МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РФ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

**Московский авиационный институт**

**(национальный исследовательский университет)**

Институт № 8 «Компьютерные науки и прикладная математика»

Кафедра 806 «Вычислительная математика и программирование»

**ОТЧЁТ**

По дисциплине:«Введение в авиационную и ракетно-космическую технику»

На тему: «Вывод на орбиту функционально-грузового блока «Заря»»

Оценка: Выполнили:

Подпись преподавателя: Группа М8О-115Б-24

Баженкова Н. В.

Епифанов Е. А.

Попов А. Д.

Синькин А.В.

Томский А. А.

Москва, 2024

# Список исполнителей

**Название команды:** «РСДРП»

**Группа:** М8О-115БВ-24

**Состав команды:**

1. Баженкова Наталья — отчёт, история миссии, презентация, видео
2. Епифанов Егор — отчёт, KSP
3. Попов Андрей — математическая модель
4. Синькин Андрей — тимлид, отчёт, история миссии, математическая модель, графики
5. Томский Антон — математическая модель

# Реферат

В данной таблице представлены данные об объеме отчета

|  |  |
| --- | --- |
| Страниц | 20 |
| Книг отчёта | 1 |
| Иллюстраций | 12 |
| Таблиц | 1 |
| Использованных источников | 7 |

**Цель работы**:

Смоделировать запуск на орбиту Земли модуля МКС «Заря» в программе Kerbal Space Program. Создать физико-математическую модель. Сравнить результаты.

# Содержание:

[Реферат 3](#_Toc185723390)

[Глава 1. Описание миссии 5](#_Toc185723392)

[Глава 2. Математическая модель 6](#_Toc185723393)

[Глава 3. Описание полёта в KSP 7](#_Toc185723394)

[Глава 4. Сравнение графиков полёта в KSP и воссозданных с помощью математической модели 8](#_Toc185723395)

[Глава 5. Итоги работы 9](#_Toc185723396)

[Источники 10](#_Toc185723397)

# Глава 1. Описание миссии

**Предыстория миссии**

Модуль был построен российским ГКНПЦ им. Хруничева по заказу американской стороны. Проект российского модуля был выбран американцами вместо предложения компании Локхид, модуля «Bus-1», благодаря меньшим финансовым затратам ($220 млн вместо $450 млн). По условиям контракта ГКНПЦ также обязался построить дублирующий модуль, ФГБ-2. При разработке и строительстве модуля интенсивно использовался технологический задел по Транспортному кораблю снабжения, на основе которого ранее уже были построены некоторые модули орбитальной станции «Мир».

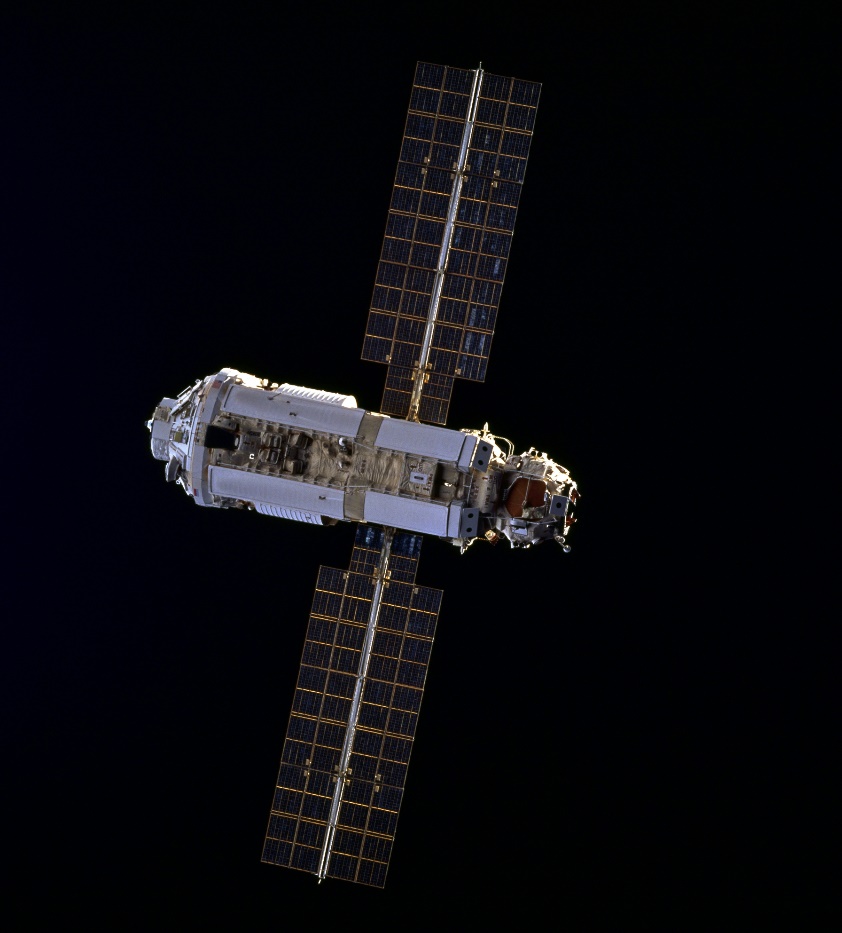


Рис. 1.1 Фотография «Зари»

**Конструкция**

Функционально-грузовой блок «Заря» изготовлен в России по контракту с компанией Боинг. Является модулем Международной космической станции. Является собственностью NASA, поскольку строительство финансировано США, но относится к российскому сегменту МКС. Модуль «Заря» создан с использованием материалов и комплектующих российского производства на базе тяжёлой многоцелевой платформы (функционально-грузовой блок 11Ф77).

