第1章 ワイヤーのたわみ量評価系の開発と、自動 化手法の確立

較正に使う直線偏光はワイヤーに沿う形で生成されるため、ワイヤーがたわんでいる部分から 生成される光はその偏光角がワイヤーに沿う方向からずれて生成される。そのため、ワイヤーの たわみは較正の精度に影響を及ぼし、系統誤差を生む。??項では過去に行われた評価手法につい て述べたが、この手法にはいくつかの問題があった。本章では、初めにこの問題について今一度 触れたあと、それを解決するために開発したワイヤーのたわみを評価する系について述べる。そ の後、評価系の原理検証を行い、最後に実際にスパースワイヤーグリッドに対して行った評価結 果について述べる。

1.1 過去の測定手法における問題点と開発目標

過去の測定手法についてもう一度 review するべきか、それとも??項をもっと簡素にし、詳細な内容をこちらに持ってくるべきか、現在のように ref するだけにするべきか悩んでいる。

過去の測定手法については??項にて述べたとおりであり、その手法にはいくつかの問題点があった。一つ目の問題点は、その測定精度が低いことである。これにより、たわみ量の系統誤差への寄与を必要以上に大きくしている疑いがある。また、図??にて示されているように、全てのワイヤーに対してそのたわみ量は期待される量からどの程度外れているかを判別できておらず、品質の低いワイヤーを選別できていない。もう一つの問題点は、その測定手法が人力にて行われており、測定のために労力と時間がかかる点である。これによりスパースワイヤーグリッドの量産、品質の保証・管理のために繰り返し測定することが困難である。また、人力での測定はその測定結果に人依存のバイアスを産む可能性がある。

以上の問題点を解決するため、

- 1. ワイヤーのたわみ量を $\mathcal{O}(10\,\mu\mathrm{m})$ の精度で評価可能であること
- 2. 全てのワイヤーのたわみ量を自動的に評価可能であること

という2点の開発目標をもって新たなワイヤーのたわみ量の評価系を開発した。

1.2 評価系の概要と評価原理

1.2.1 評価系の概要

初めに、作成した評価系の概観を図 1.1 に示す。基本的な評価原理は??項にて述べた過去の手法と同様であり、ストレートエッジとワイヤーを同一写真内に映るように撮影することで、ストレートエッジとワイヤー間の距離からワイヤーのたわみを評価する。より高精度な評価と自動化を実現するため、過去の評価系をもとに以下のような変更を加えた評価系を作成した。

- 1. スパースワイヤーグリッドを鉛直方向に立てて撮影を行う
- 2. スパースワイヤーグリッドとカメラをアクチュエータを用いて自動的に動かす
- 3. 一つのワイヤーに対して両端と中央だけでなく、複数の点で撮影を行う

アクチュエータによる自動化を容易にするため、スパースワイヤーグリッドを鉛直方向に立てる。また、詳細は次節にて述べるが、この配置によりたわみの評価精度が向上する。たわみの測定の基準となるストレートエッジはスパースワイヤーグリッドの目の前 $5\,\mathrm{mm}$ のところに固定されている。使用したストレートエッジは過去のものと同じく大西測定株式会社製の $140\text{-}1000\mathrm{B}$ であり、このストレートエッジは真直度 A 級 $30\,\mu\mathrm{m}$ が保証されている。自動化の要であるアクチュエータは、スパースワイヤーグリッドを鉛直方向に動かすために Openbuilds 社の V-Slot NEMA 23 Linear Actuator (Belt Driven) を、カメラを水平方向に動かすために Openbuilds 社の V-Slot NEMA 17 Linear Actuator (Belt Driven) を用いた。どちらもベルト駆動式であり、ステッピングモーターを用いて位置制御を行うことができる。スパースワイヤーグリッドに取り付けられたアクチュエータは、ストレートエッジとワイヤーの距離をカメラの画角に収まるように近づけるために使用され、カメラに取り付けられたアクチュエータは、撮影位置を変え、ストレートエッジとワイヤーの距離を複数の点で測定するために使用される。アクチュエータの制御には、Galil 社の DMC-4020 というモーションコントローラを用いた。また、カメラは

