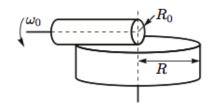
Всероссийская олимпиада школьников по физике

$11\ \mathrm{класc},\ \mathrm{заключительный\ этап},\ 2015/16\ \mathrm{год}$

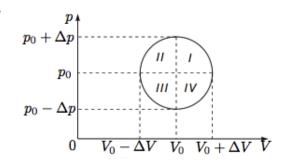
Задача 1. Длинный цилиндрический валик радиуса R_0 , вращающийся вокруг своей оси с угловой скоростью ω_0 , прижимают к свободно (без трения в оси) вращающемуся на оси диску радиуса R. Линия касания диска и валика совпадает с радиусом диска (см. рисунок).



- 1) Найдите установившуюся угловую скорость ω_{μ} вращения диска, если трение между валиком и диском сухое.
- 2) Найдите установившуюся угловую скорость ω_{η} вращения диска, если трение вязкое. Считайте, что величина силы вязкого трения, приходящаяся на единицу длины соприкосновения, пропорциональна относительной скорости движения соприкасающихся поверхностей валика и диска.
 - 3) Определите отношение $k = \omega_{\eta}/\omega_{\mu}$.

$$\frac{1}{2\sqrt{2}} = \lambda \left(\xi; \frac{\partial R}{\partial t} \partial \omega \frac{\delta}{2} = \pi \omega \left(\zeta; \overline{\zeta} \right) \sqrt{\frac{\partial R}{H}} \partial \omega = \mu \omega \left(\Gamma \right) \right)$$

ЗАДАЧА 2. Над молем идеального многоатомного газа проводят круговой процесс, который, будучи изображённым на p,V-диаграмме, при некотором масштабе имеет вид окружности. Центр окружности имеет координаты (p_0,V_0) , диаметр вдоль оси давлений равен $2\Delta p$, а диаметр вдоль оси объёмов — $2\Delta V$.

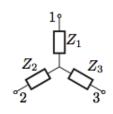


- 1) Найдите все пары диаметрально противоположных точек окружности, в которых теплоёмкости одинаковы. Вычислите эти теплоёмкости.
- 2) Сравните теплоёмкости двух произвольных диаметрально противоположных точек, лежащих во 2 и 4 квадрантах окружности (см. рисунок); другими словами, определите, в какой из этих точек теплоёмкость больше и почему.

Примечание. Считайте, что теплоёмкость газа при постоянном объёме не зависит от T.

1)
$$C = C_V$$
; $C = C_p$; $C = C_V + \frac{R}{1 - \left(\frac{V_0 \Delta_V}{V_0 \Delta_V}\right)^2}$; 2) $C_2 > C_4$

ЗАДАЧА 3. Три элемента, среди которых могут быть резисторы, конденсаторы и катушки индуктивности, соединены звездой (см. рисунок). При подключении источника переменного напряжения к выводам 1 и 2 цепи вольтметр переменного тока, подключенный к выводам 1 и 3, показывает 80 В. При подключении вольтметра к выводам 2 и 3 он показывает 45 В. При подключении того же источника к выводам 1 и 3 вольтметр показывает 21 В между выводами 2 и 3 и 28 В между 1 и 2. При подключении источника к выводам 2 и 3 вольтметр показывает 21 В между 1 и 2 и 28 В между 1 и 3.

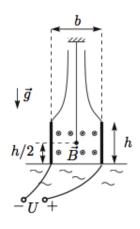


- 1) Определите напряжение источника.
- 2) Определите элементы цепи, соответствующие лучам звезды. Можно ли однозначно установить тип элементов цепи?
- 3) Определите отношение силы токов $I_{12}:I_{13}:I_{23}$ через источник при его подключении к выводам 1 и 2, 1 и 3, 2 и 3.

Источник, вольтметр и все элементы цепи можно считать идеальными.

$$1)$$
 35 B; 2) 3 — резистор, 1 и 2 — неразличимые катушка и конденсатор; 3) 60 : 21 : 28

Задача 4. Магнитогидродинамический (МГД) насос представляет собой плоский конденсатор с размерами пластин $h \times a$ и расстоянием между ними b ($h \gg b, a \gg b$). С боковых торцов конденсатор ограничен непроводящими стенками. К пластинам конденсатора подключён идеальный источник с напряжением U (полярность указана на рисунке). Между пластинами конденсатора создано однородное магнитное поле с индукцией B, вектор которой горизонтален и параллелен проводящим пластинам. Нижними краями конденсатор касается поверхности слабопроводящей жидкости с плотностью ρ_0 и удельным сопротивлением λ . Сверху к конденсатору герметично присоединён непроводящий кожух. Посередине конденсатора на высоте h/2 на тонкой нити подвешен небольшой непроводящий шарик, имеющий объём V и плотность $\rho > \rho_0$. Определите зависимость силы T(U) натяжения нити от



напряжения на источнике. Постройте качественный график этой зависимости, указав на нём характерные точки. Сверху кожух и поверхность проводящей жидкости сообщаются с атмосферой.

$$T(U) = \begin{cases} \rho g V, & \text{ectin } U \leqslant \rho_0 g \lambda b / B, \\ (\rho - \rho_0) g V + \frac{B V}{\lambda b} U, & \text{ectin } U > \rho_0 g \lambda b / B, \end{cases}$$

Задача 5. Солнечный парус представляет собой плоское зеркало массой m=1,660 г и площадью S=1,000 м². Парус ориентирован перпендикулярно солнечным лучам и движется вдоль линии, проходящей через центр Солнца и центр зеркала. В начальный момент времени оно находится на расстоянии $R_0=1$ а. е. от Солнца. На каком расстоянии R_1 от Солнца будет парус через $t_1=1$ час полёта, если он двигался с постоянной, но неизвестной скоростью $v\ll c$?

Одна астрономическая единица равна расстоянию от Земли до Солнца: 1 а. е. = $150,0\cdot10^6$ км. Импульс фотона p и его энергия E связаны соотношением pc=E, где $c=2,998\cdot10^8$ м/с — скорость света. Поток испускаемых протонов, нейтронов и других частиц, исходящих от Солнца, не учитывать. Солнечная постоянная $W_0=1,367$ кВт/м² — суммарный поток солнечного излучения, проходящий за единицу времени через единичную площадку, ориентированную перпендикулярно потоку, на расстоянии 1 а. е. от Солнца.

Примечание. Знаете ли вы, что продолжительность года равна $\pi \cdot 10^7$ секунд с точностью полпроцента?

$$R_1 = R_0 - \frac{1-\alpha}{1+\alpha} ct_1 = 0,72$$
 a. e., the $\alpha = \frac{2\pi^2 R_0 mc}{W_0 ST^2}$