

修士論文

Simons Observatory 実験で用いる偏光角較正装置の
系統誤差に関する研究

京都大学大学院理学研究科 物理学・宇宙物理学専攻
物理学第二分野 高エネルギー物理学研究室
星野 大輝

2024年12月29日

概要

目次

第1章	CMB	1
第2章	Simons Observatory 実験	2
2.1	Simons Observatory 実験	2
2.2	Large Aperture Telescope (LAT)	2
2.3	Small Aperture Telescope (SAT)	2
2.3.1	TES 検出器	2
2.3.2	極低温連続回転式半波長板 (HWP)	2
2.4	偏光角較正の重要性とその手法	4
2.4.1	偏光角の誤較正に伴う偏光の漏れ込み	4
2.4.2	偏光角較正手法	5
第3章	スパースワイヤーグリッドを用いた偏光角較正装置	6
3.1	概要	6
3.2	スパースワイヤーグリッド	6
3.3	偏光信号の生成原理	6
3.4	偏光角較正の原理	6
3.5	設計	7
3.6	7
第4章	角度計	8
4.0.1	角度計の精度による絶対角較正への影響	8
4.0.2	電源の入れ直しによるオフセット変動の評価	8
4.0.3	温度による出力の変化の評価	8
4.0.4	まとめ	8
第5章	ワイヤーのたわみの評価系の開発と、自動化手法の確立	9
5.0.1	過去の測定手法	9
5.0.2	測定系の設計	9
5.0.3	解析手法	9
5.0.4	作成したシステムのパフォーマンスチェック	9
5.0.5	UHF 用ワイヤーグリッドのたわみの測定	9
第6章	今後の展望	10
第7章	結論	11
	表目次	12

第1章 CMB

CMB について述べるよ

第2章 Simons Observatory 実験

2.1 Simons Observatory 実験

Simons Observatory 実験 (以後、SO と呼ぶ) は、チリのアタカマ砂漠を拠点とする史上最大規模の地上 CMB 観測実験である。現在、口径 0.5 m の小口径望遠鏡 (Small Aperture Telescope, SAT) 3 台と、口径 6 m の大口径望遠鏡 (Large Aperture Telescope, LAT) 1 台を用いた観測が進められている。[3] 検出器としては TES (Transition Edge Sensor) 検出器を採用しており、SAT にはそれぞれ約 1 万個ずつ、LAT には約 3 万個の検出器が搭載されている。合計約 6 万個もの検出器を通して CMB の変更を高精度で測定し、インフレーションに由来する原始重力波の検出や、ニュートリノの有効世代数、ニュートリノ質量和の測定を目指す。[1]

立体角 Ω 、開口面積 A 、観測波長 λ について、回折限界の関係式

$$\Omega = \frac{\lambda^2}{A} \quad (2.1)$$

を考えると、より大きな口径 A を持つ望遠鏡ほどより高い角度分解能を有し、小角度の相関を観測するのに適していることがわかる。その一方で、大口径の望遠鏡は一度に観測できる範囲も小さくなるため、大角度の相関を観測するのに時間を要し、大気揺らぎの影響を受けやすくなってしまう。以上の理由から、小口径で大角度相関を調べる SAT と、大口径で小角度相関を調べる LAT を組み合わせることで、CMB のより精密な測定を実現する。

2.2 Large Aperture Telescope (LAT)

2.3 Small Aperture Telescope (SAT)

2.3.1 TES 検出器

2.3.2 極低温連続回転式半波長板 (HWP)

大気による熱放射は常に揺らいでいる。これは大気による $1/f$ ノイズとして知られ、CMB 偏光観測実験においては、このノイズと CMB 偏光信号を分離することが重要である。Simons Observatory では、この大気による熱放射を取り除くために、極低温連続回転式半波長板 (cryogenic continuously rotating Half-Wave Plate, 以後、単に CHWP と呼ぶ) を用いる。[4]