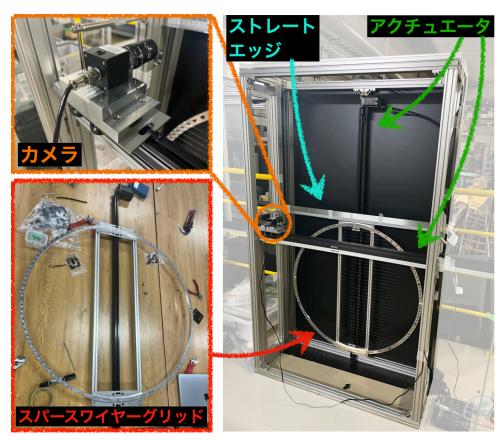


図 1.1: ワイヤーのたわみ量評価系の概観

1.2.2 評価原理

図 1.2 に評価原理の概念図を示す。 x_0, x_1, \dots, x_n は撮影箇所の位置を表し、 z_0, z_1, \dots, z_n は 各写真から測定されるストレートエッジとワイヤーの距離である。得られた x_i, z_i を横軸x、縦 軸 z でプロットすると、ワイヤーの概形を表す曲線が得られる。ワイヤーの理論曲線はワイヤー の素材、かかっている張力により決まるカテナリー曲線であるため、得られた曲線をカテナリー 曲線で fitting することでワイヤーのたわみ量を評価することができる。

ワイヤーの概形を表すカテナリー曲線は、Tをワイヤーにかかる張力、 ρ_{W} をワイヤーの密度、 $R_{
m W}$ をワイヤーの半径、 $L_{
m frame}$ をワイヤーを固定している両端間の距離として

$$f(x;a) = a \cosh\left(\frac{x + L_{\text{frame}}/2}{a}\right) - a \cosh\left(\frac{L_{\text{frame}}}{2a}\right)$$

$$a = \frac{T}{\rho_{\text{W}} \cdot \pi R_{\text{W}}^2}$$
(1.1)

$$a = \frac{T}{\rho_{\rm W} \cdot \pi R_{\rm W}^2} \tag{1.2}$$

と表される。なお、この式は原点 (0,0) と $(L_{\text{frame}},0)$ を通る拘束条件を課したカテナリー曲線を 表している。スパースワイヤーグリッドにはタングステン製のワイヤーを使うため、その密度は $ho_{
m W}=19.3\,{
m g/cm^3}$ であり、ワイヤーの半径は $R_{
m W}=0.1\,{
m mm}$ である。 $L_{
m frame}$ はどのワイヤーを評 価するかによって異なる。図 1.3 のようにスパースワイヤーグリッドに張られたワイヤーに通し 番号をつけたとき、スパースワイヤーグリッドの内径が 790 mm であり、ワイヤー間のピッチが $20\,\mathrm{mm}$ であることから、n 番目のワイヤーにおける $L_{\mathrm{frame},n}$ は

$$L_{\text{frame},n} = 2\sqrt{395^2 - (20 \cdot (19 - n))^2} \text{ [mm]} \quad (n = 1, 2, \dots, 19)$$
 (1.3)

と表される。以下ではワイヤー番号を省略し、単純に L_{frame} と表す。aは張力に関わるパラメー タであり、

式(1.1)より、張られたワイヤーの中心部で生じるたわみ量は

$$d_{\text{sag}} = f(L_{\text{frame}}/2; a) \tag{1.4}$$

$$= a \left(1 - \cosh\left(\frac{L_{\text{frame}}}{2a}\right) \right) \tag{1.5}$$

