Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Казанский национальный исследовательский технический университет – КАИ им. А.Н. Туполева

Институт компьютерных технологий и защиты информации Отделение СПО ИКТЗИ «Колледж информационных технологий»

# ОСНОВЫ АЛГОРИТМИЗАЦИИ И ПРОГРАММИРОВАНИЕ

Методические указания к лабораторным работам

Составитель преподаватель СПО ИКТЗИ Мингалиев Заид Зульфатович

Методические указания к лабораторным работам по дисциплине «ОСНОВЫ АЛГОРИТМИЗАЦИИ И ПРОГРАММИРОВАНИЕ» предназначены для студентов направления подготовки 09.02.07 «Информационные системы и программирование»

## ПРОЦЕСС СДАЧИ ВЫПОЛНЕННОЙ РАБОТЫ

По итогам выполнения работы студент:

- 1. демонстрирует преподавателю правильно работающие программы;
- 2. демонстрирует приобретённые знания и навыки отвечает на пару небольших вопросов преподавателя по составленной программе, возможностям её доработки;
  - 3. демонстрирует отчет по выполненной лабораторной работе.

Итоговая оценка складывается из оценок по трем указанным составляющим.

Шаблон оформления отчета представлен в приложении 1. Требования к формированию отчета представлены в приложении 2.

#### ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №4.

## Программирование алгоритмов преобразования матриц.

#### ЦЕЛЬ РАБОТЫ

Приобрести умения и практические навыки для программирования алгоритмов преобразования матриц.

### ХОД РАБОТЫ

### <u>1) Массивы в С#</u>

**Массив** представляет набор однотипных данных. Объявление массива в С# похоже на объявление переменной за тем исключением, что после указания типа ставятся квадратные скобки:

```
1 <Тип>[] <название_массива>;
```

Например, определим массив целых чисел:

```
1 int[] numbers;
```

После определения переменной массива мы можем присвоить ей определенное значение:

```
1 int[] numbers = new int[5];
```

Здесь вначале мы объявили массив nums, который будет хранить данные типа int. Далее используя операцию new, мы выделили память для пяти элементов массива: new int[4]. Число 5 еще называется длиной массива. При таком определении все элементы получают значение по умолчанию, которое предусмотрено для их типа. Для типа int значение по умолчанию - 0.

Также мы сразу можем указать значения для этих элементов:

```
1 int[] nums2 = new int[4] { 1, 2, 3, 5 };
2 int[] nums3 = new int[] { 1, 2, 3, 5 };
3 int[] nums4 = new[] { 1, 2, 3, 5 };
4 int[] nums5 = { 1, 2, 3, 5 };
```

Все перечисленные выше способы будут равноценны.

Для обращения к элементам массива используются индексы. Индекс представляет номер элемента в массиве, при этом нумерация начинается с

нуля, поэтому индекс первого элемента будет равен 0. А чтобы обратиться к четвертому элементу в массиве, нам надо использовать индекс 3, к примеру: nums[3].

Используем индексы для получения и установки значений элементов массива:

```
1 int[] nums = new int[4];
2 nums[0] = 1;
3 nums[1] = 2;
4 nums[2] = 3;
5 nums[3] = 5;
6 Console.WriteLine(nums[3]); // 5
```

И так как у нас массив определен только для 4 элементов, то мы не можем обратиться, например, к шестому элементу: nums[5] = 5;. Если мы так попытаемся сделать, то мы получим исключение **IndexOutOfRangeException**.

## 2) Массивы в С++

Объявление массива в С++ выглядит следующим образом:

```
1 <Tuп> <название_массива>[<кол-во элементов>];

Например:

1 int numbers[5];
```

Этим кодом мы создали массив типа int с именем numbers в котором может храниться до 5-ти элементов.

Рассмотрим способ указания значения элементам массива при его инициализации:

1	int arr[] = {0, 1, 2, 3, 4, 5}; // массив будет иметь
<b>T</b>	6 элементов (от 0 до 5)
2	int mas[100] = {0}; // все 100 элементов будут иметь
2	значение 0

Для того, чтобы задать значения, нужно сразу после объявления массива указать через равно в фигурных скобках требуемые значения.