一般に、HWP は複屈折の特性を持つ素材からなり、素子中のある決まった軸に対して電場成分を反転させる。すなわち、HWP に入射する光の電場 E は HWP を通過することで

$$E_1 = E_1 \quad (2.2)$$

$$E_2 = -E_2 \quad (2.3)$$

となる。ここで、1, 2 はそれぞれ HWP の光学軸を表し、1 軸に対して電場成分が反転している。入射光として偏光角が HWP の 1 軸から測って χ であるような直線偏光した光を考える。HWP を通過した後の偏光角は $-\chi$ となり、偏光が 1 軸対称に反転、つまり -2χ だけ変化する。(図 2.1) この性質により、入力信号のストークスパラメータがそれぞれ $I_{\text{in}}(t), Q_{\text{in}}(t), U_{\text{in}}(t)$ であるとき、出力信号 $d_m(t)$ は

$$d_m(t) = I_{\text{in}}(t) + \varepsilon \text{Re} [(Q_{\text{in}}(t) + iU_{\text{in}}(t)) \exp(-i4\chi)] \quad (2.4)$$

となる。ここで、 ε は変調効率である。SO では、HWP を 2 Hz で回転させることで、連続的に入射する直線偏光による信号を 8 Hz に変調して出力する。HWP の角振動数を ω_{HWP} とすると、 $\chi = \omega_{\text{HWP}} t$ と表され、出力信号は

$$d_m(t) = I_{\text{in}}(t) + \varepsilon \text{Re} [(Q_{\text{in}}(t) + iU_{\text{in}}(t)) \exp(-i4\omega_{\text{HWP}} t)] \quad (2.5)$$

となる。検出器はある偏光角方向 θ_{det} にのみ感度を持つため、最終的に検出器が読み出す信号 $d_{m,\text{det}}$ は

$$d_{m,\text{det}}(t) = I_{\text{in}}(t) + \varepsilon \text{Re} [(Q_{\text{in}}(t) + iU_{\text{in}}(t)) \exp \{-i(4\omega_{\text{HWP}} t - 2\theta_{\text{det}})\}] \quad (2.6)$$

となる。この信号のフーリエ変換は

$$\begin{aligned} \tilde{d}_{m,\text{det}}(\Omega) &= \tilde{I}_{\text{in}}(\Omega) \\ &+ \frac{\varepsilon}{2} \left[\left\{ \tilde{Q}_{\text{in}}(\Omega + 4\omega_{\text{HWP}}) + i\tilde{U}_{\text{in}}(\Omega + 4\omega_{\text{HWP}}) \right\} \exp(i2\theta_{\text{det}}) \right] \\ &+ \frac{\varepsilon}{2} \left[\left\{ \tilde{Q}_{\text{in}}(\Omega - 4\omega_{\text{HWP}}) - i\tilde{U}_{\text{in}}(\Omega - 4\omega_{\text{HWP}}) \right\} \exp(i2\theta_{\text{det}}) \right] \end{aligned} \quad (2.7)$$

である。この式はほとんど時間変化しない信号 ($\Omega \sim 0$) が HWP を通過することで、周波数 $\pm 4\omega_{\text{HWP}}$ のところに移ることを示している。このようにして、元々 $1/f$ ノイズが大きかった低周波帯の信号を、ノイズの少ない高周波帯に変換できる。 $Q_{\text{in}} + iU_{\text{in}}$ を得るためには、 $+4\omega_{\text{HWP}}$ のまわりのみを通すバンドパスフィルタ \mathcal{F}^{BPF} を通した後、2 倍して位相を元に戻せば良い。つまり、復調後に得られる信号 $d_{d,\text{det}}$ は

$$d_{d,\text{det}}(t) = \mathcal{F}^{\text{BPF}}[d_{m,\text{det}}(t)] \times 2 \exp(i4\omega_{\text{HWP}} t) \quad (2.8)$$

$$= \varepsilon [Q_{\text{in}}(t) + iU_{\text{in}}(t)] \exp[i2\theta_{\text{det}}] \quad (2.9)$$

