Numerikus matematika

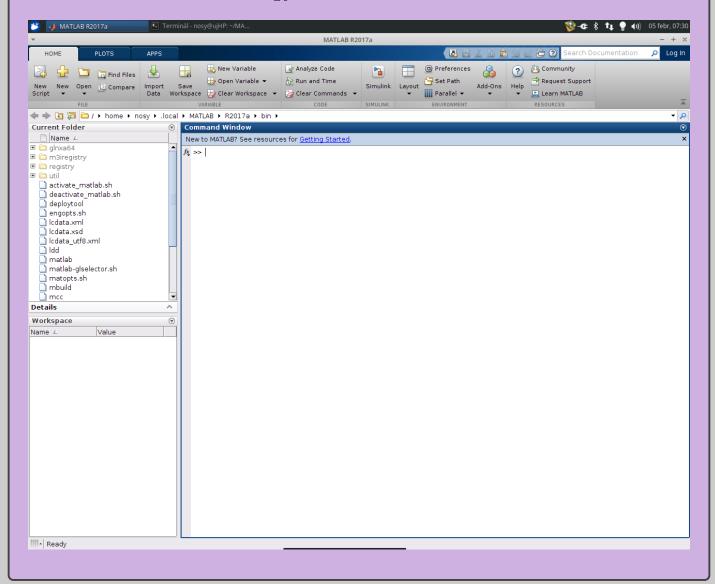
Matlab alapok

```
Desc Számológép
Fa Torony
Fa Összeg 1
Fa Összeg 2
Desc az ans változó
Fa Hatványok
Desc Vektorok létrehozása
Desc Vektorok összeadása-kivonása
Desc Műveletek: vektor és skalár
Desc Vektor-vektor elemenkénti szorzás-osztás:
Desc Vektorok létrehozása: : / rang
Desc Változók
Desc Függvények
```

Numerikus matematika

Desc Bevezető

A MATLAB egy program, melyet 1970 körül kezdtek el fejleszteni mátrixszámítások megkönnyítésére. Elnevezése a MATrix LABoratory rövidítéséből ered. Mérnöki, oktatási körökben elterjedt. A MathWorks cég fejleszti, évenkénti kiadásokkal, Windows, MacOS és Linux operációs rendszerekre. Nem ingyenes szoftver.



Fontos, hogy van szabad/ingyenes alternatíva, mely egy bizonyos szintű használatig egyenértékű: az Octave.

Desc Számológép

Ismerkedésként próbáljuk meg számológépként használni a rendszert:

```
>> 197/12
ans =
   16.4167
>> 3^2+4^2
ans =
    25
>> 3**2
 3**2
Error: Unexpected MATLAB operator.
>> (1+2+3+4+5+6)/7
ans =
     3
>> pi + 1
ans =
    4.1416
>> \sin(pi/2)^2 + \cos(pi/2)^2
ans =
     1
```

pi a szokásos konstans.

Fa Torony

Számoljuk ki a következő kifejezés értékét: $2^{\left(2^{2^2}\right)}$

Mo Torony Matlab alapok

Mo Torony

Használjuk a hatványozás operátort ($\hat{\ }$) és zárójeleket (ezzel a kiértékelés sorrendjét tudjuk szabályozni). Az eredmény $\ 65536$.

Fa Torony

Fa Összeg 1

Számoljuk ki a következő összeget:

$$\frac{1}{1^2} + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \frac{1}{4^2} + \frac{1}{5^2} + \frac{1}{6^2} + \frac{1}{7^2}$$

Mo Összeg 1

Mo Összeg 1

Egyszerűen írjuk a parancs-ablakba a kifejezést:

```
>> 1/1^2+1/2^2+1/3^2+1/4^2+1/5^2+1/6^2+1/7^2
ans =
1.5118
```

Fa Összeg 1

Fa Összeg 2

Számoljuk ki a következő összeget:

$$\frac{1}{1^2} + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \frac{1}{4^2} + \dots + \frac{1}{98^2} + \frac{1}{99^2} + \frac{1}{100^2}$$

Mo Összeg 2

Mo Összeg 2

Ezt később tudjuk majd hatékonyan (sok gépelés nélkül) megoldani.

Fa Összeg 2

Desc az ans változó

A kiértékelések eredményei egy ans nevű változóba kerülnek, ez felhasználható további számolásokra:

```
>> 120/10
ans =
    12
>> ans+ans
ans =
    24
```

Fa Hatványok

Számoljuk ki az ans segítségével az első néhányat a kettőhatványok sorozatából.

