ОЛИМПИАДА «ФИЗТЕХ-2010» (физика)

1. При движении автобуса по горизонтальному участку дороги у него устанавливается скорость v, если на ведущие колёса передаётся мощность N. При движении на спуске с углом наклона поверхности дороги к горизонту α ($\sin \alpha = 1/30$) при передаваемой на ведущие колёса той же мощности N у автобуса устанавливается скорость 3v/2. При движении на подъёме при передаваемой на ведущие колёса мощности 2N у автобуса устанавливается скорость v/2. Найдите синус угла наклона поверхности дороги к горизонту на подъёме. Сила сопротивления движению автобуса пропорциональна его скорости. Все участки дороги прямолинейные.

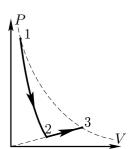
Ответ: $\sin \beta = \frac{7}{50}$.

2. Однородный стержень постоянного поперечного сечения висит на нити. При этом 70% длины стержня находится в воде. Когда стержень переместили вверх, оставив в воде 30% его длины, сила натяжения нити увеличилась на 20%. Найдите плотность материала стержня. Плотность воды $\rho_0 = 1 \text{ г/см}^3$.



Ответ: $\rho = 2.7 \rho_0 = 2.7 \frac{\Gamma}{c_{\text{M}}^3}$.

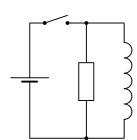
3. Газообразный гелий из начального состояния 1 расширяется в процессе 1–2 с постоянной теплоёмкостью, совершая в нём работу $A_{12}=400~\rm{Д}ж$. Затем к газу подводится количество теплоты $Q_{23}=400~\rm{Д}ж$ в процессе 2–3, в котором давление прямо пропорционально объёму. Температуры в состояниях 1 и 3 равны.



- 1) Найдите количество теплоты, подведённое к газу в процессе 1–2.
- 2) Найдите молярную теплоёмкость газа в процессе 1–2, выразив её через R.

Ответ:
$$Q_{12} = 100 \ Дж, \ c = -\frac{R}{2}$$
.

4. В цепи, показанной на рисунке, все элементы можно считать идеальными. В начальный момент ключ разомкнут, ток в цепи отсутствует. Ключ на некоторое время замыкают, а потом размыкают. Оказалось, что после размыкания ключа в цепи выделилось в два раза больше теплоты, чем при замкнутом ключе. Найдите отношение заряда, протекшего через источник при замкнутом ключе, к заряду, протекшему через резистор после размыкания ключа.



Ответ: 3.

5. Тонкая линза создаёт изображение предмета, расположенного перпендикулярно главной оптической оси, с некоторым увеличением. Если расстояние от предмета до линзы увеличить вдвое, получается прямое изображение с увеличением, вдвое большим первоначального увеличения. С каким увеличением изображался предмет вначале?

Otbet:
$$\Gamma = \frac{3}{2}$$
.

1. При движении автомобиля на спуске с углом наклона поверхности дороги к горизонту φ ($\sin \varphi = 1/25$) при передаваемой на ведущие колёса мощности N=10 кВт у автомобиля устанавливается скорость v. При движении автомобиля по горизонтальному участку дороги у него устанавливается та же скорость v, если на ведущие колёса передаётся мощность 4N. Какую мощность надо передавать на ведущие колёса при движении со скоростью 3v/4 на подъёме с углом наклона поверхности дороги к горизонту γ ($\sin \gamma = 1/15$)? Сила сопротивления движению автомобиля пропорциональна его скорости. Все участки дороги прямолинейные.

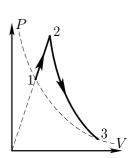
Ответ: $N_{\text{под}} = 6N = 60 \text{ кВт.}$

2. Однородный поплавок в форме цилиндра постоянного поперечного сечения удерживают притопленным в воде с помощью нити. Поплавок находится в вертикальном положении, погрузившись в воду на 60% своей длины. Если поплавок погрузить в воду на 80% его длины, то сила натяжения нити увеличится на 50%. Найдите плотность поплавка. Плотность воды $\rho_0 = 1 \text{ г/см}^3$.



