

Wydział Elektroniki  
Kierunek Informatyka  
Politechnika Wrocławska

# **LABORATORIUM GRAFIKI KOMPUTEROWEJ I KOMUNIKACJI CZŁOWIEK KOMPUTER**

Ćwiczenie nr 6

Temat:

## **Teksturowanie**

Autor sprawozdania: Dominik Kurowski (248840)

Grupa laboratoryjna: Środa TP 11:45 – 14:15

Prowadzący: Dr inż. Jan Nikodem

## 1. Cel ćwiczenia

Celem ćwiczenia jest pokazanie podstawowych technik tekstutowania powierzchni obiektów z wykorzystaniem mechanizmów biblioteki OpenGL z rozszerzeniem GLUT. Na przykładach zilustrowana będzie droga od przeczytania obrazu tekstury, do nałożenia jej fragmentów na poszczególne fragmenty modelu obiektu trójwymiarowego. Pokazane zostaną przykłady tekstutowania wielościanu i bardziej skomplikowanego modelu w postaci siatki trójkątów (jajka).

## 2. Zrealizowane zadania

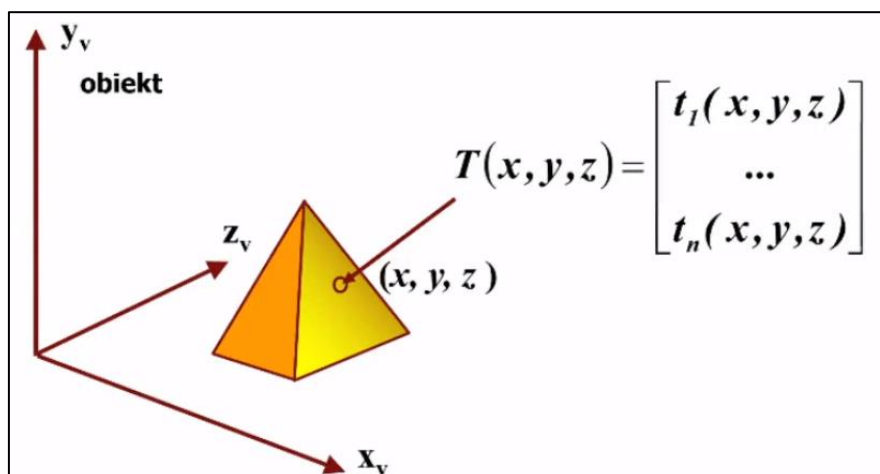
W ramach laboratorium mieliśmy wykonać zadania opisane w instrukcji „OpenGL - tekstutowanie powierzchni obiektów” znajdującej się na stronie Zespołu Systemów Komputerowych. Były to kolejno:

- A. Tekstutowanie wielościanu (piramidy) z możliwością sterowania widocznością poszczególnych ścian przy pomocy klawiatury.
- B. Tekstutowanie bardziej skomplikowanego modelu w postaci siatki trójkątów (jajka).

## 3. Zagadnienia teoretyczne

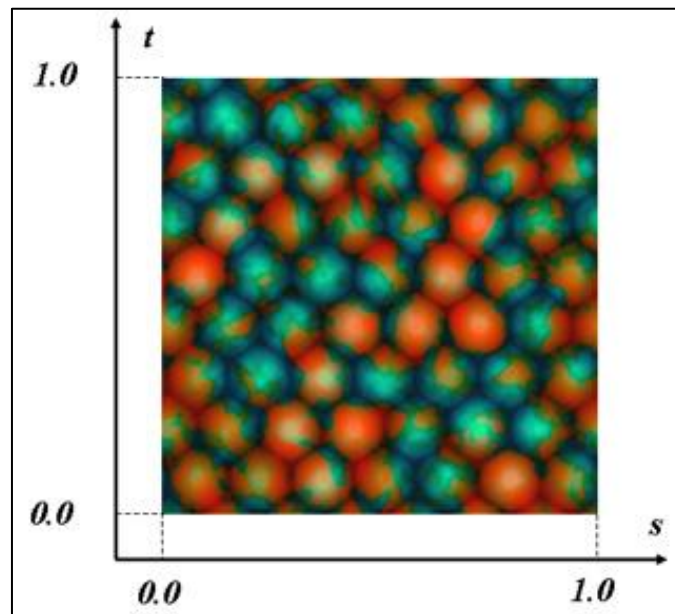
### ▪ Tekstura oraz tekstutowanie

Tekstura jest funkcją wektorową określoną dla punktów należących do powierzchni obiektu. W przypadku tego ćwiczenia tekstura będzie opisywana na podstawie zewnętrznego pliku graficznego.