Для того, чтобы присвоить элементу массива требуемое значение, достаточно указать имя массива и номер требуемого элемента, а затем после знака равенства указать присваиваемое значение:

Для обращения к элементу массива в C++ надо использовать следующею конструкцию:

Это может выглядеть следующим образом:

Таким образом мы выводим на экран значения одиннадцатого и двенадцатого элементов.

### 3) Многомерные массивы

Массивы характеризуются таким понятием как **ранг** или **количество измерений**. Выше мы рассматривали массивы, которые имеют одно измерение (то есть их ранг равен 1) - такие массивы можно представлять в виде горизонтального ряда элемента. Но массивы также бывают многомерными. У таких массивов количество измерений (то есть ранг) больше 1.

Массивы, которые имеют два измерения (ранг равен 2), называют двухмерными. Например, создадим одномерный и двухмерный массивы, которые имеют одинаковые элементы:

Визуально оба массива можно представить следующим образом:

## Одномерный массив nums1

Двухмерный массив nums2

0	1	2
3	4	5

Поскольку массив nums2 двухмерный, он представляет собой простую таблицу. Все возможные способы определения двухмерных массивов:

```
1 int[,] nums1;
2 int[,] nums2 = new int[2, 3];
3 int[,] nums3 = new int[2, 3] { { 0, 1, 2 }, { 3, 4, 5 } };
4 int[,] nums4 = new int[,] { { 0, 1, 2 }, { 3, 4, 5 } };
5 int[,] nums5 = new [,] { { 0, 1, 2 }, { 3, 4, 5 } };
6 int[,] nums6 = { { 0, 1, 2 }, { 3, 4, 5 } };
```

Массивы могут иметь и большее количество измерений. Объявление трехмерного массива могло бы выглядеть так:

Соответственно могут быть и четырехмерные массивы, и массивы с большим количеством измерений. Но на практике обычно используются одномерные и двухмерные массивы.

Если мы хотим отдельно пробежаться по каждой строке в таблице, то надо получить количество элементов в размерности. В частности, у каждого массива есть метод GetUpperBound(dimension), который возвращает индекс последнего элемента в определенной размерности. И если мы говорим непосредственно о двухмерном массиве, то первая размерность (с индексом И 0),таблица. ПО сути, ЭТО есть c помощью выражения mas.GetUpperBound(0) + 1 можно получить количество строк таблицы,

представленной двухмерным массивом. А через mas. Length / rows можно получить количество элементов в каждой строке:

```
int[,] mas = { { 1, 2, 3 }, { 4, 5, 6 }, { 7, 8, 9 },
1
   { 10, 11, 12 } };
   int rows = mas.GetUpperBound(0) + 1;
2
   int columns = mas.Length / rows;
3
   // или так
4
   // int columns = mas.GetUpperBound(1) + 1;
   for (int i = 0; i < rows; i++)
6
7
   {
       for (int j = 0; j < columns; j++)
8
9
        {
            Console.Write($"{mas[i, j]} \t");
10
11
        }
12
       Console.WriteLine();
13
   }
```

От многомерных массивов надо отличать массив массивов или так называемый «зубчатый массив»:

```
1 int[][] nums = new int[3][];
2 nums[0] = new int[2] { 1, 2 };
// выделяем память для первого подмассива
nums[1] = new int[3] { 1, 2, 3 };
// выделяем память для второго подмассива
nums[2] = new int[5] { 1, 2, 3, 4, 5 };
// выделяем память для третьего подмассива
```

Здесь две группы квадратных скобок указывают, что это массив массивов, то есть такой массив, который в свою очередь содержит в себе другие массивы. Причем длина массива указывается только в первых квадратных скобках, все последующие квадратные скобки должны быть

пусты: new int[3][]. В данном случае у нас массив nums содержит три массива. Причем размерность каждого из этих массивов может не совпадать.

## Зубчатый массив nums

1	2			
1	2	3		
1	2	3	4	5

Примеры массивов представлены на рисунке 2.