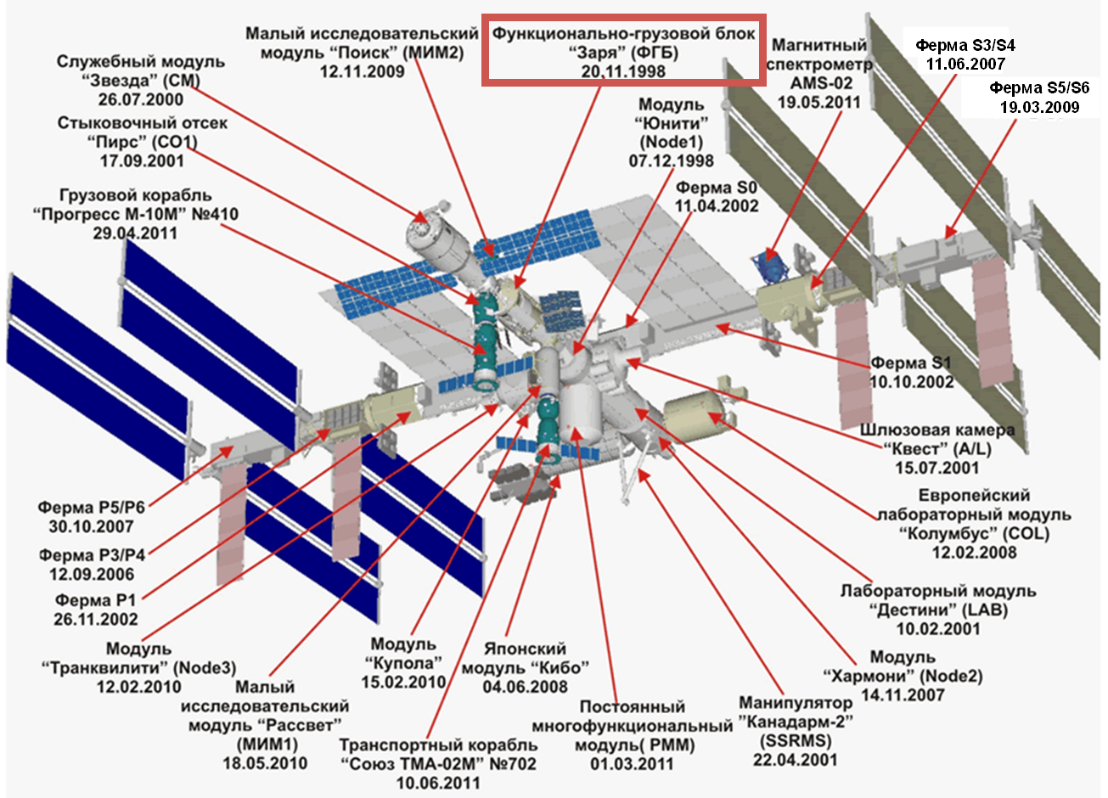


Рис. 1.2 Конструкция МКС

Значительным преимуществом было полное энергетическое снабжение за счёт солнечных батарей, а также наличие собственных двигателей, позволяющих маневрирование и корректировку положения модуля в пространстве. Модуль имеет цилиндрическую форму с шарообразным головным отсеком и конической кормой, его длина составляет 12,6 м при максимальном диаметре 4,1 м. Две солнечных батареи, габариты которых составляют 10,7 м × 3,3 м, создают среднюю мощность в размере 3 КВт. Энергия сохраняется в шести аккумуляторных никель-кадмиевых батареях. «Заря» оснащена 24 средними и 12 малыми двигателями для корректировки пространственного положения, а также двумя крупными двигателями для орбитальных манёвров. 16 баков, закреплённых снаружи модуля, могут содержать до 6 тонн топлива. Модуль имеет три стыковочных узла.