となっている。

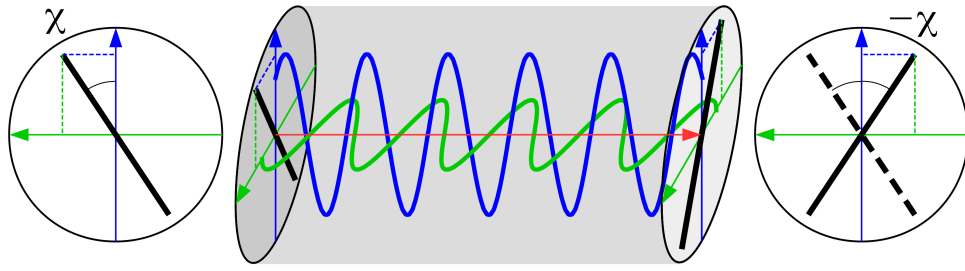


図 2.1: HWP を通過することで、偏光角が変化することを示した概念図。青い軸が 1 軸、緑の軸が 2 軸に対応する。入射した直線偏光の偏光角が 1 軸に対して χ であり、複屈折によって -2χ だけ変化する。

2.4 偏光角較正の重要性とその手法

CMB 偏光観測実験での B-mode 観測において、検出器の偏光角を精度よく知ることは極めて重要である。本節では、偏光角の誤較正が観測された B-mode 偏光にどのような影響を及ぼすかを説明し、CMB 偏光観測実験においてどのような偏光角較正手法が歴史的に取られてきたかについて述べる。

2.4.1 偏光角の誤較正に伴う偏光の漏れ込み

今、すべての検出器における偏光角を $\delta\theta$ だけ誤って較正してしまったとすると、観測されるストークスパラメータ $Q_{\text{obs}}, U_{\text{obs}}$ は真のストークスパラメータ Q, U に対して

$$Q_{\text{obs}} \pm iU_{\text{obs}} = e^{\pm i2\delta\theta} (Q \pm iU) \quad (2.10)$$

$$= e^{\pm i2\delta\theta} \sum_{l=2} \sum_{m=-l}^l \pm 2a_{lm} \pm 2Y_{lm}(\theta, \phi) \quad (2.11)$$

と表される。[so:Keeting*2023][2] E モード、B モード偏光を表現する係数 a_{lm}^E, a_{lm}^B を用いると、スピン 2 の球面調和関数で展開する際の係数 $\pm 2a_{lm}$ は

$$\pm 2a_{lm} = -(a_{lm}^E \pm ia_{lm}^B) \quad (2.12)$$

であるから

$$Q_{\text{obs}} \pm iU_{\text{obs}} = \sum_{l=2} \sum_{m=-l}^l [-(a_{lm}^E \pm ia_{lm}^B)] e^{\pm i2\delta\theta} \pm 2Y_{lm}(\theta, \phi) \quad (2.13)$$

$$= \sum_{l=2} \sum_{m=-l}^l [-(a_{lm, \text{obs}}^E \pm ia_{lm, \text{obs}}^B)] \pm 2Y_{lm}(\theta, \phi) \quad (2.14)$$

が観測されることとなる。したがって、パワースペクトル

$$C_l^{XX'} = \frac{1}{2l+1} \sum_{m=-l}^l \langle (a_{lm}^X)^* a_{lm}^{X'} \rangle \quad (2.15)$$