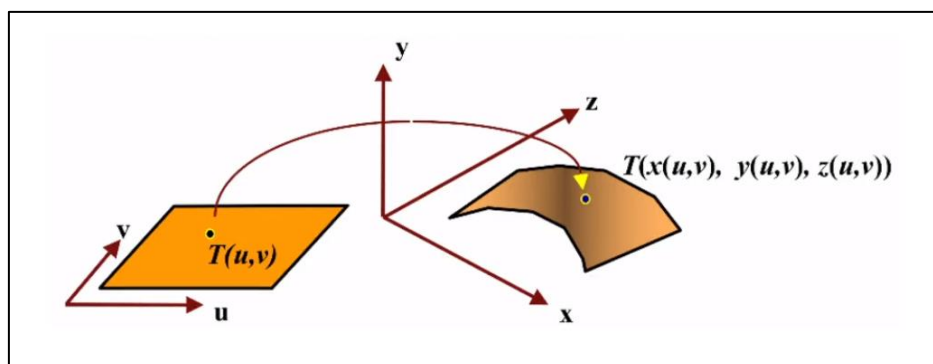


Rysunek 1. Intuicja stojąca za teksturą

Odwzorowanie współrzędnych dwuwymiarowej tekstury na współrzędne obiektu trójwymiarowego nosi nazwę – mapowanie tekstury:



Rysunek 3. Wzorec w układzie współrzędnych tekstury



Rysunek 2. Rzutowanie parametryczne

1. Odwzorowanie może zostać utworzone automatycznie, w procesie generacji obiektu przez oprogramowanie.
2. Jeśli obiekt jest reprezentowany przez siatkę wielokątów projektant może określić współrzędne tekstury dla każdego wierzchołka – jest to tak zwany UV mapping.
3. Tekstura mapowana jest najpierw na jakąś prostą figurę przestrzenną, a następnie konkretne punkty są rzutowane na teksturowaną figurę. Używane figury:
  - płaszczyzna (mapowanie płaskie)
  - sfera lub elipsoida (mapowanie sferyczne)
  - powierzchnia walca (mapowanie cylindryczne)
  - sześciąt (mapowanie sześciennie, ang. box mapping).

Odwzorowanie jest wykonywane w lokalnym układzie współrzędnych obiektu, co sprawia, że tekstura jest „przyklejona” na stałe do obiektu, nadając jego powierzchni pożądany charakter. Rzadziej tekstura jest ruchoma względem obiektu; w grafice czasu rzeczywistego (np. grach komputerowych), w ten sposób symuluje się metaliczne obiekty, które odbijają otoczenie (jest to tzw. mapowanie środowiska, ang. environment mapping).

#### ▪ Współrzędne jednorodne

Niech  $x_p, y_p, z_p$ , opisują położenie punktu w trójwymiarowym kartezjańskim układzie współrzędnych. W grafice komputerowej do opisu położenia oraz opisu operacji (transformacji geometrycznych) jest używany **układ współrzędnych jednorodnych znormalizowanych**. Dzięki temu wszystkie stosowane transformacje geometryczne mogą być opisane w identyczny sposób za pomocą mnożenia macierzowego. Jeśli współrzędne  $x_p, y_p, z_p$  opisują położenie punktu, to odpowiada temu wektor:

$$P = [x_p \quad y_p \quad z_p \quad 1]^T$$

Zastosowanie w przypadku przesunięcia na płaszczyźnie współrzędnych jednorodnych można sobie wyobrazić jako umieszczenie płaszczyzny, na której pracujemy, w trójwymiarowym układzie współrzędnych, w taki sposób, aby nie przechodziła ona przez początek układu (tzn. dla  $z = h_z \neq 0$ ). Wtedy analogiczne opisanie operacji translacji na płaszczyźnie (ale już jako macierz 3x3) da poprawne rozwiązanie, gdyż punkt stały – początek układu współrzędnych jest poza płaszczyzną, na której jest wykonywana operacja. Jednocześnie, aby wynik operacji znajdował się na tej samej płaszczyźnie, najprościej operować na współrzędnych znormalizowanych, czyli pracować na płaszczyźnie  $z = 1$ .

Analogicznie dla przekształceń trójwymiarowych można wyobrazić sobie umieszczenie przestrzeni 3D i trójwymiarowego układu współrzędnych wewnątrz układu czterowymiarowego, tak aby nie zawierał on początku układu współrzędnych.

▪ **Wektor normalny – wyznaczenie wektora dla modelu jajka**

W ćwiczeniu „Modelowanie 3D” budowaliśmy model jajka na podstawie równań parametrycznych powierzchni w postaci:

$$\begin{aligned}x(u, v) &= (-90u^5 + 225u^4 - 270u^3 + 180u^2 - 45u)\cos(\pi v) \\y(u, v) &= 160u^4 - 320u^3 + 160u^2 \\z(u, v) &= (-90u^5 + 225u^4 - 270u^3 + 180u^2 - 45u)\sin(\pi v) \\0 &\leq u \leq 1 \\0 &\leq v \leq 1\end{aligned}$$

Wektor normalny do punktu leżącego na tak opisanej powierzchni można znaleźć posługując się wzorami:

$$\begin{aligned}N(u, v) &= \left[ \begin{vmatrix} y_u & z_u \\ y_v & z_v \end{vmatrix}, \begin{vmatrix} z_u & x_u \\ z_v & x_v \end{vmatrix}, \begin{vmatrix} x_u & y_u \\ x_v & y_v \end{vmatrix} \right] = \\&= [y_u \cdot z_v - z_u y_v, \quad z_u \cdot x_v - x_u z_v, \quad x_u \cdot y_v - y_u x_v] \neq 0\end{aligned}$$

przy czym

$$\begin{aligned}x_u &= \frac{\partial x(u, v)}{\partial u}, & x_v &= \frac{\partial x(u, v)}{\partial v} \\y_u &= \frac{\partial y(u, v)}{\partial u}, & y_v &= \frac{\partial y(u, v)}{\partial v} \\z_u &= \frac{\partial z(u, v)}{\partial u}, & z_v &= \frac{\partial z(u, v)}{\partial v}\end{aligned}$$

Po wykonaniu operacji różniczkowania otrzymuje się wzory pozwalające na łatwe obliczenie wektora normalnego:

$$x_u = \frac{\partial x(u,v)}{\partial u} = (-450u^4 + 900u^3 - 810u^2 + 360u - 45) \cdot \cos(\pi v)$$

$$x_v = \frac{\partial x(u,v)}{\partial v} = \pi \cdot (90u^5 - 225u^4 + 270u^3 - 180u^2 + 45u) \cdot \sin(\pi v)$$

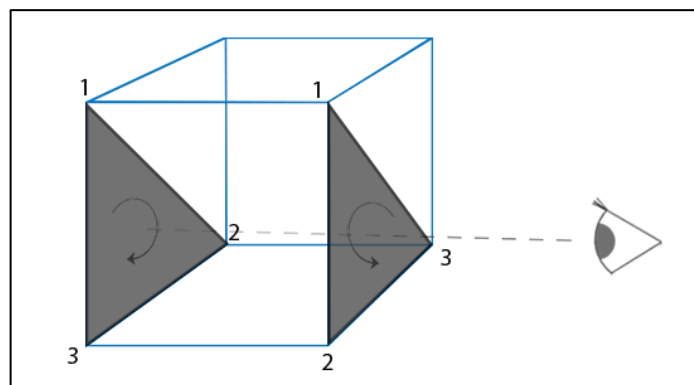
$$y_u = \frac{\partial y(u,v)}{\partial u} = 640u^3 - 960u^2 + 320u$$