Ответ:
$$\rho = 0.2 \rho_0 = 0.2 \frac{\Gamma}{\text{cm}^3}$$
.

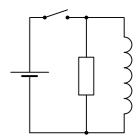
3. Газообразный гелий из начального состояния 1 расширяется в процессе 1–2, в котором давление прямо пропорционально объёму, совершая в нём работу $A_{12}=200$ Дж. Затем газ расширяется в процессе 2–3 с постоянной теплоёмкостью, совершая работу $A_{23}=1000$ Дж. Температуры в состояниях 1 и 3 равны.



- 1) Найдите количество теплоты, подведённое к газу в процессе 2–3.
- 2) Найдите молярную теплоёмкость газа в процессе 2–3, выразив её через R.

Ответ:
$$Q_{23} = 400 \ Дж, \ c = -R.$$

4. В цепи, показанной на рисунке, все элементы можно считать идеальными. В начальный момент ключ разомкнут, ток в цепи отсутствует. Ключ на некоторое время замыкают, а потом размыкают. Оказалось, что заряд, протекший через катушку при замкнутом ключе, в 4 раза больше заряда, протекшего через катушку после размыкания ключа. Найдите отношение теплоты, выделившейся в цепи после размыкания ключа, к теплоте, выделившейся в цепи при замкнутом ключе.



Ответ:
$$\tau = 8\frac{L}{R}$$
. $\frac{Q_2}{Q_1} = \frac{R\tau}{2L} = 4$.

5. Тонкая линза создаёт прямое изображение предмета, расположенного перпендикулярно главной оптической оси, с некоторым увеличением. Если расстояние от предмета до линзы уменьшить вдвое, увеличение также уменьшается вдвое. С каким увеличением изображался предмет вначале?

Ответ: $\Gamma = 3$.

1. При движении грузовика по горизонтальному участку дороги у него устанавливается скорость v, если на ведущие колёса передаётся мощность N. При движении на подъёме с углом наклона поверхности дороги к горизонту β ($\sin \beta = 0,1$) при передаваемой на ведущие колёса той же мощности N у грузовика устанавливается скорость 2v/3. При движении на спуске при передаваемой на ведущие колёса мощности N/3 у грузовика устанавливается скорость 4v/3. Найдите синус угла наклона поверхности дороги к горизонту на спуске. Сила сопротивления движению грузовика пропорциональна его скорости. Все участки дороги прямолинейные.

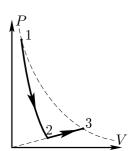
Ответ: $\sin \alpha = 0.13$.

2. Однородный тонкий цилиндр висит на нити. При этом 40% длины цилиндра находится в воде. Когда цилиндр переместили вниз, то в воде оказалось 60% его длины, и сила натяжения нити уменьшилась на 25%. Найдите плотность материала цилиндра. Плотность воды $\rho_0 = 1 \ \Gamma/\text{cm}^3$.



Ответ:
$$\rho = 1.2 \rho_0 = 1.2 \frac{\Gamma}{\text{cm}^3}$$
.

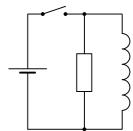
3. Газообразный гелий из начального состояния 1 расширяется в процессе 1–2 с постоянной теплоёмкостью, совершая в нём работу $A_{12}=600~\rm{Д}$ ж. Затем газ расширяется в процессе 2–3, в котором давление прямо пропорционально объёму, совершая работу $A_{23}=150~\rm{Д}$ ж. Температуры в состояниях 1 и 3 равны.



- 1) Найдите количество теплоты, подведённое к газу в процессе 1–2.
- 2) Найдите молярную теплоёмкость газа в процессе 1–2, выразив её через R.