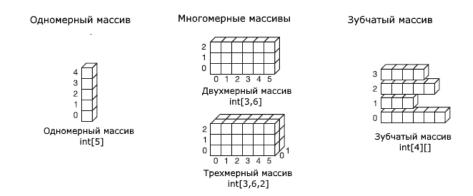


Рисунок 1. Примеры массивов

Причем можно использовать в качестве массивов и многомерные:

1	<pre>int[][,] nums = new int[3][,]</pre>
2	{
3	new int[,] { {1,2}, {3,4} },
4	new int[,] { {1,2}, {3,6} },
5	new int[,] { {1,2}, {3,5}, {8, 13} }
6	};

Так здесь у нас массив из трех массивов, причем каждый из этих массивов представляет двухмерный массив.

Используя вложенные циклы, можно перебирать зубчатые массивы. Например:

```
int[][] numbers = new int[3][];
1
   numbers[0] = new int[] { 1, 2 };
2
   numbers[1] = new int[] { 1, 2, 3 };
3
   numbers[2] = new int[] { 1, 2, 3, 4, 5 };
4
   // перебор с помощью цикла for
5
   for (int i = 0; i<numbers.Length;i++)</pre>
6
7
   {
        for (int j =0; j<numbers[i].Length; j++)</pre>
8
9
        {
            Console.Write($"{numbers[i][j]} \t");
10
11
        }
12
        Console.WriteLine();
13
   }
```

Суммируем основные понятия массивов:

- Ранг (rank): количество измерений массива
- Длина измерения (dimension length): длина отдельного измерения массива
  - Длина массива (array length): количество всех элементов массива Например, возьмем массив

```
1 int[,] numbers = new int[3, 4];
```

Массив numbers двухмерный, то есть он имеет два измерения, поэтому его ранг равен 2. Длина первого измерения - 3, длина второго измерения - 4. Длина массива (то есть общее количество элементов) - 12.

Для объявления двумерного массива в C++ можно использовать следующую конструкцию:

```
1 int arr[100][50] = {0}; // двухмерный массив
```

Этим кодом мы создали матрицу размером 100×50, которая изначально заполнена нулями. Ее использование ничуть не отличается от выше рассмотренных обычных массивов:

```
1 int matrix[100][100] = {0};
2 matrix[5][10] = 11;
3 matrix[10][5] = 1;
4 cout << "Interesting values:\n";
cout << matrix[0][0] << ", " << matrix[5][10] << ", " << matrix[5][10] << ", "</pre>
```

Также можно реализовывать трехмерные, четырехмерные и т.д. массивы.

## 4) Задание на лабораторную работу

Обе части лабораторной работы должны быть выполнены либо на языке программирования C++, либо на языке программирования C#.

**Часть 1**В соответствии с вариантом необходимо написать консольную программу.

Варианты	Индивидуальное задание		
	Ввести 2 массива строк – по 12 элементов в каждом.		
1	Сформировать новый массив, на четных местах которого будут		
1	элементы с нечетными индексами из первого массива, а на		
	нечетных, с четными индексами из второго.		
2	Ввести целочисленный массив, состоящий из 15 элементов.		
2	Вычислить сумму цифр всех чисел, входящих в данный массив.		
	Дана действительная квадратная матрица $\begin{bmatrix} a_{ij} \end{bmatrix}_{i,j=\overline{1,n}}$ .		
	Размерность матрицы задается пользователем. Получить две		
3	квадратные матрицы $\left[b_{ij}\right]_{i,j=\overline{1,n}}$ и $\left[c_{ij}\right]_{i,j=\overline{1,n}}$ , для элементов		
	которых выполняются условия:		
	$b_{ij}^{}=\{a_{ij}^{}$ , при $j< i\ a_{ji}^{}$ , при $j{\geq}i$		

