# **Theoretische Informatik 1**

May 20, 2013

Praktikumsaufgabe 3

Lucas Jenss und Tommy Redel in Gruppe 1

#### 1 Definitionen

#### 1.1 Lebendigkeit

Eine Transition  $t \in T$  ist lebendig in  $N_{M_0}$ , wenn sie für alle Markierungen  $M \in EG$  M-erreichbar ist.

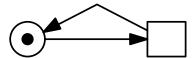
Ein Netz  $N_{M_0}$  ist lebendig, wenn alle seine Transitionen lebendig sind.

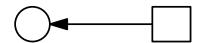
## 2 Eigenschaften von Netzen

- 1. Stelleninvarianten Reversibilität
- 2. Transitionsinvarianten Beschränktheit
- 3. Transitionsinvarianten Stelleninvarianten
- 4. Überdeckungsgraph Lebendigkeit
- 5. Überdeckungsgraph Reversibilität
- 6. Überdeckungsgraph Stelleninvarianten

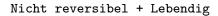
## 2.1 Reversibilität - Lebendigkeit (1)

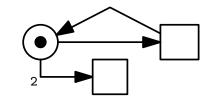
Unabhängig.

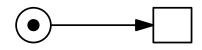




Reversibel + Lebendig





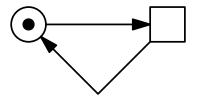


Reversibel + nicht lebendig

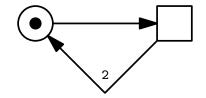
Nicht reversibel + nicht lebendig

## 2.2 Beschränktheit - Lebendigkeit (2)

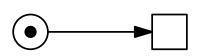
Unabhängig.



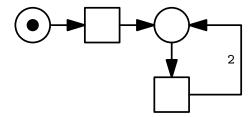
beschrnkt + lebendig



Nicht beschrnkt + lebendig



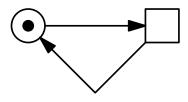
beschrnkt + nicht lebendig



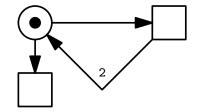
Nicht beschrnkt + nicht lebendig

## 2.3 Beschränktheit - Reversibilität (3)

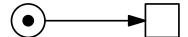
Unabhängig.

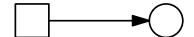


beschraenkt + reversibel



Nicht beschraenkt + reversibel



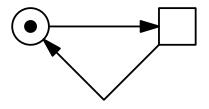


beschraenkt + nicht reversibel

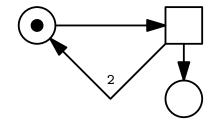
licht beschraenkt, nicht reversibel

## 2.4 Stelleninvarianten - Lebendigkeit (4)

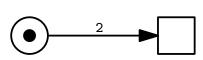
Unabhängig.



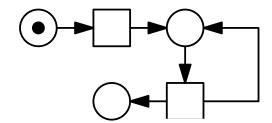
P-Inv + lebendig



keine P-Inv + lebendig



P-Inv + nicht lebendig



keine P-Inv + nicht lebendig

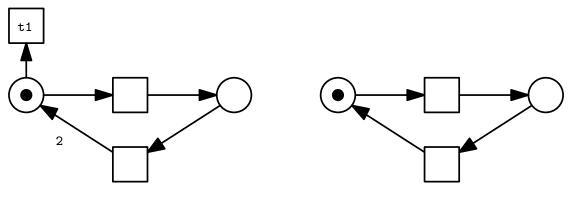
#### 2.5 Stelleninvarianten - Beschränktheit (6)

Wenn ein Netz genau eine Stelleninvariante hat, d.h.  $I^T$ , als homogenes Gleichungssystem gelöst, genau eine Lösung hat, dann muss das Netz beschränkt sein, denn dann bleibt die nach der Invariante gewichtete Tokensumme immer gleich.

#### 2.6 Transitionsinvarianten - Lebendigkeit (7)

Eine echt positive Transitionsinvariante und Lebendigkeit sind nur unter Einschränkung verknüpft. Nimmt man eine endliches, beschränktes, lebendiges Netz N, dann muss es für dieses Netz auch eine echt positive Transitionsinvariante geben.

Weitere Zusammenhänge sind nicht erkennbar:





T-Inv, lebendig



keine T-Inv, tot

keine T-Inv, lebendig

#### 2.7 Transitionsinvarianten - Reversibilität

Transitionsinvarianten beschreiben Zyklen im Erreichbarkeitsgraphen eines Netzes N=(P,T,W), allerdings unabhängig von der Startmarkierung  $M_0$  des Netzes. Die Existenz einer echt positiven Transitionsinvariante besagt also, dass eine Markierung  $M_0$  existiert, für die das Netz reversibel ist, also dass es einen endlichen Pfad  $M_0 \xrightarrow{t_1} \dots \xrightarrow{t_n} M_{n+1}$  gibt, sodass  $M_0 = M_{n+1}$ .

Eine allgemeine Aussage ist allerdings anhand einer echt positiven Transitionsinvariante nicht treffbar.

# 2.8 Überdecksungsgraph - Beschränktheit (13)

Ein Netz ist genau dann beschränkt, wenn in seinem Überdeckungsgraphen keine  $\omega$ -Stellen vorkommen.