**Характеристика РН «Протон-К»**

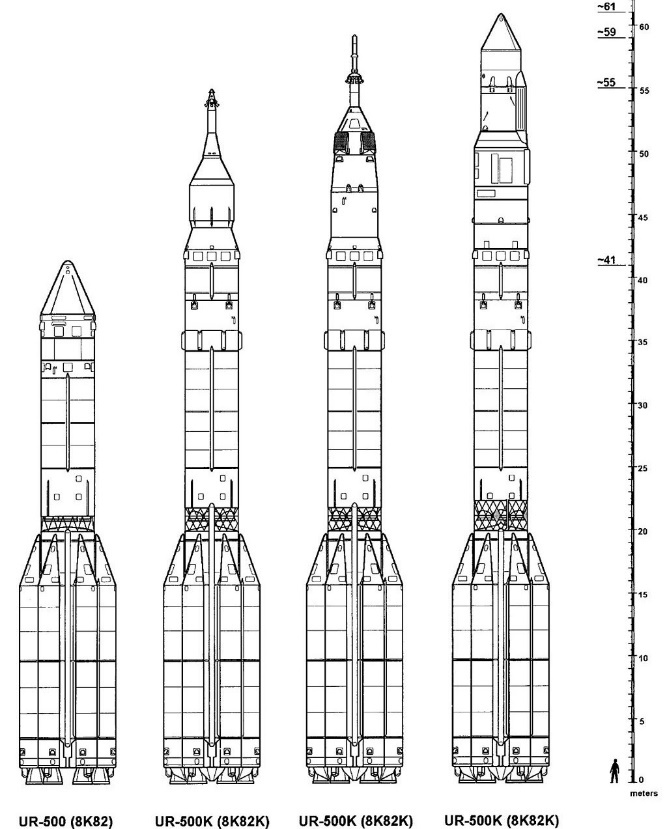


Рис. 1.3 Сравнение аппаратов семейства Протон

**Стартовая масса ракетоносителя** – до 700 тонн.

**Полная длина** – примерно 58 метров.

**Количество ступеней** – 3 (4 с разгонным блоком).

Описание ступеней ракетоносителя:

1. **Первая ступень:**

Первая ступень состоит из центрального и шести боковых блоков (разделение не происходит), расположенных симметрично вокруг центрального.

Центральный блок включает в себя переходный отсек, бак окислителя и хвостовой отсек, в то время как каждый из боковых блоков ускорителя первой ступени состоит из переднего отсека, бака горючего и хвостового отсека, в котором закреплён двигатель.

Основной задачей ступени является обеспечение начального разгона и выведения ракеты на высоту, достаточную для включения второй ступени.

**Тяга –** ~10000 кН (6 двигателей РД-275).

1. **Вторая ступень:**

Вторая ступень имеет цилиндрическую форму и состоит из переходного, топливного и хвостового отсеков.

Двигатели второй ступени запускаются раньше начала выключения маршевых ЖРД первой ступени, что обеспечивает «горячий» принцип разделения ступеней.

Задача – продолжение разгона аппарата и подготовка к выводу на орбиту.

**Тяга –** ~2400 кН (4 двигателя РД-0210)

1. **Третья ступень:**

Финальная ступень ракетоносителя, использующая один жидкостный ракетный двигатель, который включался после отделения второй ступени.

Необходима для вывода полезной нагрузки на земную орбиту.

**Тяга –** ~600 кН (двигатель РД-0212)

1. **Четвёртая ступень:**

Данная ступень называется «разгонным блоком» и используется для выполнения межпланетного перелёта.

**Тяга –** ~84 кН (двигатель 11Д58М)

# Глава 2. Математическая модель

Детально разберём следующие этапы полёта:

* От взлёта до отделения первой ступени;
* От отделения первой ступени до отделения второй ступени;

Во-первых, используя Второй закон Ньютона, рассчитаем равнодействующую сил, действующих на ракету в любой момент времени:

Во-вторых, уточним формулы изменения массы ракеты из-за расхода топлива и отсоединения ступеней:

где

* – массы ракеты при взлёте и после отсоединения первой ступени
* – расход топлива первой и второй ступени
* – время работы первой и второй ступени.

Так как найти данные о расходе топлива для ракетных двигателей в ракетоносителе Протон-К найти не удалось, используем формулу по выведению этого значения из силы тяги и удельного импульса:

Далее перейдем к определению сил, действующих на нашу ракету.

– это сила тяги текущей ступени, самая важная сила, влияющая на движение ракеты. Рассчитывается по формуле:

где:

* – скорость истечения газов из сопла двигателя
* – расхода топлива

Формула для расчета силы тяжести , действующей на ракету:

здесь:

* *–* гравитационная постоянная (равна
* – масса Земли (равна 5.9742 × 1024 кг)
* *–* текущая масса ракеты (зависит от времени)
* – радиус Земли (равен м)
* *–* высота ракеты над уровнем моря.

Формула лобового сопротивления воздуха :

где:

* – коэффициент сопротивления, константа (для данной формы он равен 0.5)
* – плотность среды (изменяется с высотой, рассчитывается по формуле)
* – скорость ракеты
* – площадь поперечного сечения (в нашем случае ).

Плотность среды на высоте можно рассчитать по закону Менделеева-Клапейрона:

где:

* – атмосферное давление на высоте
* – молярная масса воздуха ()
* – универсальная газовая постоянная (равна )
* – абсолютная температура (для упрощения примем за 300 Кельвинов ()).

Теперь представим формулу для расчета атмосферного давления :

тут:

* – атмосферное давление на уровне моря (равна Па)
* – число Эйлера (примем равным )
* – молярная масса воздуха
* – ускорение свободного падения (примем равным )
* – высота ракеты над уровнем моря
* – универсальная газовая постоянная
* – температура.

