Лабораторная работа #3, ПМИ-1 [1, 2, 3]

Для следующих задач оптимизации по группам:

- 1. Логистическая регрессия с регуляризацией;
- 2. Задача линейной классификации без регуляризации;
- 3. Задача поиска кратчайшего пути в графе;
- 4. Метод наименьших квадратов (без регуляризации);
- 5. Метод опорных векторов (SVM);
- 6. Задача оптимизации портфеля инвестиций (модель Марковица).
- Для каждого значения размерности $n \in \{10, 20, ..., 100\}$ вектора переменных **x** сгенерируйте N = 100 тестовых примеров для вашей задачи (для задач логистической регрессии, классификации, МНК, SVM необходимо генерировать данные (точки в многомерном пространстве), для задачи поиска кратчайшего пути веса ребер в графе, в задаче оптимизации портфеля вектор средних и ковариационную матрицу);
- Решите каждый тестовый пример, используя солвер (для задач выпуклой оптимизации можно использовать CVX, для комбинаторных задач CPLEX). Постройте график зависимости среднего времени решения задач от размерности n. Сохраните

также значения глобального минимума \mathbf{x}^* и оптимального значения целевой функции $f_0(\mathbf{x}^*)$ для каждого тестового примера.

- Реализуйте для вашей задачи как минимум 2 алгоритма ее решения (это могут быть также вариации одного и того же алгоритма с различными параметрами). Алгоритмы могут использовать необходимые условия оптимальности, численные методы безусловной оптимизации (градиентный спуск, метод Ньютона) и их вариации для задач с ограничениями (градиентный спуск с проецированием на допустимое множество, методы внешнего штрафа), динамическое программирование (для задач комбинаторной оптимизации) и прочее. Проверьте, что ваши алгоритмы находят оптимальное решение с заданной точностью.
- Постройте график зависимости среднего времени работы алгоритмов от размерности, *n*. Какой алгоритм работает лучше и почему?

Объясните принцип работы и реализации рассмотренных алгоритмов. Оформите краткий отчет с последовательным вышеуказанных пунктов и выводами (Jupiter Notebook, Word, Latex), презентация обязательна.

Список литературы

- [1] S. Boyd, S. P. Boyd, and L. Vandenberghe, *Convex optimization*. Cambridge university press, 2004.
- [2] . . Нестеров, "Введение в выпуклую оптимизацию," 2010.
- [3] E. Vorontsova, R. Hildebrand, A. Gasnikov, and F. Stonyakin, "Выпуклая оптимизация," 2021.