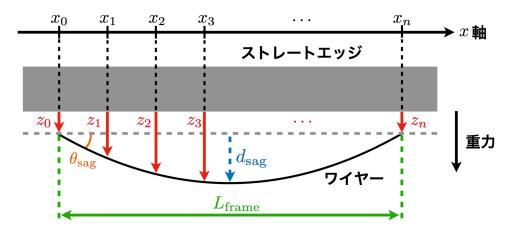


図 1.2: ワイヤーのたわみ量の評価原理

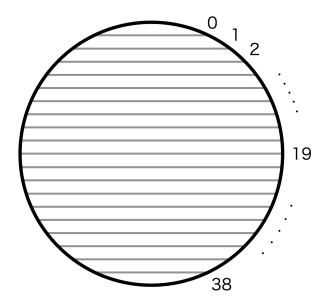


図 1.3: スパースワイヤーグリッドにおけるワイヤー番号

図 1.4 にワイヤーのたわみ量の評価原理の横から見た概念図を示す。これは過去の手法における概念図??を新しい系に合わせて変更したものであり、カメラから見るとストレートエッジが手前に位置し、ワイヤーがその奥に位置するような配置になっている。各パラメータの意味とその値、誤差を表 1.1 に示す。この系において、測定される量 z' を用いてストレートエッジとワイヤー間の距離 z を表すと、

$$z = \frac{z'}{\cos \phi} + \alpha \tan \phi \tag{1.6}$$

$$\phi = \arctan\left(\frac{L_{\text{camera}}}{\beta}\right) \tag{1.7}$$

となる。

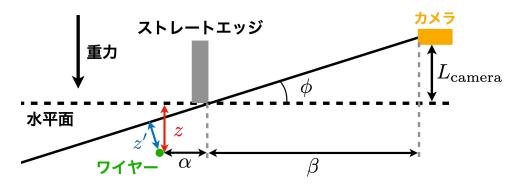


図 1.4: ワイヤーのたわみ量の評価原理の横から見た概念図

表 1.1: 図 1.4 における各パラメータの意味と値

パラメータ	意味	値	誤差
α	ストレートエッジとワイヤーまでの水平距離	$15\mathrm{mm}$	$\pm 2\mathrm{mm}$
eta	ストレートエッジからカメラまでの水平距離	$205\mathrm{mm}$	$\pm 5\mathrm{mm}$
$L_{ m camera}$	ストレートエッジ下端の面からカメラまでの鉛直距離	$0\mathrm{mm}$	$\pm 0.5\mathrm{mm}$

1.3. 解析手法 5

1.2.3 評価系の機械設計により生まれる z 誤差の見積もり

過去の手法における誤差の主原因として、 ϕ が典型的に 5° 程度と小さくない値であったために、 $L_{\rm camera}$ や α から z へ大きな誤差が生じていたことが挙げられる $^{[?]}$ 。過去の評価系において $\phi\sim 0$ すなわち $L_{\rm camera}\sim 0$ ° で撮影ができていなかった理由は、スパースワイヤーグリッドを水平面上に設置して撮影しており、他のワイヤーが撮影対象のワイヤーに重なってしまうためである (図??)。これを解決するため、スパースワイヤーグリッドを鉛直方向に立てて撮影を行うことで、 $L_{\rm camera}=0\pm 0.5\,\mathrm{mm}$ で撮影を行い、誤差の低減を図った。z の誤差は

$$\delta z = \sqrt{\left(\frac{1}{\cos\phi}\right)^2 \delta z'^2 + \left(\frac{\tan\phi}{\cos\phi} + \frac{\beta}{\cos^2\phi}\right)^2 \delta\phi^2 + \tan^2\phi\delta\beta^2}$$
 (1.8)

と表され、表 1.1 に示したパラメータの誤差を代入すると、

$$\delta z \sim 39 \,\mu\text{m}$$
 (1.9)

となる。z' の誤差についてはカメラの 1 pixel が対応する長さになる。のちの解析にて明らかになるが、これは典型的に $6\,\mu\mathrm{m}$ 程度である。また、z にはストレートエッジの真直度由来の誤差 $30\,\mu\mathrm{m}$ が含まれるため、これも考慮に入れると z の誤差は

$$\delta z = \sqrt{39^2 + 30^2} \ \mu \text{m} = 49 \ \mu \text{m} \tag{1.10}$$

程度だと見積もられる。

1.3 解析手法

- 1.3.1 スケーラの fitting
- 1.3.2 ストレートエッジの fitting
- 1.3.3 ワイヤーの fitting
- 1.4 開発した評価系の原理検証
- 1.4.1 評価手法
- 1.4.2 評価結果とその考察
- 1.5 スパースワイヤーグリッドのたわみ量の評価