalam naddatek 15% i określam średnicę w punkcie A, B, C oraz D

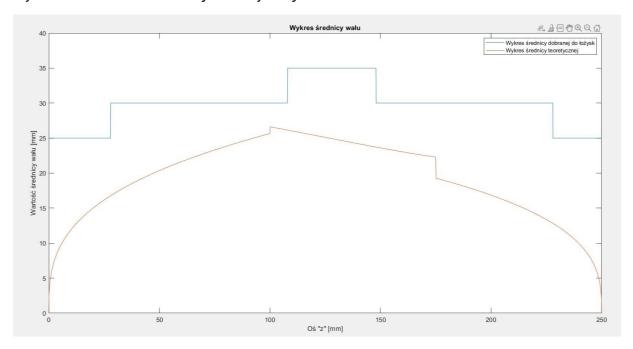
$$d(A) = 25 mm$$

$$d(B) = 30 \, mm$$

$$d(C) = 30 \ mm$$

$$d(D) = 25 mm$$

Wykreś średnić wału - dobranej i teoretycznej



Ugięcie statyczne wału

Ugięcie w płaszczyźnie YZ

Sprawdzam ugięcie dla najbardziej niebezpiecznego przekroju w moim wale - d=25 mm.

$$I = \frac{\pi d^4}{64} = 7,85398 * 10^{-9} [m^4]$$

$$-EI\dot{w} = V_{A^F} * x|_{AB} - F_{1y} * (x - a)|_{BC} + F_{2y} * (x - (a + b))|_{CD}$$

$$-EI\dot{w} = V_{A^F} * \frac{x^2}{2}|_{AB} - F_{1y} * \frac{(x - a)^2}{2}|_{BC} + F_{2y} * \frac{(x - (a + b))^2}{2}|_{CD} + C_1$$

$$-EIw = V_{A^F} * \frac{x^3}{6}|_{AB} - F_{1y} * \frac{(x - a)^3}{6}|_{BC} + F_{2y} * \frac{(x - (a + b))^3}{6}|_{CD} + C_1x + C_2$$

Z warunków brzegowych wyznaczam wartości stałych:

$$w(0) = C_2 = 0$$

$$w(a+b+c) = -\frac{1}{EI}(V_{A^F}* \frac{(a+b+c)^3}{6} - F_{1y}* \frac{(a+b+c-a)^3}{6} + F_{2y}* \frac{(a+b+c-(a+b))^3}{6} + C_1(a+b+c)) = 0$$

$$C_1 = \frac{1}{(a+b+c)}(-V_{A^F}* \frac{(a+b+c)^3}{6} + F_{1y}* \frac{(a+b+c-a)^3}{6} - F_{2y}* \frac{(a+b+c-(a+b))^3}{6})$$

$$C_1 = -0.8835$$

Podstawiając do równania:

$$-EIw = V_{A^F} * \frac{x^3}{6} |_{AB} - F_{1y} * \frac{(x-a)^3}{6} |_{BC} + F_{2y} * \frac{(x-(a+b))^3}{6} |_{CD} - 0,08835 * x$$

Ugięcie w płaszczyźnie XZ

Sprawdzam ugięcie dla najbardziej niebezpiecznego przekroju w moim wale - d=20 mm.

$$-EI\dot{w} = V_A * x|_{AB} - F_{1x} * (x - a)|_{BC} + F_{2x} * (x - (a + b))|_{CD}$$

$$-EI\dot{w} = V_A * \frac{x^2}{2}|_{AB} - F_{1x} * \frac{(x - a)^2}{2}|_{BC} + F_{2x} * \frac{(x - (a + b))^2}{2}|_{CD} + C_1$$

$$-EI\dot{w} = V_A * \frac{x^3}{6}|_{AB} - F_{1x} * \frac{(x - a)^3}{6}|_{BC} + F_{2x} * \frac{(x - (a + b))^3}{6}|_{CD} + C_1x + C_2$$

Z warunków brzegowych wyznaczam wartości stałych:

$$w(0) = C_2 = 0$$

$$w(a+b+c) = -\frac{1}{EI}(V_A * \frac{(a+b+c)^3}{6} - F_{1x} * \frac{(a+b+c-a)^3}{6} + F_{2x} * \frac{(a+b+c-(a+b))^3}{6} + C_1(a+b+c)) = 0$$

$$C_1 = \frac{1}{a+b+c}(-V_A * \frac{(a+b+c)^3}{6} + F_{1x} * \frac{(a+b+c-a)^3}{6} - F_{2x} * \frac{(a+b+c-(a+b))^3}{6})$$

$$C_1 = -6.2987$$

Podstawiając do równania:

$$-EIw = V_A * \frac{x^3}{6} |_{AB} - F_{1x} * \frac{(x-a)^3}{6} |_{BC} + F_{2x} * \frac{(x-(a+b))^3}{6} |_{CD} - 6,2987x$$