$$y_v = \frac{\partial y(u,v)}{\partial v} = 0$$

$$z_u = \frac{\partial z(u,v)}{\partial u} = (-450u^4 + 900u^3 - 810u^2 + 360u - 45) \cdot \sin(\pi v)$$

$$z_v = \frac{\partial z(u,v)}{\partial v} = -\pi \cdot (90u^5 - 225u^4 + 270u^3 - 180u^2 + 45u) \cdot \cos(\pi v)$$

Wektor normalny jest kluczowy w przypadku ustawienia teksturowania wyłącznie jednej ze stron modelu (`glEnable(GL_CULL_FACE)`). Na jego podstawie możemy ustalić gdzie jest przód danej ściany.



Rysunek 4. Zjawisko face cullingu w OpenGL

## 4. Fragmenty kodu

### ▪ Inicjalizacja parametrów teksturowania

```
223 void MyInit(void) {
224
225     GLbyte* pBytes;
226     GLint ImWidth, ImHeight, ImComponents;
227     GLenum ImFormat;
228
229     pBytes = LoadTGAImage("texture/D1.tga", &ImWidth, &ImHeight, &ImComponents, &ImFormat);
230
231     glTexImage2D(GL_TEXTURE_2D, 0, ImComponents, ImWidth, ImHeight, 0, ImFormat, GL_UNSIGNED_BYTE, pBytes);
232     free(pBytes);
233     glEnable(GL_TEXTURE_2D);
234     glTexEnvf(GL_TEXTURE_ENV, GL_TEXTURE_ENV_MODE, GL_MODULATE);
235     glTexParameterf(GL_TEXTURE_2D, GL_TEXTURE_MIN_FILTER, GL_LINEAR);
236     glTexParameterf(GL_TEXTURE_2D, GL_TEXTURE_MAG_FILTER, GL_LINEAR);
}
```

Kod 1. Inicjalizacja parametrów teksturowania

[wiersze 225-227]: zmienne przechowujące informacje o teksturze. *\*pBytes* jest wskaźnikiem na strumień bajtów. *ImWidth* oraz *ImHeight* to odpowiednio szerokość oraz wysokość używanej tekstury. *ImComponents* informuje o ilości używanych składowych koloru natomiast *ImFormat* o formacie danych obrazu tekstury

[wiersz 229]: wczytanie interesującej nas tekstury do strumienia bajtów *\*pBytes*

[wiersz 231]: zdefiniowanie tekstury dwuwymiarowej

**void** glTexImage2D(**GLenum** target, **GLint** level, **GLint** components, **GLsizei** width, **GLsizei** height, **GLint** border, **GLenum** format, **GLenum** type, const **GLvoid** \*pixels)

Argumenty funkcji mają następujące znaczenie:

Argument	Opis
<i>target</i>	Rodzaj definiowanej tekstury
<i>level</i>	Poziom szczegółowości. Jest ustawiany na 0 gdy <i>mipmappy</i> nie są stosowane, gdy <i>mipmappy</i> są używane <i>level</i> jest liczbą określającą poziom redukcji obrazu tekstury.
<i>components</i>	Ilość używanych składowych koloru, liczba od 1 do 4.
<i>width</i>	Szerokość obrazu tekstury, zawsze jest potęgą liczby 2, może być powiększona o szerokość tak zwanej ramki tekstury
<i>height</i>	Wysokość obrazu tekstury, zawsze jest potęgą liczby 2, może być powiększona o szerokość ramki tekstury.
<i>border</i>	Szerokość ramki tekstury, może wynosić 0, 1 lub 2
<i>format</i>	Format danych obrazu tekstury, określa co opisują dane, czy są indeksami kolorów czy ich składowymi (np. R, G, B) i w jakiej są podane kolejności.
<i>type</i>	Typ danych dla punktów obrazu tekstury, określa jak kodowane są dane, istnieje możliwość używania różnych formatów liczb, od 8 bitowych liczb stałoprzecinkowych, do 32 bitowych liczb zmiennoprzecinkowych.
<i>pixels</i>	Tablica o rozmiarze <i>width</i> x <i>height</i> x <i>components</i> , w której znajdują się dane z obrazem tekstury.