Mo Hatványok

Mo Hatványok

A már egyszer beírt kifejezések/parancsok előhívhatóak a \uparrow billenytyűvel:

```
>> 2
ans =
     2
>> ans*2
ans =
     4
>> ans*2
ans =
     8
>> ans*2
ans =
    16
>> ans*2
ans =
    32
```

Fa Hatványok

Desc Vektorok létrehozása

A matematikai számításoknál alapvető a vektorok használata. Vektorokat létrehozhatunk az elemeik felsorolásával (üres hellyel vagy vesszővel elválasztva), speciális határolóelemekkel - [és] - körbezárva:

Tehát azonos típusú vektorok között a + és - műveletek az ismert - elemenkénti - módon hajtódnak végre.

Desc Vektorok összeadása-kivonása

Azonos típusú vektorok között az + és - az elvárt - elemenkénti módon hajtódik végre:

```
>> [ 1 2 3 ] + [ 3 2 1 ]

ans =

4 4 4

>> [1 2 3 ] - [ 1 2 3 ]

ans =

0 0 0

>> [ 3 2 1 ] - [ 3 2 ]

Matrix dimensions must agree.
```

Desc Műveletek: vektor és skalár

Vektor és skalárok viszonya:

```
>> [ 1 2 3 ] + 1
ans =
 2 3 4
>> [ 1 2 3 ] * 2
ans =
    2 4 6
>> 1 / [ 1 2 3 ]
Error using /
Matrix dimensions must agree.
>> [ 1 2 3 ] / 10
ans =
   0.1000 0.2000 0.3000
>> [ 10 20 30 ] -10
ans =
         10
           20
    0
```

Desc Vektor-vektor elemenkénti szorzás-osztás:

•

Vektor elemenkénti osztása/szorzása a megfelelő műveleti jel elé írt módosítóval lehetséges. (tehát \cdot / és nem . /) >> [1 1 1] ./ [1 2 3] ans = 1.0000 0.5000 0.3333 >> [1 2 3] .* [1 2 3] ans = 1 4 >> [1 2 3] .^ 2 ans = 4 9 1 >> 1 ./ [1 2 3] ans = 1.0000 0.5000 0.3333

Desc Vektorok létrehozása: : / rang

```
Nagyobb vektorok létrehozására a : -szerkezet használható:
```

```
>> 1:7
ans =
     2 3 4 5 6
                             7
   1
>> 1:3:20
ans =
   1 4 7
               10
                    13
                        16
                            19
>> 3:-1/2:1
ans =
  3.0000
         2.5000 2.0000
                        1.5000
                               1.0000
```

Desc Változók

A kifejezések értékét szabadon választott nevű változókban tárolhatjuk, ezekre a tárolóhelyekre a nevükkel hivatkozunk, felhasználjuk őket bonyolultabb kifejezésekben:

```
>> a=[1 2 3]
a =
        2
     1
                  3
>> b=[ 10 , 20 , 30 ]
b =
    10
          20
                 30
>> c = a + b
C =
    11
          22
                 33
>> d=c ./ b
d =
    1.1000
               1.1000
                         1.1000
```

Desc Függvények

Nagyon fontos a help függvény , mellyel a keresett függvényről kapunk leírást:

```
>> help tan
tan Tangent of argument in radians.
  tan(X) is the tangent of the elements of X.
...
```

Matematikai függvények sin, cos, exp, log, ... vektor argumentumot is elfogadnak melynek minden elemére végrehajtódik az adott függvény:

```
>> a=(1:3)*pi
a =
3.1416 6.2832 9.4248
>> cos(a)
ans =
-1 1 -1
>> log(a.*a)
ans =
2.2895 3.6758 4.4867
```

```
A legfontosabb vektorokkal kapcsolatos függvények :
sum, prod, mean, linspace:
 >> a=1:100;
 >> sum(a)
 ans =
         5050
 >> mean(a)
 ans =
    50.5000
 >> prod(-5:2:5)
 ans =
   -225
 >> linspace(1,5,5)
 ans =
            2
                  3
                    4
      1
                              5
 >> linspace(1,5,6)
 ans =
                   2.6 3.4 4.2 5.0
     1.0
            1.8
```

A kifejezés végén a ; -miatt csendben hajtódik végre a kiértékelés.