Dobór łożysk

Łożyska dobierałem zgodnie z książką Kurmaz s.116, przyjmuje czas pracy łożyska na 20000h

- 1. Po wyliczeniu stosunku siły osiowej do poprzecznej otrzymuje współczynnik e = 0,4
- 2. Odczytuje X i Y dla punktu A, są to kolejno 1 i 1,57
- 3. Liczę obciążenie zastępcze punktu D oraz nośność dynamiczną

$$F_A = 1,52kN$$

 $C_A = 22,62kN$

- 4. Wykonuję te same obliczenia dla punktu D, odczytuje X i Y jako kolejno 0,72 i 2,28
- 5. Obciążenie zastępcze punktu D oraz nośność dynamiczna dla tego punktu wynosi:

$$F_D = 1,17kN$$

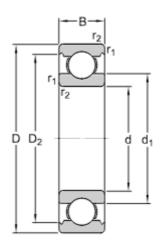
$$C_D = 17,45kN$$

Znając nośności dynamiczne oraz wartości średnic dobieram następujące łożyska:

Dla punktu A

Designation	Principal dim				load rating	gs	Speed ratings	Speed ratings	
					nic	static	Reference speed	Limiting speed	
	d [mm]	D [mm]	B [mm]	C [kN]	1, 1,	C ₀ [kN]	[r/min]	[r/min]	
☆ ■ 6305	25	62	17	23.4		11.6	24 000	16 000	
Dimensions					Perforr	mance			
Bore diameter			25 mm		Basic dyn	amic load ratin	g	23.4 kN	
Outside diameter 62 mm				Basic static load rating			11.6 kN		
Width			17 mm		Reference	speed		24 000 r/min	
					Limiting s	peed		16 000 r/min	
					SKF perfo	rmance class		SKF Explorer	

Technical specification



Dimensions

d	25 mm	Bore diameter
D	62 mm	Outside diameter
В	17 mm	Width
d_1	= 36.6 mm	Shoulder diameter
D ₂	= 52.7 mm	Recess diameter
r _{1,2}	min. 1.1 mm	Chamfer dimension

Dla punktu D

← Back



Image may differ from product. See technical specification for details.

W 6305

Stainless steel deep groove ball bearing

Stainless steel single row deep groove ball bearings provide greater chemical and corrosion resistance. As with deep groove ball bearings generally, they are particularly versatile, have low friction and are optimized for low noise and low vibration, which enables high rotational speeds. They accommodate radial and axial loads in both directions, are easy to mount, and require less maintenance than many other bearing types.

- · Greater chemical and corrosion resistance
- Simple, versatile and robust design
- Low friction and high-speed capability
- · Accommodate radial and axial loads in both directions
- Require little maintenance

Dimensions

Bore diameter	25 mm
Outside diameter	62 mm
Width	17 mm

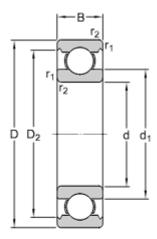
Properties

Filling slots	Without
Number of rows	1
Locating feature, bearing outer ring	None
Bore type	Cylindrical
Cage	Sheet metal

Performance

Basic dynamic load rating	17.8 kN
Basic static load rating	11.2 kN
Reference speed	26 000 r/min
Limiting speed	17 000 r/min
Logistics	
Product net weight	0.232 kg
eClass code	23-05-08-01
UNSPSC code	31171504

Technical specification



Dimensions

d	25 mm	Bore diameter
D	62 mm	Outside diameter
В	17 mm	Width
d ₁	= 38.1 mm	Shoulder diameter
D ₂	= 53.22 mm	Recess diameter
r _{LZ}	min. 1.1 mm	Chamfer dimension

Dobór wpustów

Pierwszym punktem doboru wpustów jest dobór odpowiedniej stali. Dobrano stal z gat. 304 o granicy plastyczności równej 210MPa

Zgodnie ze wzorem

$$\frac{P}{\frac{h}{2} \cdot l_0 \cdot i} \le k_d$$

Gdzie

$$k_d = 0.4 * R_e = 84 MPa$$

$$i - ilość wpustów (1)$$

Dobrano wpust na średnicy 30mm

b x h x
$$l_w = 8x7xl_w$$
, gdzie $l_w \ge l_0 + b$

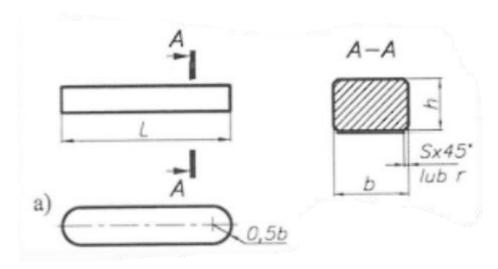
$$l_0 \ge \frac{4 \cdot M_s}{h \cdot d \cdot i \cdot k_d}$$
$$l_0 \ge 12,99mm$$