は、偏光角の誤較正によって

$$\begin{pmatrix} C_{\text{obs},l}^{TT} \\ C_{\text{obs},l}^{TE} \\ C_{\text{obs},l}^{TB} \\ C_{\text{obs},l}^{EE} \\ C_{\text{obs},l}^{BB} \\ C_{\text{obs},l}^{EB} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \cos(2\delta\theta) & 0 & -\sin(2\delta\theta) & 0 & 0 \\ 0 & \sin(2\delta\theta) & 0 & \cos(2\delta\theta) & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \cos^2(2\delta\theta) & \sin^2(2\delta\theta) & -\sin(4\delta\theta) \\ 0 & 0 & 0 & \sin^2(2\delta\theta) & \cos^2(2\delta\theta) & \sin(4\delta\theta) \\ 0 & 0 & 0 & \sin(4\delta\theta)/2 & -\sin(4\delta\theta)/2 & \cos(4\delta\theta)/2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} C_l^{TT} \\ C_l^{TE} \\ C_l^{TB} \\ C_l^{EE} \\ C_l^{BB} \\ C_l^{EB} \end{pmatrix} \quad (2.16)$$

となる。標準宇宙モデルが正しく、原始密度ゆらぎがパリティ不変だった場合であっても $C_l^{TB} = C_l^{EB} = 0$ であるが、偏光角の誤較正は C_l^{EE} から C_l^{BB} への漏れ込みを引き起こす

$$C_{\text{obs},l}^{BB} = \sin^2(2\delta\theta)C_l^{EE} + \cos^2(2\delta\theta)C_l^{BB}. \quad (2.17)$$

式(??)に基づき、偏光角の誤較正が C_l^{EE} から $C_{\text{obs},l}^{BB}$ への漏れ込みとして及ぼす影響を図??に示す。誤較正の目安として、 $\delta\theta = 10, 1, 0.1$ deg の場合をプロットしている。

偏光角較正の要求精度は望遠鏡の感度や delensing の能率、ノイズなどによって変化するが、delensing の能率を 50% とし、ノイズとして SO において最も悲観的な場合を考えた場合においても、 $\delta\theta \leq 0.1$ deg であればこの漏れ込みが生む r への系統誤差は無視できるほどに小さくなる。
[<empty citation>]

2.4.2 偏光角較正手法

2.4.2.1 Taurus A (Tau A)

2.4.2.2 月

2.4.2.3 誘電体シート

2.4.2.4 デンスワイヤーグリッド

2.4.2.5 スパースワイヤーグリッド

第3章 スパースワイヤーグリッドを用いた偏光角較正装置

3.1 概要

スパースワイヤーグリッドの外観を図??に示す。これは金属製のワイヤーを、入射光よりも十分長い間隔で平行に張ったものであり、ワイヤー軸に沿った偏光を生成する。Simons Observatory 実験では、検出器の偏光角較正のために、人工偏光光源としてスパースワイヤーグリッドを用いた偏光角較正装置を使用する。

3.2 スパースワイヤーグリッド

これはアルミニウム製の直径 830mm の円環に、直径 0.1mm のタングステンワイヤーを 20mm 間隔で張り巡らせたものである。

3.3 偏光信号の生成原理

金属製のワイヤーが、周囲から来た入射光を反射することを考える。入射光の波長がワイヤーの直径よりも十分に長い場合、ワイヤー中の自由電子はワイヤーに沿う方向のみに動くと思えることができ、ワイヤーは自身の軸に沿った偏光状態を持つ光のみを反射する。このようなワイヤーを望遠鏡の視野に置くと、ワイヤーは周囲の環境から来る熱放射を反射し、ワイヤー軸と同じ方向に偏光した光を望遠鏡に送り込む。実際には望遠鏡は空も視野に含み、無偏光な大気放射、ワイヤーからの偏光信号の重ね合わせが見える。??にて述べた、回転半波長板という光学素子を用いることで無偏光な大気放射を取り除き、ワイヤーからの偏光信号のみを抽出して偏光角較正に用いる。また、ワイヤー間隔を調整することで実行的な放射温度を調整し、CMB 望遠鏡の検出器に入射する光の強度を調整することができる。