Теперь объединим эти формулы в одно для :

А затем объединим формулы сил в формулу равнодействующей:

Теперь перейдем к наклону ракеты относительно вертикальной оси. Постепенно ракета будет наклоняться к горизонту, чтобы выйти на околоземную орбиту Земли, этот угол наклона зависит от времени и его можно рассчитать по формуле:

где:

* – изначальный угол наклона ракеты
* – изменения угла наклона в
* – время.

Объедим все основные формулы в две системы уравнений (для первой и второй ступеней ракеты), а также спроецируем их на оси и :

Теперь приведем эти системы дифференциальных уравнений к нормальному виду Коши:

Решать данную систему мы будем с помощью метода Эйлера.

# Глава 3. Полёт в KSP

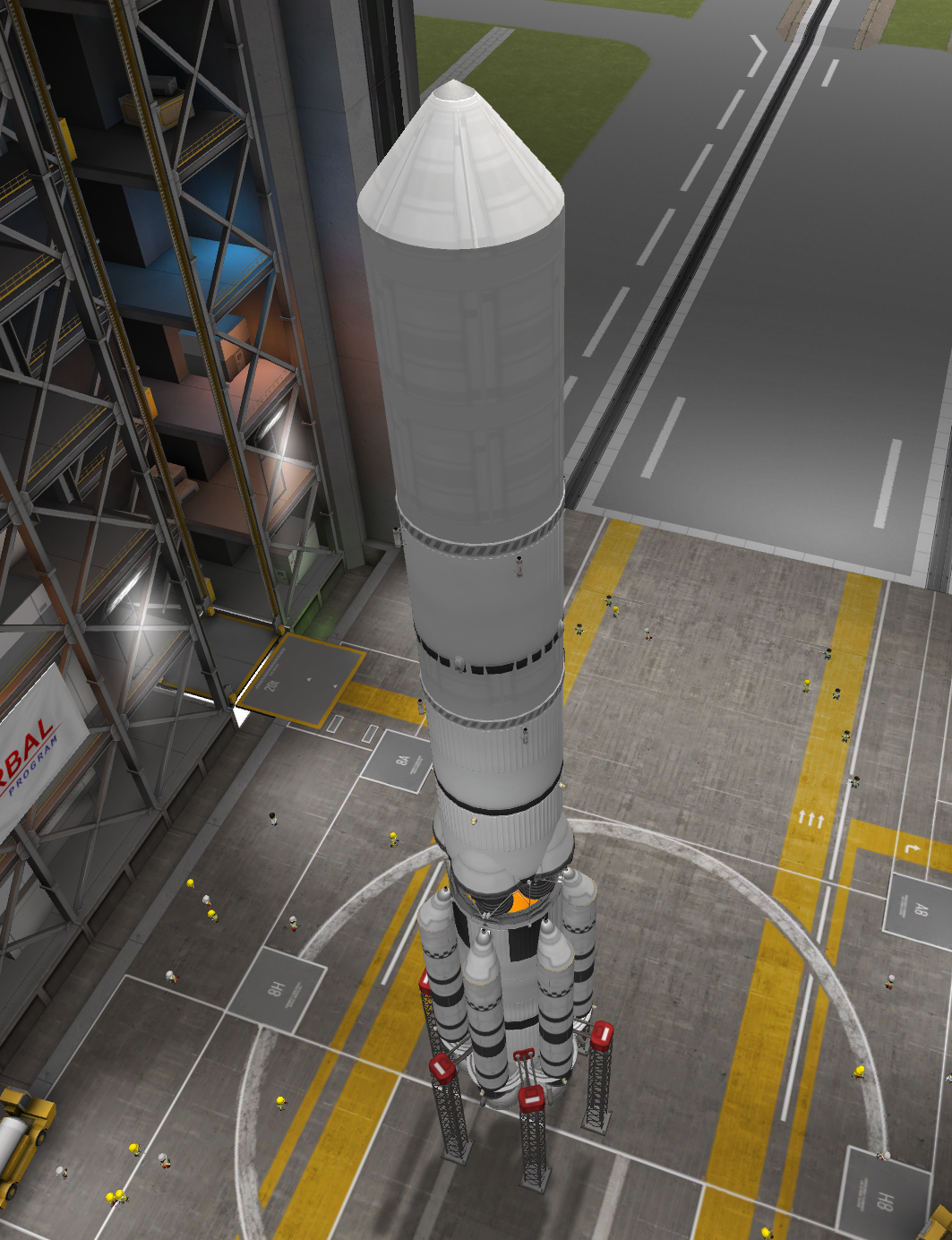


Рис. 3.1 Ракета в ЦВС

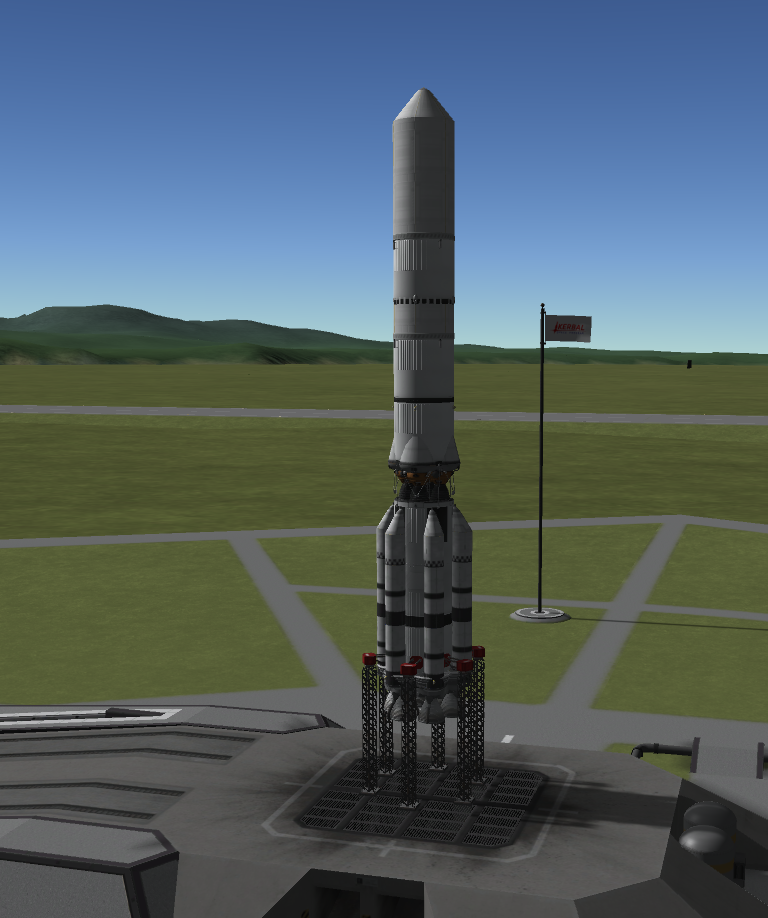


Рис. 3.2 Ракета на стартовой площадке

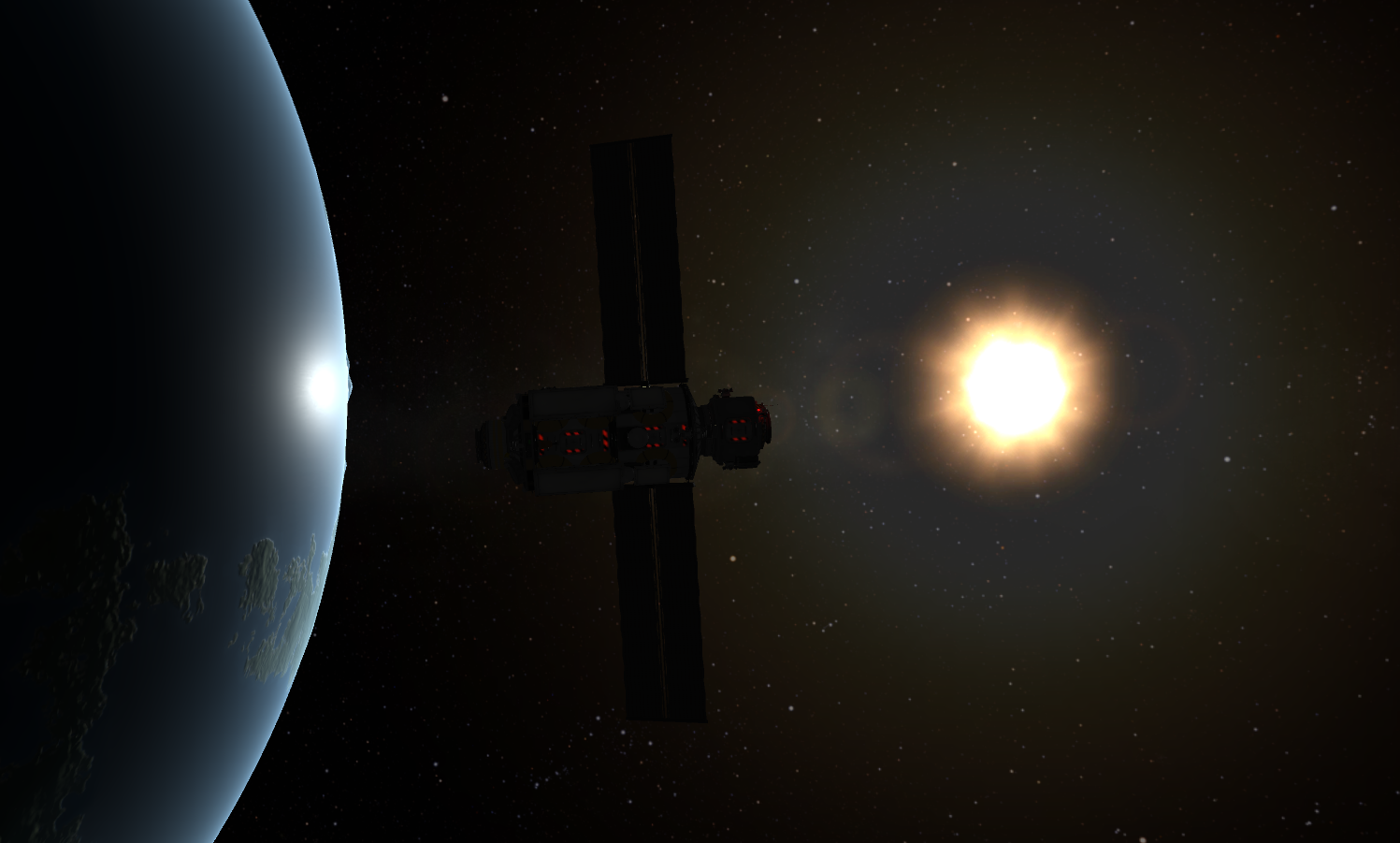


Рис. 3.3 Спутник «Заря» на орбите Кербина

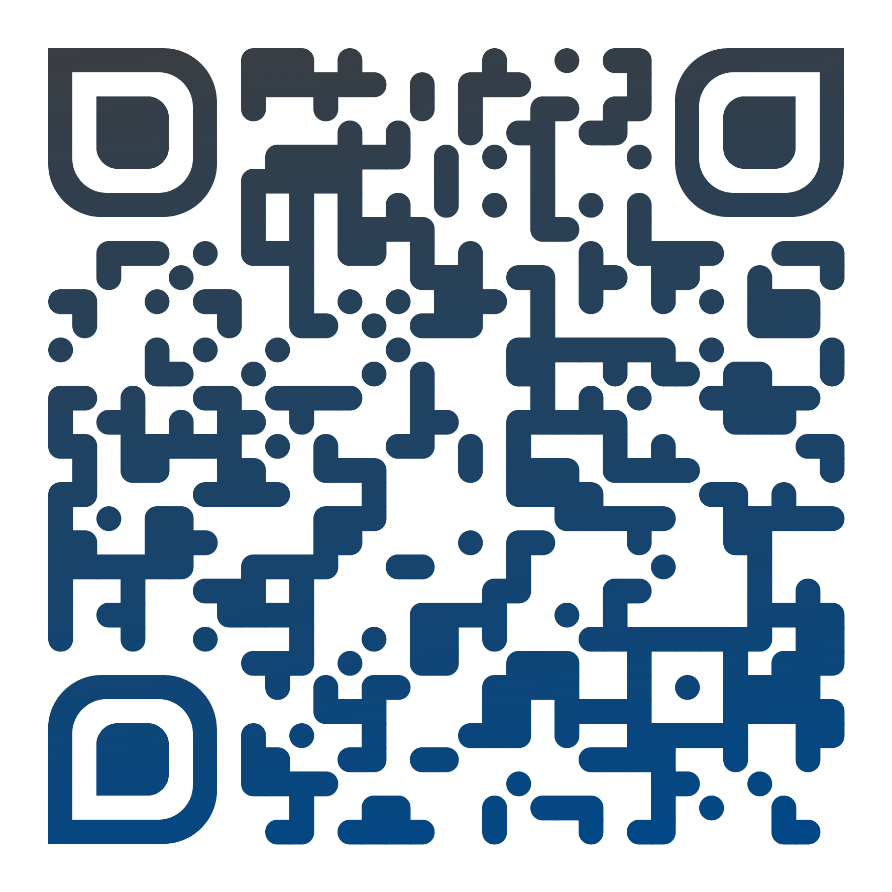


Рис. 3.4 Ссылка на запись полёта на YouTube

# Глава 4. Сравнение графиков полёта в KSP и воссозданных с помощью математической модели

С помощью мода под названием kRPC мы записали высоту и скорость ракеты с промежутком в секунды.

Затем на языке программирования Python мы реализовали алгоритм решения созданной нами математической модели.

После этого мы создали графики, отображающие изменение высоты и скорости ракеты в симуляции (в Kerbal Space Program) и согласно математической модели, для сравнения реалистичности нашей модели.