 $l_w \geq 20,99mm$

Tabl. 11.1.2. Długości wpustów l = f(b) PN-70/M-85005

<i>l</i> = <i>b</i>	h-	8, 1 6=4 b=		14, 10 b=6	$ \begin{array}{c} b = \\ 5, & 18, \\ b = 8 \end{array} $	20,	22 . 2: =10	5, <u>28</u> , 32, <u>b=12</u>
L=	b=3 36, 4 b=14	-	50,	-	63,		80,	90, 100, =32 b=36 b=40
L=	b=10 110, b=45	125, b=50	b=12 140, b=56	b=14 160, $b=63$	-	200,	-	0 b=22 , 250, .

Zgodnie z tabelą dobieram $l_w = 22mm$



Zgodnie z tabelami doboru wpustów odczytuje:

b=14 mm

h=9 mm

l_w= 22 mm

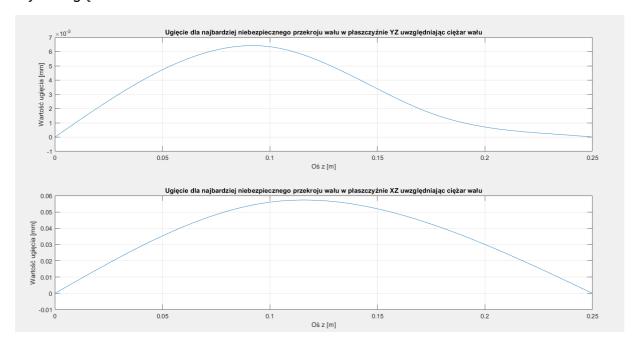
r=0.4 mm

*t*₁=4 mm

R=0,16-0,25 mm ~0,21mm

Obliczanie prędkości krytycznej

Wykres ugięć dla d=25mm



Obliczając ugięcie w punkcie B i C dostajemy:

wB_zciezarem 0.0564

Tj. 0,0000564m dla punktu B i 0,0000426m dla punktu C

Podstawiając do wzoru na prędkość krytyczną:

$$\Omega_{1kr} = \sqrt{\frac{g\sum_{i=1}^{n} G_{i} y_{i}}{\sum_{i=1}^{n} G_{i} y_{i}^{2}}}$$

Dostajemy wynik

$$\Omega_{1kr} = 465,6297 \frac{1}{s}$$

Licząc krytyczną częstotliwość obrotową dostajemy następujący wynik:

$$n_{kr} = \frac{30}{\pi} \Omega_{1kr} = 4445,4361 \frac{obr}{min}$$

Warunek jest spełniony nasze n jest mniejsze od n_{kr}

Obliczenia zmęczeniowe

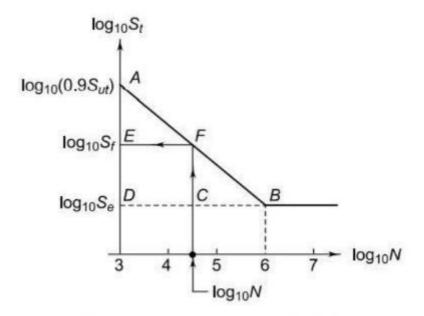
Dla dobranej stali możemy odczytać następujące wartości:

Granica plastyczności Re - 275MPa

Wytrzymałość na rozciąganie 530MPa

Odczytujemy najbardziej niebezpieczne miejsce jako przejście ze średnicy 25mm na średnice 30mm (przejście przy punkcie A)

$$\begin{split} S_e &= 0.5R_m = 265MPa \\ K_a &= 0.8 \\ K_b &= 0.85 \\ K_c &= 0.897 \\ K_d &= \frac{1}{K_f} = 0.587 \\ K_f &= 1 + q(K_t - 1) = 1.704 \\ K_t &= 2.1 \\ q &= 0.72 \\ S' &= K_a * K_b * K_c * K_d * S_e = 94,882 MPa \end{split}$$



Rys. 1. Uproszczona krzywa Wohlera

Zgodnie z krzywą Wohlera obliczam następujące wartości

$$\log_{10}(0.9R_m) = 2,67852$$
$$\log_{10}(S'_0) = 1,97718$$

Oraz następujący stosunek

$$\frac{2,679 - 1,977}{3} = \frac{y}{1}$$
$$y = 0.234$$

$$2,679 - 0,234 = 2,445$$

 $\log_{10}(k_q) = 2,445$

Z czego wynika moje $k_g = 278,61 MPa$

Wyliczam średnice

$$d \ge \sqrt[3]{\frac{32M_{zr_{max}}}{\pi k_g}} = 15,9mm$$

Rysunek wykonawczy oraz złożeniowy

(Rysunki są dołączone w mailu do lepszego przeanalizowania)