Варианты	Индивидуальное задание
	$c_{ij}^{}=\{a_{ij}^{},$ при $j< i\ -a_{ij}^{},$ при $j{\geq}i$
	Дана действительная матрица размерности $m \times n$ , в которой не
4	все элементы равны нулю. Получить новую матрицу путем
•	деления всех элементов данной матрицы на ее наибольший по
	модулю элемент.
5	Дана действительная матрица размерности $m \times n$ . Найти
3	сумму наибольшего значений элементов ее строк.
	В действительной матрице размерности $m \times n$ поменять
6	местами строку, содержащую элемент с наибольшим значением,
0	со строкой, содержащей элемент с наименьшим значением.
	Предполагается, что эти элементы единственны.
	Дана действительная матрица размера $m \times n$ , все элементы в
	которой различны. В каждой строке выбирается элемент с
7	наибольшим значением, затем среди чисел выбирается
	наименьшее. Указать индексы элемента с найденным
	значением.
	Дана действительная квадратная матрица порядка 12. Заменить
8	нулями все элементы, расположенные на главной диагонали, и
	единицами, расположенные выше главной диагонали.
	Дана действительная квадратная матрица порядка 11. Получить
	целочисленную квадратную матрицу того же порядка, в которой
9	элемент равен единице, если соответствующий ему элемент
	исходной матрицы больше элемента, расположенного в его
	строке на главной диагонали, и равен нулю в противоположном
	случае.
10	Определить, является ли введенная действительная квадратная
10	матрица симметричной относительно своей главной диагонали.

Варианты	Индивидуальное задание				
	Известна зарплата каждого из 12 работников фирмы за каждый				
	месяц первого квартала.				
	Месяц				
	Работники 1 2 3				
	1				
11					
	12				
	Организовать ввод информации по этой таблице и определить:				
	а) общую сумму, выплаченную за квартал всем работникам;				
	б) зарплату, полученную за квартал каждым работником;				
	в) общую зарплату всех работников за каждый месяц.				
	Даны натуральные числа $i, j$ , действительная матрица размера				
12	$18 \times 24$ (1≤ $i < j$ ≤24). Поменять в матрице местами $i$ -й и $j$ -й				
	столбцы.				
	Дана действительная квадратная матрица порядка 9. Вычислить				
	сумму тех из ее элементов, расположенных на главной				
13	диагонали и выше неё, которые превосходят по величине все				
13	элементы, расположенные ниже главной диагонали. Если на				
	главной диагонали и выше неё нет элементов с указанным				
	свойством, то вывести сообщение об этом.				
	Будем называть соседями элемента с индексами $i, j$ некоторой				
	матрицы такие элементы этой матрицы, соответствующие				
	индексы которых отличаются от $i$ и $j$ не более чем на единицу.				
14	Для данной целочисленной матрицы $\left[a_{ij}\right]_{i=\overline{1,n},j=\overline{1,m}}$ найти				
	матрицу из нулей и единиц $\left[b_{ij}\right]_{i=\overline{1,n},j=\overline{1,m}}$ , элемент которой $b_{ij}$				
	равен единице, когда все соседи $a_{ij}$ меньше самого $a_{ij}$ .				

Варианты	Индивидуальное задание
15	Таблица футбольного чемпионата задана квадратной матрицей порядка <i>п</i> , в которой все элементы, принадлежащие главной диагонали, равны нулю, а каждый элемент, не принадлежащий главной диагонали, равен 2, 1 или 0 (числу очков, набранных в игре: 2 – выигрыш, 1 – ничья, 0 – проигрыш). Найти число команд, имеющих больше побед, чем поражений и определить номера команд, прошедших чемпионат без поражений.
16	Найти решение системы линейных алгебраических уравнений $\{a_{11}x_1=b_1\ a_{21}x_1+a_{22}x_2=b_2\\ a_{n1}x_1+a_{n2}x_2++a_{nn}x_n=$ Если задана действительная матрица $[a]_{n\times n}$ и массив свободных членов $[b]_n$ . Для решения СЛАУ можно использовать метод Крамера.
17	В квадратной матрице <i>nxn</i> обменять значения элементов в каждой строке, расположенные на главной и побочной диагоналях.
18	Сформировать матрицу из чисел от 0 до 999, вывести ее на экран. Посчитать количество двузначных чисел в ней.
19	Записать элементов прямоугольной матрицы в одномерный массив в порядке следования столбцов.
20	Вводятся пять вещественных чисел. Записать в первый столбец матрицы целую часть чисел, во второй - дробную часть, приведенную к пятизначному целому, в третий столбец - знак числа: 0 для положительных чисел и 1 - для отрицательных. Например, если вводится число 5.452456, то в первой ячейке строки присваивается 5, второй присваивается 45245, а третьей - число 0.