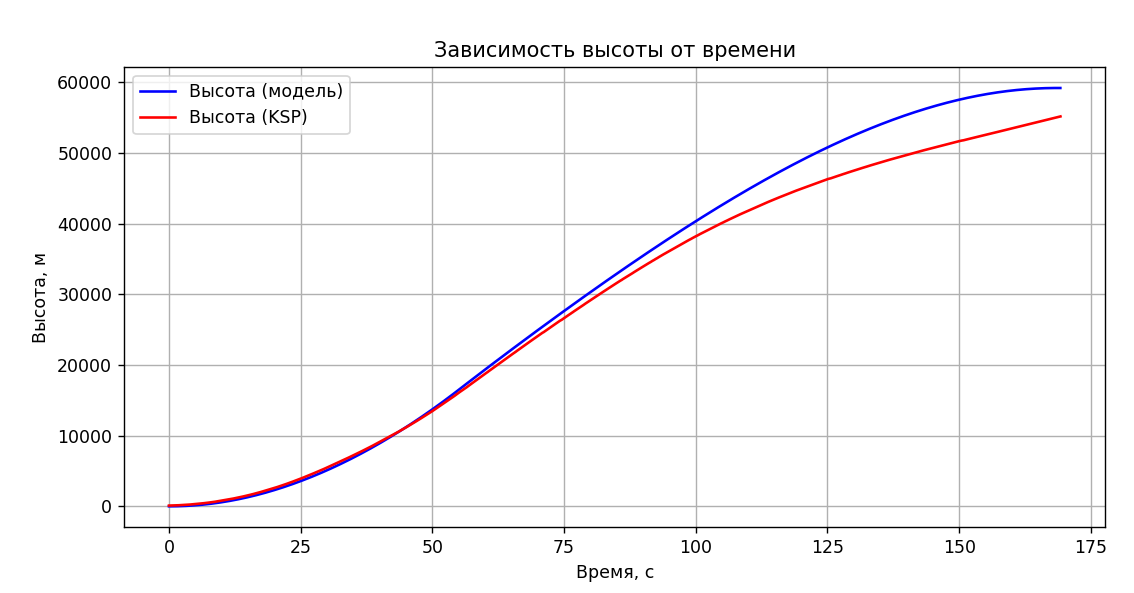


Рис. 4.1 График зависимость



Рис 4.2 График зависимости

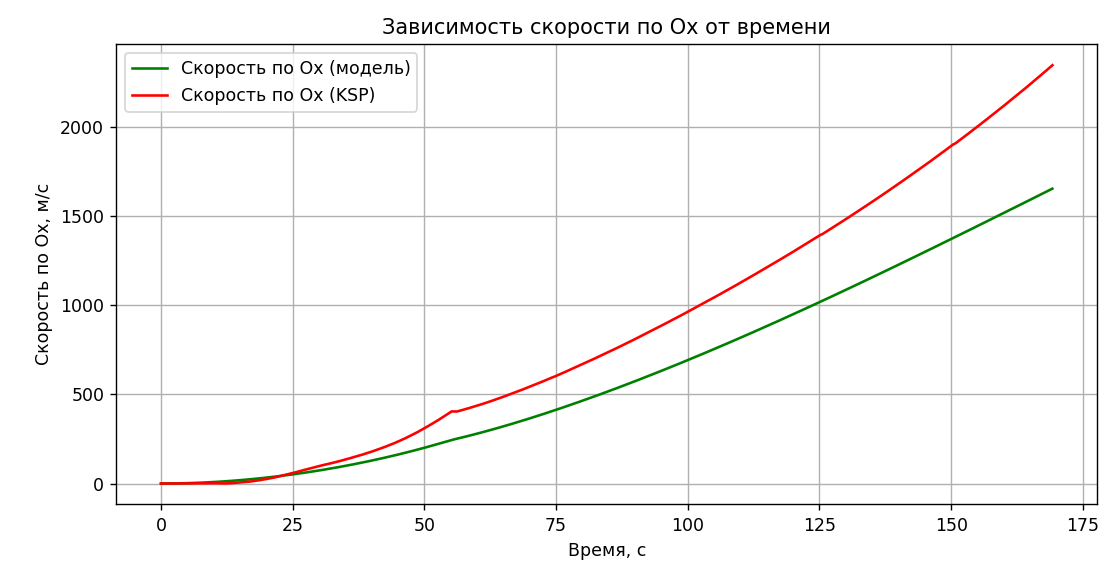


Рис. 4.3 Зависимость

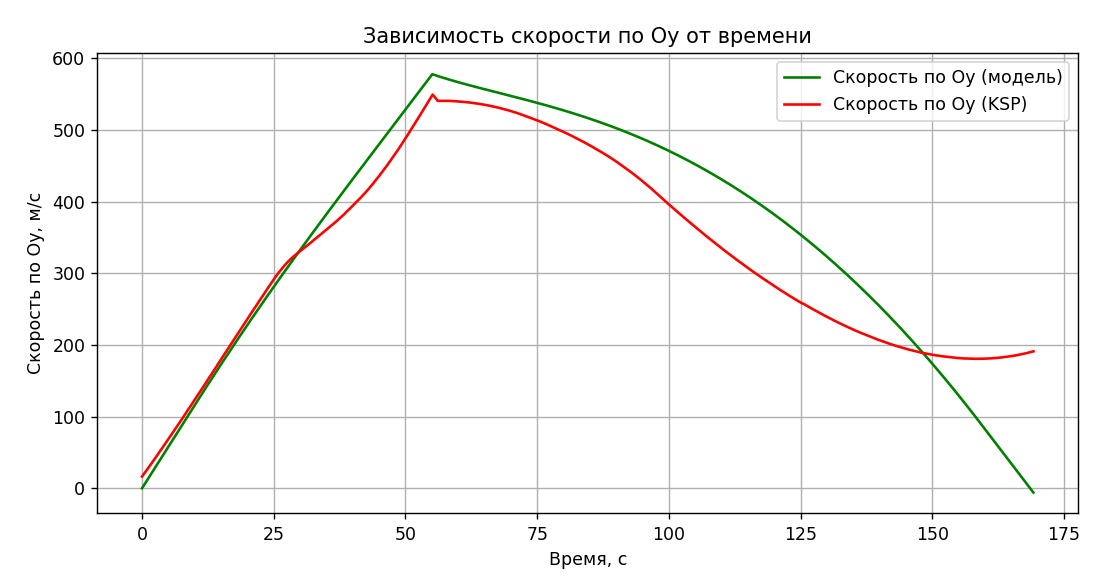


Рис. 4.4 Зависимость

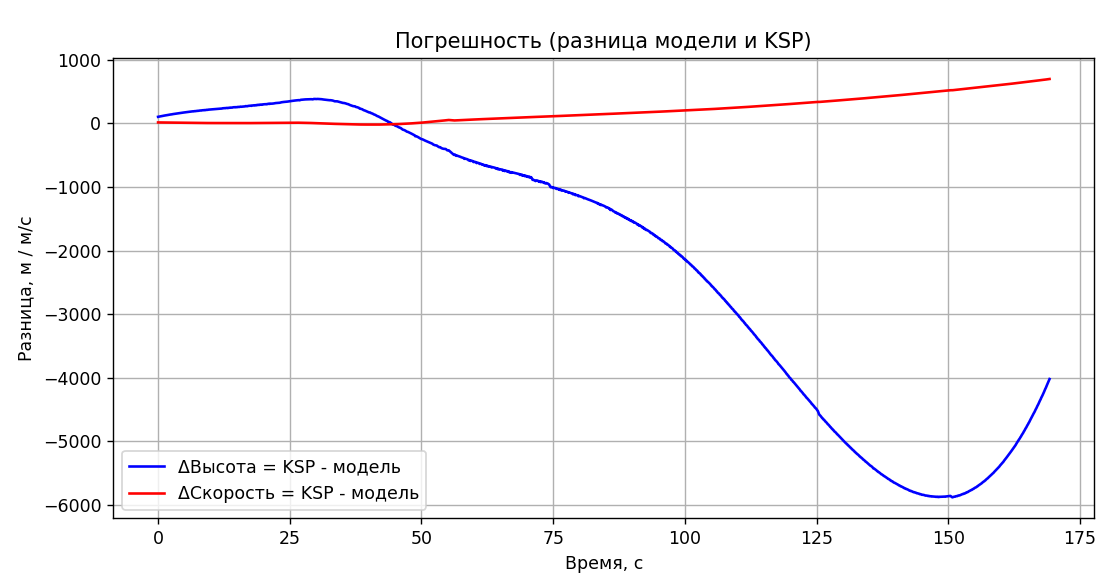


Рис. 4.5 Погрешность модели по и

# Глава 5. Итоги работы

В процессе работы над данным проектом наша команда реконструировала выведение на орбиту функционально-грузового отсека МКС под названием «Заря». Мы успешно составили математическую модель, описывающую движение нашей ракеты, а также создали модель в игре Kerbal Space Program, которую использовали как симуляцию полета.

При помощи библиотеки kRPC мы записали телеметрию корабля (высоту и скорость по осям и , а также текущий момент времени), а затем сравнили результаты с данными, полученными от вычисления нашей математической модели.

В итоге сравнения мы увидели, что данные, полученные в результате расчетов и данные фактического полета отличаются и проанализировали возможную причину таких отличий.

Благодаря данному проекту мы получили новые и обновили старые знания в области физики и математики, научились производить сложные расчеты на языке программирования Python, а также освоили и научились работать с программой Kerbal Space Program.