3.4 偏光角較正の原理

式 (2.6) において、入射光としてワイヤー由来の偏光角 θ_{WG} の直線偏光した光を考える。 $Q_{\text{in}}(t) + iU_{\text{in}}(t) = \exp[2i\theta_{\text{WG}}]$ となるため、

$$d_{\text{m,det}}(t) = I_{\text{in}}(t) + \varepsilon \operatorname{Re} [\exp \{-i(4\omega_{\text{HWP}}t - 2\theta_{\text{det}} - 2\theta_{\text{WG}})\}] \quad (3.1)$$

となる。ワイヤー由来の光の強度はほとんど時間変化しないため、 $I_{\text{in}}(t) \simeq \text{const.}$ とみなせる。したがって、この変調信号は時系列データとして位相オフセット $2(\theta_{\text{det}} + \theta_{\text{WG}})$ を持った角振動数

$4\omega_{\text{HWP}}$ の正弦波としてみえる。理想的な時系列データのイメージを図??に示す。これを復調することで、式 (??) より

$$d_{\text{d,det}} = \varepsilon \exp [i2(\theta_{\text{WG}} + \theta_{\text{det}})] \quad (3.2)$$

という偏光情報のみを得る。ワイヤーの角度 θ_{WG} を変化させると、この $d_{\text{d,det}}$ は複素平面上で円 (較正円と呼ぶ) を描く。実際には、 θ_{WG} を 22.5° ごとに变化させ、較正円を描く。

ワイヤーが重力と平行になる時、ストークスパラメータ Q が最大になるとして検出器の偏光角を決める。

3.5 設計

3.6

第 4 章 角度計

角度計について書こうね。

- 4.0.1 角度計の精度による絶対角較正への影響
- 4.0.2 電源の入れ直しによるオフセット変動の評価
- 4.0.3 温度による出力の変化の評価
 - 4.0.3.1 評価系の概要
 - 4.0.3.2 測定結果
 - 4.0.3.3 測定結果の考察
- 4.0.4 まとめ

第5章 ワイヤーのたわみの評価系の開発と、自動化手法の確立

これまでに述べたように、ワイヤーのたわみは

- 5.0.1 過去の測定手法
- 5.0.2 測定系の設計
- 5.0.3 解析手法
- 5.0.4 作成したシステムのパフォーマンスチェック
- 5.0.5 UHF 用ワイヤーグリッドのたわみの測定

第6章 今後の展望

希望ある将来について書こうね。

第 7 章 結論

謝辞

Thank you!

表 目 次

図 目 次

- 2.1 HWP を通過することで、偏光角が変化することを示した概念図。青い軸が 1 軸、緑の軸が 2 軸に対応する。入射した直線偏光の偏光角が 1 軸に対して χ であり、複屈折によって -2χ だけ変化する。 4

参考文献

- [1] Peter Ade et al. “The Simons Observatory: science goals and forecasts”. In: Journal of Cosmology and Astro 2019.02 (Feb. 2019), pp. 056–056. ISSN: 1475-7516. DOI: 10.1088/1475-7516/2019/02/056. URL: <http://dx.doi.org/10.1088/1475-7516/2019/02/056>.
- [2] J. P. Kaufman et al. “Self-calibration of BICEP1 three-year data and constraints on astrophysical polarization rotation”. In: Phys. Rev. D 89 (6 Mar. 2014), p. 062006. DOI: 10.1103/PhysRevD.89.062006. URL: <https://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRevD.89.062006>.
- [3] Aashrita Mangu et al. “The Simons Observatory: Design, Integration, and Current Status of Small Aperture Telescopes”. In: Proceedings of XVIII International Conference on Topics in Astroparticle TAUP2023. Sissa Medialab, Jan. 2024, p. 003. DOI: 10.22323/1.441.0003. URL: <http://dx.doi.org/10.22323/1.441.0003>.
- [4] K. Yamada et al. “The Simons Observatory: Cryogenic half wave plate rotation mechanism for the small aperture telescopes”. In: Review of Scientific Instruments 95.2 (Feb. 2024). DOI: 10.1063/5.0178066. URL: <https://www.scopus.com/inward/record.uri?partnerID=Hz0xMe3b&scp=85185746530&origin=inward>.