Ответ:
$$Q_{12} = 150 \ Дж, \ c = -\frac{R}{2}.$$

4. В цепи, показанной на рисунке, все элементы можно считать идеальными. В начальный момент ключ разомкнут, ток в цепи отсутствует. Ключ на некоторое время замыкают, а потом размыкают. Оказалось, что после размыкания ключа в цепи выделилось в три раза меньше теплоты, чем при замкнутом ключе. Найдите отношение заряда, протекшего через катушку при замкнутом ключе, к заряду, протекшему через катушку после размыкания ключа.



Ответ:
$$au = rac{2L}{3R}, \qquad rac{q_1}{q_2} = rac{R au}{2L} = rac{1}{3}.$$

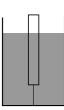
5. Тонкая линза создаёт изображение предмета, расположенного перпендикулярно главной оптической оси, с некоторым увеличением. Если расстояние от предмета до линзы увеличить вдвое, получается перевёрнутое изображение с увеличением, вдвое большим первоначального увеличения. С каким увеличением изображался предмет вначале?

Ответ:
$$\Gamma = \frac{5}{2}$$
.

1. При движении мотоцикла на подъёме с углом наклона поверхности дороги к горизонту β ($\sin \beta = 0.06$) при передаваемой на ведущее колесо мощности N=15 кВт у мотоцикла устанавливается скорость v. При движении мотоцикла по горизонтальному участку дороги у него устанавливается та же скорость v, если на ведущее колесо передаётся мощность 2N/5. Какую мощность надо передавать на ведущее колесо при движении со скоростью 2v на спуске с углом наклона поверхности дороги к горизонту φ ($\sin \varphi = 0.07$)? Сила сопротивления движению мотоцикла пропорциональна его скорости. Все участки дороги прямолинейные.

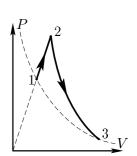
Ответ:
$$N_{\text{сп}} = \frac{N}{5} = 3 \text{ кВт.}$$

2. Однородную деревянную палочку в форме цилиндра постоянного поперечного сечения удерживают притопленной в воде с помощью нити. Палочка погружена в воду на 90% своей длины. Если палочку удерживать за нить, погрузив в воду 80% её длины, то палочка остаётся в вертикальном положении и сила натяжения нити уменьшается на 1/3. Найдите плотность дерева. Плотность воды $\rho_0 = 1 \text{ г/см}^3$.



Ответ:
$$\rho = 0.6 \rho_0 = 0.6 \frac{\Gamma}{\text{cm}^3}$$
.

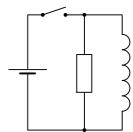
3. Газообразный гелий из начального состояния 1 расширяется в процессе 1–2, в котором давление прямо пропорционально объёму, при этом к газу подводится количество теплоты $Q_{12}=800$ Дж. Затем газ расширяется в процессе 2–3 с постоянной теплоёмкостью, совершая работу $A_{23}=750$ Дж. Температуры в состояниях 1 и 3 равны.



- 1) Найдите количество теплоты, подведённое к газу в процессе 2–3.
- 2) Найдите молярную теплоёмкость газа в процессе 2–3, выразив её через R.

Ответ:
$$Q_{23} = 150 \text{ Дж}, \ c = -\frac{3}{8}R.$$

4. В цепи, показанной на рисунке, все элементы можно считать идеальными. В начальный момент ключ разомкнут, ток в цепи отсутствует. Ключ на некоторое время замыкают, а потом размыкают. Оказалось, что заряд, протекший через источник при замкнутом ключе, в 4 раза больше заряда, протекшего через катушку после размыкания ключа. Найдите отношение теплоты, выделившейся в цепи после размыкания ключа, к теплоте, выделившейся в цепи при замкнутом ключе.



Otbet:
$$au=6rac{L}{R}. \qquad rac{Q_2}{Q_1}=rac{R au}{2L}=3.$$

5. Тонкая линза создаёт перевёрнутое изображение предмета, расположенного перпендикулярно главной оптической оси, с некоторым увеличением. Если расстояние от предмета до линзы уменьшить вдвое, увеличение также уменьшается вдвое. С каким увеличением изображался предмет вначале?

Ответ: $\Gamma = 5$.