[wiersz 232] : zwolnienie pamięci

[wiersz 233] : włączenie mechanizmu teksturowania

[wiersz 234] : ustalenie trybu teksturowania. Możliwe parametry to *GL\_MODULATE* (kolor piksela ekranu jest mnożony przez kolor piksela tekstury, następuje w ten sposób mieszanie barw tekstury i tego co jest teksturowane), *GL\_DECAL* (piksele tekstury zastępują piksele na ekranie), *GL\_BLEND* (kolor piksela ekranu jest mnożony przez kolor piksela tekstury i łączony ze stałym kolorem) oraz *GL\_REPLACE* (działa podobnie jak *GL\_DECAL* różnica występuje wtedy, gdy wprowadzona zostaje przezroczystość)

[wiersz 235-236] : określenie sposobu nakładania tekstury

```
void glTexParameteri(GLenum target, GLenum pname, GLint param)
```

Argumenty funkcji mogą przyjmować następujące wartości:

<i>pname</i>	<i>param</i>
<b>GL_TEXTURE_MIN_FILTER</b>	Opisuje w jaki sposób następuje pominiejszanie tekstury (usuwanie pikseli) <b>GL_NEAREST</b> - usuwa się najbliższy (w sensie metryki Manhattan) punkt sąsiedni <b>GL_LINEAR</b> - filtracja liniowa z odpowiednimi wagami
<b>GL_TEXTURE_MAG_FILTER</b>	Opisuje w jaki sposób następuje powiększanie tekstury (dodawanie pikseli) <b>GL_NEAREST</b> - dodaje się najbliższy (w sensie metryki Manhattan) punkt sąsiedni <b>GL_LINEAR</b> - interpolacja liniowa wykorzystująca wartości sąsiednich pikseli
<b>GL_TEXTURE_WRAP_S</b>	Opisuje sposób traktowania współrzędnej <i>s</i> tekstury, gdy wykracza ona poza zakres [0, 1] <b>GL_CLAMP</b> - poza zakresem stosowany jest kolor ramki tekstury lub stały kolor <b>GL_REPEAT</b> - tekstura jest powtarzana na całej powierzchni wielokąta
<b>GL_TEXTURE_WRAP_T</b>	Opisuje sposób traktowania współrzędnej <i>t</i> tekstury, gdy wykracza ona poza zakres [0, 1] <b>GL_CLAMP</b> - poza zakresem stosowany jest kolor ramki tekstury lub stały kolor <b>GL_REPEAT</b> - tekstura jest powtarzana na całej powierzchni wielokąta

## ▪ Rysowanie jajka

```
119 void drawEgg() {  
120     for (int i = 0; i < N; ++i) {  
121         for (int j = 0; j < N; ++j) {  
122             glBegin(GL_TRIANGLES);  
123                 glNormal3fv(normal_vectors[i][j]);  
124                 glTexCoord2fv(texture_points[i][j]);  
125                 glVertex3fv(points[i][j]);  
126  
127                 glNormal3fv(normal_vectors[i + 1][j]);  
128                 glTexCoord2fv(texture_points[i + 1][j]);  
129                 glVertex3fv(points[i + 1][j]);  
130  
131                 glNormal3fv(normal_vectors[i + 1][j + 1]);  
132                 glTexCoord2fv(texture_points[i + 1][j + 1]);  
133                 glVertex3fv(points[i + 1][j + 1]);  
134             glEnd();  
135  
136             glBegin(GL_TRIANGLES);  
137                 glNormal3fv(normal_vectors[i][j]);  
138                 glTexCoord2fv(texture_points[i][j]);  
139                 glVertex3fv(points[i][j]);  
140  
141                 glNormal3fv(normal_vectors[i][j + 1]);  
142                 glTexCoord2fv(texture_points[i][j + 1]);  
143                 glVertex3fv(points[i][j + 1]);  
144  
145                 glNormal3fv(normal_vectors[i + 1][j + 1]);  
146                 glTexCoord2fv(texture_points[i + 1][j + 1]);  
147                 glVertex3fv(points[i + 1][j + 1]);  
148             glEnd();  
149         }  
150     }  
151 }
```