**Часть 2.**В соответствии с вариантом необходимо написать консольную программу.

Варианты	Индивидуальное задание
	Узник пытается бежать из замка, который состоит из MN
	квадратных комнат, расположенных в виде прямоугольника
	M×N. Между любыми двумя соседними комнатами есть дверь,
	однако некоторые комнаты закрыты и попасть в них нельзя. В
	начале узник находится в угловой комнате и для спасения ему
	надо попасть в противоположную угловую комнату. Времени у
	него немного, всего он может побывать не более, чем в M+N-1
	комнате, включая начальную и конечную комнату на своем
	пути, то есть с каждым переходом в соседнюю комнату
	расстояние до выхода из замка должно уменьшаться. От вас
	требуется найти количество различных маршрутов, ведущих к
1	спасению.
	Первая строчка входных данных содержит натуральные числа
	М и N, не превосходящих 1000. Далее идет план замка в виде М
	строчек из N символов в каждой. Один символ соответствует
	одной комнате: если символ равен 1, то в комнату можно
	попасть, если он равен 0, то комната закрыта. Первоначальное
	положение узника – левый нижний угол (первый символ
	последней строки), выход находится в правом верхнем углу
	(последний символ первой строки, оба этих символа равны 1).
	Программа должна напечатать количество маршрутов, ведущих
	узника к выходу и проходящих через M+N-1 комнату, или слово
	«Невозможно», если таких маршрутов не существует.
2	Всем хорошо известна "Игра в 15", представляющая собой 15
2	квадратных фишек, пронумерованных числами от 1 до 15.

Варианты	Индивидуальное задание
	Фишки уложены в квадрат со стороной в 4 стороны фишки,
	одна позиция для фишки свободна. Если обозначить свободную
	позицию за *, то головоломка состоит в том, чтобы получить из
	произвольной начальной позиции позицию следующего вида:
	1 2 3 4
	5 6 7 8
	9 10 11 12
	13 14 15 *
	Единственной разрешенной операцией является обмен * с
	одной из соседних по ребру фишек. Операции будем кодировать
	буквами:
	R – поменять * с фишкой, которая стоит справа от *
	L – поменять * с фишкой, которая стоит слева от *
	U – поменять * с фишкой, которая стоит сверху от *
	D – поменять * с фишкой, которая стоит снизу от *
	Например, решением головоломки
	1 2 3 4
	5 6 7 8
	9 10 12 *
	13 14 11 15
	является последовательность LDR.
	От вас требуется решить более простую головоломку "Игра в
	8", в которой требуется расположить 8 фишек в виде:
	1 2 3
	4 5 6
	7 8 *
	На вход программе подается описание исходной позиции в виде
	строки, в которой перечислены номера фишек, разделенные

Варианты	Индивидуальное задание
	пробелами в квадрате слева направо сверху вниз. Вместо
	свободной фишки напечатана *.
	Например, позиция
	1 2 3
	* 4 6
	7 5 8
	задается строкой
	1 2 3 * 4 6 7 5 8
	На выход программа должна вывести одну строку, состоящцю
	из букв l, r, u, d, содержащую последовательность операций,
	разрешающую данную головоломку, в которой одна буква
	соответствует перемещению одной фишки (см. выше правило
	кодирования операций). Если же головоломка неразрешима, то
	требуется вывести одно слово unsolvable.
	На прямоугольном поле для игры в морской бой размером M×N
	расположено несколько прямоугольных кораблей. Корабли не
	соприкасаются друг с другом. Ваша задача — определить
	всевозможные типы кораблей на поле и число кораблей каждого
	типа. Два корабля относятся к одному типу, если их размеры
	совпадают (корабли, которые могут быть получены друг из
3	друга поворотом, также относятся к одному типу).
	Первая строка входных данных содержит два положительных
	числа М и N, не превосходящих 1000, задающие размеры поля.
	Далее идет М строк, каждая из которых состоит из N символов.
	Символ `1' означает, что соответствующая клетка поля занята
	кораблем, символ `0' — что свободна. Пробелов в строке нет.
	Программа должна для каждого обнаруженного типа корабля
	вывести одну строку, содержащую три числа. Первые два числа