# Источники

1. Функционально-грузовой блок «Заря» [Электронный ресурс] URL – <https://www.gctc.ru/main.php?id=322> (Дата последнего обращения – 28.12.2024)
2. Заря (модуль МКС) [Электронный ресурс] URL – <https://ru.wikipedia.org/wiki/%D0%97%D0%B0%D1%80%D1%8F_%28%D0%BC%D0%BE%D0%B4%D1%83%D0%BB%D1%8C_%D0%9C%D0%9A%D0%A1%29> (Дата последнего обращения 28.12.2024)
3. Модули и блоки МКС [Электронный ресурс] URL – <https://cosmos.vdnh.ru/izdoma/moduli-i-bloki-mks-/> (Дата последнего обращения – 28.12.2024)
4. МКС. Из каких модулей она состоит? Часть 1. [Электронный ресурс] URL – <https://pikabu.ru/story/mks_iz_kakikh_moduley_ona_sostoit_chast_1_4029280> (Дата последнего обращения – 28.12.2024)
5. ЖРД РД-253 (11Д43) и РД-275 (14Д14) [Электронный ресурс] URL – <http://www.lpre.de/energomash/RD-253/index.htm> (Дата последнего обращения – 28.12.2024)
6. Описание ракеты-носителя «Протон-К» [Электронный ресурс] URL – <http://www.khrunichev.ru/main.php?id=46> (Дата последнего обращения – 28.12.2024)
7. Жидкостный ракетный двигатель РД-0212 (8Д49) [Электронный ресурс] URL – <http://www.khrunichev.ru/main.php?id=94> (Дата последнего обращения – 28.12.2024)