Kod 2. Rysowanie jajka – rysowanie modelu, określanie wektorów normalnych oraz nakładanie tekstury



- Główny fragment programu (generowanie danych)

```

239     const float offset = 1.0f / N;
240
241     float v = 0.0f;
242     float u = 0.0f;
243
244     float x_u, x_v, y_u, y_v, z_u, z_v;
245
246     for (int i = 0; i <= N; ++i) {
247         u = 0.0f;
248
249         for (int j = 0; j <= N; ++j) {
250             // Generowanie punktów w przestrzeni
251             points[i][j][0] =
252                 (-90 * pow(u, 5) + 225 * pow(u, 4) - 270 * pow(u, 3) + 180 * pow(u, 2) - 45 * u) * cos(M_PI * v);
253             points[i][j][1] =
254                 (160 * pow(u, 4) - 320 * pow(u, 3) + 160 * pow(u, 2)) - 5;
255             points[i][j][2] =
256                 (-90 * pow(u, 5) + 225 * pow(u, 4) - 270 * pow(u, 3) + 180 * pow(u, 2) - 45 * u) * sin(M_PI * v);
257
258             // Generowanie punktów dla tekstury
259             texture_points[i][j][0] = u;
260             texture_points[i][j][1] = v;
261
262             // Generowanie wektora normalnego do zadanego punktu
263             x_u = (-450 * pow(u, 4) + 900 * pow(u, 3) - 810 * pow(u, 2) + 360 * u - 45) * cos(M_PI * v);
264             x_v = M_PI * (90 * pow(u, 5) - 225 * pow(u, 4) + 270 * pow(u, 3) - 180 * pow(u, 2) + 45 * u) * sin(M_PI * v);
265             y_u = 640 * pow(u, 3) - 960 * pow(u, 2) + 320 * u;
266             y_v = 0;
267             z_u = (-450 * pow(u, 4) + 900 * pow(u, 3) - 810 * pow(u, 2) + 360 * u - 45) * sin(M_PI * v);
268             z_v = -M_PI * (90 * pow(u, 5) - 225 * pow(u, 4) + 270 * pow(u, 3) - 180 * pow(u, 2) + 45 * u) * cos(M_PI * v);
269
270             normal_vectors[i][j][0] = y_u * z_v - z_u * y_v;
271             normal_vectors[i][j][1] = z_u * x_v - x_u * z_v;
272             normal_vectors[i][j][2] = x_u * y_v - y_u * x_v;
273
274             if (i == 0 || i == N) {
275                 normal_vectors[i][j][0] = 0;
276                 normal_vectors[i][j][1] = -1;
277                 normal_vectors[i][j][2] = 0;
278             }
279             else if (i == (N + 1) / 2) {
280                 normal_vectors[i][j][0] = 0;
281                 normal_vectors[i][j][1] = 1;
282                 normal_vectors[i][j][2] = 0;
283             }
284             else if (i > (N + 1) / 2) {
285                 normal_vectors[i][j][0] *= -1;
286                 normal_vectors[i][j][1] *= -1;
287                 normal_vectors[i][j][2] *= -1;
288             }
289
290             // Normalizacja wektora
291             float vector_length = sqrt(pow(normal_vectors[i][j][0], 2) + pow(normal_vectors[i][j][1], 2) + pow(normal_vectors[i][j][2], 2));
292             normal_vectors[i][j][0] /= vector_length;
293             normal_vectors[i][j][1] /= vector_length;
294             normal_vectors[i][j][2] /= vector_length;
295
296             u += offset;
297         }
298         v += offset;
299     }
300 }