Варианты	Индивидуальное задание
	задают размеры корабля (первое число должно быть не меньше
	второго), третье число задает количество кораблей данного типа
	на поле. Строки в выводе должны быть отсортированы по
	первому числу, затем по второму числу.
	Пример входных данных
	6 10
	0111000011
	0000011011
	0100011000
	0101011011
	010000000
	0001111011
	Пример выходных данных
	1 1 1
	2 1 2
	2 2 2
	3 1 2
	3 2 1
	4 1 1
	На сайте сотового оператора BeepLine сделали защиту от
	роботов, рассылающих SMS-сообщения: прежде, чем отправить
	SMS, пользователь должен написать, какую фигуру он видит в
4	специальном окошке: квадрат или круг. Причем, для усиления
4	защиты, в рисунок внесены небольшие помехи.
	Коле срочно нужно разослать всем друзьям сообщение, поэтому
	он просит Вас написать программу, распознающую
	изображение.

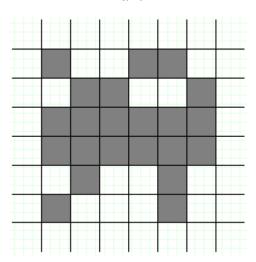
### Варианты

#### Индивидуальное задание

Экспериментально установлено, что система рисует квадрат с помехами следующим образом: сначала на белом фоне рисуется черный квадрат  $k \times k$  клеток  $(k \ge 3)$ , затем некоторые клетки на границе квадрата (на рисунке обозначены цифрой 1) закрашиваются белым, а некоторые клетки (если таковые существуют), граничащие с квадратом (на рисунке обозначены цифрой 2), закрашиваются черным.

2	2	2	2	2	2	
2	1	1	1	1	2	
2	1			1	2	
2	1			1	2	
2	1	1	1	1	2	
2	2	2	2	2	2	

Например, квадрат 4×4 после нанесения помех может выглядеть так:



На входе пользователь задает размерность  $m \times n$  размера экрана. Следующие n строк, по m символов в каждой, содержат описание картинки. Черные клетки обозначены символом «+», а

Варианты	Индивидуальное задание					
	белые - символом «.». Программа на выходе должна					
	определить, какое изображение – квадрат или круг,					
	представлено на изображении. Если изображение не					
	соответствует ни одной из фигур, вывести сообщение об ошибке распознавания.					
	Спецслужбы получили информацию о том, что в					
	труднодоступной части Муравийской пустыни расположена					
	хорошо замаскированная база террористов. В руки спецслужб					
	попал и план этой базы, которая с большой высоты выглядит					
	как группа скальных обломков, весьма часто встречающихся					
	среди Муравийских песков. Президент отдал приказ					
	уничтожить базу крылатыми ракетами. Ваша задача - по карте					
	пустыни, полученной со спутника и плану базы определить					
	количество возможных положений базы террористов.					
	На входе вводятся числа $N_b$ и $M_b$ ( $1 \le N_b, M_b \le 20$ ). В					
5	следующих $N_{_{b}}$ строках записан план базы. Каждая из этих					
	строк содержит по $M_b$ символов "#" (ASCII 35) или "." (ASCII					
	46). Символ "#" обозначает фрагмент базы, а символ "." - песок.					
	В следующей строке записаны числа $N_d$ и $M_d$ (1 $\leq$ $N_d$ , $M_d$ $\leq$					
	100). И остаток входных данных содержит карту участка					
	пустыни, на котором, предположительно, находится база					
	террористов - $N_d$ строк по $M_d$ символов "#" или "." в каждой.					
	Пример входных даных:					
	2 2					
	#.					
	##					
	3 5					

Варианты	Индивидуальное задание			
	#.#.#			
	#####			
	.###.			