```

Kod 3. Generowanie danych

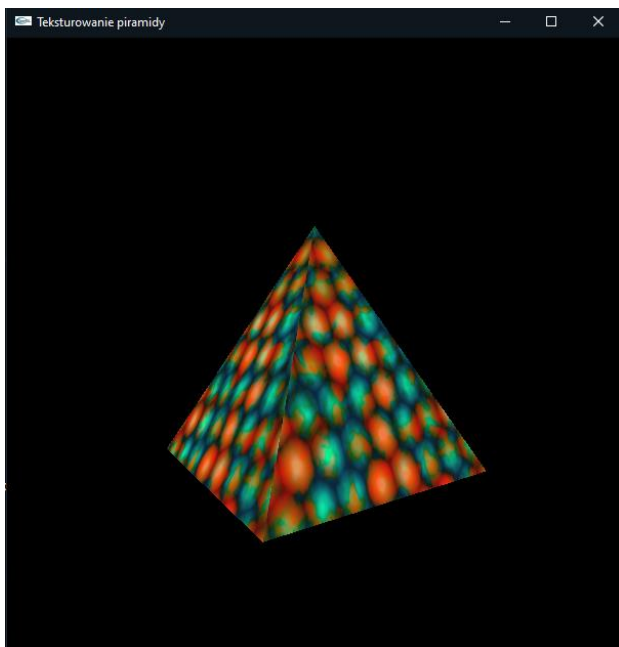
[wiersze 250-255] : generowanie punktów na podstawie równania parametrycznego jajka

[wiersze 259-260] : wyznaczenie tekstury dla danego fragmentu modelu jajka

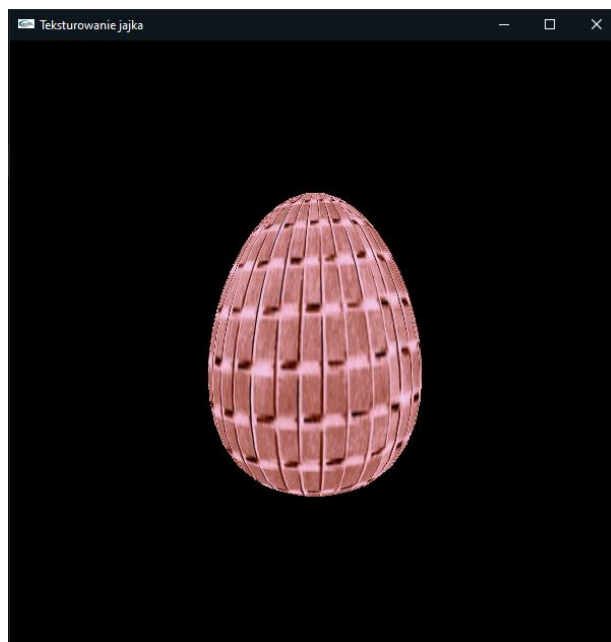
[wiersze 262-288] : wyznaczenie wektorów normalnych na podstawie równań [strona (5)]

[wiersze 291-294] : normalizacja wektorów

## 5. Wyniki i wnioski



*Rysunek 6. zadanie 1 – tekstutowanie piramidy*



*Rysunek 5. zadanie 2 – tekstutowanie jajka*

Stworzony program poprawnie realizuje wszystkie zadania opisane w instrukcji laboratoryjnej. Podczas jego projektowania nie natrafiliśmy na żadne problemy. Pierwszy program (Rysunek 6) pokazuje przykład tekstutowania wielościanu (w naszym przypadku piramidy) oraz oferuje możliwość wyłączenia/włączenia rysowania poszczególnych ścian poprzez aktywację klawiszy 1-5. Drugi program (Rysunek 5) pokazuje przykład tekstutowania bardziej złożonego modelu w postaci znanego nam już z poprzednich ćwiczeń jajka. Uważamy, że uzyskana podczas tych ćwiczeń wiedza pozwoliła na lepsze zrozumienie mechanizmów stojących za procesem tekstutowania w grafice komputerowej.